# Najdłuższy cykl prosty w grafie

Kamil Chlebek, Arkadiusz Błasiak, Piotr Jaromin  $8\ {\rm czerwca}\ 2015$ 

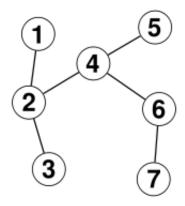
# Spis treści

| 1 | Teoria  |                       |  |   |
|---|---------|-----------------------|--|---|
|   | 1.1     | $\operatorname{Graf}$ |  |   |
|   | 1.2     |                       |  |   |
|   | 1.3     | Algory                | tm genetyczny                            | 4 |
|   |         | 1.3.1                 | Etapy algorytmu                          | 4 |
|   |         | 1.3.2                 | Funkcja oceny                            |   |
|   |         | 1.3.3                 | Selekcja                                 | 4 |
|   |         | 1.3.4                 | Krzyżowanie                              | 4 |
|   |         | 1.3.5                 | Mutacja                                  | 4 |
| 2 | Program |                       |  |   |
|   | 2.1     | GUI                   |  | 6 |
|   |         | 2.1.1                 | Opis obszarów okna                       | 6 |
|   | 2.2     |                       | ga                                       |   |
|   |         | 2.2.1                 | Generowanie grafu                        | 7 |
|   |         | 2.2.2                 | Wczytywanie grafu z pliku                | 7 |
|   |         | 2.2.3                 | Znajdowanie najdłuższej ścieżki w grafie | Ć |

## 1 Teoria

## 1.1 Graf

**Graf** to zbiór wierzchołków, które mogą być połączone krawędziami w taki sposób, że każda krawędź kończy się i zaczyna w którymś z wierzchołków

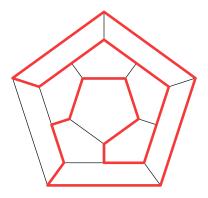


Rysunek 1: Graf nieskierowany

## 1.2 Cykl

**Cykl** jest ścieżką, która rozpoczyna się i kończy w tym samym wierzchołku (ścieżka ta może posiadać wielokrotnie ten sam wierzchołek). Cykl o długości 1 nazywa się pętlą.

**Cykl prosty** - jest ścieżką, która rozpoczyna się i kończy w tym samym wierzchołku (ścieżka ta nie może posiadać wielokrotnie tego samego wierzchołka)



Rysunek 2: Cykl prosty w grafie

## 1.3 Algorytm genetyczny

**Algorytm genetyczny** - rodzaj algorytmu przeszukującego przestrzeń alternatywnych rozwiązań problemu w celu wyszukania rozwiązań najlepszych.

#### 1.3.1 Etapy algorytmu

- 1. Losowanie początkowej populacji
- 2. Selekcja populacja jest poddawana ocenie (korzystając z funkcji oceny), wybierane są najlepsze osobniki
- 3. Krzyżowanie złączanie uprzednio wybranych osobników
- 4. Mutacja wprowadzenie losowych zmian w osobniku
- 5. Rodzi się kolejne pokolenie. Najlepsze osobniki są powielane, a najsłabsze usuwane. Jeżeli nie przekroczono ilości iteracji, algorytm powraca do kroku drugiego. W przeciwnym wypadku wybieramy najlepszego osobnika z populacji.

#### 1.3.2 Funkcja oceny

Funkcja oceny to miara jakości dowolnego osobnika w populacji. Dla każdego osobnika jest ona ilością wierzchołków w ścieżce.

#### 1.3.3 Selekcja

Za pomocą selekcji turniejowej wybieramy 2 osobniki, które poddajemy krzyżowaniu.

#### 1.3.4 Krzyżowanie

Krzyżowanie zachodzi z pewnym prawdopodobieństwem (określonym przez użytkownika). Pierwsza połowa chromosomów z jednego osobnika jest łączona z drugą połową drugiego osobnika oraz druga połowa pierwszego z pierwszą połową drugiego. Wynikiem są dwa nowe osobniki.

