Пусть z — наибольшее целое число, для которого $C_z^3\leqslant n$. Тогда остаток $r=n-C_z^3< C_{z+1}^3-C_z^3=C_z^2$ (здесь мы учли, что $z\geqslant 2$). Пусть y — наибольшее целое число, для которого $C_y^2\leqslant r$. Тогда y< z и остаток $\tau=r-C_y^2< C_{y+1}^2-C_y^2=C_y^1$ (здесь мы учли, что $y\geqslant 1$). Теперь x — наибольшее целое число, для которого $C_x^1\leqslant \tau$. Тогда $0\leqslant x< y$.