Aula 09 Ordenação e Complexidade Algorítmica

Programação II, 2016-2017

v1.5, 18-04-2017

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação

Sumário

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Sumário

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

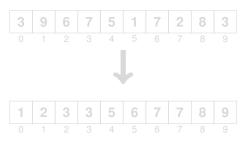
Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si;
- Essa relação de ordem pode ser

humerica, se torem numeros;
lexicográfica, se foram palavras;
cronológica, se forem datas;

A ordenação pode ser crescente ou decrescente

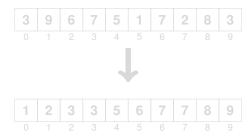
Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção Fusão *Quick Sort* Complexidade: comparação

Ordenação O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



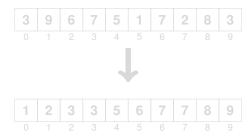
Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

Ordenação O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



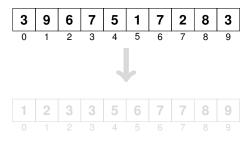
Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



Ordenação

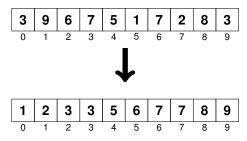
Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

Ordenação e Complexidade

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



Ordenação

Algorítmica

Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

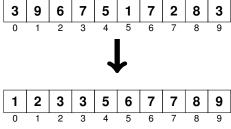
Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

Ordenação O acto de se colocar os elementos de uma sequência de

informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si:

Algorítmica:

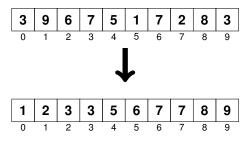
Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si;
- Essa relação de ordem pode ser:
 - numérica, se forem números
 - lexicográfica, se foram palavras;
 - cronológica, se forem datas;
 -

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

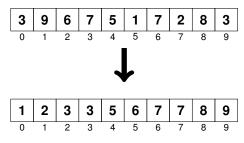
mplexidade orítmica:

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial
Bolha
Inserção

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si;
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se foram palavras;
 - cronológica, se forem datas;
 -

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

omplexidade gorítmica:

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

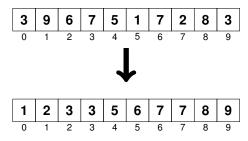
Sequencial Bolha Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade:
comparação

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si:
- Essa relação de ordem pode ser:
 - numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se foram palavras;

Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

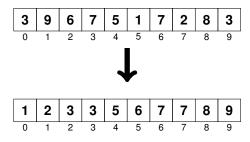
Complexidade

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



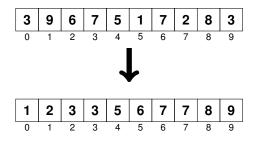
- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si;
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se foram palavras;
 - cronológica, se forem datas;

•

Ordenação

A ordenação pode ser crescente ou decrescente

O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si:
- Essa relação de ordem pode ser:
 - numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se foram palavras;
 - cronológica, se forem datas;
 -

Ordenação

Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica:

Ordenação Notação *Big-O*

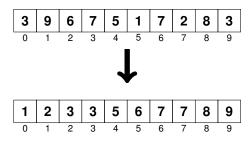
Ordenação Sequencial Bolha

Fusão

Quick Sort

Complexidade:
comparação

 O acto de se colocar os elementos de uma sequência de informações (dados) numa ordem predefinida:



- Elementos têm de estabelecer uma relação de ordem entre si;
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se foram palavras;
 - · cronológica, se forem datas;
 -

Ordenação

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort).
- · Rápida QuickSort;
- . . .

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

```
· Sequencial;
```

Sequencial Bolha

Bolha Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade

Complexidade: comparação

- · Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort;

• . .

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Sequencial

Bolha Insercão

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort

• . .

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort

• . .

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Algoritmos de Ordenação

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação

Inserção

Fusão

Complexidade:

Ordenação Notação Big-O

Sequencial Bolha

Quick Sort

comparação

Sequencial;

Tipo "bolha" (BubbleSort);

Inserção (InsertionSort);

Fusão (MergeSort);

Rápida QuickSort;

Algoritmos de Ordenação

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução
- Ordenação Notação Big-O
- Ordenação
- Sequencial Bolha
- Inserção
- Fusão Quick Sort
- Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort;
- ..

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Algoritmos de Ordenação

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução
- Ordenação Notação Big-O
- Ordenação
- Sequencial Bolha
- Inserção
- Fusão Quick Sort
- Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort;
- ..

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort;

• ..

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort;

• ..

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Sequencial;
- Tipo "bolha" (BubbleSort);
- Inserção (InsertionSort);
- Fusão (MergeSort);
- · Rápida QuickSort;

• ..

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

- Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenha a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade: comparação

- Abordagem para medir o desempenho de diferentes algoritmos/estruturas de dados em dois aspectos essenciais:
 - Tempo de execução
 - 2 Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenas a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação

- Abordagem para medir o desempenho de diferentes algoritmos/estruturas de dados em dois aspectos essenciais:
 - Tempo de execução

Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Ouick Sort Complexidade: comparação

- Abordagem para medir o desempenho de diferentes algoritmos/estruturas de dados em dois aspectos essenciais:
 - 1 Tempo de execução
 - 2 Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenas a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:

- Abordagem para medir o desempenho de diferentes algoritmos/estruturas de dados em dois aspectos essenciais:
 - 1 Tempo de execução
 - 2 Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenas a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Ouick Sort

Complexidade:

comparação

- Abordagem para medir o desempenho de diferentes algoritmos/estruturas de dados em dois aspectos essenciais:
 - 1 Tempo de execução
 - 2 Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenas a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Quick Sort
Complexidade:
comparação

Fusão

- Tempo de execução
- 2 Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenas a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Insercão

