情報処理工学第6回

藤田 一寿

公立小松大学保健医療学部臨床工学科

論理回路

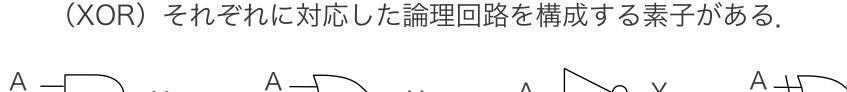
■ 論理回路

- 論理演算を回路で表したものを論理回路とよぶ.
- ・コンピュータは論理回路により様々な処理を実現している.

- ・ 論理回路を構成する素子のことを論理素子と言う.
- 論理回路は1と0を扱う. 1と0はそれぞれ真と偽, T (True)とF (False), もしくはH (High)とL(Low)と呼ばれることもある.

■論理素子

・論理積(AND), 論理和(OR), 否定(NOT), 排他的論理和 (XOR) それぞれに対応した論理回路を構成する素子がある



0

ANDゲート

Α

21		_	
Α	В	Υ	
0	0	0	
_			

A + B = Y

ORゲート

		_
	Α	Υ
	0	1
	1	0

 $\overline{A} = Y$

NOTゲート

$A \oplus B = Y$				
А	В	Υ		
0	0	0		
0	1	1		
1	0	1		
1	1	0		

XORゲート

NAND回路, NOR回路

・論理積の否定および論理和の否定を出力する回路を、それぞれNAND ゲート、NORゲートと呼ぶ。



• NOTゲートの三角の部分は省略できるので、それぞれのゲートは次のように描くことができる、



論理式から論理回路へ

■ 論理式から論理回路を作る

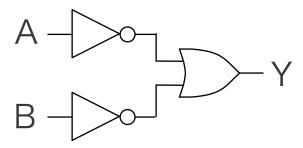
• 論理式で用いる論理演算に対応する論理素子がそれぞれあるので、論 理式は論理回路に変換することができる.

$$Y = \overline{A} + \overline{B}$$

$$Y = (A + B) + A \cdot B$$

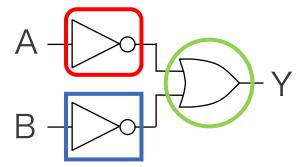
$$Y = \overline{A} + \overline{B}$$

$$Y = (A + B) + A \cdot B$$



$$Y = \overline{A} + \overline{B}$$

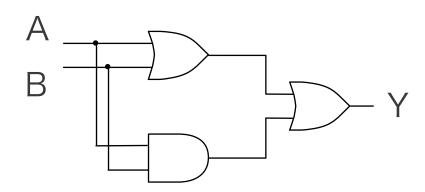
$$Y = (A + B) + A \cdot B$$



・次の論理式を論理回路に直せ.

$$Y = \overline{A} + \overline{B}$$

$$Y = (A + B) + A \cdot B$$

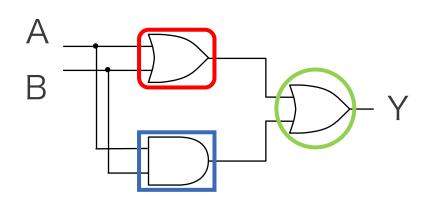


注意:線が接続している部分は黒丸で描く.

• 次の論理式を論理回路に直せ.

$$Y = \overline{A} + \overline{B}$$

$$Y = (A + B) \oplus A \cdot B$$

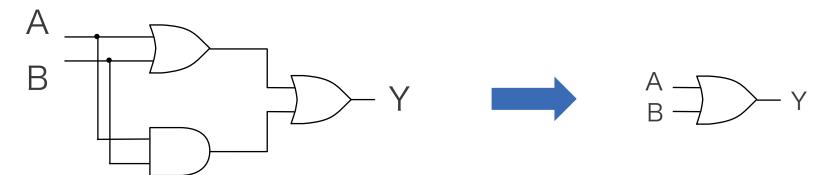


注意:線が接続している部分は黒丸で描く。

論理式の簡略化と論理回路

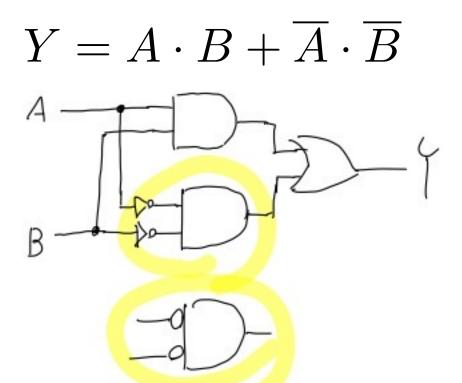
• 論理式を論理回路にするとき、論理式はなるべく簡単化した後に論理 回路にする。

$$Y = (A + B) + A \cdot B$$
$$= A + B$$



$$Y = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B}$$

・ 次の論理式を論理回路に直せ.

