

BRUTE FORCE DAN DIVIDE CONQUER

Tim Ajar Algoritma dan Struktur Data Genap 2021/2022

Capaian

- Mahasiswa mampu memahami konsep algoritma brute force dan divide conquer
- Mahasiswa mampu membuat flowchart algoritma brute force dan divide conquer

Pokok Bahasan

- Algoritma Brute Force
- Algoritma Divide Conquer
- Notasi Big O

Pengantar

- Struktur data untuk penyelesaian algoritma berkaitan dengan jumlah instance
- Pemilihan struktur data yang tepat dapat mempengaruhi kompleksitas waktu yang lebih rendah dan biaya murah
- Strategi algoritma yang dapat dipilih diantaranya :
 - Brute Force
 - Divide Conquer



Brute Force

Definisi Brute Force (1)

- Brute force adalah pendekatan yang lempang (straightforward)
- Dasar pemecahan dengan algoritma brute force didapatkan dari pernyataan pada persoalan (*problem statement*) dan definisi konsep yang dilibatkan.
- Algoritma brute force lebih cocok untuk persoalan yang berukuran kecil karena mudah diimplementasikan dan tata cara yang sederhana.

Definisi Brute Force (2)

- Biasanya didasarkan pada:
 - pernyataan pada persoalan (*problem statement*)
 - definisi konsep yang dilibatkan.
- Algoritma brute force memecahkan persoalan dengan
 - sangat sederhana,
 - langsung,
 - jelas (*obvious way*).
- Just do it! atau Just Solve it!

Karakteristik Algoritma Brute Force

Algoritma brute force umumnya tidak "cerdas" dan tidak mangkus, karena ia membutuhkan jumlah komputasi yang besar dan waktu yang lama dalam penyelesaiannya.

- Kata "force" mengindikasikan "tenaga" ketimbang "otak"
- Kadang-kadang algoritma brute force disebut juga algoritma naif (naïve algorithm).

Algoritma brute force lebih cocok untuk persoalan yang berukuran kecil.

- Sederhana,
- Implementasinya mudah

Algoritma *brute force* sering digunakan sebagai basis pembanding dengan algoritma yang lebih mangkus.

Meskipun bukan metode yang mangkus, hampir semua persoalan dapat diselesaikan dengan algoritma *brute force*.

- Sukar menunjukkan persoalan yang tidak dapat diselesaikan dengan metode brute force.
- Bahkan, ada persoalan yang hanya dapat diselesaikan dengan metode brute force.

Contoh (1) - Mencari elemen terbesar (terkecil)

Persoalan:

Diberikan sebuah senarai yang beranggotakan n buah bilangan bulat $(a_1, a_2, ..., a_n)$. Carilah elemen terbesar di dalam senarai tersebut.

Algoritma brute force:

Bandingkan setiap elemen senarai untuk menemukan elemen terbesar

Contoh 2 – Pencocokan String *(String Matching)*

Persoalan:

Diberikan

- a) teks (text), yaitu (long) string dengan panjang n karakter
- b) pattern, yaitu string dengan panjang m karakter (asumsi: m < n)

Carilah lokasi pertama di dalam teks yang bersesuaian dengan pattern.

Penyelesaian dengan Algoritma brute force.

- 1) Mula-mula pattern dicocokkan pada awal teks.
- 2) Dengan bergerak dari kiri ke kanan, bandingkan setiap karakter di dalam *pattern* dengan karakter yang bersesuaian di dalam teks sampai:
 - o semua karakter yang dibandingkan cocok atau sama (pencarian berhasil), atau
 - O dijumpai sebuah ketidakcocokan karakter (pencarian belum berhasil)
- 3) Bila *pattern* belum ditemukan kecocokannya dan teks belum habis, geser *pattern* satu karakter ke kanan dan ulangi langkah 2.