Fusão

Quick Sort

Compleyidad

Complexidade: comparação

- Abordagem para medir o desempenho de diferentes algoritmos/estruturas de dados em dois aspectos essenciais:
 - Tempo de execução
 - 2 Espaço de memória utilizado
- Tentativas para medir com exactidão estas duas facetas estão votadas ao fracasso (para além de casos muito particulares)
- Assim, faz-se uma aproximação ao problema identificando os parâmetros mais determinantes
 - No caso da ordenação de um vector (array), será a apenas a dimensão do vector
- Temos assim uma aproximação à ordem de magnitude dos recursos consumidos em função da dimensão do problema

Ordenação Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha

Quick Sort
Complexidade:
comparação

Fusão

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Parcelas constantes também não contamus
- Uma função de complexidade g(n) tembém é de h(n) se en ha partir de ha
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de ntão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção Fusão Ouick Sort Complexidade: comparação

Notação Big-O

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - · Factores multiplicativos constantes não são relevantes.

• Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$

- Parcelas constantes também não contar
- Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
- Exemplos: $O(n^2 + n^3) \approx O(n^3)$; O(n) e também $O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$
 - Parcelas constantes também não contar
 - Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majoranto passívol.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção Fusão

Complexidade:

comparação

09.6

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes n\u00e3o s\u00e3o relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$
 - · Parcelas constantes também não contam.
 - Exemplo: $O(100000 + n^2) \approx O(n^2)$
 - Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplos: $O(n^2 + n^3) \approx O(n^3)$; O(n) é também $O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes n\u00e3o s\u00e3o relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$
 - Parcelas constantes também não contam.
 - Exemplo: $O(100000 + n^2) \approx O(n^2)$
 - Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplos: $O(n^2 + n^3) \approx O(n^3)$; O(n) é também $O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção Eusão

Notação Big-O

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes n\u00e3o s\u00e3o relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$
 - · Parcelas constantes também não contam.
 - Exemplo: $O(100000 + n^2) \approx O(n^2)$
 - Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplos: $O(n^2 + n^3) \approx O(n^3)$; O(n) é também $O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidad

Complexidade: comparação

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$
 - Parcelas constantes também não contam.
 - Exemplo: $O(100000 + n^2) \approx O(n^2)$
 - Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplos: $O(n^2 + n^3) \approx O(n^3)$; O(n) é também $O(n^3)$

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n tão grandes quanto necessário, se verifica a equação: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) \approx O(n)$; $O(100000) \approx O(1)$
 - Parcelas constantes também não contam.
 - Exemplo: $O(100000 + n^2) \approx O(n^2)$
 - Uma função de complexidade g(n) também é de h(n) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplos: $O(n^2 + n^3) \approx O(n^3)$; O(n) é também $O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

• Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
(Polinomial: O(n²)

(Polinomial: O(n^p)
Exponencial: O(pⁿ)

Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil) Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

• Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
 Cúbica: O(n³)

• (Polinomial: $O(n^p)$

• Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil) Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Constante: O(1)Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
(Polinomial: O(n²)

• Exponencial: $O(p^n)$

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil) Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Ouick Sort Complexidade: comparação

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

Pseudo-linear: O(n · log(n))

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Ouick Sort Complexidade:

comparação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Ouick Sort

Complexidade: comparação

 Classes mais comuns (ordem crescente de complexidade):

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

Notação Big-O

Pseudo-linear: O(n · log(n))

Quadrática: O(n²)

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
(Polinomial: O(n²)

Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil) Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

Pseudo-linear: O(n · log(n))

 Quadrática: O(n²) Cúbica: O(n³) • (Polinomial: $O(n^p)$)

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Ouick Sort Complexidade:

comparação

• Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
(Polinomial: O(n⁰))
Exponencial: O(pⁿ)

Exponencial: O(p)Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil) Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
(Polinomial: O(n²))

Exponencial: O(pⁿ)
Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil) Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Sequencial

Bolha Inserção Fusão Ouick Sort

Complexidade: comparação

 Classes mais comuns (ordem crescente de complexidade):

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

Notação Big-O

Pseudo-linear: O(n · log(n))

 Quadrática: O(n²) Cúbica: O(n³) • (Polinomial: $O(n^p)$)

Exponencial: O(pⁿ)

Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil)

Ordenação por Selecção

 A ordenação por selecção consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, procurando e colocando o valor mínimo encontrado nessa posição.

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end)
{
  assert validSubarray(a, start, end);

  for(int i = start; i < end-1; i++)
  {
    int indexMin = searchMinimum(a, i+1, end); // minimum in [i+1;end[if (a[i] > a[indexMin]))
        swap(a, i, indexMin); // swaps values a[i] and a[indexMin]
  }

  assert isSorted(a, start, end);
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção
Isão
Ilick Sort
Implexidade:
Imparação

Ordenação por Selecção

 A ordenação por selecção consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, procurando e colocando o valor mínimo encontrado nessa posição.

```
Inserção
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Bia-O Ordenação

Sequencial Bolha

> ıção uick Sort omplexidade: mparação

Ordenação por Selecção

 A ordenação por selecção consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, procurando e colocando o valor mínimo encontrado nessa posição.

