

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Prof^a. Karla Lima

Análise II

31 de Agosto de 2018

- (1) Seja $f(x) = \begin{cases} \frac{\text{sen}x}{x}, & \text{se } x \neq 0 \\ a, & \text{se } x = 0 \end{cases}$ onde a é uma constante. É possível tomarmos a tal que f seja contínua em todos os pontos? Em caso afirmativo, qual deve ser o valor de a?
- (2) Mostre que a função $g(x) = \begin{cases} x^4 \operatorname{sen}(1/x), & \text{se} \quad x \neq 0 \\ 0, & \text{se} \quad x = 0 \end{cases}$ é contínua em x = 0.
- (3) Complete a demonstração do Teorema 11.
- (4) Mostre que se f for contínua em [a,b] e f(x) > 0, para todo $x \in [a,b]$, então 1/f é limitada em [a,b].

Dica: Pelo Teorema do Valor Extremo (11), f atinge o seu mínimo m em [a,b], portanto $f(x) \ge m > 0$, em [a,b].