

Trabajo Práctico

 $\overline{27}$ de mayo de 2014

Algoritmos y Estructura de Datos II

Grupo 13

Integrante	LU	Correo electrónico
Fosco, Martin Esteban	449/13	mfosco2005@yahoo.com.ar
Minces Müller, Javier Nicolás	231/13	javijavi1994@gmail.com
Murga, Christian Mariano	982/12	christianmmurga@gmail.com
Palladino, Julian Alberto	336/13	julianpalladino@hotmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

 $\label{eq:TelFax: (++54 +11) 4576-3300} $$ $$ $$ $ \text{http://www.exactas.uba.ar} $$$

1. Módulo Promesa

Complejidad: O(#(ps))

Interfaz

```
se explica con: PROMESA.
    géneros: promesa.
Operaciones
    TÍTULO(in p: promesa) \rightarrow res: nombre
   \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} ttulo(p)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Devuelve el nombre del título sobre el que se hizo la promesa
    Aliasing: res es modificable si y solo si p es modificable
   TIPO(\mathbf{in}\ p: promesa) 
ightarrow res : tipoPromesa
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} tipo(p)\}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Devuelve 'comprar' si la promesa es de compra y 'vender' si no lo es
    Aliasing: res es modificable si y solo si p es modificable
   LÍMITE(in p: promesa) \rightarrow res: dinero
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} lmite(p)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Devuelve el valor que la cotización tiene que superar para que se ejecute una promesa.
    CANTIDAD (in p: promesa) \rightarrow res: nat
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} cantidad(p)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Devuelve la cantidad de acciones que se compran o se venden cuando la promesa se ejecuta
    CREARPROMESA(in n: nombre, in t: tipo, in l: dinero, in c: nat) \rightarrow res: promesa
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crearpromesa(n, t, l, c)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Si t es 'comprar', devuelve una promesa de comprar c acciones de n si su coitzación supera l. Si t
    es 'vender', devuelve una promesa de vender c acciones de n si su cotización daja de l
    Aliasing: n y t son modificables si y solo si la promesa es modificable
   PROMESAEJECUTABLE(in p: promesa, in d: dinero, in n: nat) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} promesaEjecutable(p, d, n)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Si la promesa es de compra, devuelve true si y solo si la cotización del título de la promesa superó
    el límite y hay suficientes disponibles. Si la promesa es de venta, devuelve true si y solo si la cotización del título
    bajó del límite.
    COMPRAVENTA(in d: nat, in ps: conj(promesa)) \rightarrow res: nat
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} compraVenta(d, ps)\}
```

menos la suma de las cantidades de las promesas de venta de dicho conjunto.

Descripción: Devuelve la disponiblidad más la suma de cantidades de las promesas de compra de un conjunto,

```
PROMESAS SOBRETÍTULO (in n: nombre, in t: tipoPromesa, in ps: conj(promesa)) \rightarrow res: conj(promesa)

Pre \equiv \{ \text{true} \}

Post \equiv \{ res =_{\text{obs}} promesas Sobre Ttulo(n, t, ps) \}

Complejidad: O(\#(ps))

Descripción: Devuelve, de un conjunto de promesas, aquellas que son de un determinado tipo y título.

Aliasing: Las promesas se devuelven por copia
```

```
promesa se representa con estr \begin{tabular}{ll} donde promesa es tupla (\it{titulo}: nombre , \it{tipo}: tipoPromesa , \it{cantidad}: acciones , \it{limite}: nat ) \\ Rep : estr &\longrightarrow bool \\ Rep(p) &\equiv true &\Longleftrightarrow true \\ Abs: estr p &\to promesa \\ Abs(p) &=_{obs} p2: promesa | titulo(p2) = p.titulo \\ \land tipo(p2) = p.tipo \\ \land cantidad(p2) = p.cantidad \\ \land limite(p2) = p.limite \\ \end{tabular} \end{tabular} \begin{tabular}{ll} Rep(p) &= p.titulo \\ \land tipo(p2) = p.tipo \\ \land cantidad(p2) = p.cantidad \\ \land limite(p2) = p.limite \\ \end{tabular}
```

Algoritmos

(Las complejidades junto a una asignacion representan el costo de evaluar y asignar. Las complejidades junto a un **if** o un **while** representan el costo de evaluar la guarda. Las complejidades junto a un **endwhile** representan el costo de todo el ciclo.)

```
ITÍTULO(in p: estr) \rightarrow res:nombre
                                                                                                                                   O(1)
     res \leftarrow p.título
iTIPO(in \ p: estr) \rightarrow res:tipoPromesa
                                                                                                                                   O(1)
     res \leftarrow p.tipo
ILÍMITE(in p: estr) \rightarrow res:dinero
     res \leftarrow p.límite
                                                                                                                                   O(1)
ICANTIDAD(in \ p:estr) \rightarrow res:nat
                                                                                                                                   O(1)
     res \leftarrow p.cantidad
ICREARPROMESA(in n: nombre, in t: tipo, in l: dinero, in c: nat) \rightarrow res:estr
                                                                                                                                   O(1)
     res.nombre \leftarrow n
     res.tipo \leftarrow t
                                                                                                                                   O(1)
     res.limite \leftarrow l
                                                                                                                                   O(1)
     res.cantidad \leftarrow c
                                                                                                                                   O(1)
IPROMESAEJECUTABLE(in p: promesa, in d: dinero, in n: nat) \rightarrow res:bool
     res \leftarrow tipo(p) = venta \land d < limite(p)) \lor tipo(p) = compra \land d > limite(p) \land n \ge cantidad(p)
                                                                                                                                   O(1)
ICOMPRAVENTA(in d: nat, in p: conj(promesa)) \rightarrow res:nat
     res \leftarrow d
                                                                                                                                   O(1)
     ps \leftarrow crearIt(p)
                                                                                                                                   O(1)
     while (hayMas?(ps))
                                                                                                                                   O(1)
          if siguiente(ps).tipo=comprar
                                                                                                                                   O(1)
                res \leftarrow res + siguiente(ps).cantidad
                                                                                                                                   O(1)
                res \leftarrow res-siguiente(ps).cantidad
                                                                                                                                   O(1)
          endif
                                                                                                                                    O(1)
          avanzar(ps)
     endwhile
                                                                                                                               O(\#(p))
IPROMESASSOBRETÍTULO(in n: nombre, in t: tipoPromesa, in p: conj(promesa)) \rightarrow res:conj(promesa)
     res \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                   O(1)
     ps \leftarrow crearIt(p)
                                                                                                                                   O(1)
     while (hayMas?(ps))
                                                                                                                                   O(1)
                                                                                                                                   O(1)
          if siguiente(ps).tipo=t ∧ siguiente(ps).título=n
```

O(1)

AgregarRapido(res, siguiente(ps))

```
\begin{array}{c} \textbf{endif} \\ \text{avanzar(ps)} \\ \textbf{endwhile} \end{array} \hspace{1cm} O(1)
```

2. Módulo Título

Interfaz

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \widehat{t} =_{\text{obs}} t_0 \}$

Complejidad: O(1)

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \hat{t} =_{obs} \operatorname{recotizar}(\widehat{cot}, t_0) \}$

