Sesión Multinomial

Contents

FACULTAD DE CIENCIAS SOCIALES - PUCP	1
Base de Datos	ę
Formateo de las variables	4
Modelo 1	Ę
Paso 1: Preparar la data	ļ
Paso 2: Modelo logístico	(
Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales	Ç
Paso 4: Recordando la ecuación	(
Modelo 2	10
Paso 1: Preparación de variable	10
Paso 2: Modelo logístico	1
Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales	13
Paso 4: Recordamos la ecuación	13
Comparar modelos	14



FACULTAD DE CIENCIAS SOCIALES - PUCP

Curso: POL 304 - Estadística para el análisis político 2 | Semestre 2024 - 1

Jefas de Práctica: Karina Alcántara y Lizette Crispín

MODELOS LINEALES GENERALIZADOS

BINARIA

VD: Dicotómica (2 categorías)

MULTINOMIAL

VD: 3 o + categorías

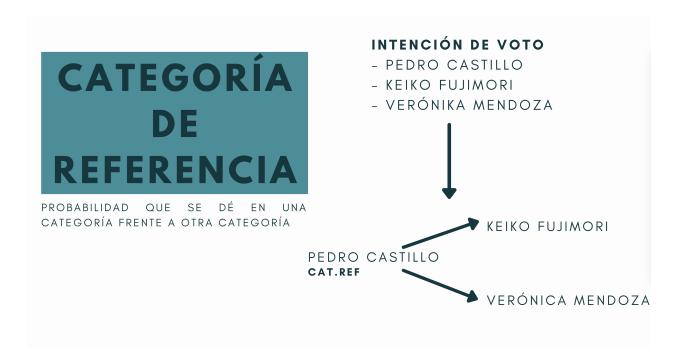
ORDINAL

VD: Ordinal

ECUACIÓN

$$\frac{p1}{p3} = \frac{\exp(\beta 01 + (\beta 1 * X1) + (\beta 2 * X2) \dots)}{1 + \exp(\beta 01 + (\beta 1 * X1) + (\beta 2 * X2) \dots)}$$

$$\frac{p2}{p3} = \frac{\exp(\beta 02 + (\beta 1 * X1) + (\beta 2 * X2) \dots)}{1 + \exp(\beta 02 + (\beta 1 * X1) + (\beta 2 * X2) \dots)}$$



Pregunta de investigación:

¿Una economía liberal influye en el nivel de democracia?

Base de Datos

La base de datos a trabajar combina los datos obtenidos en el Democracy Index 1 y el Index of Economic Freedom 2 . Lo que veremos en esta clase es la relación entre el tipo de régimen político (democracia, democracia fallida y dictadura) con variables económicas.

Llamamos a las librerías

```
library(rio)
library(car)
library(nnet)
library(DescTools)
library(RVAideMemoire)
library(marginaleffects)
library(tidyverse)
```

Exploremos la data:

demofree <- import("https://github.com/schrodingercase/primary/raw/master/demofree.xlsx")
str(demofree) #Ver estructura de la base de datos</pre>

¹https://en.wikipedia.org/wiki/Democracy_Index

²https://en.wikipedia.org/wiki/Index_of_Economic_Freedom

Formateo de las variables

1.1 Limpieza de data e identificación de las variables

Eliminamos casos perdidos

```
demofree <- demofree[complete.cases(demofree$regimen),]</pre>
```

Comencemos con la variable dependiente:

```
demofree %>%
  group_by(regimen) %>%
  summarise (Frecuencia= n())
```

Ojo con Hybrid regime y Flawed democracy

Confirmamos la suma

```
demofree %>%
  group_by(regimen) %>%
  summarise (FrecuenciaRecod= n())
```

Formateamos la variable regimen:)

```
demofree$property <- as.numeric(demofree$property)
demofree$tradefree <- as.numeric(demofree$tradefree)
demofree$busfree <- as.numeric(demofree$busfree)</pre>
```

1.2. Elegir la línea base

La línea de base o baseline sirve para tener una referencia al interpretar los resultados del modelo. En este caso nuestra dependiente fue recodificada en "Democracia", "Democracia fallida", "Dictadura". Entonces, "Democracia fallida" al estar en el medio es nuestra baseline.

