



Modellbildung und Simulation - Kurzfassung

Kapitel 3: Modelle mit konzentrierten Parametern

Prof. Dr.-Ing. Marcus Geimer

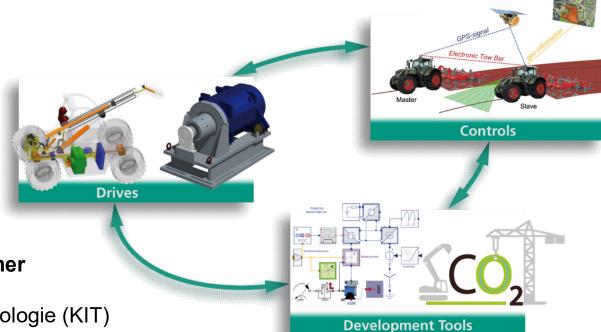
Institut für Fahrzeugsystemtechnik (FAST), Institutsteil Mobile Arbeitsmaschinen (Mobima) Institutsleiter: Prof. Dr.-Ing. Marcus Geimer



Institutsteil Mobile Arbeitsmaschinen







Prof. Dr.-Ing. Marcus Geimer

Karlsruher Institut für Technologie (KIT) Institutsteil Mobile Arbeitsmaschinen Rintheimer Querallee 2 76131 Karlsruhe

marcus.geimer@kit.edu +49 721 608 48601





Organisatorisches

- Bereitstellung der Vorlesungsvideos über ILIAS
- Heute
 - Beantwortung von Fragen auf Englisch und Deutsch
 - Zusammenfassung auf Deutsch
- Mitschrift wird auf ILIAS hochgeladen
- Fragen: Hand heben oder über den Chat (H. Stein beobachtet auch den Chat)



Institut für Fahrzeugsystemtechnik (FAST)

Institutsteil Mobile Arbeitsmaschinen (Mobima)

Fragen





Modellbildung & Simulation

Inhalt der Zusammenfassung



- Einleitung
- Analogien
 - Detailliertere Vorstellung der Darstellungsmöglichkeiten von Systemen
 - Überarbeitung der Analogietafeln
- Grundlagen der Hydraulik
- Erstellung der Differentialgleichungen



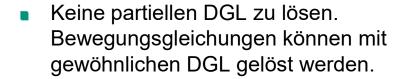
Institut für Fahrzeugsystemtechnik (FAST)

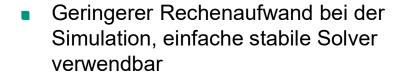
Institutsteil Mobile Arbeitsmaschinen (Mobima)

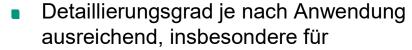
Warum Modellbildung mit konzentrierten Parametern?



 Modellbildungsprozess ist einfacher, da z.B. keine dreidimensionale Überlegungen notwendig sind.







- systemische Untersuchungen
- eindimensionale Problemstellungen
- Parameterstudien
- Vernachlässigbare 3D-Effekte



Dreidimensionale Strömung



Eindimensionale Strömung

Vereinfachung der Navier Stokes Gleichung:

$$\rho \cdot \left(\frac{\partial y}{\partial t} + u \cdot \frac{\partial u}{\partial x} + v \cdot \frac{\partial u}{\partial y} + w \cdot \frac{\partial u}{\partial z} \right)$$

$$= k_x - \frac{\partial p}{\partial x} + \mu \cdot \left(\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right)$$

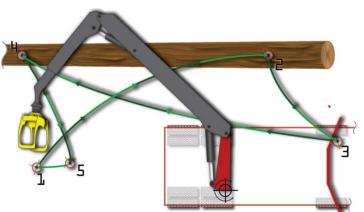
$$\rho \cdot u \cdot \frac{\partial u}{\partial x} = k_x - \frac{\partial p}{\partial x} + \mu \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

