

情報処理基礎 第6回

藤田 一寿

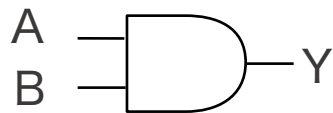
公立小松大学保健医療学部臨床工学科

論理回路

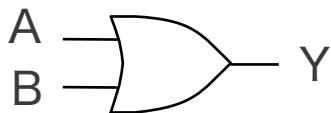
■ 論理回路

- 論理演算を回路で表したものを論理回路とよぶ.
- コンピュータは論理回路により様々な機能を実現している.
- 論理回路を構成する素子のことを論理素子と言う.
- 論理回路は1と0を扱う. 1と0はそれぞれ真と偽, T (True)とF (False), もしくはH (High)とL(Low)と呼ばれることもある.

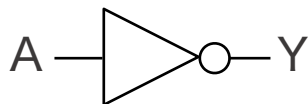
- 論理積 (AND)，論理和 (OR)，否定 (NOT)，排他的論理和 (XOR) それぞれに対応した論理回路を構成する素子がある。



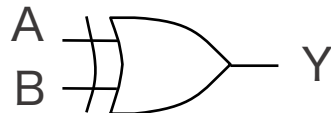
AND回路(ゲート)



OR回路(ゲート)



NOT回路(ゲート)



XOR回路(ゲート)

$$A \cdot B = Y$$

$$A + B = Y$$

$$\overline{A} = Y$$

$$A \oplus B = Y$$

A	B	Y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

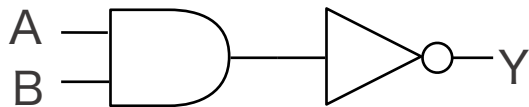
A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	Y
0	1
1	0

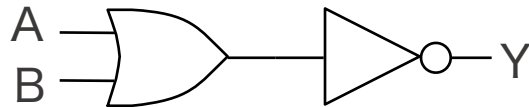
A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

NAND回路, NOR回路

- 論理積の否定および論理和の否定を出力する回路を, それぞれ NAND回路, NOR回路と呼ぶ.

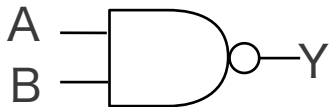


NAND回路(ゲート)

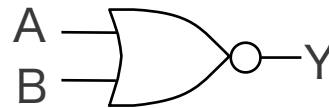


NOR回路(ゲート)

- NOT回路の三角の部分は省略できるので, それぞれの回路は次のように描くことができる,



NAND回路(ゲート)



NOR回路(ゲート)

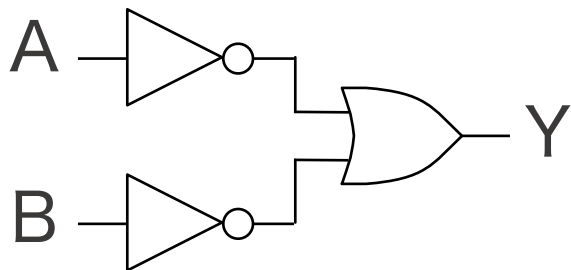
■ 論理式から論理回路を作る

- 論理式で用いる論理演算に対応する論理素子がそれぞれあるので、論理式は論理回路に変換することができる。

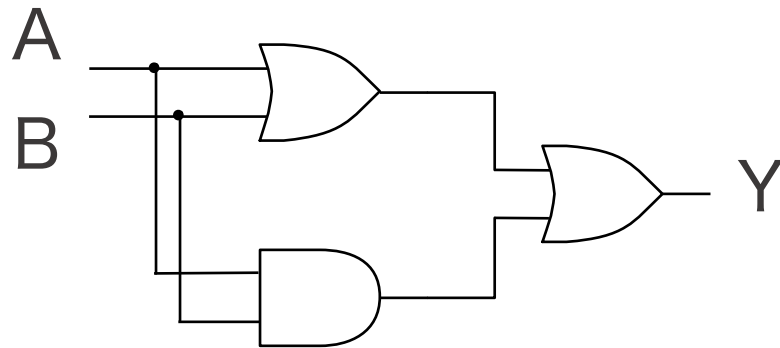
例題

- 次の論理式を論理回路に直せ.

