

Рассмотрим функцию $\varphi(x) = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2^{2^{\lceil \log_2 k \rceil}}} x^k$. Найдите $\int_0^1 \varphi(x) \varphi'(x) dx$.