

$$\forall x P(x) \vee \forall x Q(x) \vdash \forall x(P(x) \vee Q(x))$$

Prova:

1	$\forall x P(x) \vee \forall x Q(x)$	premissa
2	$\forall x P(x)$	hipótese
3	$x_0 P(x_0)$	hipótese
4	$P(x_0) \vee Q(x_0)$	\vee i 3
5	$\forall x P(x) \vee Q(x)$	$\forall x$ i 3-4
6	$\forall x Q(x)$	hipótese
7	$x_0 Q(x_0)$	hipótese
8	$P(x_0) \vee Q(x_0)$	\vee i 7
9	$\forall x P(x) \vee Q(x)$	$\forall x$ i 7-8
10	$\forall x P(x) \vee Q(x)$	\vee e 1, 2-5, 6-9