

電気工学2第10回

藤田 一寿

フィルタ

■ フィルタとは

- 不要な周波数成分を取り除き、必要な周波数成分のみこし取る（フィルタをかける）
 - ノイズの除去
 - 必要な音だけ取る



■ フィルタの応用例

- ・電源の平滑化（直流化）
- ・ノイズ除去フィルタ

パッシブフィルタ

■ パッシブフィルタとは

- ・受動素子のみ（抵抗, コンデンサ, インダクタ）で構成される
フィルタ回路（wikipediaより）
 - ・安定
 - ・簡単
 - ・安価
 - ・大電力を扱える
 - ・高周波動作が可能
 - ・電力を消費しない
- ・アクティブラフィルタに関しては後で

■ フィルタの種類

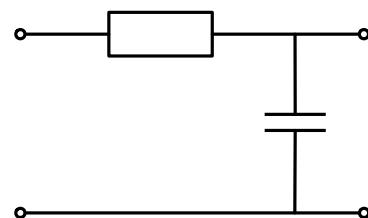
- ローパスフィルタ (LPF)
 - 低周波数成分のみを通過させるフィルタ
- ハイパスフィルタ (HPF)
 - 高周波数成分のみを通過させるフィルタ
- バンドパスフィルタ (BPF)
 - ある周波数領域の成分のみ通過させるフィルタ

■ LCRを使ったフィルタの例

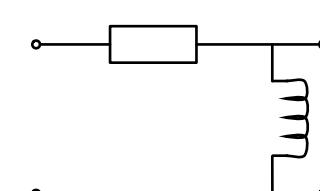
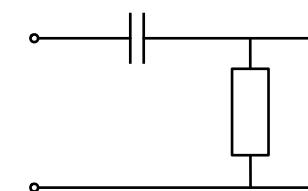
- ローパスフィルタ（低域通過フィルタ）
 - 信号の低周波数成分を通過させるフィルタ
- ハイパスフィルタ（高域通過フィルタ）
 - 信号の高周波数成分を通過させるフィルタ

典型的なフィルタ回路

ローパスフィルタ

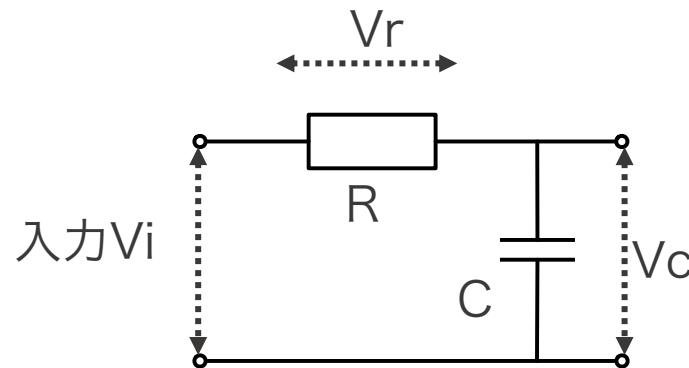


ハイパスフィルタ

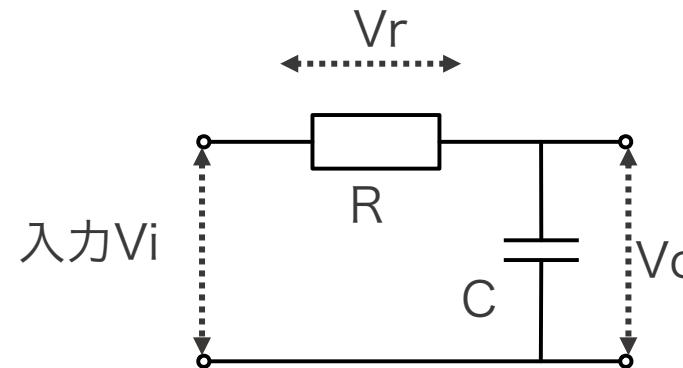


キャパシタとインダクタの場所が入れ替わっている。キャパシタとインダクタの電流の周波数に対する性質が逆だから。

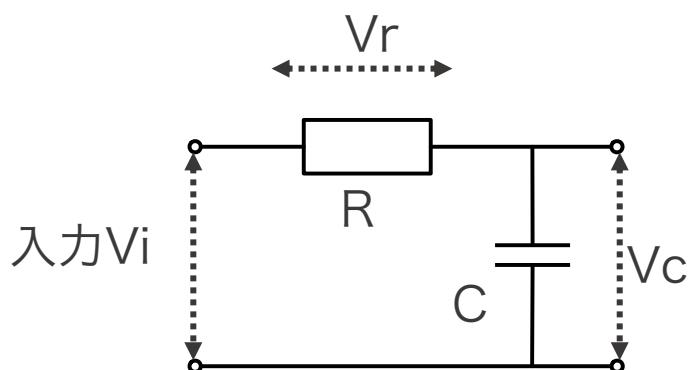
■ フィルタの直感的理解



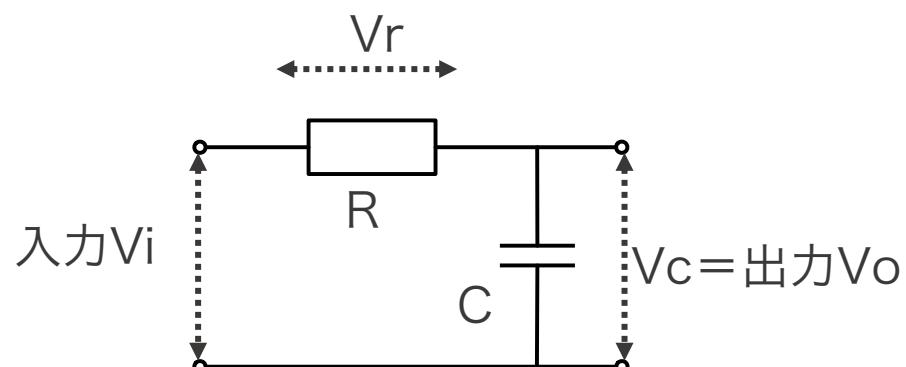
入力ViはVrとVcに分けられる（分圧）。



VcはCのインピーダンスの大きさが大きければ大きいほど大きくなる。



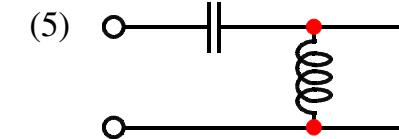
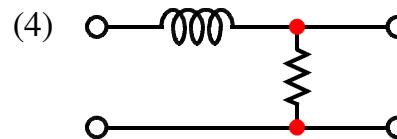
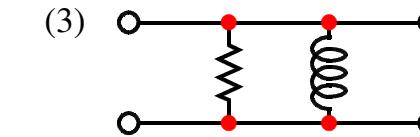
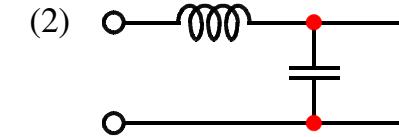
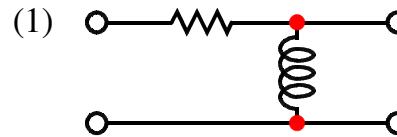
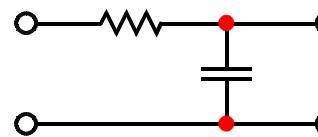
Cのインピーダンスは $1/j\omega C$ なので、Viの周波数が低ければ低いほどCのインピーダンスの大きさは大きくなる。つまり、Viの周波数が低ければ低いほどVcは高い。



出力VoはVcは並列の関係なので等しい。つまりVoもViの周波数が高ければ高いほど大きくなる。Voは周波数が高ければ大きく、低ければ小さい。見方を変えると、この回路は周波数が低い入力を通しやすいといえる（ローパスフィルタ）。

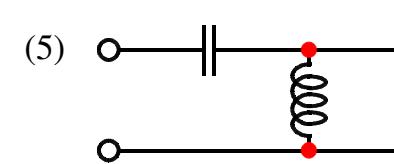
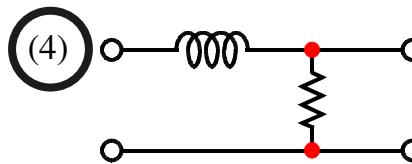
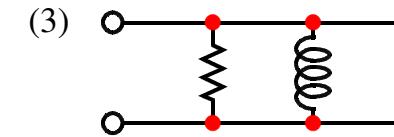
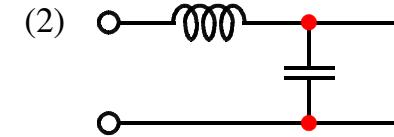
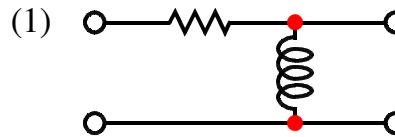
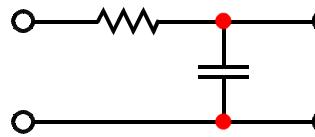
■ 演習解説

