典型光学系统

- ◆眼睛及其光学系统
- ◆放大镜
- ◆显微镜系统
- ◆望远镜系统
- ◆目镜
- ◆摄影系统,投影系统





















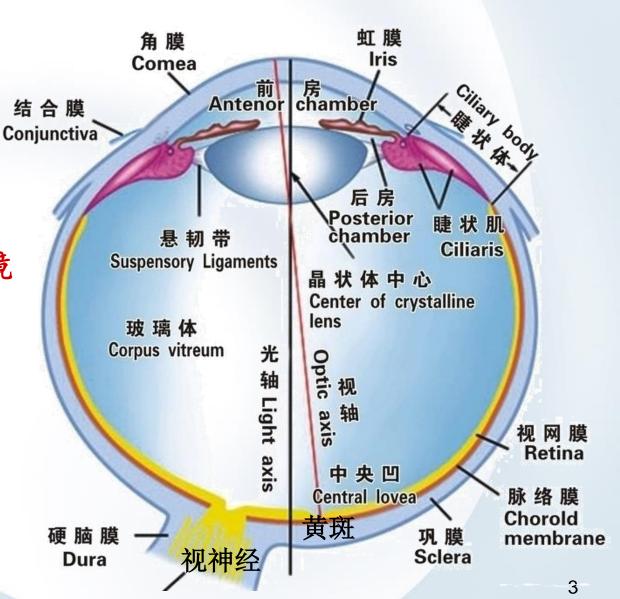
眼睛及其光学系统



一、眼睛的结构

角膜 前房n=1.34 虹膜——孔径光阑 瞳孔 D=2~8mm 晶状体n=1.4——透镜 玻璃体n=1.34 视网膜——像面

眼睛焦距: f= -14.2~ -17.1mm f'=18.9~22.8mm





一、眼睛的结构

黄斑: 光感最灵敏处

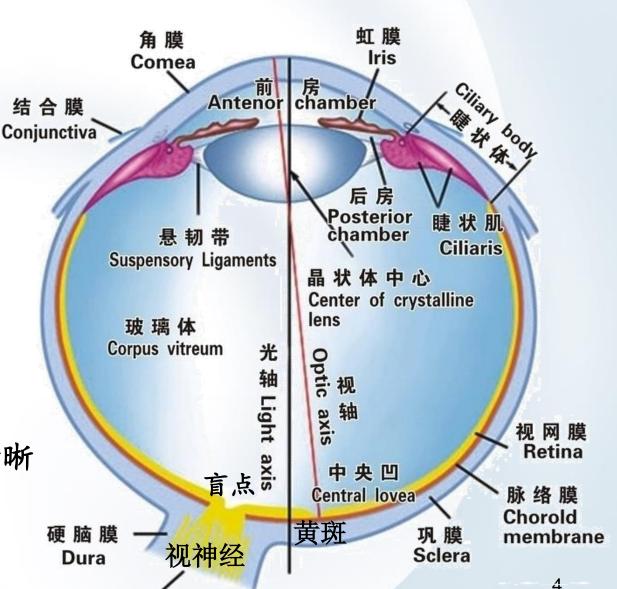
中央凹:黄斑中心

视轴:像方节点与中

央凹的连线

眼睛视场约150°, 视轴周围6~8°成像清晰

盲点



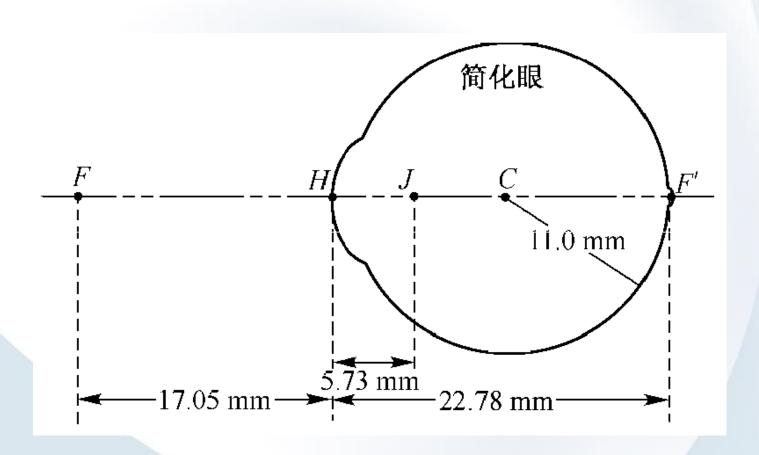


◆盲点的测试





◆简化眼的结构:





∫瞳孔调节 视度调节

- ◆瞳孔调节:通过虹膜改变瞳孔大小,控制眼睛进光量。瞳孔2mm~8mm。
 - ▶眼睛的适应:眼睛对周围空间光亮情况的自动适应程度,通过瞳孔的自动增大(暗适应)或缩小(明适应)完成 ✓适应要有个过程,最长可达30min。
 - ✓眼睛能感受的光亮变化非常大, 可达1012:1



- ◆ 视度调节:眼睛通过控制晶状体曲率、对任意距离物体自动调焦的过程
 - 》视度:表示人眼调节的程度,将与视网膜共轭的物面到眼睛的距离的倒数称为视度,用SD表示

$$SD = \frac{1}{l}$$

- ✓距离l单位为m; SD有正负,单位为屈光度 D
- ✓观察眼前方2m处物体时, l=-2, SD=-0.5
- √视度绝对值越大, 调节量越大



》眼睛清晰调焦的最远距离为远点距离 l_r ,最近距离为近点距离 l_p 。

$$R = \frac{1}{l_r}$$
远点发散度(或会聚度),单位: 屈光度 (D)

$$P = \frac{1}{l_p}$$
近点发散度(或会聚度)

》眼睛调节能力:
$$\overline{A} = R - P = \frac{1}{l_r} - \frac{1}{l_p}$$



>眼睛调节能力随年龄的变化:

正负值表示什么?

年龄	10	20	30	40	45	50	60	70	80
$L_p(m)$	-0.07	-0. 10	-0.143	-0.222	-0.286	-0.40	-2.0	1.0	0.40
P(D)	-14	-10	-7	-4.5	-3.5	-2.5	-0.5	1	2.5
$l_r(m)$	∞	∞	∞	∞	∞	∞	2.00	0.80	0.40
R(D)	0	0	0	0	0	0	0.5	1.25	2.5
A	14	10	7	4.5	3.5	2.5	1	0.25	0

》明视距离: 正常眼在阅读时,或眼睛通过目视光学仪器观测物像时,为了工作舒适,习惯上把物或像置于眼前250mm处,称此距离为明视距离。



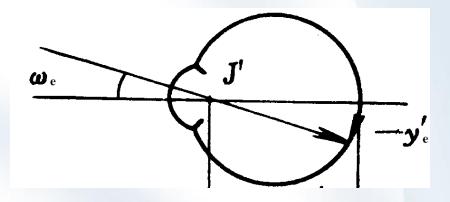
三、眼睛的分辨率

- ◆ 眼睛分辨率: 眼睛刚能分辨的两物点在视网膜上成像点之间 的距离
 - > 与视网膜上视神经细胞大小有关
- ◆视网膜是由锥状细胞和杆状细胞组成的辐射接收器
 - ▶ 杆状细胞——感光极敏感, 但完全不感色;
 - 全 维状细胞——感光能力较差;

 决定了分辨颜色的能力,色视觉。
- ◆黄斑上视神经细胞直径0.001~0.003mm, 一般取0.006 mm为人眼分辨率。



三、眼睛的分辨率



ightharpoonup 视角鉴别率 ω_{min} : 照明良好时人眼刚能分辨的两物点对眼睛的张角

✓ (视角: 物体对人眼的张角)

$$y' = f \tan \omega = 0.006mm$$

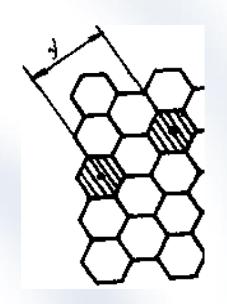
$$\omega = \arctan(\frac{0.006}{f}) \times \frac{180 \times 60 \times 60}{\pi} (")$$

人眼放松状态下, $f \approx -16.68mm$, $\omega \approx 60''$

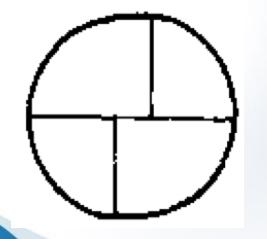


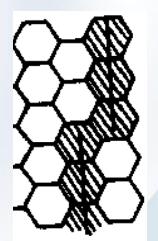
三、眼睛的分辨率

ω≈60″: 对两物点的分辨率



观察两条平行直线,视角分辨率 ω_{min} 可提高到10''







四、眼睛的缺陷及校正

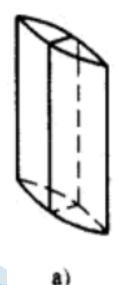
- ▶正常眼: 眼睛的像方焦点F'与视网膜重合; 远点位于人眼前无限远处。
- ▶近视眼:眼睛的像方焦点F'位于视网膜前方;远点位于人眼前有限距离处。
- ▶远视眼:眼睛的像方焦点F'位于视网膜后方;远点位于人眼后有限距离处。

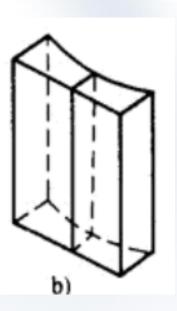
用远点距离*l_r*(单位m)的倒数表示近视眼或远视眼的程度,单位为屈光度(D)。1D称为100度



》散光: 若晶状体两表面不对称,则使细光束的两个主截面的光线不交于一点,即两主截面的远点距也不相同,视度 $\mathbf{R}_1 \neq \mathbf{R}_2$,其差作为人眼的散光度 \mathbf{A}_{ST} :

$$A_{ST} = R_1 - R_2$$

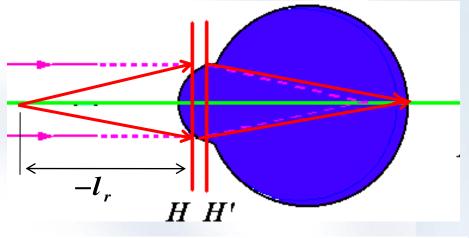




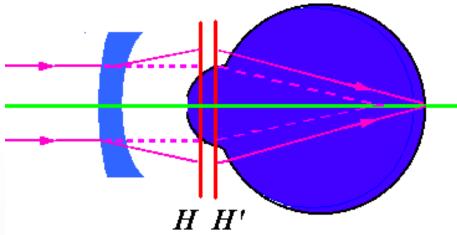


1) 近视眼及其校正

在眼前面加凹透镜, 其 焦距大小恰能使其后焦 点F'与远点重合, 即



$$f'=l_r$$



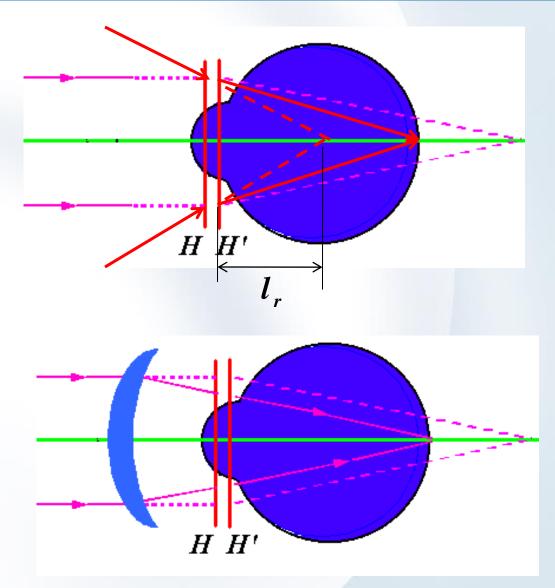
一学生带500度近视镜,则该近视镜的焦距为__-0.2m 该学生裸眼所能看清的最远距离为 眼前0.2m 。