Descripción: Cambia la cotización del título por la cot que se indique

```
se explica con: Título.
             géneros: título.
Operaciones
             NOMBRE(in t: título) \rightarrow res: nombre
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{\widehat{res} =_{obs} nombre(\widehat{t})\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el nombre del título.
Aliasing: res es modificable si y solo si t es modificable.
                  CANTMAX(in \ t: titulo) \rightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \widehat{res} =_{obs} \# \text{máxAcciones}(t) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la cantidad máxima de acciones disponibles para wolfie.
                 COT(in \ t: titulo) \rightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \widehat{res} =_{\text{obs}} \operatorname{cotización}(\widehat{t}) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la cotización actual del título.
                 {\tt ENALZA}({f in}\ t\colon {\tt título}) 	o res: {\tt bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{\widehat{res} =_{obs} enAlza(\widehat{t})\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve true si la cotización del título al recotizar es mayor a la anterior, o si nunca se aplicó recotizar
sobre ese título, y false en caso contrario.
                 NUEVOT(in nt: nombre, in cot: dinero, in cantMax: nat) \rightarrow res: título
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{nombre}(\widehat{res}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{nt} \land \# \mathbf{maxAcciones}(\widehat{res}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{cantMax} \land \mathbf{cotizacion}(\widehat{res}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{cot} \land \mathbf{enAlza}(\widehat{res}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{cot} \land \mathbf{en
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un nuevo título cuyos nombre, cotización y cantidad de acciones disponibles son aquellos pasados
por parámetro
Aliasing: res es modificable si y solo si nt es modificable
                 RECOTIZAR(in cot: dinero, in/out t: título)
```

```
COTACTUAL(in nt: nombre, in ts: conj(título)) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\exists \ \text{t:título})(\mathbf{t} \in \widehat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{nt}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\exists \ \text{t:titulo})(\mathbf{t} \in \widehat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{nt} \land \text{cotización}(\mathbf{t}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{res} \ ) \}
Complejidad: O(Cardinal(ts))
Descripción: Devuelve la cotización del título cuyo nombre coincide con el pasado por parámetro
       CAMBIARCOTTs(in nt: nombre, in cot: dinero, in/out ts: conj(título))
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\exists \ \text{t:titulo})(\mathbf{t} \in \widehat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{nt}) \land \widehat{ts} =_{\mathbf{obs}} ts_0 \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \widehat{ts} =_{\text{obs}} \text{cambiarCotización}(\widehat{nt}, \widehat{cot}, ts_0) \}
Complejidad: O(Cardinal(ts))
Descripción: Cambia la cotización del título cuyo nombre coincide con el pasado por parámetro por la cotización
(también pasada por parámetro)
       LIMTEN(in nt: nombre, in ts: conj(título)) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\exists \ \text{t:titulo})(\mathbf{t} \in \widehat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{obs} \widehat{nt}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\exists \ \text{t:título})(\mathbf{t} \in \hat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{obs} \hat{nt} \land \#\text{máxAcciones}(\mathbf{t}) =_{obs} \hat{res} ) \}
Complejidad: O(Cardinal(ts))
Descripción: Devuelve la cantidad máxima de acciones disponibles para wolfie del título cuyo nombre coincide con
el pasado por parámetro
       TITENALZA(in nt: nombre, in ts: conj(título)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\exists \ \text{t:titulo})(\mathbf{t} \in \widehat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{obs} \widehat{nt}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\exists \ \text{t:titulo})(\mathbf{t} \in \widehat{ts} \land \text{nombre}(\mathbf{t}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{nt} \land \text{enAlza}(\mathbf{t}) =_{\mathbf{obs}} \widehat{res} \ ) \}
Complejidad: O(Cardinal(ts))
Descripción: Informa si las acciones del título cuyo nombre coincide con el pasado por parámetro están en alza
```

```
Representación
```

```
\begin{array}{l} \operatorname{donde}\, \mathtt{titulo}\, \mathtt{es}\, \mathtt{tupla}(nombre:\, \mathtt{string}\,,\, cantMax:\, \mathtt{nat}\,,\, cot:\, \mathtt{nat}\,,\, enAlza:\, \mathtt{bool}\,) \\ \operatorname{Rep}\, (t) = \operatorname{true} &\iff \operatorname{true} \end{array} \begin{array}{l} \operatorname{Abs:estr}\, t \to \mathtt{titulo} \\ \operatorname{Abs}(t) =_{\mathtt{obs}}\, \mathtt{t2:} \mathtt{titulo} | \mathtt{nombre}(\mathtt{t2}) = \mathtt{t.nombre}, \\ \wedge \# \max \operatorname{Acciones}(\mathtt{t2}) = \mathtt{t.cantMax} \\ \wedge \operatorname{cotizacion}(\mathtt{t2}) = \mathtt{t.cot} \\ \wedge \operatorname{enAlza}(\mathtt{t2}) = \mathtt{t.enAlza} \end{array}
```

Algoritmos

INOMBRE(in
$$t$$
: título) \rightarrow res:string
res \leftarrow t.nombre

ICANTMAX(in t : título) \rightarrow res:nat
res \leftarrow t.cantMax

 $O(1)$

ICOT(in
$$t$$
: título) \rightarrow res:nat res \leftarrow t.cot $O(1)$

INUEVOT(in nt: nombre, in cantMax: nat, in cot: dinero) \rightarrow res:estr

```
O(1)
     res.nombre \leftarrow nt
                                                                                                                         O(1)
     res.cantMax \leftarrow cantMax
     res.cot \leftarrow cot
                                                                                                                         O(1)
     res.enAlza \leftarrow true
                                                                                                                         O(1)
IRECOTIZAR(in cot: dinero, in/out t: estr)
     t.enAlza \leftarrow cot{>}t.cot
                                                                                                                         O(1)
     t.cot \leftarrow cot
                                                                                                                         O(1)
ICOTACTUAL(in nt: nombre, in ts: conj(estr)) \rightarrow res:nat
    it \leftarrow CrearIt(ts)
                                                                                                                         O(1)
     while(HaySiguiente(it))
         if(nombre(Siguiente(ts)) = nt)
                                                                                                                         O(1)
              res \leftarrow Siguiente(ts).cot
                                                                                                                         O(1)
         endif
         avanzar(it)
                                                                                                                         O(1)
     endwhile
                                                                                                            O(Cardinal(ts))
ICAMBIARCOTTs(in nt: nombre, in cot: dinero, in/out ts: conj(estr))
                                                                                                                         O(1)
    it \leftarrow CrearIt(ts)
     while(HaySiguiente(it))
         if(nombre(Siguiente(ts)) = nt)
                                                                                                                         O(1)
              Siguiente(ts).enAlza \leftarrow Siguiente(ts).cot < cot
                                                                                                                         O(1)
              Siguiente(ts).cot \leftarrow cot
                                                                                                                         O(1)
         endif
         avanzar(it)
                                                                                                                         O(1)
                                                                                                            O(Cardinal(ts))
     endwhile
ILIMTEN(in nt: nombre, in ts: conj(estr))
     it \leftarrow CrearIt(ts)
                                                                                                                         O(1)
     while(HaySiguiente(it))
                                                                                                                         O(1)
         if(nombre(Siguiente(ts)) = nt)
                                                                                                                         O(1)
              res \leftarrow Siguiente(ts).cantMax
                                                                                                                         O(1)
         endif
         avanzar(it)
                                                                                                                         O(1)
     endwhile
                                                                                                            O(Cardinal(ts))
ITITENALZA(in nt: nombre, in ts: conj(estr))
     it \leftarrow CrearIt(ts)
                                                                                                                         O(1)
     while(HaySiguiente(it))
                                                                                                                         O(1)
         if(nombre(Siguiente(ts)) = nt)
                                                                                                                         O(1)
              res \leftarrow Siguiente(ts).enAlza
                                                                                                                         O(1)
         endif
         avanzar(it)
                                                                                                                         O(1)
     endwhile
                                                                                                            O(Cardinal(ts))
```

3. Módulo Wolfie

Interfaz

se explica con: WOLFIE.
géneros: wolfie.