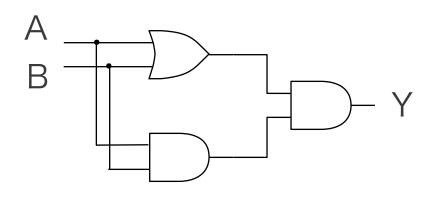


AND OR NOT =D- =D-

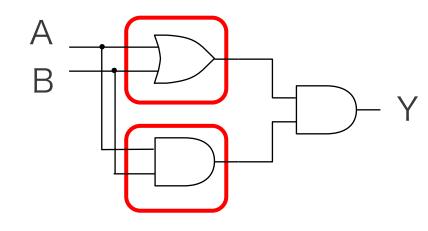
論理回路から論理式へ

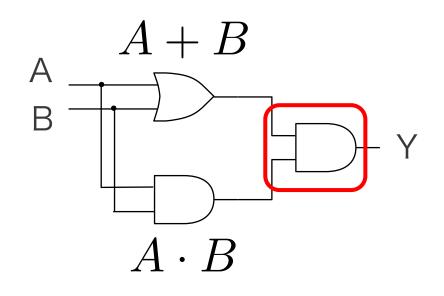
論理回路を論理式に変換する.

この回路を論理式に変換してみる.



まず、入力に近い回路から論理式に変換する.



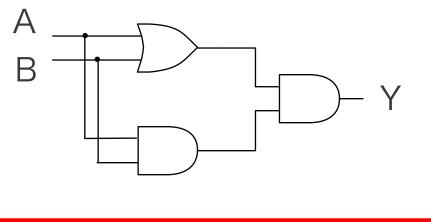


出力を計算するAND回路は、 入力に接続されている回路 の出力を受け取る。

$$Y = (A + B) \cdot (A \cdot B)$$

論理回路の簡略化

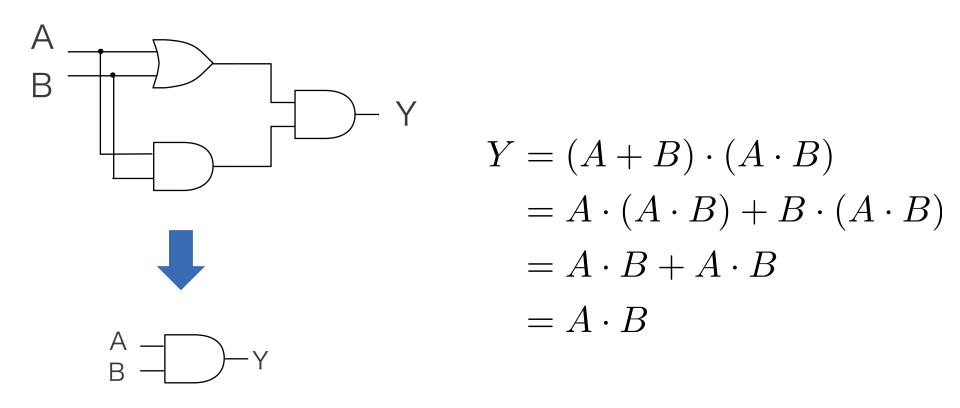
• 先の例の論理回路から得られた論理式を見ると、論理式を簡単化する ことができることが分かる。



$$Y = (A + B) \cdot (A \cdot B)$$

簡単化可能

論理回路の簡略化

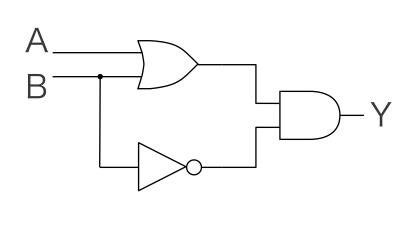


例題で扱った回路は、簡略化するとAND回路となった。

論理回路から真理値表へ

論理回路から真理値表を作る.

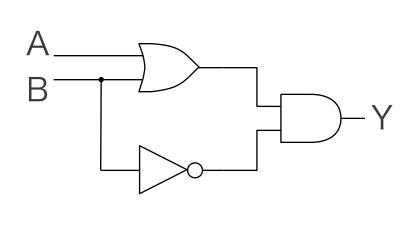
• 論理回路の動作は、論理式だけではなく真理値表でも表現することができる。



А	В	Υ
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

論理回路から真理値表を作る.

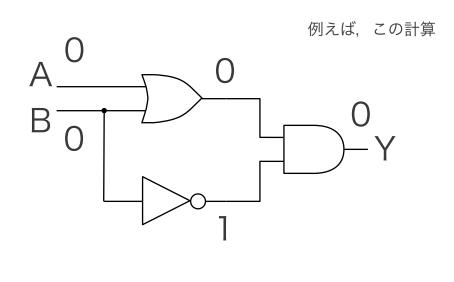
• 論理回路の動作は、論理式だけではなく真理値表でも表現することができる。



А	В	Υ
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0

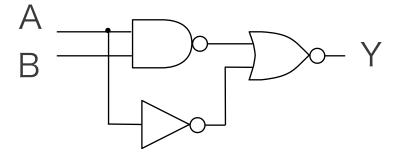
論理回路から真理値表を作る.

