

Geometria Plana I

Lista de Aprofundamento

2ª Avaliação

Prof^a Karla Lima 2024.1

Geometria Plana I	2024.1
Karla Lima	Matemática
Sumário	
1 Perpendicularidade	4
2 Polígonos	5

Resumo

"A Arte de Resolver Problemas (1945)" é um livro clássico escrito por George Pólya, que oferece uma abordagem sistemática e prática para resolver problemas matemáticos e, por extensão, problemas em diversas áreas da vida.

Ele destaca estratégias heurísticas, como divisão em subproblemas, analogia, tentativa e erro, e trabalhar de trás para frente.

Além disso, o autor enfatiza a importância de persistência, criatividade e flexibilidade mental na resolução de problemas.

Abaixo, segue o esquema introduzido por Pólya para a resolução de problemas. Use-o para ajudar no processo de aprendizado.





01. Conexões

Encontre a conexão entre os dados e a incógnita. É possível que seja obrigado a considerar problemas auxiliares se não puder encontrar uma conexão imediata.

Elabore um



02. Questione

Já viu este problema antes? Ou o mesmo problema apresentado ligeiramente diferente?

PLANO



02. Questione

Conhece um problema correlato ou que poderia ser útil?



04. Entenda

Entenda as soluções de problemas resolvidos. . São eles que vão te dar a bagagem necessária para se aventurar nos exercícios propostos.

03. Relacione Procure pensar num

problema conhecido que tenha a mesma incógnita ou outra semelhante.



01. Mão na Massa

Em geral, você só precisa de cuidado e paciência, desde que tenha as habilidades necessárias.

Persista com o plano que você escolheu e execute.

Execute o PLANO



02. Descarte

Se continuar sem funcionar, descarte-o e escolha outro. Não se deixe enganar, é assim que a matemática é feita, mesmo por profissionais.



03. Verfique

É possível verificar claramente que os passo está correto? É possível demonstrar que ele está correto?



04. Retropecto

Examine a solução obtida. Reserve um tempo para refletir e olhar para trás, para o que você fez, o que funcionou e o que não funcionou.



04. Retrospecto

Isso permitirá que você preveja qual estratégia usar para resolver problemas futuros.

1 Perpendicularidade

Seja r uma reta, P um ponto fora dela e P' a projeção ortogonal deste ponto. Ainda, sejam A e B pontos de r.

Prove os seguintes Teoremas:

Exercício 1 O segmento perpendicular $\overline{PP'}$ é menor que qualquer oblíquo \overline{PA} .

Exercício 2 Se os segmentos oblíquos \overline{PA} e \overline{PB} possuem projeções congruentes, então eles também são congruentes.

Exercício 3 Segmentos oblíquos congruentes têm projeções congruentes.

Exercício 4 De dois segmentos oblíquos de projeções não congruentes, o de maior projeção é maior.

Exercício 5 De dois segmentos oblíquos não congruentes, o maior tem projeção maior.

Exercício 6 De dois segmentos oblíquos não congruentes, o maior forma com a sua projeção ângulo menor.

Exercício 7 De dois segmentos oblíquos não congruentes, aquele que forma com a sua projeção um ângulo menor é maior.

2 Polígonos

Exercício 8 Calcule o número de lados de um polígono cuja soma dos ângulos internos vale 1440°.

Exercício 9 Quantos lados tem um polígono regular cujo ângulo externo vale 36°?

Exercício 10 Um polígono tem 5 lados a mais que outro e a diferença entre os números de diagonais distintas de cada um deles é de 80. Calcular o número de lados de cada polígono.

Exercício 11 Num quadrilátero ABCD, o ângulo \hat{A} vale 160° . Calcular o ângulo \hat{C} , sabendo-se que os vértices B, C e D são equidistantes do vértice A.

Exercício 12 Num paralelogramo ABCD, tem-se:

- a) o perímetro (soma dos comprimentos de todos os lados) vale 42;
- b) o ângulo \hat{A} mede 120°;
- c) a bissetriz do ângulo D passa pelo ponto médio M do lado \overline{AB} .

Calcule o lado maior do paralelogramo dado e os ângulos do triângulo CMD.

Exercício 13 Dado um quadrado ABCD, considere o triângulo equilátero ABM, interno ao quadrado. Unindo-se o ponto M ao vértice C, calcule o ângulo BMC.

Exercício 14 Seja P um ponto da base de um triângulo isósceles, distinto de seus extremos. De P, traçam-se retas paralelas aos lados congruentes. Prove que o perímetro do paralelogramo formado é igual à soma das medidas dos lados congruentes do triângulo.

Exercício 15 Num trapézio retângulo ABCD, os ângulos \hat{A} e \hat{D} são retos. As bissetrizes dos ângulos \hat{A} e \hat{B} formam o ângulo $A\hat{M}B$ que vale 87°30′. Calcule os ângulos \hat{B} e \hat{C} .

Exercício 16 Num trapézio isósceles ABCD, a base menor \overline{AB} , mede 5 e a diagonal \overline{DB} é perpendicular ao lado não paralelo \overline{BC} . Calcule o perímetro desse trapézio, sabendo-se que a soma dos ângulos obtusos é o dobro da soma dos ângulos agudos.

Gabarito

- 8. 10
- 9. 10
- 10. 15 e 20.
- $11. 100^{\circ}$
- 12. Comprimento do Maior Lado: 14. Ângulos: 30°, 60° e 90°.
- 13. 75° .
- 14.
- 15. $95^{\circ} e 85^{\circ}$.
- 16. 25.