情報処理工学第6回

藤田 一寿

公立小松大学保健医療学部臨床工学科

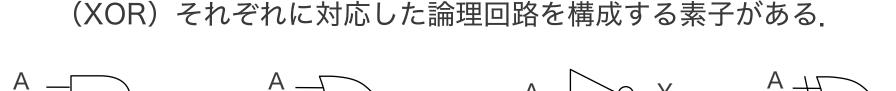
論理回路

論理回路

- ・ 論理演算を回路で表したものを論理回路とよぶ.
- ・コンピュータは論理回路により様々な機能を実現している.

- ・ 論理回路を構成する素子のことを論理素子と言う.
- 論理回路は1と0を扱う. 1と0はそれぞれ真と偽, T (True)とF (False), もしくはH (High)とL(Low)と呼ばれることもある.

・論理積(AND), 論理和 (OR), 否定 (NOT), 排他的論理和 (XOR) それぞれに対応した論理回路を構成する素子がある



AND回路(ゲート) OR回路(ゲート) NOT回路(ゲート) XOR回路(ゲート)

 $A \cdot B = Y$ A + B = Y $0 \quad 0 \quad 0$ $A \quad B \quad Y$ $0 \quad 0 \quad 0$

0

0

Α	Υ
0	1
1	0

 $\overline{A} = Y \qquad A \oplus B = Y$

Α	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

NAND回路, NOR回路

・論理積の否定および論理和の否定を出力する回路を、それぞれ NAND回路、NOR回路と呼ぶ。



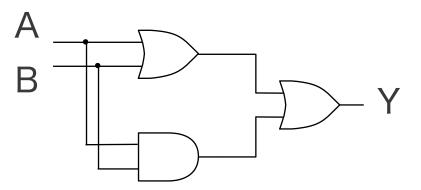
• NOT回路の三角の部分は省略できるので、それぞれの回路は次のように描くことができる、



・論理式で用いる論理演算に対応する論理素子がそれぞれあるので、 論理式は論理回路に変換することができる。 ・次の論理式を論理回路に直せ.

$$Y = \overline{A + B}$$

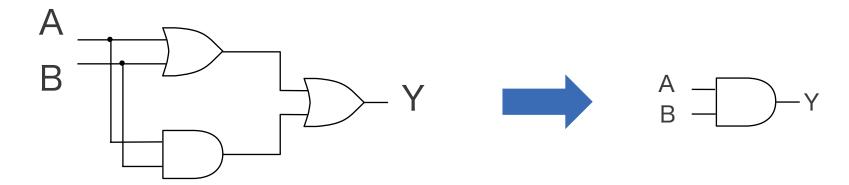
$$Y = (A + B) + A \cdot B$$



注意:線が接続している部分は黒丸で描く.

• 論理式を論理回路にするとき、論理式はなるべく簡単化した後に論 理回路にする。

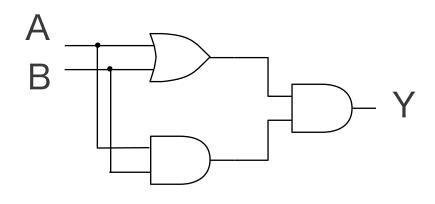
$$Y = (A + B) + A \cdot B$$
$$= A \cdot B$$



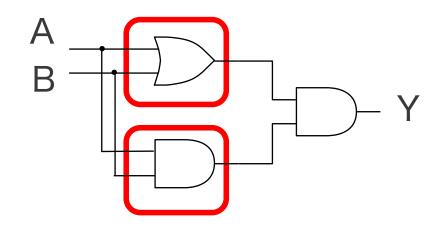
・次の論理式を論理回路に直せ.

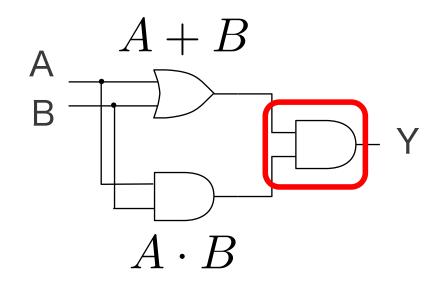
$$Y = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B}$$

この回路を論理式に変換してみる.



まず,入力に近い回路から論理式に変換する.

