Трудоемкость алгоритма A описывается следующим соотношением (T(n) — время решения задачи размерности n):

$$T(n) \leqslant T(\lfloor \sqrt{n} \rfloor) + 1, \quad T(1) = C_1(\text{const}).$$

Найдите асимптотически как можно бо́льшую функцию, удовлетворяющую этому соотношению. Ответ представьте в O-нотации, докажите, что функция удовлетворяет данному соотношению.