

# Блок 3

## Сафонов Андрей ТФ-15-22

### Вариант 18

#### Задача 3.1.

Плоская металлическая стенка с одной стороны омывается горячим газом, а с другой стороны охлаждается кипящей водой. Для интенсификации теплопередачи было решено на поверхности, обращенной к газу приварить ребра. По ошибке ребра были приварены со стороны воды. Вычислить тепловой поток через стенку и сравнить его с тем, который имел бы место для стенки, ребренной со стороны газа, а также для неоребренной стенки. Вычисления проделать для следующих значений величин: температура газа  $T_{г1} = \langle T1 \rangle$  °C, температура воды  $T_{г2} = \langle T2 \rangle$  °C, коэффициенты теплоотдачи соответственно равны  $\alpha_1 = \langle \alpha1 \rangle$  Вт/м<sup>2</sup>К,  $\alpha_2 = \langle \alpha2103 \rangle$  Вт/м<sup>2</sup>К, толщина стенки  $\delta_{ст} = \langle \deltaс\_мм \rangle$  мм, коэффициент теплопроводности материала стенки  $\lambda_{ст} = 20$  Вт/мК.

Вычислить поверхность теплообмена (с правильно приваренными ребрами), необходимую для передачи 1000 кВт тепла. Принять, что ребра изготавливаются из того же материала, что и стенка; коэффициенты теплоотдачи на поверхности ребер принять равными соответственно  $\alpha_1$  (либо  $\alpha_2$ ). Толщина ребер равна  $\delta_p = 3$  мм, высота ребер  $h_p = \langle hp \text{ мм} \rangle$  мм, расстояние между ребрами  $c = 10$  мм.

N var	T1	T2	$\alpha_1$	$\alpha_2 \cdot 10^3$	$\delta_{ст}, \text{ мм}$	$h_p, \text{ мм}$
18	1470	136	535	39	4	12

$$T_{г1} := 1470 \text{ °C} \quad \alpha_1 := 535 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2 \cdot \text{К}} \quad \delta_{ст} := 4 \cdot 10^{-3} \text{ м} \quad h_p := 0.012 \text{ м}$$

$$T_{г2} := 136 \text{ °C} \quad \alpha_2 := 39 \cdot 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2 \cdot \text{К}} \quad \lambda_{ст} := 20 \frac{\text{Вт}}{\text{м} \cdot \text{К}} \quad \delta_p := 3 \cdot 10^{-3} \text{ м} \quad c := 0.01 \text{ м}$$

При отсутствии ребер:

Плотность теплового потока

$$q_0 := \frac{T_{г1} - T_{г2}}{\frac{1}{\alpha_1} + \frac{1}{\alpha_2} + \frac{\delta_{ст}}{\lambda_{ст}}} = 6.368 \times 10^5 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2}$$

Количество теплоты

$$Q_0 := q_0 \cdot (\delta_p + c) \cdot N_p \cdot b$$

Количество теплоты на единицу глубины и на количество ребер:

$$Q_0 := q_0 \cdot (\delta_p + c) = 8.279 \times 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

## Ребра находятся со стороны воды:

Потери с торца при увеличении ребра:

$$H := h_p + \frac{\delta_p}{2}$$

Так как  $H$  - ребро конечной длины, то используем выражение:

$$v(x) = v_0 \cdot \frac{\text{ch}(m(H-x))}{\text{ch}(mH)}$$

Эффективность ребра :

$$\eta_p := \frac{Q_p}{Q_0} = \frac{\text{th}(m \cdot H) \cdot \lambda_{ct} \cdot m}{\alpha_2}$$

$$m := \sqrt{\frac{2 \cdot \alpha_2}{\lambda_{ct} \cdot \delta_p}} = 1.14 \times 10^3 \frac{1}{\text{м}}$$

$$\text{th}(mH) := \frac{e^{m \cdot H} - e^{-m \cdot H}}{e^{m \cdot H} + e^{-m \cdot H}}$$

$$\eta_p := \lambda_{ct} \cdot \text{th}(m \cdot H) \cdot \frac{m}{\alpha_2} = 0.585$$

Количество тепла, отводимое от ребра

$$Q_p := q_0 \cdot \eta_p \cdot \delta_p \cdot b \cdot N_p$$

Количество тепла на единицу глубины

$$Q_p := q_0 \cdot \eta_p \cdot \delta_p = 1.117 \times 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

Количество тепла, отводимое от стенки:

$$Q_{ct} := q_0 \cdot c \cdot b \cdot N_p$$

Количество тепла на единицу глубины

$$Q_{ct} := q_0 \cdot c = 6.368 \times 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