$$Y = \overline{A + B}$$



$$Y = (A + B) + A \cdot B$$

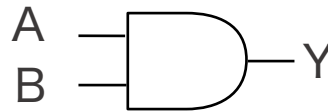
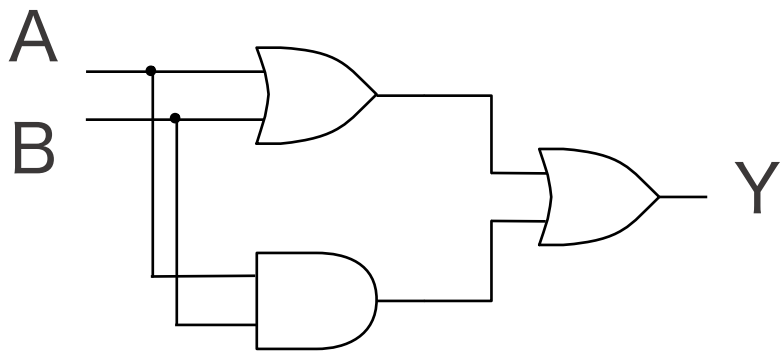


注意：線が接続している部分は黒丸で描く.

■ 論理式の簡略化と論理回路

- 論理式を論理回路にするとき，論理式はなるべく簡単化した後に論理回路にする．

$$\begin{aligned} Y &= (A + B) + A \cdot B \\ &= A \cdot B \end{aligned}$$

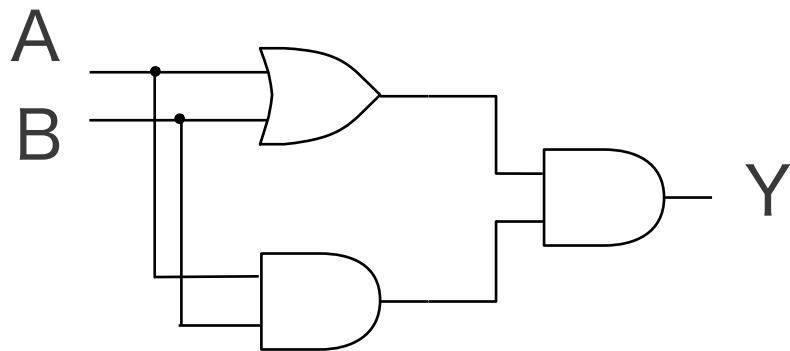


- 次の論理式を論理回路に直せ.

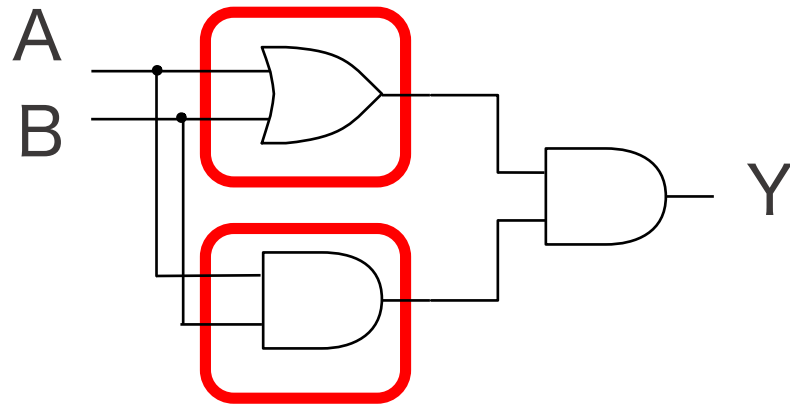
$$Y = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B}$$

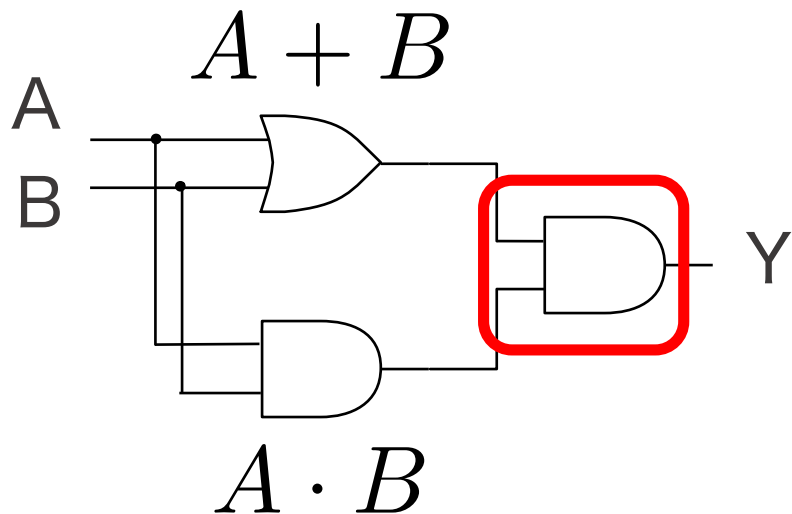
■ 論理回路を論理式に変換する.

