

# Geometria Plana

Lista de Exercícios: P2

Polígonos
Quadriláteros
Áreas de figuras planas: triângulos e quadriláteros
Semelhança
Relações Métricas nos Triângulos
Circunferências

Profa. Karla Lima FACET/UFGD

### 1 Polígonos

Exercício 1 Calcule o número de lados de um polígono cuja soma dos ângulos internos vale 1440°.

Exercício 2 Quantos lados tem um polígono regular cujo ângulo externo vale 36°?

Exercício 3 Um polígono tem 5 lados a mais que outro e a diferença entre os números de diagonais distintas de cada um deles é de 80. Calcular o número de lados de cada polígono.

#### Gabarito

- 1. 10
- 2. 10
- 3. 15 e 20.

### 2 Quadriláteros

Exercício 4 Num quadrilátero ABCD, o ângulo vale  $160^{\circ}$ . Calcular o ângulo Ĉ, sabendo-se que os vértices B, C e D são equidistantes do vértice A.

Exercício 5 Num paralelogramo ABCD, tem-se:

- a) o perímetro (soma dos comprimentos de todos os lados) vale 42;
- b) o ângulo  $\hat{A}$  mede 120°;
- c) a bissetriz do ângulo D passa pelo ponto médio M do lado  $\overline{AB}$ .

Calcule o lado maior do paralelogramo dado e os ângulos do triângulo CMD.

Exercício 6 Dado um quadrado ABCD, considere o triângulo equilátero ABM, interno ao quadrado. Unindo-se o ponto M ao vértice C, calcule o ângulo BMC.

Exercício 7 Seja P um ponto da base de um triângulo isósceles, distinto de seus extremos. De P, traçam-se retas paralelas aos lados congruentes. Prove que o perímetro do paralelogramo formado é igual à soma das medidas dos lados congruentes do triângulo.

**Exercício 8** Num trapézio retângulo ABCD, os ângulos  $\hat{A}$  e  $\hat{D}$  são retos. As bissetrizes dos ângulos  $\hat{A}$  e  $\hat{B}$  formam o ângulo A $\hat{M}B$  que vale 87°30′. Calcule os ângulos  $\hat{B}$  e  $\hat{C}$ .

Exercício 9 Num trapézio isósceles ABCD, a base menor  $\overline{AB}$ , mede 5 e a diagonal  $\overline{DB}$  é perpendicular ao lado não paralelo  $\overline{BC}$ . Calcule o perímetro desse trapézio, sabendo-se que a soma dos ângulos obtusos é o dobro da soma dos ângulos agudos.

#### Gabarito

- 4. 100°
- 5. Comprimento do Maior Lado: 14. Ângulos: 30°, 60° e 90°.
- 6.  $75^{\circ}$ .
- 7.
- 8.  $95^{\circ} e 85^{\circ}$ .
- 9. 25.

# 3 Área de Polígonos

Exercício 10 A base de um triângulo é o dobro da altura e sua área mede 289. Calcule a base e a altura desse triângulo.

Exercício 11 Mostre que qualquer mediana de um triângulo divide-o em dois triângulos de mesma área.

Exercício 12 A área de um hexágono regular é  $162\sqrt{3}$ . Calcule a área do polígono estrelado que se obtém prolongando dois a dois os lados desse hexágono.

#### Gabarito

- 10. b = 34 e h = 17.
- 11.
- 12.  $324\sqrt{3}$ .

### 4 Semelhança

**Exercício 13** Um feixe de retas paralelas determina sobre duas transversais os pontos A, B, C, D e E, F, G, H, respectivamente. Conhecem-se: AB = 2 cm, BC = 3 cm, CD = 4 cm e EF = 3 cm. Calcule as medidas dos segmentos  $\overline{FG}$  e  $\overline{GH}$ .

Exercício 14 Num trapézio ABCD, uma paralela às bases divide o lado não paralelo  $\overline{AD}$  em dois segmentos cuja razão entre suas medidas é 2/3. Calcule as medidas dos segmentos determinados sobre o outro lado não paralelo, sabendo-se que  $BC = 30 \, \mathrm{cm}$ .

Exercício 15 a) Prove o Teorema da Bissetriz Interna.

b) Os lados de um triângulo ABC medem: AB = 10 cm, AC = 20 cm e BC = 27 cm. Calcule as medidas dos segmentos determinados sobre o lado oposto ao maior ângulo do triângulo, formados pela bissetriz do mesmo.

Exercício 16 Num triângulo ABC, seus lados medem:  $AB = 4 \, cm$ ,  $AC = 12 \, cm$  e  $BC = 15 \, cm$ . Pelo ponto M, tomado sobre o lado  $\overline{BC}$ , tal que  $BM = 3 \, cm$ , traçam-se as paralelas  $\overline{MD}$  e  $\overline{ME}$ , respectivamente aos lados  $\overline{AC}$  e  $\overline{AB}$ , com  $D \in \overline{AB}$  e  $E \in \overline{AC}$ . Calcule o perímetro do paralelogramo MDAE.

