Comparación de Secuencias



- ¿Por qué es importante realizar la comparación de secuencias?
 - Comparar genomas
 - Buscar genes
 - Buscar secuencias (inicio de transcripción, promotores, exones, intrones)
 - Buscar secuencias similares con genes de función conocida

Ejemplo

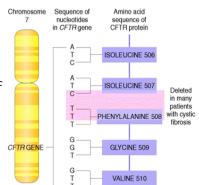
- Russell Doolittle et al, 1984: encontraron similitudes entre el "recientemente" descubierto v-sis oncogene.
- Se obtuvo un matching entre ese gen y una proteína llamada PDFG (platelet-derived growth factor)
- Cancer podría estar relacionado con un gen normal, haciendo su trabajo bien, pero en el tiempo incorrecto



- Fibrosis Cística (CF)
 - Enfermedad genética crónica y normalmente fatal
 - Formación de mucosidad anormalmente espesa y pegajosa en las glándulas
 - Afecta principalmente el sistema respiratorio de los niños
 - Puede afectar también los intestinos, el hígado, las glándulas sudoríparas y los órganos reproductores
 - En 1989 los biólogos encontraron una alta similaridad entre el gen de CF y las ATP binding proteins
 - ATP binding proteins: actuan como canal de transporte en las membranas de la célula
 - Esta relación tiene sentido, dado que CF implica la secreción de sudor con un alto (anormal) contenido the sodio



- Fibrosis Cística (CF)
 - En un alto porcentaje (70%)de pacientes con CF se encontró una mutación en el gen CFTR (Cystic Fibrosis Transmebrane conductance regulator)





- Fibrosis Cística: Cómo trabaja
 - La proteína CFTR (1480 aminoacidos) regula el chloride ion channel
 - Regula la "licuación" de los fluidos secretados por la célula
 - Personas con CF no tienen un aminoácido en el CFTR
 - Mucosidad términa siendo muy densa, afectando muchos órganos

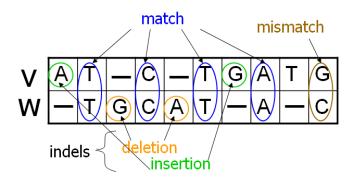


Comparación de secuencias y alineamiento

- ¿Cómo se mide la similitud de secuencias de ADN o la distancia entre secuencias?
 - Distancia Hamming: muy usado en Computación, pero, ¿cómo se comporta en secuencias de ADN?
 - Def: número de posiciones que difieren
 - ¿Qué sucede con ATATATAT y TATATATA?
 - Distancia de Edición: Levenshtein introdujo el concepto de edición, como el número de operaciones de edición necesarias para ir de v a w.
 - Def: operaciones indel (insert, deletions) y substituciones.
 - Calcular distancia de edición entre TGCATAT y ATCCGAT.
- Edit distance permite comparar strings de diferente tamaño.



Comparación de secuencias y alineamiento





Longest Common Subsequence (LCS)

- Es la forma más simple de alineamiento, solo permite indels, pero no reemplazos (mismatches)
- En este problema se asigna un 1 para los aciertos y un 0 para los indels
- Subsecuencia de ν es una secuencia ordenada de caracteres (no necesariamente consecutivas) de ν
 - Por ejemplo si $v = ATTGCTA \Rightarrow$
 - ullet AGCA y ATTA son subsecuencias de v
 - pero TGTT y TCG no lo son
- Formalmente, dado $v = v_1...v_n$ y $w = w_1...w_m$, una subsecuencia común a v y w se define por
 - una secuencia de posiciones en v, $1 \le i_1 < i_2 < ... < i_k \le n$ y
 - una secuencia de posiciones en w, $1 \le j_1 < j_2 < ... < j_k \le m$
 - tal que los símbolos en las posiciones correspondientes en v y w son iguales

$$v_{it} = w_{it}, 1 \leq t \leq k$$

Por ejemplo, TCTA es una subsecuencia de ATCTGAT y TGCATA



- Pueden existir muchas subsecuencias comunes entre dos strings.
 ¿Cómo encontrar la subsecuencia más larga?
- Sea s(v, w) el largo de LCS de v y w, entonces la distancia de edición (solo indels) será

$$d(v,w) = n + m - 2s(v,w)$$

- corresponde al número mínimo de indels necesarios para transformar v en w.
- ¿Cómo calcular el largo del LCS?
 - ullet Sea v_i el prefijo de v de largo i
 - Sea w_j el prefijo de w de largo j
 - El largo de $LCS(v_i, w_j)$ es:

$$s_{i,j} = extit{max} \left\{egin{array}{ll} s_{i-1,j} \ s_{i,j-1} \ s_{i-1,j-1} + 1 \end{array}
ight. ext{ si } v_i = w_j \end{array}$$



Algoritmo



• Algoritmo para reconstruir la secuencia

```
PrintLCS(b,v,i,j)
         if i = 0 or j = 0
            return
         if b_{i,j} = \nwarrow
             PrintLCS(b,v,i-1,j-1)
             print vi
6
         else
7
            if b_{i,j} = \uparrow
8
                 PrintLCS(b,v,i-1,j)
9
            else
10
                 PrintLCS(b,v,i,j-1)
```



- Encontrar la LCS de las siguientes secuencias:
 (v=ATCTGAT,w=TGCATA) y (v=ATGTTAT, w=ATCGTAC)
- Calcular la similaridad y la distancia

	-	Т	G	С	Α	Т	Α
-							
А							
Т							
С							
Т							
G							
А							
Т							



• Calculando la similaridad.



• Calculando la similaridad.

	-	Т	G	С	Α	Т	А
-	0	0	0	0	0	0	0
А	0	↑0	↑0	↑0	← 1	← 1	<u>\</u>
Т	0	₹ 1	← 1	← 1	† 1	₹2	← 2
С	0	† 1	† 1	< 2 €	← 2	† 2	↑ 2
Т	0	<u>\</u>	† 1	† 2	† 2	< 3 €	← 3
G	0	† 1	₹ 2	† 2	† 2	↑3	↑ 3
Α	0	† 1	† 2	† 2	√ 3	↑ 3	₹ 4
Т	0	<u>\</u>	† 2	† 2	↑ 3	√ 4	↑4

• Calculando la distancia de edición.



• Calculando la distancia de edición.

	-	Т	G	С	А	Т	Α
-	0	1	2	3	4	5	6
Α	1	↑ 2	↑ 3	↑4	₹ 3	← 4	₹ 5
T	2	₹ 1	← 2	← 3	↑ 4	√ 3	← 4
С	3	† 2	↑ 3	₹ 2	← 3	↑4	↑ 5
T	4	√ 3	↑4	↑ 3	↑ 4	< 3 €	← 4
G	5	↑4	√ 3	↑4	↑ 5	↑4	↑ 5
Α	6	↑ 5	↑ 4	↑ 5	₹ 4	↑ 5	≺ 4
Т	7	√ 6	↑ 5	↑ 6	↑ 5	√ 4	↑ 5

Alineamiento de Secuencias

- El problema de LCS es la forma más simple de alineamiento, solo permite *indels*, pero no reemplazos (*mismatches*)
- En este problema se asigna un 1 para los aciertos y un 0 para los indels
- Se puede agregar una penalización a los indels y reemplazos
- El esquema más simple puede ser:
 - +1: acierto
 - $-\mu$: penalidad de reemplazo
 - $-\sigma$: penalidad de indel
- Se puede usar una matriz de puntuación para medir las diferentes operaciones. El puntaje final representa el puntaje del alineamiento
- El score resultante será entonces:

$$\#$$
aciertos $-\mu(\#$ reemplazos $)-\sigma(\#$ indels $)$



Problema de Alineamiento Global

- Alineamiento Global vs Alineamiento local
 - El problema de Alineamiento Global intenta encontrar el camino más largo en la matriz de edición desde la posición (0,0) a la posición (n,m)
 - El problema de Alineamiento Local, intenta encontrar el caminos más largo entre 2 vértices de la matriz de edición
- Debido a los factores negativos de puntuación, es posible que un alineamiento local tenga un score más grande que uno global



