Міністерство освіти України

Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Факультет інформатики та обчислювальної техніки

3BIT

до практикуму № 3

з дисципліни

"Інфомаційні технології підтримки прийняття рішень"

на тему: "Відношення переваги при глобальній порівнюваності критеріїв"

Варіант 11

Виконала:

Студентка групи ІП-71

Каспрук Анастасія Андріївна

1. Результати.

| Відношення | Опт. альтернативи за принципом домінування | Опт. альтернативиза принципом блокування |
|-----------------|--|---|
| Парето | $X_R^* = \emptyset. X_R^{**} = \emptyset.$ | $X_{R}^{0} = \{0, 6, 8, 12, 14, 16, 19 \}.$ $X_{R}^{00} = \{0, 6, 8, 12, 14, 16, 19 \}.$ |
| Мажоритарне | $X_{P}^{*}=\{16\}.$ | $X_{P}^{0} = \{ 16 \}.$ |
| Лексикографічне | | $X_{P}^{0} = \{ 16 \}.$ |
| Березовського | $X_{P}^{*} = \emptyset.$ | $X_{P}^{0} = \{ 6, 14, 16, 19 \}.$ |
| Подиновського | $X_R^* = \emptyset. X_R^{**} = \emptyset.$ | $X_{R}^{0} = \{ 6, 16, 19 \}. X_{R}^{00} = \{ 6, 16, 19 \}.$ |

2. Постановка задачі.

Задано множину з 20 альтернатив, які оцінені за множиною критеріїв $K = \{k_i\}, i = 1,...,12$.

У вхідному файлі міститься інформація:

- 1) оцінки альтернатив за критеріями множини K (20 рядків, j-й рядок це оцінки альтернативи j)
- 2) про порівнюваність критеріїв:
 - впорядкування критеріїв за спаданням важливості, яке відповідає відношенню строгогопорядку V1на множині K;
 - впорядкування класів рівноважливих критеріїв за зростанням важливості класів, яке відповідаєвідношенню квазіпорядку V2на множині К

Необхідно за інформацією про оцінки альтернатив за критеріями к1-к12 та інформацією про порівнюваність критеріїв побудувати на множині альтернатив відношенняпереваги та визначити оптимальні альтернативи, якщо:

- 1) інформація про порівнюваність критеріїв несуттєва (відн. Парето);
- 2) критерії рівноважливі (мажоритарне в.);
- 3) на множині критеріїв задане віднош. строгого порядку V1 (лексикографічне в.);
- 4) на множині критеріїв задане відношення квазіпорядку V2 (відн. Березовського);
- 5) для випадку рівноважливих критеріїв побудувати на множині альтернатив відношення Подиновського.

Завдання для варіанту 11:

```
10 1 5 1 9 2 3 9 6 7
1 1 5 1 5 2 1 9 6 7 6 4
1 1 5 1 5 2 1 8 4 7 5 4
  4 5 3 7 6 7 9 8 7 5 4
1 1 5 1 5 2 1 8 4 7 5 4
  8 5 10 5 8 10 8 7 7 5 7
8 8 5 10 7
            8 10 9
                   8
  2 5 3
          7
            8 10 3
       5
         9
            9 10
                 9
                    6
  5 5 3 4
            9 6
                 4
                   6
                      5
10 5 5 3 6 9 9 10 10
  5 4 1 5 8 7
                 3 10 4 7
  8 6 2 7 8 7 8 10
5
5 4 6 2 1 5 5 5 1 7 7
10 5 10 10 5 5 6 9 8 7 7 5
5 5 6 4 3 2 1 5 3 7 1 5
10 8 6 6 6 10 9 10 10 7 8 8
3 4 4 1 6 10 3 6 4 7 1 2
8 9 6 5 6 10 3 9 4 7 8 5
9 10 9 5 6 10 3 9 10 10 9 5
Відношення строгого порядку на мн-ні критеріїв
(впорядкування за спаданням важливості):
k1>k8>k4>k10>k12>k3>k11>k5>k2>k7>k6>k9
Відношення квазіпорядку на мн-ні критеріїв
(класи впорядковані за зростанням важливості):
{k6,k8,k12} < {k4,k5,k10,k11} < {k1,k2,k3,k7,k9}
```

3. Розв'язок.

