

1 Обязательная часть

Строим centroid decomposition. С этой фразы начинается каждое решение. Так что вынесем ее отдельно.

1. *Путь с нулевым ксором*

Перебираем все центроиды (то есть в итоге все вершины). Рассматриваем компоненту выбранного центра, запускаем в ней dfs. Будем поддерживать счетчик того, что уже наксорили по пути, изначально на нем вес x - нашего центроида. Каждый раз, когда приходим в новую вершину - делаем ксор нашего счетчика и веса этой вершины. Запоминаем каждый результат на счетчике.

Как понять, что мы нашли путь? Первый вариант: Мы получили 0 на счетчике. То есть мы нашли путь: он начинается в рассматриваемом центроиде и заканчивается в данной вершине. И есть второй вариант. Вдруг путь не начинается в данном центроиде, а он где-то "внутри" пути. Но тогда его по центроиду можно разбить на два, которые мы обязательно обойдем в процессе dfsа, но по-отдельности. И тут нет никакой проблемы, ведь мы запоминаем все счетчики. Если в какой-то момент окажется, что текущий счетчик, проксоренный с весом центроида, мы уже встречали, значит, мы нашли составной путь. Зачем ксорить с весом центра? Иначе центр будет учтен в пути дважды, а мы этого не хотим, от одного надо избавиться. А обратное к числу при ксоре - само число.

Итак, получили условие:

```
if (xored_path == 0 || (xored_path xor w[x]) in map) cout << "we found way!";
```

2. *Число путей*

Делаем небольшой предподсчет dfsом. Заводим два массива $num[depth]$ и $d[x][v]$. Для каждого центроида запускаем dfs внутри компоненты, в $d[x][v]$ записываем расстояние от центроида x до рассматриваемой вершины v , а в $num[depth]$ записываем количество вершин на этой глубине dfsа. То есть каждый раз, когда приходим в новую вершину такой глубины, увеличиваем соответствующее значение на 1, изначально там 0 хранится. Заметим, что глубина не может быть больше размера компоненты, то есть $depth \in [0, |C(x)|]$

Посчитаем число путей от L до R для центроидов по отдельности, а потом просто просуммируем получившиеся значения: $Ans = \sum_{x=0}^n ans[x]$. Как мы это сделаем. Будем склеивать пути, проходящие через центр x :

$$tmp = \sum_{i=0}^{|C(x)|} (num[i] \cdot \sum_{j=L-i}^{R-i} num[j]).$$

Но в такой сумме мы считаем не только простые пути, но и не очень. Как от них избавиться? Вычесть! Будем работать сначала с центроидами нижних уровней, постепенно поднимаясь. Таким образом, на момент подсчета $ans[x]$ у нас уже будут посчитаны $ans[v]$ его детей, так что их можно будет просто взять и вычесть. Собственно, все. Все это дело будет работать за $n \log n$, если заранее посчитать префиксные суммы для той формулы наверху, чтобы ее можно было искать за линию.

3. *Ближайшая черная вершина*

One more time предподсчет. Он нужен нам, чтобы заполнить массивчик $d[v][x]$ - расстояние от вершины v до центроида x . Это делается обычным dfsом за $n \log n$, как всегда. Берем центроид, в его компоненте запускаем dfs, радуемся жизни. На каждом уровне в сумме не больше n вершин, уровней логарифм. Предподсчет окончен. Для решения еще понадобится хранить массив $dblack[x]$ - расстояние от центроида до ближайшей черной в его компоненте. Изначально в нем бесконечности.

Как работать. Когда приходит запрос покрасить белую в черный - просто идем по ее "декомпозиционным" предкам вверх и обновляем для них значение $dblack[[]]$, если надо. Когда просят сказать ближайшую к вершине черную - опять ходим по ее предкам. В начале прохода заводим переменную, которая будет отвечать за расстояние до ближайшей черной на данный момент, обновляем ее по мере прохода:

$\text{relax}(\text{min_dist}, \text{dblack}[x] + d[v][x])$, где x - рассматриваемый сейчас предок.