Заметим, что такая сумма равна

$$\left(1+\frac{1}{1}\right)\left(1+\frac{1}{2}\right)\cdots\left(1+\frac{1}{n}\right)-1.$$

В самом деле, в результате раскрытия скобок мы получим все возможные комбинации произведений обратных элементов. Приведем слагаемые в скобках к общему знаменателю. Тогда

$$\frac{2}{1}\frac{3}{2}\cdots\frac{n+1}{n} - 1 = n + 1 - 1 = n.$$