

Fundamentos da Matemática II

Lista de Exercícios: P1

Trigonometria Básica

- 1 Arcos e Ângulos.
- 2 Razões Trigonométricas no Triângulo Retângulo.
 - 3 Relações Trigonométricas
- 4 Razões Trigonométricas Especiais. O Círculo Trigonométrico.
 - 5 Redução ao Primeiro Quadrante.
 - 6 Fórmulas e Operações com Arcos.
 - 7 Trigonometria em Triângulos Quaisquer.

Profa. Karla Katerine Barboza de Lima FACET/UFGD

1 Arcos e Ângulos

Exercício 1 Converta para radianos.

- a) 184°
- b) 210°
- c) 315°
- d) 240°
- e) 300°

Exercício 2 Converta para graus.

- a) $\frac{\pi}{6}$ rad
- b) $\frac{5\pi}{6}$ rad
- c) $\frac{2\pi}{3}$ rad
- d) $\frac{3\pi}{4}$ rad

Exercício 3 Um ângulo central de uma circunferência de raio $30 \, cm$ intercepta um arco de $6 \, cm$. Expresse o ângulo central α em radianos e em graus.

Exercício 4 Um ângulo central de uma circunferência de raio $36\,\mathrm{cm}$ intercepta um arco de $3\pi\,\mathrm{cm}$. Calcule o valor do ângulo central α que o arco acima determina na circunferência, em radianos e em graus.

Exercício 5 Calcule o comprimento l do arco \widehat{AB} definido numa circunferência de raio $r = 10 \, cm$, por um ângulo central de 60° .

Exercício 6 Calcule a medida do ângulo central $A\hat{O}B$ que determina em uma circunferência de raio r um arco de comprimento $\frac{2}{3}\pi r$.

Gabarito

1. (a)
$$\frac{46\pi}{45}$$
 rad

(b)
$$\frac{7\pi}{6}$$
 rad

(c)
$$\frac{7\pi}{4}$$
 rad

(d)
$$\frac{4\pi}{3}$$
 rad

- (e) $\frac{5\pi}{3}$ rad
- 2. (a) 30°
 - (b) 150°
 - (c) 120°
 - (d) 135°
- $3. \ \alpha = \frac{1}{5} rad = \frac{36}{\pi}^{\circ}$
- 4. $\alpha = \frac{\pi}{12} rad = 15^{\circ}$
- 5. $l = \frac{10}{3}\pi \, cm$
- 6. $\frac{2}{3}\pi rad$

2 Relações Trigonométricas

Exercício 7 Ache os valores de x que verificam simultaneamente $tg \alpha = \frac{x+1}{2}$ e $\sec \alpha = \sqrt{x+2}$.

Exercício 8 Calcule o valor de $\cos x$, sabendo que $\cot g \, x = \frac{2\sqrt{m}}{m-1}$, $\cos m > 1$.

Exercício 9 Se $sen x = \frac{1}{3} e \cos x > 0$, calcule o valor da expressão

$$y = \frac{1}{\cos \sec x + \cot g x} + \frac{1}{\cos \sec x - \cot g x}.$$

Exercício 10 Calcule o valor de m para que sen x = 2m + 1 e cos x = 4m + 1.

Gabarito

7.
$$x = -1$$
 ou $x = 3$.

8.
$$\cos x = \frac{2\sqrt{m}}{m+1}$$
.

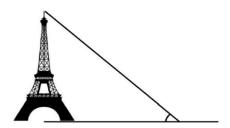
9.
$$y = 6$$
.

10.
$$m = -\frac{1}{10}$$
 ou $m = -\frac{1}{2}$.

3 Razões Trigonométricas Especiais. O Círculo Trigonométrico.

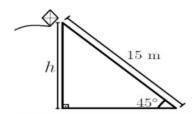
3.1 Razões Trigonométricas Especiais

Exercício 11 Com o objetivo de calcular a altura de uma torre, um engenheiro mediu um ângulo de 45° do topo da torre com o solo, a uma distância de 15 metros do centro da base da torre, conforme mostra a ilustração abaixo.