Gambaran Penyelesaian Contoh 2

```
Pattern: NOT
Teks: NOBODY NOTICED HIM
  NOBODY NOTICED HIM
1 NOT
   NOT
3
    NOT
      NOT
5
       NOT
6
        NOT
         NOT
8
          NOT
```

```
Teks: 10010101010111110101010001
  100101010010111110101010001
 001011
   001011
    001011
     001011
      001011
       001011
         001011
          001011
9
           001011
```

Pattern: 001011

Beberapa Case Brute Force

Worst Case

- Pada setiap pergeseran pattern, semua karakter di *pattern* dibandingkan.
- Contoh:
 - T: "aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaab"
 - -P: "aaab"

Best Case

- Terjadi bila karakter pertama *pattern P* sama dengan karakter teks *T*
- Atau terjadi bila karakter pertama *pattern P* tidak pernah sama dengan karakter teks *T* yang dicocokkan
- Jumlah perbandingan maksimal *n* kali:
- Contoh:
 - T: String ini berakhir dengan zzz
 - P: Str

Kelebihan dan Kelebihan Algoritma Brute Force

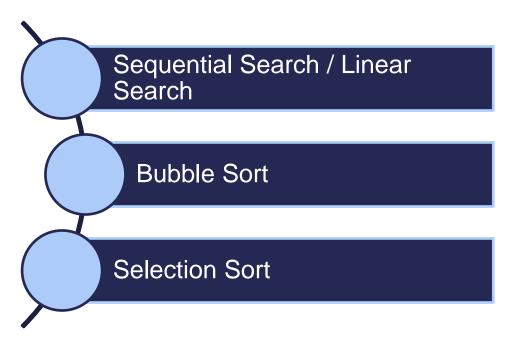
Kelebihan

- 1. Metode *brute force* dapat digunakan untuk memecahkan hampir sebagian besar masalah (*wide applicability*).
- 2. Metode *brute force* sederhana dan mudah dimengerti.
- 3. Metode *brute force* menghasilkan algoritma yang layak untuk beberapa masalah penting seperti pencarian, pengurutan, pencocokan *string*, perkalian matriks.
- 4. Metode *brute force* menghasilkan algoritma baku (standard) untuk tugas-tugas komputasi seperti penjumlahan/perkalian *n* buah bilangan, menentukan elemen minimum atau maksimum di dalam tabel (*list*).

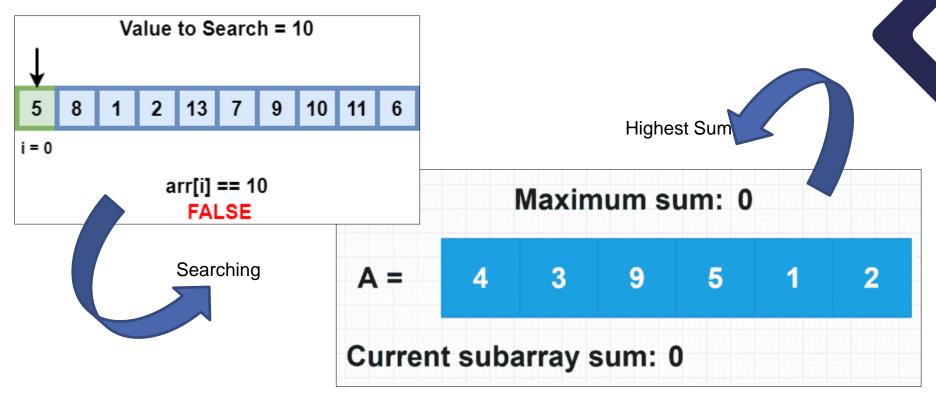
Kelemahan

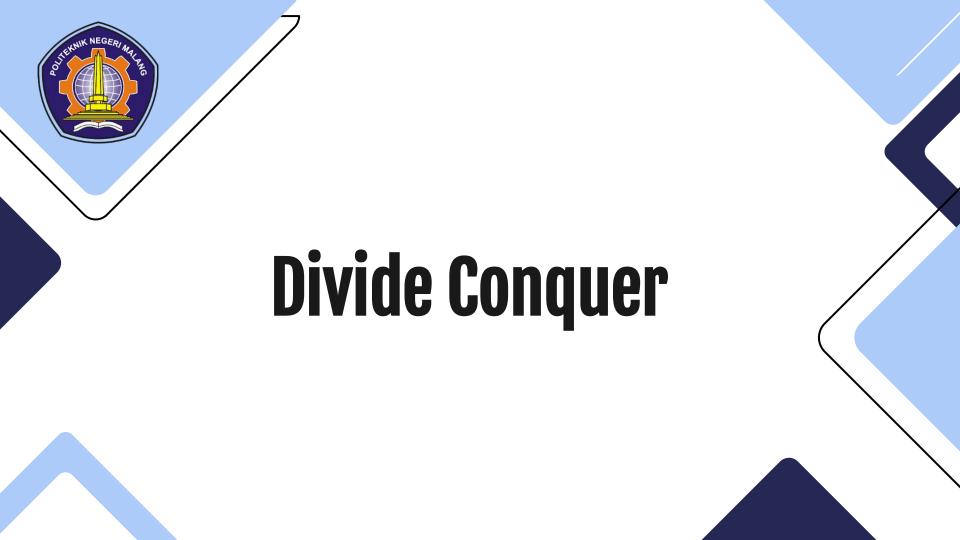
- 1. Metode *brute force* jarang menghasilkan algoritma yang mangkus.
- 2. Beberapa algoritma *brute force* lambat sehingga tidak dapat diterima.
- 3. Tidak sekontruktif/sekreatif teknik pemecahan masalah lainnya.