Operaciones

```
CLIENTES(in w: wolfie) \rightarrow res: itBi(cliente)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{\widehat{res} =_{\mathrm{obs}} clientes(\widehat{w})\}
 Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador de los clientes de wolfie.
 Aliasing: Al ser nats, se pasan por copia.
\mathtt{Titulos}(\mathbf{in}\ w : \mathtt{wolfie}) 	o res: \mathtt{itUni(titulo)}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \widehat{res} =_{\mathrm{obs}} Titulos(\widehat{w}) \}
 Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve un iterador de los títulos de wolfie.
 Aliasing: Los títulos se pasan por referencia. Res es modificable si los títulos son modificables.
PROMESASDE(in c: cliente, in w: wolfie) \rightarrow res: itBi(promesa)
\mathbf{Pre} \equiv \{\widehat{c} \in clientes(\widehat{w})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} promesasDe(c, w)\}\
 Complejidad: O(T \cdot C \cdot | max_n t|) y O(1) para sucesivas llamadas con el mismo c, salvo que se use actualizarCoti-
zacion antes
Descripción: Devuelve todas las promesas del cliente c
 Aliasing: Las promesas se pasan por copia.
 ACCIONESPORCLIENTE(in \ c: cliente, in \ nt: nombre, in \ w: wolfie) 
ightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{\widehat{c} \in clientes(\widehat{w}) \land (\exists t : \mathsf{título})(t \in \mathsf{títulos}(\widehat{w}) \land nombre(t) = \widehat{nt})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \widehat{res} =_{obs} accionesPorCliente(\widehat{c}, nt, \widehat{w}) \}
 Complejidad: O(log(C) + |nt|)
Descripción: Devuelve las acciones que tiene el cliente c del título cuyo nombre es nt
INAUGURAR WOLFIE(in cs: conj(cliente)) \rightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset(\widehat{cs})\}\
 \mathbf{Post} \equiv \{\widehat{res} =_{obs} inaugurarWolfie(\widehat{cs})\}\
 Complejidad: O(\#cs^2)
 Descripción: Crea un wolfie cuyos clientes son los de cs, sin títulos ni promesas.
 Aliasing: Los elementos de cs se agregan por copia.
 AGREGARTÍTULO(in t: títiulo, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{\widehat{w} =_{\mathrm{obs}} w_0 \wedge_{\mathrm{L}} (\forall \ t2 : \mathrm{título})(t \in \mathrm{títulos}(\widehat{w}) \Rightarrow nombre(\widehat{t}) \neq nombre(t2))\}
\mathbf{Post} \equiv \{ w =_{\text{obs}} agregarTitulo(\widehat{t}, w_0) \}
 Complejidad: O(|nombre(t)| + C)
 Descripción: Agrega el título t a los títulos de wolfie
 Aliasing: El elemento t se agrega por copia.
 ACTUALIZARCOTIZACIÓN(in nt: nombre, in cot: nat, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{\widehat{w} =_{\mathrm{obs}} w_0 \wedge_{\mathrm{L}} \exists (t : titulo)(t \in titulos(\widehat{w}) \wedge nombre(t) = \widehat{nt})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \widehat{w} =_{\text{obs}} actualizarCotización(\widehat{nt}, \widehat{cot}, w_0) \}
 Complejidad: O(|nt| + C \cdot log(C))
 Descripción: Cambia la cotización del título nt por cot. Actualiza EnAlza y ejecuta las promesas
 Aliasing: El elemento nt se pasa por copia
AGREGARPROMESA(in c: cliente, in p: promesa, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{\widehat{w} =_{\mathrm{obs}} w_0 \wedge_{\scriptscriptstyle{L}} (\exists t : titulo)(t \in titulos(\widehat{w}) \wedge nombre(t) = titulo(\widehat{p})) \wedge \widehat{c} \in clientes(\widehat{w}) \wedge_{\scriptscriptstyle{L}} (\forall p2 : promesa)(p2 \in titulos(\widehat{w})) \wedge_{\scriptscriptstyle{L}} (\exists t : titulos(\widehat{w})) \wedge_{\scriptscriptstyle{L}} (\exists t 
promesasDe(\widehat{c},\widehat{w}) \Rightarrow (titulo(\widehat{p}) \neq titulo(p2) \lor tipo(\widehat{p}) \neq tipo(p2))) \land (tipo(\widehat{p}) = vender \Rightarrow accionesPorCliente(\widehat{c}, titulo(\widehat{p}), \widehat{w}))
cantidad(\widehat{p}))\}
\mathbf{Post} \equiv \{\widehat{w} =_{obs} agregarPromesa(\widehat{nt}, \widehat{cot}, w_0)\}
 Complejidad: O(|ttulo(p)| + log(C))
 Descripción: Agrega la promesa p al cliente c
```

Aliasing: La promesa se pasa por copia

```
\begin{array}{l} \operatorname{ENALZA}(\operatorname{in}\ nt\colon\operatorname{nombre},\ \operatorname{in}\ w\colon\operatorname{wolfie})\to res:\operatorname{bool}\\ \operatorname{\mathbf{Pre}}\equiv\{\exists(t:t\mathit{itulo})(t\in t\mathit{itulos}(\widehat{w})\wedge nombre(t)=\widehat{nt})\}\\ \operatorname{\mathbf{Post}}\equiv\{\widehat{res}=_{\operatorname{obs}}enAlza(\widehat{nt},\widehat{w})\}\\ \operatorname{\mathbf{Complejidad:}}\ O(|nt|) \end{array}
```

Descripción: Devuelve true si el título cuyo nombre es nt está en alza, es decir, o bien su cotización es mayor a la que tenía al ejecutar por última vez actualizarCotización sobre ese título, o bien nunca se actualizó su cotización

Representación

```
wolfie se representa con estr
```

```
\label{eq:clientes:conj} $$ donde estres tupla($clientes: conj(cliente)$ , $$ $titulos: conj(string)$ , $$ $datosTitulo: diccT(string,tupla<titulo:titulo, cantWolfie:acciones, diccCli:diccOrd(cliente, datosCliente)>)$ , $$ $accTxCliente: diccOrd(cliente, acciones)$ , $$ $promUlt: conj(tupla<cliente:cliente, promesas:conj(promesa)>)$ $$ $$ donde datosCliente es tupla($acc: acciones$ , $pCompra: conj(promesa)$ , $pVenta: conj(promesa)$ )
```

Descripcion del Rep:

- 1) Los clientes de w.Clientes son los mismos que las claves de w.accTxCliente y que las claves de diccCli para todo título. Ademas son no vacios.
- 2) Los nombres de w. Títulos son los mismos que las claves de w. datos Título.
- 3) Para todo cliente de W, la suma de sus acciones de todos los títulos es igual a su significado en w.accTxCliente
- 4) La suma de las acciones de todos los clientes sobre un título es igual a cantWolfie de ese título
- 5) Wolfie no puede tener mas acciones de un título que la cantidad maxima de ese título.
- 6) En cada significado de datosCliente no puede existir una promesa de Venta con una cantidad mayor a las acciones del cliente sobre el título.
- 7) Para cada significado de datosCliente, pCompra y pVenta son conjuntos vacios o de longitud 1. En pCompra solo puede haber de compra y en pVenta, de venta. Asimismo, el título de las promesas deben corresponder con la clave. (Dividimos en 7.1 para venta y 7.2 para compra)
- 8) PromUlt es vacio o de longitud 1 y tiene las promesas de un cliente sobre todos los títulos.
- 9) Los nombres de datosTítulo corresponden con el nombre del título.

```
\text{Rep}: \text{estr} \longrightarrow \text{bool}
```

```
2) \land (\forall t: nombre) t \in w.títulos \Leftrightarrow t \in claves(w.datosTítulo)
                                                     3) \land (\forall \text{ c:cliente}) \ c \in \text{ w.clientes } \Rightarrow_{\text{L}} \text{ obtener}(c, \text{ w.accTxCliente}) = \sum_{t \in w.ttulos} (\text{obtener}(c, \text{ (obtener})))
                                                     ner(nombre(t), w.diccTítulo)).datosCliente).acc)
                                                     4) \land (\forall t: nombre) (def?(t, w.datosTítulo)) \Rightarrow_{L} obtener(t, w.datosTítulo).accWolfie = \sum_{c \in clientes(c)} (def?(t, w.datosTítulo))
                                                     TitXCli(c,t,w).acc
                                                     5) \land (\forall t: nombre) (t \in w.titulos) \Rightarrow_t (cantMax(obtener(t, datosTitulo)).titulo) <math>\leq (obte-t)
                                                     ner(t,w.datosTítulo).cantWolfie))
                                                     6) \land (\forall \text{ c:cliente}, \text{ t:nombre}) (c \in \text{ w.clientes } \land \text{ def?}(t, \text{w.datosT\'{t}tulo}) \land_{L} \neg \emptyset?(\text{TitXCli}(c, t, \text{w})).\text{pVenta})
                                                      \Rightarrow_{\scriptscriptstyle L} \operatorname{cantidad}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{TitXCli}(c,t,w).\operatorname{pVenta})) \leq \operatorname{TitXCli}(c,t,w).\operatorname{acc}
                                                     7.1) \land (\forall \text{ c:cliente}, \text{ t:nombre}) \ (c \in \text{ w.clientes } \land \text{ def?}(t, \text{w.datosT\'{t}ulo})) \Rightarrow_L (\neg \emptyset?(\text{TitXCli}(c, t, \text{w})).pVenta)
                                                                           (\#(\text{TitXCli}(c,t,w).p\text{Venta})=1 \land \text{tipo}(\text{dameUno}(\text{TitXCli}(c,t,w).p\text{Venta}))=\text{vender}) \land (\text{nom-vender}) \land (\text
                                                     bre(dameUno(TitXCli(c,t,w).pVenta))=t)
                                                                                                                                                                                                                                                        (#(TitXCli(c,t,w).pCompra)=1
                                                     7.2) \land \neg \emptyset? (TitXCli(c,t,w)).pCompra
                                                     po(dameUno(TitXCli(c,t,w).pCompra)) = compra)) \land (nombre(dameUno(TitXCli(c,t,w).pCompra)) = t)
                                                     8) \wedge
                                                                                             (\emptyset?(\mathbf{w}.\mathbf{promUlt}))
                                                                                                                                                                            \vee_{\scriptscriptstyle 
m L}
                                                                                                                                                                                                              ((w.promUlt)=1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                \wedge
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               (w.promUlt).cliente
                                                     w.clientes)
                                                                                                           \wedge_{\scriptscriptstyle \mathrm{L}}(\forall
                                                                                                                                                                                                                                                  (dameUno(w.promUlt).promesas)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           (∃
                                                                                                                                             p:promesa)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        \Leftrightarrow
                                                                                                                                                                                                                          \in
                                                                                                                   (\neg \emptyset?
                                                     n:nombre)
                                                                                                                                                             (TitXCli(dameUno(w.promUlt).cliente,n,w).pCompra)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \wedge_{\scriptscriptstyle 
m L}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        da-
                                                     meUno(TitXCli(dameUno(w.promUlt).cliente,n,w).pCompra) = p
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             (Tit X-
                                                     Cli(dameUno(w.promUlt).cliente,n,w).pVenta) \land_L dameUno(TitXCli(dameUno(w.promUlt).cliente,n,w).pVenta)
                                                     9) \land (\forall t: nombre) def?(t, w.datosTítulo) \Rightarrow_L nombre(obtener(t, w.datosTítulo).título) = t
            TitxCli (c:cliente, t:nombre, w:wolfie) \rightarrow datosCliente
TitXCli(c,t,w) = obtener(c,obtener(t, w.datosTítulo).datosCliente)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                \{ \text{Rep(w)} \}
             Abs: estr w \to wolfie
Abs(w) =_{obs} w2:wolfie|clientes(w2) = w.clientes
 \land \ \text{títulos(w2)} = \bigcup_{t \in w.ttulos}(obtener(t, datosTtulo).ttulo), 
\land (\forall c:cliente) c \in \text{clientes}(w2) \Rightarrow_{\text{L}} \text{promesasDe}(w2,c) = (\bigcup_{t \in w.ttulos} \text{TitXCli}(c,t,w).\text{pVenta}) \cup (\bigcup_{t \in w.ttulos} \text{TitX-} \text{TitX-
Cli(c,t,w).pVenta
\land (\forall c:cliente, nt:nombre) (c \in \text{clientes}(w2) \land (\exists \text{t:titulo}) \text{ (nombre}(t) = \text{nt} \land t \in \text{titulos}(w2))) \Rightarrow_t Accionesporclien-
te(c,nt,w2)=obtener(c,(obtener(nt,e.datosTítulo)).acc)
Algoritmos
ICLIENTES(in \ w : estr) \rightarrow res:itConj(cliente)
               res \leftarrow crearIt(w.clientes)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      O(1)
iTítulos(in w: estr) \rightarrow res:itDiccT(títulos)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      O(1)
                res \leftarrow crearIt(w.datosTítulo)
PROMESASDE(in c: cliente, in/out w: estr) \rightarrow res:itConj(promesa)
                prom \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      O(1)
                if esVacio?(w.promUlt) \vee_{L} siguiente(crearIt(w.promUlt)).cliente \neq c
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       O(1)
                               t \leftarrow crearIt(w.titulos)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       O(1)
                                while hayMas(t)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      O(1)
                                               datosCli ← significado(c, significado(siguiente(t), w.datosTítulo).diccCli)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   O(|nt| + log(C))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      O(1)
                                               if ¬ esVacio(datosCli.pCompra)
```

 \in

 $\operatorname{Rep}(w) \equiv \operatorname{true} \iff \mathbf{1}) (\forall \operatorname{t:nombre}) \operatorname{t} \in \operatorname{claves}(\operatorname{w.datosTitulo}) \Rightarrow (\forall \operatorname{c:cliente}) \operatorname{c} \in \operatorname{clientes} \Leftrightarrow \operatorname{def}(c, \operatorname{w.accTxCliente})$