Alineamiento Global vs Local

Alineamiento Global

Alineamiento I ocal

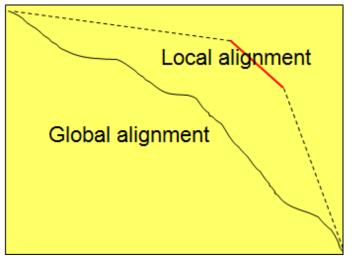
tccCAGTTATGTCAGgggacacgagcatgcagagac

 $\verb"aattgccgccgtcgttttcagCAGTTATGTCAGatc"$



Alineamiento Global vs Local

Ejemplo





Problema de Alineamiento Global

- Encontrar el mejor alineamiento entre 2 strings considerando algún esquema de puntuación
 - INPUT: Strings v y w y un esquema de puntuación
 - OUTPUT: Alineamiento con la puntuación máxima entre todos los alineamientos posibles

$$\uparrow \rightarrow = -\sigma$$

$$\nwarrow = 1 \text{ (acierto)}$$

$$\nwarrow = -\mu \text{ (reemplazo)}$$

$$s_{i,j} = \max \begin{cases} s_{i-1,j} - \sigma \\ s_{i,j-1} - \sigma \\ s_{i-1,j-1} - \mu \text{ si } v_i \neq w_j \\ s_{i-1,j-1} + 1 \text{ si } v_i = w_j \end{cases}$$

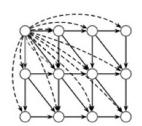
• LCS corresponde al problema de Alineamiento Global con parámetros $\sigma=0, \mu=0$ (o $\mu=\infty$)



- ¿Por qué es útil?
 - Dos genes de especies diferentes pueden ser similares solo en pequeñas regiones conservadas y distintos en el resto
- Definición del problema:
 - Objetivo: Encontrar el mejor alineamiento global entre dos strings
 - Entrada: Strings v, w y matriz de penalizaciones δ
 - Salida: Alineamiento de substrings de v y w con la mejor puntuación entre TODOS LOS ALINEAMIENTOS POSIBLES de TODOS LOS POSIBLES SUBSTRINGS
- Se transforma en un problema computacionalmente costoso a medida que crece el tamaño de los strings.
- Alternativa de solución: Algoritmo de Smith-Waterman (1981)



- Algoritmo de Smith-Waterman
 - Variación del algoritmo de Needleman-Wunsch (alineamiento global)
 - Utiliza programación dinámica ⇒ encuentra el alineamiento local óptimo con respecto a la matriz de penalizaciones dada
 - En pocas palabras, el algoritmo incluye aristas de costo 0, desde el nodo inicial a cada nodo del grafo





- Algoritmo de Smith-Waterman
 - ullet Dada un matriz de penalizaciones δ

$$\begin{aligned} s_{i,0} &= 0 & 0 \leq i \leq n \\ s_{0,j} &= 0 & 0 \leq j \leq m \\ \end{bmatrix} \\ s_{i,j} &= \max \begin{cases} 0 & \text{(CAMBIO INTRODUCIDO)} \\ s_{i-1,j} + \delta(v_i, -) & \text{Deletion} \\ s_{i,j-1} + \delta(-, w_j) & \text{Insert} \\ s_{i-1,j-1} + \delta(v_i, w_j) & \text{Acierto/Reemplazo} \end{cases}$$

- El alineamiento local solo reporta la secuencia más larga encontrada
- En ocasiones diversos alineamientos locales pueden tener diversos significados biológicos
- Se han desarrollado métodos para encontrar los k mejores alineamientos no traslapados
- Métodos particularmente importantes para comparaciones de proteinas de múltiples dominios
 - presencia de bloques similares
 - bloques han sido movidos de un lugar a otro



Alinamiento con Penalidades por Gaps

- Mutaciones son causadas usualmente por errores en el proceso de replicación
- Se producen inserciones o borrados de substrings enteros en vez de nucleotidos individuales
- Gap: es definido como secuencia de espacios en una de las filas del alineamiento
- ¿Qué sucede con la penalización de un gap de largo x?
- el usar $x \times \sigma$ no es correcto porque perjudica a estos gaps
- se redefine la función de ponderación de un gap como $-(\rho + \sigma x)$
 - • con ρ ponderación por la presencia de un gap y σ es la penalización por cada elemento del gap
 - $\rho >> \sigma$



