vimor que a partir da serivada parcial et possível estimor o crescimento ou decrescimento da função, considerando uma ou outra variável contante. Agora, pera avaliada a variação da função pe forem dados acreicimos pimeltâreos a x e y.

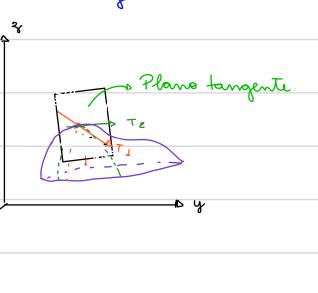
Dlano tangente

Sepa 5 a superficie dada por z = f(x,y). Suponha que $\frac{\partial f}{\partial x}$, $\frac{\partial f}{\partial y}$ sepam continuas e que $P(x_0,y_0,z_0) \in S$ (ou seja, $z_0 = f(x_0,y_0)$).

O plane tangente à 5 no ponts P et definide come e plane que contein as retas tangentes T1 e T2, ende:

- T1 et tangente à curva obtida as fixormos a coordinada y no ponto (x_0, y_0) e fazernos x variar. Sua inclinação x_0 dada for $m_1 = \frac{3}{3} x_0 (x_0, y_0)$.

The etangente à curva obtida as fixormos a coordinada x no ponto (x_0, y_0) e fazernos y varior. Sua inclinação etalada for $m = \frac{2+}{2}(x_0, y_0)$.



sejinição: Suponha que f tenha derivadas parciais continuas. Uma equação do plano tangente à suferficie 5 no ponto P(xo,yo,zo) e dada por

 $z-z_0 = f_x(x_0,y_0)(x-x_0) + f_y(x_0,y_0)(y-y_0).$

Ou juja, a ponta (x,y,z) e R³ está no plano tangente a superfície s je satisfaz a equação acima.

Calcule a equação do plano tangente à 5 nos pontos P(0,0,9) e P(0,1,8).

Ternor que $\frac{3\pm}{3x}(x,y) = -2x + \frac{3\pm}{3y}(x,y) = -2y$, que job continuas, por rerem polinômies. Assim, a equação para a tongente no ponto (0,0,9)

e dada pon:

Assim, os pontos deste plano são da forma (x,y,9).

Ja no ponto Q(0,1,8), temos

= 2 = -2y+10.

Assim, os pontos deste plano são da forma (x,y,-2y+10).

à diferencial de uma funçais A

A diferença total da função é denominada diferencial de é e definida por

em que dx é a notação consideranto dx=x-ro-s o e dy a notação consideran-

do Ay=y-yp -> 0

hy proxime de yo

2 calcula, numericamente, a variaçõe Total ou extima o erro da

função quando form dados acruzimos Dr « Ay.

* f et diferenciavel em (xo, yo) pe o plano dado por

2-20 = fx (χοιγο) Δx + fy (χοιγο) Δy

tornece uma "boa aproximação" para \$(x,y) perto de \$(xo,yo).

Ou seja, quando o ponto (x,y, f(x,y)) esta proximo do ponto (x,y,z) do

```
plane tangente, com z= 30 + fx/xo,yo) Dx + fy (xo,yo) Dy.
   * Iss jempre ocorre je tre ty form continuas em (xo,yo).
 Exemplos: Considere as funçãos descritas na lista oz.
 1 Calcule df (3.6, 40), com Dx = 0.01 e Dy = -0.12, justificando
ser significado.
  Devemos calcular os derivadas parciais de 7 em (3.6,40). Temos
                                                        aumento no preco
   f_{x}(x,y) = y = A f_{x}(3.6,40) = +40 A função currente: aumento no custo
                                                       diminuição no preço
diminuição no eusto
                    La uma variacão do preco proximo a R$ 3,60
                fará o custo cusar a uma taxa de 40
                                                 aumento na quantidade
 ±y(x,y)=x = 5 +y(3.6,40)=+3.6 \ função cusante aumento no custo
                                                  diminuição no quantidade
diminuição no outo
                 uma variação dos quantidade proximo a 40 litros
                farat o custo crescer a uma tasa de 3.6
  O garto de combustibel ira diferenciar
    3-30 = df(3.6,40) = fx(3.6,40) Dx + fy(3.6,40) Dy
                        40.0.01 + 3.6 (-0.12) = -0.032.
  Assum, o gasto que seria + (3.6,40) = 144 reais passava a ser
  144 - 0.032 = 143,968.
  Ver mais exemples: Cálculo, vol 2 - J. Stewart
                         Matemática aplicada as ciências
                   agrarias - R. S. Ferreira
```