

Все города графства Орэ связаны каким-то конечным числом дорог. Если инквизитор странствует по графству достаточно долго, то он проедет достаточно много дорог, поэтому хотя бы по одной дороге АВ (А и В — города) он проедет не менее пяти раз. При этом не менее трех раз он проедет по этой дороге в одном и том же направлении (скажем, от А до В), поэтому, если из города В, кроме ВА, ведут еще две дороги ВС и ВD, то инквизитор минимум дважды, — скажем, после i -го и после j -го посещения города В, где $j > i$, — сворачивал, выезжая из В (куда он оба раза приезжал из А), в одну и ту же сторону, скажем, в сторону города С. Но из условия тогда следует, что не только в i -е и в j -е посещение В инквизитор приехал в В из одного города — из А, — но и в А он оба раза приезжал из одного и того же города Р (ведь если инквизитор после В свернул на дорогу ВС, например, налево, то в А он должен был свернуть направо после посещения Р). Аналогично этому устанавливается, что полностью совпадают пути инквизитора, предшествующие двум рассматриваемым посещениям города В: в город Р он оба раза попал из одного и того же города, и так далее. Но тогда если инквизитор до i -го посещения В миновал, начиная с выезда из города Э, какое-то число k городов, то и за k городов до j -го посещения В он снова был в Э, что и доказывает утверждение задачи.