 \Leftrightarrow def? (c,obtener(t, w.datosTítulo))) $\land \neg \emptyset$? (w.clientes)

```
agregarRapido(prom, siguiente(crearIt(datosCli.pCompra)))
                                                                                                                            O(1)
               endif
               if ¬ esVacio(datosCli.pVenta)
                                                                                                                            O(1)
                    agregarRapido(prom, siguiente(crearIt(datosCli.pVenta)))
                                                                                                                            O(1)
               endif
               avanzar(t)
                                                                                                                            O(1)
          endwhile
                                                                                                    O(T(\log(C) + |\max nt|))
          res \leftarrow crearIt(prom)
                                                                                                                            O(1)
          w.promUlt \leftarrow Vacio()
                                                                                                                            O(1)
          agregarRapido(w.promUlt, <c,prom>)
                                                                                                                            O(1)
     else
          res \leftarrow crearIt(siguiente(crearIt(w.promUlt)).promesas)
                                                                                                                            O(1)
     endif
IACCIONESPORCLIENTE (in c: cliente, in nt: nombre, in w: estr) \rightarrow (res:nat)
     datoCli ← significado(nt, w.datosTítulo).diccCli
                                                                                                                          O(|nt|)
     res \leftarrow significado(c, datoCli).acc
                                                                                                                      O(\log(C))
complejidad total: O(|nt| + log(C))
IINAUGURARWOLFIE(in cl: conj(cliente)) \rightarrow (res:estr)
     cs \leftarrow crearIt(cl)
                                                                                                                  O(C \cdot \log(C))
     while haySiguiente(cs)
                                                                                                                            O(1)
          agregarRapido(res.clientes, siguiente(cs))
                                                                                                                            O(1)
          definir(res.accTxCliente, siguiente(cs),0)
                                                                                                                           O(C)
          avanzar(cs)
                                                                                                                            O(1)
     endwhile
                                                                                                                      O(\#(cl)^2)
     res.titulos \leftarrow Vacio()
                                                                                                                            O(1)
     res.promUlt \leftarrow Vacio()
                                                                                                                            O(1)
Complejidad total: O(\#(cl)^2)
IAGREGARTÍTULO(in t: título, in/out w: estr)
                                                                                                                            O(1)
     t2 \leftarrow \text{crearTitulo}(\text{nombre}(t), \text{cot}(t), \text{cantMax}(t))
     agregarRapido(w.títulos, nombre(t))
                                                                                                                            O(1)
     definir(w.datosTitulo, nombre(t2), < t2, 0, CrearDiccAccC(w.accTxCliente, < 0, Vacio(), Vacio() >) >) O(|nt| + C)
Complejidad Total: O(|nt|+C)
CREARDICCACCC (in cs: diccOrd(cliente, acciones), in t: tupla<nat, conj(promesa), conj(promesa)>) \rightarrow
res:diccOrd(cliente,tupla < nat, conj(promesa), conj(promesa) >) pre \equiv \{ true \}
\mathbf{post} \equiv \{ (\forall \text{ c:cliente}) \text{ definido}?(c, \text{ res}) \Rightarrow_{L} \text{ obtener}(c, \text{ res}) = t \}
    c \leftarrow crearIt(cs)
     while haySiguiente(cs)
                                                                                                                            O(1)
          definirRapido(siguiente(cs),t)
                                                                                                                            O(1)
          avanzar(cs)
                                                                                                                            O(1)
     endwhile
                                                                                                                           O(C)
   IACTUALIZARCOTIZACIÓN (in nt: string, in cot: nat, in/out w: estr)
         datos \leftarrow significado(nt, w.datosTítulo)
                                                                                                                          O(|nt|)
     (datos.título) \leftarrow recotizar(datos.título)
                                                                                                                            O(1)
     itDiccCli \leftarrow crearIt(datos.diccCli)
     while hayMas?(itDiccCli)
                                                                                                                            O(1)
          dcli ← siguienteSignificado(itDiccCli)
                                                                                                                            O(1)
          c \leftarrow siguienteClave(itDiccCli)
                                                                                                                            O(1)
          if \#(dcli.pVenta) > 0 \land_L (promesaEjecutable(siguiente(crearIt(dcli.pCompra))), cot, ((datos.título).cantMax)-
(datos.accWolfie))
               significado(c, w.accTxCliente) \leftarrow significado(c, w.accTxCliente-cantidad(siguiente(crearIt(dcli.pVenta)))
O(\log(C))
               dcli.acc \leftarrow dcli.acc-cantidad(siguiente(crearIt(dcli.pVenta)))
                                                                                                                            O(1)
```

```
dcli.pVenta \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                              w.PromUlt \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   endif
                   avanzar(itDiccCli)
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                                                                                                                                                                                                                                 O(C \cdot \log(C))
          endwhile
          arreglo(cliente, acciones) cliO \leftarrow diccOrd2ArrOrd(w.accTxCliente)
                                                                                                                                                                                                                                 O(C \cdot \log(C))
          nat i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
          while i<longitud(CliO)
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   dcli \leftarrow significado(siguienteClave(cliO), datos.diccCli)
                                                                                                                                                                                                                                          O(\log(C))
                   c \leftarrow siguienteClave(datos.diccCli)
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   \textbf{if} \ \#(dcli.pCompra) > 0 \land_L (promesaEjecutable(siguiente(crearIt(dcli.pCompra))), cot, ((datos.título).cantMax) - (datos.título).cantMax) - (d
(datos.accWolfie))
                              significado(c, w.accTxCliente) \leftarrow significado(c, w.accTxCliente+cantidad(siguiente(crearIt(dcli.pCompra)))
O(\log(C))
                              dcli.acc \leftarrow dcli.acc + cantidad(siguiente(crearIt(dcli.Compra)))
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                              dcli.pCompra \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                              w.PromUlt \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   endif
                   i \leftarrow i{+}1
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                                                                                                                                                                                                                                 O(C \cdot \log(C))
          endwhile
Complejidad Total: O(|nt|+C \cdot \log(C))
DICCORD2ARRORD(in \ d: diccOrd(cliente, acciones)) \rightarrow res: arreglo(tupla < (cliente, acciones) >)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \neg \text{ esVacio?(d) } \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\forall i, j: nat) \ (i < longitud(res)) \land (j < longitud(res)) \Rightarrow_{L} (\Pi_2(res[i]) \leq \Pi_2(res[j]) \} \}
         i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
          di \leftarrow crearIt(d)
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
          arr \leftarrow crearArreglo(\#claves(d))
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
          while i < \#claves(d))
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   arr[i] = < siguienteClave(di), siguienteSignificado(di) >
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   i \leftarrow i{+}1
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                   avanzar(di)
                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
          endwhile
                                                                                                                                                                                                                                                    O(C)
          res \leftarrow Mergesort(arr)
                                                                                                          O(C \cdot log(C)), Mergesort es igual al Mergesort apunte de algoritmos
basicos pero aplicada sobre un arreglo de tuplas en vez de naturales. Sin embargo, como los segundos elementos de la
tupla son nat, comparar dos tuplas por el segundo elemento cuesta O(1).
        MERGE(in b: arreglo(tupla<cliente, acciones>), in c: arreglo
(tupla < cliente, acciones >) \rightarrow res: arreglo(tupla < cliente, acciones >)
          nat ib \leftarrow 1;
          nat ic \leftarrow 1
          res \leftarrow CrearArreglo(tam(b) + tam(c))
          nat i \leftarrow 1
          while i < tam(a)
                   if iB \le tam(b) \land (ic > tam(c) \lor \Pi_2 b[ib] < \Pi_2 c[ic])
                              res[i] \leftarrow b[ib]
                              ib \leftarrow ib + 1
                   else
                              res[i] \leftarrow c[ic]
                              ic \leftarrow iC + 1
                   endif
                   i \leftarrow i+1
          endwhile
        MERGESORT (in/out a: arreglo(tupla<cliente, acciones>))
         if tam(a) > 1
```

```
nat m \leftarrow \tan(a)/2
         arreglo(nat) b \leftarrow Copiar(Subarreglo(a, 1, m))
         arreglo(nat) c \leftarrow Copiar(Subarreglo(a, m+1; tam(a)))
         MergeSort(b)
         MergeSort(c)
         a \leftarrow Merge(b, c)
    endif
   IAGREGARPROMESA(in p: promesa, in c: cliente, in/out w: estr)
    datos \leftarrow significado(c, (significado(título(p), w.datosTítulo)))
                                                                                                           O(\log(C) + |nt|)
    if (tipo(p)=vender)
                                                                                                                      O(1)
         agregarRapido(datos.pVenta, p)
                                                                                                                      O(1)
    else
         agregarRapido(datos.pCompra, p)
                                                                                                                      O(1)
    endif
    if \neg esVacio?(w.promUlt) \land_{L} siguiente(crearIt(w.promUlt))).cliente=c
                                                                                                                      O(1)
         agregarRapido(siguiente(crearIt(w.promUlt))).promesas, p)
                                                                                                                      O(1)
    endif
Complejidad total: O(log(C) + |nt|)
IENALZA(in nt: nombre, in w: estr) \rightarrow (res:bool)
    res ← EnAlza(significado(nt, w.datosTítulo))
                                                                                                                    O(|nt|)
```

4. Módulo Diccionario Ordenado(clave, significado)

Interfaz

```
parametros formales
    generos
    funcion
                   \bullet = \bullet (\mathbf{in} \ k1 : \kappa, \ \mathbf{in} \ k2 : \kappa) \to res : \mathsf{bool}
                    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} (c1 = c2)\}\
                    Complejidad: \Theta(equal(c))
                    Descripción: funcion de igualdad de \kappa's
    funcion
                    Copiar(in c: \kappa) \rightarrow res: \bar{\kappa}
                    \mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} c\}
                    Complejidad: \Theta(copy(c))
                    Descripción: funcion de copia de \kappa's
    funcion
                    Copiar(in a: \sigma) \rightarrow res: \sigma
                    \mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} a\}
                    Complejidad: \Theta(copy(s))
                    Descripción: funcion de copia de \sigma's
    funcion
                    \bullet < \bullet (in c1 : \kappa in c2 : \kappa ) \rightarrow res : \kappa 
                    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} (c1 < c2)\}\
                    Complejidad: \Theta(equal(c))
                    Descripción: funcion de orden de \kappa's
    se explica con: DICCIONARIO (CLAVE, SIGNIFICADO), modificado de la siguiente forma:
```

Observadores agregados:

 \max Claves: dicc(clave, significado) \rightarrow nat

Generadores modificados:

```
 \begin{array}{l} {\rm vacio: nat \to dicc(clave, \, significado)} \\ {\rm definir: clave \times significado \times dicc(clave, \, significado)} \ d \to dicc(clave, \, significado) \ \{\#(claves(d)) \ \} \\ {\rm Nuevos \, axiomas:} \\ {\rm maxClaves}({\rm Vacio}(n)) \equiv n \\ {\rm maxClaves}({\rm definir}(c,s,d)) \equiv {\rm maxClaves}(d) \\ \\ {\rm \bf g\acute{e}neros: \, diccOrd, \, itDiccOrd} \\ \end{array}
```

