

2013—2014 学年第一学期《复变函数与积分变换》

课内考试卷(B 卷) (信息学院 2012 级)

一：填空题(共 24 分，每小题 3 分)

1. 设复数 $z = i^8 - 4i^{21} + i$ ，则 $\arg z =$ 。

2. $\operatorname{Ln}(-3+4i) =$

3. $\int_c \frac{e^{2z}}{(z-1)(z-2)(z-3)} dz =$ ，其中 $c: |z| = \frac{1}{2}$ 为正方向。

4. 级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(6+5i)^n}{8^n} z^n$ 的收敛半径是。

7. $L^{-1} \left[\frac{1}{(s-1)(s+1)} \right] =$

8. $z=i$ 是 $\frac{z}{(1+z^2)(1+e^{\pi z})}$ 的。

二：计算题(共 36 分，每小题 6 分)

1. 解方程 $\sin z = 0$ 。

2. 计算 $(-1+i)^i$ 的值。

3. 计算积分 $\oint_{|z|=2} \frac{\sin z}{(z-1)^3} dz$ 。

4. 函数 $f(z) = my^3 + nx^2y + i(x^3 + lxy^2)$ 是全平面上的解析函数，试求 l, m, n 的值。

5. 设 $f(t) = \begin{cases} \sin t, & 0 \leq t \leq \pi/2 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$, $g(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ e^t & t \geq 0, \end{cases}$ 试求 $f(t) * g(t)$ 。

6. 利用微分性质求 $F[tf(t)]$, 其中 $f(t) = \begin{cases} 0, & t < 0 \\ e^{-\beta t}, & t \geq 0 \end{cases}, \beta > 0$.

三: 解答题(每小题,10 分, 共 40 分)

1. 求 $f(t) = t \int_0^t e^{-3t} \sin 2t dt$ 的拉氏变换及 $F(s) = \frac{2s+1}{s(s+1)(s+2)}$ 的拉氏逆变换。

2. 将函数 $f(z) = \frac{1}{(z-1)(z+1)}$ 分别在区域 (i) $0 < |z-1| < 2$ 和 (ii) $|z-1| > 2$ 内展成洛朗级数。

3. 已知 $v = \arctan \frac{y}{x}, x > 0$, 求 u 使得 $f(z) = u + iv$ 是解析函数

4. 求方程 $y'' - 2y' + y = 0$ 满足初始条件 $y|_{x=0} = 0, y(1) = 2$ 的特解。