- Alineamiento de pares puede no detectar relaciones bioógicas débiles entre secuencias
- Alinear varias secuencias a la vez ha mostrado la capacidad de indentificar similaridades que pasan desapercibidas
- Problema
 - Sea $v_1,...,v_k$ secuencias de largo $n_1,...,n_k$ sobre un alfabeto $A+\{-\}$ extendido
 - El alineamiento múltiple es una matriz de $k \times n$ con $n \ge max(n_1, ..., n_k)$
 - Cada fila es una de las palabras v_i con los caracteres en orden y $n-n_i$ espacios
 - Cada columna contiene al menos un símbolo de A (no hay columnas vacías)
- Una solución es usar el mismo algoritmo anterior pero para k secuencias



- Queremos encontrar el mejor alineamiento entre las secuencias u, v y w
- Se puede aplicar la misma lógica usada que para dos secuencias
- Se crea una matriz de programación dinámica de tres dimensiones

$$s_{i,j,k} = \max \left\{ \begin{array}{ll} s_{i-1,j,k} & +\delta(v_i,-,-) \\ s_{i,j-1,k} & +\delta(-,w_j,-) \\ s_{i,j,k-1} & +\delta(-,-,u_k) \\ s_{i-1,j-1,k} & +\delta(v_i,w_j,-) \\ s_{i-1,j,k-1} & +\delta(v_i,-,u_k) \\ s_{i,j-1,k-1} & +\delta(-,w_j,u_k) \\ s_{i-1,j-1,k-1} & +\delta(v_i,w_j,u_k) \end{array} \right.$$

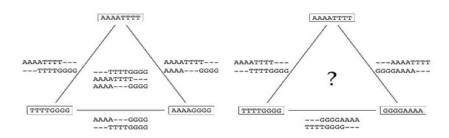
• En el caso de k secuencias, la complejidad algoritmica es $O(2n)^k$



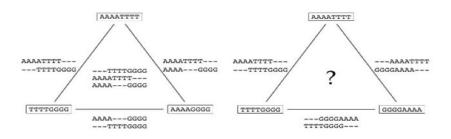
• ¿Es factible hacer alineamientos de pares y luego combinarlos?



• ¿Es factible hacer alineamientos de pares y luego combinarlos?



• ¿Es factible hacer alineamientos de pares y luego combinarlos?



- Otro enfoque es usar "multiple k-way alignment".
- Mezclar los dos mejores alineamientos de pares y crear una única secuencia.
- Realizar múltiple alineamiento entre k-1 secuencias. Enfoque seguido por CLUSTAL.





• ¿Cómo asignar un valor a un alineamiento múltiple?



- ¿Cómo asignar un valor a un alineamiento múltiple?
 - Número de matches (multiple longest common subsequence):
 uno para cada columna con el mismo símbolo, cero en caso contrario
 - Basado en entropía: p_X : probabilidad de X en cada columna. La entropia del alineamiento se calcula como la suma de las entropias de cada columna. $\left(-\sum_{x\in(A,C,T,G)}p_xlogp_x\right)$
 - Suma de pares (SP-Score): cada alineamiento múltiple fuerza un alineamiento de pares. $SP = \sum_{i,j=1}^{k} score(v_i, v_j)$



• Ejemplo de puntuación

	Α	A	Α
	Α	Α	Α
	Α	Α	Т
	Α	Т	С
LCS			
Entropy			
SP-pairs			



Matrices de Penalización

- Para generalizar la puntuación considere una matriz δ de (4+1)x(4+1) para nucleotidos.
- En el caso de aminoácidos la matriz δ sería de (20+1)x(20+1)
- Se agrega 1 para contabilizar los indels
- ¿Cómo medir la similaridad entre dos secuencias?
 - Basado en porcentaje de similaridad de las secuencias
 - Basado en conservación