2) 远视眼及其校正:

在眼前面加凸透镜, 其焦距大小恰能使其 后焦点F'与远点重 合,即

$$f'=l_r$$

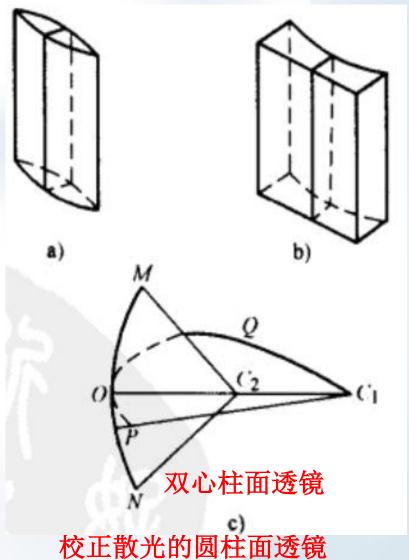




3) 散光的校正:

晶状体两表面不对称,则使细光束的两个主截面的光线不交于一点,即两主截面的远点距也不相同,视度R₁≠R₂

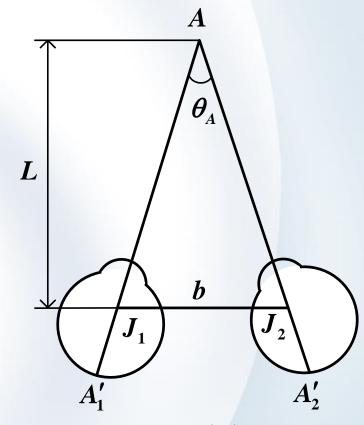
用柱面或双心柱面透镜校正





五、空间深度感觉和双眼立体视 觉

- >双目立体视觉:判断距离
- ightharpoonup 两眼视轴对准A点,两视轴之间夹角 θ_{Δ} 称为视差角;
- ▶ 物距L不同,视差角不同,眼球肌肉紧张程度不同,辨别物体远近
- ightharpoonup 视觉基线:两眼节点 J_1 和 J_2 连线,长度为b
- $ightharpoonup 视差角: \quad \theta_{\scriptscriptstyle A} = b/L$



视差角

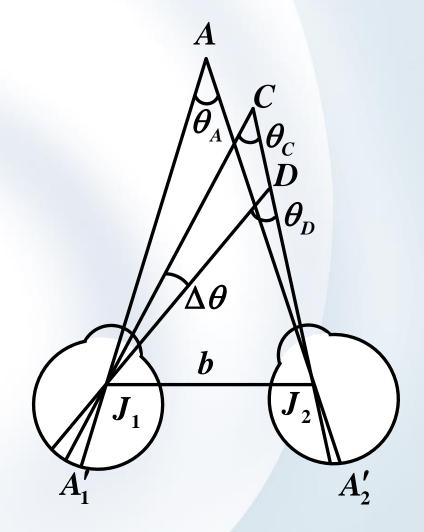


✓不同距离的物体对应不同 视差角,其差异∆ θ 称为 立体视差,简称视差

$$\Delta \theta = \theta_D - \theta_C$$

 \checkmark 人眼能感觉到 $\Delta \theta$ 的极限值 $\Delta \theta$ 的 $\Delta \theta$ 的极限值 $\Delta \theta$ 的 $\Delta \theta$ $\Delta \theta$ 的 $\Delta \theta$ $\Delta \theta$

$$\Delta\theta_{\min} \approx 10''$$



双眼立体视差

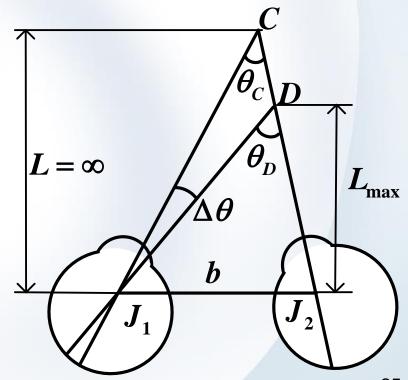


 \checkmark 物体在无限远时视差角 θ =0,另在某一有限距离 L_{max} 处 θ =10",则两者的立体视差角 Δ θ =10"= Δ θ_{min} ,人眼能分辨距离 L_{max} 处与无穷远的距离差别,且 L_{max} 为人眼能分辨远近的最大距离,叫做立体视觉半径

$$L_{\max} = \frac{b}{\Delta \theta_{\min}}$$

*b*取62mm ⇒

$$L_{\text{max}} = \frac{62mm}{\pi \frac{10''}{180 \times 60 \times 60}} \approx 1200m$$

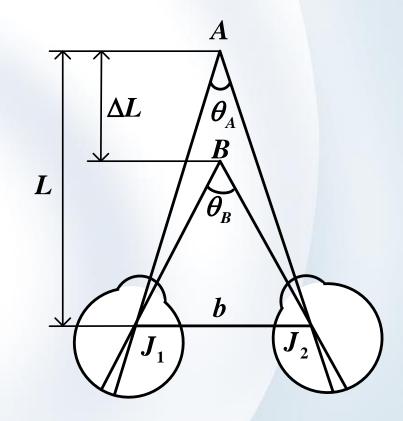




▶立体视觉阈AL: 双眼能分辨两点间的最短深度距离

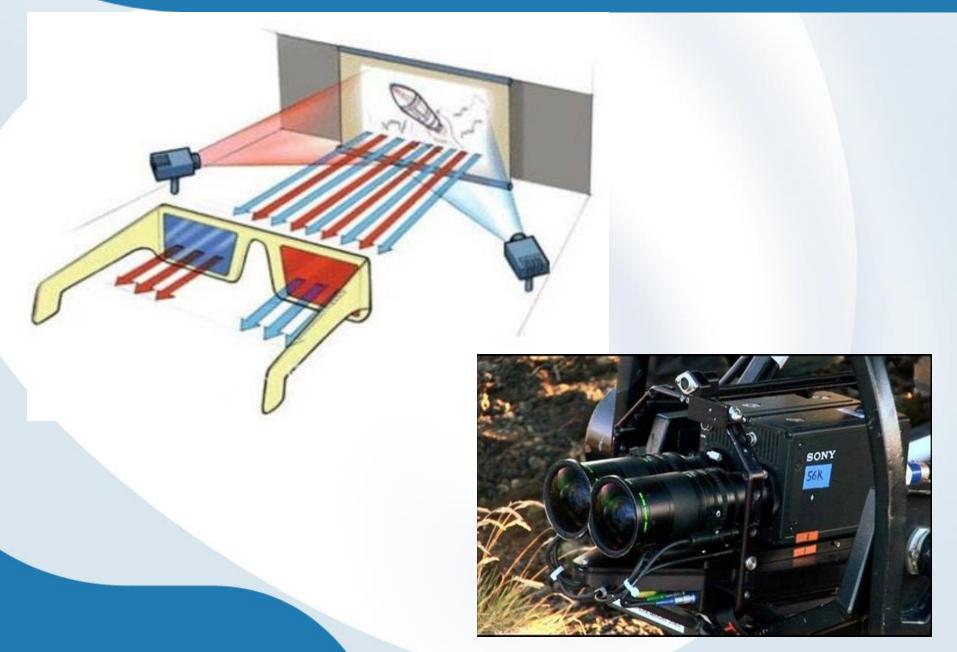
$$\theta_A = \frac{b}{L} \Rightarrow \Delta L = \frac{\Delta \theta L^2}{b}$$
 $b = 62mm, \Delta \theta_{\min} = 10'' = 0.000005$
 $\Rightarrow \Delta L = 8 \times 10^{-4} L^2$
 $L = 100m, \Delta L = 8m$
 $L = 0.25m, \Delta L = 0.05mm$

若通过双目光学系统(双目望远镜、双目显微镜)来增大基线b 或减少 $\Delta\theta_{min}$,则可以增大体视 半径和减少立体视觉误差。



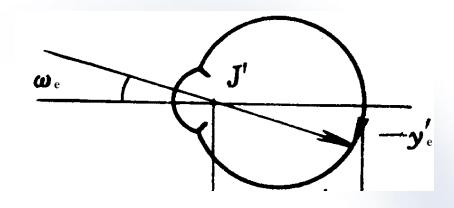
3D电影







六、目视光学仪器的基本工作原理

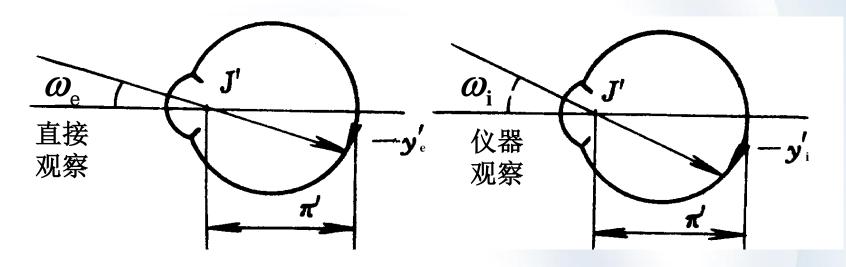


◆物体通过目视光学仪器后,其像对人眼的张角大于人眼直接 观察物体时对人眼的张角。

◆目视光学仪器的放大率用视觉放大率表示。



◆目视光学仪器的视觉放大率:



π: 人眼像方节点到视网膜的距离

视觉放大率:
$$\Gamma = \frac{y_i'}{y_e'} = \frac{\pi' \tan \omega_i}{\pi' \tan \omega_e} = \frac{\tan \omega_i}{\tan \omega_e}$$

y;: 通过仪器观察时视网膜上的像高

y': 直接观察时视网膜上的像高



- ◆对目视光学仪器的要求:
 - 1) 扩大视角
 - 2) 成像在无限远(出射平行光) 或成像在明视距离处

以下按目视光学仪器成像在无限远处分析



- ◆ 生理医学研究表明,人眼的瞳孔直径可以根据外界的光照度进行调节,其调节范围通常为__C_。 A. 2~15mm B. 0.5~8mm C. 2~8mm D. 1~10mm
- ◆ 200 度的近视眼,应该佩戴的眼镜的焦距为(C)
 - **A.** -200 mm
 - **B.** 200 mm
 - **C.** -500 mm
 - D. 500 mm
- ◆ 一个人近视程度是-2D, 眼睛的调节范围是8D,则 此人的近点距离是: __C
 - A. -0.5m B. -0.125m C. -0.1m D. -0.17m