Verificamos qué ha considerado R

```
contrasts(demofree$regimen)
```

##		Democracia	fallida	Democracia
##	Dictadura		0	0
##	Democracia fallida		1	0
##	Democracia		0	1

Con el siguiente comando establecemos la categoría de referencia. en ref mencionamos cómo se llama esta categoría, por eso es importante tener bien etiquetadas las variables.

```
demofree$regimen <- relevel(demofree$regimen , ref = "Democracia fallida")</pre>
```

Modelo 1

- Variable dependiente= Regimen Político regimen
- Variable independiente= Trade Freedom tradefree (Libertad de comercio) y Property Rights property (Derecho a la propiedad privada)

Paso 1: Preparar la data

confirmamos que nuestras variables estén en el formato adecuado (numérico)

```
str(demofree$tradefree)

## num [1:158] 66 88.4 66.2 66.2 69.2 80.6 88.2 86.4 74.6 79.4 ...

str(demofree$property)

## num [1:158] 48.3 57.1 37.9 36.9 50.5 60.7 82.8 87.3 67.1 70.6 ...
```

Paso 2: Modelo logístico

2.1 Realizar modelo logístico

No olvidemos cual es nuesta línea de base para la interpretación.

```
mod1 <- multinom(regimen ~ property + tradefree, data = demofree)</pre>
## # weights: 12 (6 variable)
## initial value 173.580742
## iter 10 value 106.123891
## iter 20 value 105.309757
## final value 105.300936
## converged
summary(mod1)
## Call:
## multinom(formula = regimen ~ property + tradefree, data = demofree)
## Coefficients:
##
              (Intercept)
                             property
                                         tradefree
                 6.015109 -0.02654594 -0.07105396
## Dictadura
## Democracia -13.772977 0.15297576 0.01435271
##
## Std. Errors:
##
              (Intercept)
                            property tradefree
                 1.403839 0.01604789 0.02271007
## Dictadura
                 5.496404 0.03784344 0.07256821
## Democracia
##
## Residual Deviance: 210.6019
## AIC: 222.6019
```

2.2: Relación de las variables

Un primer paso sería ver el signo de los coeficientes para determinar la relación entre la variable independiente y la variable dependiente

Derechos de propiedad

• Coeficiente (dictadura) :-0.02654594

Si un país incrementa 1 punto en el índice de derecho a la propiedad es 0.0262 menos probable que el estado sea dictadura a demoracia fallida.

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallidad disminuye

- Coeficiente (democracia): 0.15297576
- Coeficiente (dictadura) :-0.02654594

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallidad disminuye

• Coeficiente (democracia): 0.15297576

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

Libertad económica

• Coeficiente(dictadura) :-0.07105396

Si un país aumenta en un punto indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye.

• Coeficiente(democracia):0.01435271

Si un país aumenta en un punto el indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

2.3: Aplicando la ecuación

Recordamos la ecuación y realizamos un ejemplo

$$\pi_{dictadura} = \frac{e(^{6.015109-0.02654594 \text{property}-0.07105396 \text{tradefree})}}{1 + e(^{6.015109-0.02654594 \text{property}-0.07105396 \text{tradefree})}}$$

$$\pi_{democracia} = \frac{e(^{-13.772977+0.15297576 \text{property}+0.01435271 \text{tradefree})}}{1 + e(^{-13.772977+0.15297576 \text{property}+0.01435271 \text{tradefree})}}$$

Usamos los valores de 50 (property) y 60 (tradefree)

prob dictadura

```
numeDct<-exp(6.015109-0.02654594*50-0.07105396*60)
denomDct<-1+numeDct
ProbDct<-numeDct/denomDct
ProbDct</pre>
```

[1] 0.6045773

prob democracia

```
numDemo= exp(-13.772977)*(exp(0.15297576*50)*exp(0.01435271*60))
denomDemo=1+numDemo
ProbDemo=numDemo/denomDemo
ProbDemo
```

[1] 0.005152915

¿Probabilidad de la democracia fallida?

