Bazy danych 2020

na podstawie slajdów Przemysławy Kanarek

7 marca 2020

Baza danych

```
S = (\underline{indeks}, nazwisko, rok), P = (\underline{nazwa}, typ), O = (\underline{indeks}, \underline{przed}, \underline{data}, stop)
```

- $x \in S \land (\exists y)(y \in O \land y.indeks = x.indeks \land y.stop = 5 \land y.przed ='BD')$
- $\{x \mid x \in S \land (\exists y)(y \in O \land y.indeks = x.indeks \land y.stop = 5 \land y.przed = 'BD')\}$
- { Z[nazwisko,indeks] |

```
(\exists x)(x \in S \land z.indeks = x.indeks \land z.nazwisko = x.nazwisko \land (\exists y)(y \in O \land y.indeks = x.indeks \land y.stop = 5 \land y.przed = 'BD'))
```

- x student, który dostał 5.0 z BD.
- Wszyscy studenci, którzy dostali 5.0 z BD.
- Nazwiska i indeksy studentów, którzy dostali 5.0 z BD.

Baza danych

$$S = (indeks, nazwisko, rok), P = (nazwa, typ), O = (indeks, przed, data, stop)$$

2a.
$$\{x \mid x \in S \land \neg(\exists y)(y \in O \land y.indeks = x.indeks \land y.stop = 5)\}$$

2b.
$$\{x \mid x \in S \land \neg(\exists y)(y \in O \land y.indeks = x.indeks \land y.stop \neq 5)\}$$

2c.
$$\{x \mid x \in S \land (\exists y)(y \in O \land y.indeks = x.indeks \land y.przed =' BD' \land \neg (\exists y_1)(y_1 \in O \land y_1.indeks \neq x.indeks \land y_1.przed =' BD' \land y_1.stop > y.stop)\}$$

- 2a. Studenci, którzy nie dostali żadnej piątki.
- 2b. Studenci, którzy mają tylko piątki.
- 2c. Studenci, którzy mają najlepszą ocenę z Baz danych.

Zapytanie relacyjnego rachunku krotek

Formuła rrk — opisuje własności krotek

Formula atomowa:

- R(t) lub $t \in R$, gdzie R to relacja z bazy danych, a t to zmienna (krotkowa);
- t.a = c, gdzie a jest atrybutem t; równość można zastąpić przez:
 ,<, >, >, a c jest stałą lub atrybutem innej zmiennej krotkowej;

Formula:

- formuła atomowa.
- (ϕ) , $\neg(\phi)$, $\phi \lor \psi$, $\phi \land \psi$, gdzie ϕ i ψ są formułami;
- $(\exists t)(\phi(t))$ lub $(\forall t)(\phi(t))$, gdzie ϕ jest formułą, a t jej zmienną wolną.

Zapytanie rrk — wybiera krotki mające daną własność

$$\{x \mid \phi(x)\}\ \{x^{[A_1,A_2,...,A_k]} \mid \phi(x)\},\$$

gdzie x jest zmienną krotkową, a ϕ jest formułą relacyjnego rachunku krotek, w której x jest jedyną zmienną wolną;

Baza danych

$$S = (\underline{indeks}, nazwisko, rok), P = (\underline{nazwa}, typ), O = (\underline{indeks}, przed, \underline{data}, stop)$$

- 1. $S(x_1, x_2, x_3) \wedge (\exists y_1, y_2, y_3, y_4)((O(y_1, y_2, y_3, y_4) \wedge y_1 = x_1 \wedge y_2 =' BD' \wedge y_4 = 5)$
- 1a. $S(x_1, x_2, x_3) \wedge (\exists y_3)(O(x_1, 'BD', y_3, 5))$
 - 2. $\{x_1, x_2, x_3 \mid S(x_1, x_2, x_3) \land (\exists y_3)(O(x_1, BD', y_3, 5))\}$
- 3. $\{x_1, x_2 \mid (\exists x_3)(S(x_1, x_2, x_3) \land (\exists y_3)(O(x_1, BD', y_3, 5)))\}$
- 3a. $\{ind, naz \mid (\exists rok)(S(ind, naz, rok) \land (\exists dat)(O(ind, BD', dat, 5)))\}$

- 1. x student, który dostał 5.0 z BD.
- 2. Wszyscy studenci, którzy dostali 5.0 z BD.
- 3. Nazwiska i indeksy studentów, którzy dostali 5.0 z BD.