- ◆小明是一名大三的学生, 他的近视程度是-2D(屈 光度),调节范围是8D, 求:
 - (1) 远点距离; (2分)
 - (2) 其近点距离; (2分)
 - (3) 配戴100度近视镜, 求该镜的焦距; (2分)
 - (4) 戴上该近视镜后, 求看清的远点距离; (3分)
 - (5) 戴上该近视镜后,求看 清的近点距离。(3分)

$$\mathbf{R}: \cdots \cdots \oplus R = \frac{1}{l_r} = -2 \cdots (1/m)$$

②
$$A = R - P$$
, $A = 8D$, $R = -2D$

$$P = R - A = -2 - 8 = -10D$$

·····
$$l_p = \frac{1}{P} = -\frac{1}{10} = -0.1m \cdot (2 \, \%) \, \omega$$

$$\bigoplus R' = R - D = -1D \neq 0$$

$$·· l'_R = -1m$$
 (2分) ₽

$$P' = R' - A = -9D \, \text{e}$$

$$l_P' = -\frac{1}{9} = -0.11m \quad (2 \text{ }\%) \Leftrightarrow$$



二、放大镜



通过放大镜观察物体时,虚像对人眼的张角为 ω'

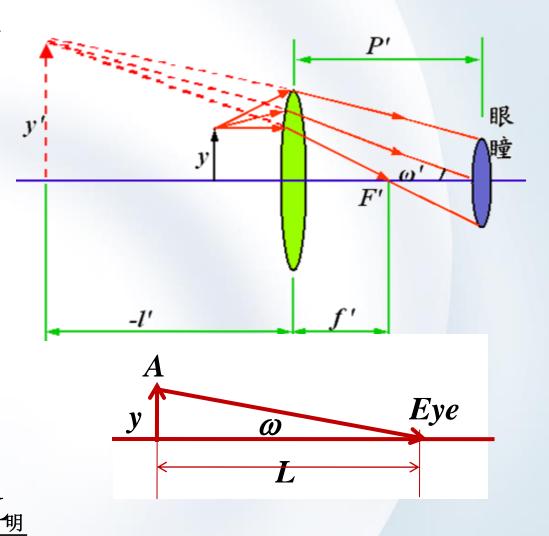
$$\tan \omega' = \frac{y'}{P'-l'}$$

直接观察时: $\tan \omega = \frac{y}{L_{ij}}$

$$\Gamma = \frac{\tan \omega'}{\tan \omega} = \frac{y' L_{ij}}{y(P' - l')}$$

$$\frac{y'}{y} = \frac{f' - l'}{f'}$$

$$\Rightarrow \Gamma = \frac{f' - l'}{P' - l'} \times \frac{L_{\text{H}}}{f'}$$

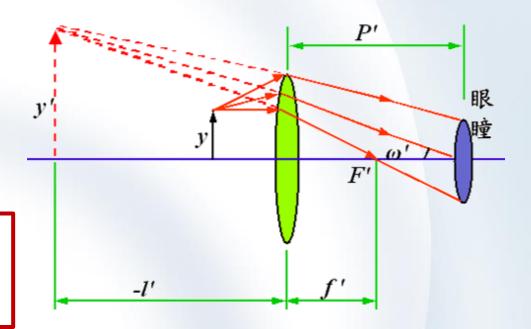




◆讨论:

$$\Gamma = \frac{f' - l'}{P' - l'} \times \frac{L_{\parallel}}{f'}$$

$$l'=\infty$$
时, $\Gamma_0=rac{L_{f H}}{f'}=rac{250(mm)}{f'(mm)}$



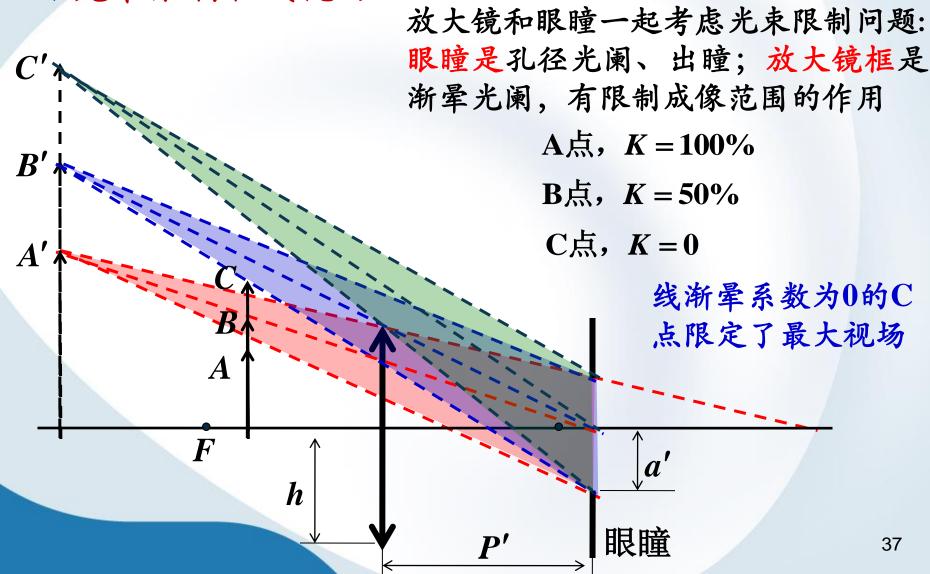
ightright
angle正常眼,使放大镜虚像位于人眼明视距离处,P'-l'= $L_{
m H}$

$$\Gamma = 1 - \frac{l'}{f'} = 1 - \frac{P' - L_{yy}}{f'} = \frac{250}{f'} + 1 - \frac{P'}{f'}$$

▶若眼睛紧靠着放大镜,即P'≈0, $\Gamma = \frac{250}{f'} + 1 = \Gamma_0 + 1$



◆光束限制和线视场





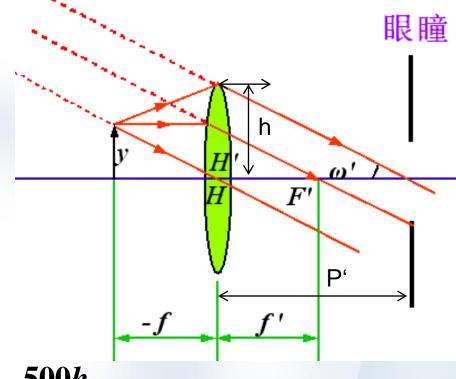
◆光束限制和线视场

- 》放大镜用于观察近距离小物体,视场通常用物方线视场 2y表示。
- 》当物面放在放大镜前焦平面,像平面在无限远,则50% 渐晕的线视场为

$$2y = 2f' \tan \omega'$$

$$\Gamma_0 = L_{\text{HJ}}/f' = 250/f'$$
 $\Rightarrow 2y = \frac{500h}{\Gamma_0 P'}(mm)$
 $\tan \omega' = h/P'$

放大倍率越大,线视场越小(观察物的范围越小)。

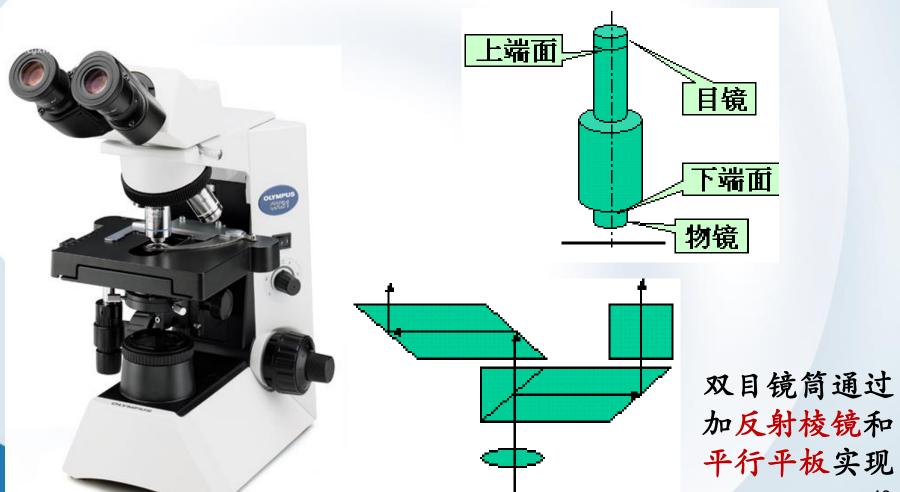




三、显微镜



◆物镜通过转换器旋转式接到镜筒的下端面; 目镜以插入式接镜筒的上端面



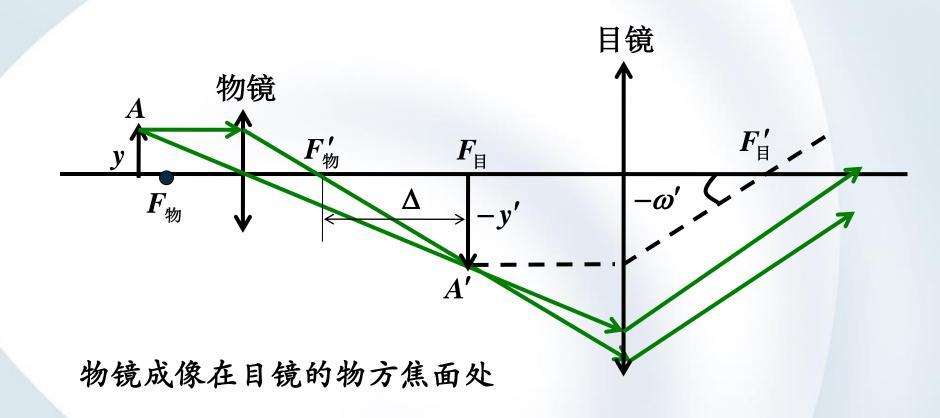


◆主要技术参数:

- > 视放大率
- > 线视场
- ▶出瞳直径
- >工作距离

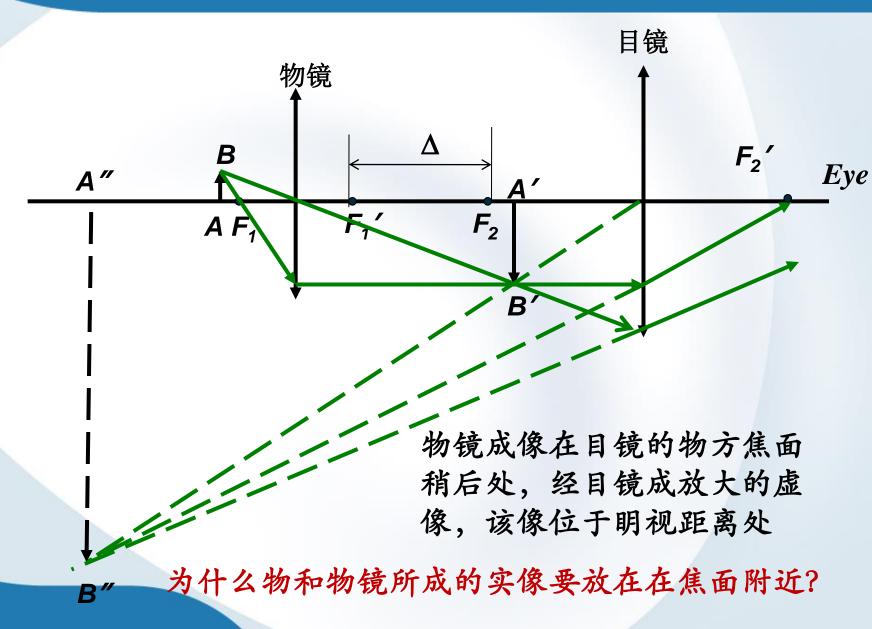




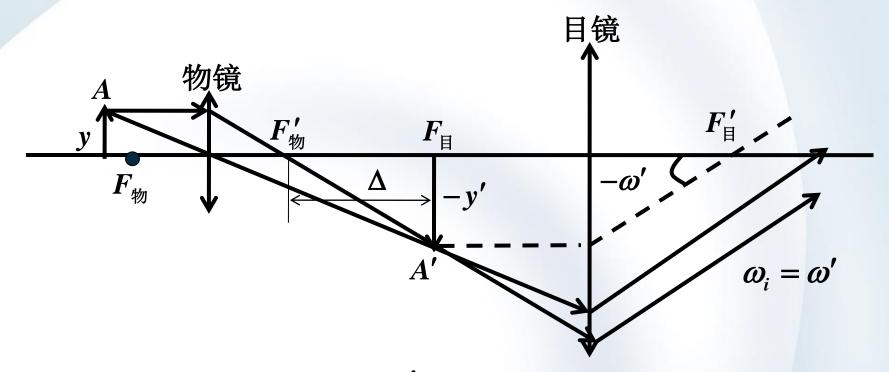


◆显微镜由(短焦距)物镜、目镜组成,光学筒长A(物镜物方焦点与目镜像方焦点的距离)较大。









通过显微镜观察时:
$$\tan \omega_i = \frac{y'}{f_{\mathbb{H}}'}$$

$$\beta_{\mathfrak{h}} = \frac{y'}{y} = -\frac{\Delta}{f_{\mathfrak{h}}'} \qquad \Rightarrow y' = -\frac{\Delta}{f_{\mathfrak{h}}'} y$$

$$\Rightarrow \tan \omega_i = -\frac{\Delta}{f'_{\text{th}}f'_{\text{H}}}y$$



1) 视放大率

人眼直接观察时:
$$\tan \omega_e = \frac{y}{-l} = \frac{y}{250}$$

$$\tan \omega_i = -\frac{\Delta}{f_{\eta}' f_{\parallel}'} y$$

$$\Rightarrow \Gamma = \frac{\tan \omega_i}{\tan \omega_e} = \frac{-\Delta}{f'_{\text{to}}} \frac{250}{f'_{\text{E}}} = \beta_{\text{to}} \cdot \Gamma_{\text{E}}$$
显微镜的组合焦距: $f' = -\frac{f'_{\text{to}} f'_{\text{E}}}{\Delta}$ $\Rightarrow \Gamma = \frac{250}{f'}$



◆例: 已知显微镜目镜Γ=15, 问它的焦距为多少?物镜β=-2.5, 共轭距L=180mm, 求其焦距及物方和像方截距。问显微镜总放大率为多少,总焦距为多少?

解:

$$\Gamma_{\parallel} = \frac{250}{f'_{\parallel}} = 15 \implies f'_{\parallel} = \frac{50}{3} (mm)$$

$$\beta_{\forall y} = \frac{l'}{l} = -2.5$$

$$l' - l = 180$$

$$\Rightarrow \begin{cases} l = 51.43 (mm) \\ l' = 128.57 (mm) \end{cases}$$

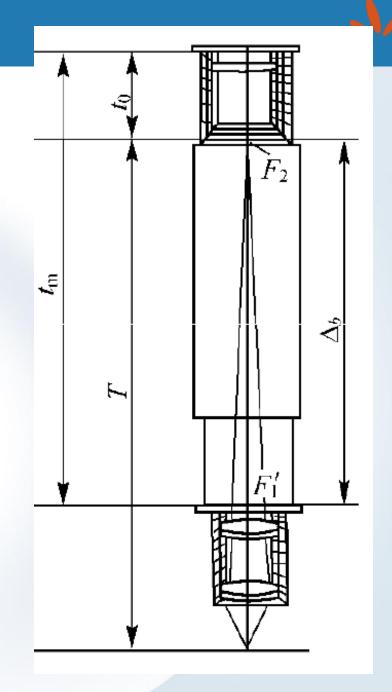
$$\Rightarrow f'_{\forall y} = 36.73 (mm)$$

$$\frac{1}{l'} - \frac{1}{l} = \frac{1}{f'_{\forall y}}$$

总放大率 $\Gamma = \beta_{\text{m}}\Gamma_{\text{H}} = -2.5 \times 15 = -37.5$

总焦距
$$f' = \frac{250}{\Gamma} = -6.67(mm)$$

- ◆显微镜设计中的规定参数:
 - ▶ 物像共轭距:显微镜物镜从物平面到像平面的距离。各国通用标准约等于195mm
 - ▶ 机械筒长:把显微镜的物镜和目镜取下后,所剩的镜筒长度,我国规定为160mm
 - ▶常用的物镜倍率: 4×、10×
 、40×和100×
 - ▶常用的目镜倍率: 5 × 、10 × 和15 ×

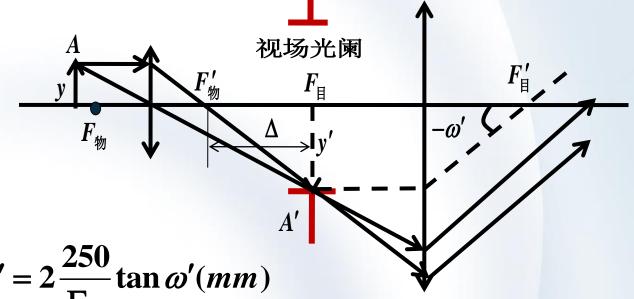




2) 线视场

D: 视场光阑直径

线视场:
$$2y = \frac{D}{\beta_{\text{b}}}$$



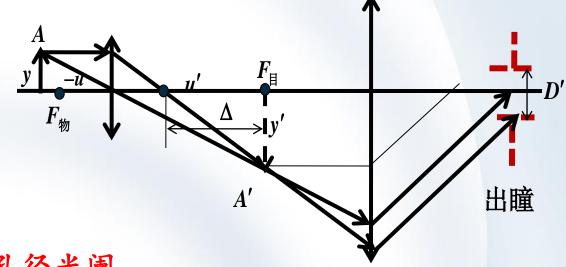
$$D = 2y' = 2f'_{\parallel} \tan \omega' = 2\frac{250}{\Gamma_{\parallel}} \tan \omega'(mm)$$

$$\Rightarrow 2y = \frac{D}{\beta_{\text{th}}} = \frac{500 \tan \omega'}{\beta_{\text{th}} \Gamma_{\text{H}}} = \frac{500 \tan \omega'}{\Gamma} (mm)$$

选定目镜后(即2ω'一定),显微镜的视觉放大率越大,其在 物空间的线视场越小(能观察的物面越小)。

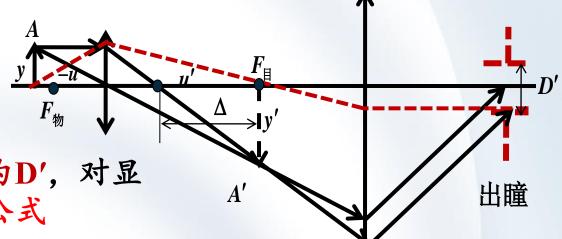


3) 出瞳直径



- ◆普通显微镜物镜框是孔径光阑
 - ✓ 复杂物镜是以最后镜组的镜框为孔径光阑
 - ✓测量显微镜,一般在物镜的像方焦平面上设置专门的光阑 (远心光路)
- ◆ 出瞳位置 在目镜像方焦点稍后处,人眼瞳有可能与之重合
- ◆显微镜的出瞳直径一般小于眼瞳直径





$$|yn\sin u = y'n'\sin u' \sin u' \approx tgu' = \frac{D'}{2} / f_{\parallel}'$$
 $\Rightarrow D' = 2f_{\parallel}'\sin u' = 2f_{\parallel}' \frac{y}{y'} n \sin u$

*NA=n*sin*u*

显微镜物镜的数值孔径

$$D' = 2f_{\parallel}' \sin u' = 2f_{\parallel}' \frac{y}{y'} n \sin u$$

$$= 2f_{\parallel}' \frac{-f_{\parallel}'}{\Delta} n \sin u$$

$$= 2\frac{250}{\Gamma} n \sin u = 500 \frac{NA}{\Gamma} (mm)$$



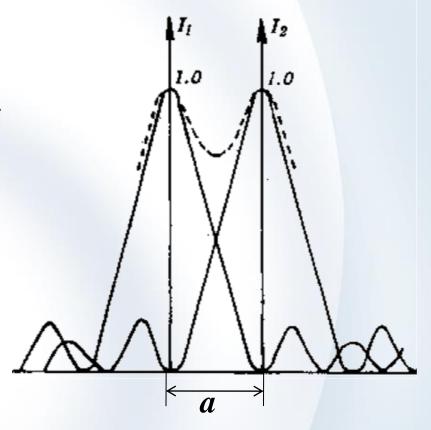
4) 分辨率

显微镜物镜像平面上两个像点恰能分辨的最短距离(即显微镜分辨率) σ'为:

物面上最小分辨距离:

$$\sigma = \frac{0.61\lambda}{n\sin u} = \frac{0.61\lambda}{NA}$$

瑞利判断:两个相邻像点之间的间隔等于爱里斑的半径a时,则能被光学系统分辨。





》道威判断:两相邻像点之间的两衍射斑中心距为0.85a时,则能被光学系统分辨(倾斜照明,对不发光物体的分辨率)

$$\sigma = \frac{0.85a}{\beta_{\text{thy}}} = \frac{0.5\lambda}{NA}$$

▶通常以道威判断给出光学系统的目视衍射分辨率, 或称作 理想分辨率



讨论:

- $\bigcirc \sigma \propto \lambda$, 分辨能力随波长的减小而提高
- $2\sigma \propto \frac{1}{NA}$,分辨能力随数值孔径的增大而提高,要求 \mathbf{u} 大、 \mathbf{n} 大
- > 波长一定时,显微镜的分辨率仅取决于物镜的数值孔径。
- ▶ 目镜仅仅把物镜分辨的像放大,即使目镜放大率很高,也不能把物镜不能分辨的物体细节看清



》距离为σ的两个点不仅应通过物镜被分辨,而且要通过整个显微镜被放大,能被眼睛分辨。显微镜能分辨,但放大倍率不够,眼睛不能分辨显微镜的像,称为放大不足。

>思考:显微镜的放大率是否越大越好?