$\pi_{dem_{fallida}} = 1 - \pi_{dictadura} - \pi_{democracia}$

2.4: SIGNIFICANCIA DE LAS VARIABLES

```
#install.packages("RVAideMemoire")
library(RVAideMemoire)
```

2.3: Significancia de las variables

Se debe realizar variable por variable

```
#install.packages("RVAideMemoire")
test.multinom(mod1,property) # Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente1)
##
                                    Coeff
                                                SE Odds.ratio
                                                                    z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.026546 0.016048 0.9738 -1.6542
                                                                        0.09809
## Democracia | Democracia fallida 0.152976 0.037843
                                                       1.1653 4.0423 5.292e-05
## Democracia | Dictadura
                                 0.179520 0.040454
                                                       1.1966 4.4377 9.095e-06
##
## Dictadura | Democracia fallida .
## Democracia|Democracia fallida ***
## Democracia|Dictadura
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Para la variable property, de la dos comparaciones con nuestra categoría de referencia, la única significativa es cuando se compara democracia con democracia fallida.

```
test.multinom(mod1,tradefree)
```

```
##
                                    Coeff
                                                SE Odds.ratio
                                                                    z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.071054 0.022710
                                                     0.93141 -3.12874 0.001756
## Democracia|Democracia fallida 0.014353 0.072568
                                                     1.01446 0.19778 0.843215
                                 0.085393 0.074352
## Democracia|Dictadura
                                                     1.08914 1.14850 0.250764
##
## Dictadura|Democracia fallida **
## Democracia | Democracia fallida
## Democracia|Dictadura
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente2)
```

Para la variable tradefree, de la dos comparaciones con nuestra categoría de referencia, la única significativa es cuando se compara dictadura con democracia fallida.

Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales

Con los efectos marginales podemos medir la probabilidad de que ocurra cada escenario (democracia, democracia fallida o dictadura). Para la interpretación usamos el estimado.

```
avg_slopes(mod1)[,c(1,2,3)]
```

```
##
##
                 Group
                            Term Estimate
##
                                  0.00958
   Democracia
                       property
##
   Democracia
                       tradefree 0.00141
   Democracia fallida property -0.00423
##
##
   Democracia fallida tradefree 0.00998
##
   Dictadura
                       property -0.00535
   Dictadura
                       tradefree -0.01139
##
## Columns: term, group, estimate
```

- Cuando en un país el índice de derecho a la propiedad incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia aumenta en promedio 0.00958.
- Cuando en un país el índice de libertad de comercio incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia aumenta en promedio 0.00141.
- Cuando en un país el índice de derecho a la propiedad incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia fallida disminuye en promedio 0.00423.
- Cuando en un país el índice de derecho a la propiedad incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia fallida aumenta en promedio 0.00998

Paso 4: Recordando la ecuación

Usemos los siguientes valores:

- Property = 80
- Tradefree= 50

Probabilidad de que sea dictadura

```
Num1<-exp(6.015109-0.02654594*80-0.07105396*50)
Deno1<-1+Num1
ProbDictadura<-Num1/Deno1
ProbDictadura
```

```
## [1] 0.5838834
```

Si un país tiene 80 de indice de derecho a la propiedad y 50 de indice de libertad de comercio, tiene un 0.58 de probabilidad de ser una dictadura.

Probabilidad de que sea democracia

```
Num2 <- exp(-13.772977+0.15297576*80+0.01435271*50)
Deno2<-1+Num2
ProbDemo<-Num2/Deno2
ProbDemo
```

```
## [1] 0.3063412
```

Si un país tiene 80 de indice de derecho a la propiedad y 50 de indice de libertad de comercio, tiene un 0.30 de probabilidad de ser una democracia

¿Cuál es la probabilidad de que sea una democracia fallida?

