

Rapport – RO

Maximisation de bénéfice net pour un entreprise de transport

Extraction de Données - Graphe

RO : RECHERCHE OPERATIONNELLE

REALISES PAR : KARLA ROSAS ET AWA DIABY

RESPONSABLE TP : VICTOR EPAIN

RESPONSABLE DU MODULE : ROUMEN ANDONOV

Réalisé : Février 2021

ETABLISSEMENT : UNIVERSITE DE RENNES 1

Groupe : 1A

Discipline : Master 1 MIAGE

Contenu

Introduction	1
Objectifs du projet	1
Les outils et librairies utilisés	1
1. Présentation du programme linéaire	2
2. Présentation de l'ensemble du programme	3
3. Présentation des résultats	6
4. L'interprétation des données	7
5. L'interprétation des résultats	8
Des hypothèses :	9

Introduction

Pour développer notre projet nous avons étudié le problème classique de <<transbordement>>. Nous avons aussi mis en pratique les aspects vus sur les TP du cours de Recherche opérationnel.

Objectifs du projet

Ce projet est composé de deux grandes parties qui sont : l'extraction des données du dossier « data », ensuite utiliser ses données dans un fichier « truck_pulp.py » pour effectuer les différentes opérations nécessaires pour obtenir le résultat souhaité.

Les outils et librairies utilisés

Ce projet est codé python

Librairies :

- Pulp
- networkx

1. Présentation du programme linéaire

➤ Les différentes Données exploitées dans le code

- 1 camion
- 3 dépôts (D_1 , D_2 , D_3)
- 2 Clients (C_1 , C_2)
- Pour le camion nous avons une limite P de matériel à son bord
- La route à une capacité de GPU qui peut être transportées
- Pour chaque client servi, doit l'être dans la totalité de sa demande et payent ainsi « 1000 euros » pour chaque GPU

➤ Modélisation

L'objectifs :

Maximiser le bénéfice net maximal : Ventes – Coûts

Ventes = Quantité de GPU vendus * 1000 euros

Coûts = Somme de C_r , $C_r = \alpha_r + \beta_r * q_r \Rightarrow$ Ici il s'agit de Minimiser le Coûts de Transports.

➤ Variables

$C_r = \alpha_r + \beta_r * q_r$ (Le coût de chaque traverser en fonction de alpha et beta par rapport à chaque quantité de GPU dans le camion)

$\alpha_r \geq 0$: il s'agit du coût de l'essence

$\beta_r \geq 0$: Taxe douanière lors de chaque traverser

$D_c(i)$: Demande client, avec i qui varie de 1 à m

$S_d(j)$: Stock du dépôt

Cap : Capacité sur la route des GPU transportés

P : Capacité du camion (GPU)

➤ Contraintes

Ru : Routes = {1 si une route est traversée, 0 sinon}

GPU transportés (Quantité dans le camion) \leq Cap

Quantité de GPU dans le camion $\leq p$ (limite de matériel à son bord)

Quantité de GPU dans le camion $q_r \geq 0$ (on ne peut pas avoir une quantité négative dans le camion)

Quantité GPU dans le camion $q_r \geq$ demande du client (chaque client servi doit l'être dans la totalité de sa demande)

$D_c = 0$ (Demande de client supérieur ou égale à zéro)

2. Présentation de l'ensemble du programme

<<Le problème de transbordement>>

Modèle	Interprétation
Unités transportées (q_r)	Quantités de GPU
Origine (m)	Dépôts
Destinataire (n)	Clients
Ressource en dépôts (S_i)	Quantités disponibles
Demande du client (d_j)	Quantités demandes
Coûts par unité GPU (C_{ij})	Coûts unitaires par unités distribuée du dépôt au client

Hypothèse pour trouver des solutions : Conservation

$$\sum_{i=1}^m S_i = \sum_{j=1}^n d_j$$

$x(i, j)$ Quantité circulant dans les arcs
arcs(i, j)

Sommet $X_i \geq 0$ (demande)

Sommet $X_i \leq 0$ (stock disponible)

Tableau de paramètres

	Clients				Stock
	1	2	...	<u>n</u>	
1	C_{11}	C_{12}	...	C_{1n}	S_1
					S_2
	C_{21}	C_{22}	...	C_{2n}	...
2	S_m
Dépôt	C_{n1}	C_{n2}	...	C_{nn}	
...					
<u>m</u>					
	D_1	D_2	...	D_n	

$$\text{Min } Z = C_{11}X_{11} + C_{12}X_{12} + \dots + C_{mn}X_{mn}$$

Contraints de l'offert du dépôt :

$$X_{11} + X_{12} + X_{1n} \leq S_1$$

$$X_{21} + X_{22} + X_{2n} \leq S_2$$

.....

$$X_{m1} + X_{m2} + X_{mn} \leq S_m$$

Contraints de la demande du client :

$$X_{11} + X_{21} + X_{m1} \leq D_1$$

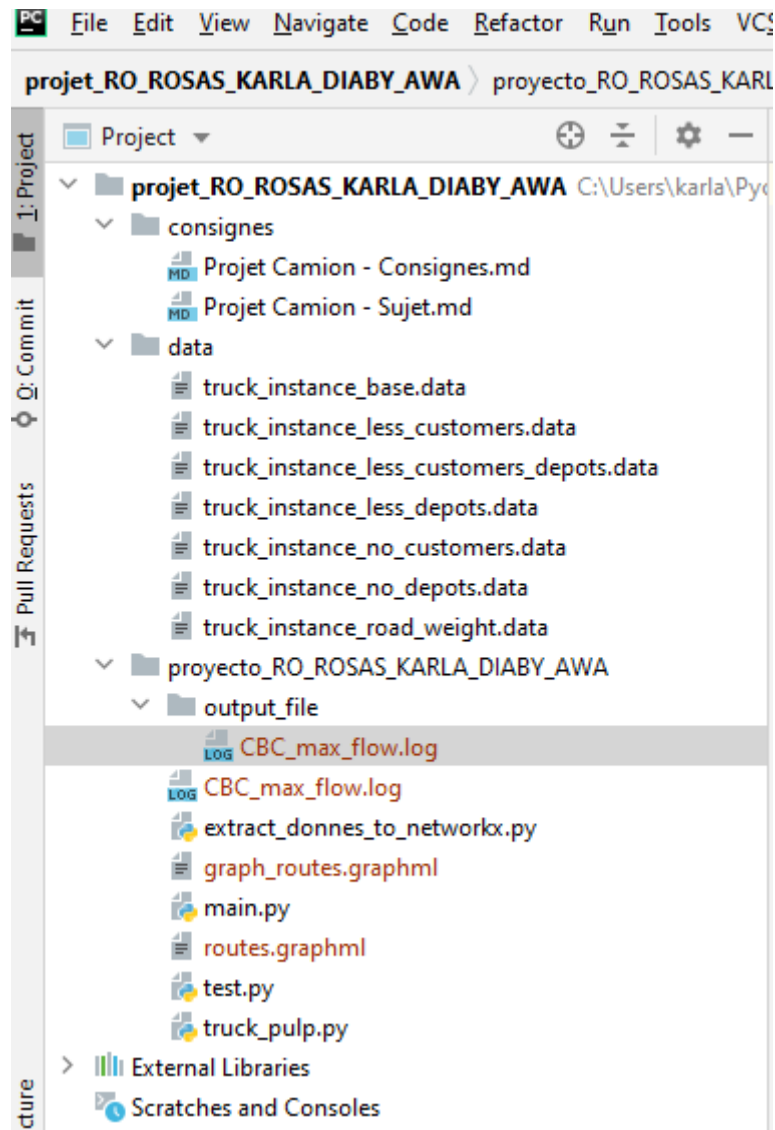
$$X_{21} + X_{22} + X_{2n} \leq D_2$$

.....

$$X_{1n} + X_{2n} + X_{mn} \leq D_n$$

Contraints additionnels décrites dans la section précédente.

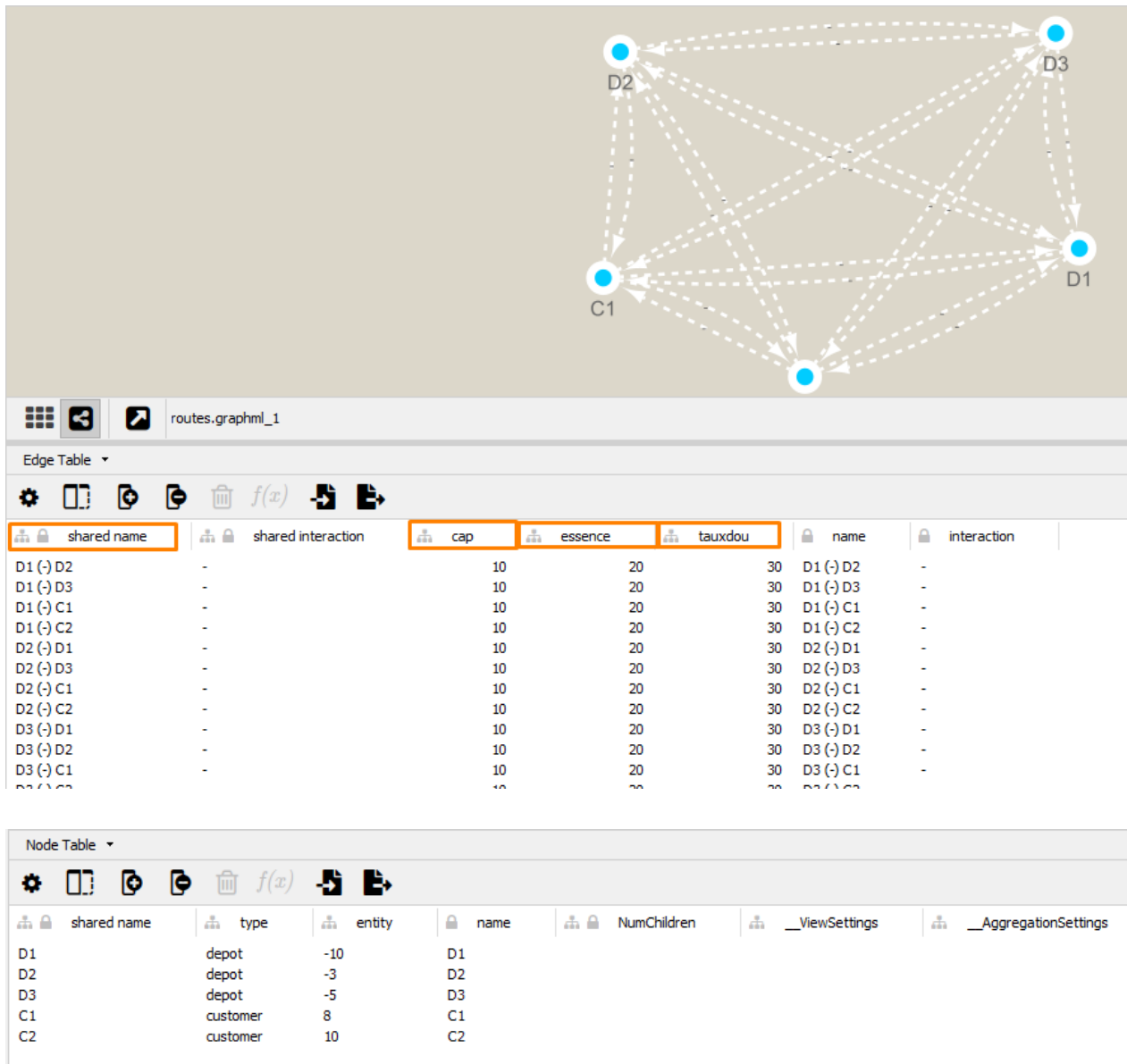
Structure du projet



Fichier	Description
Extract_donnes_to_networkx.py	Extraction de données depuis le fichier truck_instance_base.data
test.py	Obtention de résultats finaux
Truck_pulp.py	Calcule de la minimisation de coût et optimisation de la distribution de GPU
CBC_max_flow.log	Fichier avec les résultats de la fonction objectif
graph_routes.graphml	Visualisation du graphe obtenu de l'extraction de données

3. Présentation des résultats

À partir de l'extraction des données du fichier 'truck_instance_base.data' nous avons obtenu un graphe avec ses caractéristiques.