```
Inserção
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Bia-O Ordenação

Sequencial Bolha

> ıção uick Sort omplexidade: mparação

 A ordenação por selecção consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, procurando e colocando o valor mínimo encontrado nessa posição.

```
Complexidade
Algorítmica:
Introdução
Ordenação
Notação Big-O
```

Ordenação

Sequencial Bolha

```
Inserção
Isão
Vick Sort
Omplexidade:
Imparação
```

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end)
{
   assert validSubarray(a, start, end);

   for(int i = start; i < end-1; i++)
   {
      int indexMin = searchMinimum(a, i+1, end); // minimum in [i+1;end[if (a[i] > a[indexMin])
        swap(a, i, indexMin); // swaps values a[i] and a[indexMin]
   }
   assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

 O ordenação sequencial é um caso particular da ordenação por selecção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end)
{
  assert validSubarray(a, start, end);
  for(int i = start; i < end-1; i++)
    for(int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[i] > a[j])
      swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

  assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção Fusão *Quick Sort* Complexidade: comparação O ordenação sequencial é um caso particular da ordenação por selecção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end)
{
  assert validSubarray(a, start, end);
  for(int i = start; i < end-1; i++)
    for(int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[i] > a[j])
      swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

  assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção Fusão *Quick Sort* Complexidade: comparação O ordenação sequencial é um caso particular da ordenação por selecção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end)
{
  assert validSubarray(a, start, end);

  for(int i = start; i < end-1; i++)
    for(int j = i+1; j < end; j++)
        if (a[i] > a[j])
            swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

  assert isSorted(a, start, end);
}
```

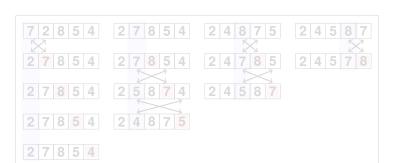
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

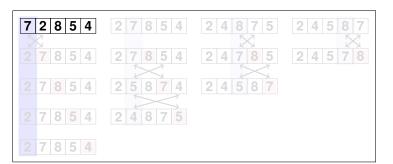
Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

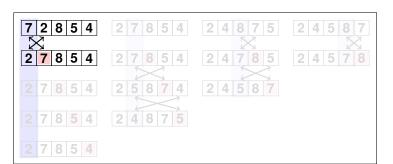
Ordenação
Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação



Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

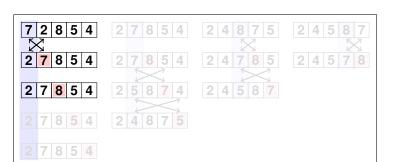
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort

Complexidade:

comparação

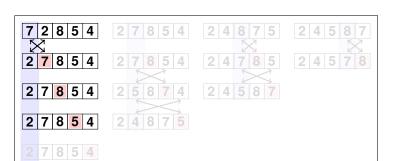


Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade:

comparação

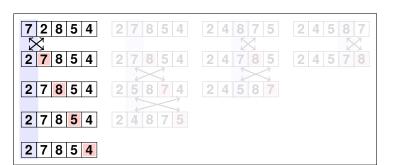


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

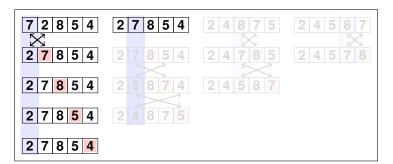
Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação



Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

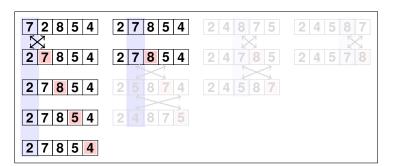


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O* Ordenação

Ordenação
Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação

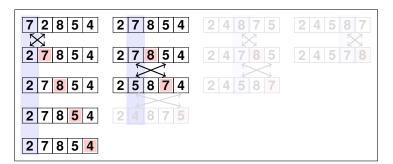


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Notação *Big-O* Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação

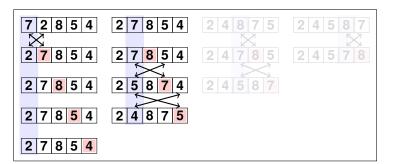


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer
 (n-1)+(n-2)+····1 comparações, ou seja
 complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

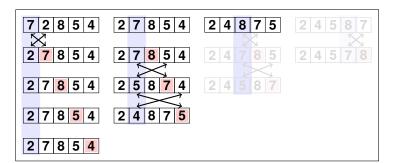


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial Bolha

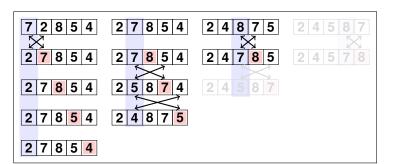


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer
 (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja
 complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial Bolha

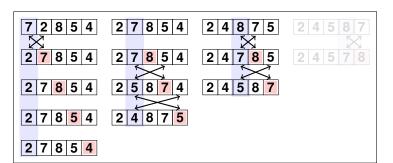


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação

Sequencial

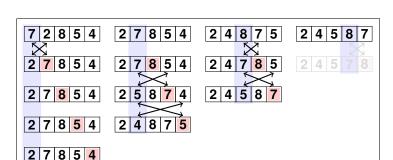


- * Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação

Sequencial

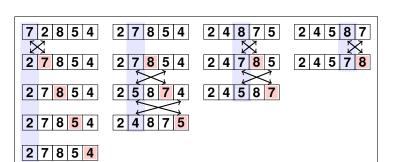


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação

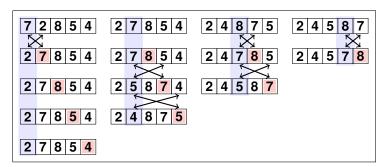
Sequencial



Ordenação

Sequencial

Ordenação e Complexidade Algorítmica



Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Big-O* Ordenação

Complexidade

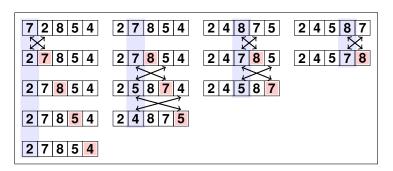
Sequencial Bolha

- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.



Ordenação Sequencial

Bolha Inserção



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer. $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

- A ordenação tipo "bolha" consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, comparando e trocando os pares de valores consecutivos sempre que não estiverem na ordem certa.
- Sempre que tiver havido pelo menos uma troca o procedimento é repetido (quando não houver lugar a trocas então, por definição, o vector está ordenado).

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial

- A ordenação tipo "bolha" consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, comparando e trocando os pares de valores consecutivos sempre que não estiverem na ordem certa.
- Sempre que tiver havido pelo menos uma troca o procedimento é repetido (quando não houver lugar a trocas então, por definição, o vector está ordenado)

Bolha Inserção

