

Cálculo II

Lista de Exercícios: P2

1 - EDO's de $2^{\underline{a}}$ ordem

1.1 - Lineares com Coeficientes Constantes

2 - Sequências e Séries

2.1 - Sequências.

2.2 - Séries.

2.3 - Séries de Potência e Série de Taylor.

1 EDO's de $2^{\underline{a}}$ ordem

1.1 Lineares com Coeficientes Constantes

Exercício 1 Resolva a equação diferencial.

a)
$$y'' + 16y = 0$$

b)
$$y' = 2y''$$

c)
$$y'' - 4y' + 13y = 0$$

d)
$$2y'' + 2y' - y = 0$$

Exercício 2 Resolva o problema de valor inicial.

a)
$$9y'' + 12y' + 4y = 0$$
, $y(0) = 1$ e $y'(0) = 0$

b)
$$y'' - 6y' + 10y = 0$$
, $y(0) = 2 e y'(0) = 3$

Exercício 3 Resolva o problema de valor de contorno, se possível.

a)
$$y'' + 4y' + 4y = 0$$
, $y(0) = 2$ e $y(1) = 0$

b)
$$y'' + 4y' + 20y = 0$$
, $y(0) = 1$ e $y(\pi) = 2$

Gabarito

1. a)
$$y = c_1 \cos(4x) + c_2 \sin(4x)$$

b)
$$y = c_1 + c_2 e^{x/2}$$

c)
$$y = e^{2x}(c_1\cos(3x) + c_2\sin(3x))$$

d)
$$y = c_1 e^{\frac{\sqrt{3}-1}{2}t} + c_2 e^{-\frac{\sqrt{3}+1}{2}t}$$

2. a)
$$y = e^{-2x/3} + \frac{2}{3}xe^{-2x/3}$$

b)
$$y = e^{3x} (2\cos x - 3\sin x)$$

3. a)
$$y = 2e^{-2x} - 2xe^{-2x}$$

b) Sem solução

Referências

- $[1]\,$ STEWART J., $\it C\'alculo,$ Volume II, Editora Thomson.
- $[2]\,$ Anton H., $\it C\'{a}lculo,$ Volume II, Editora Bookman.