【AM29】図と同様なフィルタ特性を示す回路はどれか。



■ 演習解説

【AM29】図と同様なフィルタ特性を示す回路はどれか。

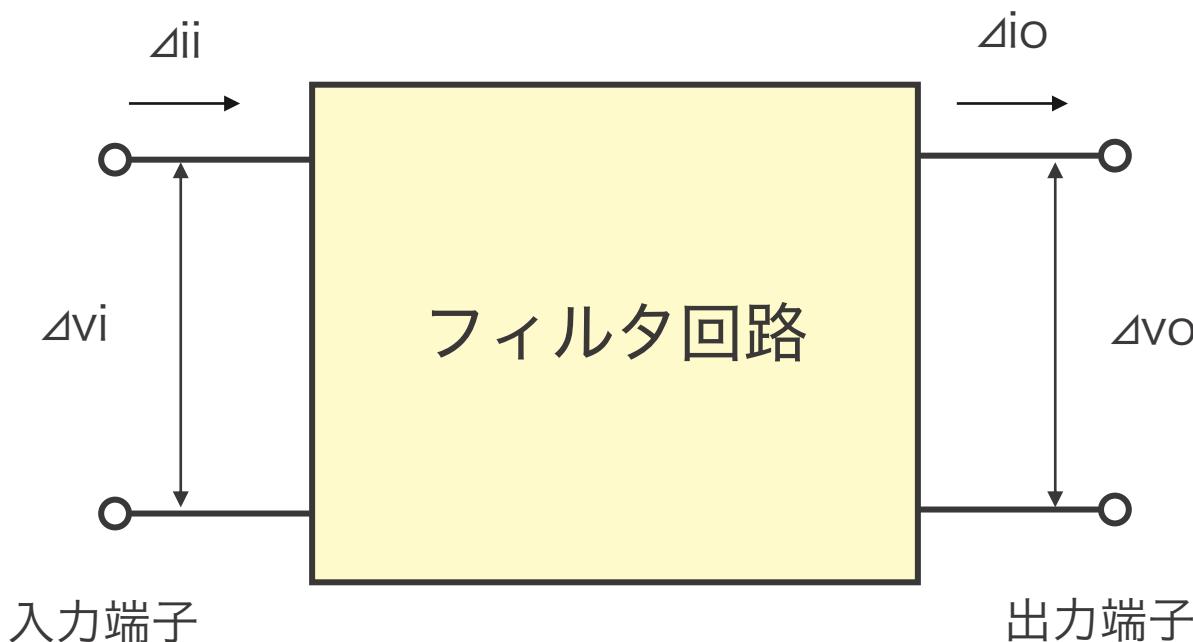


図のフィルタは、ローパスフィルタである。選択肢の中でローパスフィルタは4である。

利得

■ 増幅度, 利得 (ゲイン)

- 電圧増幅度 $A_v = \frac{\Delta v_o}{\Delta v_i}$
- 電圧利得 $G_v = 20 \log_{10} |A_v|$ [dB] デシベル



■ 対数の計算

- 利得の計算をするためには対数の計算を習得する必要がある。
次の公式を思い出そう。
- a を底とし, $M>0$, $N>0$ とする。

$$\log_a 1 = 0$$

$$\log_a a = 1$$

$$\log_a(MN) = \log_a M + \log_a N$$

$$\log_a(M/N) = \log_a M - \log_a N$$

$$\log_a M^r = r \log_a M$$

■ 利得計算

- ・電圧増幅度 $A_v=1/200$ のとき、電圧利得[dB]はいくらか。
- ・電圧利得が20[dB]の増幅器に電圧2Vの入力を与えた。出力電圧[V]はいくらか。

■ 利得計算

- 電圧増幅度 $A_v=1/200$ のとき、電圧利得 [dB] はいくらか。
 - $G_v = 20 \log_{10} A_v = 20 \log_{10} \left(\frac{1}{200}\right) = -20 \times (\log_{10} 2 + \log_{10} 100)$
 - $= -20 \times (0.3 + 2) \approx -46$ [dB]
- 電圧利得が20[dB]の増幅器に電圧2Vの入力を与えた。出力電圧[V]はいくらか。
 - $G_v = 20 = 20 \log_{10} A_v$
 - $\log_{10} A_v = 1$
 - $A_v = 10$ 倍
 - よって出力電圧は20V

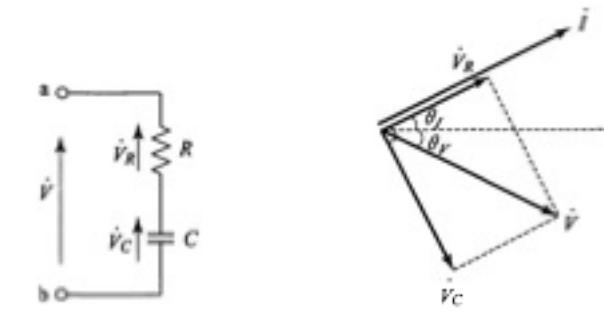
$$\begin{aligned}\log_{10} 200 &= \log_{10}(2 \times 100) = \log_{10} 2 + \log_{10} 100 \\ \log_{10} 100 &= \log_{10} 10^2 = 2 \log_{10} 10 = 2\end{aligned}$$

パッシブフィルタと周波数特性

RC直列回路

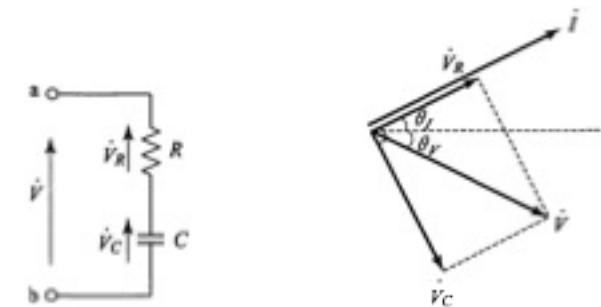
■ RC直列回路

- 図のように抵抗とコンデンサを直列につなぐ。
- 直列なので、各素子を流れる電流は等しく、各素子に加わる電圧の総和がab間の電圧となる。
- 各素子に加わる電圧は、
- $\dot{V}_R = R\dot{I}, \dot{V}_C = \frac{1}{j\omega C} \dot{I}$
- ab間の電圧は
- $\dot{V} = \dot{V}_R + \dot{V}_C = R\dot{I} + \frac{1}{j\omega C} \dot{I} = \left(R + \frac{1}{j\omega C} \right) \dot{I}$



■ RC直列回路

- $\dot{I} = \frac{1}{R + \frac{1}{j\omega C}} \dot{V}$
- よって、それぞれの素子に加わる電圧は
- $\dot{V}_R = \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} \dot{V}$
- $\dot{V}_C = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \dot{V}$
- これを見ると直流のときと同じで、各素子に加わる電圧はインピーダンスの比となっている。



■ RC直列回路

- 抵抗の電圧と入力の比の大きさは
- $\left| \frac{\dot{V}_R}{\dot{V}} \right| = \left| \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} \right| = \frac{R}{\sqrt{R^2 + \frac{1}{\omega^2 C^2}}}$
- この式から、抵抗の電圧の大きさは入力の周波数が大きくなればなるほど小さくなる事がわかる。
- 入力電圧と抵抗の電圧の位相差は
- $\theta_R = -\tan^{-1} -\omega CR = \tan^{-1} \omega CR$

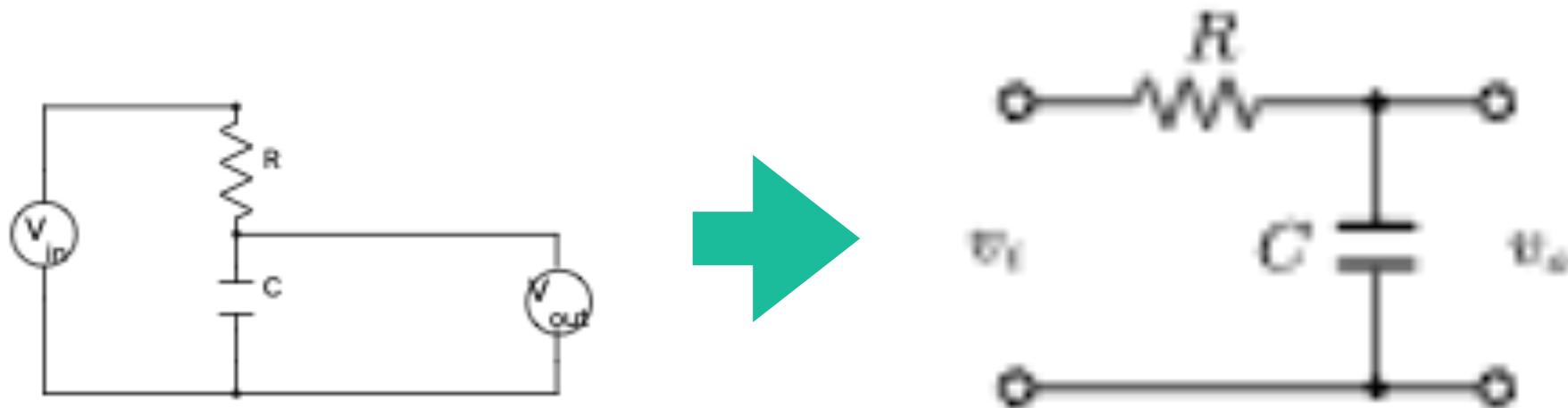
■ RC直列回路

- ・コンデンサの電圧と入力の比の大きさは
- ・ $\left| \frac{\dot{V}_c}{\dot{V}} \right| = \left| \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \right| = \left| \frac{1}{1 + j\omega RC} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}}$
- ・この式から、コンデンサの電圧の大きさは入力の周波数が大きくなればなるほど大きくなる事がわかる。
- ・入力電圧とコンデンサの電圧の位相差は
- ・ $\theta_C = -\tan^{-1} \omega CR$

