2004-2005 学年第一学期复变函数与积分变换期终试卷 B

专业	班级	学号	姓名	成绩	
二 、填空	₹(10×3分)				
11. 复数 (-	$\frac{-1+i}{i}$) ³ 的三角	角表达式为			
12 1	指数 图 - 亚西上的山	女表达式为	长亚西上的曲丝	°	
				是	
14. <i>Ln</i> (-4	$(1+3i) = \underline{\hspace{1cm}}$			o	
15. $\int_0^i z \mathbf{s}$	z			°	
$16. \oint_{ z =3} \frac{1}{(z)}$	$\frac{e}{(-2)}dz = \underline{\qquad}$				
17. $\lim_{n\to\infty} \left[\frac{1}{n}\right]$	$\frac{+n}{ni}+e^{\frac{2i}{n}}$]=		_•		
18. 级数 $\sum_{n=1}^{\infty}$	$\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{2}i\right)^n (z-1)^n$	3)"的收敛圆为_		o	
19. $f(t)$	$=4e^t+3t^3+$	2的拉氏变换 F(s)=		0
20. F(s)	$=\frac{3s^3+2s^2+3}{s^2(s^2+1)}$	2 - 的拉氏逆变换 <i>j</i>	$f(t) = \underline{\hspace{1cm}}$.0
二、计算	【 (6×6分)				
1.求 ∜-	$\overline{1+i}$ 的值。				

2. 求
$$(3-i)^{1+i}$$
的值。

3.计算
$$\oint_{C=C_1+C_2} \frac{e^z}{z^3} dz$$
,其中 c_1 : $|z|=2$ 为正向, c_2 : $|z|=3$ 为负向。

4. 计算
$$\int_0^{+\infty} \frac{1-\cos t}{t} e^{-2t} dt$$

5. 求
$$f(t) = \frac{e^{-3t} \sin 2t}{t}$$
的拉氏变换。

6. 求 $F(s) = \frac{2}{3} \ln \frac{s^2 + 1}{s^2}$ 的拉氏逆变换 f(t) 。

三、在复平面上求解析函数 f(z) 使其虚部 $v(x,y) = 3x^2y - y^3 - 2y$ 。(8分)

四、将函数 $f(z) = z \sin z$ 展开为 $(z - \frac{\pi}{3})$ 的泰勒级数,并指出收敛半径。(8分)

六、求 $y'' + 2y' - 3y = e^{-t}$ 满足初始条件 y(0) = 0, y'(0) = 1 的解。(8分)