UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

Introdução ao Cálculo

Proposição "Se A, então B"

15 de Junho de 2016

- (1) Classifique as proposições abaixo como verdadeiras ou falsas. Justifique sua resposta.
 - a) Se m é um inteiro ímpar, então $m=2k^2+1$, para algum número inteiro k.

Solução: Basta tomar m=5 que só pode ser escrito como $m=2\times 2+1=2k^2+1$, sendo $k^2=2$ e, assim, $k=\sqrt{2}$ ou $k=-\sqrt{2}$ que não é inteiro. Então m=5 é um contra-exemplo para a proposição, sendo ela, portanto, falsa.

b) Se m é um inteiro múltiplo de 9, então m é um inteiro múltiplo de 3.

Solução: m é um inteiro múltiplo de $9 \Rightarrow m = 9 \times a$, para algum $a \in \mathbb{Z} \Rightarrow m = 3 \times (3 \times a) = 3 \times b$, para $b = 3 \times a \in \mathbb{Z} \Rightarrow m$ é múltiplo de 3.

c) Se a e b são inteiros pares, então a soma a + b é um inteiro par.

Solução: $a \in b$ são inteiros pares $\Rightarrow a = 2k_1$

d) Se a e b são inteiros ímpares, então a soma a + b é um inteiro ímpar.

Solução:

e) Se o produto de dois inteiros m e n é impar, então m é impar ou n é impar.

Solução

f) Se x e y são inteiros tais que x>100 e y>2, então $\frac{x}{y}>50$.

Solução:

c) Se $x^2 - 4x + 4 = 0$, então x = 2 ou x = 0.

Solução:

- (2) Em quais das proposições acima as recíprocas são verdadeiras?
- (3) Considere a seguinte proposição: Se $\frac{2x+1}{x-1} > 1$, então x > -2.
 - a) x = -1 é um exemplo para a proposição?
 - b) x = -1 é um contra-exemplo para a proposição?
 - c) x = -3 é um contra-exemplo para a proposição?
 - d) x = -4 é um exemplo para a proposição?
 - e) x=2 é um exemplo para a proposição?
 - f) A proposição é falsa ou verdadeira?

Gabarito

- (1) a) Falsa.
 - b) Verdadeira.
 - c) Verdadeira.
 - d) Falsa.
 - e) Verdadeira.
 - f) Falsa. Basta tomar x = 120 > 100 e y = 3 > 2; assim, $\frac{x}{y} = \frac{120}{3} = 40 < 50$.
 - g) Verdadeira. x=2 é solução da equação.
- (2) a) e g).
- (3) a) Não.
 - b) Não.
 - c) Sim.
 - d) Não.
 - e) Sim.
 - f) Não, pois existe um contra-exemplo.