

UNIVERSIDAD DE LAS FUERZAS ARMADAS ESPE

NOMBRE: Arévalo Katherine

FECHA: 5 de marzo de 2021

Tema: Capítulo 6 (Ejercicios suplementarios)

1. Para $V_1 = 8 \sin 100\pi t$ y $V_2 = 6 \sin 99\pi t$. Demostrar que $V = V_1 + V_2$ es periódica. Obtener el período y los valores máximo, medio y eficaz de v .

Es periódica

Periodo 2s

Valor máximo

$$V_{max1} = 8 \quad V_{max2} = 6$$

$$V_{max} = 14V$$

Valor medio viene dado por

Se conoce que para una onda senoidal de la forma $v = v_p \sin(\omega t)$ nuestro valor medio es 0

Valor eficaz

$$V_{rms} = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} = 7\sqrt{2}$$

2. Calcular el período, la frecuencia, el ángulo de fase en grados y los valores máximos, mínimo, medio y eficaz de $v(t) = 2 + 6 \cos(10\pi t + \pi/6)$.

Periodo

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{10\pi} = 0.2s$$

Frecuencia

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0.2} = 5Hz$$

Angulo de fase

$$\frac{\pi}{6} \left(\frac{180}{\pi} \right) = 30^\circ$$

Valores máximos y mínimos

$$V_{max} = 2 + 6 = 8$$

$$V_{min} = 2 - 6 = -4$$

Valor medio

$$V_{med} = \frac{1}{T} \int_0^T 2 + 6 \cos(10\pi t + \pi/6) dt = \frac{1}{0.2} \left[2t - \frac{3}{5\pi} \sin \left(10\pi t + \frac{\pi}{6} \right) \right]_0^T = 2$$

Valor eficaz

$$V_{rms} = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{2}$$

3. Reducir $v(t) = 2 \cos(\omega t + 30^\circ) + 3 \cos \omega t$ para $v(t) = A \sin(\omega t + \theta)$.

Se observa que $\frac{2}{\sqrt{(2^2+3^2)}} = \frac{2}{\sqrt{13}} = \sin 33.69^\circ$ y $\frac{3}{\sqrt{(2^2+3^2)}} = \frac{3}{\sqrt{13}} = \sin 56.30^\circ$

$$v(t) = \frac{2}{\sqrt{13}} \cos(\omega t + 30^\circ) + \frac{3}{\sqrt{13}} \cos \omega t$$

$$v(t) = \sin 33.69^\circ \cos(\omega t + 30^\circ) + \sin 56.30^\circ \cos \omega t$$

$$v(t) = \sin 33.69^\circ [\cos \omega t \cdot \sin 30^\circ - \sin \omega t \cdot \cos 30^\circ] + \sin 56.30^\circ \cos \omega t$$

$$v(t) = \sin 33.69^\circ \left[\frac{\sqrt{3}}{2} \cos \omega t - \frac{1}{2} \sin \omega t \right] + \sin 56.30^\circ \cos \omega t$$

$$\mathbf{v(t) = 4.84 \sin(\omega t + 102^\circ)}$$

4. Calcular $V_{2,med}$ y $V_{2,ef}$ de la Figura 6.1(b) para $V_1 = V_2 = 3$ y $T = 4T_1/3$.

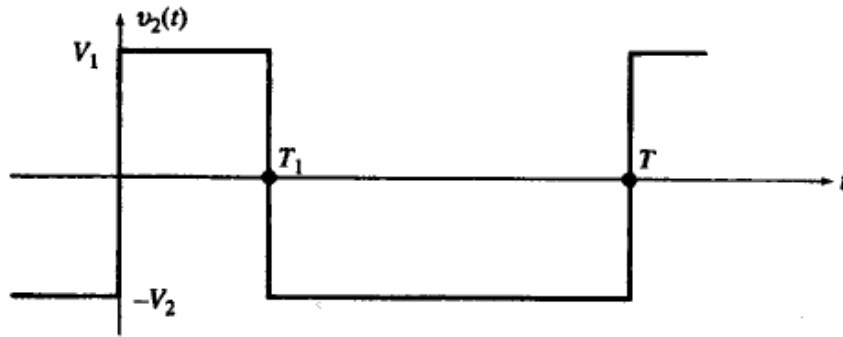


Figura 6.1(b).

