Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский университет ИТМО»

Факультет программной инженерии и компьютерной техники

Направление подготовки: 09.03.04 — Системное и прикладное программное обеспечение Дисциплина «Информатика»

Лабораторная работа №6 Работа с системой компьютерной вёрстки Т_ЕX

Вариант: 52

Выполнил Галак Екатерина Анатольевна РЗ115 Проверил Белокон Юлия Алексеевна

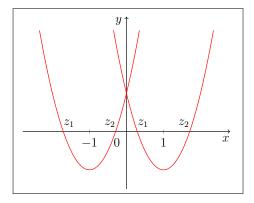


Рис. 3.

Сопоставив его с первым ограничением на m, получим $-16/7 \leqslant m < < -10/7$. График нашей параболы при таких значениях m изображен на риснуке 2. Ее ветви направлены вниз, а корни будут лежать в интервале (2,5) тогда и только тогда, когда f(2) < 0 и f(5) < 0, то есть 4 + 2m < 0, 25 + 14m < 0.

Отсюда m < -2. Окончательно $-16/7 \leqslant m < -2$

ЗадачаЗ (МАИ, 1971). При каких действительных значениях k одно из действительных решений системы

$$\begin{cases} x + y = 2(k+1), & (2) \\ xy = k^2 + 3k - 1 & (3) \end{cases}$$

yдовлетворяет условию |x| < 1, |y| > 1?

Наряду с системой (2), (3) естественно рассмотреть соответствующее ей квадратное уравнение $z^2 - 2(k+1)z + k^2 + 3k - 1 = 0$. (4) Оно тесно связано с данной системой, решения которой получаются с корней z_1 и z_2 уравнения (4): (z_1, z_2) , (z_2, z_1) .

Легко переформулировать задачу для уравнения (4): npu каких действительных k один из действительных корней уравнения (4) находится в интервале (-1,1), а другой корень расположен вне этого интервала.

Так как у квадратного трехчлена (4) должны существовать два различных действительных корня, то D>0, и график левой части уравне-

ния (4) - парабола, пересекающая ось z в двух различных точках z_1 и z_2 ($z_1 < z_2$).

Условию задачи удовлетворяет только такое расположение корней квадратного трехчлена, когда один из них лежит внутри интервала (-1, 1), а другой вне этого интервала (рис. 3). Если перевести это на формальный язык, то получим такие системы:

$$\begin{cases} z_1 < -1, \\ -1 < z_2 < 1; \end{cases} \begin{cases} -1 < z_1 < 1, \\ z_2 > 1; \end{cases}$$
 (5)

Чисто технические трудности, возникающие при их решении, неоправданно велики. Изучение же геометрической картины может подсказать нам менее громоздкий прием. Нетрудно заметить, что парабола расположена одним из тех способов, которые изображены на рисунке 3, тогда и только тогда, когда значения многочлена f(z), стоящего в левой части (4), в точках -1 и 1 имеют разные знаки, то есть

$$f(-1)f(1) < 0.$$
 (6)

В самом деле, пусть значение k удовлетворяет условию задачи. Тогда уравнение (4) имеет два действительных корня. Если один из корней совпадает с -1 или 1, то левая часть неравенства (6) обращается в нуль. Исключим эти варианты из дальнейшего рассмотрения.

Составим теперь таблицу знаков значений f(-1)f(1) для возможных случаев расположения z_1 и z_2 относительно интервала (-1,1) $(z_1 < z_2)$

Поскольку исчерпаны все возможные варианты, то одновременно установлена необходимость и достаточность условия (6). Остается решить