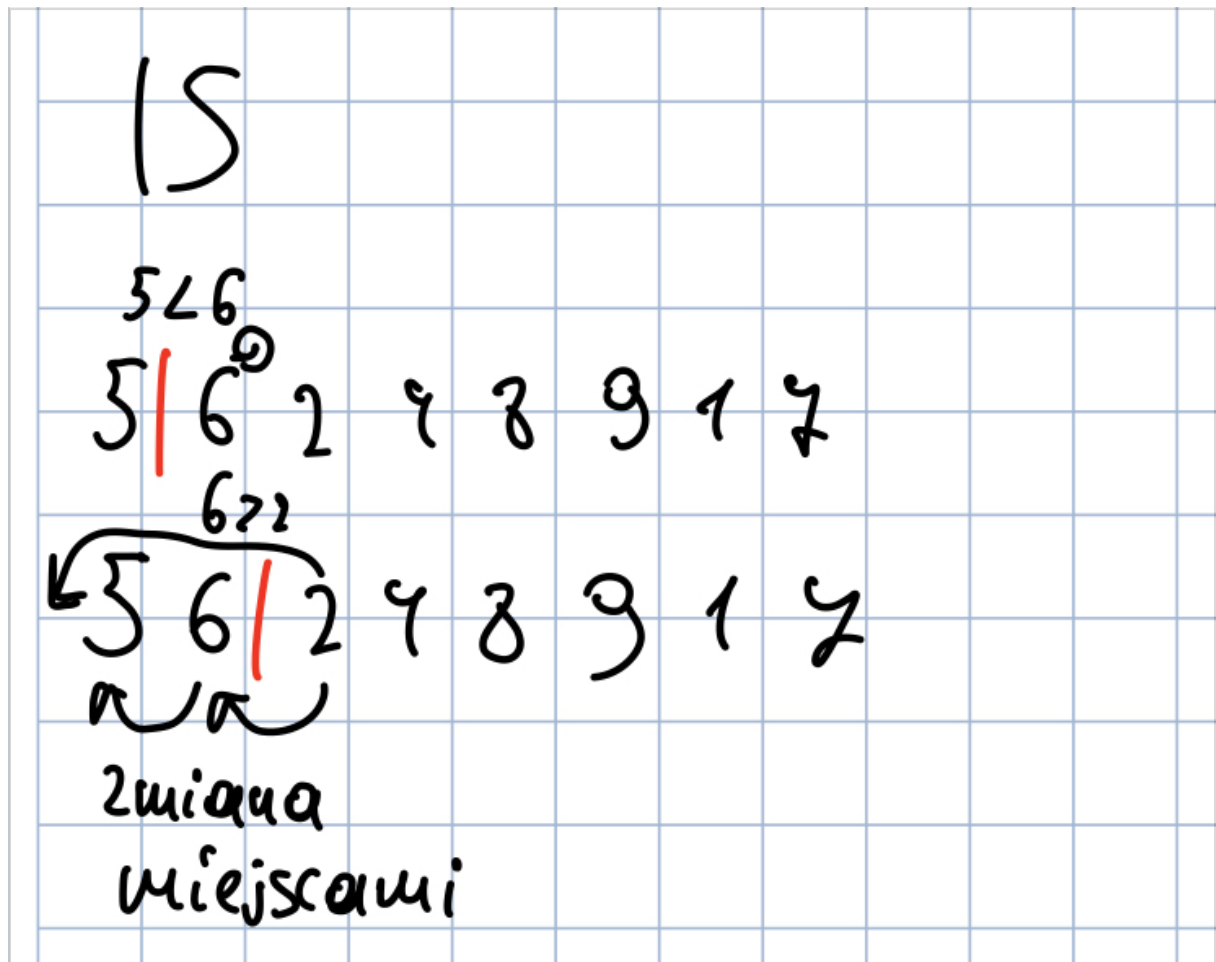


## LAB 1 - SORT

Proste -  $O(n^2)$

IS - proste wstawianie

Tablica na dwie części i porównujemy ich wartości (zmiana miejscami)



```
for (int i = 1; i < n; i++) {  
    for (int j = i; j > 0; j--) {  
        if (arr[j] < arr[j-1]) {  
            swap(arr[j], arr[j-1]);  
        }  
    }  
}
```

**Efektywność pamięciowa** - działa na miejscu

**Złożoność czasowa:**  $O(n^2)$  - maksymalna liczba kroków wykonanych na DTM(Determined Turing machine) dla instancji o określonym rozmiarze.

**Przypadek najlepszy** - posortowana tablica  $O(n)$ , to jest zaleta, bo przyspiesza dla elementów posortowanych.

**Przypadek najgorszy** - posortowana odwrotnie tablica,  $O(n^2)$

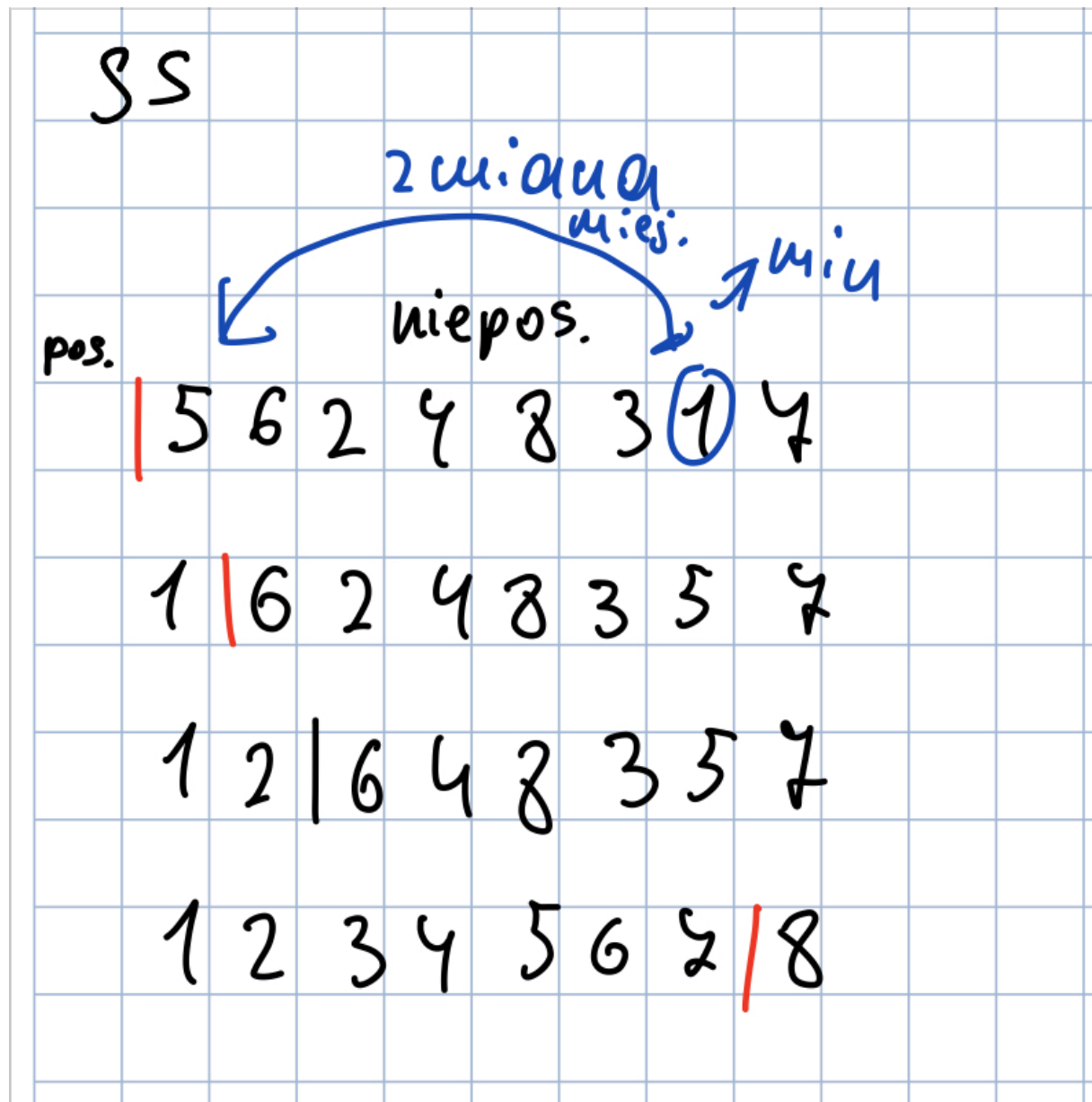
**Ma zachowanie naturalne.** - Jeśli dla danych wstępnie posortowanych (choćby częściowo) algorytm wykonuje się szybciej, niż dla zupełnie wymieszanych, to wówczas mówimy, że algorytm wykazuje zachowanie naturalne.

**Wrażliwość na dane:** jest wrażliwy na dane. (Bo dla 10 i dla 100 elementów różnica jest bardzo duża)

**Przypadek średni:**  $O(n^2)$

**Jest stabilny** - zachowuje kolejność wejściową. 3 3 3

SS - selection sort



```

for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
    int min = arr[i];
    int min_idx = i;
    for (int j = i + 1; j < n; j++) {
        if (arr[j] < min) {
            min = arr[j];
            min_idx = j;
        }
    }
    swap(arr[i], arr[min_idx]);
}

```

**Przypadek najlepszy = Przypadek najgorszy = Przypadek średni:**  $O(n^2)$

**Nie jest wrażliwy na układ danych**

**Bardzo słabe zachowanie naturalne**

**Działa w miejscu**

**nie jest stabilny**

BS - bąbelkowe

```
for (int i = 0; i < n; i++){
    for (int j = n - 1; j > i; j--) {
        if (arr[j] < arr[j-1]) {
            swap(arr[j], arr[j-1]);
        }
    }
}
```

**Złożoność** -  $O(n^2)$  we wszystkich przypadkach

**Działa w miejscu**

**Jest stabilny**

**Nie jest wrażliwy na układ danych**

Ulepszenie:

1) Żeby ułatwić, można postawić flagę czy była zmiana, czy nie (bo kiedy dwie części są posortowane, nadal będą wykonywać się operacje zmiany), wynik → przypadek najlepszy  $O(n)$ .

2) Zapamiętanie miejsca zmiany.

MS - metoda shella

Sortowanie przez scalenie + proste wstawianie, **Przypadek średni** -  $O(n^{1.2})$

```
for (int d = n / 2; d > 0; d /= 2) {
    for (int i = d; i < n; i++) {
        for (int j = i - d; j >= 0; j -= d) {
```

```
        if (arr[j+d] < arr[j]) {  
            swap(arr[j+d], arr[j]);  
        }  
    }  
}
```

QS - quick sort

**Przypadek pesymistyczny** ( $O(n^2)$ ) - element o skrajnej wartości (najmniejszy, największy)

**Przypadek optymistyczny** ( $\log n$ ) - kiedy pivot jest medianą

**Przypadek średni** ( $n \log n$ )

**Nie zachowuje się naturalnie**

**Jest bardzo wrażliwy na dane**

**Nie jest stabilny**

**Złożoność pamięciowa** - działanie na miejscu, ale rekurencja potrzebuje pamięć

**Ma zachowanie naturalne**

5 6 4 2 8 3 7 4 pivot  
 $\uparrow \geq$   $\uparrow \leq$

1 6 4 2 8 3 5 7  
 $\geq \uparrow \uparrow \leq$

1 2 4 6 8 3 5 7  
 $\uparrow \uparrow$  QS

2) 4 6 8 3 5 7  
 $\geq \uparrow \uparrow \leq$

4 6 7 3 5 8  
 $\geq \uparrow \uparrow \leq$

```

void QS(vector<int> &arr,int left, int right) {

    if (left >= right) {
        return;
    }

    int l = left;
    int r = right;
    int piv_idx = (left + right) / 2;
    double pivot = arr[piv_idx];
    swap(arr[piv_idx], arr[right]);
    piv_idx = right;
    right--;

    while (right >= left) {

        if (arr[left] >= pivot) {
            if (arr[right] <= pivot) {
                swap(arr[left],arr[right]);
                left++;
                right--;
            }
            else {
                right--;
            }
        }
        else if (arr[right] <= pivot) {
            left++;
        }
        else {
            left++;
            right--;
        }
    }

    swap(arr[left],arr[piv_idx]);
    QS(arr,l,right);
    QS(arr,left+1,r);
}

```

```
}
```

Sortowanie przez scalanie - MS

**Przypadek najgorszy=Przypadek średni=Przypadek najlepszy**  $O(n \log n)^*$

**Nie działa w miejscu** (bo wynik przepisujemy w nową tablicę) -  $O(n)$

**Jest stabilny**

**Nie jest wrażliwy na dane**



MS

5 6 2 4 | 8 3 1 7

5 6 | 2 4

8 3 | 1 7

5 | 6

2 | 4

8 | 3

1 | 7

5 6

2 4

8 3

1 7

5 6

2 4

8 3

1 7

2 4 5 6

1 3 7 8

1 2 3 4 5 6 7 8

```

vector<int> MS(vector<int> arr, int n) {

    if (n == 2) {
        if (arr[0] > arr[1]) {
            swap(arr[0],arr[1]);
        }
    }

    if (n == 1) {
        return arr;
    }

    vector<int> arr_l;
    vector<int> arr_r;

    arr_l = vector<int>(arr.begin(), arr.begin()+((n-1)/2)+1);
    arr_r = vector<int>(arr.begin()+((n-1)/2)+1,arr.end());

    vector<int> left = MS(arr_l, arr_l.size());
    vector<int> right = MS(arr_r, arr_r.size());
    vector<int> merge;

    int left_size = left.size();
    int right_size = right.size();

    while (left_size > 0 && right_size> 0) {
        if (left[0] <= right[0]) {
            merge.push_back(left[0]);
            left.erase(left.begin());
            left_size--;
        }
        else {
            merge.push_back(right[0]);
            right.erase(right.begin());
            right_size--;
        }
    }

    if (left_size < 1) {
        merge.insert(merge.end(),right.begin(),right.end());
    }
}

```

```
    }  
    else if (right_size < 1) {  
        merge.insert(merge.end(), left.begin(), left.end());  
    }  
  
    return merge;  
}
```

HS - sortowanie stogowe

Budowa stogu:

**Przypadek najgorszy**  $O(\log n)$

**Przypadek najlepszy**  $O(1)$

Sortowanie stogu:

**Przypadek najgorszy=Przypadek średni**  $O(n \log n)$

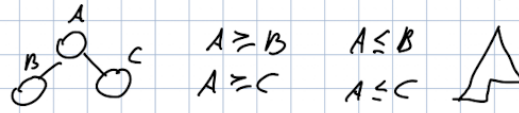
**Przypadek najlepszy**  $O(n)$

**Jest wrażliwy na dane**

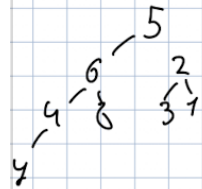
**Nie jest stabilny**

**Działa w miejscu**

HS - Heap Sort (Kopiec) - drzewo binarne cząstkowo posortowane  
 5 6 2 4 8 3 1 4  
 1) budowa stogu ("in situ" w miejscu)

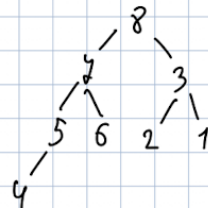
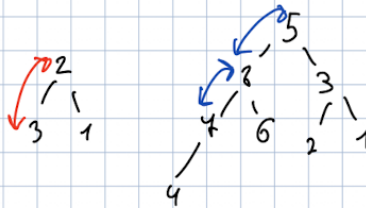
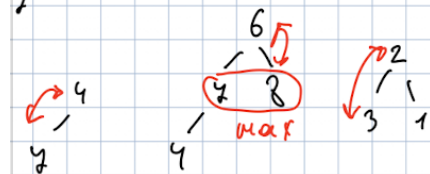


liście na poziomie  $h$  i  $h-1$



To nie stóg,  
a ilustracja

$A[i] \geq A[2i]$   
 $A[i] \geq A[2i+1]$

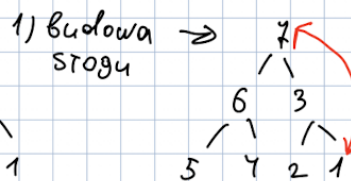
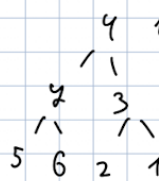
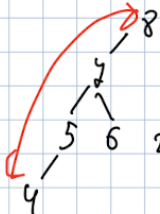


2) Sortowanie

8 4 3 5 6 2 1 4

4 4 3 5 6 2 1 8

2 6 3 5 4 2 1 8



```
void Heapify(vector<int> &arr, int r, int n) {
    int largest = r;
    int left = r * 2 + 1;
    int right = r * 2 + 2;

    if (left < n && arr[left] > arr[largest]) {
        largest = left;
    }

    if (right < n && arr[right] > arr[largest]) {
        largest = right;
    }

    if (largest != r) {
        swap(arr[r], arr[largest]);
        Heapify(arr, largest, n);
    }
}
```

```

void BuildHeap(vector<int> &arr, int n) {

    for (int i = n / 2 - 1; i >= 0; i--) {
        Heapify(arr,i, n);
    }
}

void HS(vector<int> &arr, int n) {

    BuildHeap(arr,n);
    for (int i = n-1; i > 0; i--) {
        swap(arr[0], arr[i]);
        Heapify(arr,0,i);
    }
    return;
}

```

CS

**Nie działa w miejscu**  $O(n+k)$

**Przypadek najgorszy**  $O(n+k)$

**Jest stabilny**

**Jest wrażliwy na dane**

CS - Sortowanie liczb całkowitych z wąskiego zakresu

1 2 3 4 5 6 7 8  
A 3 6 4 1 3 7 1 9

$k = 6$   
(max)

1 2 3 4 5 6  
C 2 0 2 3 0 1

$C[A[i]]++ \quad O(n)$

Modyfikujemy C

1 2 3 4 5 6  
C 2 2 4 8 4 8

$C[i] := C[i] + C[i-1] \quad O(k)$

Sortowanie:

B [ ] 4

$B[C[A[i]]] = A[i] \quad O(n)$

1 2 3 4 5 6  
C 2 2 4 8 4 8

B [ 1 ] 4

1 2 3 4 5 6  
C 1 2 4 6 8 8

```
void CS(vector<int> &arr, int n) {
```

```
    int k = arr[0];
```

```
    for (int i = 0; i < n; i++) {
```

```
        if (arr[i] > k) {
```

```
            k = arr[i];
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    vector<int> store(k+1);
```

```
    for (int i = 0; i < k+1; i++) {
```

```
        store[i] = 0;
```

```
    }
```

```
    for (int i = 0; i < n; i++) {
```

```
        store[arr[i]]++;
```

```
    }
```

```
    for (int i = 1; i < k+1; i++) {
```

```
        store[i] += store[i-1];
```

```
}  
vector<int> final(n);  
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    final[i] = 0;  
}  
  
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    final[store[arr[i]]-1] = arr[i];  
    store[arr[i]]--;  
}  
  
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    arr[i] = final[i];  
}  
  
}
```