| Bi, | цно | ЭШЕ | н | 19 | Па | ape | ; T(|) : | | | | | | | | | | | | |
|--|-----------------|--------------|---|---|--------------------|----------------|----------------|---|----|-------------|---------------|----------------|-----------|--------------------|----------|------------------|------|---------------|---------------------|-------|
| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 |
| 0 | 1 | 1 | 1 1 1 | | 1 | | | | | | 0 | 0 | | | | | 0 | | | 0 |
| 1 | | 1 | 1 | Ō | $ar{1}$ | | Ō | | | | 0 | 0 | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | | | 1 | | $\overline{f 1}$ | | | | | | | 0 | | | | | | | | 0 |
| 3 | 0 | | 1 | $ar{1}$ | 1 | | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 4 | 0 | | ī | 0 | ī | 0 | 0 | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 5 | 0 | | 1 1 | Ō | 1 1 | $ar{f 1}$ | Ö | 0 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2345678910 | 0 | 0 | | $ar{f 1}$ | 1 | 1 | 1 | 1 | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 7 | 0 | 0 | 0 | Й | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| ĕ | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | Ö | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 7 | | 0 | Ō | 0 | 0 | | | | Ō | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| | | 1 0 | 1 0 | | 1 0 | | | 0 | | 1 0 | 1 0 | 1 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 11 12 | 0 | ٥ | 1 | 0 | บ 1 | 0 | ٥ | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | ש 1 | Մ 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 12 | ٥ | Ö | Ö | Ö | Ö | ٥ | ٥ | ٥ | Ö | 0 | 0 | Ō | ō | 4 | 0 | 0 | Ö | Ö | ٥ | 0 |
| 14 | Ö | 1 | ĭ | ŏ | ĭ | ŏ | ŏ | Ö | ŏ | ö | Ö | Ö | Ö | 1 1 | 1 | 1 | ö | Ö | Ö | Ö |
| 12 | ŏ | ò | ò | ŏ | ò | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | Ö | Ö | Ö | ō | ō | 1 | ö | Ö | Ö | Ö |
| 16 | ŏ | ĭ | ĭ | ŏ | ĭ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ĭ | ĭ | ĭ | ö | ĭ | ŏ | ī | ĭ | | Ö | Ö |
| 13 14 15 16 17 | ŏ | ō | ō | ŏ | ō | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ō | ō | ō | Ö | ō | Ö | ō | ō | 7 | ŏ | ŏ |
| ī Ř | ŏ | ŏ | ĭ | ŏ | ĭ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ĭ | ŏ | Ť | | ŏ |
| 19 | ŏ | ĭ | ī | ŏ | ī | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ŏ | ī | ŏ | 1 1 1 | ${\color{red}1\\1}$ | ĭ |
| | | | | | | | • | _ | | | | | | | • | | | | | |
| | 0 | 1 P | 2 | 3 | 4 P | 5 N | 6 | 7 | 8 | 9 N | 10 | 11 | 12 N | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 |
| 0 | Ι | P | 2 P P | 7 | P | 7 | <u>6</u> Z Z 0 | × | 7 | | N | ZZ | 7 | N | N | 7 | N | N | N | N |
| 1 | 0 | \mathbf{I} | P | N | P | 7 | N | N | | Ν | 0 | N | N | N | 0 | N | 0 | N | М | 0 |
| 2 | 2 | | Ī | 0 | Ī P | 2 | 0 | N | | Ν | 0 | N | LU. | N | 0 | N | 0 | N | 0 | 0 |
| 12345678910 | N | N | Ā | Ĭ | P | N | Ō | ù | N | N | N | zzzzzzz | N | a i | N | a i | N | a i | М | N |
| 4 | 0 | 0 | Ĩ | Ш | Ī | ā | ē | N | | N | 0 | ì | 0 | | 0 | ì | 0 | | 0 | 0 |
| 5 | ì | N | Ĭ. | N | Ľ | Ï | Ô | N | ù | N | N | | N | | | | 2222 | | Z Z Z Z | zzzz |
| <u> </u> | Ĥ | Ņ | К | Н | г | г | Ï | ŗ | Ň | N | Ņ | | | ì | | ı i | ì | ı i | | • |
| 3 | H | N P | М | Ĥ | М | H | Щ | Ï | Щ | М | Ņ | | | | | | | | | 8 |
| ŏ | H | Ľ | Н | H | r | н | н | r | Ÿ | N P I | N | | Z Z Z Z Z | 1 | zzzzzzzz | | | | | • |
| 3 (0) | н | N P N | Н | н | ĸ | н | н | н | Щ | H | 0 I | N P | • | • | • | • | 0 | • | • | • |
| | н | | | н | | н | н | н | н | P N | Ö | I | п | • | • | • | Ö | • | • | • |
| 45 | н | н | Н | н | н | н | н | н | н | н | N | - L | 0 I | - | - | - | N | - | + | + |
| 12 | H | ٠ | Į. | ٠ | Į. | ٠ | H | Ŋ | H | 7.7 | Ž | P | Ö | Ŧ | 0 | + | O | ð | ZZZZZ | zzzzz |
| 14 | * | В | В | H | В | H | + | Н | • | • | + | + | N | P | Ï | 1 | Ň | • | ì | ì |
| 15 | | 'n | 'n | Ŋ, | 'n | ÷ | 3 | Ñ | ij | ij. | • | • | • | Ň | ō | Ť | ò | 3 | Ö | Ò |
| 16 | ij | ZZAZA | P | ij | P | ÷ | ÷ | ij | ij | N P | N N P | N N P | • | P | Ň | Þ | Ï | P | Ň | Ň |
| 17 | Ñ | Ñ | 19199 2 9 2 9 2 9 2 | Ñ | PPZPZPZPZPZ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ô | ZZZZZZZZZZZZZ | ö | Ö |
| 18 | ZZZZZZZZZZZZZZZ | Ñ | Ë | Ñ | Ë | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Ñ | Z Z Z | P N P P | Ň | P | Ĭ | ŏ |
| 11 12 13 14 15 16 17 18 | Ñ | N P | P P | <u>∞244444444444444449200000000000000000000</u> | P P | ◎⊣宀ヱヱヱヱヱヱヱヱヱヱヱ | H0ZZZZZZZZZZZ | *************************************** | | 7.7.7 | Z Z Z | 222 | zzzzzz | ZZZZZZZZZZPHPZPZZZ | Ñ | P | ZZ | P P | Ī P | Ĭ |
| | | | | | | | | | | | | | | | | _ | | _ | _ | |

Оптимізація за домінуванням:

 $I \neq \emptyset$, тому шукаємо X_R^* та X_R^{**} . $X_R^* = \emptyset$, оскільки немає рядка зі всіма одиницями. $X_R^{**} = \emptyset$, оскільки немає рядка зі всіма одиницями, $X_R^* = \emptyset$.

