

Sesión Multinomial

Contents

FACULTAD DE CIENCIAS SOCIALES - PUCP	1
Base de Datos	3
Formateo de las variables	3
Modelo 1	5
Paso 1: Preparar la data	5
Paso 2: Modelo logístico	5
Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales	8
Paso 4: Recordando la ecuación	8
Modelo 2	9
Paso 1: Preparación de variable	9
Paso 2: Modelo logístico	10
Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales	11
Paso 4: Recordamos la ecuación	12
Comparar modelos	12



FACULTAD DE CIENCIAS SOCIALES - PUCP

Curso: POL 304 - Estadística para el análisis político 2 | Semestre 2024 - 1

Jefas de Práctica: Karina Alcántara y Lizette Crispín

MODELOS LINEALES GENERALIZADOS

BINARIA

VD: Dicotómica (2 categorías)

MULTINOMIAL

VD: 3 o + categorías

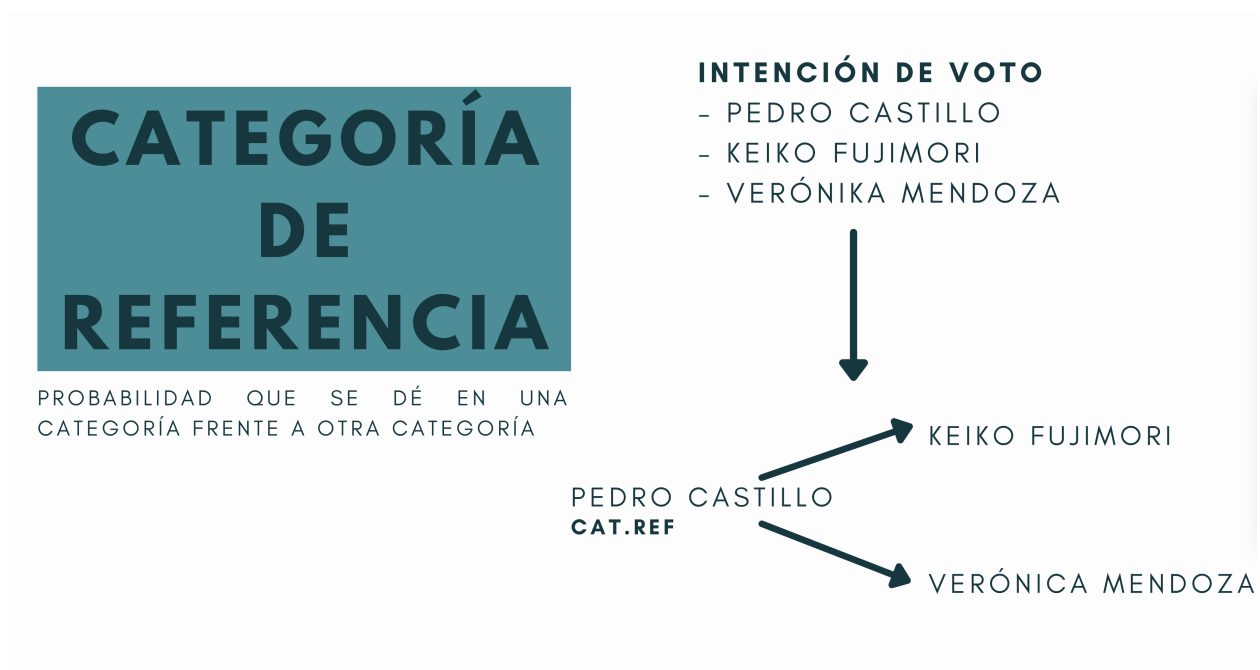
ORDINAL

VD: Ordinal

ECUACIÓN

$$\frac{p_1}{p_3} = \frac{\exp(\beta_{01} + (\beta_1 * X_1) + (\beta_2 * X_2) \dots)}{1 + \exp(\beta_{01} + (\beta_1 * X_1) + (\beta_2 * X_2) \dots)}$$

$$\frac{p_2}{p_3} = \frac{\exp(\beta_{02} + (\beta_1 * X_1) + (\beta_2 * X_2) \dots)}{1 + \exp(\beta_{02} + (\beta_1 * X_1) + (\beta_2 * X_2) \dots)}$$



Pregunta de investigación:

¿Una economía liberal influye en el nivel de democracia?

Base de Datos

La base de datos a trabajar combina los datos obtenidos en el Democracy Index¹ y el Index of Economic Freedom². Lo que veremos en esta clase es la relación entre el tipo de régimen político (*democracia*, *democracia fallida* y *dictadura*) con variables económicas.