$$V_{med} = \frac{V_1 T_1 - V_2 (T - T_1)}{T} = \frac{3(3T_1 - 4T_1 + 3T_1)}{4T_1} = 1.5$$

$$V_{ef} = \frac{V_1 T_1 + V_2 (T - T_1)}{T} = \frac{3(3T_1 + T_1)}{4T_1} = 3$$

5. Repetir el Problema 4 para $V_1=0$, $V_2 = 4$ y $T = 2T_1$

$$V_{med} = \frac{V_1 T_1 - V_2 (T - T_1)}{T} = \frac{(0T_1 - 8T_1 + 4T_1)}{2T_1} = -2$$

$$V_{ef} = \frac{V_1 T_1 + V_2 (T - T_1)}{T} = \frac{(0T_1 + 8T_1 - 4T_1)}{2T_1} = 2$$

6. Calcular V_{3med} y V_{ef} de la Figura 6.1(c) para $V_0 = 2$ y $T = 200T_1$

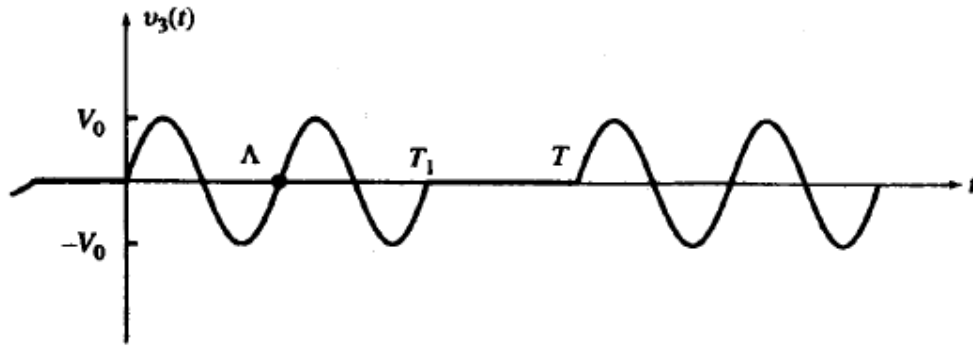


Figura 6.1(c).

$$V_{ef} = 0.0707V_0 = (0.070)(2) = 0.14$$

7. La forma de onda de la figura 6.23 es sinusoidal. Expresarla en la forma $v = A + B\sin(\omega t + \theta)$ y calcula sus valores medio y eficaz

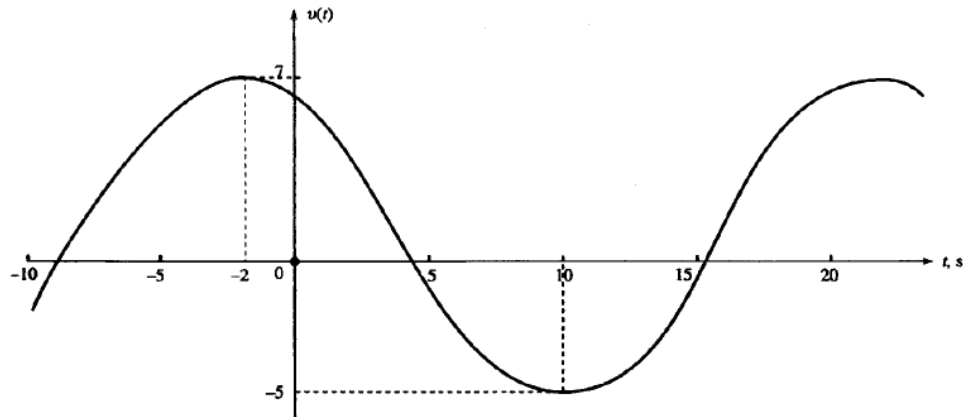


Figura 6.23.