》由于衍射效应, σ由λ、NA决定, 放大率增大并不能减小σ , 称无效放大。



取人眼分辨角为2'~4',显微镜成像于明视距离250mm处

$$250 \times 2 \times \frac{\pi}{180 \times 60} \le \sigma' \le 250 \times 4 \times \frac{\pi}{180 \times 60}$$

$$\sigma' = \Gamma \sigma$$
, $\sigma = \frac{0.5\lambda}{NA}$,得

$$250 \times 2 \times 0.00029 \le \frac{0.5\lambda}{NA} \Gamma \le 250 \times 4 \times 0.00029$$

 $\lambda = 555nm$, $523NA \le \Gamma \le 1046NA$

近似为: 500NA ≤ Γ ≤ 1000NA

满足上式的放大率称为显微镜的有效放大率

NA=1.5, 显微镜的最高有效放大率为1500倍。



- ◆显微物镜上标注: 170mm/0.17; 40/0.65
 - ▶适合于机械筒长170mm
 - \triangleright 物镜是对玻璃厚度d=0.17mm的玻璃盖板校正像差的
 - ▶ 放大率为40×
 - ▶数值孔径为0.65

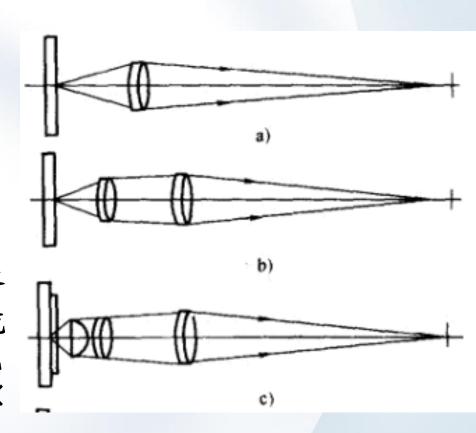
◆例:显微镜数值孔径0.65,有效放大率为(325×~650×),若物镜为40×,在5×、10×、15×或25×的目镜中应该选用(10×或15×);若用(25×),则导致无效放大

59



◆显微镜的物镜

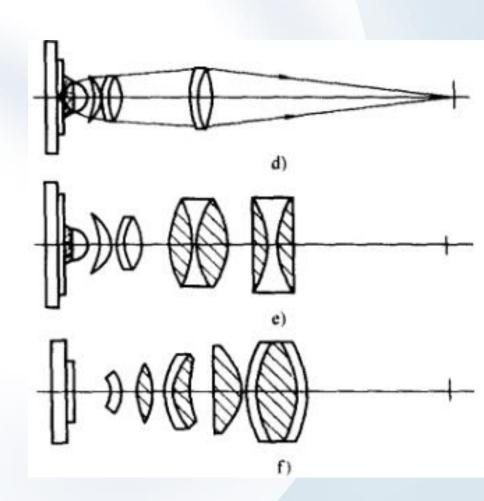
- a) 低倍物镜,由双胶合物镜组成,β=3×~6×,NA=0.1~ 0.15
- b) 中倍物镜,由两组双胶合透镜组成,称为里斯特物镜, β=8×~10×,NA=0.25~0.3
- c) 高倍物镜,在里斯特物镜前加一半球透镜,其第二面为齐明面,半球透镜使里斯特物镜的孔径角增加n²倍。这种物镜称作"阿米西"物镜,β=40×.NA=0.65





◆显微镜的物镜

- d) 浸液物镜,在阿米西物镜中再加一个同心齐明透镜,称作阿贝浸液物镜,β=90~100×,NA=1.25~1.4。在玻璃盖片和物镜前片之间浸液(折射率为n),可使数值孔径提高n倍。
- e) 复消色差物镜,有阴影线的透镜,是由特殊材料莹石制成,β=90×,NA=1.3
- f) 平视场复消色差物镜, β=40×, NA=0.85





- ◆ 有一显微镜,数值孔径为0.8,目镜的放大率为10×,为了 使线视场尽量大,物镜的放大率选多少最合适: (B)
- A. 10×
- **B.** 40×
- C. 80×
- **D.** 100×



- ◆ 显微镜镜筒上通常会把镜头的放大倍率、数值孔径、工作 距、镜头结构等参数标注出来。关于这些参数,以下说法 错误的是:____。
 - A. 显微镜的数值孔径越大分辨率越高
 - B. 显微镜物镜的放大倍率越大分辨率越高
 - C. 放大倍率较大的显微镜物镜结构更复杂
 - D. 显微镜放大倍率越大线视场越小
- ◆ 目视光学仪器的视角放大率是否可以设计得无限大?为什么?
 - > 答:不可以,还要受到人眼分辨率的限制。



◆假设我们想用两个正透镜制成一个显微镜(适合正常人眼放松时看),两透镜焦距均为25mm。若物体放置在距离物镜27mm位置处,那么两个透镜应该相距多远?此时该显微镜预计可获得的视觉放大率是多少?(这两个正透镜均可看成薄透镜)

解:对物镜应用牛顿公式, $xx'=f_0f_0'=-f_0'^2$ 。

x=-2mm, 求得 x'·=·312.5mm; (3 分)。

要求适合正常人眼放松时看,则物体经物镜所成像应该位于目镜的物方焦点上。

所以两个透镜之间的距离 1=25+25+312.5=362.5mm。(2分)→

视放大率 $\Gamma = \beta \Gamma_e$ (2分)

$$\beta = -\frac{f_o}{x} = -\frac{-25}{-2}$$

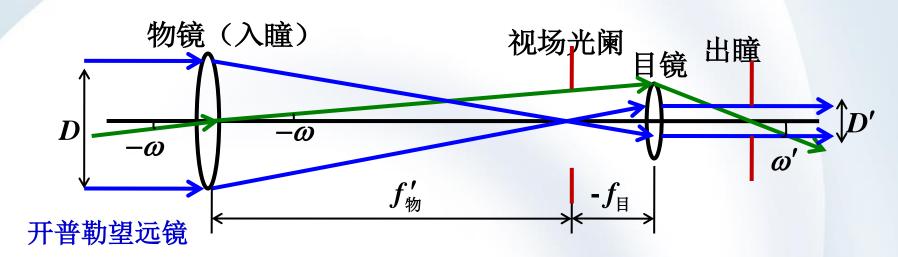
$$\Gamma_e = \frac{250}{f_e'} = \frac{250}{25} \quad (3 \, \%) \, \Leftrightarrow$$

$$\Gamma = -125$$

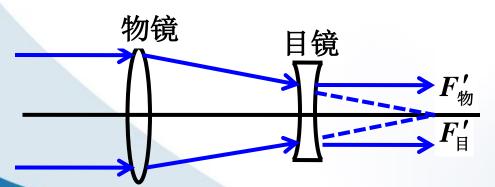


四、望远镜系统





伽利略望远镜

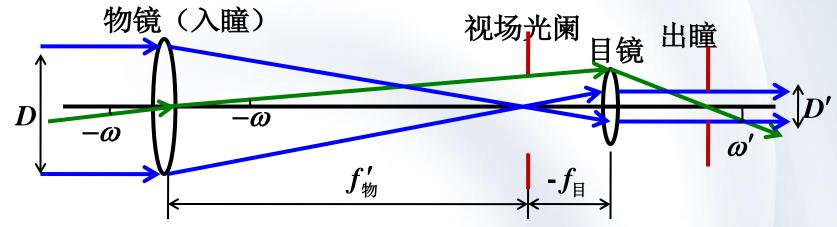


目视光学仪器的要求: 扩大视角: 出射平行光

望远镜是一个无焦系统,物镜的象方焦点和目镜物镜的象方焦点和目镜的物方焦点应重合,光学间隔 $\Delta=0$

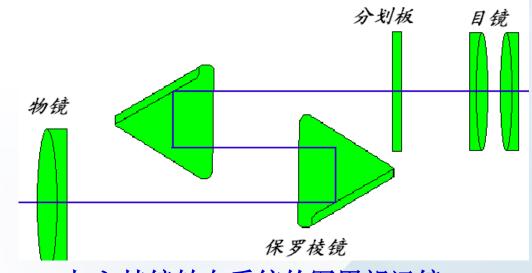


◆开普勒望远镜



- > 物镜和目镜都是正透镜
- 筒长较长,有实像面, 可加分划板测量

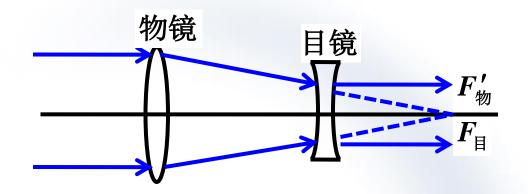
成像的方向? 倒像



加入棱镜转向系统的军用望远镜



◆伽利略望远镜



- > 物镜:正透镜;目镜:负透镜
- 结构紧凑,简长短,较为轻便,光能损失少,并且使物体呈正立的像。但是由于没有中间实像,不能安装分划板,因而不能用来瞄准和定位



伽利略望远镜	开普勒望远镜
f′ _≡ <0	f′ _≡ >0
y' _物 为虚像	y' _物 为实像
镜筒短: L=f′ _物 −f _目	镜筒长:L=f' _物 -f' _目
望远镜成正像	望远镜成倒像
一般用作扩束	望远,但需加倒像系统

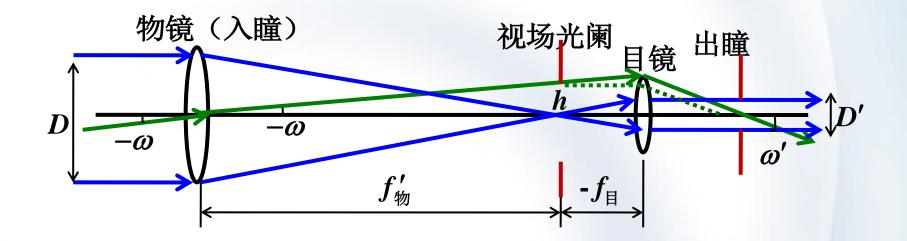


1) 望远镜系统的主要技术指标:

- >视放大率
- >视场角
- ▶出瞳直径
- ▶出瞳距离
- >分辨率



◆视放大率



视放大率:
$$\Gamma = \frac{\operatorname{tg}\omega'}{\operatorname{tg}\omega} = \gamma = \frac{h/f_{\parallel}'}{-h/f_{\parallel}'} = -\frac{f_{\parallel}'}{f_{\parallel}'} = -\frac{D}{D'} = \frac{1}{\beta}$$

$$\Gamma = \frac{\operatorname{tg}\omega'}{\operatorname{tg}\omega} \approx \frac{60''}{\alpha}$$
 \Rightarrow 仪器视角分辨率: $\alpha = \frac{60''}{\Gamma}$



瞄准仪器瞄准误差:
$$\begin{cases} \Delta \alpha = -\frac{60''}{\Gamma} \mathbb{E}$$
 压线瞄准
$$\Delta \alpha = -\frac{10''}{\Gamma} \mathbb{Z}$$
 叉线或双线瞄准

衍射分辨率:
$$\alpha = \frac{1.22\lambda}{D} (rad)^{\lambda = 555 \text{nm}} \frac{140''}{D}$$

