FACET
Faculdade de Ciências Exatas e Tecnologias

Geometria Plana

Lista de Exercícios:

1. Ponto, reta e plano. 2. Ângulos.

Profa. Karla Lima
FACET/UFGD

1 Ponto, reta e plano

1.1 Exercícios de Fixação [2] e [1]

Exercício 1 *Leia o texto História da Geometria, da profª Lhaylla Crissaff (UFF).*

Exercício 2 *Classifique em verdadeiro (V) ou falso (F), justificando a sua resposta:*

a) *Três pontos distintos são sempre colineares.*

b) *Três pontos distintos são sempre coplanares.*

c) *Quatro pontos todos distintos determinam duas retas.*

d) *Por quatro pontos todos distintos pode passar uma só reta.*

e) *Três pontos pertencentes a um plano são sempre colineares.*

Exercício 3 *Classifique em verdadeiro (V) ou falso (F), justificando a sua resposta:*

a) *Por um ponto passam infinitas retas.*

b) *Por dois pontos distintos passa uma reta.*

c) *Uma reta contém dois pontos distintos.*

d) *Dois pontos distintos determinam uma e uma só reta.*

e) *Por três pontos dados passa uma só reta.*

Exercício 4 *Classifique em verdadeiro (V) ou falso (F), justificando a sua resposta:*

a) *Quaisquer que sejam os pontos A e B, se A é distinto de B, então existe uma reta a tal que $A \in a$ e $B \in a$.*

b) *Quaisquer que sejam os pontos P e Q e as retas r e s, se P é distinto de Q, e P e Q pertencem às retas r e s, então $r = s$.*

c) *Qualquer que seja uma reta r, existem dois pontos A e B tais que A é distinto de B, com $A \in r$ e $B \in r$.*

d) *Se $A = B$, existe uma reta r tal que $A, B \in r$.*

Exercício 5 *Usando quatro pontos todos distintos, sendo três deles colineares, quantas retas podemos construir?*

Exercício 6 *Classifique em verdadeiro (V) ou falso (F), justificando a sua resposta:*

a) *Duas retas distintas que têm um ponto comum são concorrentes.*

b) *Duas retas concorrentes têm um ponto comum.*

c) *Se duas retas distintas têm um ponto comum, então elas possuem um único ponto comum.*

Exercício 7 *Demonstre os teoremas da Aula 01:*

1. *Duas retas distintas ou não intersectam-se ou intersectam-se em um único ponto.*

2. *Para todo ponto P, existem pelo menos duas retas distintas passando por P.*

3. *Para todo ponto P existe pelo menos uma reta r que não passa por P.*

4. *Se duas retas são concorrentes, então existe um único plano que as contém.*

2 Ângulos

Exercício 8 *Se a interseção de duas regiões convexas de um plano não for o conjunto vazio, prove que ela também é uma região convexa.*

Exercício 9 *Calcule a medida de um ângulo que, somado ao triplo do seu complemento, dá* $210°$ *como resultado.*

Exercício 10 *Calcule as medidas de dois ângulos complementares, sabendo que o complemento do dobro de um deles é igual à terça parte do outro.*

Exercício 11 *Se duas retas se intersectam, prove que um dos ângulos por elas formados é igual a* $90°$ *se, e só se, os quatro ângulos o forem.*

Exercício 12 *A terça parte da soma entre dois ângulos vale* $72°$. *Determiná-los, sabendo-se que um deles é o quíntuplo do outro.*

Exercício 13 *O complemento de um ângulo x está para seu suplemento, assim como* 4 *está para* 19. *Calcular esse ângulo.*

Exercício 14 *Em torno de um ponto, e num mesmo semiplano, constroem-se quatro ângulos consecutivos. Sabendo-se que cada um deles é igual ao dobro do anterior, achar esses ângulos.*

Exercício 15 *Prove que a reta perpendicular à bissetriz de um ângulo, traçada pelo vértice do mesmo, forma ângulos congruentes com os lados do ângulo.*

Exercício 16 *Mostre que as bissetrizes de um ângulo e do seu suplemento são perpendiculares.*

GABARITO

9. $30°$

10. $54°$ e $36°$

12. $36°$ e $180°$

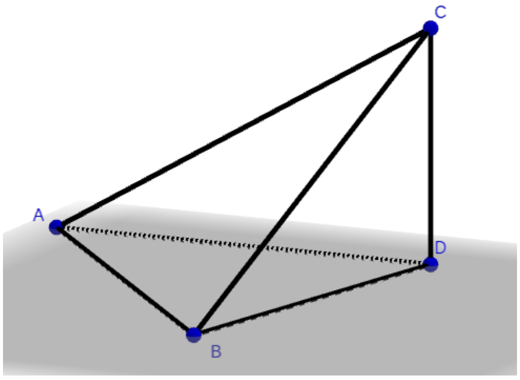
13. $66°$.

