

Первая лабораторная: задания 1-6.

Вторая лабораторная: задания 7-10 + задания 11-14.

1. Работа с изображениями.

Выбрать язык программирования и библиотеку для записи изображений в файл.

Создать матрицу размера $H \times W$, заполнить её элементы нулевыми значениями, сохранить в виде полутонового (одноканального) 8-битового изображения высотой H и шириной W , убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы и полностью чёрное.

Создать матрицу размера $H \times W$, заполнить её элементы значениями, равными 255, сохранить в виде полутонового (одноканального) 8-битового изображения высотой H и шириной W , убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы и полностью белое.

Создать матрицу размера $H \times W \times 3$, заполнить её элементы значениями, равными (255, 0, 0), сохранить в виде цветного (трёхканального) 8-битового изображения высотой H и шириной W , убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы и полностью красное.

Создать матрицу размера $H \times W \times 3$, заполнить её элементы произвольными значениями по выбранной схеме (например, значение элемента равно сумме его координат по модулю 256), сохранить в виде 8-битового изображения высотой H и шириной W , убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы (в предложенном примере должен получиться плавный градиент от чёрного цвета в верхнем левом углу изображения).

2. Отрисовка прямых линий

Реализовать все описанные в лекциях алгоритмы отрисовки прямых (до алгоритма Брезенхема включительно).

Для каждого алгоритма сохранить в файл изображение размера 200x200 с нарисованной на нём «звездой» (см. лекции).

Подсказка:

начальная координата (100, 100)

конечная координата $(100 + 95 \cos(\alpha), 100 + 95 \sin(\alpha))$, $\alpha = \frac{2\pi i}{13}$, $i = 0, 1, \dots, 12$.

3. Работа с трёхмерной моделью (вершины)

Считать из приложенного файла obj строки, содержащие информацию о вершинах модели:

v X1 Y1 Z1

v X2 Y2 Z2

<...>

4. Отрисовка вершин трёхмерной модели

Нарисовать вершины модели (игнорируя координату Z) на изображении размером (1000, 1000).

Для того, чтобы модель была видна на изображении (и не была слишком большой), поэкспериментируйте с масштабированием и смещением координат точек, например:

$[50 * X + 500, 50 * Y + 500]$.

5. Работа с трёхмерной моделью (полигоны)

Считать из приложенного файла строки, содержащие информацию о полигонах модели.

Сведения о полигонах в файле хранятся в формате:

f v1/vt1/vn1 v2/vt2/vn2 v3/vt3/vn3

В рамках лабораторной загрузить в память необходимо только первые значения в каждой тройке – номера вершин, загруженных ранее.

Обратите внимание, что вершины нумеруются, начиная с единицы.

6. Отрисовка рёбер трёхмерной модели

Отрисовать все рёбра всех полигонов модели с помощью алгоритма Брезенхема (координаты вершин округляем до ближайшего целого).

7. Барицентрические координаты

Написать функцию вычисления барицентрических координат для точки с экранными (целочисленными координатами) (x, y) относительно вещественных вершин треугольника (x_0, y_0) , (x_1, y_1) и (x_2, y_2) .

Они вычисляются по формулам:

$$\text{lambda0} = ((x_1 - x_2) * (y - y_2) - (y_1 - y_2) * (x - x_2)) / ((x_1 - x_2) * (y_0 - y_2) - (y_1 - y_2) * (x_0 - x_2))$$

$$\text{lambda1} = ((x_2 - x_0) * (y - y_0) - (y_2 - y_0) * (x - x_0)) / ((x_2 - x_0) * (y_1 - y_0) - (y_2 - y_0) * (x_1 - x_0))$$

$$\text{lambda2} = 1.0 - \text{lambda0} - \text{lambda1}$$

Обратите внимание, что координаты (x, y) – экранные, и поэтому целочисленные. В то же время вершины треугольника (x_0, y_0) , (x_1, y_1) и (x_2, y_2) – вещественные, округлять их перед вычислениями **не надо**.