Llamamos a las librerías

```
library(rio)
library(car)
library(nnet)
library(DescTools)
library(RVAideMemoire)
library(marginaleffects)
library(tidyverse)
```

Exploremos la data:

```
demofree <- import("https://github.com/schrodingercase/primary/raw/master/demofree.xlsx")
str(demofree) #Ver estructura de la base de datos
```

Formateo de las variables

1.1 Limpieza de data e identificación de las variables

```
demofree <- demofree %>%
  rename(regimen = `Regime type`,
         property = `Property Rights`,
```

¹https://en.wikipedia.org/wiki/Democracy_Index

²https://en.wikipedia.org/wiki/Index_of_Economic_Freedom

```
tradefree = `Trade Freedom`,
busfree = `Business Freedom`)
```

Eliminamos casos perdidos

```
demofree <- demofree[complete.cases(demofree$regimen),]
```

Comencemos con la variable dependiente:

```
demofree %>%
  group_by(regimen) %>%
  summarise (Frecuencia= n())
```

```
## # A tibble: 4 x 2
##   regimen      Frecuencia
##   <chr>         <int>
## 1 Authoritarian      52
## 2 Flawed democracy   51
## 3 Full democracy     22
## 4 Hybrid regime      33
```

Ojo con Hybrid regime y Flawed democracy

```
demofree$regimen <- recode(demofree$regimen,
                          'Full democracy' = 3,
                          'Hybrid regime' = 2,
                          'Flawed democracy' = 2,
                          'Authoritarian' = 1)
```

Confirmamos la suma

```
demofree %>%
  group_by(regimen) %>%
  summarise (FrecuenciaRecod= n())
```

```
## # A tibble: 3 x 2
##   regimen FrecuenciaRecod
##   <dbl>         <int>
## 1     1             52
## 2     2             84
## 3     3             22
```

Formateamos la variable regimen:)

```
demofree <- demofree %>%
  mutate(regimen = factor(regimen,
                          levels = c("1", "2", "3"),
                          labels = c("Dictadura", "Democracia fallida", "Democracia")))
```

```
demofree$property <- as.numeric(demofree$property)
demofree$tradefree <- as.numeric(demofree$tradefree)
demofree$busfree <- as.numeric(demofree$busfree)
```

1.2. Elegir la línea base

La línea de base o baseline sirve para tener una referencia al interpretar los resultados del modelo. En este caso nuestra dependiente fue recodificada en “Democracia”, “Democracia fallida”, “Dictadura”. Entonces, “Democracia fallida” al estar en el medio es nuestra baseline.

Verificamos qué ha considerado R

```
contrasts(demofree$regimen)
```

```
##               Democracia fallida Democracia
## Dictadura           0           0
## Democracia fallida   1           0
## Democracia           0           1
```

Con el siguiente comando establecemos la categoría de referencia. en *ref* mencionamos cómo se llama esta categoría, por eso es importante tener bien etiquetadas las variables.

```
demofree$regimen <- relevel(demofree$regimen , ref = "Democracia fallida")
```

Modelo 1

- Variable dependiente= Regimen Político **regimen**
- Variable independiente= Trade Freedom **tradefree** (Libertad de comercio) y Property Rights **property** (Derecho a la propiedad privada)

Paso 1: Preparar la data

confirmamos que nuestras variables estén en el formato adecuado (numérico)

```
str(demofree$tradefree)
```

```
##  num [1:158] 66 88.4 66.2 66.2 69.2 80.6 88.2 86.4 74.6 79.4 ...
```

```
str(demofree$property)
```

```
##  num [1:158] 48.3 57.1 37.9 36.9 50.5 60.7 82.8 87.3 67.1 70.6 ...
```

Paso 2: Modelo logístico

2.1 Realizar modelo logístico

No olvidemos cual es nuestra línea de base para la interpretación.

```
mod1 <- multinom(regimen ~ property + tradefree, data = demofree)
```

```
## # weights:  12 (6 variable)
## initial  value 173.580742
## iter   10 value 106.123891
## iter   20 value 105.309757
## final   value 105.300936
## converged
```

```
summary(mod1)
```

```
## Call:
## multinom(formula = regimen ~ property + tradefree, data = demofree)
##
## Coefficients:
##              (Intercept)    property    tradefree
## Dictadura      6.015109 -0.02654594 -0.07105396
## Democracia  -13.772977  0.15297576  0.01435271
##
## Std. Errors:
##              (Intercept)    property    tradefree
```

```
## Dictadura      1.403839 0.01604789 0.02271007
## Democracia     5.496404 0.03784344 0.07256821
##
## Residual Deviance: 210.6019
## AIC: 222.6019
```

2.2: Relación de las variables

Un primer paso sería ver el signo de los coeficientes para determinar la relación entre la variable independiente y la variable dependiente

Derechos de propiedad

- Coeficiente (dictadura) :-0.02654594

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye

- Coeficiente (democracia): 0.15297576

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

Libertad económica

- Coeficiente(dictadura) :-0.07105396

Si un país aumenta en un punto indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye.

