Fecho Convexo – Algoritmos Geométricos

KAUAN MORAES¹

¹ IMPA, Rio de Janeiro, Brasil

JUNE 25, 2025



Instituto de Matemática Pura e Aplicada



- 1 Introdução
- 2 Algoritmos
- 3 Conclusão
- 4 Bibliografia

Descrição do problema

O Fecho Convexo

- O Fecho Convexo é o menor polígono convexo que contém o conjunto de pontos S
- conv(S) é a interseção de todos os conjuntos convexos que contêm S
- Analogia do elástico

Motivação

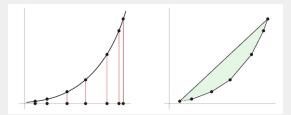
Algumas possíveis aplicações para o Envoltório Convexo são:

- Computação Gráfica: Detecção de Colisões
- Robótica e Planejamento de Caminho
- Simplificação de Dados e Detecção de outliers

Redução

Existe uma redução do problema do casco convexo ordenado para ordenação:

- Mapear em (x_i, x_i^2)
- Achar o fecho
- Achar o min. e percorrer o fecho: $O(n^2)$



Logo, o menor tempo é nlogn.

4 | 14

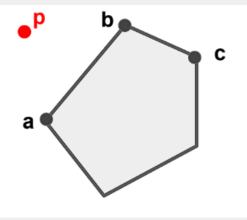


- 1 Introdução
- 2 Algoritmos
- 3 Conclusão
- 4 Bibliografia

Definições

Aresta visível:

■ Vamos considerar uma aresta se $ab \times bp \ge 0$

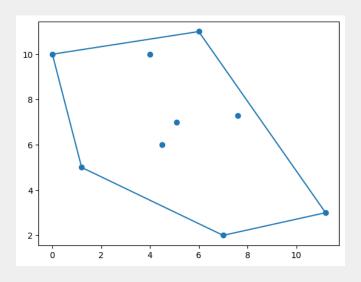


ALGORITMOS

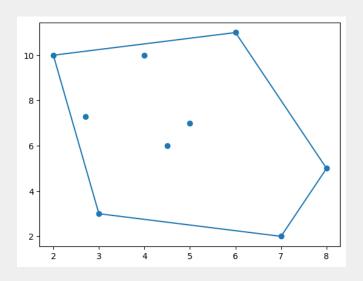
Abordagens Adotadas:

- Algoritmo Incremental
- Algortimo Gift Wrapping
- Algoritmo Graham Scan

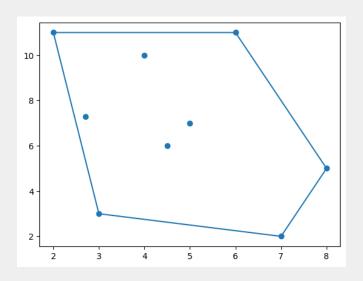
ALGORITMO INCREMENTAL



ALGORITMO GIFT WRAPPING



Algoritmo Graham Scan





- 1 Introdução
- 2 Algoritmos
- 3 Conclusão
- 4 Bibliografia

Análises Finais

Complexidades Big(O)

- Incremental apresenta $O(n^2)$
- Gift Wrapping apresenta O(nh), onde h é o número de pontos no casco (Tempo sensível à saída)
- Graham Scan apresenta O(nlogn)

Vantagens

- Simples conceitualmente
- lacksquare Muito rápido quando h << n
- Ótimo no pior caso



- 1 Introdução
- 2 Algoritmos
- 3 Conclusão
- 4 Bibliografia

Bibliografia:

- Anbarlooei, Hamidreza. Geometria Computacional. UFRJ: CCMN, 2021.
- Depankar. Generating Convex Hull using Graham Scan. 2021. https://deep110.github.io/posts/blogs/2021-06-26-convex-hull-graham-scan.html

Obrigado! Perguntas?