RCフィルタ

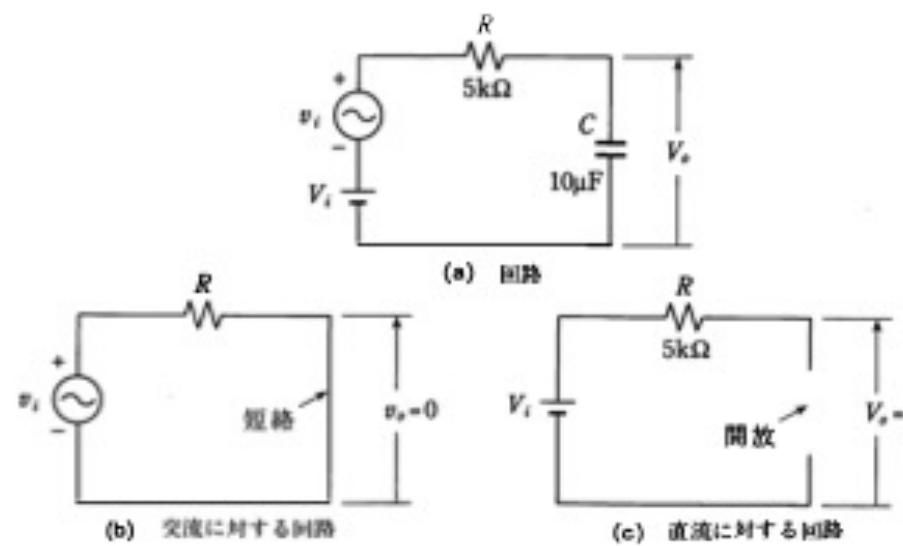
■ RCローパスフィルタ

- 抵抗RとコンデンサCで構成されるローパスフィルタ



■ 極めて簡単な解釈

- ・コンデンサは交流を流しやすいので、交流の場合コンデンサは短絡しているとみなせる。よって、 V_0 には v_i が現れない。
 - ・高周波数の成分が V_0 に現れない。
- ・コンデンサは直流を通さないので、直流の場合コンデンサは開放とみなせる。よって $V_0 = V_i$ となる。
 - ・低周波数成分が V_0 に現れる。



(藤井, なっとくする電子回路)

■ ゲインの計算

- この回路はRC直列回路となっているので、 V_{out} は

$$\dot{V}_{out} = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \dot{V}_{in} = \frac{1}{1 + j\omega RC} \dot{V}_{in}$$

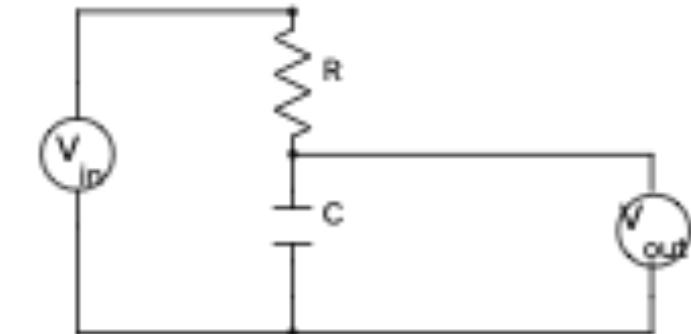
- V_{out} に対する V_{in} の比をゲインGとすると

$$G = \left| \frac{\dot{V}_{out}}{\dot{V}_{in}} \right| = \left| \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \right| = \left| \frac{1}{1 + j\omega RC} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}}$$

- V_{out} の位相のずれ θ_{out} は

$$\theta_{out} = -\tan^{-1} \omega RC = -\tan^{-2} 2\pi f RC$$

- ゲインGがフィルタの特性を表す。



■ カットオフ周波数

- ・ゲインが $1/\sqrt{2}$ のときの周波数fをカットオフ周波数 f_c と言う。
- ・ $\left| \frac{\dot{V}_c}{\dot{V}_{in}} \right| = \frac{1}{\sqrt{1+(\omega CR)^2}}$
- ・カットオフ周波数のとき出力の振幅の大きさは入力の $\frac{1}{\sqrt{2}}$ だから
- ・ $1 + (\omega_c CR)^2 = 2$
- ・よってカットオフ周波数 f_c は
- ・ $\omega_c = \frac{1}{CR} = 2\pi f_c$
- ・ $f_c = \frac{1}{2\pi CR}$

■ デシベル

- ・ゲインの大きさは通常デシベル[dB]で表される.
- ・デシベルは次のように定義される.

$$x = 20 \log_{10} |G|$$

- ・RCローパスフィルタではデシベルで表されるゲインgは

$$g = -10 \log_{10}(1 + \omega^2 R^2 C^2)$$

- ・となる.

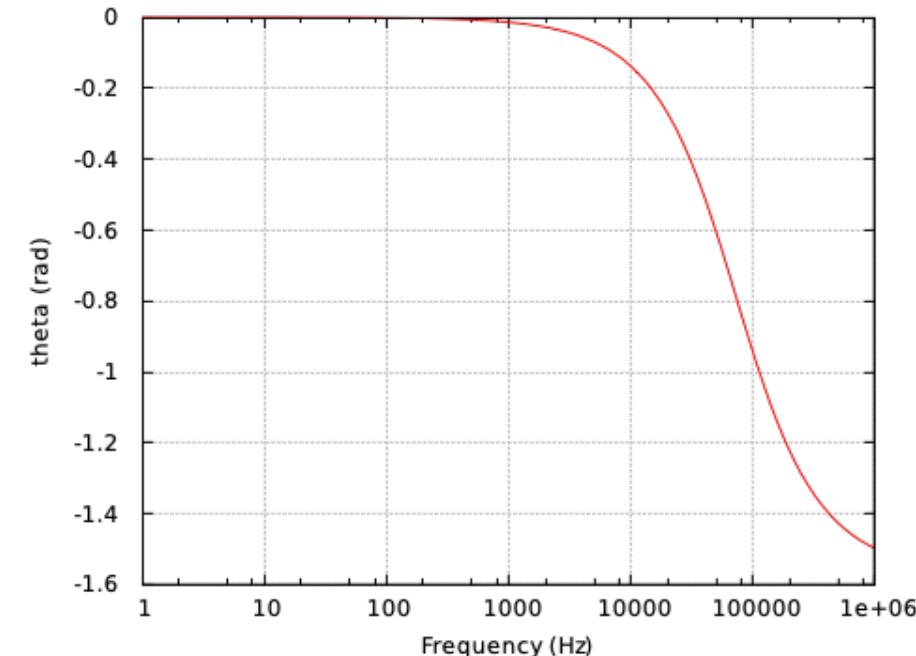
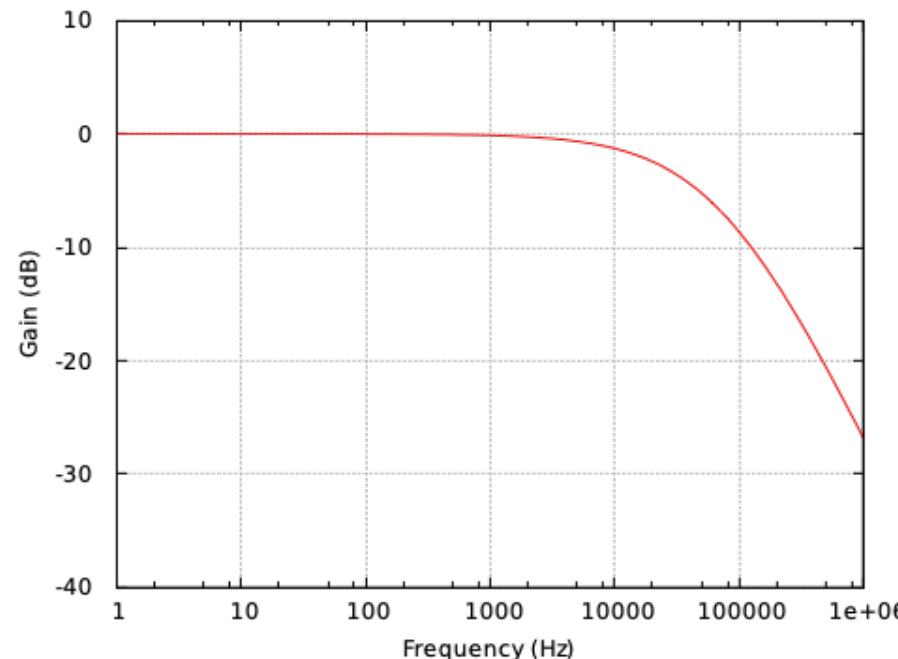
■ カットオフ周波数とゲイン

