Universidade Federal de Alagoas - Campus Arapiraca Fundamentos de Matemática (FM) - 2023.1 Lista de exercícios AB1

Nome:

Não preencha a tabela a seguir, ela será utilizada pelo professor na avaliação.

Questão	1º	2°	3°	4º	5°	6°
Pontuação:	1	2	1	2	1	3
Avaliação:						

Instruções:

- 1. Leia os enunciados com atenção;
- 2. Confirme se as expressões observadas no documento estão corretas vendo o PDF;
- 3. Realize seus cálculos para identificar uma solução;
- 4. Crie uma cópia deste Google Docs;
- 5. Compartilhe seu Google Docs com alexandre.barbosa@arapiraca.ufal.br
- 6. Forneça os cálculos realizados para chegar na solução (observe o exemplo);
- 7. Envie o link do Google Docs através do FORM no classroom.

Observações:

- 1. Quanto mais detalhada for sua resolução, melhor será para sua avaliação;
- 2. Uma resposta pode ser obtida através de "caminhos" diferentes e um mesmo caminho pode ser descrito de formas distintas, observar soluções idênticas, poderá impactar nas avaliações.

Exemplo

Busque as soluções para as equações a seguir quando possível:

$$\frac{x+3}{x-1} = \frac{3x+1}{x+3}$$

1º Passo: Modificando o membro ao qual os divisores pertencem, passamos (x + 3) para o 1º membro e (x - 1) para o segundo membro. Para isso é necessário realizar a operação inversa, ou seja, uma multiplicação. Sendo assim, obtemos:

$$(x + 3)(x + 3) = (3x + 1)(x - 1)$$

2º Passo: Observamos que (x + 3)(x + 3) é o produto notável do quadrado da soma. Ao mesmo tempo realizamos a multiplicação dos polinômios do 2º membro. Sendo assim, obtemos:

$$x^2 + 6x + 9 = 3x^2 - 3x + x - 1$$
, resolvendo $-3x + x$, obtemos $x^2 + 6x + 9 = 3x^2 - 2x - 1$

3º Passo: Trazendo todos os polinômios para o 1º membro, obtemos:

$$x^2+6x+9-3x^2+2x+1=0$$
 , resolvendo as operações obtemos $-2x^2+8x+10=0$

4º Passo: Se tratando de uma equação do 2º grau completa, utilizamos o método de Bhaskara. Assim temos:

$$\Delta = 8^2 - 4 \cdot (-2) \cdot 10$$

 $\Delta = 64 + 80 = 144$

$$x = \frac{-8 \pm \sqrt{144}}{2 \cdot (-2)} = \frac{-8 \pm 12}{-4}$$

$$x' = (-8 + 12)/ - 4 = 4/ - 4 = -1$$

$$x'' = (-8 - 12)/ - 4 = -20/ - 4 = 5$$

Apresente a resposta final com destaque!

Resposta:
$$x' = -1 e x'' = 5$$

Questões

1) Forneça a solução para as seguintes expressões:

a)
$$\left[5 - \left(-\frac{1}{2} + 4\right)\right] \cdot \left(1 - \frac{5}{9}\right) \cdot (-2 + 5)$$

b)
$$\left(-\frac{1}{2} + \frac{3}{4}\right) : \left[-\frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{3}{2} + \frac{1}{4}\right)\right]$$

c)
$$\frac{2^{-3} \cdot \sqrt{64}}{2}$$

d)
$$\left(\frac{2 \cdot \sqrt[3]{64}}{4}\right)^3 \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3}\right)^2$$

2) Realize as seguintes operações sobre polinômios:

a)
$$\frac{4x}{5} - \frac{2x}{10} + x$$

b)
$$(3x^3 + 2x^2 + 5x - 4) \cdot (5x^4 + 2x^2 + 1)$$

c)
$$(x^3 + 2x^2 - 5x - 6)$$
: $(x + 3)$, forneça $P(x) = D(x)$. $Q(x) + R(x)$

d)
$$(6x^3 + 2x^2 + 5x - 4) : (2x^2 + 1)$$
, forneça P(x) = D(x). Q(x) + R(x)

3) Encontre o valores de $x \in \Re$ nas seguintes equações do 1º grau, quando possível

a)
$$3x + 1/3 * 27 = 0$$

b)
$$\frac{5}{3}x - \frac{2}{4} = 0$$

c)
$$2x + 5 = 4x - 9$$

d)
$$2x^2 + 3x - 5 = 2x^2 - 2x + 10$$

4) Encontre o valores de $x \in \Re$ nas seguintes equações do 2º grau, quando possível

a)
$$4x^2 - 9 = 0$$

b)
$$5x^2 + 25x = 0$$

c)
$$4x^2 + 20x + 25 = 0$$

d)
$$5x^2 + 5x - 10 = 0$$

5) Seja $ax^3 + (2a + b)x^2 + 3x + 5 = 0$ quais os valores a e b para que o polinômio seja uma equação do 2º grau. Forneça a justificativa.

a)
$$a = 0 e b = 0$$

b)
$$a = 1 e b \neq 0$$

c)
$$a = 0 e b \neq 0$$

d)
$$a = -1 e b = 0$$

6) Encontre uma solução em \Re para as seguintes expressões, quando possível:

a)
$$\frac{(x+3)(x-3)}{(5x-15)} = \frac{x^2+2x+1}{(x+1)^2}$$

b)
$$2x^2 + \frac{x}{4} + \frac{3}{8} = 0$$

c)
$$2x^2 + 16x + 8 = 0$$