```
Ordenação "Bolha"
```

- A ordenação tipo "bolha" consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, comparando e trocando os pares de valores consecutivos sempre que não estiverem na ordem certa.
- Sempre que tiver havido pelo menos uma troca o procedimento é repetido (quando não houver lugar a trocas então, por definição, o vector está ordenado).

Ordenação

Sequencial Bolha

```
Ordenação "Bolha"
```

- A ordenação tipo "bolha" consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, comparando e trocando os pares de valores consecutivos sempre que não estiverem na ordem certa.
- Sempre que tiver havido pelo menos uma troca o procedimento é repetido (quando não houver lugar a trocas então, por definição, o vector está ordenado).

Bolha Inserção Fusão Ouick Sort Complexidade:

comparação

```
Ordenação "Bolha"
```

- A ordenação tipo "bolha" consiste em percorrer (por ordem) todos os índices do vector, comparando e trocando os pares de valores consecutivos sempre que não estiverem na ordem certa.
- Sempre que tiver havido pelo menos uma troca o procedimento é repetido (quando não houver lugar a trocas então, por definição, o vector está ordenado).

```
void bubbleSort(int[] a, int start, int end) {
  assert validSubarray(a, start, end);
  boolean swapExists;
  int f = end-1;
  do
    swapExists = false;
    for (int i = start; i < f; i++)
      if (a[i] > a[i+1]) {
        swap(a, i, i+1);
        swapExists = true;
    f--;
  while(swapExists);
  assert isSorted(a, start, end);
```

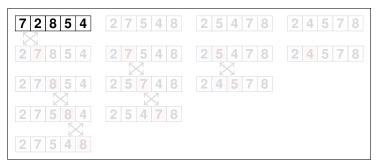


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial Bolha

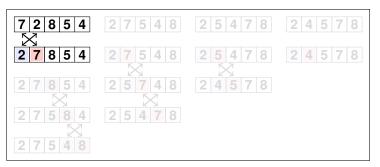


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial Bolha

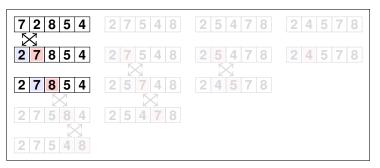


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial Bolha

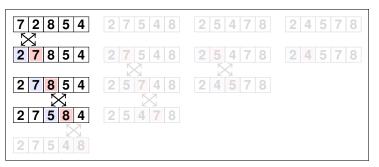


- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial



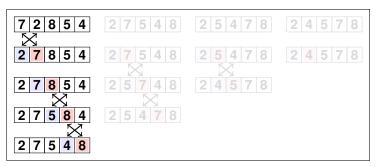
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial

Bolha



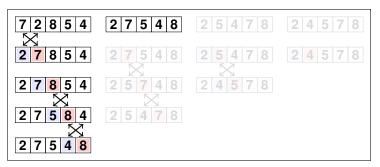
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparacões).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção



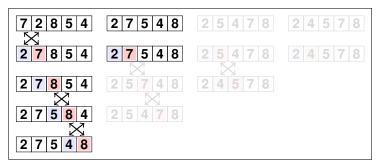
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparacões).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção



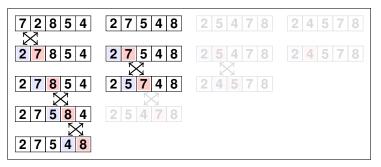
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+····1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparacões).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Bolha



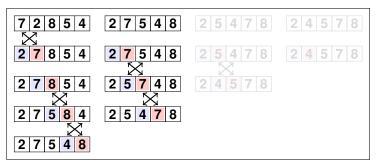
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer
 (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja
 complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção



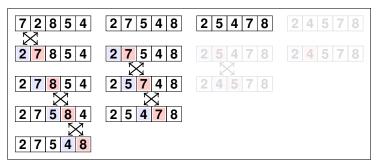
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+····1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Bolha



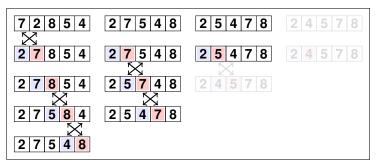
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Sequencial

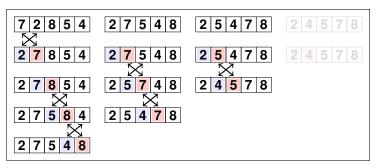


- * Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Sequencia



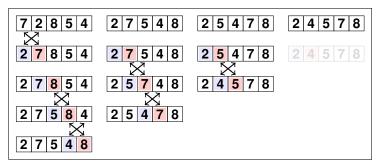
- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial

Sequencia Bolha



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

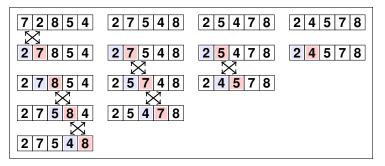
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:

comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer
 (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

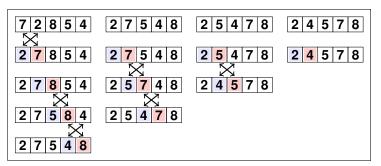
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial

Bolha

Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

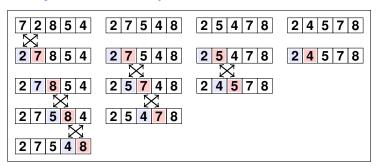
Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial

Bolha



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

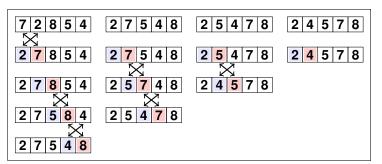
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O
Ordenação

Sequencial

Sequencia

Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

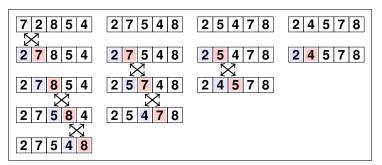
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O
Ordenação

Sequencial

Rolha

Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado (O(n) comparações).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial

Inserção Fusão

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação Bia-O

Ordenação Sequencial Bolha

Insercão



Existem duas partes no vector:

- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contem apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O
Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção Fusão

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção Fusão

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



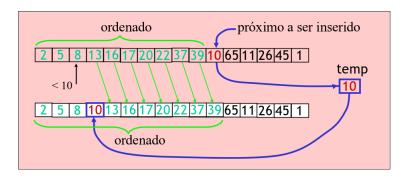
- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na sua posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento do vector.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação *Big-O* Ordenação

Sequencial Bolha

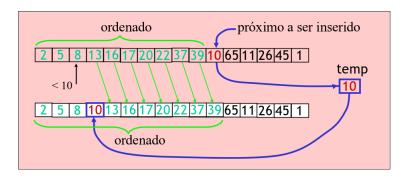
Inserção Fusão



- Complexidade Algorítmica: Introdução
- Ordenação Notação *Big-O*
- Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

- 🕕 Pega no próximo elemento (não ordenado) a ser inserido;
- Vai comparar este elemento com cada um dos elementos da parte já ordenada até encontrar um elemento que seja maior (menor -> pesq. fim);
- Desloca para a direita os restantes elementos do vector ordenado (i.e. todos os elementos maiores que o elemento a inserir);
- Insere o elemento pretendido.



- Complexidade Algorítmica: Introdução
- Ordenação Notação *Big-O*
- Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

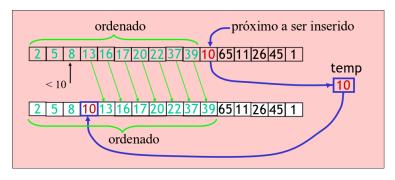
- 🕕 Pega no próximo elemento (não ordenado) a ser inserido;
- Vai comparar este elemento com cada um dos elementos da parte já ordenada até encontrar um elemento que seja maior (menor -> pesq. fim);
- Desloca para a direita os restantes elementos do vector ordenado (i.e. todos os elementos maiores que o elemento a inserir);
- Insere o elemento pretendido.

Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

- 1 Pega no próximo elemento (não ordenado) a ser inserido;
- 2 Vai comparar este elemento com cada um dos elementos da parte já ordenada até encontrar um elemento que seja maior (menor -> pesq. fim);
- ② Desloca para a direita os restantes elementos do vector ordenado (i.e. todos os elementos maiores que o elemento a inserir);
- 4 Insere o elemento pretendido.

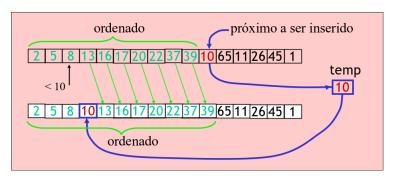


Notação *Big-O*Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

- 1 Pega no próximo elemento (não ordenado) a ser inserido;
- Vai comparar este elemento com cada um dos elementos da parte já ordenada até encontrar um elemento que seja maior (menor -> pesq. fim);
- 3 Desloca para a direita os restantes elementos do vector ordenado (i.e. todos os elementos maiores que o elemento a inserir);
- Insere o elemento pretendido.



Notação Big-O

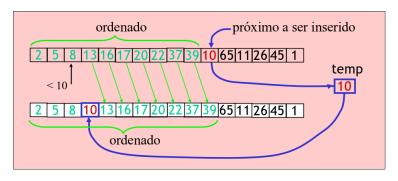
Ordenação

Seguencial

Bolha Inserção

Fusão

- 1 Pega no próximo elemento (não ordenado) a ser inserido;
- Vai comparar este elemento com cada um dos elementos da parte já ordenada até encontrar um elemento que seja maior (menor -> pesq. fim);
- 3 Desloca para a direita os restantes elementos do vector ordenado (i.e. todos os elementos maiores que o elemento a inserir);
- Insere o elemento pretendido.



Notação Big-O

Ordenação

Seguencial

Bolha Inserção

Fusão

- 1 Pega no próximo elemento (não ordenado) a ser inserido;
- Vai comparar este elemento com cada um dos elementos da parte já ordenada até encontrar um elemento que seja maior (menor -> pesq. fim);
- 3 Desloca para a direita os restantes elementos do vector ordenado (i.e. todos os elementos maiores que o elemento a inserir);
- 4 Insere o elemento pretendido.

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end)
{
   assert validSubarray(a, start, end);

   for(int i = start+1;i < end;i++)
   {
      int j;
      int v = a[i];
      for(j = i-1;j >= start && a[j] > v;j--)
        a[j+1] = a[j];
      a[j+1] = v;
   }

   assert isSorted(a, start, end);
}
```

- Uma vantagem deste algoritmo reside no facto de a procura ser sempre feita num subvector ordenado;
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end)
{
   assert validSubarray(a, start, end);
   for(int i = start+1;i < end;i++)
   {
      int j;
      int v = a[i];
      for(j = i-1;j >= start && a[j] > v;j--)
            a[j+1] = a[j];
      a[j+1] = v;
   }
   assert isSorted(a, start, end);
}
```

- Uma vantagem deste algoritmo reside no facto de a procura ser sempre feita num subvector ordenado:
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end)
{
   assert validSubarray(a, start, end);

   for(int i = start+1; i < end; i++)
   {
      int j;
      int v = a[i];
      for(j = i-1; j >= start && a[j] > v; j--)
            a[j+1] = a[j];
      a[j+1] = v;
   }

   assert isSorted(a, start, end);
}
```

- Uma vantagem deste algoritmo reside no facto de a procura ser sempre feita num subvector ordenado;
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Ordenação Notação *Bia-O*