- Coeficiente(democracia):0.01435271

Si un país aumenta en un punto el indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

2.3: Aplicando la ecuación

Recordamos la ecuación y realizamos un ejemplo

$$\pi_{dictadura} = \frac{e^{(6.015109 - 0.02654594 \text{property} - 0.07105396 \text{tradefree})}}{1 + e^{(6.015109 - 0.02654594 \text{property} - 0.07105396 \text{tradefree})}}$$

$$\pi_{democracia} = \frac{e^{(-13.772977 + 0.15297576 \text{property} + 0.01435271 \text{tradefree})}}{1 + e^{(-13.772977 + 0.15297576 \text{property} + 0.01435271 \text{tradefree})}}$$

Usamos los valores de 50 (property) y 60 (tradefree)

prob dictadura

```
numeDct<-exp(6.015109-0.02654594*50-0.07105396*60)
denomDct<-1+numeDct
ProbDct<-numeDct/denomDct
ProbDct
```

```
## [1] 0.6045773
```

prob democracia

```
numDemo= exp(-13.772977)*(exp(0.15297576*50)*exp(0.01435271*60))
denomDemo=1+numDemo
ProbDemo=numDemo/denomDemo
ProbDemo
```

```
## [1] 0.005152915
```

¿Probabilidad de la democracia fallida?

$$\pi_{dem_{fallida}} = 1 - \pi_{dictadura} - \pi_{democracia}$$

2.4: SIGNIFICANCIA DE LAS VARIABLES

```
#install.packages("RVAideMemoire")
library(RVAideMemoire)
```

2.3: Significancia de las variables

Se debe realizar variable por variable

```
#install.packages("RVAideMemoire")

test.multinom(mod1,property) # Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente1)
```

```
##              Coeff      SE Odds.ratio      z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.026546 0.016048      0.9738 -1.6542 0.09809
## Democracia|Democracia fallida 0.152976 0.037843      1.1653 4.0423 5.292e-05
## Democracia|Dictadura         0.179520 0.040454      1.1966 4.4377 9.095e-06
##
## Dictadura|Democracia fallida .
## Democracia|Democracia fallida ***
## Democracia|Dictadura         ***
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Para la variable property, de la dos comparaciones con nuestra categoría de referencia, la única significativa es cuando se compara democracia con democracia fallida.

```
test.multinom(mod1,tradefree)
```

```
##              Coeff      SE Odds.ratio      z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.071054 0.022710      0.93141 -3.12874 0.001756
## Democracia|Democracia fallida 0.014353 0.072568      1.01446 0.19778 0.843215
## Democracia|Dictadura         0.085393 0.074352      1.08914 1.14850 0.250764
##
## Dictadura|Democracia fallida **
## Democracia|Democracia fallida
## Democracia|Dictadura
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente2)
```

Para la variable tradefree, de la dos comparaciones con nuestra categoría de referencia, la única significativa es cuando se compara dictadura con democracia fallida.

Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales

Con los efectos marginales podemos medir la probabilidad de que ocurra cada escenario (democracia, democracia fallida o dictadura). Para la interpretación usamos el estimado.

```
avg_slopes(mod1)[,c(1,2,3)]
```

```
##
##           Group      Term Estimate
## Democracia      property  0.00958
## Democracia      tradefree  0.00141
## Democracia fallida property -0.00423
## Democracia fallida tradefree  0.00998
## Dictadura        property -0.00535
## Dictadura        tradefree -0.01139
##
## Columns: term, group, estimate
```

- Cuando en un país el índice de derecho a la propiedad incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia aumenta en promedio 0.00958.
- Cuando en un país el índice de libertad de comercio incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia aumenta en promedio 0.00141.
- Cuando en un país el índice de derecho a la propiedad incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia fallida disminuye en promedio 0.00423.
- Cuando en un país el índice de derecho a la propiedad incrementa un punto, la probabilidad de que este país presente una democracia fallida aumenta en promedio 0.00998

Paso 4: Recordando la ecuación

Usemos los siguientes valores:

- Property = 80
- Tradefree= 50

Probabilidad de que sea **dictadura**