- ・ゲインが $1/\sqrt{2}$ のときの周波数fをカットオフ周波数 f_c と言う。
- ・カットオフ周波数が f_c のとき、ゲイン[dB]は約-3[dB]となる。

カットオフ周波数のときゲインが約-3[dB]となることを確認せよ。

■ RCローパスフィルタの周波数特性

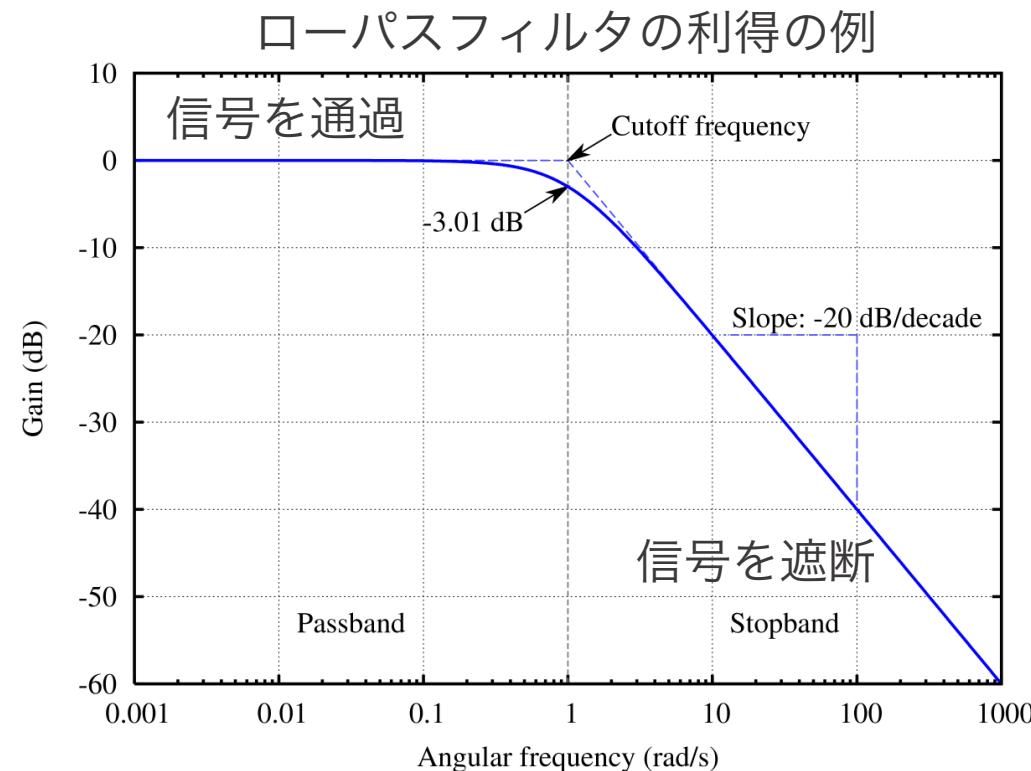
- 周波数に対するゲインの変化の特性を周波数特性と言う。周波数特性はフィルタの特性を知る上で重要なものである。



R=100Ω, C=0.022μF

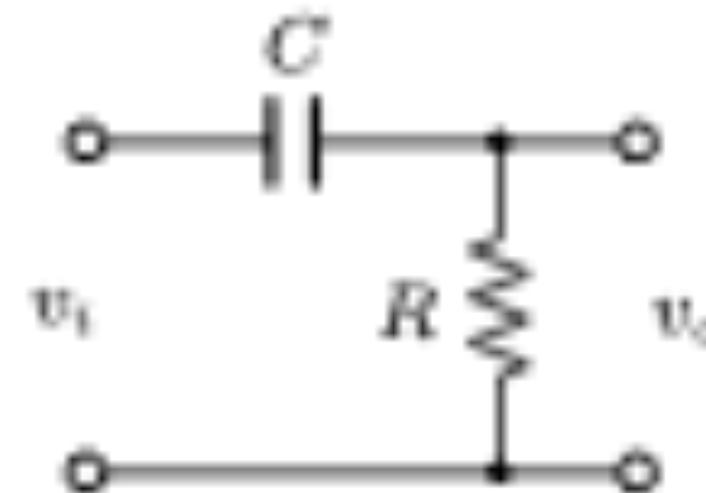
■ RCローパスフィルタの周波数特性

- ファルタの出力が $1/\sqrt{2}$ （およそ-3dB）になる周波数をカットオフ周波数（遮断周波数）という。



■ RCハイパスフィルタ

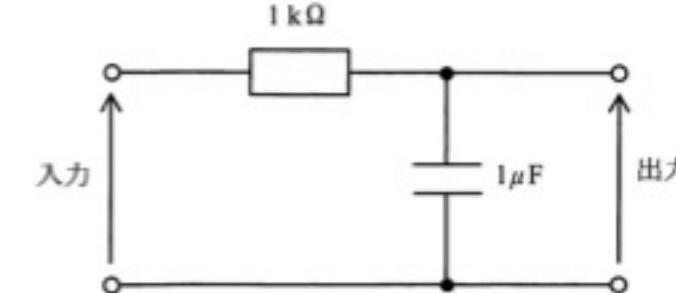
- ・コンデンサを用いることでハイパスフィルタを作ることができ
る。回路図を見てみると分かる通り、ローパスフィルタのCとR
を入れ替えた回路になっている。
- ・特性もRCローパスフィルタの逆になる。



■ 問題解説

- 図の回路に正弦波（実効値2.8V, 角周波数 $1\times 10^3\text{rad/s}$ ）を入力した。出力電圧（実効値）はおよそ何Vか。（第42回ME2種）

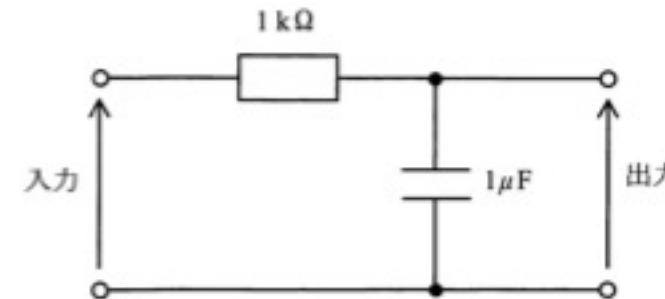
1. 0.5
2. 0.7
3. 1.0
4. 1.4
5. 2.0



問題解説

- 図の回路に正弦波（実効値2.8V, 角周波数 $1\times 10^3\text{rad/s}$ ）を入力した。出力電圧（実効値）はおよそ何Vか。（第42回ME2種）

1. 0.5
2. 0.7
3. 1.0
4. 1.4
5. 2.0



$$\dot{V_{out}} = \dot{V_{in}} \times \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}}$$

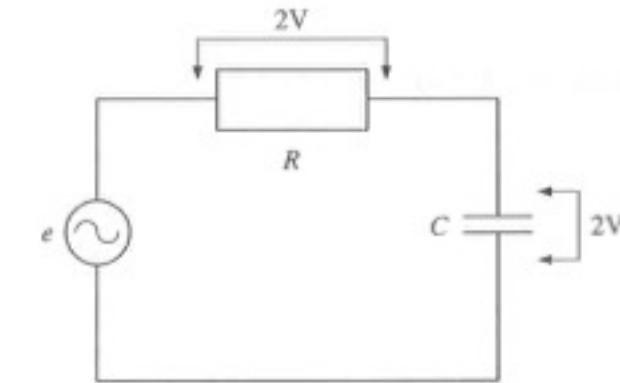
$$\left| \frac{\dot{V_{out}}}{\dot{V_{in}}} \right| = \left| \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega CR)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + (1 \times 10^3 \times 10^{-6} \times 10^3)}} = \frac{1}{\sqrt{1+1}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

