

Elementos de Aritmética

Lista de Exercícios:

1. Conjuntos.
 2. Conjuntos Numéricos: Os Naturais.
 3. Múltiplos. Potências.
-

Profa. Karla Lima
FACET/UFGD

1 Conjuntos

Exercício 1 *Sejam A e B subconjuntos de U . Utilize diagramas de Venn para explicar porque as seguintes identidades, conhecidas como **Leis de De Morgan**, são verdadeiras:*

a) $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$.

b) $(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$.

Exercício 2 *Dados dois conjuntos não vazios A e B , se ocorrer $A \cup B = A$, podemos afirmar que:*

a) $A \subset B$.

b) Isso nunca pode ocorrer.

c) B é um subconjunto de A .

d) D é um conjunto unitário.

e) A é um subconjunto de B .

Exercício 3 *Se A e B são subconjuntos não vazios de U , verifique quais das afirmações a seguir são verdadeiras:*

a) $(A - B)^c \cap (B \cup A^c)^c = \emptyset$.

b) $(A - B^c)^c = B - A^c$.

c) $[(A^c - B) \cap (B - A)]^c = A$.

2 Conjuntos Numéricos: Os Naturais

Exercício 4 *Usando a propriedade distributiva, calcule o produto 62×35 .*

Exercício 5 *Usando a propriedade distributiva, calcule o produto $2(20 + 15)$.*

Exercício 6 *A e B são locadoras de automóveis. A cobra R\$ 1,00 por quilômetro rodado mais uma taxa de R\$ 100,00 fixa. B cobra R\$ 0,80 mais uma taxa de R\$ 200,00. Discuta a vantagem de alugar um carro em A ou em B .*

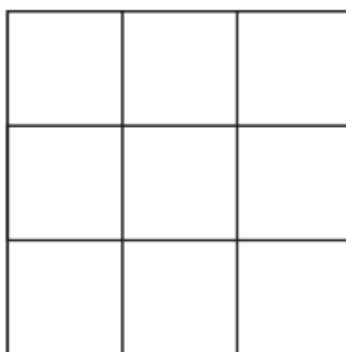
Exercício 7 *Num encontro entre 8 amigos, cada um troca um aperto de mão com todos os outros. Quantos apertos de mão terão ao todo?*

Exercício 8 Um camponês colheu 90 maçãs e as distribuiu entre suas três filhas. Maria, a mais velha, recebeu 50 maçãs; Clara, a do meio, recebeu 30 e Lúcia, a mais nova, ficou com as restantes. O pai determinou que elas vendessem todas as maçãs e ainda que, se Maria vendesse 7 maçãs por um real, as outras deveriam vender também pelo mesmo preço, isto é, 7 maçãs por um real; se Maria resolvesse vender a 30 centavos cada uma, seria esse o preço pelo qual Clara e Lúcia deveriam vender suas maçãs. Além disso, o negócio deveria ser feito de modo que todas as três obtivessem, no final das vendas, a mesma quantia. Como as irmãs podem fazer a venda das maçãs para atender às determinações do pai?

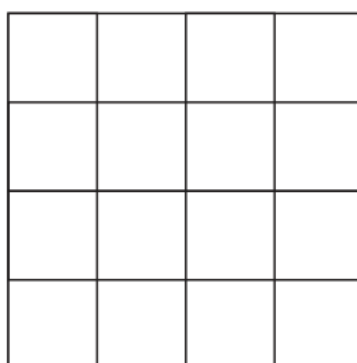
Dica: Comece com a sugestão de preço inicial do pai.

Exercício 9 Os diagramas abaixo são chamados de quadrados mágicos. Eles devem ser preenchidos de modo que, em cada linha, coluna ou diagonal, a soma seja sempre a mesma.

- a) Esse primeiro quadrado 3x3 deve ser preenchido com os números de 1 a 9. Veja se consegue e descubra qual é sua soma mágica:



- b) Achou fácil? Tente agora com o quadrado mágico abaixo que deve ser preenchido com os números de 1 a 16. Note que não há repetição de números.



3 Múltiplos. Potências.

Exercício 10 *Ao escrevermos todos os números naturais de 40 até 1200, quantos algarismos utilizamos?*

Exercício 11 *Se n é um número inteiro qualquer, qual das expressões abaixo resulta num número ímpar?*

a) $n^2 - n + 2$

c) $n^2 + n + 5$

e) $n^3 + 5$

b) $n^2 + n + 2$

d) $n^2 + 5$

Exercício 12 *Quanto é o dobro de 24 mais o triplo de 13 menos o quádruplo de 15?*

Exercício 13 *Usando propriedades das operações entre números naturais, calcule quanto é $99 + 999 + 9999$?*

Exercício 14 *Marina, ao comprar uma blusa de R\$17,00, enganou-se e deu ao vendedor uma nota de R\$10,00 e outra de R\$50,00. O vendedor, distraído, deu o troco como se Marina lhe tivesse dado duas notas de R\$ 10,00. Qual foi o prejuízo de Marina?*

Exercício 15 *Na adição de termos iguais $2023^{2023} + 2023^{2023} + \dots + 2023^{2023} = 2023^{2024}$, escrita de forma simplificada, foram escritos muitos sinais de adição (+). Quantos foram escritos?*

Exercício 16 *Colocando sinais de adição entre alguns dos algarismos do número 123456789 podemos obter várias somas. Por exemplo, podemos obter 279 com quatro sinais de adição: $123 + 4 + 56 + 7 + 89 = 279$. Quantos sinais de adição são necessários para que se obtenha assim o número 54?*

Exercício 17 *Representamos por $n!$ o produto de todos os inteiros naturais de 1 a n . Por exemplo, $5! = 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$. Calculando a soma $1! + 2! + 3! + 4! + \dots + 2010! + 2011!$, qual é o algarismo das unidades do resultado obtido?*