$$B = \frac{1}{2}(V_{max} - V_{min}) = \frac{1}{2}(7 + 5) = 6$$

$$A = V_{max} - B = 7 - 6 = 1$$

$$T = 24$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{\pi}{12}$$

$$v = 1 + 6\sin\left(\frac{\pi}{12}t + 120^\circ\right)$$

$$V_{med} = 1$$

$$V_{ef} = \sqrt{\frac{A^2 + B^2}{2}} = \sqrt{\frac{1 + 36}{2}} = 4.30$$

8. Calcular los valores medio y eficaz de $v(t)$ de la Figura 6.24(a) y $V(t)$ de la figura 6.24(b)

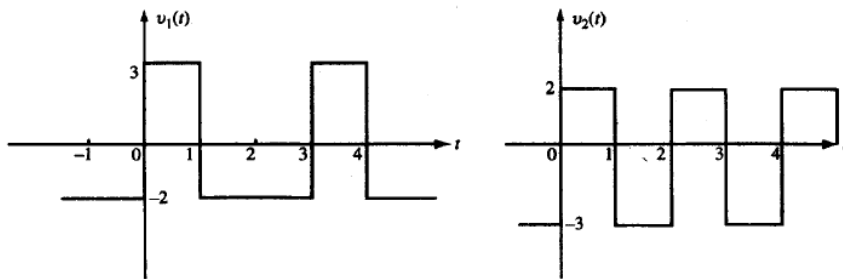
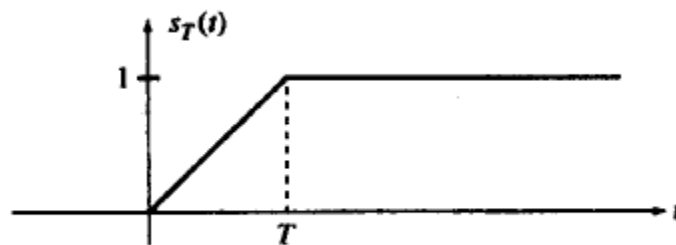


Figura 6.24.

$$a) V_{med} = \frac{V_1 T_1 - V_2 (T - T_1)}{T} = \frac{3(1) - 2(2)}{3} = -\frac{1}{3}$$

$$b) V_{med} = \frac{V_1 T_1 - V_2 (T - T_1)}{T} = \frac{2(1) - 3(1)}{2} = -\frac{1}{2}$$

9. Un circuito serie RL con $R=5 \text{ Ohm}$ y $L=10\text{H}$ esta atravesado por una corriente como se indica en la figura 6.10(a), donde $T=1\text{s}$. Calcular la tensión entre los extremos del conjunto RL



(a)

$$v = \begin{cases} 0 & \text{para } t < 1 \\ 10 + 5t & \text{para } 0 < t < 1 \\ 5 & t > 1 \end{cases}$$

10. Calcular la intensidad por el condensador del Problema 6.19 (Figura 6.20) para cualquier t

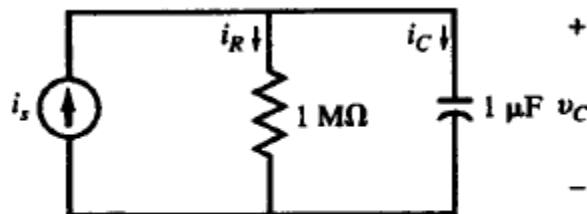


Figura 6.20

$$i_C = C \frac{dv}{dt}$$

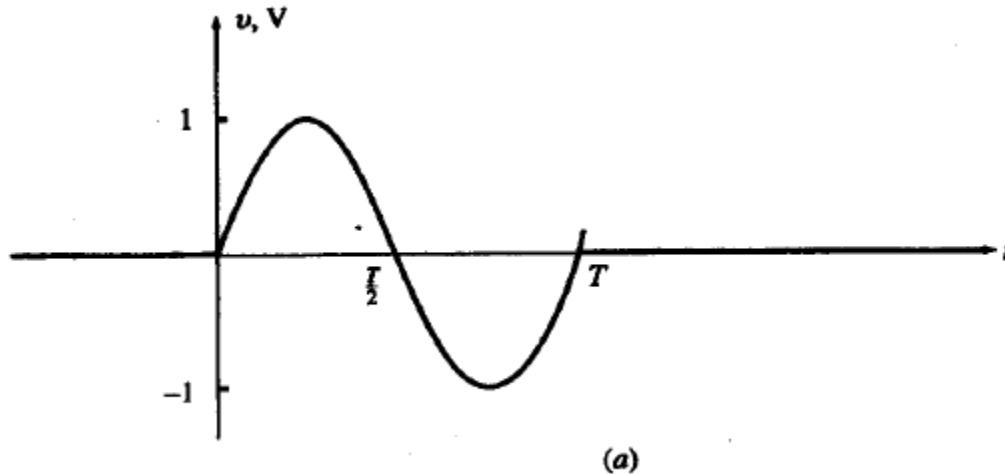
$$i_C = C[s(t) - e^{-t}ut]$$

$$i_C = 10^{-6}[s(t) - e^{-t}ut]$$

11. La tension v ente los extremos de un inductor de 1H es un ciclo de una onda senoidal, como se indica en la figura 6.25(a).

