VİTMO

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО»

Факультет программной инженерии и компьютерной техники

Направление подготовки: 09.03.04 — Системное и прикладное программное обеспечение

Дисциплина «Дискретная математика»

Отчёт по домашней работе №3

Вариант №64

Выполнил

Галак Екатерина Анатольевна

P3115

Проверил

Поляков Владимир Иванович

Задание:

Задание 3 (вычитание целых чисел)

- 1) Для заданных А и В выполнить операцию знакового вычитания со всеми комбинациями знаков операндов. Для каждого примера:
 - а) проставить межразрядные заёмы, возникающие при вычитании;
 - b) дать знаковую интерпретацию операндов и результатов. При получении отрицательного результата предварительно преобразовать его из дополнительного кода в прямой;
 - с) дать беззнаковую интерпретацию операндов и результатов, при получении неверного результата пояснить причину его возникновения;
 - d) показать значения арифметических флагов.

1)
$$A > 0$$
, $B > 0$.

Ī		$A_{\Pi p.}$	0	1	1	0	0	1	1	1
	-	$B_{\pi p.}$	0	0	0	1	0	0	0	1
	•	$C_{\pi p.}$	0	1	0	1	0	1	1	0

Здесь и далее зелёным обозначены разряды, из которых мы делаем заём.

Интерпретация:

1) Знаковая.

2) Беззнаковая.

	103
-	17
	86

$$CF = 0$$
, $ZF = 0$, $PF = 1$, $AF = 0$, $SF = 0$, $OF = 0$.

2) A > 0, B < 0.

	A	№ пр.	0	1	1	0	0	1	1	1
•	- B	доп.	1	1	1	0	1	1	1	1
	C	пр.	0	1	1	1	1	0	0	0

Интерпретация:

1) Знаковая.

2) Беззнаковая.

$$CF = 1$$
, $ZF = 0$, $PF = 1$, $AF = 0$, $SF = 0$, $OF = 0$.

Для беззнаковой интерпретации результат неверен вследствие возникающего заёма из разряда за пределами формата.

3) A < 0, B > 0.

	Адоп.	1	0	0	1	1	0	0	1
-	$B_{\pi p.}$	0	0	0	1	0	0	0	1
	Сдоп.	1	0	0	0	1	0	0	0
	Спр.	1	1	1	1	1	0	0	0

Интерпретация:

1) Знаковая.

2) Беззнаковая.

$$CF = 0$$
, $ZF = 0$, $PF = 1$, $AF = 0$, $SF = 1$, $OF = 0$.

4) A < 0, B < 0.

	Адоп.	1	0	0	1	1	0	0	1
-	$\mathbf{B}_{\text{доп.}}$	1	1	1	0	1	1	1	1
	Сдоп.	1	1	0	1	0	1	1	0
	Спр.	1	0	1	0	1	0	1	0

Интерпретация:

1) Знаковая.

2) Беззнаковая.

$$CF = 1$$
, $ZF = 0$, $PF = 1$, $AF = 1$, $SF = 1$, $OF = 0$.

Для беззнаковой интерпретации результат неверен вследствие возникающего заёма из разряда за пределами формата.

2) Сохранив значение первого операнда A, выбрать такое значение B, чтобы в операции вычитания с разными знаками имел место особый случай переполнения формата. Выполнить два примера, иллюстрирующие эти случаи, для каждого из них проделать пункты a, b, c, d.

Правило для подбора выглядит следующим образом:

$$A + B > 128$$
, значит 128 - $A < B < 127$, пусть $B = 70$.

$$A = 103$$
:

0							
7	6	5	4	3	2	1	0

B = 70:

0							
7	6	5	4	3	2	1	0

	$A_{\text{доп.}}$	1	0	0	1	1	0	0	1
-	$B_{\pi p.}$	0	1	0	0	0	1	1	0
•	Спр.	0	1	0	1	0	0	1	1

Интерпретация:

	-103
-	70
	-110?

$$CF = 0$$
, $ZF = 0$, $PF = 1$, $AF = 0$, $SF = 0$, $OF = 1$.

Для знаковой интерпретации результат является некорректным вследствие переполнения формата.

	$A_{\pi p.}$	0	1	1	0	0	1	1	1
-	${\bf B}_{\text{доп.}}$	1	0	1	1	1	0	1	0
	Сдоп.	1	0	1	0	1	1	0	1
	Спр.	1	1	0	1	0	0	1	1

Интерпретация:

1) Знаковая.

	103
-	70
	-83?

2) Беззнаковая.

$$CF = 1$$
, $ZF = 0$, $PF = 0$, $AF = 0$, $SF = 1$, $OF = 1$.

Для знаковой интерпретации результат неверен вследствие возникающего переполнения, для беззнаковой интерпретации результат неверен вследствие заёма из старшего разряда.

3) Сохранив операнд В, подавать такое значение операнда А, чтобы при вычитании отрицательного В из положительного А имело место переполнение формата, а при вычитании положительного В из отрицательного А результат был бы корректен. Выполнить два примера, иллюстрирующие этот случай. Для каждого из них проделать пункты a, b, c, d.

Значение числа В фиксируем (B = 17), а значение А подбираем согласно формуле А + B = 128, по которой при вычитании из положительного числа отрицательного будет фиксироваться переполнение, а при вычитании из отрицательного числа положительного не будет. Тогда A = 128 - 17 = 111.

$$A = 111$$
:

0	1	1	0	1	1	1	1
7	6	5	4	3	2	1	0

$$B = 17$$
:

0	0	0	1	0	0	0	1
7	6	5	4	3	2	1	0

	$A_{\pi p.}$	0	1	1	0	1	1	1	1
-	$\mathbf{B}_{\text{доп.}}$	1	1	1	0	1	1	1	1
	С	1	0	0	0	0	0	0	0

Интерпретация:

1) Знаковая.

	111
-	-17
	-128?

2) Беззнаковая.

$$CF = 1$$
, $ZF = 0$, $PF = 0$, $AF = 0$, $SF = 1$, $OF = 1$.

Для знаковой интерпретации результат некорректен вследствие возникающего переполнения.

	Адоп.	1	0	0	1	0	0	0	1
-	$B_{\pi p.}$	0	0	0	1	0	0	0	1
	С	1	0	0	0	0	0	0	0

Интерпретация:

1) Знаковая.

	-111
-	17
	-128

2) Беззнаковая.

$$CF = 0$$
, $ZF = 0$, $PF = 0$, $AF = 0$, $SF = 1$, $OF = 0$.

Результаты знаковой и беззнаковой интерпретации корректны.