Оптимізація за блокуванням:

 $I \neq \emptyset$, тому шукаємо X^0_R та X^{00}_R . $X^0_R = \{0, 6, 8, 12, 14, 16, 19\}$, оскільки у відповідних стовпцях присутні тільки нулі та І.

 $X_{R}^{00} = \{ 0, 6, 8, 12, 14, 16, 19 \}$, оскільки у відповідних стовпцях всі нулі, окрім клітинок, що характеризують пару альтернативи з самою собою.

```
1ажоритарне відношення:
                                                                                                                                                                  1200000010101000001011
                                                                                                                                                                                                                     15100101111101110101011
                                                                                                                                                                                                                                       <mark>6</mark>000000000000000000000
                                                                                                                                                                                                                                                                                           1900000000000000
                                                                                                                                                 100010110111010101011
                                                                                                                                                                                   1300010111111110111011
                                                                                                                                                                                                     <mark>4</mark>00000010101010001001
                                                                                                                                                                                                                                                        121001011111010111101011
                                                                                                                                                                                                                                                                          <mark>1</mark>800000010101000101001
                                                                                                                                 *000000H00000000
                                                                                 ^1001011011101010
                                                                     ,00000040004040404044
                                                          *110101111111111111111
                                              00000440404040404044
                                    1
1
0
                                                                                                                   00010110101010111011
            10101111101011
                       111111111111011
                                    111111111111111
                                                                                            1
0
1
1
                                                                                                        1001
                                                                                                                                                                                                                                                                                                1000
                                                                                 1
                                    *********************
                                                                     <u>,</u> z==+=+=+z+=+z++
                                                                                                                                <mark>-</mark>-----x-x-x-----
                                                                                                                                                 1
1
                                                                                                                                                                                    <mark>4</mark>000000000000000%000000
                                                                                                                                                                                                                      <mark>1</mark>540040444044404X4X44
                                                                                                                                                                                                                                       60000000000000z000
                                                                                                                                                                                                                                                        <mark>1</mark>8000000000000000000%0
                                                                                                                                                                                                                                                                                           X00404404X4444404044
                         42040444444444424
```

 $I = \emptyset$, тому шукаємо X_{P}^* .

 X_{P}^{*} ={16}, оскільки у рядку 16 всі одиниці, окрім клітинки, що характеризує пару (16, 16).

Оптимізація за блокуванням:

 $I = \emptyset$, тому шукаємо X^0_P .

 $X_{P}^{0} = \{16\}$, оскільки у стовпці 16 всі нулі.

```
Лексикографічне відношення:
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11
                                                                                                                                                                        13100001111010101111011
                                                                                                                                                                                                                       1
1
                                                                                                                                                                                                                                       1
7100101111010111111011
                                                                                                                                                                                                                                                       1
8
10000010101000101001
                                                                                                                                                                                                                                                                      19100000000001000101000
                                                                                                                                                        121000011110100010101011
                                                                                                                                                                                       <mark>4</mark>0000000000100001000
                                                                                                                                                                                                       1
1
                                                                                                             100101111010111111111
                                                                                                   10000010001000101001
                                                                                                                                             11111111111110111111111
              0000000000000000000000000
                        10010111111011111111
                                                                                                                             00000000000000000000000
                                  1101011111110111111111
                                                                                       10000110101000101011
                                             100001111010111111011
                                                                  10000010101000101011
                                                                             100000000001000101001
                                                        1111110111111111
                                   244242444444444444
                                                                                        <u>^</u>40000040X40400040404
                                                                                                             *****************
                                                                  6
                                                                                                                        <mark>4</mark>000000000000%0000
                                                                                                                                                                                                       1
1
                                                                                                                                                                                                                                       .20000000000000000000000
```

 $I = \emptyset$, тому шукаємо X_P^* .

 $X_{P}^{*}=\{16\}$, оскільки у рядку 16 всі одиниці, окрім клітинки, що характеризує пару (16, 16).

Оптимізація за блокуванням:

 $I = \emptyset$, тому шукаємо X^0_P .

 $X_{P}^{0} = \{ 16 \}$, оскільки у стовпці 16 всі нулі.

```
Відношення
                                                          Березовського:
                                                                                                                                                                                                               <mark>1</mark>500000000000010101011
                                                                                                                                                                                                                              1600000000000000000000
                                                                                                                                                                                                                                               1700010110101010101011
                                                                                                                                                                                                                                                               18000000000000000001
                                                                                                                             1300000000000010101000
                                                                                                                                                                                                                                                                                190000000000000000000
                                                                                                                                             100000000001010001000
                                                                                                                                                             1200000000000001000
                                                                                                                                                                                             14000000000000000000
                                                                                                      <u></u>
                                                                                0000000000000000000000
                                                                                           -0000044040000000000
                                               00000040004040004000
                                                                     00000
              00000000000000000000000000
                                    1
1
0
                                                                                                                00000110101010101000
                                                          10
                                                          1
0
1
                                    1
0
1
                         10110111010101001
                                    1111101010101011
                                                          1111101010101011
                                                                     10000000000000
                                                                                                                                                                                                                                               NZ0000ZZZZOZOZOZOAOZZ
                                                                                                                                                                                              400020222202220202022
                                                                                                                                                                                                               1
1
1
1
1
                                                                                                                                                                                                                              <mark>6</mark>00000222200000202022
                                                                                                                                                                                                                                                                                ^z00z0zzzzzzzzzzoz00z
                                                                                                                 <u>• 2002044242424242422</u>
                                                                                                                                             ~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~
                                                                                           ******************
                                                                     Z00000Z000ZZZZZZZZZZ
              Z00Z0XXXXXXXXXXXXXXXXXXX
                          4Z04044Z444Z4Z4Z4Z2
```

 $I = \emptyset$, тому шукаємо X_P^* .