El Módulo Diccionario Ordenado provee un diccionario con una interfaz similar al diccionario lineal, es decir que muchas de sus operaciones básicas tienen los mismos argumentos de entrada y salida y cumplen los mismos Pre y Post. Se diferencian en las complejidades de las operaciones. Tiene también un máximo de claves que puede tener, que se especifica al crear el diccionario. Su iterador es unidireccional.

```
Pre \equiv {true}

Post \equiv {res =_{obs} vacio}

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea un diccionario vacio cuyo maximo de claves es n

DEFINIR(in c: \kappa, in s: \sigma, in/out d: diccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res : itDiccOrd(\kappa, \sigma)

Pre \equiv {d =_{obs} d_0 \land \neg definido?(d, c) \land #claves(d) \neq maxClaves(d)}

Post \equiv {d =_{obs} definir(d_0; c; s) \land haySiguiente(res) \land_L Siguiente(res) = <c; s>\land esPermutacion(SecuSuby(res),d)}

Complejidad: O(#claves(d) \cdot (copy(\kappa)+copy(\sigma)))

Descripción: Define la clave c con el significado s en el diccionario
```

Aliasing: Los elementos c y s se definen por copia. El iterador se invalida si y solo si se elimina el elemento siguiente del iterador sin utilizar la funcion EliminarSiguiente. Ademas, siguientes(res) podria cambiar completamente ante cualquier operacion que modifique el d sin utilizar las funciones del iterador

```
\begin{aligned} & \text{DEFINIRRAPIDO}(\textbf{in } c \colon \kappa, \textbf{in } s \colon \sigma, \textbf{in/out } d \colon \texttt{diccOrd}(\kappa, \ \sigma)) \to res : \texttt{itDiccOrd}(\kappa, \ \sigma) \\ & \textbf{Pre} \equiv \{ d =_{obs} d_0 \land \neg \text{ definido?}(d, k) \land (\forall \ c2 \in \text{claves}(d)) \ c < c2 \land \# \text{claves}(d) \neq \text{maxClaves}(d) \} \\ & \textbf{Post} \equiv \{ d =_{obs} \text{ definir}(d_0; c; s) \land \text{haySiguiente}(\text{res}) \land_{L} \text{Siguiente}(\text{res}) = < c; s > \land \text{ esPermutacion}(\text{SecuSuby}(\text{res}), d) \} \\ & \textbf{Complejidad:} \ O(\text{copy}(\kappa) + \text{copy}(\sigma)) \end{aligned}
```

Descripción: Define la clave c con el significado s en el diccionario, requiere que c sea mayor a todo el resto de las claves del diccionario

Aliasing: Los elementos c y s se definen por copia. El iterador se invalida si y solo si se elimina el elemento siguiente del iterador sin utilizar la funcion EliminarSiguiente. Ademas, siguientes(res) podria cambiar completamente ante cualquier operacion que modifique el d sin utilizar las funciones del iterador

```
{
m MAXCLaVES}({
m in}\ d: {
m diccOrd}(\kappa,\ \sigma)) 
ightarrow res: {
m nat} {
m Pre} \equiv \{{
m true}\} {
m Post} \equiv \{{
m d}=_{
m obs} {
m maxClaves}({
m d})\} {
m Complejidad:}\ {
m O}(1) {
m Descripción:}\ {
m Devuelve}\ {
m el}\ {
m maximo}\ {
m de}\ {
m claves}\ {
m del}\ {
m diccionario}
```

 $Vacio(in \ n: nat) \rightarrow res : diccOrd(\kappa, \ \sigma)$

Las complejidades de las otras operaciones básicas son listadas a continuación:

```
DEFINIDO?(c, s, d): O(\log(\#\text{claves}(d)) \cdot \text{equal}(\kappa))

SIGNIFICADO(c, d): O(\log(\#\text{claves}(d)) \cdot \text{equal}(\kappa))

BORRAR(c, d): O(\#\text{claves}(d) \cdot (\text{equal}(\kappa) + \text{copy}(\kappa) + \text{copy}(\sigma)))

\#\text{CLAVES}(d): O(1)

COPIAR(d): O(\#\text{claves}(d) \cdot (\text{copy}(\kappa) + \text{copy}(\sigma)))

D1=D2: O(\#\text{claves}(d) \cdot (\text{copy}(\kappa) + \text{copy}(\sigma)))
```

Las operaciones del iterador definidas son las siguientes, con su complejidad:

```
\begin{array}{ll} \operatorname{CREARIT}(D) \colon & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{HAYSIGUIENTE}(D) \colon & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{SIGUIENTE}(D) \colon & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{SIGUIENTECLAVE}(D) \colon & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{SIGUIENTESIGNIFICADO}(D) \colon & \operatorname{O}(1) \end{array}
```

```
AVANZAR(D): O(1)
```