视角分辨率= 衍射分辨率时:
$$\frac{60''}{\Gamma} = \frac{140''}{D}$$

⇒ 望远镜有效放大率:
$$\Gamma_{\text{fg}} = \frac{D}{2.3}$$

 $\Gamma_{xx} > \Gamma_{xx}$ 时,并不能看清更多细节



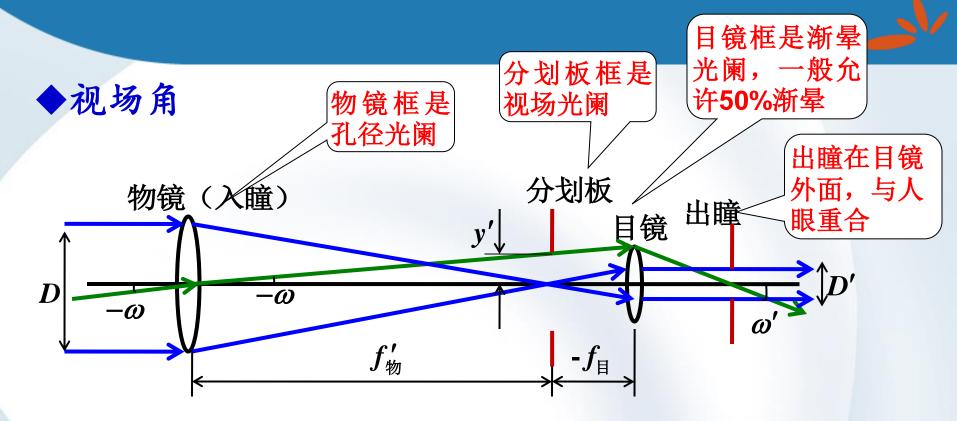
◆分辨率

- ightharpoonup理想望远系统分辨率 $\alpha = \frac{1.22 \lambda}{D}$ D: 入瞳直径
- > 实际仪器: $\alpha = K \frac{140''}{D}$ $K = 1.05 \sim 2$

✓入射光瞳直径D越大,极限分辨率越高。

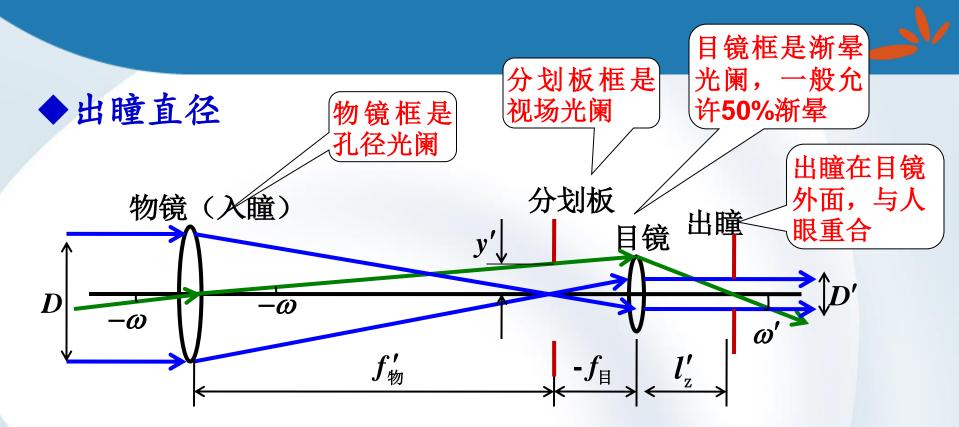
ightharpoonup 视觉放大率和分辨率的关系: $\alpha = \frac{60''}{\Gamma}$

望远镜的视放大率越大, 它的分辨精度就越高



 $\tan \omega = \frac{y'}{f'_{th}}; \omega$ 物方视场角; y'分划板(视场光阑)半径

开普勒望远镜的视场2ω一般不超过15°。观察时,必须使眼瞳位于系统的出瞳处,才能观察到望远镜的全视场。



为了适应仪器在非静止状态下使用,出瞳直径 ≥ 眼瞳直径 白天、黄昏使用, D'=4mm; 夜间使用, D'=8mm;

◆出瞳距离 l_z' $l_z' \ge 6$ mm; 军用, $l_z' \ge 20$ mm



◆望远镜的物镜

 \triangleright 物镜的光学特性: 焦距 $f_{h'}$ 、相对孔径 $D/f_{h'}$ 、视场 2ω

1) 焦距 f_物′

$$\Gamma = -rac{f_{orall}'}{f_{orall}'}$$
 或 $f_{orall}' = -\Gamma f_{orall}'$

物镜的焦距是目镜焦距的Γ倍,通常首先确定目镜的焦距。根据视放大率Γ即可由上式求出物镜焦距。



◆望远镜的物镜

2) 相对孔径
$$\Gamma = \frac{1}{\beta} = \frac{D}{D'} \quad \text{或} \quad D = \Gamma D'$$

- ▶D/f物′称为物镜的相对孔径。D:入瞳直径
- ▶ 为什么不直接用光束口径,而采用相对孔径来代表望远物 镜的光学特性??
 - ✓相对孔径≈2Umax'.
 - √相对孔径越大, U_{max}, 越大, 像差也就越大, 为了校正像差, 物镜的结构复杂化。相对孔径代表物镜复杂化的程度



◆望远镜的物镜

3) 视场

系统所要求的视场, 也就是物镜的视场

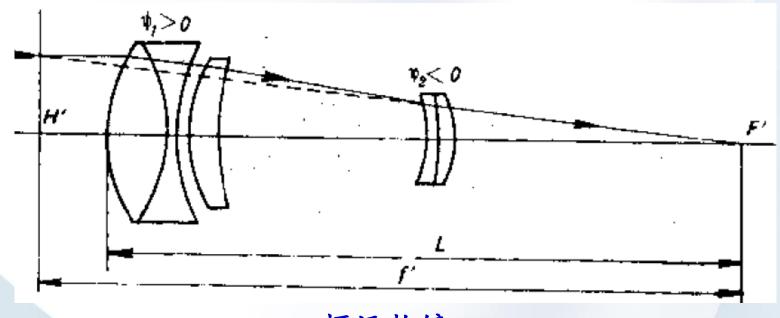
$$tg\boldsymbol{\omega} = \frac{tg\boldsymbol{\omega'}}{\Gamma}$$

- >ω'即目镜的视场角。
- >一般望远物镜的视场都不大,通常不超过10°~15°
- ▶常用的目镜视场角40°~50°



◆ 常用物镜结构:

1) 折射式望远物镜

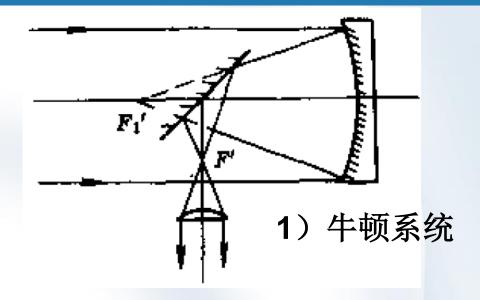


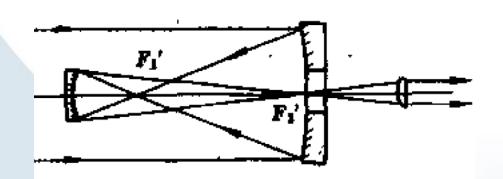
摄远物镜

机械筒长<f',缩短望远镜筒长,适合高倍率望远镜焦距很长的需要。视场较大。

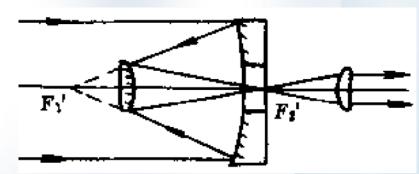


- ◆ 常用物镜结构:
- 2) 反射式望远镜物镜





2) 格里高里系统

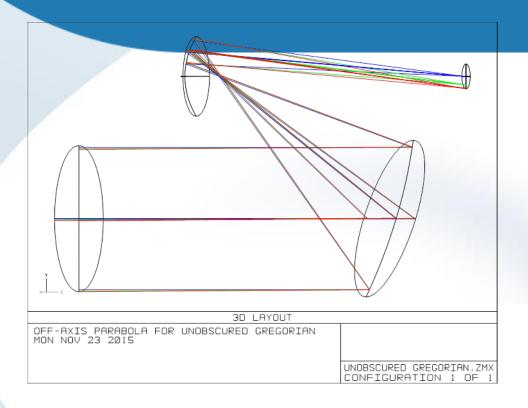


3) 卡塞格林系统



- ▶反射式望远镜物镜优点:
- √重量轻
- ✓没有色差,各种波长的光所成像严格一致
- ✓可以在紫外到红外很大波长范围内工作
- ✓对玻璃材料在光学性能上没有特殊要求,反射镜的材料比透 镜的材料容易制造,特别对大口径零件更是如此
- >大口径望远镜都采用反射式, 在天文望远镜中应用十分广泛
- ▶ 反射表面磨制要求很高,需经常重新镀反射面及部件组装、 校正的困难,反射系统在科普望远镜中应用受到限制





