

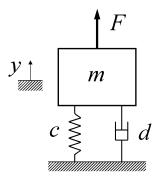
Modellbildung und Simulation

Prof. Dr.-Ing. K. Furmans Prof. Dr.-Ing. M. Geimer Dr.-Ing. B. Pritz Prof. Dr.-Ing. C. Proppe

Übungsblatt Nr. 2

Thema:

Einführung in Simulink



Zur Ermittlung des dynamischen Verhaltens eines Einmassenschwingers wird dessen Systemantwort y(t) auf die Anregung F(t) simuliert. Die Differentialgleichung des Einmassenschwingers im Zeitbereich lautet

$$m\ddot{y} + d\dot{y} + cy = F(t).$$

Lineare dynamische Systeme n-ter Ordnung werden im Zeitbereich durch lineare Differentialgleichungen n-ter Ordnung beschrieben. Mit Hilfe der Laplace-Transformation lassen sich die linearen Differentialgleichungen n-ter Ordnung in algebraische Gleichungen n-ter Potenz des Bild- bzw. Frequenzbereiches transformieren. Wird nun für den Einmassenschwinger die Laplace-Transformation auf die Bewegungsgleichung angewandt, so erhält man im Bildbereich

$$m\left[s^{2}Y(s) - sy(0) - \dot{y}(0)\right] + d\left[sY(s) - y(0)\right] + cY(s) = F(s).$$

Die Anfangsbedingungen y(0) und $\dot{y}(0)$ werden zu null gesetzt, da nur das Übertragungsverhalten interessieren soll. Somit entfallen entsprechende Terme und es bleibt

$$s^2Y(s) = \frac{1}{m}F(s) - \frac{d}{m}sY(s) - \frac{c}{m}Y(s).$$

Die Übertragungsfunktion G(s) ist definiert als Quotient aus Systemantwort Y(s) und Systemeingang F(s). Für den Einmassenschwinger lässt sie sich zu

$$G(s) = \frac{Y(s)}{F(s)} = \frac{1}{ms^2 + ds + c}$$

ermitteln.

- 1. Simulieren Sie das dynamische Verhalten des in der obigen Abbildung vorgestellten Einmassenschwingers mit Simulink. Die Parameter des Einmassenschwingers sind: m=1 kg, c=10 $\frac{\rm N}{\rm m}$ und d=0.5 $\frac{\rm Ns}{\rm m}$. Die Kraftanregung erfolgt zunächst mit einer konstanten Kraft F(t)=20 N. Die Simulationsdauer betrage 20 s.
- 2. Das Modell ist auf eine Sinus-Anregung zu erweitern, wobei über einen manuellen Schalter die Anregung ausgewählt werden soll. Wählen Sie als Parameter der harmonischen Anregung $F(t) = \hat{F}\sin(\omega t)$ zum Beispiel $\hat{F} = 20\,\mathrm{N}$ und $\omega = 2\,\mathrm{Hz}$, sowie für die Sprunganregung eine Amplitude von $F_{\sigma} = 10\,\mathrm{N}$.
- 3. Erstellen Sie das Blockschaltbild mithilfe der Übertragungsfunktion G(s). Die Anregung soll sinusförmig sein. Vergleichen Sie die Simulationsergebnisse mit den Ergebnissen aus Teilaufgabe 2.