a) Escribir la ecuacion para $v(t)$

b) Calcular la energia maxima en el inductor y el tiempo en que se lanza



$$a) v(t) = A \sin(\omega t + \theta)$$

$$v(t) = [u(t) - u(t - T)] - \sin \frac{2\pi}{T} t$$

$$b) W = P * T$$

$$W = \frac{T^2}{2\pi^2}$$

12. Escribir la expresion para $v(t)$ que disminuye exponencialmente desde 7 en $t=0$ a 3 en $t=\infty$ con una constante de tiempo de 200 ms

$$v(t) = A e^{-\frac{1}{T}t} + B$$

$$f(0) = A + B = 7$$

$$v(\infty) = B = 3$$

$$A = 6$$

$$T = 0.2$$

$$v(t) = 6e^{-5t} + 3$$

13. Escribir la expresion para $v(t)$ que aumente exponencialmente con una constante de tiempo de 0.8s, desde cero para $t=-\infty$ a 9 para $t=0$;

$$v(t) = A e^{-\frac{1}{T}t} + B$$

$$f(0) = A + B = 0$$

$$v(-\infty) = B = 9$$

$$A = -9$$

$$T = 0.8$$

$$v(t) = -9e^{-5t/4} + 9$$

14. Expresar la corriente de la figura 6.6 en terminos de la funcion escalon unidad.

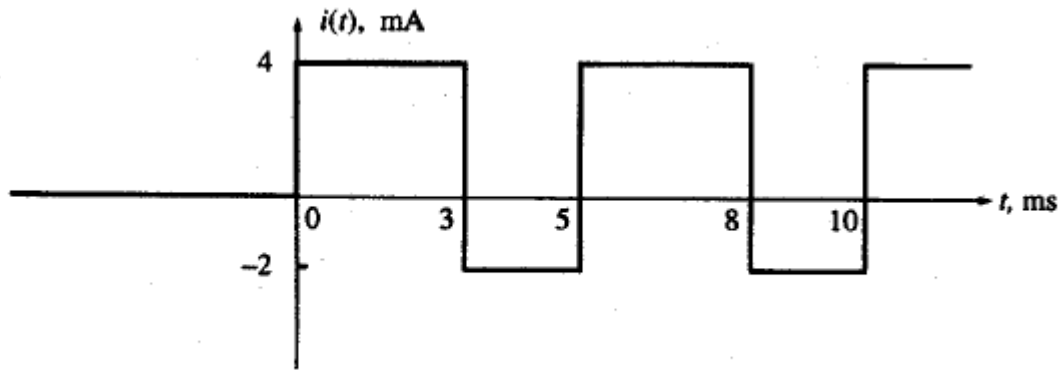
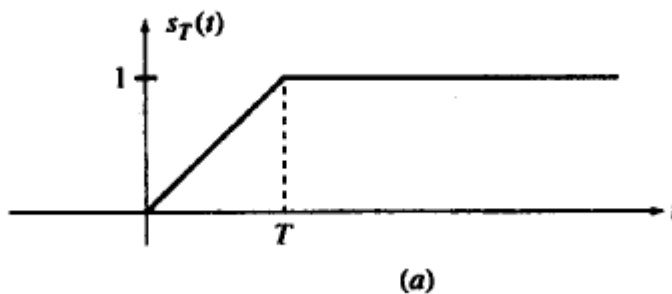


Figura 6.6.

Se genera mediante una sumatoria ya que los valores a tomar respecto al tiempo varían obteniendo lo siguiente

$$i(t) = 4u(t) + \sum_{k=1}^{\infty} [u(t - 5k) - u(t - 5k + 2)]$$

15. En la figura 6.10(a) suponer $T=1$ y denominar la forma de onda por $s(t)$. Expresar $s(t)$ y su primera derivada ds/dt y su segunda derivada utilizando las funciones impulso y escalón.



$$S(t) = [u(t) + u(t - T)]t + u(t - 1)$$

$$\text{derivada } \frac{ds}{dt} = [u(t) + u(t - T)]$$

$$\text{derivada } \frac{d^2s}{dt^2} = [\delta(t) + \delta(t - T)]$$

16. Obtener un impulso de tensión que provoque un salto de intensidad de 1A en $t=0$ cuando se aplica un inductor de 10mH.