 $X_{P}^{*} = \emptyset$, оскільки нема рядку зі всіма одиницями, окрім клітинки, що характеризує пару альтернативи з самою собою.

Оптимізація за блокуванням:

 $I = \emptyset$, тому шукаємо X_{P}^{0} .

 $X_{P}^{0} = \{6, 14, 16, 19\},$ оскільки у відповідних стовпцях всі нулі.

```
Відношення Подиновського:
                                                                                                                                            1000000000001000001001
                                                                                                                                                                               1200000010000010001000
                                                                                                                                                                                                                     <mark>4</mark>0000001000000101000
                                                                                                                                                                                                                                       151001011111111111111011
                                                                                                                                                                                                                                                          1
1
                                                                                                                                                                                                                                                                            171000011110111010101111
                                                                                                                  100000110101110101011
                                                                                                                                                                                                  1300010110101011101011
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 19000000000000000000000
                                                                                         <u>.</u>000000100000000000000
                                                                                                     <mark>^</del>00000111101010101011</mark>
                                                                *11111111111111010101011
                                                                            <mark>,</mark>000001100000000001000
                                                    00010110101000101011
                            1101011111111010101011
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    00000010101000101011
                10000010101000101011
                                        1111111111111010101011
                                                     **Z00+042404Z20404Z44
                                                                             <sup>l)</sup>Z0000HH0Z0Z0Z0Z0H0ZZ
                                                                                                      <u>^</u>Z00Z04444Z4Z4Z404044
                                                                                                                  |
|-----|
|-----|
                                                                                                                                                                               1
1
                                                                                                                                                                                                   <mark>1</mark>10010441414141404044
                                                                                                                                                                                                                     400000Z40Z0Z0Z0H0400Z
                                                                                                                                                                                                                                                          <mark>6</mark>00000%0000000000%
                )+00Z0Z4Z4Z4ZZ2004044
                                         **************
```

 $I \neq \emptyset$, тому шукаємо X_R^* та X_R^{**} .

 $X_{R}^{*} = \emptyset$, оскільки немає рядка зі всіма одиницями.

 $X_{R}^{**} = \emptyset$, оскільки немає рядка зі всіма одиницями, $X_{R}^{*} = \emptyset$.

Оптимізація за блокуванням:

 $I \neq \emptyset$, тому шукаємо X^0_R та X^{00}_R . $X^0_R = \{ 6, 16, 19 \}$, оскільки у відповідних стовпцях присутні тільки нулі та І. $X_{R}^{00} = \{6, 16, 19\}$, оскільки у відповідних стовпцях всі нулі, окрім клітинок, що характеризують пару альтернативи з самою собою.

4. Лістинг програми.

Посилання на github-репозиторій з кодом:

https://github.com/KasprukNastia/decisions/tree/master/Lab3

Клас CriteriaRelation

```
/// <summary>
  /// Клас, що описує значення критеріїв для альтернатив
  /// </summary>
  public class CriteriaRelation
    /// <summary>
    /// Значення критеріїв для альтернатив
    /// </summary>
    public int[][] Evaluations { get; }
    /// <summary>
    /// Упорядкована за спаданням важливості множина критеріїв
    /// </summary>
    public IReadOnlyCollection<int> CriteriasImportance { get; }
    /// <summary>
    /// Класи впорядковані за зростанням важливості
    /// </summary>
    public IReadOnlyCollection<IReadOnlyCollection<int>>> CriteriasImportancesClasses { get; }
    /// <summary>
    /// К-сть критеріїв
    /// </summary>
    public int CriteriasCount { get; }
    /// <summary>
    /// К-сть альтернатив
    /// </summary>
    public int AlternativesCount { get; }
    /// <summary>
    /// Матриця дельта векторів
    /// </summary>
    private List<int>[][] _deltaVectors;
    /// <summary>
    /// Матриця дельта векторів
    /// </summary>
    public List<int>[][] DeltaVectors
      get
        if ( deltaVectors != null)
           return deltaVectors;
         deltaVectors = new List<int>[AlternativesCount][];
        for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
           _deltaVectors[i] = new List<int>[AlternativesCount];
        for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
           _deltaVectors[i][i] = Enumerable.Repeat(0, AlternativesCount).ToList();
           for (int j = i + 1; j < AlternativesCount; j++)
             _deltaVectors[i][j] = Evaluations[i].Select((elem, index) => elem - Evaluations[j][index]).ToList();
             _deltaVectors[j][i] = _deltaVectors[i][j].Select(elem => elem * -1).ToList();
```

```
}
    return deltaVectors;
  }
/// <summary>
/// Матриця сигма векторів
/// </summary>
private List<int>[][] _sigmaVectors;
/// <summary>
/// Матриця сигма векторів
/// </summary>
public List<int>[][] SigmaVectors
  get
    if(_sigmaVectors != null)
       return _sigmaVectors;
     _sigmaVectors = new List<int>[AlternativesCount][];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)</pre>
       _sigmaVectors[i] = new List<int>[AlternativesCount];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
       _sigmaVectors[i][i] = Enumerable.Repeat(0, CriteriasCount).ToList();
       for (int j = i + 1; j < AlternativesCount; j++)
         _sigmaVectors[i][j] = DeltaVectors[i][j].Select(elem => elem > 0 ? 1 : elem == 0 ? 0 : -1).ToList();
         _sigmaVectors[j][i] = _sigmaVectors[i][j].Select(elem => elem * -1).ToList();
    return _sigmaVectors;
  }
}
/// <summary>
/// Значення критеріїв для альтернатив, упорядковані за спаданням важливості критеріїв
/// </summary>
private CriteriaRelation _sortedCriteriaRelation;
/// <summary>
/// Значення критеріїв для альтернатив, упорядковані за спаданням важливості критеріїв
/// </summary>
public CriteriaRelation SortedCriteriaRelation
{
  get
    if ( sortedCriteriaRelation != null)
       return sortedCriteriaRelation;
    int[][] sortedEvaluations = new int[AlternativesCount][];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)</pre>
       sortedEvaluations[i] = new int[CriteriasCount];
    int counter = 0;
    foreach (int criteria in CriteriasImportance)
       for (int j = 0; j < AlternativesCount; j++)
         sortedEvaluations[j][counter] = Evaluations[j][criteria];
       counter++;
```

```
_sortedCriteriaRelation = new CriteriaRelation(sortedEvaluations);
    return sortedCriteriaRelation;
  }
}
/// <summary>
/// Відношення Парето
/// </summary>
private Relation _paretoRelation;
/// <summary>
/// Відношення Парето
/// </summary>
public Relation ParetoRelation
{
  get
    if ( paretoRelation != null)
       return _paretoRelation;
    int[][] paretoRelation = new int[AlternativesCount][];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)</pre>
       paretoRelation[i] = new int[AlternativesCount];
    for(int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
       for(int j = 0; j < AlternativesCount; j++)
         // альтернатива і переважає ј, якщо сигма вектор пари (i,j) не містить значень -1
         if (SigmaVectors[i][j].Any(elem => elem == -1))
           paretoRelation[i][j] = 0;
         else
           paretoRelation[i][j] = 1;
      }
    }
    _paretoRelation = new Relation(paretoRelation);
    return _paretoRelation;
  }
}
/// <summary>
/// Мажоритарне відношення
/// </summary>
private Relation _majorityRelation;
/// <summary>
/// Мажоритарне відношення
/// </summary>
public Relation MajorityRelation
  get
    if (_majorityRelation != null)
       return _majorityRelation;
    int[][] majorityRelation = new int[AlternativesCount][];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
       majorityRelation[i] = new int[AlternativesCount];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
       for (int j = 0; j < AlternativesCount; j++)
         // альтернатива і переважає ј, якщо сума елементів вектору сигма більша нуля
         if (SigmaVectors[i][j].Sum() > 0)
```

```
majorityRelation[i][j] = 1;
         else
           majorityRelation[i][j] = 0;
      }
    _majorityRelation = new Relation(majorityRelation);
    return _majorityRelation;
}
/// <summary>
/// Лексикографічне відношення
/// </summary>
private Relation _lexicographicRelation;
/// <summary>
/// Лексикографічне відношення
/// </summary>
public Relation LexicographicRelation
  get
    if (_lexicographicRelation != null)
       return _lexicographicRelation;
    int[][] lexicographicRelation = new int[AlternativesCount][];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
       lexicographicRelation[i] = new int[AlternativesCount];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
       for (int j = 0; j < AlternativesCount; j++)
         for each (int\ elem\ in\ Sorted Criteria Relation. Sigma Vectors [i][j])
           // альтернатива і переважає ј, якщо сигма вектор має на своєму початку
           // будь-яку кількість нулів, а потім одиницю
           if (elem == 0)
             continue;
           if(elem == 1)
             lexicographicRelation[i][j] = 1;
             lexicographicRelation[i][j] = 0;
           break;
      }
    _lexicographicRelation = new Relation(lexicographicRelation);
    return _lexicographicRelation;
}
/// <summary>
/// Відношення Березовського
/// </summary>
private Relation _BerezovskyRelation;
/// <summary>
/// Відношення Березовського
/// </summary>
public Relation BerezovskyRelation
{
  get
    if (_BerezovskyRelation != null || CriteriasImportancesClasses.Count == 0)
```

```
return BerezovskyRelation;
    List<CriteriaRelation> criteriaRelationsByClasses =
      new List<CriteriaRelation>(CriteriasImportancesClasses.Count);
    int[][] sortedEvaluations;
    int counter:
    // Формування CriteriaRelation для кожного з класів CriteriasImportancesClasses
    foreach (IReadOnlyCollection<int> criteriaClass in CriteriasImportancesClasses)
      sortedEvaluations = new int[AlternativesCount][];
      for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
         sortedEvaluations[i] = new int[criteriaClass.Count];
      counter = 0;
      foreach (int criteria in criteriaClass)
         for (int j = 0; j < AlternativesCount; j++)
           sortedEvaluations[j][counter] = Evaluations[j][criteria];
         counter++;
      criteriaRelationsByClasses.Add(new CriteriaRelation(sortedEvaluations));
    }
    Relation currentBerezovskyRelation = criteriaRelationsByClasses.First().ParetoRelation;
    List<char> possibleCharacteristics = new List<char> { 'P', 'N', 'I' };
    Relation currentClassParetoRelation;
    int[][] nextBerezovskyRelation;
    // Ітераційний процес для формування відношення Березовського
    for (int criteriaClass = 1; criteriaClass < criteriaRelationsByClasses.Count; criteriaClass++)
      currentClassParetoRelation = criteriaRelationsByClasses[criteriaClass].ParetoRelation;
      nextBerezovskyRelation = new int[AlternativesCount][];
      for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
         nextBerezovskyRelation[i] = new int[AlternativesCount];
      for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
         for (int j = 0; j < AlternativesCount; j++)
         {
           if ((currentClassParetoRelation.Characteristic[i][j].Equals('P') &&
             possibleCharacteristics.Any(c => c.Equals(currentBerezovskyRelation.Characteristic[i][j]))) | |
             (currentClassParetoRelation.Characteristic[i][j].Equals('I') &&
             currentBerezovskyRelation.Characteristic[i][j].Equals('P')))
             nextBerezovskyRelation[i][j] = 1;
             nextBerezovskyRelation[j][i] = 0;
           else if (currentClassParetoRelation.Characteristic[i][i].Equals('I') &&
             currentBerezovskyRelation.Characteristic[i][j].Equals('I') &&
             criteriaClass != criteriaRelationsByClasses.Count - 1)
             nextBerezovskyRelation[i][j] = nextBerezovskyRelation[j][i] = 1;
           else
             nextBerezovskyRelation[i][j] = 0;
      currentBerezovskyRelation = new Relation(nextBerezovskyRelation);
    }
     BerezovskyRelation = currentBerezovskyRelation;
    return BerezovskyRelation;
/// <summary>
```