```
Num1<-exp(6.015109-0.02654594*80-0.07105396*50)
Deno1<-1+Num1
ProbDictadura<-Num1/Deno1
ProbDictadura
```

```
## [1] 0.5838834
```

Si un país tiene 80 de índice de derecho a la propiedad y 50 de índice de libertad de comercio, tiene un 0.58 de probabilidad de ser una dictadura.

Probabilidad de que sea **democracia**

```
Num2 <- exp(-13.772977+0.15297576*80+0.01435271*50)
Deno2<-1+Num2
ProbDemo<-Num2/Deno2
ProbDemo
```



```
## [1] 0.3063412
```

Si un país tiene 80 de índice de derecho a la propiedad y 50 de índice de libertad de comercio, tiene un 0.30 de probabilidad de ser una democracia

¿Cuál es la probabilidad de que sea una **democracia fallida**?

```
1-ProbDictadura-ProbDemo
```

```
## [1] 0.1097754
```

Si un país tiene 80 de índice de derecho a la propiedad y 50 de índice de libertad de comercio, tiene un 0.11 de probabilidad de ser una democracia fallida

Modelo 2

¿Qué sucede si añadimos a nuestras variables independientes una categórica?



La libertad comercial (Business Freedom) es muchas veces reconocida como una variable indispensable en toda democracia. ****¿Cuánto afectaría al modelo?**** Vamos a crear un modelo agregando esta variable

Paso 1: Preparación de variable

Para fines prácticos, dividamos la variable en países con *poca libertad comercial* y con *mucha libertad comercial*.

```
demofree$busfree <- ifelse(demofree$busfree<=74.50, "Poca", "Mucha")
```

Corroboramos

```
demofree %>%  
  group_by(busfree) %>%  
  summarise (FrecLibCom= n())
```

```
## # A tibble: 2 x 2  
##   busfree FrecLibCom  
##   <chr>      <int>  
## 1 Mucha         40  
## 2 Poca         118
```

Volvemos “Dummy” la variable busfree Utilizamos la librería fastDummies para dicotomizar las variables, en select_columns indicamos qué variable queremos

```
library(fastDummies)  
demofree <- dummy_cols(demofree, select_columns = c("busfree"))
```

Revisamos los resultados

```
demofree %>%  
  group_by(busfree_Mucha) %>%  
  summarise (N= n())
```

```
## # A tibble: 2 x 2  
##   busfree_Mucha      N
```

```
##           <int> <int>
## 1           0   118
## 2           1    40

demofree %>%
  group_by(busfree_Poca) %>%
  summarise (N= n())

## # A tibble: 2 x 2
##   busfree_Poca     N
##         <int> <int>
## 1           0    40
## 2           1   118
```

Paso 2: Modelo logístico

```
mod2<- multinom(regimen ~ property + tradefree + busfree_Poca, data = demofree)
```

```
## # weights:  15 (8 variable)
## initial value 173.580742
## iter  10 value 106.010358
## iter  20 value 103.908845
## iter  30 value 103.901620
## final  value 103.901117
## converged
```

```
summary(mod2)
```

```
## Call:
## multinom(formula = regimen ~ property + tradefree + busfree_Poca,
##   data = demofree)
##
## Coefficients:
##           (Intercept)      property  tradefree busfree_Poca
## Dictadura      7.719501 -0.03774142 -0.07454554  -1.0531380
## Democracia  -13.207954  0.14741855  0.01448272  -0.2906452
##
## Std. Errors:
##           (Intercept)      property  tradefree busfree_Poca
## Dictadura      1.799337 0.01776684 0.02318019   0.6329986
## Democracia      5.733181 0.04076099 0.07219180   0.7317200
##
## Residual Deviance: 207.8022
## AIC: 223.8022
```

2.2. Relación de las variables

Derechos de propiedad

- Coeficiente (dictadura) :-0.03774142

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye

- Coeficiente (democracia): 0.14741855

Si un país aumenta en un punto el indicador de derechos a la propiedad, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

Libertad económica

- Coeficiente(dictadura) :-0.0745454

Si un país aumenta en un punto indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye

- Coeficiente(democracia):0.01448272

Si un país aumenta en un punto el indicador de libre comercio, la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida aumenta

Poca libertad de comercio

- Coeficiente(dictadura): -1.0531380

Cuando un país sí tiene poca libertad de comercio (es 1), la probabilidad de que sea dictadura a que sea democracia fallida disminuye.

- Coeficiente(democracia): -0.2906452

Cuando un país sí tiene poca libertad de comercio (es 1), la probabilidad de que sea democracia a que sea democracia fallida disminuye.

2.1: Significancia de las variables