Representación del diccionario

```
diccOrd(\kappa, \sigma) se representa con diccord
     donde diccord es tupla < elementos: array(tupla < \kappa, \sigma >), longitud:nat, lReal: nat >
     \text{Rep}: \widehat{estr} \longrightarrow \text{bool}
     \operatorname{Rep}(d) \equiv \operatorname{true} \iff (\forall i,j:nat) \ (i < d.lReal \ \land \ j < d.lReal) \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\Pi_1 \ d.elementos[i] \neq \Pi_1 \ d.elementos[j] \ \land \ i < j \Leftrightarrow \Pi_1 
                       d.elementos[i] < \Pi_1 d.elementos[j])
                       \land d.lReal \le d.longitud
                       \land (\forall i: nat) (0 \leq i < d.longitud \Rightarrow_{L} def?(v.elementos, i)
     Abs : estr d \to dicc(\kappa, \sigma)
                                                                                                                                                                        \{ \operatorname{Rep}(d) \}
Abs(d) =_{obs} d2: dicc(\kappa, \sigma) \mid (\forall c:\kappa) def?(c, d2) = (\exists s:\sigma, i:nat) d.elementos[i] = (c, s) \land_{L}(\forall c:\kappa) obtener(c, d2) = \Pi_{2}
(d.elementos[buscarIndice(d, c, 0)])
     (buscarIndice) (estr, \kappa, nat) \rightarrow nat buscarIndice(e, c, i) = if \Pi_1 e[i] = then i else buscarIndice(e, c, i+1) fi
Representación del iterador
     itDiccOrd(\kappa, \sigma) se representa con itDiccOrd
     donde itDiccOrd es tupla<elementos: array(\langle tupla(\kappa), (\sigma) \rangle *, i:nat, long:nat \rangle)
     \text{Rep}: \widehat{iter} \longrightarrow \text{bool}
     \operatorname{Rep}(id) \equiv \operatorname{true} \iff (\forall i, j: \operatorname{nat}) (i < \operatorname{id.long} \land j < \operatorname{id.long}) \Rightarrow_{\operatorname{L}} i < j \leftrightarrow \Pi_1(\operatorname{id.elementos*})[i] \leq \Pi_1(\operatorname{id.elementos*})[j]
                        \land id.i < id.long
     Abs: iter it \rightarrow itUni(\alpha)
                                                                                                                                                                        { Rep(it)}
Abs(it) =_{obs} b: itUni(\alpha) \mid Siguientes(b) = Abs(subArreglo(it.elementos*, it.i, it.long))
Algoritmos
     IVACIO (n:nat) \rightarrow res:estr
       res.elementos \leftarrow a[n]
                                                                                                                                                                                O(1)
       res.lReal \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                O(1)
       res.longitud \leftarrow n
                                                                                                                                                                                 O(1)
IDEFINIR (in/out d: diccOrd(\kappa, \sigma), in c: \kappa, in s: \sigma) \rightarrow res:itDiccOrd(\kappa, \sigma)
       i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                O(1)
       while i<d.lReal
                                                                                                                                                                                O(1)
              if \Pi_1(d.\text{elementos}[i]) > c
                                                                                                                                                                                O(1)
                     \langle a, b \rangle \leftarrow \text{copy}(d.\text{elementos}[i])
                                                                                                                                                        O(\operatorname{copy}(\kappa) + \operatorname{copy}(\sigma))
                     d.elementos[i] \leftarrow copy(\langle c,s \rangle)
                                                                                                                                                        O(\operatorname{copy}(\kappa) + \operatorname{copy}(\sigma))
                     \langle c, s \rangle \leftarrow copv(\langle a, b \rangle)
                                                                                                                                                        O(\operatorname{copy}(\kappa) + \operatorname{copy}(\sigma))
              endif
              i \leftarrow i+1
                                                                                                                                                                                 O(1)
       endwhile
                                                                                                                                       O(d.lreal \cdot (copy(\kappa) + copy(\sigma)))
       d.elementos[i] \leftarrow copy(\langle c, s \rangle)
                                                                                                                                                        O(\operatorname{copy}(\kappa) + \operatorname{copy}(\sigma))
       d.lReal \leftarrow d.lReal + 1
                                                                                                                                                                                O(1)
       res \leftarrow crearIt(d)
IDEFINIRRAPIDO (in/out d: diccord(\kappa, \sigma), in c: \kappa, in s: \sigma) \rightarrow res:itDiccOrd(\kappa, \sigma)
       d.lReal \leftarrow d.lReal{+}1
                                                                                                                                                                                O(1)
       d.elementos[lReal+1] \leftarrow copy(< c, s>)
                                                                                                                                                        O(\operatorname{copy}(\kappa) + \operatorname{copy}(\sigma))
       res \leftarrow crearIt(d)
IDEFINIDO? (in d: diccOrd in c: \kappa) \rightarrow res:bool
                                                                                                                                                                                O(1)
       i \leftarrow (d.lReal)/2
       \max \leftarrow d.lReal
                                                                                                                                                                                O(1)
```

```
\min \leftarrow 0
                                                                                                                                                           O(1)
      res \leftarrow false
                                                                                                                                                           O(1)
      while \max \neq \min \land \max \neq \min +1 \land \text{res} = \text{false}
                                                                                                                                                           O(1)
                                                                                                                                                 O(equal(\kappa))
            if \Pi_1 d.elementos[i]=c
                  res \leftarrow true
                                                                                                                                                           O(1)
            else if \Pi_1 d.elementos[i]<c
                                                                                                                                                 O(\text{equal}(\kappa))
                  \min \leftarrow i
                                                                                                                                                           O(1)
                  i \leftarrow (i+max)/2
                                                                                                                                                           O(1)
            else
                                                                                                                                                           O(1)
                   \max \leftarrow i
                                                                                                                                                           O(1)
                  i \leftarrow (i+min)/2
                                                                                                                                                           O(1)
            endif
      endwhile
                                                                                                                         O(\log(\#\text{claves}(d)) \cdot \text{equal}(\kappa))
ISIGNIFICADO (in d: diccOrd in c:\kappa) \rightarrow res:\sigma
      i \leftarrow (d.lReal)/2
                                                                                                                                                           O(1)
      \max \leftarrow d.lReal
                                                                                                                                                           O(1)
      \min \leftarrow 0
                                                                                                                                                           O(1)
      encontrado \leftarrow false
                                                                                                                                                           O(1)
      \mathbf{while} \neg \mathbf{encontrado}
                                                                                                                                                           O(1)
            if \Pi_1 d.elementos[i]=c
                                                                                                                                                 O(equal(\kappa))
                  res \leftarrow \Pi_1 d.elementos[i]
                                                                                                                                                 O(equal(\kappa))
                  encontrado \leftarrow true
                                                                                                                                                           O(1)
            else if \Pi_1 d.elementos[i]<c
                                                                                                                                                 O(\text{equal}(\kappa))
                  \min \leftarrow i
                                                                                                                                                           O(1)
                  i \leftarrow (i+max)/2
                                                                                                                                                           O(1)
            else
                                                                                                                                                           O(1)
                   \max \leftarrow i
                                                                                                                                                           O(1)
                  i \leftarrow (i+min)/2
                                                                                                                                                           O(1)
            endif
      {f endwhile}
                                                                                                                         O(\log(\#claves(d)) \cdot equal(\kappa))
IBORRAR(IN/OUT d: DICCORD, IN c: \kappa)
                                                                                                                                                           O(1)
                                                                                                                                                           O(1)
      encontrado \leftarrow false
      while i < (d.lReal-1)
                                                                                                                                                           O(1)
            if \Pi_1(d.elementos[i]) = c \land encontrado=true
                                                                                                                                                 O(\text{equal}(\kappa))
                  d.elementos[i] \leftarrow copy(d.elementos[i+1])
                                                                                                                                     O(\operatorname{copy}(\kappa) + \operatorname{copy}(\sigma))
                   encontrado \leftarrow true
                                                                                                                                                           O(1)
            endif
            i \leftarrow i{+}1
                                                                                                                                                           O(1)
      endwhile
                                                                                                        O(d.lReal \cdot (equal(\kappa) + copy(\kappa) + copy(\kappa)))
      d.lReal \leftarrow d.lReal-1
                                                                                                                                                           O(1)
I#CLAVES (in d: diccOrd) \rightarrow res:nat
      res \leftarrow d.lReal
                                                                                                                                                           O(1)
•=• (in d1: diccOrd(\kappa, \sigma), in d2: diccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res:bool
      i \leftarrow 0
                                                                                                                                                           O(1)
                                                                                                                                                           O(1)
      res \leftarrow true
      if (d1.lreal \neq d2.lReal)
                                                                                                                                                           O(1)
            res \leftarrow false
                                                                                                                                                           O(1)
      else
            while i<d1.lReal
                                                                                                                                                           O(1)
                                                                                                                                   O(\text{equal}(\kappa) + \text{equal}(\sigma))
                  if d1[i] = d2[i]
                         res \leftarrow false
                                                                                                                                                           O(1)
                   endif
                                                                                                                                                           O(1)
                  i \leftarrow i+1
```

```
endif
ICREARIT (in d: DiccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res:itDiccOrd(\kappa, \sigma)
      res.i \leftarrow 0
                                                                                                                                                      O(1)
      res.long \leftarrow d.lReal
                                                                                                                                                      O(1)
      res.elementos \leftarrow *(d.elementos)
                                                                                                                                                      O(1)
IHAYSIGUIENTE (in d: itDiccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res:bool
      res \leftarrow d.i < d.long
                                                                                                                                                      O(1)
ISIGUIENTE CLAVE (in d: it DiccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res:\kappa
      res \leftarrow \Pi_1(*d.elementos)
                                                                                                                                                      O(1)
ISIGUIENTE SIGNIFICADO (in d: itDiccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res:\sigma
      res \leftarrow \Pi_2(*d.elementos)
                                                                                                                                                      O(1)
ISIGUIENTE (in d: itDiccOrd(\kappa, \sigma)) \rightarrow res:tupla<\kappa, \sigma>
      res \leftarrow * d.elementos
                                                                                                                                                      O(1)
IAVANZAR (in/out d: itDiccOrd(\kappa, \sigma))
      d.i \leftarrow (d.i)+1
                                                                                                                                                      O(1)
      d.elementos \leftarrow (d.elementos) + 1
                                                                                                                                                      O(1)
```

 $O(d1.lReal \cdot (equal(\kappa) + equal(\sigma)))$

5. Módulo Diccionario Texto(string, tupla(α, β, γ))

Interfaz

endwhile

```
se explica con: DICCIONARIOETERNO.
géneros: diccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))
```

El Módulo Diccionario Texto provee un diccionario con la misma interfaz que la del Diccionario Lineal, salvo borrar, #Claves, copiar y comparación(es decir que sus operaciones básicas tienen los mismos nombres, mismos argumentos de entrada y salida y cumplen los mismos Pre y Post, salvo borrar que no está disponible) y las operaciones tienen distintas complejidades.