よって出力電圧 V_{out} の実効値は

$$\frac{2.8}{\sqrt{2}} \cong \frac{2.8}{1.4} = 2$$

■ 問題解説

- 図の交流回路で、 R , C の両端の電圧（実効値）は図の示す値であった。電源電圧 e （実効値）は何Vか。（第36回ME2種）



問題解説

- 図の交流回路で、R, Cの両端の電圧（実効値）は図の示す値であった。電源電圧 e （実効値）は何Vか。（第36回ME2種）

抵抗の電圧は $\dot{V}_R = \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} \dot{V}$

コンデンサの電圧は $\dot{V}_C = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} \dot{V}$

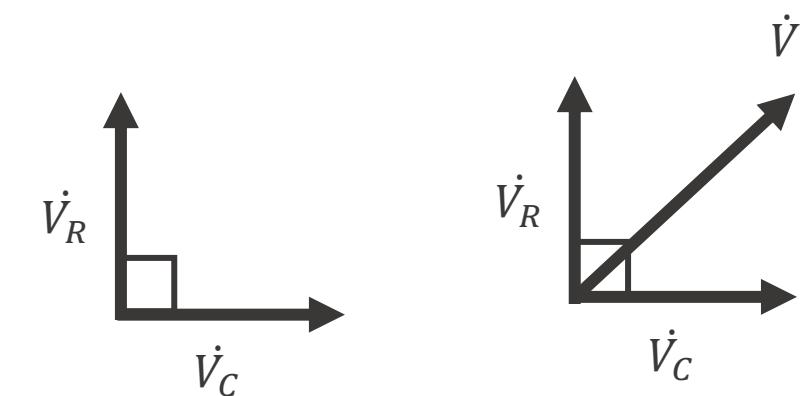
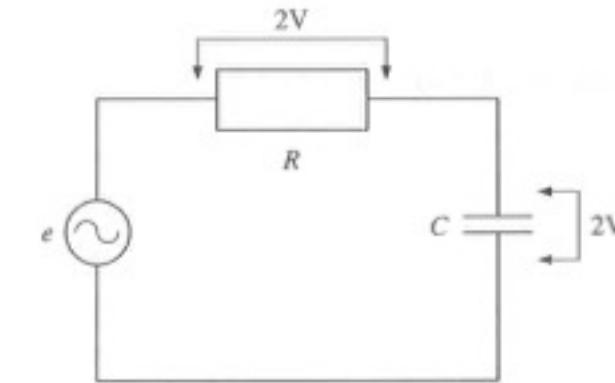
それぞれの電圧の位相差は $\frac{\dot{V}_R}{\dot{V}_C} = \frac{\frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}}}{\frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}}} = j\omega RC$ だから、

90度である。

フェーザ図を書くと右図のようになる。

よって e の実効値は

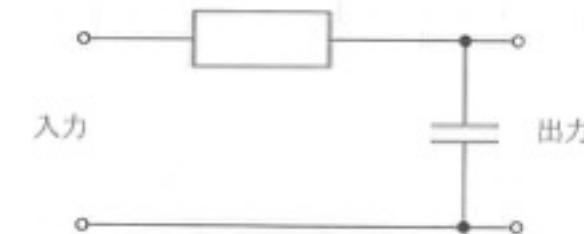
$$2\sqrt{2}$$



■ 問題解説

- 図の回路で、ある周波数fでの減衰量は-40dBであった。fの10倍の周波数における減衰量[dB]はどれか。（第39回ME2種）

1. -4
2. -20
3. -60
4. -80
5. -400



問題解説

- 図の回路で、ある周波数fでの減衰量は-40dBであった。fの10倍の周波数における減衰量[dB]はどれか。（第39回ME2種）

1. -4

$$20 \log_{10} \left| \frac{\dot{V}_c}{\dot{V}_{in}} \right| = -40$$

2. -20

$$\left| \frac{\dot{V}_c}{\dot{V}_{in}} \right| = \frac{1}{100} = \frac{1}{\sqrt{1 + (2\pi f C R)^2}}$$

3. -60

$$1 + (2\pi f C R)^2 = 10000$$

4. -80

$$(C R)^2 = \frac{9999}{4\pi^2 f^2}$$

5. -400

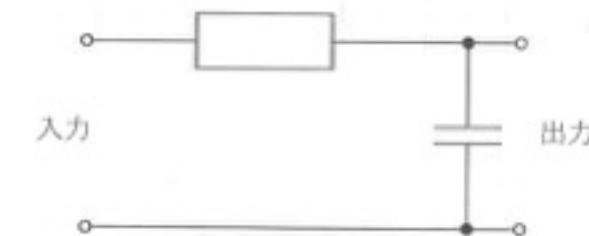
任意の周波数f'のときのゲインは

$$\left| \frac{\dot{V}_c}{\dot{V}_{in}} \right| = \frac{1}{100} = \frac{1}{\sqrt{1 + f'^2 \frac{9999}{f^2}}}$$

よって $f' = 10f$ のときのゲインgは

$$\left| \frac{\dot{V}_c}{\dot{V}_{in}} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + 999900}} = \frac{1}{\sqrt{999901}} \cong \frac{1}{\sqrt{1000000}} = \frac{1}{1000}$$

$$g = 20 \log_{10} \frac{1}{1000} = -60$$

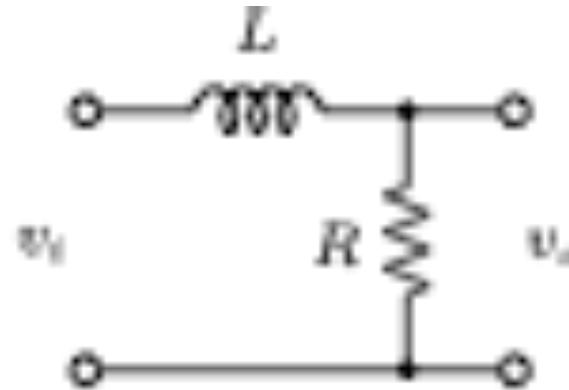


今回は $(2\pi f C R)^2$ が十分大きいから分母の1を無視して計算しても良い。

RLフィルタ

■ LRローパスフィルタ

- ・ローパスフィルタはコンデンサを用いたCRローパスフィルタのみではなく、インダクタを用いたLRローパスフィルタも存在する。
- ・インダクタはコンデンサと性質が逆なので、回路も逆になる。



■ ゲインの計算

- この回路はRL直列回路となっているので、 V_{out} は

$$\cdot \dot{V_{out}} = \frac{R}{R+j\omega L} \dot{V_{in}} = \frac{1}{1+\frac{j\omega L}{R}} \dot{V_{in}}$$

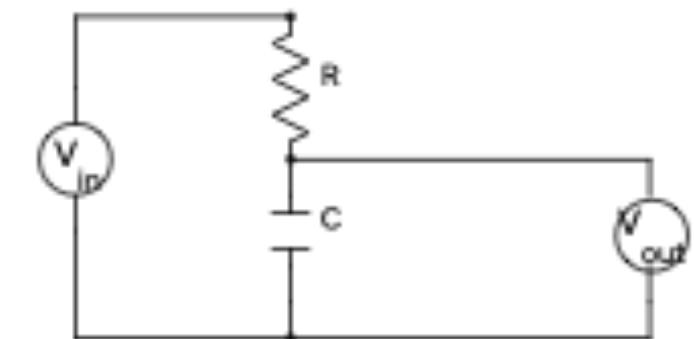
- V_{out} に対する V_{in} の比をゲインGとすると

$$\cdot G = \left| \frac{\dot{V_{out}}}{\dot{V_{in}}} \right| = \left| \frac{R}{R+j\omega L} \right| = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{\omega^2 L^2}{R^2}}}$$

- V_{out} の位相のずれ θ_{out} は

$$\cdot \theta_{out} = -\tan^{-1} \frac{R}{\omega L} = -\tan^{-2} \frac{R}{2\pi f L}$$

- ゲインGがフィルタの特性を表す。



■ カットオフ周波数

- ・ゲインgが $1/\sqrt{2}$ のときの周波数fをカットオフ周波数 f_c と言う。
- ・ $G = \left| \frac{\dot{V_{out}}}{\dot{V_{in}}} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2 L^2}{R^2}}}$
- ・カットオフ周波数のとき出力の振幅の大きさは入力の $\frac{1}{\sqrt{2}}$ だから
- ・ $1 + \left(\frac{\omega_c L}{R} \right)^2 = 2$
- ・よってカットオフ周波数 f_c は
- ・ $\omega_c = \frac{R}{L} = 2\pi f_c$
- ・ $f_c = \frac{R}{2\pi L}$

■ デシベル

- ・ゲインの大きさは通常デシベル[dB]で表される.
- ・デシベルは次のように定義される.