この回路を論理式に変換してみる.



まず、入りに近い回路から論理式に変換する.



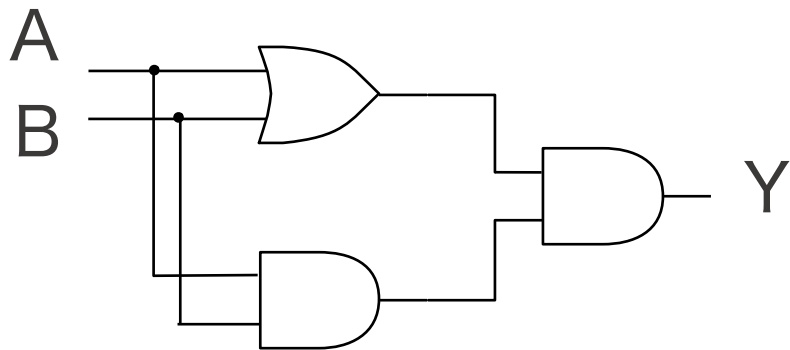


出力を計算するAND回路は、
入力に接続されている回路
の出力を受け取る。

$$Y = (A + B) \cdot (A \cdot B)$$

論理回路の簡略化

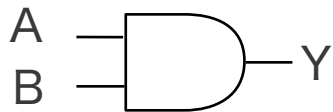
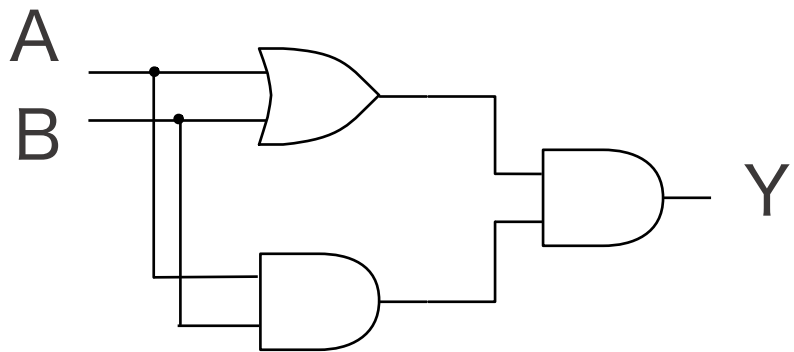
- 先の例の論理回路から得られた論理式を見ると、論理式を簡単化することができることが分かる。



$$Y = (A + B) \cdot (A \cdot B)$$

簡単化可能

■ 論理回路の簡略化

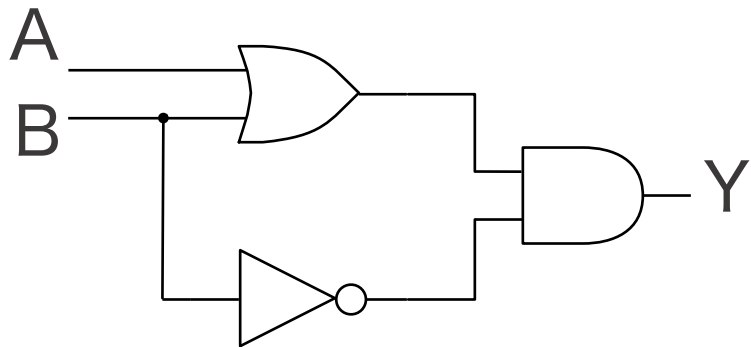


$$\begin{aligned} Y &= (A + B) \cdot (A \cdot B) \\ &= A \cdot (A \cdot B) + B \cdot (A \cdot B) \\ &= A \cdot B + A \cdot B \\ &= A \cdot B \end{aligned}$$

例題で扱った回路は、簡略化するとAND回路となった。

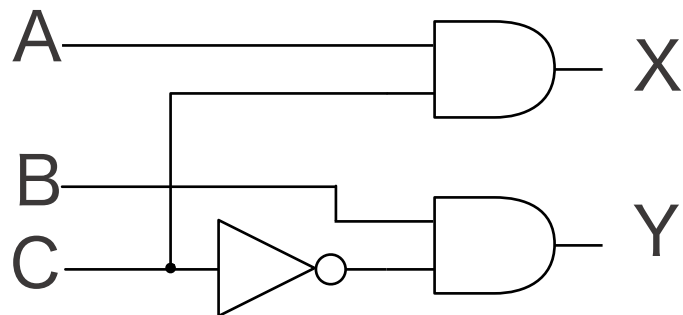
■ 論理回路から真理値表を作る.

- 論理回路の動作は, 論理式だけではなく真理値表でも表現することができる.



