#### **VOI Training Camp**

# ĐỀ KHẢO SÁT ĐỘI TUYỂN TIN HỌC

Năm học 2021-2022



Ngày 13 tháng 9 năm 2022

Thời gian 180 phút (Đề thi có 2 trang)

### Tổng quan về các bài thi trong đề

TT	Tên bài	File Chương trình	File dữ liệu	File kết quả	Điểm
1	Ma trận tích	MTABLE.*	MTABLE.INP	MTABLE.OUT	7,0
2	Đi làm	G2W.*	G2W.INP	G2W.OUT	7,0
3	Số lượng lớn hơn	GREAT.*	XGREAT.INP	XGREAT.OUT	6,0

Phần mở rộng của File chương trình là PAS hoặc CPP tùy theo ngôn ngữ lập trình sử dụng là Pascal hoặc C++

### Cấu hình dịch:

G++ 4.9.2: -std=c++11 -02 -s -static -Wl,--stack,66060288 -lm -x c++

FPC 3.0.4: -02 -XS -Sg -Cs66060288

#### Viết chương trình giải các bài toán sau:

## Bài 1. Ma trận tích [MTABLE]

Cho một bảng lưới ô vuông m hàng, n cột. Các hàng đánh số 1, 2, ..., m từ trên xuống dưới, các cột đánh số 1, 2, ..., n từ trái qua phải. Ô là giao của hàng i, cột j chứa số nguyên dương  $i \times j$  (i = 1,2,...,m; j = 1,2,...,n).

**Yêu cầu:** Giả sử  $m \times n$  số của bảng được sắp xếp theo thứ tự không giảm dần. Khi đó số đứng ở vi trí k là bao nhiêu?

**Dữ liệu:** Vào từ file văn bản MTABLE.INP một dòng chứa ba số nguyên m, n, k cách nhau bằng dấu cách  $(1 \le m, n \le 5 \cdot 10^5; 1 \le k \le m \times n)$ 

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản MTABLE.OUT một số nguyên duy nhất là giá trị tìm được *Ví du:* 

MTABLE . INP	MTABLE.OUT	
2 3 4	3	

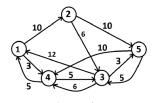
#### Ghi chú:

- Có 40% số test ứng với 40% số điểm của bài có  $m, n \le 1000$
- 60% số test còn lại không có ràng buộc bổ sung

## Bài 2. Đi làm [G2W]

Tom sống ở thành phố XYZ, hàng ngày anh thường chọn đường đi ngắn nhất từ nhà tới cơ quan và từ cơ quan về nhà. Thành phố XYZ mà Tom ở có n nút giao thông được đánh số từ 1 đến N. Nhà Tom nằm ở nút giao thông 1 còn cơ quan nằm ở nút giao thông n. Từ nút giao thông I đến nút giao thông J có không qua một đường đi một chiều độ dài  $D_{ij}$ , tất nhiên, có thể có đường đi một chiều khác đi từ nút J đến nút i. Trong thời gian tới, thành phố sẽ tổ chức nhiều sự kiện văn hóa và Tom biết rằng, khi đi làm từ nhà đến cơ quan thì có p nút sẽ bị ùn tắc là  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_p$ , còn khi đi từ cơ quan về nhà thì có q nút sẽ bị ùn tắc là  $b_1$ ,  $b_2$ ,...,  $b_q$ . Tom băn khoăn muốn biết độ dài đường ngắn nhất đi từ nhà đến cơ quan mà không đi qua các nút  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_p$  và độ dài đường ngắn nhất đi từ cơ quan về nhà mà không đi qua các nút  $b_1$ ,  $b_2$ ,...,  $b_q$  là bao nhiêu?