Matrices de Penalización

- Son creadas en base a la evidencia biológica
- Alineamientos pueden ser vistos como dos secuencias que son distintas debido a sus mutaciones
- Algunas de estas mutaciones tienen un efecto despreciable en la función de la proteína, por lo que las penalidades serán distintas entre ellas



Matrices de Penalización

Ejemplo

	Α	R	N	K
Α	5	-2	-1	-1
€	-	7	-1	3
N	-	-	7	0
K	-	-	-	6

AKRANR KAAANK





Conservación

- Algunos reemplazos en los aminoacidos tienden a preservar las propiedades físico-químicas del residuo original
 - ullet Aspartate o Glutamate
 - $\bullet \ \, \mathsf{Alanine} \to \mathsf{Valine}$
 - Leucine → Isoleucine
- Existen varias matrices de sustitución de aminoacidos
 - PAM: Point Accepted Mutation (Dayhoff et al)
 - BLOSUM: Blocks Substitution Matrix
- Matrices de sustitución de ADN
 - ADN es menos conservativo que las secuencias de proteínas
 - Por lo tanto es menos efectivo comparar regiones de código a nivel de nucleotidos



PAM (Point accepted mutations)

- Depende de la similitud de las secuencias y distancia evolutiva de las especies
- Primero se analizan proteinas muy parecidas (una mutación cada 100 aminoacidos en promedio)
- PAM 1: número de veces que una proteína promedio muta el 1% de sus aminoacidos
- Para calcular PAM se define:
 - f(i,j) = número de veces que el aminoacido i es alineado con el aminoacido j, dividido por el largo del alineamiento.
 - f(i) = frecuencia del aminoacido i en todas las secuencias
 - $g(i,j) = \frac{f(i,j)}{f(i)}$
 - probabilidad que i mute en j en una unidad PAM.
 - PAM $(i,j) = log \frac{f(i,j)}{f(i)f(i)} = log \frac{g(i,j)}{f(i)}$
 - PAM_n indica la probabilidad de i mutar en j durante n unidades PAM

PAM (Point accepted mutations)

- Porcentaje promedio de aminoacidos que cambian en secuencias evolutivamente relacionadas
- $PAM_x = PAM_1^x$: aplicar la matriz $PAM \times veces$ (multiplicarla por si misma)
- Ejemplo $PAM_{250} = PAM_1^{250}$

	Ala	Arg	Asn	Asp	Cys	Gln	Glu	Gly	His	Ile	Leu	Lys	
	A	R	N	D	C	Q	E	G	Н	I	L	K	
Ala A	13	6	9	9	5	8	9	12	6	8	6	7	
Arg R	3	17	4	3	2	5	3	2	6	3	2	9	
Asn N	4	4	6	7	2	5	6	4	6	3	2	5	
Asp D	5	4	8	11	1	7	10	5	6	3	2	5	
Cys C	2	1	1	1	52	1	1	2	2	2	1	1	
Gln Q	3	5	5	6	1	10	7	3	7	2	3	5	
Trp W	0	2	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	
Tyr Y	1	1	2	1	3	1	1	1	3	2	2	1	
Val V	7	4	4	4	4	4	4	4	5	4	15	10	



BLOSUM

- Valores derivados de la observación de frecuencias de sustitución en bloques de alineamientos locales en proteínas relacionadas
- El nombre de la matriz indica la distancia evolutiva
 - Ejemplo: BLOSUM50 fue creada usando secuencias que comparten no más del 50% de similaridad

