# 情報処理工学第6回

藤田 一寿

公立小松大学保健医療学部臨床工学科

# 論理回路

#### ■ 論理回路

- ・ 論理演算を回路で表したものを論理回路とよぶ、
- ・コンピュータは論理回路により様々な機能を実現している.
- ・ 論理回路を構成する素子のことを論理素子と言う.
- 論理回路は1と0を扱う. 1と0はそれぞれ真と偽, T (True)とF (False), もしくはH (High)とL(Low)と呼ばれることもある.

AND回路(ゲート)

• 論理積(AND), 論理和(OR), 否定(NOT), 排他的論理和 (XOR) それぞれに対応した論理回路を構成する素子がある」

 $A \cdot B = Y$ A + B = YΑ

0

0

|   | - |
|---|---|
| В | Υ |
| 0 | 0 |
| 1 | 1 |
| 0 | 1 |
| 1 | 1 |

OR回路(ゲート)

| Λ   | V | 1 | Α |  |
|-----|---|---|---|--|
| A 0 | 1 | } | 0 |  |
| 1   | 0 | } | 0 |  |
| 1   | U | J | 1 |  |
|     |   |   |   |  |

 $\overline{A} = Y$   $A \oplus B = Y$ 

XOR回路(ゲート)

NOT回路(ゲート)

#### NAND回路, NOR回路

・論理積の否定および論理和の否定を出力する回路を、それぞれ NAND回路、NOR回路と呼ぶ。



• NOT回路の三角の部分は省略できるので、それぞれの回路は次のように描くことができる。

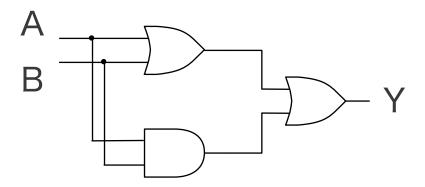


### ■ 論理式から論理回路を作る

・論理式で用いる論理演算に対応する論理素子がそれぞれあるので、 論理式は論理回路に変換することができる。 ・次の論理式を論理回路に直せ.

$$Y = \overline{A} + \overline{B}$$

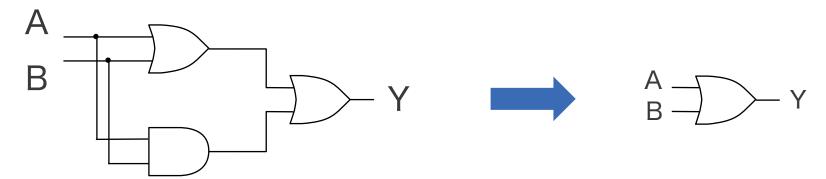
$$Y = (A + B) + A \cdot B$$



注意:線が接続している部分は黒丸で描く.

・論理式を論理回路にするとき、論理式はなるべく簡単化した後に論 理回路にする。

$$Y = (A + B) + A \cdot B$$
$$= A + B$$



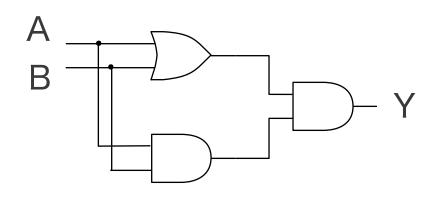
### ■演習

・次の論理式を論理回路に直せ.

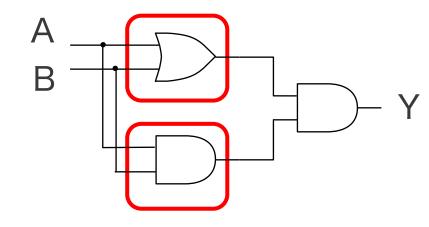
$$Y = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B}$$

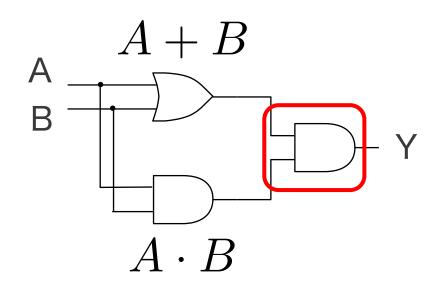
論理回路を論理式に変換する.

この回路を論理式に変換してみる.



まず,入力に近い回路から論理式に変換する.



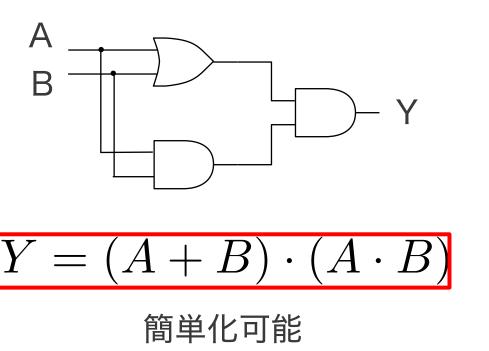


出力を計算するAND回路は, 入力に接続されている回路 の出力を受け取る.