- 論理回路から真理値表に変換する一番簡単な方法
 - 一つ一つ値を代入して出力を求める.

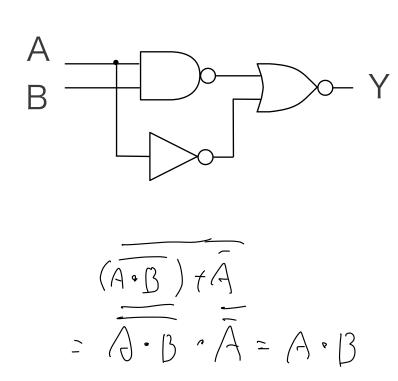


Α	В	Υ
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0

・次の論理回路の真理値表をかけ.



・次の論理回路の真理値表をかけ.



A	[3]	7
0	0	0
0		0
	0	0
	\	

真理値表から論理回路へ

■ 真理値表から論理回路を作る

- 論理回路を用い,何かの機能を実現するとき,まず真理値表を作成する.
- ・論理回路は作成した真理値表を元に作成する.
- では、どうすれば真理値表から論理回路を作れるのか?

А	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

この真理値表から論理回路をどう作る?

■ 真理値表から論理回路を作る

- 真理値表から論理回路を作ることは非常に難しい.
- 真理値表から論理回路を作るには、次の手順を踏む.

真理值表



真理値表に基づき、論理式を作る



論理式に基づき, 論理回路を作る

■ 真理値表から論理式を作る

・出力が1のときに着目する.

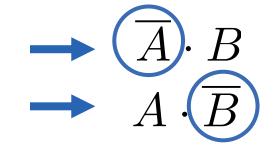
А	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

■ 真理値表から論理式を作る

・図のように論理式を作る.

Α	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- 出力が1の部分は入 力の掛け算に
- 入力が0のところは 否定に



■ 真理値表から論理式を作る

- ・ 先程の手順で作成した論理式を足す.
- できた論理式を簡単化して完成.

А	В	Υ	
0	0	0	
0	1	1	$\stackrel{\frown}{\longrightarrow} \stackrel{\frown}{A} \cdot \stackrel{B}{\longrightarrow} \overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$
1	0	1	$\Lambda \overline{\overline{R}}$
1	1	0	

XORの式になった

■ 真理値表から論理回路を作る

・完成した論理式から、論理回路を作成すればよい.

Α	В	Υ	
0	0	0	
0	1	1	$\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$
1	0	1	
1	1	0	
			A B Y

Α	В	Υ
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0

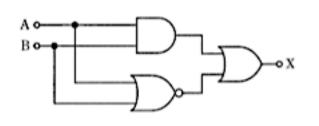
Α	В	Υ
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0



Α	В	Υ
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Α	В	Υ			
0	0	1	A·B		
0	1	0		Ā·B	+A·B
1	0	0		/\ U	(() 1)
1	1	1	A · B		

・図の回路の出力Xを表す真理値表で正しいのはどれか。(27回国家試験)

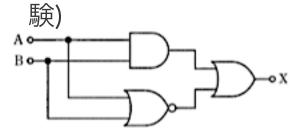


1.	入	カ	出力
	Λ	В	х
	0	0	0
	0	1	0
	1	0	0
	1	1	1

١.	入	出力	
	Α	В	X
	0	0	1
	0	1	0
	1	0	0
	1	1	1

■ 演習

・図の回路の出力Xを表す真理値表で正しいのはどれか。 (27回国家試



回路を論理式で表すと

$$A \cdot B + \overline{A + B}$$

となる. $A \cdot B \ge \overline{A + B}$ を足した真理値表は3となる.

入力		出力
Α	В	х
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

2.	入	カ	出力
	Α	В	х
	0	0	0
	0	1	1
	1	0	1
	1	1	0

3.	入	ħ	出力
	Α	В	x
	0	0	1
	0	1	0
	1	0	0
	1	1	1

4.	入	カ	出力
	A	В	x
	0	0	0
	0	1	1
	1	0	1
	1	1	1

■ 中間試験

- 第8回(11月24日)講義の後半に実施
- 時間は30分
- ・範囲は第1回から第7回の講義で取り扱った次の内容
 - N進数, 波形信号(音声など), 画像, 論理式, 論理回路
- 国家試験、ME2種の過去問を改変したものを出題
- 持ち込みあり

- 不合格となった学生がいた場合は、再試の連絡を掲示板する.
- 定期試験ができると国家試験もできるようになるので頑張ろう.