#### Gabarito

- 13. FG = 4,5 cm e GH = 6 cm.
- 14. 12 cm e 18 cm.
- 15. b) 9 cm e 18 cm.
- 16. 11, 2 cm.

### 5 Relações Métricas nos Triângulos

Exercício 17 Num triângulo retângulo, a hipotenusa mede 250 m. Os catetos são proporcionais aos números 3 e 4 e somam 350 m. Calcule as projeções desses catetos sobre a hipotenusa.

Exercício 18 Num triângulo retângulo, a soma das medidas de seus lados vale 48 cm e a soma dos quadrados dessas medidas vale 800 cm<sup>2</sup>. Calcule os lados desse triângulo.

Exercício 19 As bases de um trapézio isósceles medem 2 cm e 8 cm. A altura vale 4 cm. Calcule o perímetro do trapézio.

Exercício 20 Num triângulo retângulo ABC, o ângulo B mede  $30^{\circ}$  e a hipotenusa  $BC = 10 \, cm$ . Calcule a distância do vértice A ao ponto M do lado  $\overline{BC}$ , sabendo-se que  $BM = 4 \, cm$ .

Exercício 21 Num trapézio, os ângulos adjacentes à base maior são congruentes e mede 60°, cada um. Calcule a área desse trapézio sabendo-se que as bases medem, respectivamente, 8 e 2.

#### Gabarito

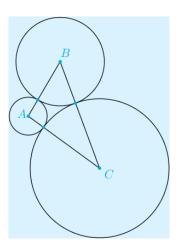
- 17. 160 m e 90 m.
- 18.  $20 \, cm$ ,  $16 \, cm = 12 \, cm$ .
- 19.  $20 \, m$ .
- 20.  $\sqrt{31} \, cm$ .
- 21.  $15\sqrt{3}$ .

## 6 Circunferência

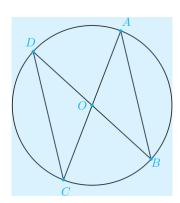
Exercício 22 Em uma circunferência de raio 10 cm, uma corda dista 6 cm do centro. Qual o comprimento da corda?

Exercício 23 Em uma circunferência, uma corda de 12 cm é paralela a uma tangente e bisseca o raio traçado pelo ponto de tangência. Qual o comprimento do raio?

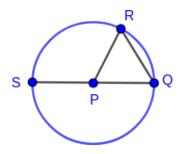
Exercício 24 Na figura abaixo, cada uma das circunferências com centros A, B e C é tangente às outras duas. Se AB = 10, AC = 14 e BC = 18, calcule os raios das circunferências.



**Exercício 25** Na figura abaixo,  $\overline{AC}$  e  $\overline{BD}$  são diâmetros da circunferência. Prove que  $\overline{CD}$  e  $\overline{AB}$  são congruentes. Além disso, mostre que  $\overline{CD} \parallel \overline{AB}$ .



**Exercício 26** Na figura abaixo, P é o centro da circunferência e RQ = PS. Determine a medida dos arcos  $\widehat{RQ}$ ,  $\widehat{RS}$  e  $\widehat{RSQ}$ .

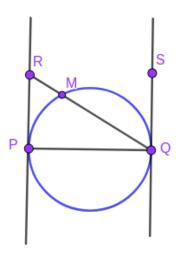


Exercício 27 Um ângulo inscrito é formado por uma corda e um diâmetro. O arco compreendido entre os lados do ângulo é triplo do arco subentendido pela corda. Calcule o valor do ângulo.

Exercício 28 Um ângulo excêntrico externo intercepta dois arcos onde um é o triplo do outro. Sabendo-se que os outros dois arcos, não compreendidos entre os lados do ângulo, um tem 10° a mais que o menor dos dois primeiros e o outro 50° a menos que o maior, calcule o valor do ângulo excêntrico externo.

Exercício 29 Num quadrilátero inscrito num círculo de centro O, os seus vértices, consecutivos, são A, B, C e D. Sabe-se que:  $\hat{C} = 60^{\circ}$  e  $A\hat{B}D = 20^{\circ}$ . Calcule o ângulo  $A\hat{O}B$ .

Exercício 30 Na figura abaixo, as retas  $\overrightarrow{PR}$  e  $\overrightarrow{QS}$  são tangentes e  $\overrightarrow{PQ}$  é um diâmetro. Sendo  $\widehat{MQ}=120^\circ$  e  $RQ=8\,cm$ , determinar o raio da circunferência.



Gabarito

- 22. 16 cm.
- 23.  $4\sqrt{3} \, cm$ .
- 24. Raio da circunferência de centro B: 7; raio da circunferência de centro A: 3; Raio da circunferência de centro C: 11.

25.

26. 
$$\widehat{RQ}=60^{\circ},\,\widehat{RS}=120^{\circ}$$
e $\widehat{RSQ}=300^{\circ}.$ 

- 27. 67°30′.
- $28.50^{\circ}$  .
- 29. 80°.
- 30.  $2\sqrt{3} \, cm$ .