$$x = 20 \log_{10} |G|$$

- ・RCローパスフィルタではデシベルで表されるゲインgは

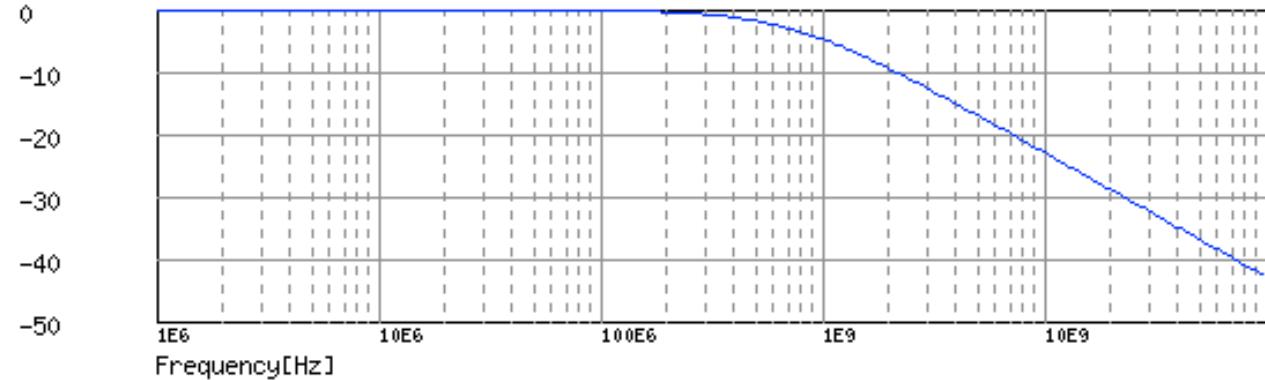
$$\cdot g = 20 \log_{10} \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2 L^2}{R^2}}} = -10 \log_{10} \left(1 + \frac{\omega^2 L^2}{R^2}\right)$$

- ・となる.

■ LRローパスフィルタの周波数特性

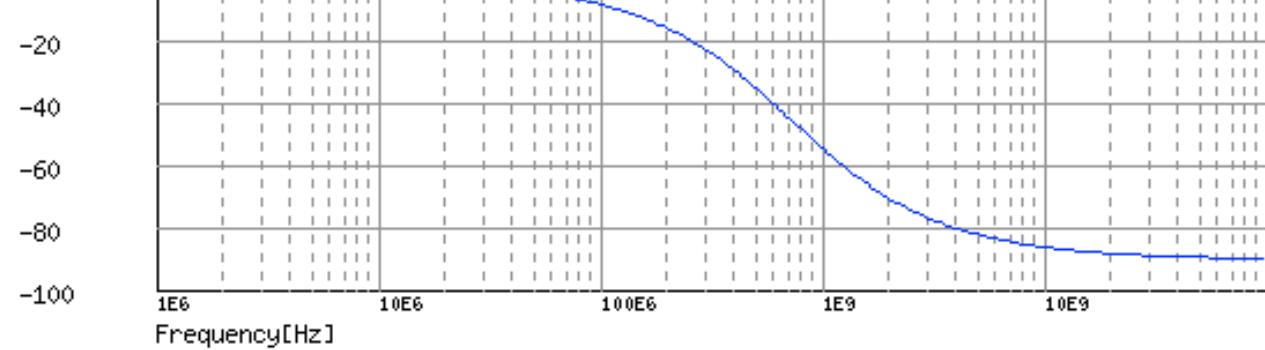
BodeDiagram

Magnitude[dB]



Phase[deg]

Phase[deg]

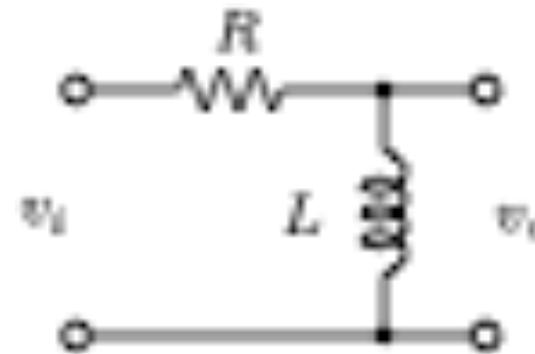


(c)okawa-denshi.jp

R=100Ω, L=0.022μH

■ LRハイパスフィルタ

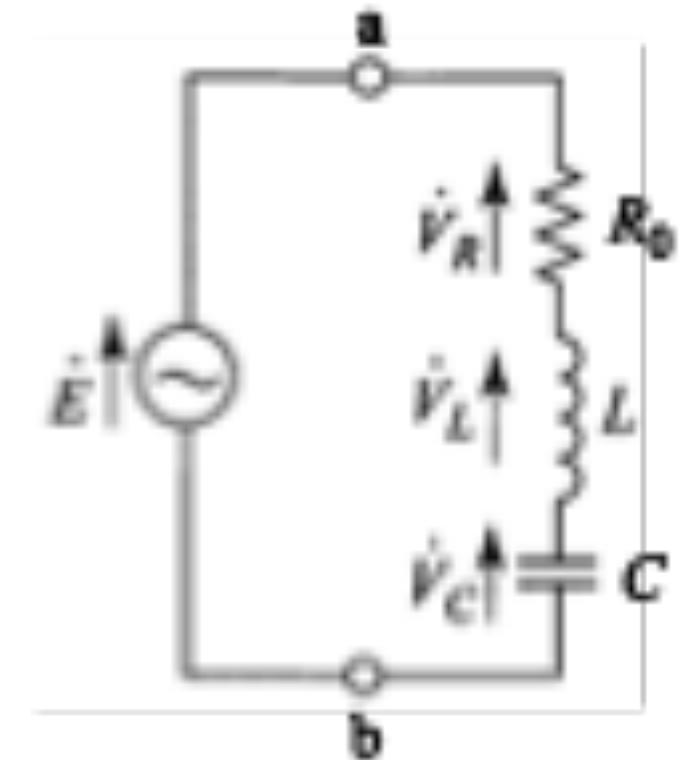
- コイルを用いることでハイパスフィルタを作ることができる。回路図を見てみると分かる通り、ローパスフィルタのLとRを入れ替えた回路になっている。



RLC直列回路

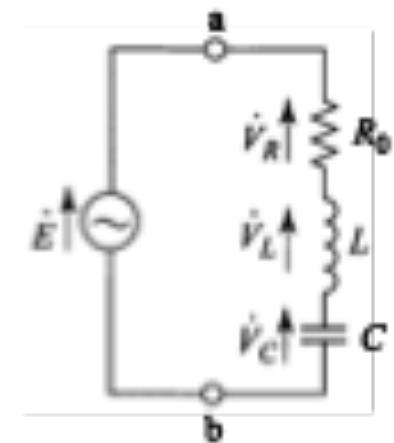
■ RLC直列回路

- 抵抗, インダクタ, コンデンサを直列につないだものをRLC直列回路という。
- ab間のインピーダンスは
- $$\dot{Z} = R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} = R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})$$
- インピーダンスの大きさは
- $$|\dot{Z}| = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$
- インピーダンスの大きさが最小となるのは
- $$\omega L = \frac{1}{\omega C}$$
 のとき
- このときの角周波数は $\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$



■ RLC直列回路

- 角周波数が $\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$ のときインピーダンスが最小となる。
- つまり、ab間を流れる電流は最大となる。
- また、このとき、インピーダンスの虚数成分はゼロとなり電圧と電流は同位相となる。
- インピーダンスが最小となるときを共振という。
- RLC直列回路が共振のとき
 - インピーダンスは最小で、Rのみ
 - $\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$
 - 電圧と電流の位相は0



■ Q値

- 図の回路のab間を流れる電流は

$$\cdot I = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}} = \frac{\dot{V}}{R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})}$$