反射式望远镜

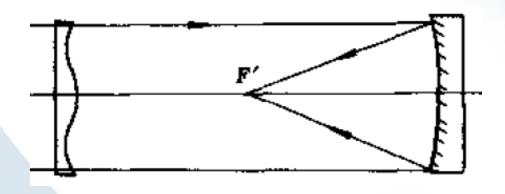
格里高利望远镜

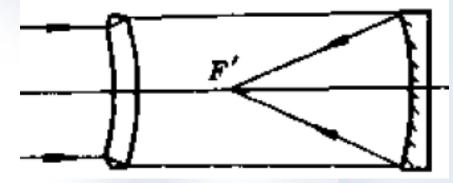




◆ 常用物镜结构

3) 折反式望远镜物镜

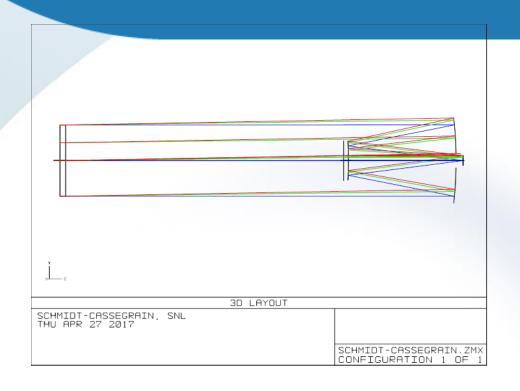




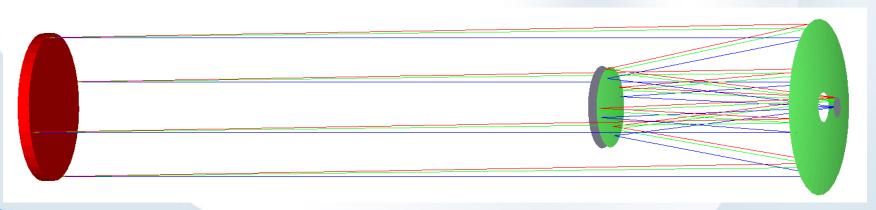
1) 斯密特物镜: 在球面反射镜的球心上,放置一块非球面校正板,矫正球差和彗差

2) 马克苏托夫物镜: 放置由两个球面构成的弯月形透镜,选择合适的弯月透镜的参数和位置,可以同时校正球差和彗差。

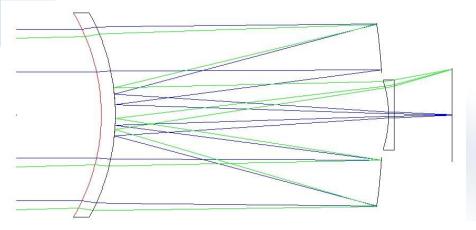




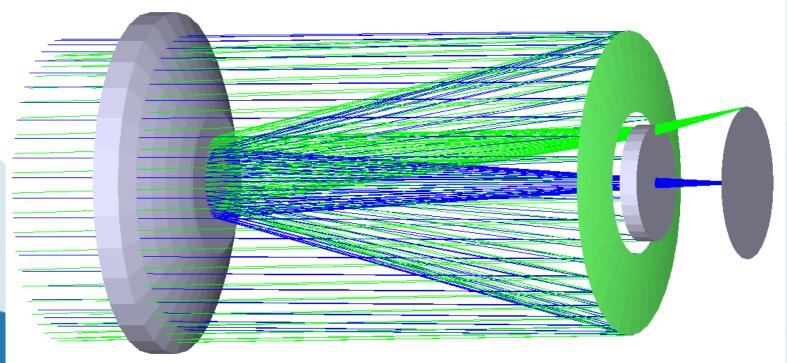
施密特-卡塞格林望 远镜



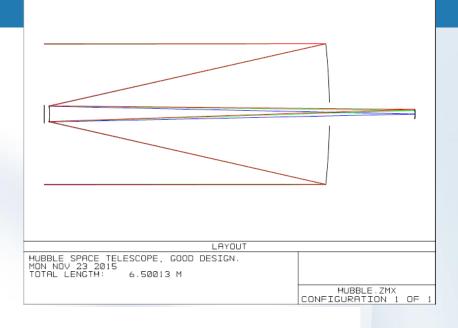




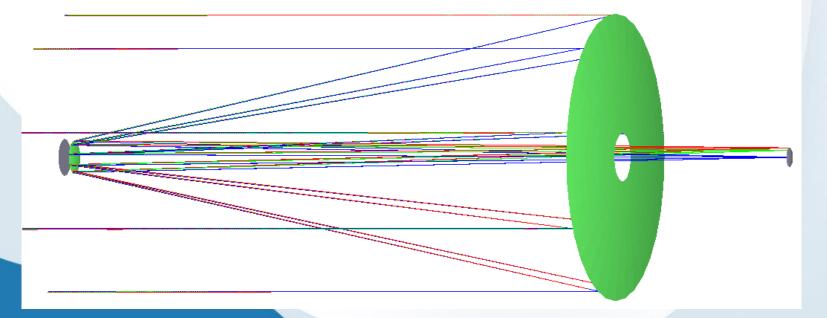
马克苏托夫望远镜



哈勃望远镜:卡塞格林式反射系统,由两个双曲面反射镜组成,一个是口径2.4米的主镜、另一个是装在主镜前约4.5米处的副镜,口径0.3米。



98

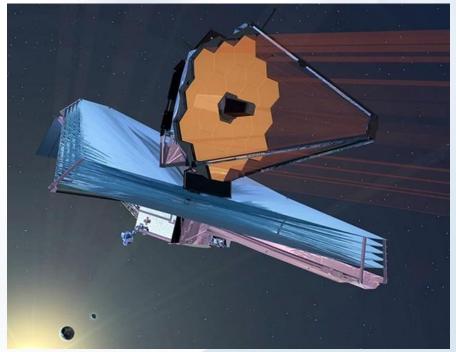


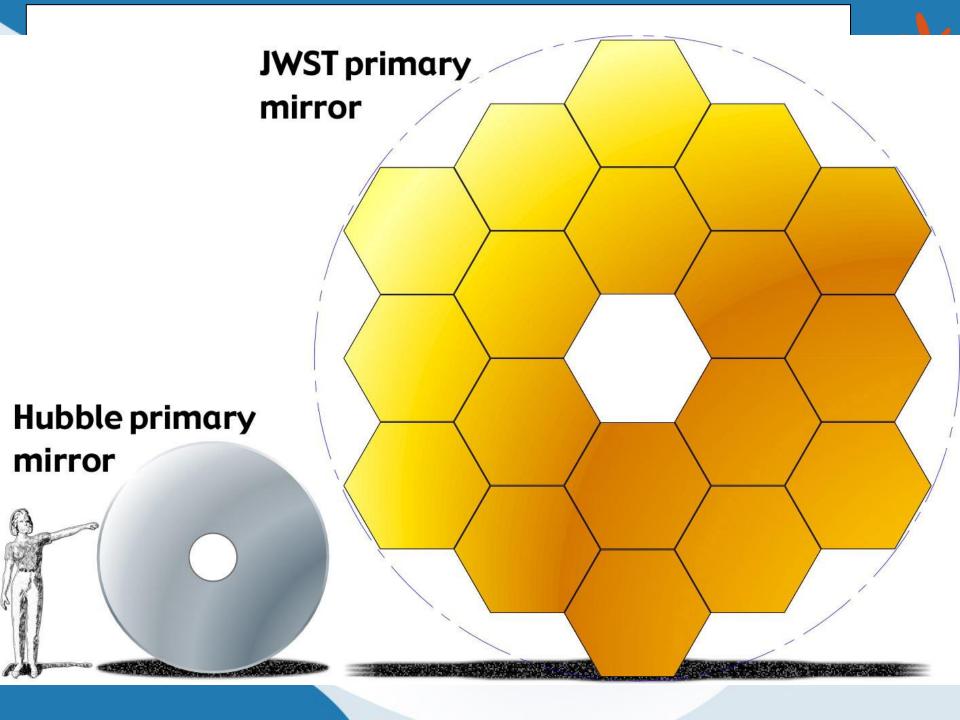
1990年, "哈勃"望远镜:

没有大气湍流的干扰,清晰度是地面天文望远镜的**10**倍以上,同时,图像和光谱具有极高的稳定性和可重复性。

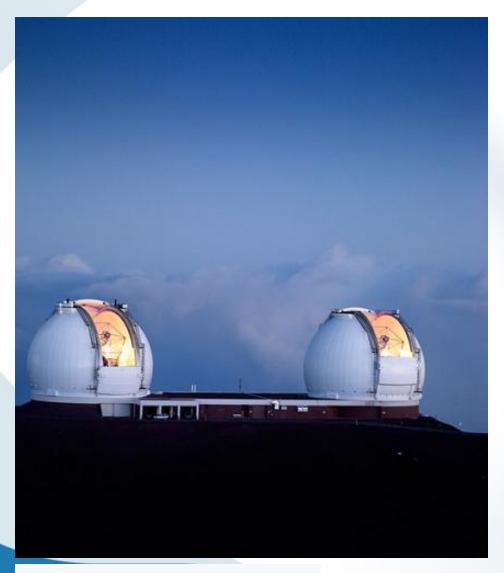


美国NASA"下一代太空望远镜": "詹姆斯·韦伯太空望远镜"





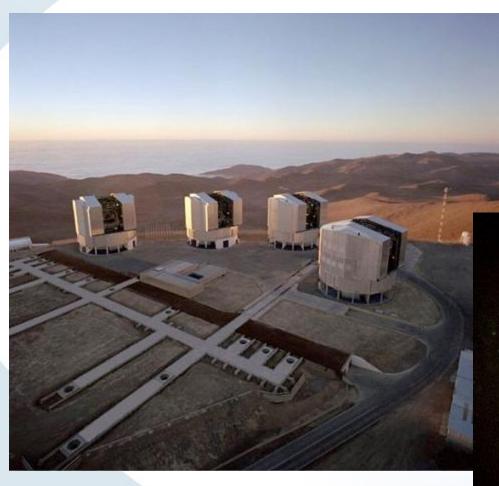


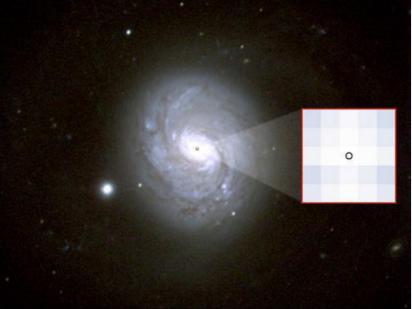




凯克望远镜(Keck I & II)





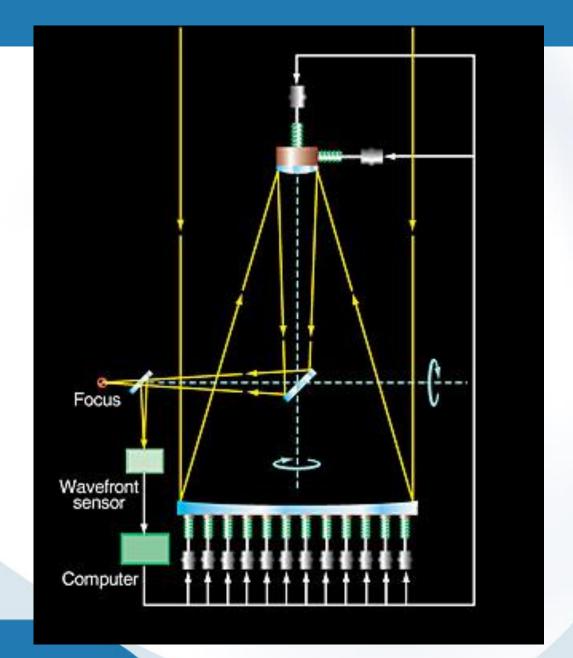


欧洲南方天文台甚大望远镜VLT





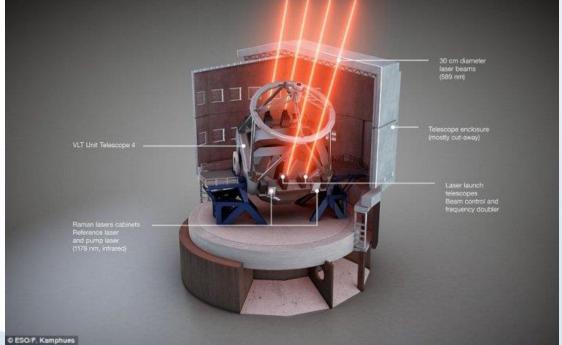




The VLT









◆哈勃空间望远镜(Hubble Space Telescope)有一个直径为 2.4m的主镜,假定该主镜工作在衍射极限。我们想采用该望 远镜来读取俄罗斯卫星表面上的文字,若1.0cm的分辨率可 满足该要求,那么俄罗斯卫星距离哈勃空间望远镜有多远?

