## **EXERCÍCIOS**

**43.** Divide-se o ciclo em 12 partes iguais, utilizando-se A como um dos pontos divisores. Determine o conjunto dos x ( $x \in [0, 2\pi[)$  cujas imagens são os pontos divisores.

## Solução

Notando que cada parte mede  $\frac{1}{12} \cdot 2\pi = \frac{\pi}{6}$  e que P é a imagem de x quando  $\widehat{AP} = x$ , podemos construir a seguinte tabela:

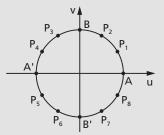


imagem	de x A	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	В	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	A'	P <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	B'	P <sub>7</sub>	P <sub>8</sub>
х	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	<u>5π</u>	π	$\frac{7\pi}{6}$	$\frac{4\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{2}$	$\frac{5\pi}{3}$	$\frac{11\pi}{6}$

- **44.** Divide-se o ciclo em 8 partes iguais, utilizando-se A como um dos pontos divisores. Determine o conjunto dos x ( $x \in [0, 2\pi[)$  cujas imagens são os pontos divisores.
- **45.** Desenhe e indique no ciclo trigonométrico a imagem de cada um dos seguintes números:

a) 
$$\frac{3\pi}{4}$$

c) 
$$\frac{5\pi}{6}$$

e) 
$$\frac{12\pi}{8}$$

b) 
$$\frac{5\pi}{4}$$

d) 
$$\frac{\pi}{8}$$

f) 
$$\frac{15\pi}{8}$$

## Solução

a) 
$$\frac{3\pi}{4} = \frac{3}{8} \cdot 2\pi$$

Marcamos, a partir de A, um percurso  $\widehat{AP}$  igual a  $\frac{3}{8}$  do ciclo, no sentido antihorário.

A imagem de  $\frac{3\pi}{4}$  é P.