	A	R	N	D	C	Q	E	G	н	I	L	K	м	F	P	S	T	w	Y	v	В	Z	X	•
A	5	-2	-1	-2	-1	-1	-1	0	-2	-1	-2	-1	-1	-3	-1	1	0	-3	-2	0	-2	-1	-1	-5
R	-2	7	-1	-2	-4	1	0	-3	0	-4	-3	3	-2	-3	-3	-1	-1	-3	-1	-3	-1	0	-1	-5
N	-1	-1	7	2	-2	0	0	0	1	-3	-4	0	-2	-4	-2	1	0	-4	-2	-3	4	0	-1	-5
D	-2	-2	2	8	-4	0	2	-1	-1	-4	-4	-1	-4	-5	-1	0	-1	-5	-3	-4	5	1	-1	-5
C	-1	-4	-2	-4	13	-3	-3	-3	-3	-2	-2	-3	-2	-2	-4	-1	-1	-5	-3	-1	-3	-3	-2	-5
Q	-1	1	0	0	-3	7	2	-2	1	-3	-2	2	0	-4	-1	0	-1	-1	-1	-3	0	4	-1	-5
E	-1	0	0	2	-3	2	6	-3	0	-4	-3	1	-2	-3	-1	-1	-1	-3	-2	-3	1	5	-1	-5
G	0	-3	0	-1	-3	-2	-3	8	-2	-4	-4	-2	-3	-4	-2	0	-2	-3	-3	-4	-1	-2	-2	-5
H	-2	0	1	-1	-3	1	0	-2	10	-4	-3	0	-1	-1	-2	-1	-2	-3	2	-4	0	0	-1	-5
I	-1	-4	-3	-4	-2	-3	-4	-4	-4	5	2	-3	2	0	-3	-3	-1	-3	-1	4	-4	-3	-1	-5
L	-2	-3	-4	-4	-2	-2	-3	-4	-3	2	5	-3	3	1	-4	-3	-1	-2	-1	1	-4	-3	-1	-5
K	-1	3	0	-1	-3	2	1	-2	0	-3	-3	6	-2	-4	-1	0	-1	-3	-2	-3	0	1	-1	-5
M	-1	-2	-2	-4	-2	0	-2	-3	-1	2	3	-2	7	0	-3	-2	-1	-1	0	1	-3	-1	-1	-5
F	-3	-3	-4	-5	-2	-4	-3	-4	-1	0	1	-4	0	8	-4	-3	-2	1	4	-1	-4	-4	-2	-5
P	-1	-3	-2	-1	-4	-1	-1	-2	-2	-3	-4	-1	-3	-4	10	-1	-1	-4	-3	-3	-2	-1	-2	-5
S	1	-1	1	0	-1	0	-1	0	-1	-3	-3	0	-2	-3	-1	5	2	-4	-2	-2	0	0	-1	-5
T	0	-1	0	-1	-1	-1	-1	-2	-2	-1	-1	-1	-1	-2	-1	2	5	-3	-2	0	0	-1	0	-5
W	-3	-3	-4	-5	-5	-1	-3	-3	-3	-3	-2	-3	-1	1	-4	-4	-3	15	2	-3	-5	-2	-3	-5
Y	-2	-1	-2	-3	-3	-1	-2	-3	2	-1	-1	-2	0	4	-3	-2	-2	2	8	-1	-3	-2	-1	-5
V	0	-3	-3	-4	-1	-3	-3	-4	-4	4	1	-3	1	-1	-3	-2	0	-3	-1	5	-4	-3	-1	-5
В	-2	-1	4	5	-3	0	1	-1	0	-4	-4	0	-3	-4	-2	0	0	-5	-3	-4	5	2	-1	-5
Z	-1	0	0	1	-3	4	5	-2	0	-3	-3	1	-1	-4	-1	0	-1	-2	-2	-3	2	5	-1	-5
X	-1	-1	-1	-1	-2	-1	-1	-2	-1	-1	-1	-1	-1	-2	-2	-1	0	-3	-1	-1	-1	-1	-1	-5
•	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	1





Actividad

- Dada la complejidad algoritmica y el tamaño de los datos, los algoritmos visto no son practicables. De esto nace BLAST (Basic Local Alignment Search Tool)
 - ¿Cómo trabaja BLAST?
 - ¿Cuál es la diferencia entre megablast, blastn, y discontinuos blast?
 - ¿Qué otros tipos de herramientas BLAST existen?
- Buscar la secuencia que se encuentra en la página del curso
- Usando las herramientas de NCBI y EBI responda las siguientes preguntas:
 - ¿A qué gen representa?
 - ¿Qué información puede encontrar sobre la secuencia? (organismo, año, etc)
 - ¿Es responsable por alguna enfermedad? (TIP: use la página de OMIM (www.omim.org)
 - ¿Hay alguna diferencia en la información proporcionada por NCBI y EBI?