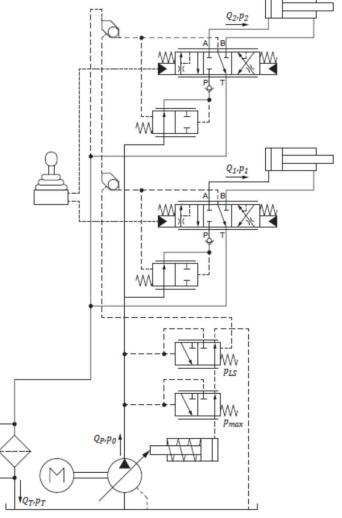


Karlsruher Institut für Technologie

Aktuelle Forschungsbeispiele - Forstkran











Aufstellung eines Netzwerks

- Aufstellung eines Netzwerks aufgrund der Problemstellung
- Nebenbedingungen durch die Verschaltung berücksichtigen
 - Knotengleichung: (Kräfte- und Momentengleichgewicht, Druckaufbaugleichung, 1. Kirchhoffsches Gesetz)
 - Maschenregel (kinematische Beziehungen, Druckbilanz, 2. Kirchhoffsches Gesetz)
- In der Praxis üblich: Formulierung des Problems mit Hilfe der Naturgesetze und Einbezug der Nebenbedingungen



Inhalt heute



- Einleitung
- Analogien
 - Detailliertere Vorstellung der Darstellungsmöglichkeiten von Systemen
 - Überarbeitung der Analogietafeln
- Grundlagen der Hydraulik
- Erstellung der Differentialgleichungen



9

Analogiebildung

- Analogien zwischen unterschiedlichen technischen Systemen schon seit langem bekannt
- Festlegung der Analogien erfolgt in einer Analogietafel:
 - Unendlich viele Möglichkeiten der Darstellung
 - Im Rahmen der Vorlesung wird Potential-Strom Darstellung verwendet
- Möglichkeiten der Darstellung:
 - Potential Strom Darstellung: schaltungsreziproke Darstellung

Trans – Per Darstellung: schaltungstreue Darstellung; Beiwerte verhalten sich jedoch reziprok

$$F = U \quad v = I$$

$$F = I$$
 $V = U$

Institut für Fahrzeugsystemtechnik (FAST)

Institutsteil Mobile Arbeitsmaschinen (Mobima)

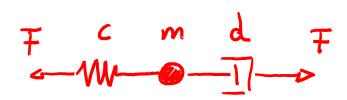


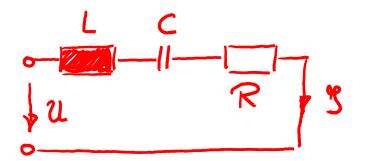


Trans-Per Darstellung (schaltungstreu):