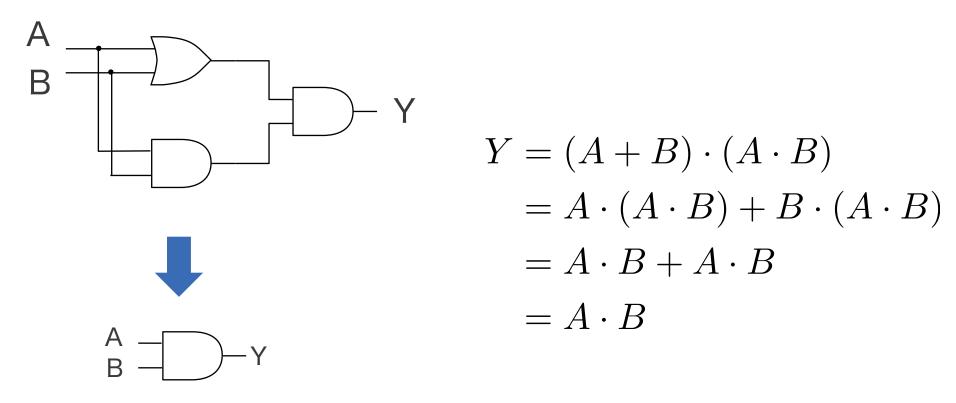
$$Y = (A + B) \cdot (A \cdot B)$$

#### 論理回路の簡略化

• 先の例の論理回路から得られた論理式を見ると、論理式を簡単化することができることが分かる。



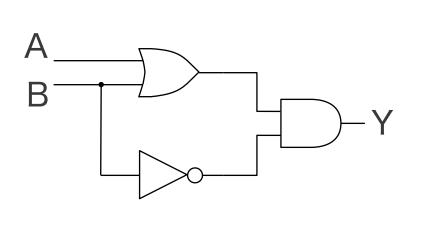
## 論理回路の簡略化



例題で扱った回路は、簡略化するとAND回路となった。

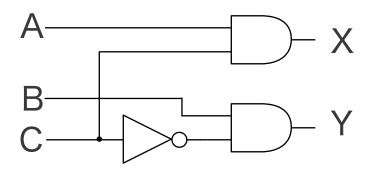
論理回路から真理値表を作る.

・論理回路の動作は、論理式だけではなく真理値表でも表現することができる.



| А | В | Υ |
|---|---|---|
| 0 | 0 |   |
| 0 | 1 |   |
| 1 | 0 |   |
| 1 | 1 |   |

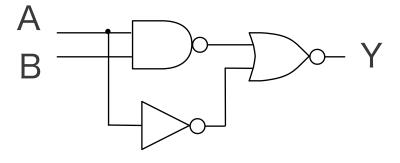
・次の論理回路の真理値表をかけ.



| Α | В | С | Х | Υ |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |   |   |
| 0 | 0 | 1 |   |   |
| 0 | 1 | 0 |   |   |
| 0 | 1 | 1 |   |   |
| 1 | 0 | 0 |   |   |
| 1 | 0 | 1 |   |   |
| 1 | 1 | 0 |   |   |
| 1 | 1 | 1 |   |   |

## ■ 演習

・次の論理回路の真理値表をかけ.



## ■ 真理値表から論理回路を作る

- ・論理回路を用い、何かの機能を実現するとき、まず真理値表を作成する.
- ・論理回路は作成した真理値表を元に作成する.
- では、どうすれば真理値表から論理回路を作れるのか?

| Α | В | Υ |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

この真理値表から論理回路をどう作る?

## ■ 真理値表から論理回路を作る

- 真理値表から論理回路を作ることは非常に難しい.
- ・ 真理値表から論理回路を作るには、次の手順を踏む.

## 真理值表



真理値表に基づき、論理式を作る



論理式に基づき, 論理回路を作る

#### ■ 真理値表から論理式を作る

・出力が1のときに着目する.

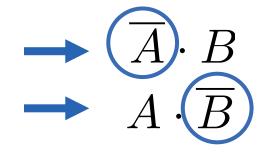
| Α | В | Υ |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

#### ■ 真理値表から論理式を作る

・図のように論理式を作る.

| Α | В | Υ |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

- ・ 出力が1の部分は入 力の掛け算に
- 入力が0のところは 否定に



### ■ 真理値表から論理式を作る

- ・ 先程の手順で作成した論理式を足す.
- ・できた論理式を簡単化して完成.

| А | В | Υ |   |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |   |
| 0 | 1 | 1 | $\overrightarrow{A} \cdot \overrightarrow{B} \rightarrow \overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$ |
| 1 | 0 | 1 | $\Lambda \overline{\overline{R}}$   |
| 1 | 1 | 0 |   |

XORの式になった

## ■ 真理値表から論理回路を作る

• 完成した論理式から、論理回路を作成すればよい.

| _ |   |   |   | _  |
|---|---|---|---|--|
|   | А | В | Υ |  |
|   | 0 | 0 | 0 |  |
|   | 0 | 1 | 1 | $A \cdot B + A \cdot \overline{B}$   |
|   | 1 | 0 | 1 |  |
|   | 1 | 1 | 0 |  |
|   |   |   |   | $\begin{array}{c c} A & & \\ \hline & & \\ B & & \\ \hline & & \\ \end{array}$ |

### ■演習

・次の真理値表を論理式で表わせ、ただし、論理式はできるだけ簡単化せよ。

| Α | В | Υ |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

#### ■演習

・次の真理値表を論理式で表わせ、ただし、論理式はできるだけ簡単化せよ。

| Α | В | Υ |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |