Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра обчислювальної техніки

Методи оптимізацій та плануваня експерименту

Лабораторна робота №5 Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів

Виконав: Студент групи IO-91 Кармазін Назар

Перевірив: Регіда П.Г.

Мета роботи: Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів ,використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

Варіант:

| N | X1 | | X2 | | X3 | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| | min | max | min | max | min | max |
| 110 | -4 | 3 | -6 | 10 | 0 | 3 |

Код програми:

```
import numpy as np
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from math import sqrt
from pyDOE2 import *
x_range = [(-4, 3), (-6, 10), (0, 3)]
xcp_min = round(sum([x_range[i][0] for i in range(len(x_range))]) / 3)
xcp max = round(sum([x range[i][1] for i in range(len(x range))]) / 3)
y_min, y_max = 200 + xcp_min, 200 + xcp_max
def regression(x, b):
    return sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
def matrix(m, n):
    y = np.zeros(shape=(n, m), dtype=np.float64)
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            y[i][j] = random.randint(y_min, y_max)
    x norm = ccdesign(3, center=(0, no))
    x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)
    for i in range(4, 11):
        x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)
    1 = 1.215
    for i in range(len(x_norm)):
        for j in range(len(x_norm[i])):
            if x_norm[i][j] < -1:</pre>
                x_norm[i][j] = -1
            elif x_norm[i][j] > 1:
                x \text{ norm}[i][j] = 1
    def inter_matrix(x):
        for i in range(len(x)):
            x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
            x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
            x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
            x[i][7] = x[i][1] * x[i][2] * x[i][3]
            x[i][8] = x[i][1] * x[i][1]
            x[i][9] = x[i][2] * x[i][2]
            x[i][10] = x[i][3] * x[i][3]
```

```
inter matrix(x norm)
    x natur = np.ones(shape=(n, len(x norm[0])), dtype=np.float64)
    for i in range(8):
        for j in range(1, 4):
            if x_norm[i][j] == 1:
                x_natur[i][j] = x_range[j-1][1]
            else:
                x_natur[i][j] = x_range[j-1][0]
    x0 = [(x_range[i][1] + x_range[i][0]) / 2 for i in range(3)]
    dx = [x_range[i][1] - x0[i]  for i in range(3)]
    for i in range(8, len(x_norm)):
        for j in range(1, 4):
            if x_norm[i][j] == 0:
                x_natur[i][j] = x0[j-1]
            elif x_norm[i][j] == 1:
                x_natur[i][j] = 1 * dx[j-1] + x0[j-1]
            elif x_norm[i][j] == -1:
                x_natur[i][j] = -1 * dx[j-1] + x0[j-1]
    inter_matrix(x_natur)
    y_aver = [sum(y[i]) / m for i in range(n)]
    print("Нормована матриця X\n")
    for i in range(len(x norm)):
        for j in range(len(x_norm[i])):
            print(round(x_norm[i][j], 3), end=' ')
        print()
    print("\nНатуралізована матриця X\n")
    for i in range(len(x_natur)):
        for j in range(len(x_natur[i])):
            print(round(x_natur[i][j], 3), end=' ')
        print()
    print("\nMaтриця Y\n", y)
    print("\nСередні значення функції відгуку за рядками:\n", [round(elem, 3) for elem
in y_aver])
    coef(x_natur, y_aver, y, x_norm)
def coef(x, y_aver, y, x_norm):
    skm = lm.LinearRegression(fit intercept=False)
    skm.fit(x, y_aver)
    b = skm.coef
    print("\nКоефіцієнти рівняння регресії:")
    b = [round(i, 3) \text{ for } i \text{ in } b]
    print(b)
    print("\nPeзультат рiвняння зi знайденими коефiцiєнтами: \n", np.dot(x, b))
    cohren(m, y, y_aver, x_norm, b)
# ------ Критерій Кохрена ------
def cohren(m, y, y_aver, x_norm, b):
    print("\nКритерій Кохрена")
    dispersion = []
    for i in range(n):
        z = 0
        for j in range(m):
            z += (y[i][j] - y_aver[i]) ** 2
        dispersion.append(z / m)
```

```
print("Дисперсія:", [round(elem, 3) for elem in dispersion])
   Gp = max(dispersion) / sum(dispersion)
   f1 = m - 1
   f2 = n
   q = 0.05
   Gt = f.ppf(q=(1 - q / f1), dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
   Gt = Gt / (Gt + f1 - 1)
   if Gp < Gt:</pre>
       print("Gp < Gt\n{0:.4f} < {1} => дисперсія однорідна".format(Gp, Gt))
       student(m, dispersion, y_aver, x_norm, b)
   else:
       print("Gp > Gt\n{0:.4f} > {1} => дисперсія неоднорідна => m+=1".format(Gp, Gt))
       m += 1
       matrix(m, n)
def student(m, dispersion, y_aver, x_norm, b):
   print("\nКритерій Стюдента")
   sb = sum(dispersion) / n
   s_beta = sqrt(sb / (n * m))
   k = len(x norm[0])
   beta = [sum(y_aver[i] * x_norm[i][j] for i in range(n)) / n for j in range(k)]
   t_t = [abs(beta[i]) / s_beta for i in range(k)]
   f3 = (m - 1) * n
   qq = (1 + 0.95) / 2
   t_table = t.ppf(df=f3, q=qq)
   b impor = []
   for i in range(k):
       if t_t[i] > t_table:
           b_impor.append(b[i])
       else:
           b_impor.append(0)
   print("Незначні коефіцієнти регресії")
   for i in range(k):
       if b[i] not in b impor:
           print("b{0} = {1:.3f}".format(i, b[i]))
   y_impor = []
   for j in range(n):
       y impor.append(regression([x norm[j][i] for i in range(len(t t))], b impor))
   print("Значення функції відгуку зі значущими коефіцієнтами\n", [round(elem, 3) for
elem in y_impor])
   fisher(m, y_aver, b_impor, y_impor, sb)
def fisher(m, y_aver, b_impor, y_impor, sb):
   print("\nКритерій Фішера")
   d = 0
   for i in b_impor:
       if i:
           d += 1
   f3 = (m - 1) * n
   f4 = n - d
   s_ad = sum((y_impor[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(n)) * m / f4
   Fp = s ad / sb
   Ft = f.ppf(dfn=f4, dfd=f3, q=1 - 0.05)
```

Результати тестування:

```
[205, 197, 199,]
[200. 202. 205.]
[198. 201. 200.]
[204. 197. 198.]]
```

Середні значення функції відгуку за рядками:

```
 [200.333,\ 201.333,\ 201.333,\ 199.667,\ 201.667,\ 200.333,\ 201.667,\ 204.333,\ 198.333,\ 197.667,\ 200.333,\ 202.333,\ 199.667,\ 199.667]
```

Коефіцієнти рівняння регресії:

```
[200.278, -0.066, -0.005, -1.673, -0.024, 0.008, 0.059, 0.02, 0.068, -0.001, 0.569]
```

Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:

```
[201.048
           201.118
                     202,44
                                   199,822
                                                201,432
                       203.566
199.15
           201.816
                                   200.94722042 200.01167043
198.4116916 199.8988516 200.90640706 201.37296706 199.24975 ]
```

```
Критерій Кохрена
Дисперсія: [4.222, 1.556, 1.556, 1.556, 6.222, 6.222, 2.889, 0.889, 6.222, 1.556, 0.889, 11.556, 4.222, 1.556, 9.556]
0.1905 < 0.7410730084501662 => дисперсія однорідна
Критерій Стюдента
Незначні коефіцієнти регресії
b1 = -0.066
b2 = -0.005
b3 = -1.673
b4 = -0.024
b5 = 0.008
b6 = 0.059
b7 = 0.020
Значення функції відгуку зі значущими коефіцієнтами
[200.914, 200.914, 200.914, 200.914, 200.914, 200.914, 200.914, 200.914, 200.914, 200.378, 200.378, 200.277, 200.277, 201.118, 201.118, 200.278]
Критерій Фішера
Fp > Ft => 2.31 > 2.125558760875511
```

Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05