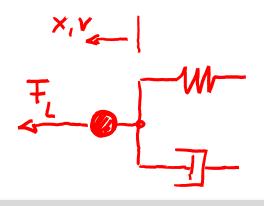
$$F = I$$

$$v = U$$

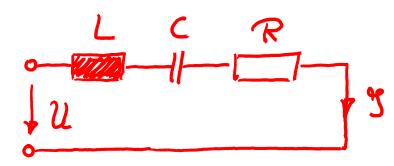




Potential-Strom Darstellung (schaltungsreziprok): F = U v = I



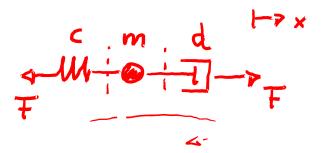
Modellbildung & Simulation







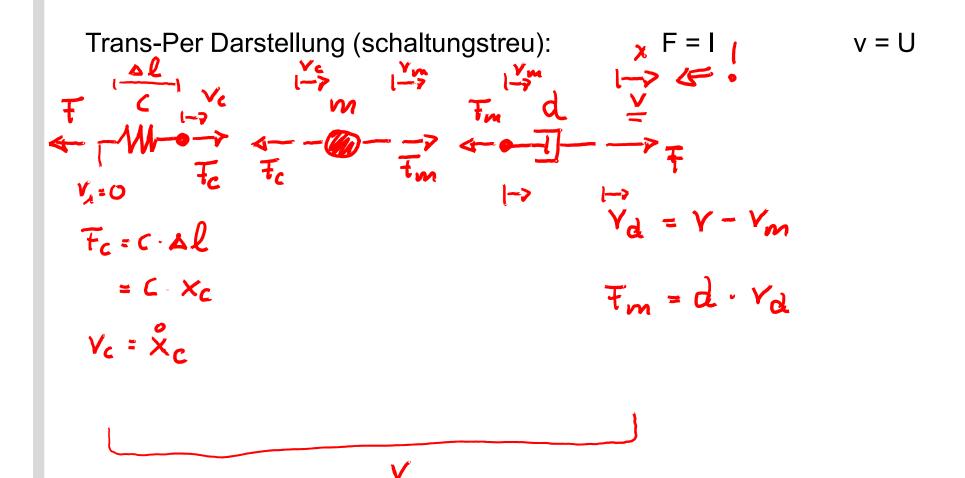
Trans-Per Darstellung (schaltungstreu):



$$\frac{u}{\sqrt{2}}$$









$$C = \frac{3}{u_c} = 0 \quad J = 0 \quad u_c$$

Yc:

$$\frac{\cdot}{T_c} = C \cdot V_c$$

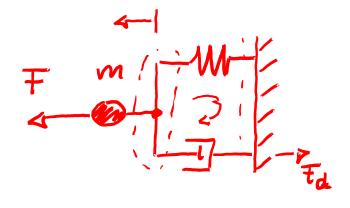
$$L = \frac{2L_L}{3} (=) 2L_2 = L \cdot 3$$

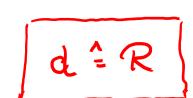
14

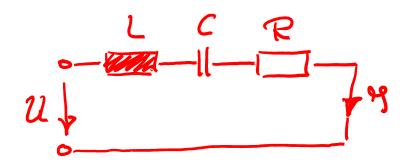


Potential-Strom Darstellung (schaltungsreziprok):