```
1-ProbDictadura-ProbDemo
```

```
## [1] 0.1097754
```

Si un país tiene 80 de indice de derecho a la propiedad y 50 de indice de libertad de comercio, tiene un 0.11 de probabilidad de ser una democracia fallida

Modelo 2

¿Qué sucede si añadimos a nuestras variables independientes una categórica?



La libertad comercial (Business Freedom) es muchas veces reconocida como una variable indispensable en toda democracia. **¿Cuánto afectaría al modelo?** Vamos a crear un modelo agregando esta variable

Paso 1: Preparación de variable

Para fines prácticos, dividamos la variable en países con poca libertad comercial y con mucha libertad comercial.

```
demofree$busfree <- ifelse(demofree$busfree<=74.50, "Poca", "Mucha")</pre>
```

Corroboramos

```
demofree %>%
  group_by(busfree) %>%
  summarise (FrecLibCom= n())
```

Volvemos "Dummy" la variable busfree Utilizamos la libreria fastDummies para dicotomizar las variables, en select_columns indicamos qué variable queremos

```
library(fastDummies)
demofree <- dummy_cols(demofree, select_columns = c("busfree"))</pre>
```

Revisamos los resultados

```
demofree %>%
 group_by(busfree_Mucha) %>%
 summarise (N= n())
## # A tibble: 2 x 2
   busfree_Mucha
          <int> <int>
## 1
              0
                  118
## 2
                1
demofree %>%
 group_by(busfree_Poca) %>%
 summarise (N= n())
## # A tibble: 2 x 2
   busfree_Poca
##
          <int> <int>
## 1
            0
                   40
## 2
              1
                   118
```

Paso 2: Modelo logístico

```
mod2<- multinom(regimen ~ property + tradefree + busfree_Poca, data = demofree)

## # weights: 15 (8 variable)
## initial value 173.580742
## iter 10 value 106.010358
## iter 20 value 103.908845
## iter 30 value 103.901620
## final value 103.901117
## converged</pre>
summary(mod2)
```

```
## Call:
## multinom(formula = regimen ~ property + tradefree + busfree_Poca,
##
       data = demofree)
##
## Coefficients:
##
              (Intercept)
                                        tradefree busfree Poca
                             property
                 7.719501 -0.03774142 -0.07454554
                                                     -1.0531380
## Dictadura
## Democracia -13.207954 0.14741855 0.01448272
                                                     -0.2906452
##
## Std. Errors:
                            property tradefree busfree_Poca
              (Intercept)
                 1.799337 0.01776684 0.02318019
                                                    0.6329986
## Dictadura
                 5.733181 0.04076099 0.07219180
                                                    0.7317200
## Democracia
##
## Residual Deviance: 207.8022
## AIC: 223.8022
```

2.2. Relación de las variables

Derechos de propiedad

• Coeficiente (dictadura) :-0.03774142

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallidad disminuye

• Coeficiente (democracia): 0.14741855

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

Libertad económica

• Coeficiente(dictadura) :-0.07454554

Si un país aumenta en un punto indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye

• Coeficiente(democracia):0.01448272

Si un país aumenta en un punto el indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

Poca libertad de comercio

• Coeficiente(dictadura): -1.0531380

Cuando un país sí tiene poca libertad de comercio (es 1), la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye.

Cuando un país sí tiene poca libertad de comercio (es 1), la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida disminuye.

2.1: Significancia de las variables