Obtention de résultats truck_pulp.py

```
test(1) x
Result - Optimal solution found

Objective value:           540.00000000
Enumerated nodes:           0
Total iterations:           0
Time (CPU seconds):         0.01
Time (Wallclock seconds):   0.01

Option for printingOptions changed from normal to all
Total time (CPU seconds):     0.02   (Wallclock seconds):     0.02

Status: Optimal

-----

Route_D1_C1 = 0.0
Route_D1_C2 = 10.0
Route_D2_C1 = 3.0
Route_D2_C2 = 0.0
Route_D3_C1 = 5.0
Route_D3_C2 = 0.0
Total Costs = 540.0
Route_utilises 3
GPU Vendus : 18.0
GPU Vendus * prix unitaire CH= 18000.0 euros
Benefice max net GPU CH - Couts Totals= 17400.0 euros
```

4. L'interprétation des données

Nous avons créé des listes et dictionnaires pour afficher et manipuler les données :

```
warnings.warn("spaces are not permitted in the name. converted to _ ")
ROUTES [('D1', 'C1'), ('D1', 'C2'), ('D2', 'C1'), ('D2', 'C2'), ('D3', 'C1'), ('D3', 'C2')]
CLIENTS ['C1', 'C2']
DEPOT ['D1', 'D2', 'D3']
APROVISIONNEMENT {'D1': [10, 0], 'D2': [3, 0], 'D3': [5, 0]}
STOCK [[10, 0], [3, 0], [5, 0]]
DEMANDE {'C1': 8, 'C2': 10}
Welcome to the CBC MILP Solver
Version: 2.9.0
Build Date: Feb 12 2015
```


ROUTES	Liste de différentes routes
CLIENTS	Liste avec les différents clients
DEPOT	Liste avec les différents dépôts
APROVISIONNEMENT	Dictionnaire avec les quantités disponibles en stock
STOCK	Liste de stock
DEMANDE	Dictionnaire avec les demandes de chaque client

Pour obtenir la maximisation du bénéfice net de l'entreprise de transport, nous avons décidé de minimiser le coût de transport. Nous avons considéré comme coût

$Cr = \text{essence} + (\text{taux douanière} * \text{quantité de GPU})$

Fonction objective avec la librairie Pulp = Minimiser Cr

Les résultats obtenus :

Le coût minimal du transport, les quantités vendus de GPU et les quantités par route.

5. L'interprétation des résultats

```

Run: test (1) x
Objective value: 540.00000000
Enumerated nodes: 0
Total iterations: 0
Time (CPU seconds): 0.01
Time (Wallclock seconds): 0.01

Option for printingOptions changed from normal to all
Total time (CPU seconds): 0.02 (Wallclock seconds): 0.02

Status: Optimal

-----

Route_D1_C1 = 0.0
Route_D1_C2 = 10.0
Route_D2_C1 = 3.0
Route_D2_C2 = 0.0
Route_D3_C1 = 5.0
Route_D3_C2 = 0.0
Total Costs = 540.0
Route_utilises 3
GPU Vendus : 18.0
GPU Vendus * prix unitaire CH= 18000.0 euros
Benefice max net GPU CH - Coûts Totals= 17400.0 euros

Process finished with exit code 0

```

Minimisation de coût

Quantités de GPU sur chaque route

Obtention de coût d'essence pour les 3 routes

Obtention de chiffres d'affaire

Des hypothèses :

Nous avons réalisé l'objectif d'obtenir le bénéfice net max pour l'entreprise de transport, mais nous n'avons pas pu considérer toutes routes.

Cela est dû aux faits que nous n'avons pas suffisamment de temps et aussi nous n'avons pas compris du tout comme procéder pour mettre les différentes routes en place.

Pour cela nous avons envisagé :

1. Ajouter toutes les routes possibles que nous avons sur le graph « `graph.edges()` » dans notre liste ROUTES sur le fichier `truck_pulp.py`
2. Ajouter les autres variables pour réussir à calculer $Cr = \text{essence} + \text{taux douanière} * qr$ sur la fonction objective et pas calculer le prix d'essence de manière indépendante sur le fichier `test.py`
3. Comprendre mieux la manipulation des différentes structures avec la librairie Pulp.