$$V = I$$











Vm

Yc

$$\frac{\circ}{\mathsf{t}_c} = c \cdot \mathsf{V}_c$$



Analogietafel für die Potential-Strom Darstellung

| Analogietafel: Potential-Strom-Darstellung | | | | |
|--|--|---|--|----------------------------------|
| | Elektrisch | Mechanisch | | Hydraulisch |
| | | Translation | Rotation | |
| Potentialdifferenz $oldsymbol{e}$ | Spannung $oldsymbol{U} = oldsymbol{L} \ddot{oldsymbol{Q}}$ | Kraft $oldsymbol{F} = oldsymbol{m} \ddot{oldsymbol{x}}$ | Moment $\pmb{M} = \pmb{J}\ddot{\pmb{arphi}}$ | Druck $p=L_h\ddot{V}$ |
| Stromgröße $m{f}$ | Stromstärke $m{I} = rac{dQ}{dt}$ | Geschwindigkeit $v=rac{dx}{dt}$ | Drehgeschwindigkeit $w=rac{d arphi}{dt}$ | Volumenstrom $Q = \frac{dV}{dt}$ |
| int. Potentialdifferenz $oldsymbol{p}$ | Magn. Fluss $oldsymbol{\Phi} = oldsymbol{L}oldsymbol{I}$ | Impuls $oldsymbol{p} = oldsymbol{m} oldsymbol{v}$ | Drall $L=Jw$ | Druckimpuls $\Gamma = L_h Q$ |
| int. Stromgröße $m{q}$ | Ladung Q | Verschiebung $oldsymbol{x}$ | Winkel $oldsymbol{arphi}$ | Volumen \emph{V} |
| Widerstand R | $\frac{U}{I}$ | $\frac{F}{v}$ (= d , Dämpfer) | $\frac{M}{w}$ (Drehdämpfer) | $\frac{p}{Q}$ |
| Kapazität <i>C</i> | $rac{oldsymbol{Q}}{oldsymbol{U}}$ | $\frac{x}{F} (= \frac{1}{c}, \text{Federkonstante})$ | $\frac{arphi}{M}$ | $\frac{V}{p}$ |
| Induktivität $m{L}$ | $\frac{U}{\dot{I}}$ | $\frac{F}{\dot{v}}$ (= m , Masse) | $\frac{M}{\dot{w}} (= J, Trägheitsmoment)$ | $rac{p}{\dot{Q}}$ |
| Leistung $P = e \cdot f$ | $U \cdot I$ | $F \cdot v$ | $M \cdot w$ | $p \cdot Q$ |
| Energie $E = \int f \cdot dp$ | $\frac{1}{2}L\cdot I^2$ | $\frac{1}{2}m\cdot v^2$ | $\frac{1}{2}J\cdot w^2$ | $\frac{1}{2}L_h\cdot Q^2$ |
| Maschenregel | $\sum U_i = 0$ | $\sum v_i = 0$ | $\sum \omega_i = 0$ | $\sum p_i = 0$ |
| Knotenregel | $\sum I_i = 0$ | $\sum F_i = 0$ | $\sum M_i = 0$ | $\sum Q_i = 0$ |



Inhalt heute



- Einleitung
- Analogien
 - Detailliertere Vorstellung der Darstellungsmöglichkeiten von Systemen
 - Überarbeitung der Analogietafeln
- Grundlagen der Hydraulik
- Erstellung der Differentialgleichungen

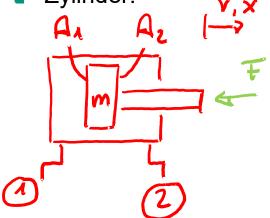


18

Hydraulische Grundgleichungen



Zylinder:



$$X \stackrel{\circ}{=} D$$
: $F = \rho_{\lambda} \cdot \Omega_{\lambda} - \rho_{2} \cdot \Omega_{2}$

Pumpe oder Motor:

Hydraulische Grundgleichungen

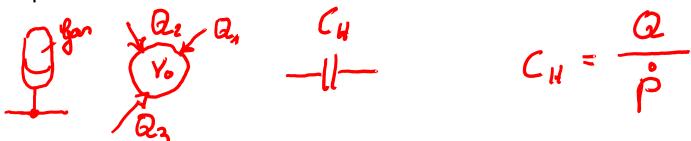


Widerstände:

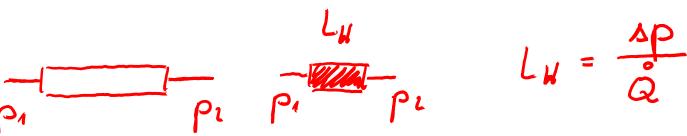
$$P_{1} = \frac{AP}{Q}$$

$$P_{2} = \frac{AP}{Q}$$

Kapazitäten:



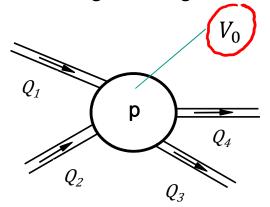
Induktivitäten:

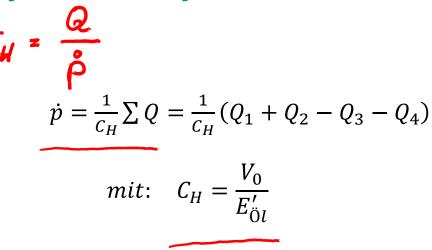


Karlsruher Institut für Technologie

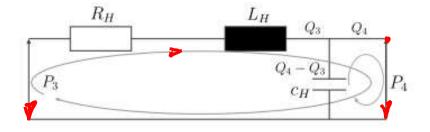
Aufstellung eines Netzwerks für hydraulische Systeme