Суммарное количество теплоты

$$Q_{\text{сум}} := Q_{ct} + Q_p = 7.485 \times 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

Эффективность оребренной стенки

$$\eta_{ct} := \frac{Q_{\text{сум}}}{Q_0} = 0.904$$

Тепловой поток через стенку:

$$q_{01} := \frac{T_{g1} - T_{g2}}{\frac{1}{\alpha_1} + \frac{1}{\alpha_2 \cdot \eta_{ct}} + \frac{\delta_{ct}}{\lambda_{ct}}} = 6.36 \times 10^5 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2}$$

Ребра находятся со стороны газа:

Эффективность ребра:

$$m := \sqrt{\frac{2 \cdot \alpha_1}{\lambda_{ct} \cdot \delta_p}} = 133.542 \frac{1}{\text{м}}$$

$$\text{th}(mH) := \frac{e^{m \cdot H} - e^{-m \cdot H}}{e^{m \cdot H} + e^{-m \cdot H}}$$

$$\eta_p := \lambda_{ct} \cdot \text{th}(m \cdot H) \cdot \frac{m}{\alpha_1} = 4.728$$

Количество тепла на единицу глубины

$$Q_p := q_0 \cdot \eta_p \cdot \delta_p = 9.033 \times 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

Количество тепла на единицу глубины

$$Q_{ct} := q_0 \cdot c = 6.368 \times 10^3 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

Суммарное количество теплоты

$$Q_{\text{сум}} := Q_{ct} + Q_p = 1.54 \times 10^4 \frac{\text{Вт}}{\text{м}}$$

Эффективность оребренной стенки:

$$\eta_{ct} := \frac{Q_{\text{сум}}}{Q_0} = 1.86$$

Тепловой поток через стенку:

$$q_{02} := \frac{T_{g1} - T_{g2}}{\frac{1}{\alpha_1 \cdot \eta_{ct}} + \frac{1}{\alpha_2} + \frac{\delta_{ct}}{\lambda_{ct}}} = 1.084 \times 10^6 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2}$$

Ребра должны быть приварены со стороны, где  $\alpha$  меньше - то есть со стороны газа

Рассчитаем поверхность теплообмена для передачи 1000кВт тепла:

$$F_0 := \frac{1000 \cdot 10^3}{q_{02}} = 0.922 \text{ м}^2$$

### Задача 3.2.

Температура газа, движущегося по трубопроводу, измеряется термопарой, помещенной в гильзу, впаянную в трубопровод). Гильза выполнена из трубки с наружным диаметром  $d_n = \langle d_n \rangle$  мм, толщиной стенки  $\delta = \langle \delta \rangle$  мм и имеет длину  $l = \langle l \rangle$  мм. Коэффициент теплоотдачи от воздуха к гильзе равен  $\alpha = \langle \alpha \rangle$  Вт/м<sup>2</sup>К. Термопара прижата к запаянному концу гильзы и показывает температуру  $T_1 = \langle T_1 \rangle$  °С, температура основания гильзы (трубопровода) равна  $T_2 = \langle T_2 \rangle$  °С.

Рассчитать ошибку в показаниях термопары и истинную температуру газа для двух случаев:  
а) гильза выполнена из меди,  $\lambda_m = 380$  Вт/мК.; б) гильза выполнена из нержавеющей стали  $\lambda_{ст} = 19,6$  Вт/мК.

N var	$d_n$ , мм	$\delta$ , мм	$l$ , мм	$\alpha$	$T_1$	$T_2$
18	11	0.4	120	34	123	76

$$T_1 := 123 + 273 = 396 \text{ К} \quad \delta := 0.4 \cdot 10^{-3} \text{ м} \quad \alpha := 34 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2 \cdot \text{К}} \quad d_n := 11 \cdot 10^{-3} \text{ м}$$

$$T_2 := 76 + 273 = 349 \text{ К} \quad l := 120 \cdot 10^{-3} \text{ м}$$

$$\lambda_m := 380 \frac{\text{Вт}}{\text{м} \cdot \text{К}} \quad \lambda_{ст} := 19.6 \frac{\text{Вт}}{\text{м} \cdot \text{К}}$$