#### 1.3.5 Mutacja

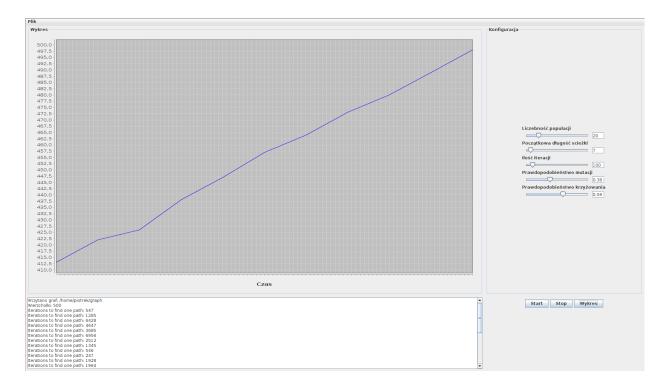
Mutacja zachodzi z pewnym prawdopodobieństwem, które użytkownik może ustawić przed uruchomieniem programu (domyślnie wynosi 0.5). W wylosowanym miejscu w ścieżce dodajemy losowy wierzchołek przez który jeszcze nie przechodziliśmy. Proces jest powtarzany, aż do osiągnięcia prawidłowej ścieżki, bądź przekroczenia maksymalnej liczby iteracji

Rysunek 3: Krzyżowanie

Rysunek 4: Mutacja

## 2 Program

#### 2.1 GUI



Rysunek 5: Interfejs programu

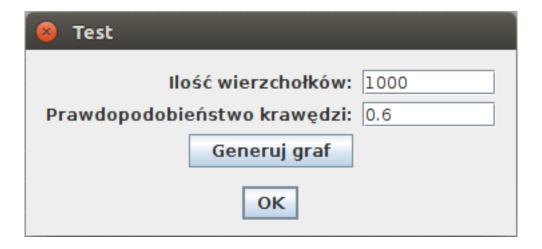
#### 2.1.1 Opis obszarów okna

- pole Wykres: obrazuje zmianę populacji w zależności od czasu, jest generowany w czasie rzeczywistym
- pole Konfiguracja: służy do ustalenia parametrów początkowych:
  - Liczebność populacji: liczba naturalna z przedziału 1 100, określa ilość początkowych osobników
  - Maksymalna początkowa długość ścieżki: liczba naturalna z przedziału 2 100, określa przez maksymalnie ile wierzchołków przechodzi osobnik
  - Prawdopodobieństwo mutacji: ułamek z przedziału 0.0 1.0, określa prawdopodobieństwo zajścia mutacji
  - Prawdopodobieństwo krzyżowania: ułamek z przedziału 0.0 1.0, określa prawdopodobieństwo zajścia krzyżowania

- Obszar Logów: wyświetla informacje dotyczące algorytmu
- Przycisk Start: uruchamia program
- Przycisk Stop: zatrzymuje program
- Przycisk Wykres: pokazuje cały wykres

## 2.2 Obsługa

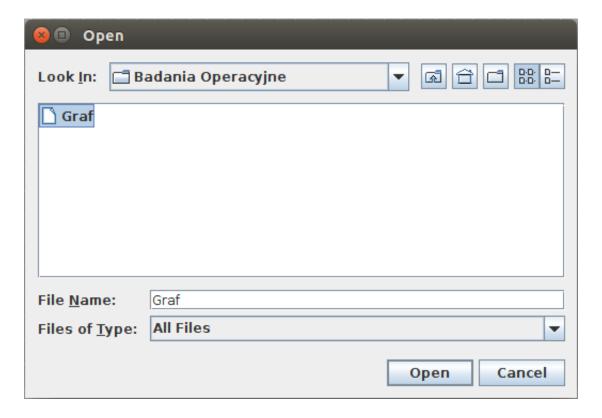
### 2.2.1 Generowanie grafu



Rysunek 6: Okno generowania grafu

- 1. Kliknij w przycisk "plik" znajdujący się w lewym górnym rogu programu;
- 2. Wybierz "Generuj graf";
- 3. W nowo otwartym oknie określ ilość wierzchołków i prawdopodobieństwo krawędzi;
- 4. Po kliknięciu "Generuj graf", wybierz ścieżkę do zapisania nowo utworzonego grafu.

#### 2.2.2 Wczytywanie grafu z pliku



Rysunek 7: Okno wczytywania grafu

- 1. Kliknij w przycisk "plik" znajdujący się w lewym górnym rogu programu;
- 2. Wybierz "Wczytaj graf";
- 3. Określ ścieżkę z zapisanym grafem;
- 4. Po kliknięciu "Open", program załaduje podany graf.

#### 2.2.3 Znajdowanie najdłuższej ścieżki w grafie

Po wczytaniu grafu kliknąć przycisk "start"