$$V(t) = Ie^{-t}ut$$

$$V(t) = 10^{-2}e^{-0}ut$$

$$V(t) = 10^{-2}\delta(t)$$

17. Dadas $v_1 = \cos t$, $v_2 = \cos(t + 30^\circ)$ y $v = v_1 + v_2$ escribir v en forma de coseno exclusivamente $v = A \cos(t + \theta)$ Calcular los valores eficaces de v_1 , v_2 y v Discutir porque es $V_{ef}^2 > (V_{1ef}^2 + V_{2ef}^2)$.

$$v = \cos t + \cos(t + 30^\circ)$$

$$v = \cos t + \cos t \cdot \cos 30^\circ - \sin t \cdot \sin 30^\circ$$

$$v = 1.86 \cos(t + 15^\circ)$$

Valores eficaces

$$V_{1ef}^2 = 0.707$$

$$V_{2ef}^2 = 0.707$$

$$V_{1ef}^2 = V_{2ef}^2$$

$$V_{ef}^2 = 0.070(1.86) = 0.1302$$

para v_1 y v_2 tiene la misma frecuencia y estan desfasados a 30° como se muestra al inicio por lo tanto tendremos que v_1 y v_2 toman el valor de $\frac{1}{2} \cos 30^\circ$ por lo cual satisface es $V_{ef}^2 > (V_{1ef}^2 + V_{2ef}^2)$.

$$V_{ef}^2 > (V_{1ef}^2 + V_{2ef}^2)$$

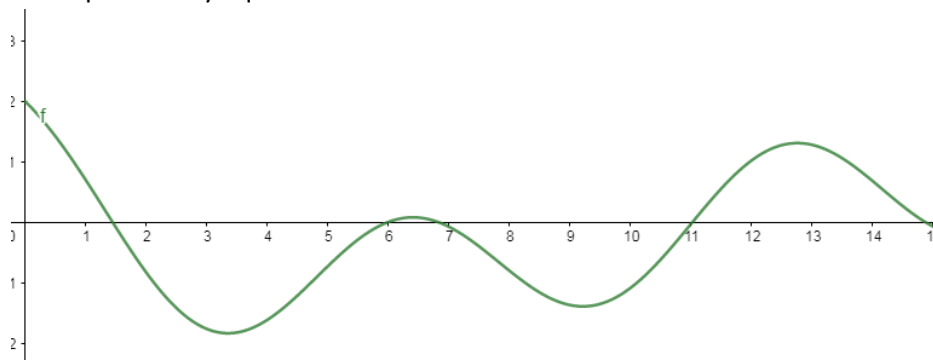
$$1.31 > 0.43$$

18. Demostrar que $v_1 = \cos t + \cos \sqrt{2}t$ no es periodica .b) Sustituir $\sqrt{2}$ por 1,4 y demostrar entonces que $v_2 = \cos t + \cos 4t$ es periodica y calcular su periodo T_2 C) Sustituir $\sqrt{2}$ por 1,4 y calcular el periodo T_3 de $v_3 = \cos t + \cos 1,4t$ d) Sustituir $\sqrt{2}$ por 1,4142 y calcular el periodo T_4 de $v_4 = \cos t + \cos 1.4142t$ es

Valores eficaces

$$v_1 = \cos t + \cos \sqrt{2}t$$

No es periodica ya que $\sqrt{2}$ no es un numero racional



$$v_2 = \cos t + \cos 4t$$

$$\text{El periodo para } T_2 = 2\pi + \frac{1}{2}\pi = \frac{5}{2}\pi$$

$$v_3 = \cos t + \cos 1,4t$$

$$\text{El periodo para } T_3 = 2\pi + \frac{10}{7}\pi = \frac{24}{7}\pi$$

$$v_4 = \cos t + \cos 1.4142t$$

$$\text{El periodo para } T_4 = 2\pi + 1.41\pi = 3.41\pi$$

19. Una señal aleatoria $s(t)$ con un valor eficaz de 5V tiene un valor de continua de 2V. Calcular el valor eficaz de $S_0(t) = s(t) - 2$; esto es cuando se elimina la componente de continua

$$S_0(t) = s(t) - 2$$

$$S_{0ef} = \sqrt{V_{ef1}^2 - V_{ef2}^2}$$

$$S_{0ef} = \sqrt{25 - 4} = \sqrt{21}$$