8. Отрисовка треугольников

Написать функцию отрисовки треугольника с вершинами (x_0, y_0) , (x_1, y_1) и (x_2, y_2) . Для этого выполнить следующие шаги.

1. Определить ограничивающий прямоугольник: минимальные и максимальные возможные значения координат X и Y. Например:

$$x_{\min} = \min(x_0, x_1, x_2)$$

2. Для ограничивающего прямоугольника учесть границы изображения, так, например:

$$\text{if } (x_{\min} < 0): x_{\min} = 0$$

Разумеется, вы можете сделать 1 и 2 пункты одновременно.

3. Для каждого пикселя внутри ограничивающего прямоугольника вычислить барицентрические координаты относительно вершин треугольника.

Если **все** барицентрические координаты пикселя больше нуля – пиксель рисуется, иначе – переходим к следующему.

Обратите внимание, что отдельно рёбра треугольника рисовать **не надо**.

9. Тестирование функции

Протестировать функцию отрисовки треугольника для разных треугольников, в том числе, частично (или полностью) выходящих за пределы изображения.

10. Отрисовка полигонов трёхмерной модели

Нарисовать все полигоны модели разными цветами (для одного треугольника – один случайный цвет).

11. Вычисление нормали к поверхности треугольника

Для каждого треугольника вычислить нормаль к этому треугольнику по формуле:

$$\bar{n} = [X_1 - X_0 \quad Y_1 - Y_0 \quad Z_1 - Z_0] \times [X_1 - X_2 \quad Y_1 - Y_2 \quad Z_1 - Z_2],$$

где (X_0, Y_0, Z_0) , (X_1, Y_1, Z_1) и (X_2, Y_2, Z_2) – **исходные** координаты вершин треугольника (до любых преобразований), а \times – векторное произведение.

Координаты нормали могут быть вычислены через определитель:

$$\bar{n} = \begin{vmatrix} \bar{i} & \bar{j} & \bar{k} \\ X_1 - X_0 & Y_1 - Y_0 & Z_1 - Z_0 \\ X_1 - X_2 & Y_1 - Y_2 & Z_1 - Z_2 \end{vmatrix}.$$

12. Отсечение нелицевых граней

Для каждого треугольника определить косинус угла падения направленного света (считать направление света равным $\bar{l} = [0, 0, 1]$) через нормализованное скалярное произведение $\frac{\langle \bar{n}, \bar{l} \rangle}{\|\bar{n}\| \cdot \|\bar{l}\|}$.

Изменить цикл отрисовки полигонов таким образом, чтобы отрисовывались только полигоны с $\frac{\langle \bar{n}, \bar{l} \rangle}{\|\bar{n}\| \cdot \|\bar{l}\|} < 0$.

13. Базовое освещение

Отрисовку полигонов выполнять не случайным цветом, а пропорциональным косинусу угла между \bar{n} и \bar{l} , например $\left(255 * \frac{\langle \bar{n}, \bar{l} \rangle}{\|\bar{n}\| \cdot \|\bar{l}\|}, 0, 0\right)$.

14. z-буфер

При отрисовке полигонов проверять перекрытие полигонов с использованием z-буфера.

z-буфер – это матрица из вещественных значений по размеру совпадающая с изображением. Все элементы z-буфера изначально инициализируются некоторым достаточно большим значением.

При отрисовке для каждой точки выполняется следующая проверка:

1. Вычисляются барицентрические координаты $(\lambda_0, \lambda_1, \lambda_2)$.
2. Если все барицентрические координаты больше нуля, вычисляем z-координату **исходного** полигона через **исходные** z-координаты вершин этого полигона:

$$\hat{z} = \lambda_0 z_0 + \lambda_1 z_1 + \lambda_2 z_2.$$

3. Если вычисленное значение координаты \hat{z} больше координаты z-буфера для текущего пикселя, пропускаем точку.

4. Если вычисленное значение координаты \hat{z} меньше координаты z-буфера для текущего пикселя, отрисовываем этот пиксель, а соответствующему элементу z-буфера присваиваем значение \hat{z} .