Penerapan algoritma Brute Force



Penerapan Pendekatan Bruteforce





Introduction Divide and Conquer



- Divide and Conquer dulunya adalah strategi militer yang dikenal dengan nama divide ut imperes.
- Sekarang strategi tersebut menjadi strategi fundamental di dalam ilmu komputer dengan nama Divide and Conquer.

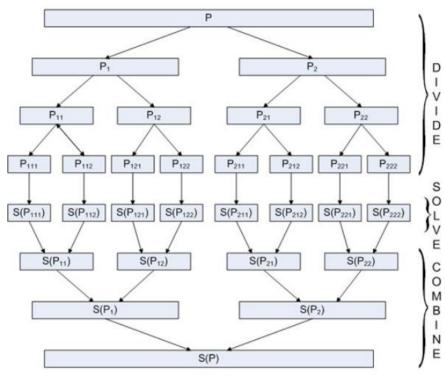
Definisi Divide Conquer (Bagian 1)

- Divide: membagi masalah menjadi beberapa upa-masalah yang memiliki kemiripan dengan masalah semula namun berukuran lebih kecil (idealnya berukuran hampir sama),
- Conquer: memecahkan (menyelesaikan) masing-masing upamasalah (secara rekursif), dan
- Combine: mengabungkan solusi masing-masing upa-masalah sehingga membentuk solusi masalah semula.

Definisi Divide Conquer (Bagian 2)

- Obyek persoalan yang dibagi : masukan (input) atau instances persoalan yang berukuran n seperti:
 - Tabel (larik),
 - Matriks,
 - Eksponen,
 - DII, bergantung persoalannya.
- Tiap-tiap upa-masalah mempunyai karakteristik yang sama (*the same type*) dengan karakteristik masalah asal
- Sehingga metode Divide and Conquer lebih natural diungkapkan dengan skema rekursif.

Gambaran Divide Conquer



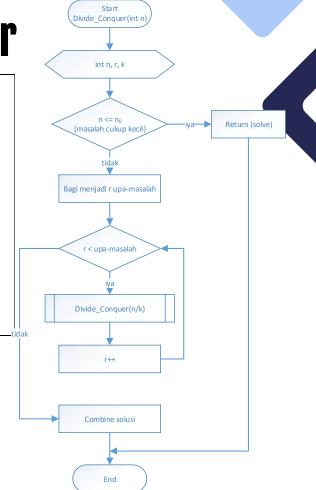
Keterangan:

P = persoalan

S = solusi

Skema Umum Divide - Conquer

```
procedure DIVIDE and CONQUER (input n : integer)
{ Menyelesaikan masalah dengan algoritma D-and-C.
  Masukan: masukan yang berukuran n
  Keluaran: solusi dari masalah semula
Deklarasi
     r, k : integer
Algoritma
  if n \le n_0 then {ukuran masalah sudah cukup kecil }
     SOLVE upa-masalah yang berukuran n ini
  else
     Bagi menjadi r upa-masalah, masing-masing berukuran n/k
     for masing-masing dari r upa-masalah do
        DIVIDE and CONQUER(n/k)
     endfor
     COMBINE solusi dari r upa-masalah menjadi solusi masalah semula }
  endif
```



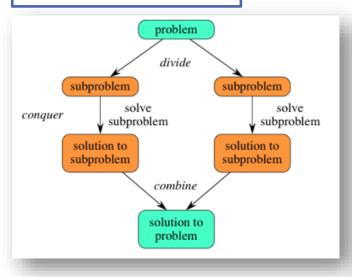
Skema Jika Pembagian Menghasilkan dua upamasalah yang berukuran sama

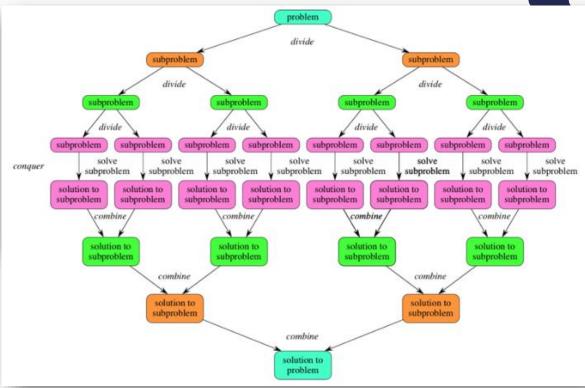
```
procedure DIVIDE and CONQUER(input n : integer)
{ Menyelesaikan masalah dengan algoritma D-and-C.
 Masukan: masukan yang berukuran n
  Keluaran: solusi dari masalah semula
Deklarasi
    r, k : integer
Algoritma
  if n ≤ no then {ukuran masalah sudah cukup kecil }
     SOLVE upa-masalah yang berukuran n ini
  else
     Bagi menjadi 2 upa-masalah, masing-masing berukuran n/2
     DIVIDE and CONQUER(upa-masalah pertama yang berukuran n/2)
     DIVIDE and CONQUER(upa-masalah kedua yang berukuran n/2)
    COMBINE solusi dari 2 upa-masalah
  endif
```

Ilustrasi Divide Conquer

1 Tahap Rekursif

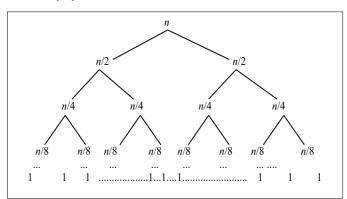
2 Tahap Rekursif





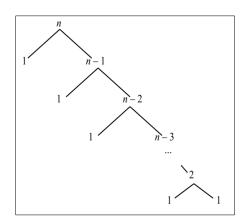
Beberapa Case Divide Conquer

Best Case
 Best case ditemukan saat
 elemen median upa-tabel
 berukuran relative sama
 setiap partisi.

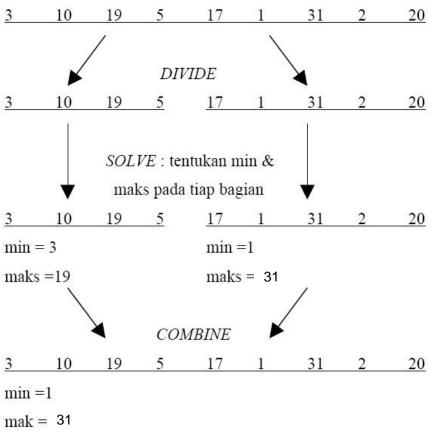


Worst Case

Worst Case ditemukan saat upa tabel selalu minimum atau maksimum (tidak berukuran sama) setiap partisi.



Contoh-Persoalan Minimum dan Maksimum



Kelebihan dan Kelemahan Divide and Conquer

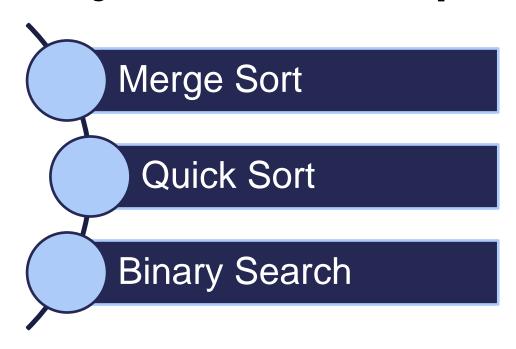
Kelebihan

- Dapat memecahkan masalah yang sulit (Efektif untuk masalah yang cukup rumit)
- Memiliki efisiensi algoritma yang tinggi. (Efisien menyelesaikan algoritma sorting)
- Bekerja secara paralel. Divide and Conquer didesain bekerja dalam mesin-mesin yang memiliki banyak prosesor (memiliki sistem pembagian memori)
- Akses memori yang cukup kecil, sehingga meningkatkan efisiensi memori

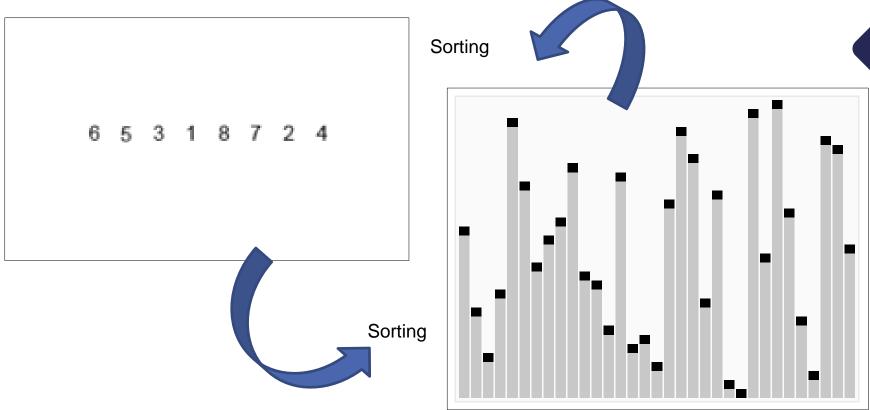
<u>Kelemahan</u>

- Lambatnya proses perulangan (Beban yang cukup signifikan pada prosesor, jadi lebih lambat prosesnya untuk masalah yang sederhana)
- Lebih rumit untuk masalah yang sederhana (Algoritma sekuensial terbukti lebih mudah dibuat daripada algoritma divide and conquer untuk masalah sederhana)

Penerapan algoritma Divide - Conquer



Penerapan Pendekatan Divide and Conquer



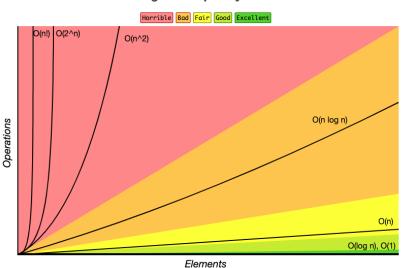


Notasi Big O

Notasi Big 0

- Analisis algoritma untuk kompleksitas waktu atau ruang memori
- Dapat diukur atau dipandang berdasarkan worst-case, best-case, average-case.

 Big-O Complexity Chart
- Dari tercepat hingga terlambat :
- 1. O(1)
- 2. O(log n)
- 3. **O(n)**.
- 4. O(n log n)
- 5. O(n^p)
- 6. O(k^n)
- 7. O(n!)



Notasi - 0 (1)

Contoh kode program:

```
1.
int n = 1000;
System.out.println("Hey - your input is: " + n);
2.
int add(int a, int b) {
return a + b;
}
```

time complexity **O(1)** dikarenakan hanya menjalankan sekali instruksi return, berapapun input yang dimasukkan kedalam fungsi

Notasi - 0 (log n)

Contoh Kode program

Jika n = 8, maka

Output

Hasil : 1

Hasil : 2

Hasil : 4

Algoritma ini berjalan log(8) = 3 kali

Notasi - 0 (n)

- Fungsi diatas memiliki time complexity O(n) dikarenakan ia akan menjalankan looping untuk menjumlahkan bilangan-bilangan yang ada didalam array. Jumlah loopingnya bergantung pada panjang array yang dimasukkan kedalam fungsi.
- Jika numbers memiliki panjang array 3 dengan isi [2,3,4], maka fungsi akan menjumlahkan secara urut 2, 3, dan 4, kemudian mengembalikan rata-ratanya. Sehingga, array yang memiliki panjang 3, fungsi akan melakukan looping sebanyak 3 untuk menjumlahkan bilangan-bilangannya, dan seterusnya.

Notasi - 0 (n log n)

Contoh kode program

Jika n = 8, maka algoritma akan berjalan 8 * log(8) = 8 * 3 = 24 kali.

Notasi – $O(n^p)$

Contoh kode program

Jika n = 8, maka 8² = 64 kali

Notasi – $O(n^p)$

Contoh lain

```
int func(int n) {
   int count = 0;
   for (int i = 1 ; i <= n ; i++) {
       for (int j = 1 ; j <= i ; j++) {
            count++;
       }
   }
   return count;
}</pre>
```

Berapa kali count++ dijalankan dengan nilai n sembarang?