}

```
/// Відношення Подиновського
/// </summary>
private Relation PodinovskyRelation;
/// <summary>
/// Відношення Подиновського
/// </summary>
public Relation PodinovskyRelation
  get
    if ( PodinovskyRelation != null)
      return _PodinovskyRelation;
    // Сортування значень критеріїв для кожної з альтернатив
    int[][] sortedEvaluations = new int[AlternativesCount][];
    for (int i = 0; i < AlternativesCount; i++)
      sortedEvaluations[i] = Evaluations[i].OrderByDescending(e => e).ToArray();
    var podinovskyCriteriaRelation = new CriteriaRelation(sortedEvaluations);
    // Отримання відношення Парето для відсортованих критеріїв
    _PodinovskyRelation = podinovskyCriteriaRelation.ParetoRelation;
    return PodinovskyRelation;
  }
}
public CriteriaRelation(int[][] evaluations,
  HashSet<int> criteriasImportance = null,
  List<HashSet<int>> criteriasImportancesClasses = null)
  Evaluations = evaluations ?? throw new ArgumentNullException(nameof(evaluations));
  AlternativesCount = evaluations.Length;
  if (AlternativesCount > 0)
    CriteriasCount = evaluations[0].Length;
  if (criteriasImportance == null)
    criteriasImportance = Enumerable.Range(0, CriteriasCount).ToHashSet();
  else
    CriteriasImportance = criteriasImportance;
    if (criteriasImportance.Count != CriteriasCount)
      throw new ArgumentException($"The number of criterias does not match");
    if (CriteriasImportance.Any(elem => elem < 0 | | elem >= CriteriasImportance.Count))
      throw new ArgumentException($"{nameof(criteriasImportance)} contains not existing criteria");
  }
  CriteriasImportancesClasses = criteriasImportancesClasses;
  for (int i = 1; i < AlternativesCount; i++)
    if (evaluations[i].Length != CriteriasCount)
      throw new ArgumentException($"Evaluation must be provided only for {CriteriasCount} criterias");
```