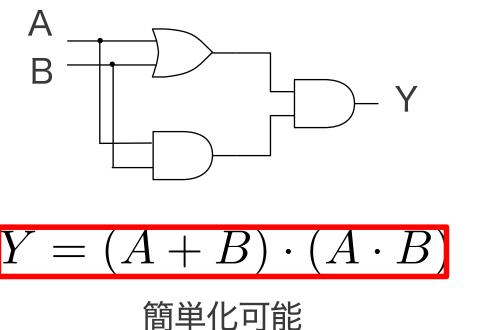




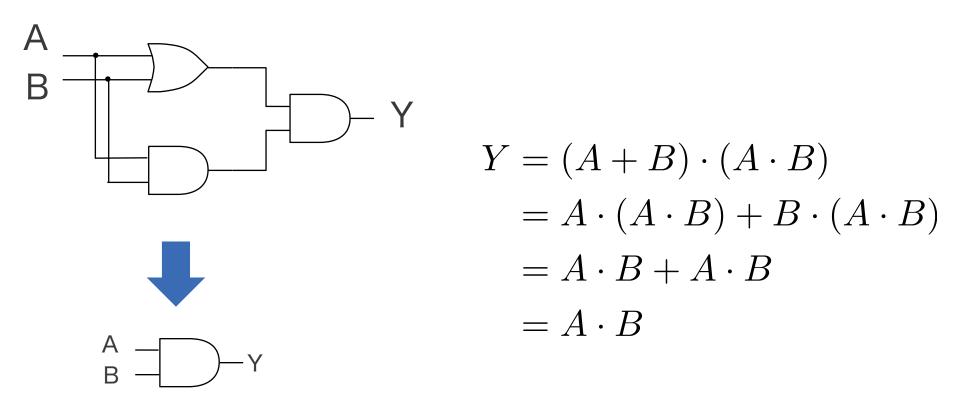
出力を計算するAND回路は, 入力に接続されている回路 の出力を受け取る.

$$Y = (A + B) \cdot (A \cdot B)$$

• 先の例の論理回路から得られた論理式を見ると、論理式を簡単化することができることが分かる。



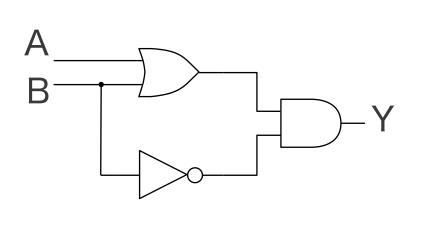
論理回路の簡略化



例題で扱った回路は、簡略化するとAND回路となった。

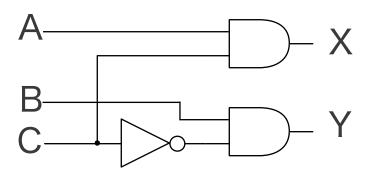
論理回路から真理値表を作る.

• 論理回路の動作は、論理式だけではなく真理値表でも表現することができる。



Α	В	Υ
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

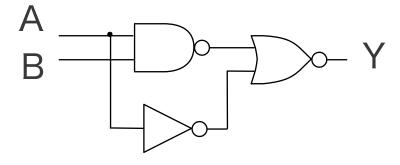
・次の論理回路の真理値表をかけ.



Α	В	С	Х	Υ
0	0	0		
0	0	1		
0	1	0		
0	1	1		
1	0	0		
1	0	1		
1	1	0		
1	1	1		

演習

・次の論理回路の真理値表をかけ.



■ 真理値表から論理回路を作る

- •論理回路を用い、何かの機能を実現するとき、まず真理値表を作成する.
- ・ 論理回路は作成した真理値表を元に作成する.
- では、どうすれば真理値表から論理回路を作れるのか?

Α	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

この真理値表から論理回路をどう作る?

- 真理値表から論理回路を作る
 - 真理値表から論理回路を作ることは非常に難しい.
 - 真理値表から論理回路を作るには、次の手順を踏む.

真理值表



真理値表に基づき、論理式を作る



論理式に基づき、論理回路を作る

■真理値表から論理式を作る

・出力が1のときに着目する.

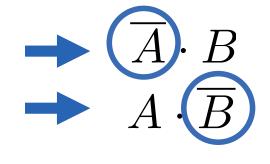
А	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

真理値表から論理式を作る

・図のように論理式を作る.

А	В	Υ
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- ・ 出力が1の部分は入 力の掛け算に
- 入力が0のところは 否定に



■ 真理値表から論理式を作る

- ・ 先程の手順で作成した論理式を足す.
- ・できた論理式を簡単化して完成。

А	В	Υ	
0	0	0	
0	1	1	$A \cdot \overline{B} \rightarrow \overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$
1	0	1	$\Lambda \overline{\overline{R}}$
1	1	0	$A \cdot D$

XORの式になった

■ 真理値表から論理回路を作る

・完成した論理式から、論理回路を作成すればよい。

_				
	Α	В	Υ	
	0	0	0	
	0	1	1	$\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$
	1	0	1	
	1	1	0	
				$\begin{array}{c c} A & & \\ \hline B & & \\ \hline \end{array}$

演習

・次の真理値表を論理式で表わせ、ただし、論理式はできるだけ簡単化せよ。

А	В	Υ
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	0

演習

・次の真理値表を論理式で表わせ、ただし、論理式はできるだけ簡単化せよ。

Α	В	Υ
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1