Решение для ребра:

$$v(x) := c_1 \cdot \text{sh}(mx) + c_2 \cdot \text{ch}(mx)$$

Граничные условия

$$x := 0$$

$$u(0) := c_1 \cdot \text{sh}(0) + c_2 \cdot \text{ch}(0)$$

$$v(0) := T_2 - T_g$$

$$c_2 := T_2 - T_g$$

$$x := l$$

$$-\lambda \cdot \left( \frac{d}{dx} v(l) \right) := -\lambda \cdot (c_1 \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l) + c_2 \cdot m \cdot \text{sh}(m \cdot l))$$

$$-\lambda \cdot \left( \frac{d}{dx} v(l) \right) := \alpha \cdot v(l) = \alpha \cdot (T_1 - T_g)$$

$$-\lambda \cdot (c_1 \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l) + c_2 \cdot m \cdot \text{sh}(m \cdot l)) = \alpha \cdot (T_1 - T_g)$$

Подставим  $c_2$ :

$$-\lambda \cdot [c_1 \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l) + (T_2 - T_g) \cdot m \cdot \text{sh}(m \cdot l)] = \alpha \cdot (T_1 - T_g)$$

Тогда:

$$c_1 = \frac{-\alpha \cdot (T_1 - T_g)}{\lambda \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l)} - \frac{\lambda \cdot (T_2 - T_g) \cdot m \cdot \text{sh}(m \cdot l)}{\lambda \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l)} = \frac{-\alpha \cdot (T_1 - T_g)}{\lambda \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l)} - \frac{(T_2 - T_g) \cdot \text{sh}(m \cdot l)}{\text{ch}(m \cdot l)}$$

Подставим константы в начальное уравнение для ребра:

$$v(x) := \left[ \frac{-\alpha \cdot (T_1 - T_g)}{\lambda \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l)} - \frac{(T_2 - T_g) \cdot \text{sh}(m \cdot l)}{\text{ch}(m \cdot l)} \right] \cdot \text{sh}(m \cdot x) + (T_2 - T_g) \cdot \text{ch}(m \cdot x)$$

$$v(l) := \left[ \frac{-\alpha \cdot (T_1 - T_g)}{\lambda \cdot m \cdot \text{ch}(m \cdot l)} - \frac{(T_2 - T_g) \cdot \text{sh}(m \cdot l)}{\text{ch}(m \cdot l)} \right] \cdot \text{sh}(m \cdot l) + (T_2 - T_g) \cdot \text{ch}(m \cdot l)$$

Решая данную систему уравнений, получаем выражение для температуры газа:

$$T_g := \frac{\frac{T_2}{\text{ch}(m \cdot l)} - T_1 \cdot \left( 1 + \frac{\alpha \cdot \text{th}(m \cdot l)}{\lambda \cdot m} \right)}{\frac{1}{\text{ch}(m \cdot l)} - \left( 1 + \frac{\alpha \cdot \text{th}(m \cdot l)}{\lambda \cdot m} \right)}$$

Длина дуги окружности:

$$d := \pi \cdot d_H = 0.035 \quad \text{м}$$

Внутренний диаметр:

$$d_{vn} := d_H - 2 \cdot \delta = 0.01 \quad \text{м}$$

Площадь ребра:

$$F := \pi \cdot \left[ \left( \frac{d_H}{2} \right)^2 - \left( \frac{d_{vn}}{2} \right)^2 \right] = 1.332 \times 10^{-5} \quad \text{м}^2$$

Медная гильза:

$$m_m := \sqrt{\frac{\alpha \cdot d}{\lambda_m \cdot F}} = 15.236 \quad \frac{1}{\text{м}}$$

$$T_g := \frac{\frac{T_2}{\cosh(m_m)} - T_1 \cdot \left( 1 + \frac{\alpha \cdot \tanh(m_m)}{\lambda_m \cdot m_m} \right)}{\frac{1}{\cosh(m_m)} - \left( 1 + \frac{\alpha \cdot \tanh(m_m)}{\lambda_m \cdot m_m} \right)} = 396 \quad \text{К}$$

$$\Delta T := T_1 - T_g = -2.259 \times 10^{-5} \quad \text{К}$$

Стальная гильза

$$m_{ct} := \sqrt{\frac{\alpha \cdot d}{\lambda_{ct} \cdot F}} = 67.085 \quad \frac{1}{\text{м}}$$

$$T_g := \frac{\frac{T_2}{\cosh(m_{ct})} - T_1 \cdot \left( 1 + \frac{\alpha \cdot \tanh(m_{ct})}{\lambda_{ct} \cdot m_{ct}} \right)}{\frac{1}{\cosh(m_{ct})} - \left( 1 + \frac{\alpha \cdot \tanh(m_{ct})}{\lambda_{ct} \cdot m_{ct}} \right)} = 396 \quad \text{К}$$

$$\Delta T := T_1 - T_g = 0$$

Наиболее близкую к реальной температуру получаем при использовании стальной гильзы