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end)
{
   assert validSubarray(a, start, end);
   for(int i = start+1; i < end; i++)
   {
      int j;
      int v = a[i];
      for(j = i-1; j >= start && a[j] > v; j--)
            a[j+1] = a[j];
      a[j+1] = v;
   }
   assert isSorted(a, start, end);
}
```

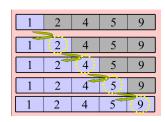
- Uma vantagem deste algoritmo reside no facto de a procura ser sempre feita num subvector ordenado;
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção

- Pior caso: vector ordenado ao contrário
- Melhor caso: vector iá ordenado



Notação *Big-O*Ordenação

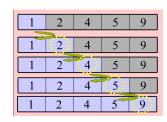
Sequencial Bolha

Inserção

- · Pior caso: vector ordenado ao contrário
 - N.º de Comparações:

$$1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) => O(n^2)$$

- Melhor caso: vector já ordenado
 - N.º de Comparações: (n-1) => O(n)



Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha

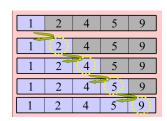
Inserção

- · Pior caso: vector ordenado ao contrário
 - N.º de Comparações:

$$1+2+\cdots+(n-2)+(n-1)=>O(n^2)$$

Melhor caso: vector já ordenado

N.º de Comparações: (n-1) => O(n)



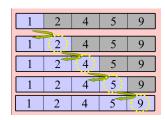
Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

- Pior caso: vector ordenado ao contrário
 - N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) => O(n^2)$
- · Melhor caso: vector já ordenado
 - N.º de Comparações: (n-1) => O(n)



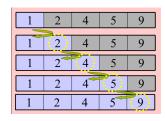
Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

Fusão Ouick Sort

- · Pior caso: vector ordenado ao contrário
 - N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) => O(n^2)$
- · Melhor caso: vector já ordenado
 - N.º de Comparações: (n-1) => O(n)

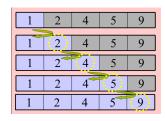


Notação Big-O
Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

- · Pior caso: vector ordenado ao contrário
 - N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) => O(n^2)$
- · Melhor caso: vector já ordenado
 - N.º de Comparações: (n-1) => O(n)



Notação Big-O
Ordenação

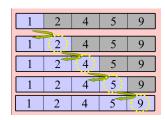
Sequencial Bolha

Inserção

- · Pior caso: vector ordenado ao contrário
 - N.º de Comparações:

$$1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) => O(n^2)$$

- Melhor caso: vector já ordenado
 - N.º de Comparações: (n-1) => O(n)



Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção

Fusão - Merge

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão

Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão

Quick Sort

Um algoritmo eficiente.

Características:

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha

Inserção Fusão

Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

· Características:

- · Recursivo;
- "Dividir para Conquistar";
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sor, recursivamente:
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
- · Caso limite: vector com um elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão

· Um algoritmo eficiente.

· Características:

- · Recursivo;
- · "Dividir para Conquistar";
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sor recursivamente:
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
- Caso limite: vector com um elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão

· Um algoritmo eficiente.

· Características:

- Recursivo;
- · "Dividir para Conquistar";
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sor, recursivamente:
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
- Caso limite: vector com um elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

Inserção

Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

· Características:

- Recursivo;
- · "Dividir para Conquistar";
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente;
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
- Caso limite: vector com um elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação Seguencial

Bolha

Inserção

Quick Sort

Um algoritmo eficiente.

Características:

- Recursivo:
- "Dividir para Conquistar";
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente:
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando. uma única lista ordenada;

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

Fusão

Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

- Características:
 - Recursivo;
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
 - Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente:
 - No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
 - Caso limite: vector com um elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução

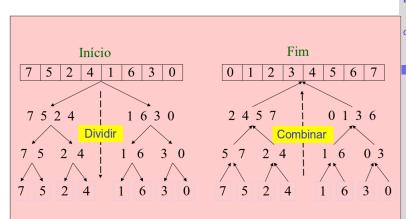
Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

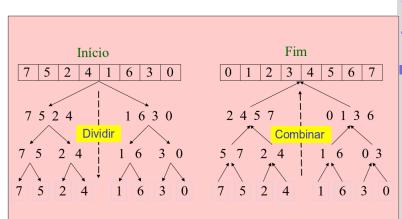
Fusão Quick Sort



Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Inserção Fusão



Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Bolha Inserção Fusão

Fusão: Implementação

Complexidade Algorítmica: ntrodução Ordenação Notação *Bio-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Insercão

Fusão

Fusão: Implementação

```
static void mergeSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
  if (end - start > 1) {
    int middle = (end + start) / 2;
   mergeSort(a, start, middle);
   mergeSort(a, middle, end);
   mergeSubarravs(a, start, middle, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static void mergeSubarrays(int[] a, int start, int middle, int end) {
  int[] b = new int[end-start];
 int i1 = start;
 int i2 = middle;
 int i = 0;
 while (i1 < middle && i2 < end) {
   if (a[i1] < a[i2])
    b[j++] = a[i1++];
   else
     b[j++] = a[i2++];
 while(i1 < middle)</pre>
   b[i++] = a[i1++];
 while (i2 < end)
   b[i++] = a[i2++];
  arraycopy(b, 0, a, start, end-start);
```

Complexidade Algoritmica: ntrodução Ordenação Notação Big-O Drdenação Sequencial Bolha Inserção Fusão Quick Sort Complexidade: comparação

Fusão: Implementação