Druckaufbaugleichung





Druckbilanz



$$\sum \Delta p = 0$$

$$\Delta \rho_{Q_H} + \Delta \rho_{L_H} + \rho_{Y} - \rho_{3} = 0$$

$$\rho_{Y} - \Delta \rho_{C_H} = 0$$

Inhalt heute



- Einleitung
- Analogien
 - Detailliertere Vorstellung der Darstellungsmöglichkeiten von Systemen
 - Überarbeitung der Analogietafeln
- Grundlagen der Hydraulik
- Erstellung der Differnetialgleichungen



22



Aufstellung eines Netzwerks

- Aufstellung eines Netzwerks aufgrund der Problemstellung
- Nebenbedingungen durch die Verschaltung berücksichtigen
 - Knotengleichung: (Kräfte- und Momentengleichgewicht, Druckaufbaugleichung, 1. Kirchhoffsches Gesetz)
 - Maschenregel (kinematische Beziehungen, Druckbilanz, 2. Kirchhoffsches Gesetz)
- In der Praxis üblich: Formulierung des Problems mit Hilfe der Naturgesetze und Einbezug der Nebenbedingungen

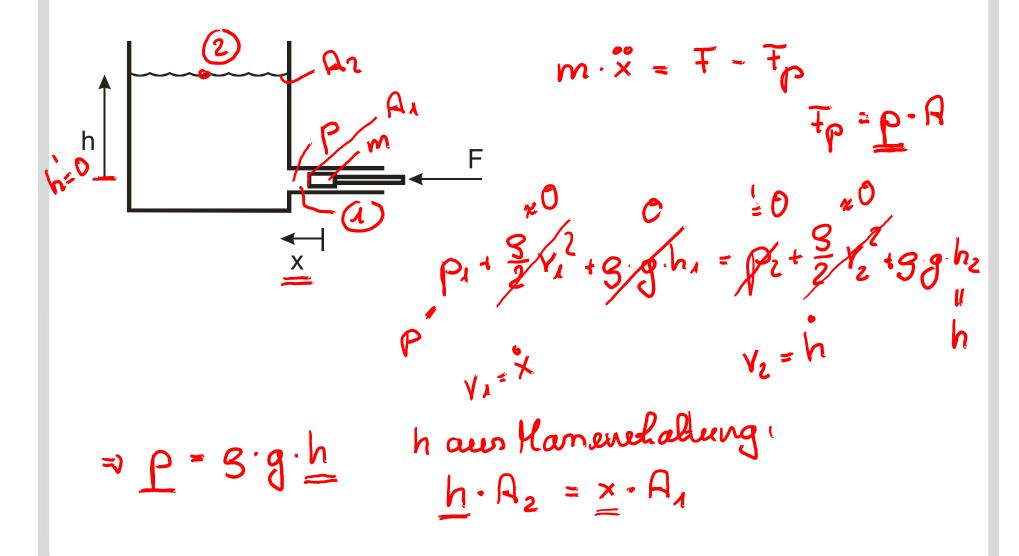


Co-Simulation 6 Eustandsgrößen 3 Koppelgleiden Elektromotor Wegmess Elastische Ölleitung (4m) Druckmessung Po Getriebe Kolben Kolbenrückholfeder Zahnstange V_5 Hydraulikzylinder $V_5 : Q_5 \times 5$ \dot{x}_2 M_{M} $p_5 \cdot A_5$ u_1 F_L mechamechahydraulisch elektrisch \dot{q}_1 ω \dot{x}_5 $p_2 \cdot A_2$ nisch nisch





Aufstellen der Differentialgleichungen - Beispiel





Aufstellen der Differentialgleichungen - Beispiel