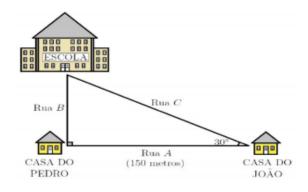


Verifique qual a altura da torre em relação ao solo.

Exercício 12 Uma pipa é presa a um fio esticado que forma um ângulo de 45° com o solo. Se o comprimento do fio é de 15 metros, determine a altura da pipa em relação ao solo.



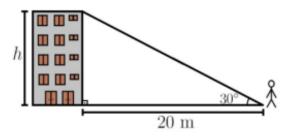
Exercício 13 João e Pedro são dois amigos que costumam ir juntos à escola. Geralmente, João se desloca até a casa do Pedro, passando pela rua A, para então se deslocarem juntos até a escola utilizando a rua B, conforme a figura abaixo.



Certo dia, Pedro não pôde ir à aula, e João decidiu se deslocar até a escola utilizando a rua C. Sabendo que as ruas A e B são perpendiculares, que as ruas A e C formam um ângulo de 30° , e que a distância entre as casas de João e Pedro é de 150 metros, determine:

- a) Qual a distância percorrida diariamente por João, passando pela casa de Pedro?
- b) No dia em que João utilizou a rua C para ir até a escola, qual foi a distância percorrida?

Exercício 14 Determine a altura do prédio da figura abaixo, sabendo que a distância entre o observador e o prédio é de 20 metros e que o ângulo do solo ao topo do prédio é de 30°.



Gabarito

11. 15 metros.

12.
$$\frac{15\sqrt{2}}{2}$$
 metros.

- 13. a) Para ir até a escola, passando pela casa de Pedro, João per
corre $50(3+\sqrt{3})$ metros.
 - b) Para ir até a escola, passando pela rua C, João percorre $100\sqrt{3}$ metros.

14.
$$h = \frac{20\sqrt{3}}{3}$$
.

3.2 O Ciclo Trigonométrico

Exercício 15 Encontre a primeira determinação positiva dos seguintes arcos:

- a) 1930°
- b) -4350°
- c) $\frac{25\pi}{3}$ rad
- d) $\frac{26\pi}{5}$ rad
- e) $-\frac{49\pi}{6} rad$
- f) $-\frac{2\pi}{3}$ rad

Gabarito

- 15. a) 130°
 - b) 330°
 - c) $\frac{\pi}{3}$ rad
 - d) $\frac{6\pi}{5}$ rad
 - e) $\frac{11\pi}{6}$ rad
 - f) $\frac{4\pi}{3}$ rad

4 Redução ao Primeiro Quadrante

4.1 Parte 1

Exercício 16 Encontre os valores reais de t para os quais

$$\cos x = \frac{1-t}{t}.$$

Exercício 17 Estude o sinal de cada expressão abaixo:

- a) $sen 100^{\circ} \cdot \cos 100^{\circ}$
- b) $sen 550^{\circ} \cdot \cos 1000^{\circ}$
- c) $\frac{sen 1750^{\circ} \cdot \cos 600^{\circ}}{\cos 5000^{\circ} \cdot \cos (-10)^{\circ}}$

Exercício 18 Encontre a expressão geral, em radianos, dos arcos x para os quais

$$\cos\left(\frac{x-1}{x+1}\right) = -1.$$

Gabarito

16.
$$t \in \left[\frac{1}{2}, +\infty\right)$$
 (ou seja, $t > \frac{1}{2}$).

- 17. a) Negativo.
 - b) Negativo.
 - c) Positivo.

18. Os arcos são da forma
$$x = -1 - \frac{2}{2k\pi + \pi - 1}$$
, com $k \in \mathbb{Z}$.

Referências

[1] Molter, A. and Nachtigall, C. and Zahn, M., Trigonometria e Números Complexos: com aplicações, Editora Blucher, 2020.

8

[2] Iezzi, G., Fundamentos de matemática elementar, 3: trigonometria, Atual, 2004.