```
static void mergeSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
  if (end - start > 1) {
    int middle = (end + start) / 2;
   mergeSort(a, start, middle);
   mergeSort(a, middle, end);
   mergeSubarravs(a, start, middle, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static void mergeSubarrays(int[] a, int start, int middle, int end) {
  int[] b = new int[end-start];
 int i1 = start;
 int i2 = middle;
 int i = 0;
 while (i1 < middle && i2 < end) {
   if (a[i1] < a[i2])
    b[j++] = a[i1++];
   else
     b[j++] = a[i2++];
 while(i1 < middle)</pre>
   b[i++] = a[i1++];
 while (i2 < end)
   b[i++] = a[i2++];
  arraycopy(b, 0, a, start, end-start);
```

Complexidade
Algoritmica:
ntrodução
Ordenação
Notação Big-O
Ordenação
Sequencial
Bolha
Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação

• Melhor Caso, Caso Médio e Pior Caso: $O(n \cdot log(n))$



Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Ouick Sort

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão



Ordenação Notação *Big-O*

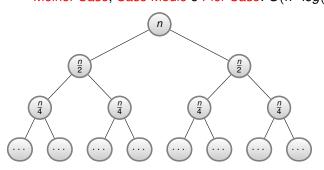
Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão



• Melhor Caso, Caso Médio e Pior Caso: $O(n \cdot log(n))$



Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação
- Notação Big-O
- Ordenação
- Sequencial
- Bolha Inserção
- Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

- Algoritmo de Ordenação Rápida
- Características

· Algoritmo de Ordenação Rápida;

- Características
 - Recursivo
 - "Dividir para Conquistar"
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva:
 - Mas neste caso

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha

Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade:

comparação

Algoritmo de Ordenação Rápida;

- Características:

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- · Características:
 - · Recursivo;
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - · Mas neste caso
 - Define um elemento de referência no vector (pivot).
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

> Complexidade: comparação

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão Quick Sort

> Complexidade: comparação

Algoritmo de Ordenação Rápida;

- · Características:
 - · Recursivo;
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso
 - Define um elemento de referência no vector (pivot)
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Algoritmo de Ordenação Rápida;

- · Características:
 - · Recursivo;
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso:
 - Define um elemento de referência no vector (pivot)
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- Características:
 - · Recursivo;
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - · Mas neste caso:
 - Define um elemento de referência no vector (pivot)
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Algoritmo de Ordenação Rápida;

- Características:
 - · Recursivo;
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso:
 - Define um elemento de referência no vector (pivot);
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- Características:
 - · Recursivo:
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva:
 - Mas neste caso:
 - Define um elemento de referência no vector (pivot);
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores;

Notação Big-O

Ordenação Sequencial

Bolha

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Algoritmo de Ordenação Rápida;

- Características:
 - · Recursivo;
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva:
 - Mas neste caso:
 - Define um elemento de referência no vector (pivot);
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores;
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.



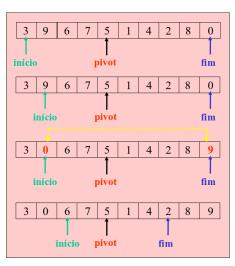
Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha

Bolha Inserção Fusão

Quick Sort

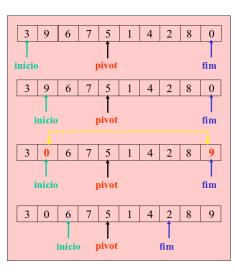
Complexidade: comparação



- Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;

 Movimentar o "firm" até encontrar um elemento menor que o pivot;

 Trocar o elemento
- Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3 encontrado no ponto 3
- (i.e. voltar ao ponto 2) a que: "inicio" > "fim"



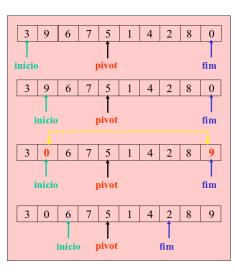
Escolher o pivot;

- Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" at encontrar um element menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3;
- Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção Fusão

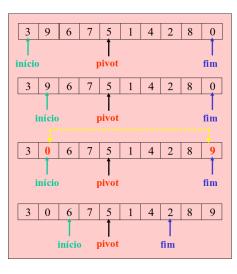


- Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um element menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3:
- Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção Fusão

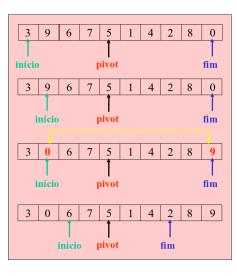


- Escolher o pivot;
- Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- 3 Movimentar o "fim" até encontrar um elemento menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3
- Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha Inserção



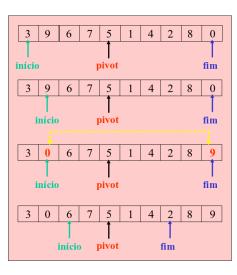
- Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um elemento menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3:
- 6 Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial

Bolha Inserção Fusão

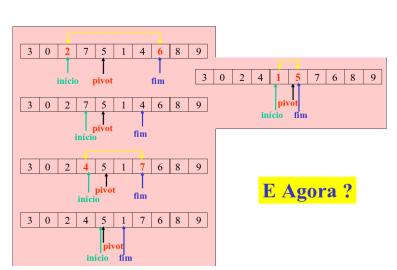


- Escolher o pivot;
- Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um elemento menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3:
- 5 Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução Ordenação

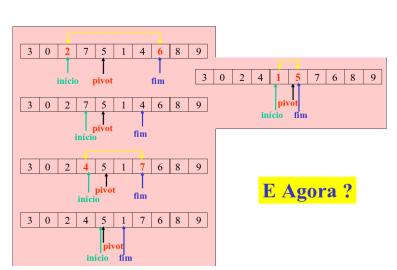
Ordenação Notação *Big-O*

Ordenação Sequencial Bolha Inserção



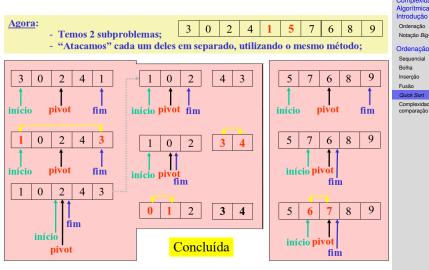
Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção



Notação Big-O

Ordenação Sequencial Bolha Inserção



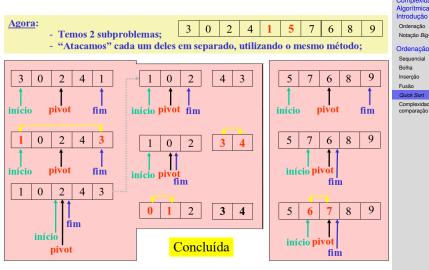
Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade:



Complexidade Algorítmica: Introdução

Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade:

Introdução Ordenação Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

QuickSort: Implementação

Sequencial

Bolha

