

Пространство будет иметь размерность  $n^2$  (грубо говоря, вытянем все столбцы в один). Выберем базис следующим образом:

- $n^2 - 1$  — матриц, у которых на  $i, j$  месте 1, на остальных 0,  
 $i, j \in \overline{1, n}, (i, j) \neq (n, 1)$ ;
- одна матрица — матрица из всех единиц.

Занумеруем векторы базиса следующим образом: матрица из всех единиц будет иметь номер  $n^2 - n$ , остальные векторы  $(i - 1) \cdot n + j$ , где  $i$  и  $j$  — позиция ненулевого элемента. В таком базисе у верхнетреугольных матриц координата с номером  $n^2 - n$  будет всегда нулевой. Из формулы скалярного произведения

$$\langle a, b \rangle = \sum_{i=1}^{n^2} a_i b_i,$$

$a_i, b_i$  — координаты в выбранном базисе, следует, что еденичная матрица ортогональна любой верхнетреугольной матрице.