Baza danych

$$S = (\underline{indeks}, nazwisko, rok), P = (\underline{nazwa}, typ), O = (\underline{indeks}, przed, \underline{data}, stop)$$

- 2a. $\{(i, n, r) \mid S(i, n, r) \land \neg(\exists p, d)(O(i, p, d, 5))\}$
- 2b. $\{(i, n, r) \mid S(i, n, r) \land \neg (\exists p, d, s) (O(i, p, d, s) \land s \neq 5)\}$
- $i \neq i_1 \land s_1 > s))$

- 2a. Studenci, którzy nie dostali żadnej piątki.
- 2b. Studenci, którzy mają tylko piątki.
- 2c. Studenci, którzy mają najlepszą ocenę z Baz danych.

Zapytanie relacyjnego rachunku dziedzin

Formuła rrd — opisuje własności wektorów zmiennych dziedzinowych

Formula atomowa:

- $R(x_1, x_2, ..., x_k)$ lub $(x_1, x_2, ..., x_k) \in R$, gdzie R to relacja o arności k, $x_1, x_2, ..., x_k$ to zmienne lub stałe (dziedzinowe);
- x = c, gdzie x jest zmienną; równość można zastąpić przez: \neq , <, \leq , >, \geq , a c jest stała lub zmienna:

Formula:

- formuła atomowa.
- (ϕ) , $\neg(\phi)$, $\phi \lor \psi$, $\phi \land \psi$, gdzie ϕ i ψ sa formułami;
- $(\exists t_1, t_2, \dots, t_\ell)(\phi(t_1, t_2, \dots, t_\ell))$ lub $(\forall t_1, t_2, \dots, t_\ell)(\phi(t_1, t_2, \dots, t_\ell))$, gdzie ϕ jest formułą, a t_1, t_2, \dots, t_ℓ jej zmiennymi wolnymi.

Zapytanie rrd — wybiera wektory wartości zmiennych mające daną własność

$$\{x_1, x_2, \ldots, x_{\ell} \mid \phi(y_1, y_2, \ldots, y_k)\},\$$

gdzie ϕ jest formułą relacyjnego rachunku krotek, a x_1, x_2, \ldots, x_ℓ to zmienne dziedzinowe i stałe, wśród których występują wszystkie zmienne wolne ϕ : y_1, y_2, \ldots, y_k i tylko takie zmienne;

Formuly niebezpieczne

Trudny przykład

E(osoba, dziedzina) to baza ekspertów z określonych dziedzin. Poszukujemy pary ekspertów, którzy razem tworzą zespół znający się na wszystkich dziedzinach.

```
\begin{aligned} &\{a,b \mid (\forall d)((\exists c)(E(c,d)) \Rightarrow E(a,d) \lor E(b,d))\} \\ &\{x \mid P(x) \land (\forall y)L(x,y)\} \\ &\{x \mid \neg(\exists y)E(x,y)\} \end{aligned}
```

Co jest nie tak?

- Szukamy takich par (a, b), że dla każdej dziedziny d (czyli zmiennej występującej w drugiej kolumnie E) a lub b jest ekspertem w tej dziedzinie (występuje w parze z d w relacji E).
- Jeśli nie ma dziedzin (E jest pusta), to każda para wartości (?,?) spełnia formułę zapytania.
- Jeśli jest jeden ekspert Wszystkowiedzący znający się na wszystkim, to każda para ('Wszystkowiedzący', ?) spełnia formułę zapytania.
- W obu przypadkach wynik jest nieskończony.
- Co jeśli ograniczymy zbiory możliwych dziedzin/ekspertów?

Formuly niebezpieczne

Sprawdzenie czy formuła jest niebezpieczna jest nierozstrzygalne!

Formuly bezpieczne

Dziedzina formuły

Zbiór D nazwiemy **dziedziną** formuły ϕ , gdy jest to zbiór wszystkich wartości występujących we wszystkich kolumnach wszystkich relacji ϕ oraz wszystkich stałych występujących jawnie w ϕ .

Kwantyfikatory ograniczone

Formuła ϕ jest bezpieczna, jeśli poniższe modyfikacje nie wpływają na jej wartość:

- $(\exists x)\phi(x)$ można zamienić na $(\exists x \in D)\phi(x)$, czyli $(\exists x)D(x) \land \phi(x)$;
- $(\forall x)\phi(x)$ można zamienić na $(\forall x \in D)\phi(x)$, czyli $(\forall x)D(x) \Rightarrow \phi(x)$;
- $\{x \mid \phi(x)\}$ można zamienić na $\{x \in D^k \mid \phi(x)\}$, gdzie k jest arnością x, a D^k to iloczyn k kopii D.

Twierdzenie

Języki zapytań dla modelu relacyjnego:

- algebra relacji,
- relacyjny rachunek krotek i relacyjny rachunek dziedzin

nie są sobie równoważne.