```
QuickSort: Implementação
        static void quickSort(int[] a, int start, int end) {
          assert validSubarray(a, start, end);
          int n = end-start;
          if (n < 2) // should be higher (10)!
             sequentialSort(a, start, end);
          else {
             int posPivot = partition(a, start, end);
             quickSort(a, start, posPivot);
             if (posPivot+1 < end)</pre>
               quickSort(a, posPivot+1, end);
          assert isSorted(a, start, end);
        static int partition(int[] a, int start, int end) {
          int pivot = a[end-1];
          int i1 = start-1;
          int i2 = end-1:
          while (i1 < i2) {
            do
              i1++;
            while(a[i1] < pivot);</pre>
             do
              i2--:
            while(i2 > start && a[i2] > pivot);
            if (i1 < i2)
               swap(a, i1, i2);
           swap(a, i1, end-1);
          return i1;
```

Fusão

```
static void quickSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
 int n = end-start;
 if (n < 2) // should be higher (10)!
    sequentialSort(a, start, end);
 else {
    int posPivot = partition(a, start, end);
    quickSort(a, start, posPivot);
    if (posPivot+1 < end)</pre>
      quickSort(a, posPivot+1, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static int partition(int[] a, int start, int end) {
 int pivot = a[end-1];
 int i1 = start-1;
 int i2 = end-1:
 while (i1 < i2) {
   do
      i1++;
   while(a[i1] < pivot);</pre>
    do
     i2--:
   while(i2 > start && a[i2] > pivot);
   if (i1 < i2)
      swap(a, i1, i2);
  swap(a, i1, end-1);
 return i1;
```

QuickSort: Implementação

Ordenação

Sequencial Bolha Insercão

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

- Algoritmo muito eficiente;
- Caso Médio: O(n · log(n)
- Melhor Caso: o pivot escolhido representar um valor mediado do conjunto de elementos;
- Pior Caso: o pivot escolhido, por exemplo, representar o valor máximo do conjunto de elementos: O(n²)

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

· Algoritmo muito eficiente;

Caso Médio: O(n · log(n))

- Melhor Caso: o pivot escolhido representar um valor mediado do conjunto de elementos;
- Pior Caso: o pivot escolhido, por exemplo, representar o valor máximo do conjunto de elementos: O(n²)

Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

- · Algoritmo muito eficiente;
- Caso Médio: O(n · log(n))
- Melhor Caso: o pivot escolhido representar um valor mediado do conjunto de elementos;
- Pior Caso: o pivot escolhido, por exemplo, representar o valor máximo do conjunto de elementos: O(n²)

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

> Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

· Algoritmo muito eficiente;

Caso Médio: O(n · log(n))

- Melhor Caso: o pivot escolhido representar um valor mediado do conjunto de elementos;
- Pior Caso: o pivot escolhido, por exemplo, representar o valor máximo do conjunto de elementos: O(n²)

Ordenação

Sequencial

Bolha Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

· Algoritmo muito eficiente;

Caso Médio: O(n · log(n))

- Melhor Caso: o pivot escolhido representar um valor mediado do conjunto de elementos;
- Pior Caso: o pivot escolhido, por exemplo, representar o valor máximo do conjunto de elementos: $O(n^2)$

Complexidade: Gráficos Comparativos





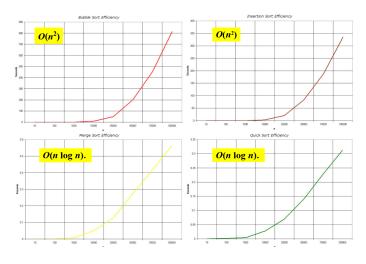
Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação



Complexidade: Gráficos Comparativos





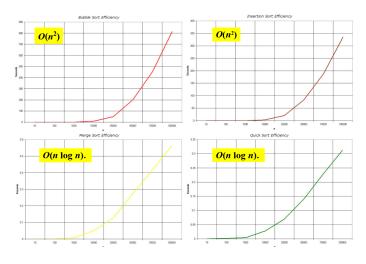
Notação Big-O

Ordenação

Sequencial Bolha Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação



Inserção Fusão Quick Sort

Complexidade:

comparação

Complexidade

- Com um número relativamente baixo de elementos, o desempenho dos diferentes algoritmos não se distingue muito bem;
- Quando o número de elementos é pequeno (n < 50) convém escolher o Bubble ou o Insertion que são muito rápidos devido à sua simplicidade;
- Quando o número de elementos aumenta, o QuickSort é aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo seguido do MergeSort¹.

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!

- Com um número relativamente baixo de elementos, o desempenho dos diferentes algoritmos não se distingue muito bem:
- Quando o número de elementos é pequeno (n < 50) convém escolher o Bubble ou o Insertion que são muito rápidos devido à sua simplicidade;
- Quando o número de elementos aumenta, o QuickSort é aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo seguido do MergeSort¹.

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!

Ordenação Sequencial Bolha Inserção

Quick Sort
Complexidade:

Complexidade: comparação

- Com um número relativamente baixo de elementos, o desempenho dos diferentes algoritmos não se distingue muito bem:
- Quando o número de elementos é pequeno (n < 50) convém escolher o Bubble ou o Insertion que são muito rápidos devido à sua simplicidade;
- Quando o número de elementos aumenta, o QuickSort é aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo seguido do MergeSort¹.

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!