- 電流の大きさは

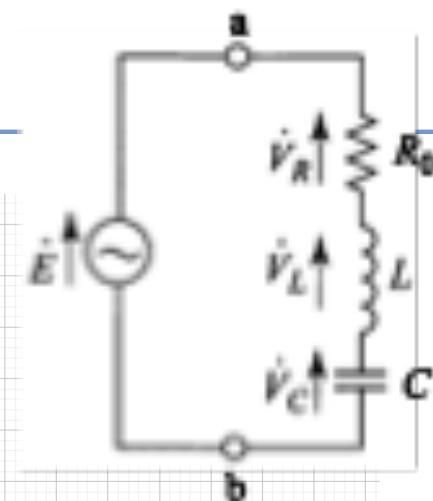
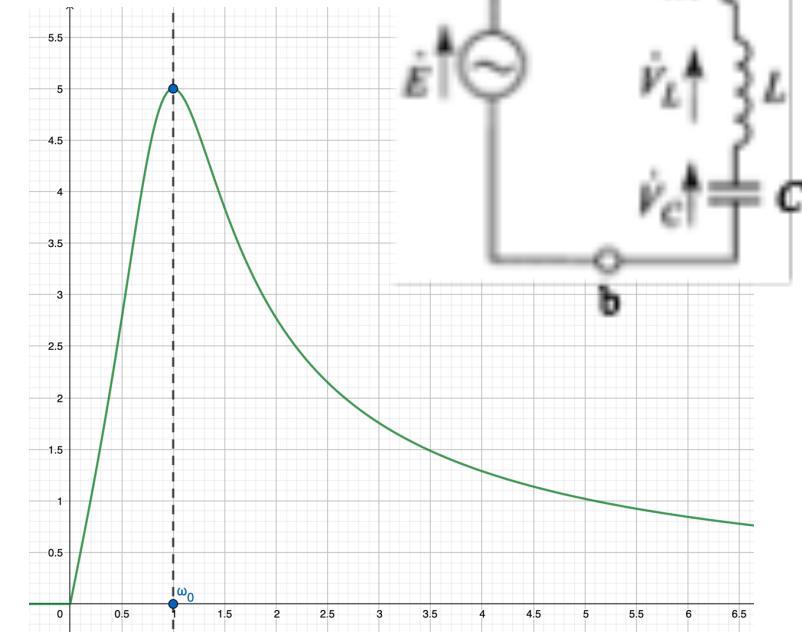
$$\cdot |I| = \frac{\dot{V}}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}$$

- 電流の大きさと角周波数の関係は図のようになる。

角周波数

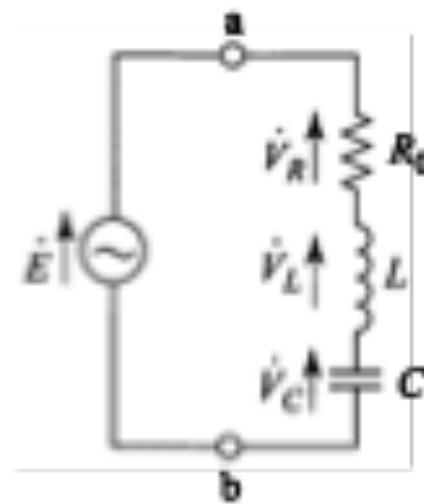
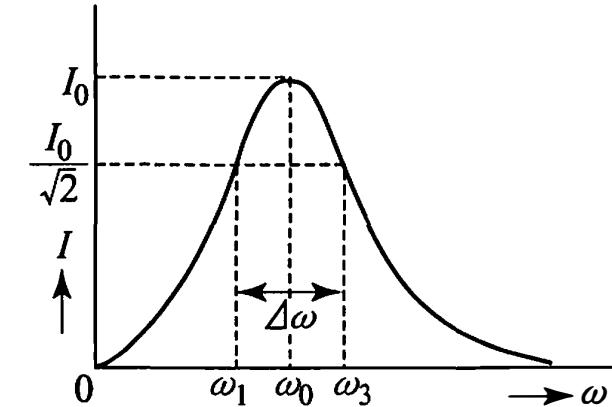
- 図を見ても分かる通り、RLC直列回路では共振周波数のとき最も電流が流れる。

- この性質を用い、任意の周波数成分のみ電流が流れるようなフィルタをRLC回路で作成できる。



■ Q値

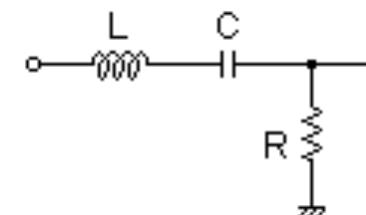
- 理想的には、任意の周波数（共振周波数）の電流のみ流したい。
 - しかし、現実には共振周波数の周りの電流も流れる。
 - 良いフィルタ回路は、共振周波数の周りの電流がなるべく流れない。
 - そこで、フィルタ回路の性能を表す指標としてQ値を導入する。
 - Q値は次のように定義される。
- $$Q = \frac{\omega_0}{\omega_2 - \omega_1}$$
- 見ての通りQ値は電流のグラフの尖りの幅が狭ければ狭いほど大きな数値となる。つまりQ値が小さければ小さいほど共振周波数の周りの電流を流してしまい、正のが低いことを意味する。



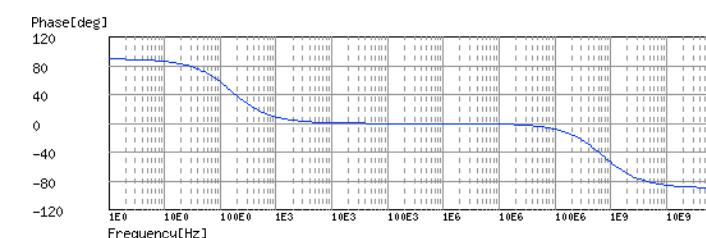
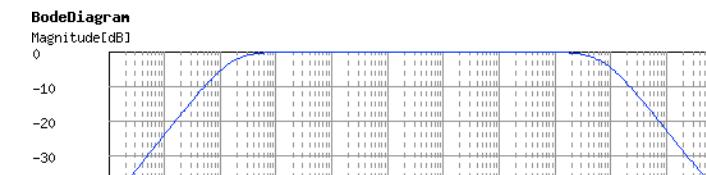
RLCフィルタ

■ RLCフィルタ

- RLCフィルタは抵抗、コイル、コンデンサを一つづつ用いたフィルタである。
- RLCフィルタは、回路の構成によりローパスフィルタ、ハイパスフィルタ、バンドパスフィルタを実現できる。



$R=100\Omega$, $C=10\mu F$, $L=0.022\mu H$



■ 問題解説

- 正弦波交流電源に抵抗器, インダクタ, キャパシタ各1個を直列に接続した. 各素子の両端電位差（実効値）を測定したところ, 抵抗器は10V, インダクタとキャパシタは5Vであった. 電源電圧の実効値は何Vか. (第39回ME2種)
 1. 5
 2. 10
 3. 15
 4. 20
 5. 25

問題解説

- 正弦波交流電源に抵抗器, インダクタ, キャパシタ各1個を直列に接続した. 各素子の両端電位差（実効値）を測定したところ, 抵抗器は10V, インダクタとキャパシタは5Vであった. 電源電圧の実効値は何Vか. (第39回ME2種)

1. 5

抵抗の電圧を V_R , コンデンサの電圧を V_C , インダクタの電圧を V_L とする.

2. 10

$$V_R = R\dot{I}, \quad V_C = \frac{1}{j\omega C}\dot{I}, \quad V_L = j\omega L\dot{I}$$

それぞれの位相差は

3. 15

$$\theta_{RC} = \arg(j\omega RC) = 90^\circ, \quad \theta_{RL} = \arg\frac{R}{j\omega L} = -90^\circ$$

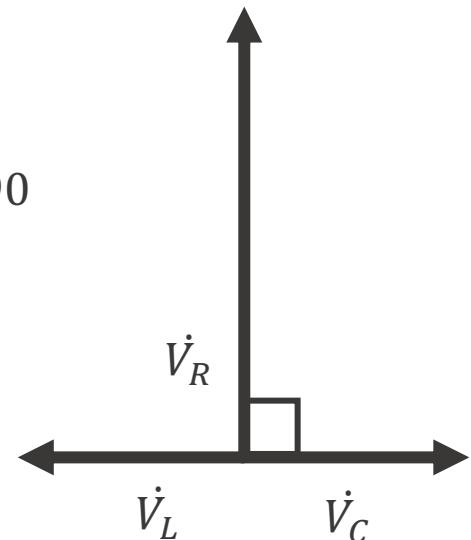
4. 20

よって, フェーザ図は右図のようになる.

