

Cálculo II

Lista de Exercícios: P1

1 - Técnicas de Integração

- 1.1 - Revisão de Integrais.
- 1.2 - O Método de Substituição.
- 1.3 - Integração por partes.
- 1.4 - Frações Parciais.
- 1.5 - Integrais impróprias.
- 1.6 - Aplicações de integrais.

2 - EDO's de 1ª ordem

- 2.1 - Definição e Motivação.
 - 2.2 - Resolução de EDO's de 1ª ordem: Método do Fator Integrante.
 - 2.3 - Aplicações de EDO's de 1ª ordem.
-

Profa. Karla Katerine Barboza de Lima
FACET/UFGD

1 Técnicas de Integração

1.1 Revisão de Integração

Exercício 1 Calcule as integrais:

a) $\int_{-1}^1 x^{100} dx$

b) $\int_0^1 1 + \frac{1}{2}u^4 - \frac{2}{5}u^9 du$

c) $\int_1^2 \frac{v^5 + 3v^6}{v^4} dv$

d) $\int_{-1}^1 e^{u+1} du$

e) $\int_{-2}^2 f(x) dx$, onde:

$$f(x) = \begin{cases} 2 & \text{se } -2 \leq x \leq 0, \\ 4 - x^2 & \text{se } 0 < x \leq 2 \end{cases}$$

f) $\int_{-1}^2 \frac{4}{x^3} dx$

Gabarito

1. a) $\int_{-1}^1 x^{100} dx = \frac{2}{101}$

b) $\int_0^1 1 + \frac{1}{2}u^4 - \frac{2}{5}u^9 du = \frac{53}{50}$

c) $\int_1^2 \frac{v^5 + 3v^6}{v^4} dv = \frac{17}{2}$

d) $\int_{-1}^1 e^{u+1} du = e^2 - 1$

e) $\frac{28}{3}$

f) Não existe, pois f possui uma descontinuidade infinita no intervalo de integração

1.2 O Método de Substituição

Exercício 2 Calcule a integral fazendo a substituição dada.

a) $\int_1^2 \frac{dx}{(3-5x)^2}, u = 3-5x.$

b) $\int_0^\pi \cos(3x)dx, u = 3x.$

c) $\int_0^1 x(4+x^2)^{10}dx, u = 4+x^2.$

d) $\int_0^{\pi/2} \cos^3 \theta \operatorname{sen} \theta d\theta, u = \cos \theta.$

e) $\int_0^1 (x^2-1)^4 x^5 dx, u = x^2-1.$

Exercício 3 Avalie a integral definida.

a) $\int_0^1 \cos(\pi t/2)dt.$

b) $\int_1^2 \frac{e^{1/x}}{x^2}dx.$

c) $\int_e^{e^4} \frac{dx}{x\sqrt{\ln x}}dx.$

d) $\int_0^1 \frac{e^z+1}{e^z+z}dz.$

e) $\int_0^1 \frac{dx}{1+\sqrt{x}}.$

Gabarito

2.
 - a) $\frac{1}{14}$
 - b) 0
 - c) $\frac{5^{11}-4^{11}}{22}$
 - d) $\frac{1}{4}$
 - e) $\frac{1}{210}$
3.
 - a) $\frac{2}{\pi}$
 - b) $e - \sqrt{e}$
 - c) 2
 - d) $\ln(e+1)$
 - e) $2 - 2\ln 2$

Referências

- [1] STEWART J., *Cálculo*, Volume I, Editora Thomson.
- [2] STEWART J., *Cálculo*, Volume II, Editora Thomson.
- [3] Anton H., *Cálculo*, Volume I, Editora Bookman.
- [4] Anton H., *Cálculo*, Volume II, Editora Bookman.