A	B	Y
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

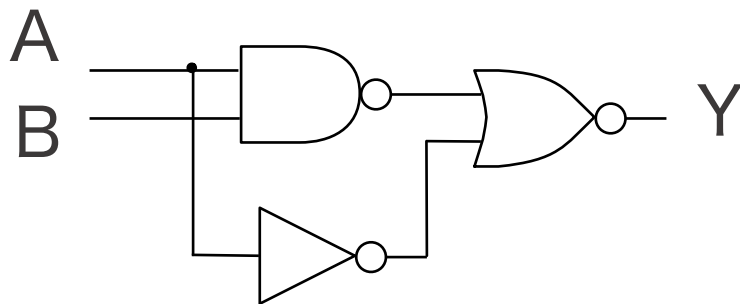
- 次の論理回路の真理値表をかけ.



A	B	C	X	Y
0	0	0		
0	0	1		
0	1	0		
0	1	1		
1	0	0		
1	0	1		
1	1	0		
1	1	1		

■ 演習

- 次の論理回路の真理値表をかけ.



■ 真理値表から論理回路を作る

- 論理回路を用い、何かの機能を実現するとき、まず真理値表を作成する。
- 論理回路は作成した真理値表を元に作成する。
- では、どうすれば真理値表から論理回路を作れるのか？

A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

この真理値表から論理回路をどう作る？

■ 真理値表から論理回路を作る

- 真理値表から論理回路を作るとは非常に難しい。
- 真理値表から論理回路を作るには、次の手順を踏む。

真理値表



真理値表に基づき、論理式を作る



論理式に基づき、論理回路を作る

■ 真理値表から論理式を作る

- 出力が1のときに着目する.

A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

■ 真理値表から論理式を作る

- 図のように論理式を作る.

A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

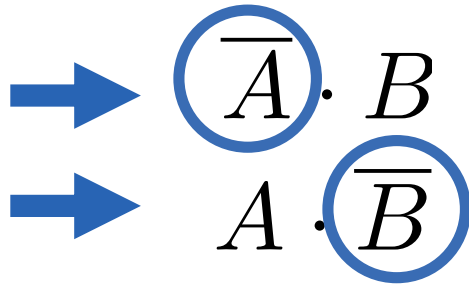
- 出力が1の部分は入力の掛け算に
- 入力が0のところは否定に

$$\begin{aligned} &\rightarrow \overline{A} \cdot B \\ &\rightarrow A \cdot \overline{B} \end{aligned}$$

■ 真理値表から論理式を作る

- 先程の手順で作成した論理式を足す.
- できた論理式を簡単化して完成.

A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0


$$\begin{array}{c} \overline{A} \cdot B \\ A \cdot \overline{B} \end{array}$$

$$\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$$

XORの式になった

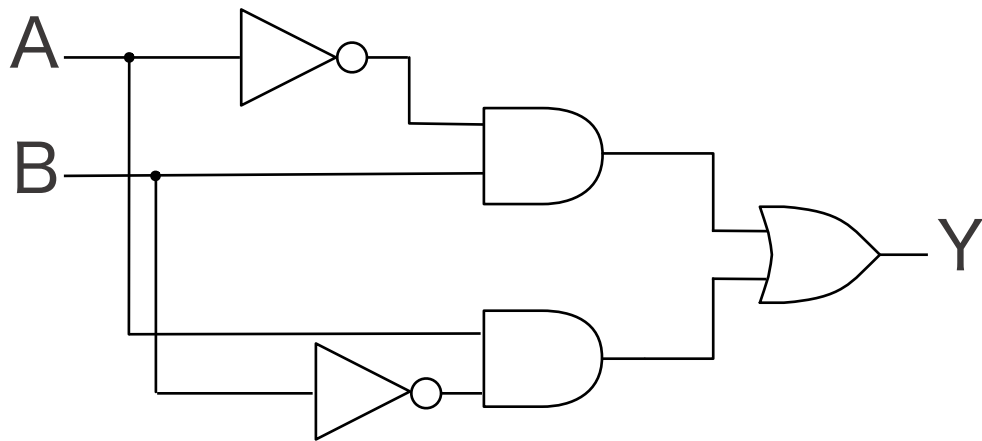
■ 真理値表から論理回路を作る

- 完成した論理式から，論理回路を作成すればよい。

A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



$$\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$$



■ 演習

- 次の真理値表を論理式で表わせ。ただし、論理式はできるだけ簡単化せよ。

A	B	Y
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0

■ 演習

- 次の真理値表を論理式で表わせ。ただし，論理式はできるだけ簡単化せよ。

A	B	Y
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1