5. 25

電源電圧はすべてのベクトルを足したものになるので,

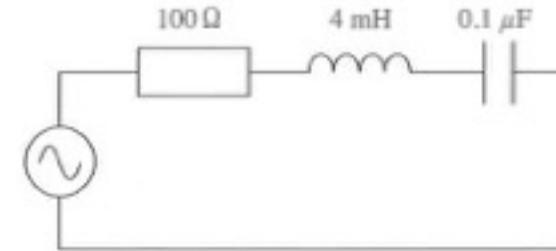
10V



■ 問題解説

- 図のRLC直列共振回路のQ値(Quality factor)に最も近いのはどれか。(第40回ME2種)

- 1
- 2
- 3
- 4
- 5



問題解説

- 図のRLC直列共振回路のQ値(Quality factor)に最も近いのはどれか。(第40回ME2種)

RLC直列回路のインピーダンスは

$$\dot{Z} = R + \frac{1}{j\omega C} + j\omega L = R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})$$

$$|\dot{Z}| = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$

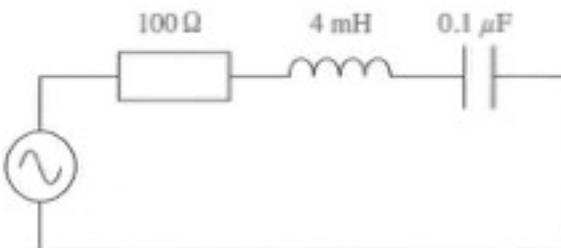
共振周波数はインピーダンスが最小のときなので、このときの角周波数は

$$\omega_0 L - \frac{1}{\omega_0 C} = 0$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

Q値は次のように定義される。

$$Q = \frac{\omega_0}{\omega_2 - \omega_1}$$



ω_1 と ω_2 はアドミタンス(インピーダンスの逆数)が共振周波数のときのアドミタンスの $\frac{1}{\sqrt{2}}$ のときの角周波数なので、

$$\frac{|\dot{Z}|}{|\dot{Z}_0|} = \frac{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}{R} = \sqrt{2}$$

$$R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2 = 2R^2$$

$$\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2 = R^2$$

$$L\omega^2 \pm R\omega - \frac{1}{C} = 0$$

問題解説

- 図のRLC直列共振回路のQ値(Quality factor)に最も近いのはどれか。(第40回ME2種)

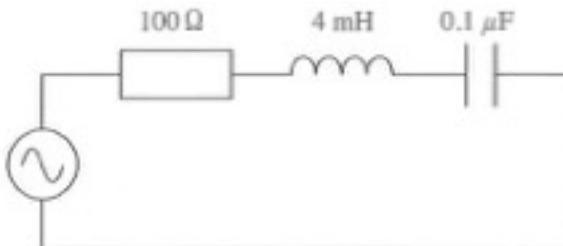
1. 1

2. 2

3. 3

4. 4

5. 5



$$L\omega^2 \pm R\omega - \frac{1}{C} = 0$$
$$\omega = \frac{R \pm \sqrt{R^2 - 4LC}}{2L} \text{ or } \omega = \frac{-R \pm \sqrt{R^2 - 4LC}}{2L}$$

$$\omega_2 - \omega_1 = \frac{R}{L}$$

$$Q = \frac{\omega_0}{\omega_2 - \omega_1} = \frac{\sqrt{\frac{1}{LC}}}{\frac{R}{L}} = \sqrt{\frac{L}{R^2 C}}$$

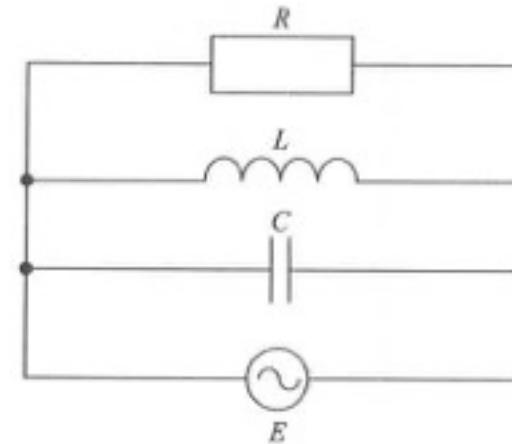
よって

$$Q = \sqrt{\frac{4 \times 10^{-3}}{100^2 \times 0.1 \times 10^{-6}}} = \sqrt{4} = 2$$

■ 問題解説

- 図の回路が共振状態にある時、抵抗器に流れる電流は何Aか。ただし、 $R = 200\Omega$, $L = 1.6\text{mH}$, $C = 100\mu\text{F}$, $E = 100\text{V}$ （実効値）とする。（第38回ME2種）

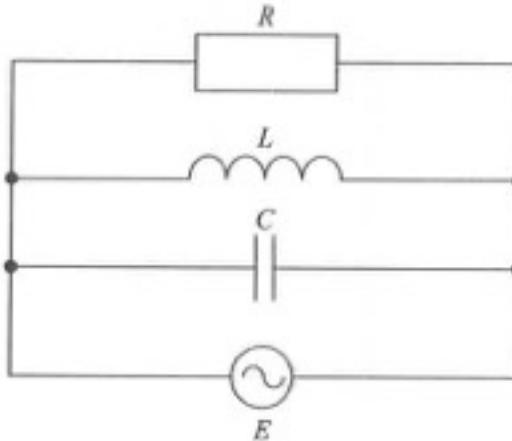
- 0.5
- 1.0
- 1.5
- 2.0
- 5.0



■ 問題解説

- 図の回路が共振状態にある時、抵抗器に流れる電流は何Aか。ただし、 $R = 200\Omega$, $L = 1.6mH$, $C = 100\mu F$, $E = 100V$ （実効値）とする。（第38回ME2種）

1. 0.5
2. 1.0
3. 1.5
4. 2.0
5. 5.0



この回路のアドミタンスは

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{R} + j\omega C + \frac{1}{j\omega L} = \frac{1}{R} + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})$$

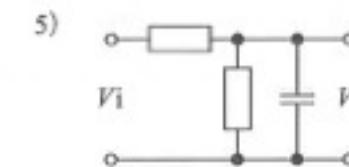
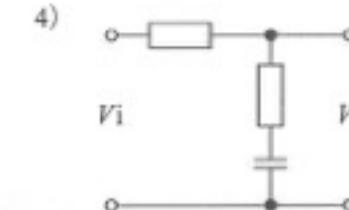
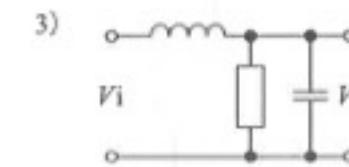
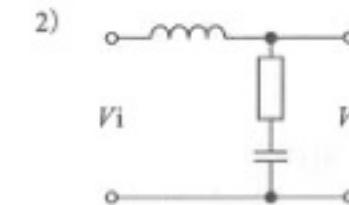
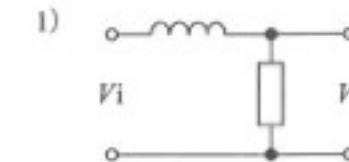
$$\left| \frac{1}{Z} \right| = \sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(\omega C - \frac{1}{\omega L} \right)^2}$$

これが最小の時、共振している。

最小値は $\left| \frac{1}{Z} \right| = \frac{1}{R}$ となる。すなわち、Rのみの回路と見なせる。
よって、抵抗器に流れる電流は $100/200=0.5A$

問題解説

- 入力信号 V_i の周波数が無限大になっても出力信号 V_o が0にならない回路はどれか。 (第37回ME2種)



問題解説

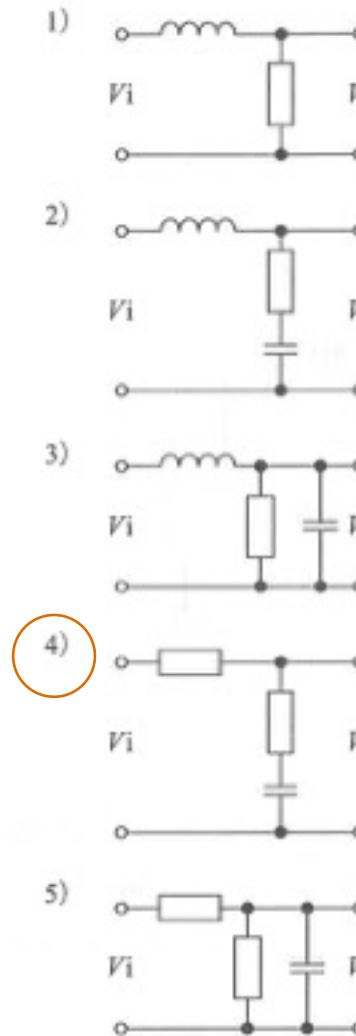
- 入力信号 V_i の周波数が無限大になっても出力信号 V_o が0にならない回路はどれか。 (第37回ME2種)

周波数が無限大になると、インダクタはインピーダンス無限大になる。よって、入力にインダクタがついている1, 2, 3は間違いである。

一方、コンデンサのインピーダンスは0になる。

5は抵抗とコンデンサが並列につながっているため、周波数無限大になると、コンデンサが短絡状態になり、 V_o は0となる。

4はコンデンサが短絡状態になっても抵抗があるため抵抗で電圧降下が起こり V_o は値を持つ。



■ 覚えること

- ・コンデンサ、コイルの特性
 - ・CRフィルタ：コンデンサは積分、抵抗は微分
 - ・グラフでイメージを掴む
 - ・コンデンサは電荷を徐々に貯めるから、徐々に電圧が上がる。
 - ・充電時の電圧変化は $V_C = V_i(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$, $V_R = V_i e^{-\frac{t}{\tau}}$, 放電時は逆
- ・LRフィルタはコンデンサと逆
- ・カットオフ周波数
 - ・CRフィルタ： $f_c = \frac{1}{2\pi CR}$
 - ・LRフィルタ： $f_c = \frac{1}{2\pi L/R}$
- ・時定数
 - ・CRフィルタ： $\tau = CR$
 - ・LRフィルタ： $\tau = L/R$