- •Ketika i = 1 , maka akan dijalankan 1 kali.
- •Ketika i = 2, maka akan dijalankan 2 kali.
- •Ketika i = 3 , maka akan dijalankan 3 kali.
- dan seterusnya...

$$\sqrt{1+2+3+\cdots+n} = \frac{n^2+n}{2}$$

time complexitynya O(n²)

Notasi - O(kⁿ)

• Contoh kode program

```
for (int i = 1; i <= Math.pow(2, n); i++) {
   System.out.println("Hasil : " + i);
}</pre>
```

Muncul pada kasus atau factor yang terksponensial dengan ukuran input

Jika n = 8, maka 2⁸ = 256

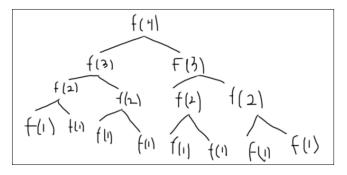
Notasi – $O(k^n)$

• Contoh lain:

```
int func(int n) {
    if (n <= 1) {
        return 1;
    }

    return func(n-1) + func(n-1);
}</pre>
```

Misalkan dipanggil dengan func(4)



time complexity sebesar O(2^n)

Notasi - 0(n!)

Contoh kode program

Jika n = 8 maka 8! = 40320

Aturan Big 0

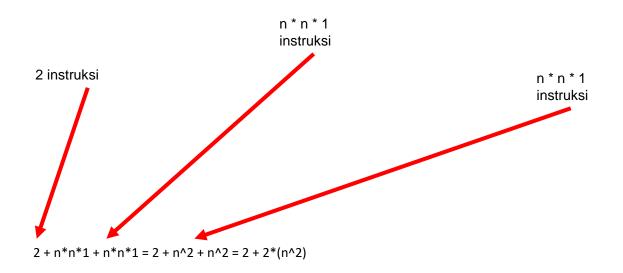
- Cari notasi yang paling berkontribusi (biasanya yang bagian "+" atau notasi O(1) ditiadakan)
- If umumnya bersifat "+"
- For umumnya bersifat " * "
- Konstanta dari notasi Big O dapat ditiadakan (cth: 2 O(n) menjadi O(n))

```
public class ContohBigO{
    public static void contohBig0(int[] angka){
        System.out.println("Pairs: ");
        int n = angka.length;
        for(int i = 0; i < n; i++){
            for (int j = 0; j < n; j++){
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
        for(int i =0; i < n; i++){
            for (int j = 0; j < n; j++){
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
```

```
public class ContohBigO{
    public static void contohBig0(int[] angka){
                                                                      2 instruksi
        System.out.println("Pairs: ");
        int n = angka.length;
        for(int i = 0; i < n; i++){
            for (int j = 0; j < n; j++){
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
        for(int i =0; i < n; i++)\{
            for (int j = 0; j < n; j++){
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
```

```
public class ContohBigO{
    public static void contohBig0(int[] angka){
                                                                       2 instruksi
       System.out.println("Pairs: ");
        int n = angka.length;
       for(int i =0; i < n; i++){
            for (int j = 0; j < n; j++){
                                                                                  n * n * 1
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
                                                                                  instruksi
        for(int i =0; i < n; i++)\{
            for (int j = 0; j < n; j++){
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
```

```
public class ContohBigO{
    public static void contohBig0(int[] angka){
                                                                        2 instruksi
        System.out.println("Pairs: ");
        int n = angka.length;
       for(int i =0; i < n; i++){
            for (int j = 0; j < n; j++){
                                                                                   n * n * 1
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
                                                                                   instruksi
       for(int i =0; i < n; i++){
                                                                                     n * n * 1
            for (int j = 0; j < n; j++){
                                                                                     instruksi
                System.out.println(angka[i] + "-" + angka[j]);
```



Contoh:

Jika n = 10 elemen maka instruksi yang dijalankan adalah $2 + 2*(10^2) = 202$

Latihan

- 1. Buatlah flowchart untuk menghitung nilai faktorial dari inputan suatu bilangan dengan algoritma Brute Force dan Divide Conquer!
- Buatlah flowchart untuk menghitung hasil pangkat dari inputan suatu bilangan dengan algoritma Brute Force dan Divide Conquer!

b.

3. Tentukan notasi Big O yang sesuai dari kode program berikut!

```
function itemInList(check, list){
    for (var i = 0; i < list.length; i++){
        if (list[i] === check) return true;
    }
    return false;
}</pre>
```