Клас Relation

```
/// <summary>
/// Клас, що описує відношення
/// </summary>
public class Relation
  /// <summary>
  /// Зв'язки відношення
  /// </summary>
  public int[][] Connections { get; }
  /// <summary>
  /// Розмірність відношення
  /// </summary>
  public int Dimension { get; }
  private char[][] _characteristic;
  /// <summary>
  /// Характеристика відношення у множинах 'І', 'Р', 'N'
  /// </summary>
  public char[][] Characteristic
    get
       if (_characteristic != null)
         return _characteristic;
       _characteristic = new char[Dimension][];
       for (int i = 0; i < Dimension; i++)
         _characteristic[i] = new char[Dimension];
      for (int i = 0; i < Dimension; i++)
         for(int j = i; j < Dimension; j++)
         {
           if(Connections[i][j] == 1 && Connections[j][i] == 1)
              _characteristic[i][j] = _characteristic[j][i] = 'I';
           else if(Connections[i][j] == 0 && Connections[j][i] == 0)
              _characteristic[i][j] = _characteristic[j][i] = 'N';
           else if (Connections[i][j] == 1 && Connections[j][i] == 0)
              _characteristic[i][j] = 'P';
             _characteristic[j][i] = '0';
           else if (Connections[i][j] == 0 \&\& Connections[j][i] == 1)
              _characteristic[j][i] = 'P';
              _characteristic[i][j] = '0';
       return _characteristic;
  }
  public Relation(int[][] connections)
    Connections = connections ?? throw new ArgumentNullException(nameof(connections));
    Dimension = connections.Length;
```

```
for(int i = 0; i < Dimension; i++)
    if (connections[i].Length != Dimension)
      throw new ArgumentException($"{nameof(connections)} must be represented as a square matrix");
    for (int j = 0; j < Dimension; j++)
      if (connections[i][j] != 0 && connections[i][j] != 1)
         throw new ArgumentException($"{nameof(connections)} must be represented only as 0 or 1 digits");
  }
}
/// <summary>
/// Отримання верхнього перерізу для вершини vertex
/// </summary>
public HashSet<int> GetUpperSection(int vertex)
  if (vertex < 0 | | vertex >= Dimension)
    throw new ArgumentException($"The vertex {vertex} does not belong to the relation");
  HashSet<int> upperSection = new HashSet<int>();
  for (int i = 0; i < Dimension; i++)
    if (Connections[i][vertex] == 1)
      upperSection.Add(i);
  return upperSection;
/// <summary>
/// Отримання нижнього перерізу для вершини vertex
/// </summary>
public HashSet<int> GetLowerSection(int vertex)
  if (vertex < 0 | | vertex >= Dimension)
    throw new ArgumentException($"The vertex {vertex} does not belong to the relation");
  HashSet<int> lowerSection = new HashSet<int>();
  for (int i = 0; i < Dimension; i++)
    if (Connections[vertex][i] == 1)
      lowerSection.Add(i);
  }
  return lowerSection;
}
/// <summary>
/// Приведення відношення до рядка
/// </summary>
public override string ToString() =>
  string.Join(Environment.NewLine, Connections.Select(arr => string.Join(' ', arr)));
/// <summary>
/// Приведення характеристики відношення до рядка
/// </summary>
public string CharateristicToString() =>
  string.Join(Environment.NewLine, Characteristic.Select(arr => string.Join(' ', arr)));
```

}

Клас Program

```
class Program
    static void Main(string[] args)
      CriteriaRelation criteriaRelation = ReadCriteriaRelation();
      Console.WriteLine("Сигма вектори:");
      PrintCriteriaRelationVectors(criteriaRelation, () => criteriaRelation.SigmaVectors);
      Console.WriteLine("Відношення Парето:");
      PrintRelation(criteriaRelation.ParetoRelation, () => criteriaRelation.ParetoRelation.Connections);
      PrintRelation(criteriaRelation.ParetoRelation, () => criteriaRelation.ParetoRelation.Characteristic);
      Console.WriteLine("Мажоритарне відношення:");
      PrintRelation(criteriaRelation.MajorityRelation, () => criteriaRelation.MajorityRelation.Connections);
      PrintRelation(criteriaRelation.MajorityRelation, () => criteriaRelation.MajorityRelation.Characteristic);
      Console.WriteLine("Лексикографічне відношення:");
      PrintRelation(criteriaRelation.LexicographicRelation, () => criteriaRelation.LexicographicRelation.Connections);
      Print Relation (criteria Relation. Lexicographic Relation, () => criteria Relation. Lexicographic Relation. Characteristic); \\
      Console.WriteLine("Відношення Березовського:");
      \label{lem:printRelation} PrintRelation (criteria Relation. Berezovsky Relation, () => criteria Relation. Berezovsky Relation. Connections);
      PrintRelation(criteriaRelation.BerezovskyRelation, () => criteriaRelation.BerezovskyRelation.Characteristic);
      Console.WriteLine("Відношення Подиновського:");
      PrintRelation (criteria Relation. Podinov sky Relation, () => criteria Relation. Podinov sky Relation. Connections); \\
      PrintRelation(criteriaRelation.PodinovskyRelation, () => criteriaRelation.PodinovskyRelation.Characteristic);
      WriteResults(criteriaRelation);
    }
    public static CriteriaRelation ReadCriteriaRelation()
      string directoryPath = Directory.GetParent(Directory.GetCurrentDirectory()).Parent.Parent.FullName;
      string fileName = $"{directoryPath}\\relations_var11.txt";
      string[] allFileLines = File.ReadAllLines(fileName);
      int[][] relation = new int[20][];
      for (int i = 0; i < 20; i++)
         relation[i] = allFileLines[i].Split(' ')
           .Where(s => !string.IsNullOrWhiteSpace(s))
           .Select(s => int.Parse(s))
           .ToArray();
      }
      HashSet<int> criteriasImportance =
         new HashSet<int> { 1, 8, 4, 10, 12, 3, 11, 5, 2, 7, 6, 9 }.Select(c => c - 1).ToHashSet();
      List<HashSet<int>> criteriasImportancesClasses =
         new List<HashSet<int>>
           new HashSet<int> { 6, 8, 12 }.Select(c => c - 1).ToHashSet(),
           new HashSet<int> { 4, 5, 10, 11}.Select(c => c - 1).ToHashSet(),
           new HashSet<int> { 1, 2, 3, 7, 9}.Select(c => c - 1).ToHashSet()
         };
      return new CriteriaRelation(relation, criteriasImportance, criteriasImportancesClasses);
    public static void WriteResults(CriteriaRelation criteriaRelation)
      string directoryPath = Directory.GetParent(Directory.GetCurrentDirectory()).Parent.Parent.FullName;
      string fileName = $"{directoryPath}\\Var11-КаспрукАнастасія.txt";
      File.AppendAllLines(fileName,
         new List<string>
           "1",
```

```
criteriaRelation.ParetoRelation.ToString(),
       "2",
       criteriaRelation.MajorityRelation.ToString(),
       criteriaRelation.LexicographicRelation.ToString(),
       "4",
       criteriaRelation.BerezovskyRelation.ToString(),
       criteriaRelation.PodinovskyRelation.ToString(),
    });
}
public static void PrintRelation<T>(Relation relation, Func<T[][]> printingSelector)
  T[][] toPrint = printingSelector();
  Console.ForegroundColor = ConsoleColor.Green;
  Console.WriteLine($" {string.Join('', Enumerable.Range(0, relation.Dimension))}");
  for (int i = 0; i < relation.Dimension; i++)
    Console.Write($"{i}{string.Concat(Enumerable.Repeat('', 3 - i.ToString().Length))}");
    Console.ForegroundColor = ConsoleColor.White;
    for (int j = 0; j < relation.Dimension; j++)
      Console. Write (\$''\{toPrint[i][j]\}\{string.Concat(Enumerable.Repeat('', (j+1).ToString().Length))\}'');
    Console.WriteLine();
    Console.ForegroundColor = ConsoleColor.Green;
  Console.ForegroundColor = ConsoleColor.White;
  Console.WriteLine();
public static void PrintCriteriaRelationVectors(CriteriaRelation criteriaRelation, Func<List<int>[][]> printingSelector)
  List<int>[][] toPrint = printingSelector();
  for (int i = 0; i < criteriaRelation.AlternativesCount; i++)
    for(int j = 0; j < criteriaRelation.AlternativesCount; j++)</pre>
       Console.WriteLine($"[{i}][{j}]: {string.Join('', toPrint[i][j])}");
    }
  Console.WriteLine();
```