14. $12°$, $24°$, $48°$, $96°$.

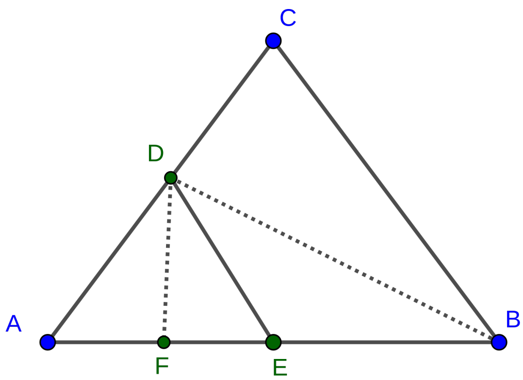
3 Triângulos

Exercício 17 *Na figura abaixo,* $\overline{CD} \perp \overline{AD}$, $\overline{CD} \perp \overline{BD}$ *e* $AD = BD$.

Demonstre que o $\triangle ABC$ *é isósceles.*

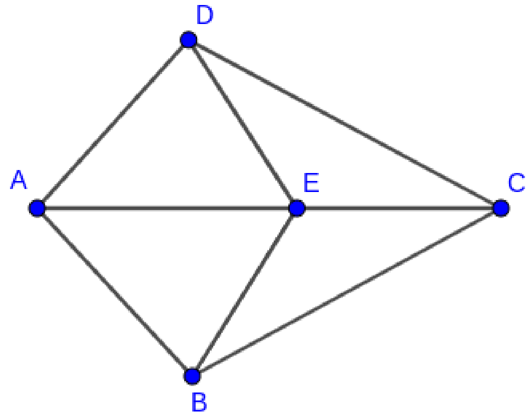


Exercício 18 *No triângulo isósceles* ABC *abaixo, a bissetriz do ângulo* $\hat{B}$ *intercepta o lado oposto em* D. E *é um ponto da base* $\overline{AB}$ *tal que* $ED = EA$. $\overline{DF}$ *bisseca o ângulo* $A\hat{D}E$. *Demonstre que* $E\hat{D}F = C\hat{B}D$.

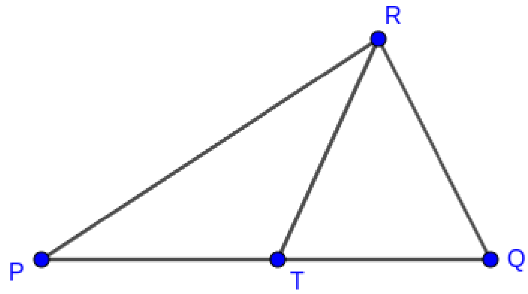


Exercício 19 *Demonstre que todo ponto da bissetriz de um ângulo equidista dos lados do mesmo.*

Exercício 20 *Se $DC = BC$ e $DE = BE$, demonstre que $AD = AB$, sabendo-se que os pontos A, E e C são colineares.*

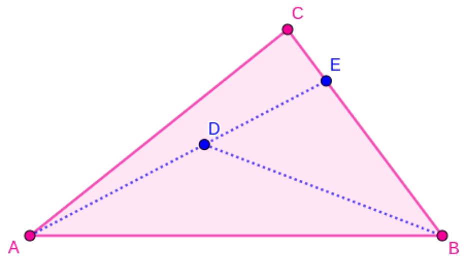


Exercício 21 *Na figura abaixo, $PT = TR = RQ$. Demonstre que $PR > RQ$.*



Exercício 22 *Mostre que não é possível construir um triângulo de lados 4 cm, 5 cm e 10 cm.*

Exercício 23 *Na figura abaixo, provar que $A\hat{D}B > \hat{C}$.*



Exercício 24 *Por que ALL ou LLA não é caso de congruência entre triângulos?*

Exercício 25 *Prove que se dois segmentos se bissecam em um ângulo reto, então os segmentos que unem seus extremos são congruentes.*

Exercício 26 *Demonstre que as mediatrizes dos lados de um triângulo concorrem em um mesmo ponto, equidistante dos três vértices, denominado* ***circuncentro****.*

Exercício 27 *Demonstre que as bissetrizes internas dos ângulos de um triângulo concorrem em um mesmo ponto, equidistante dos três lados, denominado* ***incentro****.*

Referências

[1] Osvaldo D. e José N. P. *Fundamentos de Matemática Elementar: Geometria Plana*. Ed. Atual, 2013. URL: https://drive.google.com/file/d/1kRA28sOHglbFZQHVMiRq_JXzKiIpKA57/view?usp=sharing.

[2] Eliane Q. F. R e Maria L. B. Q. *Geometria Plana e contruções geométricas*. Ed. UNICAMP, 2018. URL: https://drive.google.com/file/d/14eeFiaaKIFDllthpz-GWTMroZfbsr32h/view?usp=sharing.