Najdłuższy cykl prosty w grafie

Kamil Chlebek, Arkadiusz Błasiak, Piotr Jaromin $8\ {\rm czerwca}\ 2015$

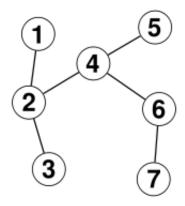
Spis treści

1	Teoria				
	1.1	Graf		3	
	1.2	Cykl		3	
	1.3	Algory	tm genetyczny	4	
		1.3.1	Etapy algorytmu	4	
		1.3.2	Funkcja oceny	4	
			Krzyżowanie		
		1.3.4	Mutacja	Ę	
2	Program				
	2.1	GUI		Ę	
		2.1.1	Opis obszarów okna		
	2.2		ga		
			Generowanie grafu		
		2.2.2	Wczytywanie grafu z pliku	6	
		2.2.3	Znajdowanie najdłuższej ścieżki w grafie		

1 Teoria

1.1 Graf

Graf to zbiór wierzchołków, które mogą być połączone krawędziami w taki sposób, że każda krawędź kończy się i zaczyna w którymś z wierzchołków

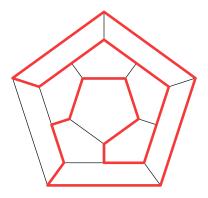


Rysunek 1: Graf nieskierowany

1.2 Cykl

Cykl jest ścieżką, która rozpoczyna się i kończy w tym samym wierzchołku (ścieżka ta może posiadać wielokrotnie ten sam wierzchołek). Cykl o długości 1 nazywa się pętlą.

Cykl prosty - jest ścieżką, która rozpoczyna się i kończy w tym samym wierzchołku (ścieżka ta nie może posiadać wielokrotnie tego samego wierzchołka)



Rysunek 2: Cykl prosty w grafie

1.3 Algorytm genetyczny

Algorytm genetyczny - rodzaj algorytmu przeszukującego przestrzeń alternatywnych rozwiązań problemu w celu wyszukania rozwiązań najlepszych.

1.3.1 Etapy algorytmu

- 1. Losowanie początkowej populacji
- 2. Selekcja populacja jest poddawana ocenie (korzystając z funkcji oceny), wybierane są najlepsze osobniki
- 3. Krzyżowanie złączanie uprzednio wybranych osobników
- 4. Mutacja wprowadzenie losowych zmian w osobniku
- 5. Rodzi się kolejne pokolenie. Najlepsze osobniki są powielane, a najsłabsze usuwane. Jeżeli nie znaleziono dostatecznie dobrego rozwiązania, algorytm powraca do kroku drugiego. W przeciwnym wypadku wybieramy najlepszego osobnika z populacji.

1.3.2 Funkcja oceny

Funkcja oceny to miara jakości dowolnego osobnika w populacji. Dla każdego osobnika jest ona ilością wierzchołków w ścieżce.

1.3.3 Krzyżowanie

Krzyżowanie zachodzi z pewnym prawdopodobieństwem (określonym przez użytkownika). Pierwsza połowa chromosomów z jednego osobnika jest łączona z drugą połową drugiego osobnika oraz druga połowa pierwszego z pierwszą połową drugiego. Wynikiem są dwa nowe osobniki.

1001010110 1111010011

1001010011 1111010110

Rysunek 3: Krzyżowanie

1.3.4 Mutacja

Mutacja zachodzi z pewnym prawdopodobieństwem, które użytkownik może ustawić przed uruchomieniem programu (domyślnie wynosi 0.5). W przeciwieństwie do krzyżowania, zmieniony zostaje jeden osobnik. Polega na dodaniu losowego wierzchołka grafu (z puli jeszcze nie użytych) w losowe miejsce w osobniku. Następnie sprawdzenie, czy został utworzony cykl prosty.

1001010011

10010110011

Rysunek 4: Mutacja

2 Program

2.1 GUI

2.1.1 Opis obszarów okna

- **pole Wykres**: obrazuje zmianę populacji w zależności od czasu, jest generowany w czasie rzeczywistym
- pole Konfiguracja: służy do ustalenia parametrów początkowych:
 - Liczebność populacji: liczba naturalna z przedziału 1 100, określa ilość początkowych osobników
 - Maksymalna początkowa długość ścieżki: liczba naturalna z przedziału 2 100, określa przez maksymalnie ile wierzchołków przechodzi osobnik
 - Prawdopodobieństwo mutacji: ułamek z przedziału 0.0 1.0, określa prawdopodobieństwo zajścia mutacji
 - Prawdopodobieństwo krzyżowania: ułamek z przedziału 0.0 1.0, określa prawdopodobieństwo zajścia krzyżowania
- Obszar Logów: wyświetla informacje dotyczące algorytmu

- Przycisk Start: uruchamia program
- Przycisk Stop: zatrzymuje program
- Przycisk Wykres: pokazuje cały wykres

2.2 Obsługa

2.2.1 Generowanie grafu

- 1. Kliknij w przycisk "plik" znajdujący się w lewym górnym rogu programu;
- 2. Wybierz "Generuj graf";
- 3. W nowo otwartym oknie określ ilość wierzchołków i prawdopodobieństwo krawędzi;
- 4. Po kliknięciu "Generuj graf", wybierz ścieżkę do zapisania nowo utworzonego grafu.

2.2.2 Wczytywanie grafu z pliku

- 1. Kliknij w przycisk "plik" znajdujący się w lewym górnym rogu programu;
- 2. Wybierz "Wczytaj graf";
- 3. Określ ścieżkę z zapisanym grafem;
- 4. Po kliknięciu "Open", program załaduje podany graf.

2.2.3 Znajdowanie najdłuższej ścieżki w grafie

Po wczytaniu grafu kliknąć przycisk "start"