Każde wyrażenie algebry relacji zwraca zbiór skończony!

Twierdzenie (Twierdzenie)

Języki zapytań dla modelu relacyjnego:

- algebra relacji,
- relacyjny rachunek krotek ograniczony do formuł bezpiecznych i
- relacyjny rachunek dziedzin ograniczony do formuł bezpiecznych

są sobie równoważne.

Proste ćwiczenie 1: Dla każdego wyrażenia algebry relacji istnieje równoważna mu bezpieczna formuła w relacyjnym rachunku krotek.

Bardzo proste ćwiczenie 2: Dla każdej bezpiecznej formuły w relacyjnym rachunku krotek istnieje równoważna mu bezpieczna formuła w relacyjnym rachunku dziedzin.

Twierdzenie 1: Dla każdej bezpiecznej formuły w relacyjnym rachunku dziedzin istnieje równoważne mu wyrażenie algebry relacji.

Pokażemy, że dla każdego $\phi(x_1,\ldots,x_k)$ — bezpiecznej formuły relacyjnego rachunku dziedzin o zmiennych wolnych x_1,x_2,\ldots,x_k istnieje wyrażenie algebry relacji W_ϕ , którego wartością jest $\{x_1,x_2,\ldots,x_k\mid \phi(x_1,x_2,\ldots,x_k)\}$.

1 Zdefiniujmy dziedzinę ϕ :

$$D_{\phi} = \{c_1, c_2, \ldots, c_{\ell}\} \cup \bigcup \pi_{A \in attr(R_i)}(R_i),$$

gdzie c_1, c_2, \ldots, c_ℓ to wszystkie stałe występujące w ϕ , a R_1, R_2, \ldots, R_m to symbole wszystkich relacji występujących w ϕ .

② Przekształómy formuły atomowe występujące w ϕ tak, by nie zawierały stałych i powtarzających się zmiennych:

$$R(x, y, x, 13) \rightarrow (\exists z, u) R(x, y, z, u) \land x = z \land u = 13$$

3 Przekształćmy ϕ w ten sposób, by nie zawierała spójników \wedge i kwantyfikatorów \forall .

Podstawa indukcji

• dla $\phi(x, y, z) \equiv R(x, y, z)$ definiujemy

$$W_{\phi} = R$$
, ewentualnie $W_{\phi} = \rho_{x,y,z}(R)$

• dla $\phi(x) \equiv x > const$ definiujemy

$$W_{\phi} = \sigma_{X>const}(\rho_X(D))$$

• dla $\phi(x) \equiv x = const$ definiujemy

$$W_{\phi} = \sigma_{X=const}(\rho_X(D))$$
 lub $\rho_X(\{const\})$

• dla $\phi(x) \equiv x \neq y$ definiujemy

$$W_{\phi} = \sigma_{X \neq y}(\rho_X(D) \times \rho_Y(D))$$

Krok indukcyjny

• dla $\phi(x) \equiv \neg \psi(x)$ i wyrażenia W_{ψ} z atrybutem x definiujemy

$$W_{\phi} = \rho_{X}(D) \setminus W_{\psi}$$

• dla $\phi(x,y,z) \equiv \psi(x,y) \vee \eta(y,z)$ i wyrażeń W_{ψ} i W_{η} z atrybutami odpowiednio: x,y oraz y,z definiujemy

$$W_{\phi} = (W_{\psi} \times \rho_{z}(D)) \cup (\rho_{x}(D) \times W_{\eta})$$

• dla $\phi(x) \equiv (\exists y)\psi(x,y)$ i wyrażenia W_{ψ} z atrybutami x,y definiujemy

$$W_{\phi} = \pi_{X}(W_{\psi})$$

Wnioski

- Mamy trzy równoważne języki zapytań dla modelu relacyjnego:
 - Dwa z nich, rachunki relacyjne, są deklaratywne formułując zapytanie podajemy jego znaczenie, a nie sposób obliczania.
 - Jeden z nich, algebra relacji, jest imperatywny pisząc wyrażenie podajemy sposób wyliczania, ale znaczenie wyrażenia nie musi być jasne.
 - Dzięki równoważności języków mamy połaczenie deklaratywnej i imperatywnej metody zapytań.
- 2 Moc, czyli możliwości ekspresji rachunków relacyjnych, jest bardzo dobrze znana:
 - to logika pierwszego rzedu, w której można opisać wiele własności,
 - nie można jednak wyrazić np. domknięcia tranzytywnego, do czego potrzebne jest kwantyfikowanie po relacjach (powiedzenie, że "istnieje relacja, taka że...)