Ví dụ: Thành phố có 5 nút giao thông và các đường đi một chiều với độ dài tương ứng như hình bên: Giả sử nút 4 là nút bị ùn tắc khi đi từ nhà đến cơ quan, nút 2 và nút 4 là nút bị ùn tắc khi đi từ cơ quan về nhà, khi đó độ dài đường đi ngắn nhất từ nhà đến cơ quan là 19 (đường đi



 $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 5$ ; không đi qua nút 4), độ dài đường đi ngắn nhất từ cơ quan về nhà là 17 (đường đi  $5 \rightarrow 3 \rightarrow 1$ ; không đi qua nút 2 và nút 4)

**Yêu cầu**: Cho biết các đường đi một chiều và độ dài tương ứng mô tả hệ thống giao thông thành phố XYZ và các nút sẽ bị ùn tắc  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_p$ ,  $b_1$ ,  $b_2$ ,...,  $b_q$ . Hãy tìm độ dài đường đi ngắn nhất để đi từ nhà (nút giao thông 1) đến cơ quan (nút giao thông n) mà không đi qua các nút  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_p$  và từ cơ quan về nhà mà không qua các nút  $b_1$ ,  $b_2$ ,...,  $b_q$ .

Dữ liệu: Vào từ file văn bản G2W.INP

- Dòng 1: Bốn số nguyên dương n, m, p, q. $(1 \le n \le 10.000, m \le 10^5, 1 \le p, q \le n 2)$
- Dòng 2: Ghi p số nguyên  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_p 1 < a_i < n$
- Dòng 3: ghi q số nguyên  $b_1$ ,  $b_2$ ,...,  $b_q$ .  $1 < b_i < n$
- m dòng tiếp theo, mỗi dòng 3 số nguyên I, J,  $D_{ij}$  mô tả có đường đi một chiều từ I đến J có độ dài  $D_{ij}$ .0  $< D_{i,j} \le 30.000$

Kết quả: Ghi ra file văn bản G2W.OUT

Một dòng ghi 2 số nguyên cách nhau một dấu cách, số thứ nhất là độ dài đường đi ngắn nhất từ nhà đến cơ quan, số thứ 2 là độ dài ngắn nhất từ cơ quan về nhà thỏa mãn điều kiện đã nêu. Ví dụ:

G2	G2W.INP			G2W.OUT
5	11	1	2	19 17
4				
2	4			
1	2	10		
1	4	3		
2	3	6		
2	5	10		
3	1	12		
3	4	6		
3	5	3		
4	1	5		
4	3	5		
5	3	5		
5	4	10		

# Bài 3. Số lượng lớn hơn [XGREAT]

Cho dãy n số nguyên  $a_1, a_2, ..., a_n$  và m truy vấn, mỗi truy vấn có dạng một bộ ba số nguyên (i, j, x) thể hiện yêu cầu bạn phải đếm số lượng phần tử lớn hơn x trong dãy con  $a_i, a_{i+1}, ..., a_j$  **Dữ liệu:** Vào từ file văn bản XGREAT.INP

- Dòng đầu tiên ghi số nguyên dương  $n \ (1 \le n \le 3 \times 10^5)$
- Dòng thứ hai ghi n số nguyên  $a_1, a_2, ..., a_n$   $(1 \le a_i \le 10^9: i = 1 \div n)$
- Dòng thứ ba ghi số nguyên dương m ( $1 \le m \le 3 \times 10^5$ )
- m dòng cuối, mỗi dòng ghi bộ ba số nguyên i, j, x  $(1 \le i \le j \le n; 1 \le x \le 10^9)$  thể hiện một truy vấn

**Kết quả:** Ghỉ ra file văn bản XGREAT.OUT: Mỗi truy vấn in kết quả tìm được trên một dòng **Ví dụ:** 

XGREAT.INP	XGREAT.OUT			
5	2			
5 1 2 3 4	0			
3	3			
2 4 1				
4 4 4				
1 5 2				
HÊT				

Thí sinh không được hỏi linh tinh. Giảm thị không giải thích lằng nhằng!