Рассмотрим функцию $\varphi(x)=\sum\limits_{k=1}^{\infty}\frac{1}{2^{2\lceil\log_2k\rceil}}x^k$, где квадратные скобки означают целую часть числа. Найдите $\int\limits_0^1\varphi(x)\varphi'(x)dx$.