5. Опис класів. Перелік розроблених функцій на методів.

| Клас | Властивість | Опис | Тип значення, | | |
|-------------|-----------------------------|--------------------------------|---|--|--|
| | | | що повертає | | |
| | | | | | |
| CriteriaRel | Evaluations | Значення критеріїв для | int[][] | | |
| ation | | альтернатив | | | |
| | CriteriasImportance | Упорядкована за спаданням | IReadOnlyCollectio | | |
| | | важливості множина критеріїв | n <int></int> | | |
| | CriteriasImportancesClasses | Класи критеріїв впорядковані | IReadOnlyCollectio | | |
| | | за зростанням важливості | n <ireadonlycollect< td=""></ireadonlycollect<> | | |
| | | | ion <int>></int> | | |
| | CriteriasCount | К-сть критеріїв | int | | |
| | AlternativesCount | К-сть альтернатив | int | | |
| | DeltaVectors | Матриця дельта векторів | List <int>[][]</int> | | |
| | SigmaVectors | Матриця сигма векторів | List <int>[][]</int> | | |
| | SortedCriteriaRelation | Значення критеріїв для | CriteriaRelation | | |
| | | альтернатив, упорядковані за | | | |
| | | спаданням важливості критеріїв | | | |
| | ParetoRelation | Відношення Парето | Relation | | |
| | MajorityRelation | Мажоритарне відношення | Relation | | |
| | LexicographicRelation | Лексикографічне відношення | Relation | | |
| | BerezovskyRelation | Відношення Березовського | Relation | | |
| | PodinovskyRelation | Відношення Подиновського | Relation | | |

| Клас | Ф-ція/Метод | Параметри | Опис | Значення, | |
|----------|----------------|----------------------------|--------------|-----------------------|--|
| | | | | що повертає | |
| Relation | GetUpperSectio | int vertex – номер вершини | Отримання | HashSet <int> -</int> | |
| | n | | верхнього | верхній | |
| | | | перерізу для | переріз | |
| | | | вершини | | |
| | GetLowerSectio | int vertex – номер вершини | Отримання | HashSet <int> -</int> | |
| | n | | нижнього | нижній | |
| | | | перерізу для | переріз | |
| | | | вершини | | |

6. Висновки.

В будь-яких системах з обмеженими ресурсами виникають задачі їх раціонального розподілу, що, враховуючи велику кількість обмежень та критеріїв вибору, зробити складно. Методи оптимізації застосовуються як у повсякденному житті (розрахунок бюджету, оптимізація витрат), так і при функціонуванні держави, підприємств, об'єктів інфраструктури (вибір оптимального портфелю інвестицій, розрахунок бюджету країни, мінімізація часу виконання проекту, витрати на рекламу тощо).

У даній лабораторній роботі ми мали можливість навчитися розв'язувати задачі багатокритеріальної опитимізації при глобальній порявнюваності критеріїв.

Враховуючи інформацію про порівнюваність критеріїв, шукати оптимальні альтернативи можна по-різному:

- якщо інформація про порівнюваність критерії несуттєва, шукати оптимальні альтернативи можна побудувавши на множині альтернатив відношення Парето;
- > якщо критерії рівноважливі, треба будувати мажоритарне відношення;
- якщо на множині критеріїв задано відношення строгого порядку, варто будувати лексикографічне відношення;
- якщо на множині критеріїв задано відношення квазіпорядку, треба будувати відношення Березовського;
- **>** для випадку рівноважливих критеріїв можна побудувати на множині альтернатив відношення Подиновського.

Після побудови відновідного відношення на множині альтернатив, далі шукати на ньому оптимальні альтернативи наййзручніше використовуючи принципи домінування або блокування.

У результаті ми навчилися шукати оптимальні альтернативи для відношень переваги при глобальній порівнюваності критеріїв та змогли знайти рішення задачі у відповідності з варіантом.