```
test.multinom(mod2,property) # Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente1)
```

```
##                               Coeff          SE Odds.ratio          z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.037741 0.017767    0.96296 -2.1243 0.0336482
## Democracia|Democracia fallida 0.147419 0.040761    1.15884  3.6167 0.0002984
## Democracia|Dictadura          0.185168 0.043629    1.20342  4.2442 2.194e-05
##
## Dictadura|Democracia fallida *
## Democracia|Democracia fallida ***
## Democracia|Dictadura          ***
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
test.multinom(mod2,tradefree)
```

```
##                               Coeff          SE Odds.ratio          z Pr(>|z|)
## Dictadura|Democracia fallida -0.074546 0.023180    0.92817 -3.2159 0.0013 **
## Democracia|Democracia fallida 0.014483 0.072192    1.01459  0.2006 0.8410
## Democracia|Dictadura          0.089013 0.074139    1.09310  1.2006 0.2299
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Se coloca test.multinom(nombredelmodelo,variableindependiente2)
```

Paso 3: Interpretación de coeficientes con efectos marginales

```
avg_slopes(mod2)[,c(1,2,4)]
```

```
##
##           Group      Term Estimate
## Democracia   busfree_Poca -0.00974
## Democracia   property      0.00934
## Democracia   tradefree      0.00151
```

```
## Democracia fallida busfree_Poca 0.16931
## Democracia fallida property -0.00223
## Democracia fallida tradefree 0.01022
## Dictadura busfree_Poca -0.15957
## Dictadura property -0.00710
## Dictadura tradefree -0.01172
##
## Columns: term, group, estimate
```

Paso 4: Recordamos la ecuación

Usemos los siguientes valores:

- Property = 50
- Tradefree= 60
- Busfree= 1

Probabilidad de que sea dictadura

```
Num1<-exp(7.719501-0.037741424*50-0.07454554*60-1.0531380*1)
Deno1<-1+Num1
ProbDictadura<-Num1/Deno1
ProbDictadura
```

```
## [1] 0.5760452
```

Probabilidad de que sea *democracia*

```
Num2<- exp(-13.207954+0.14741855*50+0.01448272*60-0.2906452*1)
Deno2<-1+Num2
ProbDemo<-Num2/Deno2
ProbDemo
```

```
## [1] 0.005175098
```

Probabilidad de que sea *democracia fallida*

```
1-ProbDictadura-ProbDemo
```

```
## [1] 0.4187797
```

Comparar modelos

AIC

Debemos elegir el que arroje un menor valor. Ojo! Solo se usa para comparar modelos.

```
AIC(mod1) #GANADOR
```

```
## [1] 222.6019
```

```
AIC(mod2)
```

```
## [1] 223.8022
```

¿Predice bien mi modelo? Revisemos qué tan bien estarían categorizados mis países según mi modelo 1.

```
table(demofree$regimen)
```

```
##
```

```
## Democracia fallida Dictadura Democracia
```

```
##                84                52                22
```

```
table(demofree$regimen,predict(mod1))
```

```
##
##                Democracia fallida Dictadura Democracia
## Democracia fallida                62                15                7
## Dictadura                        21                31                0
## Democracia                        6                 0               16
```

Vemos que ha categorizado a la mayoría de países bien por cada categorías.

Esto también podemos verlo en porcentaje

```
prop.table(table(demofree$regimen,predict(mod1)),1)
```

```
##
##                Democracia fallida Dictadura Democracia
## Democracia fallida      0.73809524 0.17857143 0.08333333
## Dictadura                0.40384615 0.59615385 0.00000000
## Democracia                0.27272727 0.00000000 0.72727273
```

PSEUDO R CUADRADO

```
PseudoR2(mod1, which = c("Nagelkerke"))
```

```
## Nagelkerke
## 0.5381166
```

```
PseudoR2(mod2, which = c("Nagelkerke"))
```

```
## Nagelkerke
## 0.5491341
```

Según el Pseudo R2, los modelos tienen un nivel de ajuste muy parecido.

Cat facts

```
library("cowsay", quietly = TRUE, warn.conflicts = FALSE)
say("catfact", "cat")
```

```
##
## -----
## The oldest cat on record was Crème Puff from Austin, Texas, who lived from 1967 to August 6, 2005, t
## -----
##      \
##      \
##      \
##      | \__ / |
##      ==) ^Y^ (==
##      \   ^   /
##      )=*(
##      /       \
##      |         |
##      /| | | \
##      \| | | \
##      jgs //_// _ _ /
##           \_)
```