Además hicimos que se explique con el TAD Diccionario Eterno que tiene los mismos generadores, observadores y otras Operaciones que las del TAD Diccionario (κ , σ) (con la misma axiomatización) exceptuando borrar, que no está en Diccionario Eterno. Consideramos que todos los significados de Diccionario Eterno son tupla(α , β , γ) y que las claves son strings.

el iterador devuelve elementos de tipo α al aplicar siguiente, no tuplas.

Las complejidades de las operaciones básicas son listadas a continuación:

```
Vacio(): O(1)
Definir(s:string, tupla(\alpha, \beta, \gamma), d:diccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))): O(long(s))
Definido?(s:string, d:diccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))): O(long(s))
Significado(s:string, d:diccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))): O(long(s))
Las complejidades de las operaciones del iterador son las siguientes:
```

```
CREARIT (D:DICCT (STRING, TUPLA(\alpha, \beta, \gamma))): O(1)

AVANZAR (ID:ITDICCT (STRING, TUPLA(\alpha, \beta, \gamma))): O(1)

SIGUIENTE CLAVE (ID:ITDICCT (STRING, TUPLA(\alpha, \beta, \gamma))): O(1)

SIGUIENTE SIGNIFICADO (ID:ITDICCT (STRING, TUPLA(\alpha, \beta, \gamma))): O(long (Siguiente Clave (id)))

SIGUIENTE (ID:ITDICCT (STRING, TUPLA(\alpha, \beta, \gamma))): O(long (Siguiente Clave (id)))
```

```
HAYSIGUIENTE(ID:ITDICCT(STRING, TUPLA(\alpha, \beta, \gamma))): O(long(SiguienteClave(id)))
```

 $paux \leftarrow paux[ord(s[i])]$

Representación del Diccionario Texto

```
DiccT se representa con dicct
    tupla(primVec:vectorDe256Punteros(ptro(vectorDe256Punteros)),
     claves:conj(string))
    Rep: dicct \longrightarrow bool
    \operatorname{Rep}(d) \equiv \operatorname{true} \iff \mathbf{1}) (\forall \operatorname{s:string}) (pertenece?(s, claves(d))) \leftrightarrow (definido?(s,d))
     1) Todos los elementos de claves estÃ; n definidos y viceversa. 2) Los punteros no forman ciclos (Para todos los
caminos posibles de punteros en ningÃon momento se puede recorrer dos veces al mismo)
    Abs:dicct d \rightarrow diccionarioEterno
                                                                                                                                \{ \text{Rep(d)} \}
Abs(d) =_{obs} d2:dicct | (\forall s: string) (Definido?(s,d)) \leftrightarrow (Definido?(s,d2))
\land (\forall \text{ s:string}) \text{ (Definido?(s,d))} \Rightarrow_{\text{L}} (\text{Significado(s,d)} = \text{Significado(s,d2)})
Representación del iterador
    ItDiccT se representa con itdicct
    tupla(punt: *(dicct), itClaves:itConj(string))
    Descripcion del Rep:
    Rep: itdicct \longrightarrow bool
    Rep(d) \equiv true \iff Rep(*punt) \land d.itClaves = claves(*punt)
    Abs:itdicct d \to itUni(\alpha)
                                                                                                                                \{ \operatorname{Rep}(d) \}
Abs(d) =_{obs} d2:itUni(\alpha) | Siguientes(d2) = (significados(*d.elementos, siguientes(crearIt(d.claves))))
    SIGNIFICADOS (dicct, conj(claves)) \rightarrow conj(\alpha) significados(d, cs) = \bigcup_{c \in cs} \Pi_1(\text{significado}(c,d))
Algoritmos Vacio() \rightarrow res:diccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))
     res \leftarrow tupla(<NULL,NULL,...,NULL>, Vacio())
                                                                                                                                       O(1)
DEFINIR(in s: string, in sig: tupla(\alpha, \beta, \gamma), in/out d: diccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))))
                                                                                                                                       O(1)
     i \leftarrow 1
     paux \leftarrow d.primVec[ord(s[0])]
                                                                                                                                       O(1)
     while (i<Longitud(s))
                                                                                                                                       O(1)
          if (*paux[ord(s[0])])=NULL
                                                                                                                                       O(1)
                nuevoVec \leftarrow tupla(< NULL, NULL, ..., NULL>, NULL)
                (*paux)[ord(s[i])] = \&nuevoVec
          endif
          paux.sign \leftarrow sig
          i = i + 1
                                                                                                                                       O(1)
                                                                                                                          O(Longitud(s))
     endwhile
     res \leftarrow (*pAux).sign
                                                                                                                                       O(1)
     agregarRapido (d.claves, s)
                                                                                                                                O(long(s))
DEFINIDO?(in s: string in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma)))) \leftarrow res:bool
                                                                                                                                       O(1)
     res \leftarrow true
     if d.primVec[ord([s(0)])]=NULL
                                                                                                                                       O(1)
          res \leftarrow false
                                                                                                                                       O(1)
     \mathbf{endif}
                                                                                                                                       O(1)
                                                                                                                                       O(1)
     paux \leftarrow d.primVec[ord(s[0])]
                                                                                                                                       O(1)
     while(i<Longitud(s))
                                                                                                                                       O(1)
```

O(1)

```
if * paux [ord(s[i])] = NULL
                                                                                                                                        O(1)
                res \leftarrow false
                                                                                                                                        O(1)
           endif
                                                                                                                                        O(1)
           i = i + 1
                                                                                                                                        O(1)
                                                                                                                             O(longitud(s))
     endwhile
                                                                                                                                        O(1)
     res \leftarrow (*pAux).sign
SIGNIFICADO(in s: string, in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma)))) \leftarrow res:tupla(\alpha, \beta, \gamma)
                                                                                                                                        O(1)
     paux \leftarrow d.primVec[ord(s[0])]
                                                                                                                                        O(1)
     (i < longitud(s))
                                                                                                                                        O(1)
     while i<longitud(s)
                                                                                                                                        O(1)
           paux \leftarrow (paux.VecPunteros[ord(s[i])])
                                                                                                                                        O(1)
          i \leftarrow i+1
                                                                                                                                        O(1)
     endwhile
                                                                                                                             O(longitud(s))
     res \leftarrow (*Paux).sign
                                                                                                                                        O(1)
CREARIT (in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))) \rightarrow res: itDiccT(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))
     res.punt \leftarrow \& d
                                                                                                                                        O(1)
     res.itClaves \leftarrow crearIt(d.claves)
                                                                                                                                        O(1)
AVANZAR (in/out d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma)))
     avanzar (d.itClaves)
                                                                                                                                        O(1)
SIGUIENTE CLAVE (in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))) \rightarrow res:string
     res \leftarrow siguiente(d.itClaves)
                                                                                                                                        O(1)
SIGUIENTESIGNIFICADO (in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))) \rightarrow res:tupla(\alpha, \beta, \gamma))
     res \leftarrow significado((*(d.punt)), siguiente(res.claves))
                                                                                                      O(longitud(siguiente(res.claves)))
SIGUIENTE (in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))) \rightarrow res:\alpha
     res \leftarrow \Pi_1(significado((*(d.punt)), siguiente(res.claves)))
                                                                                                     O(longitud(siguiente(res.claves)))
HAYSIGUIENTE (in d: dicct(string, tupla(\alpha, \beta, \gamma))) \rightarrow res:bool
     res \leftarrow haySiguiente(d.claves)
                                                                                                                                       O(1)
```

6. Informe

6.1. Decisiones Tomadas

1: Decidimos llamar al Diccionario Ordenado debido a que el iterador devuelve de manera ordenada sus tuplas, por lo tanto no hay problemas de encapsulamiento.

6.2. Soluciones alternativas

Para poder usar un tipo σ general en lugar de una tupla $<\alpha,\beta,\gamma>$ en el diccionario de texto, se podria modificar la estructura de forma que incluya dos de estos diccionarios: uno cuyo significado sean titulos y otro cuyo significado sea el resto de los datos necesarios. De esta forma, el iterador podría devolver elementos de tipo σ , no buscar el primer elemento de la tupla, y se seguirían cumpliendo las complejidades.

En la estructura preferimos usar conjuntos de hasta una promesa a usar un puntero a promesa que se haría NULL si no hubiera ninguna.