```
test.multinom(mod2,property) # Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente1)
##
                                    Coeff
                                                SE Odds.ratio
                                                                   z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.037741 0.017767
                                                     0.96296 -2.1243 0.0336482
## Democracia | Democracia fallida 0.147419 0.040761
                                                     1.15884 3.6167 0.0002984
## Democracia|Dictadura
                                 0.185168 0.043629
                                                     1.20342 4.2442 2.194e-05
##
## Dictadura|Democracia fallida *
## Democracia|Democracia fallida ***
## Democracia|Dictadura
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
test.multinom(mod2,tradefree)
##
                                    Coeff
                                                SE Odds.ratio
                                                                   z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.074546 0.023180
                                                     0.92817 -3.2159
                                                                       0.0013 **
## Democracia | Democracia fallida 0.014483 0.072192
                                                      1.01459 0.2006
                                                                       0.8410
                                 0.089013 0.074139
## Democracia|Dictadura
                                                     1.09310 1.2006
                                                                       0.2299
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
# Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente2)
```

Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales

```
##
##
Group
Term Estimate
```

```
##
                 Group
                               Term Estimate
##
   Democracia
                       busfree_Poca -0.00974
                       property
                                     0.00934
##
   Democracia
## Democracia
                       tradefree
                                     0.00151
## Democracia fallida busfree_Poca 0.16931
## Democracia fallida property
                                    -0.00223
## Democracia fallida tradefree
                                     0.01022
## Dictadura
                      busfree_Poca -0.15957
## Dictadura
                       property
                                    -0.00711
## Dictadura
                                    -0.01172
                       tradefree
##
## Columns: term, group, estimate
```

Paso 4: Recordamos la ecuación

Usemos los siguientes valores:

- Property = 50
- Tradefree= 60
- Busfreef= 1

Probabilidad de que sea dictadura

```
Num1<-exp(7.719501-0.037741424*50-0.07454554*60-1.0531380*1)
Deno1<-1+Num1
ProbDictadura<-Num1/Deno1
ProbDictadura
```

[1] 0.5760452

Probabilidad de que sea democracia

```
Num2<- exp(-13.207954+0.14741855*50+0.01448272*60-0.2906452*1)
Deno2<-1+Num2
ProbDemo<-Num2/Deno2
ProbDemo
```

[1] 0.005175098

Probabilidad de que sea $democracia\ fallida$

```
1-ProbDictadura-ProbDemo
```

[1] 0.4187797

Comparar modelos

AIC

Debemos elegir el que arroje un menor valor. Ojo! Solo se usa para comparar modelos.

```
## [1] 222.6019

AIC(mod2)
```

[1] 223.8022

¿Predice bien mi modelo? Revisemos qué tan bien estarían categorizados mis países según mi modelo 1.

```
table(demofree$regimen)
```

```
## Democracia fallida Dictadura Democracia ## 84 52 22
```

table(demofree\$regimen,predict(mod1))

```
##
##
                        Democracia fallida Dictadura Democracia
##
     Democracia fallida
                                         62
                                                   15
##
    Dictadura
                                         21
                                                   31
                                                               0
##
     Democracia
                                          6
                                                    0
                                                               16
```

Vemos que ha categorizado a la mayoría de países bien por cada categorías.

Esto también podemos verlo en porcentaje

```
prop.table(table(demofree$regimen,predict(mod1)),1)
```

PSEUDO R CUADRADO

```
PseudoR2(mod1, which = c("Nagelkerke"))

## Nagelkerke
## 0.5381166

PseudoR2(mod2, which = c("Nagelkerke"))

## Nagelkerke
## 0.5491341
```

Según el Pseudo R2, los modelos tienen un nivel de ajuste muy parecido.

Cat facts

```
library("cowsay", quietly = TRUE, warn.conflicts = FALSE)
say("catfact", "cat")
```

```
##
## ------
## The smallest wildcat today is the Black-footed cat. The females are less than 20 inches (50 cm) long
## ------
##  \
##  \
##  \
##  \
##  |\___/|
##  ==) ^Y^ (==
##  \ ^ /
```