解:
$$\sigma = 0.01m$$

望远镜的分辨率。

$$\phi = \frac{\sigma}{l} = \frac{0.01}{l} \frac{0.01}{(2 \%)}$$

$$\phi = \frac{a}{f_o'} = \frac{0.61\lambda}{n'\sin u' f_o'} = \frac{0.61\lambda}{D/2} = \frac{140''}{D}$$
 (2 \(\frac{\partial}{D}\))

由上面两式可解得。



五、目镜



相当于放大镜,属于短焦距中等孔径大视场系统

- ◆作用:将物镜所成的像再放大从而成像在无穷远或明视距离处
- ◆光学特性主要有三个:
 - ▶像方视场角: 2ω'
 - ▶相对出瞳距: P'/f'_目
 - ▶工作距离: l_F



1) 目镜视场

- \geq tg ω '= Γ tg ω
- ▶目镜的视场取决于望远镜的视觉放大率和物方视场角
- ▶当目镜的视场 一定时,增大望远镜的视放大率必然减小整个系统的视场
- 2) 出瞳距: 出瞳到目镜后表面的距离, 视仪器要求而定
 - ▶出瞳直径: 出瞳位于目镜的后焦平面附近, 直径一般为2-4 mm
 - ▶相对出瞳距:出瞳距与目镜焦距之比P'/f'_目
- 3) 工作距: 目镜第一面的顶点到目镜物方焦平面的距离



◆视度调节

为使目视光学仪器能适应各种不同视力的人使用,可以改变目镜的前后位置,使仪器所成的像不再位于无穷远,而是位于目镜前方或后方一定距离上,以适应近视或远视眼的需要

因此,工作距离要大于视度调节的深度。

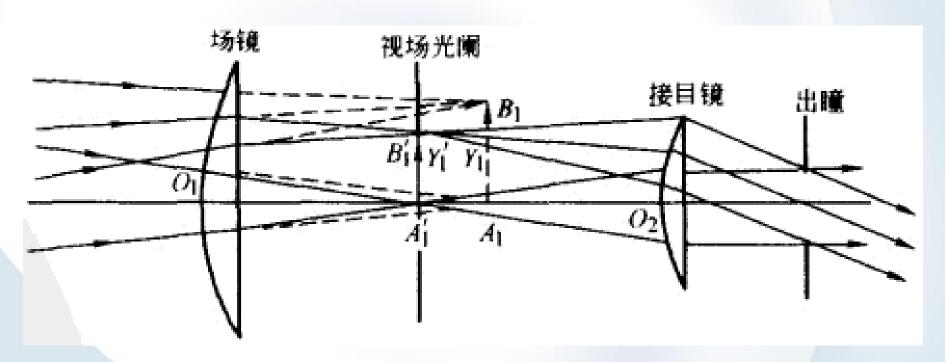
视度调节的范围一般在 ± 5 D $x = \frac{\pm 5 f_{\parallel}^{\prime 2}}{1000mm}$

目镜相对视场光阑(分划板)的移动量



几种典型的目镜

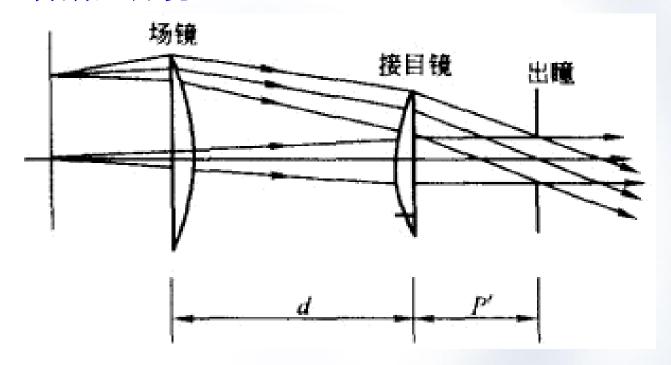
(1) 惠更斯目镜



惠更斯目镜的视场角2 ω '=40 $^{\circ}\sim$ 50 $^{\circ}$,相对出瞳距约P'/ f_e '≈1/3,焦 距≥15mm。



(2) 冉斯登目镜

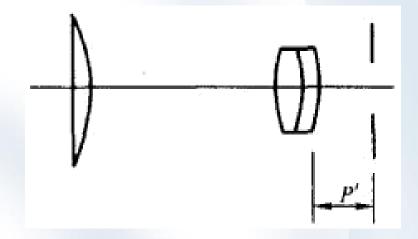


冉斯登目镜,其场镜向接目镜移近,使物镜的像平面移出目镜,可以设置分划板。冉斯登目镜的视场角 2ω '=30%40%,相对出瞳距约 $P'/f_{o}'\approx1/3$ 。



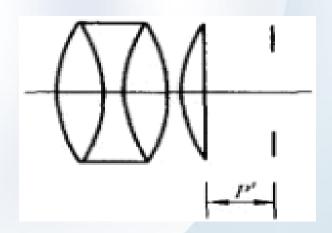
(3) 凯涅尔目镜

2ω'=45°~50°, P'/f'≈1/2, 出瞳靠近目镜。目镜总长度约1.25f'。



(4) 无畸变目镜

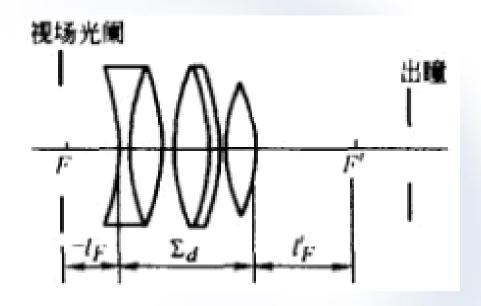
畸变小,适用于测量仪器。光学特性为 2ω '=48°, $P'/f'\approx0.8$, 在 40°视场时的相对畸变为 $3\%\sim4\%$ 。





(5) 长出瞳距目镜

军用仪器对出瞳距的要求: 22~25mm; 视场为2ω'=50°。



还有对称目镜、广角目镜、超广角目镜等



六、光学系统外形尺寸的计算



◆望远镜外形尺寸的计算

> 系统的要求

- ✓系统的光学性能和技术条件
- ✓系统的外形、体积
- √系统的稳定性, 牢固性, 和可调整性
- ✓对系统成像质量的要求



◆望远镜外形尺寸的计算

> 系统设计步骤

- ✓第一阶段为初步设计阶段,通常叫外形尺寸计算根据对仪器提出的要求,如光学特性,外形,重量以及有关技术条件等,确定系统的组成,各组员的焦距,各组员的相对位置和横向尺寸等
- ✓第二阶段为像差设计阶段 根据第一阶段的设计结果,通过光路计算,运用像差 理论和自动设计方法,确定系统的结构参数,如曲率 半径,厚度以及所用的材料等等,使系统的成象质量 满足使用要求



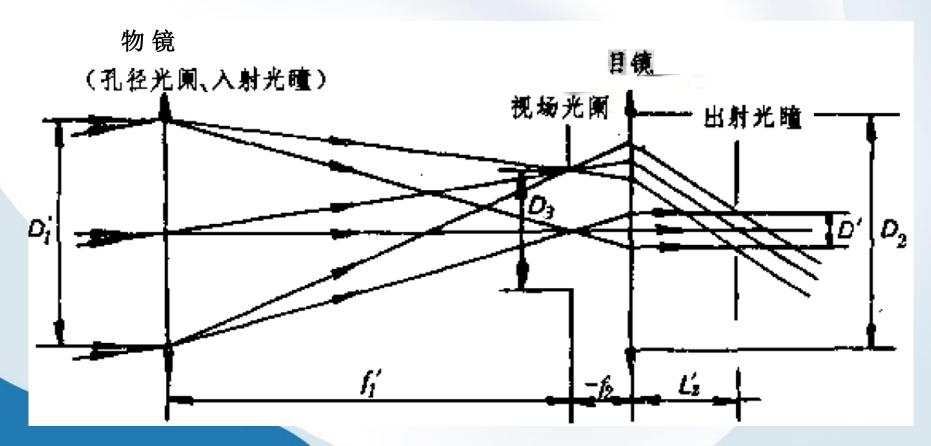
◆光学系统外形尺寸计算的主要内容

- 1. 根据上述光学特性和外形、提及的要求, 拟定光学系统的结构原理图
- 2. 确定每个透镜组的光学参数,如焦距,相对孔径,视场角等。同时确定各个透镜组的相互间隔
- 3. 选择系统成像光束位置,并计算每个透镜的通光口径
- 4. 根据成像质量和光学特性的要求,选定系统中每个透镜组的型式

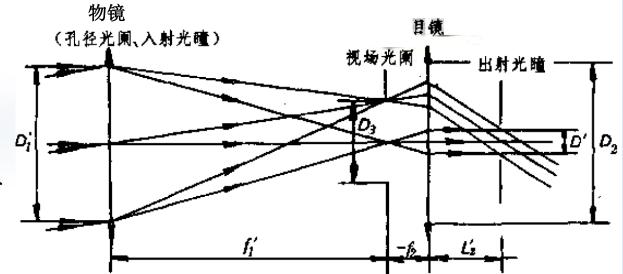
注:在初步设计中不考虑像差,完全根据理想光学系统公式进行计算

练习:

设计一个简单开普勒望远系统的外形尺寸。该系统由物镜、目镜组成,均为正透镜,成倒像。物镜像平面设视场光阑,要求镜筒长度L=175mm,放大率 Γ =-6 $^{\times}$,视场角2 ω =7 $^{\circ}$,出瞳直径D'=4mm







①求物镜、目镜焦距

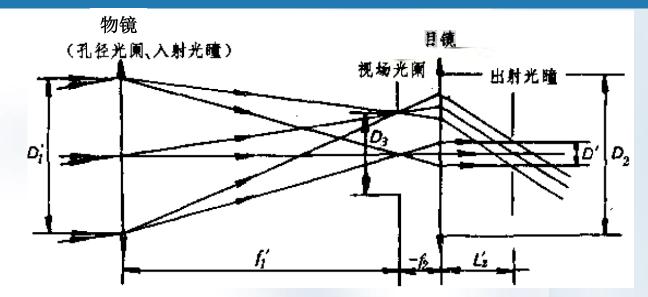
$$egin{aligned} f'_{orall} + f'_{lapsill} &= L = 175 \ -rac{f'_{lapsill}}{f'_{lapsill}} &= \Gamma = -6 \end{aligned}
ight\} ightarrow egin{aligned} f'_{lapsill} &= 150 (mm) \ f'_{lapsill} &= 25 (mm) \end{aligned}$$

②求物镜通光孔径 D_1 : $\Gamma = -\frac{D_1}{D'} \Rightarrow D_1 = -\Gamma D' = 6 \times 4 = 24(mm)$

③分划板 (视场光阑) 直径

$$D_3 = 2f'_{40} \tan \omega = 2 \times 150 \times \tan 3.5^{\circ} = 18.3(mm)$$





④像方视场角ω′

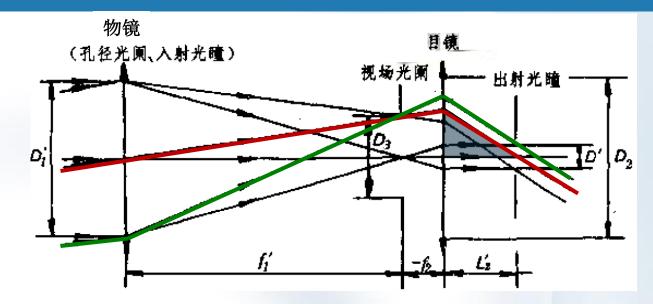
$$\tan \omega' = \Gamma \tan \omega = 6 \times \tan 3.5^{\circ} = 0.366$$

 $2\omega' = 40^{\circ}12'$

⑤出瞳距(目镜后表面到出瞳的距离,目镜看作薄透镜处理)

由
$$xx' = ff'$$
, 对目镜有: $(-f'_{\eta})(l'_z - f'_{\parallel}) = f_{\parallel}f'_{\parallel}$
$$l'_z = f'_{\parallel} + \frac{f_{\parallel}f'_{\parallel}}{-f'_{\eta}} = 25 + \frac{-25 \times 25}{-150} = 29.17(mm)$$





6目镜通光孔径

$$D_2 = D' + 2l'_z \tan \omega' = 4 + 2 \times 29.17 \times 0.366 = 25.35(mm)$$

⑦视度调节量: 25 设调节 ±5 压光度, $x = \frac{\pm 5f_{\parallel}^{\prime 2}}{1000} = \frac{\pm 5 \times 25^2}{1000} = \pm 1.25 (mm)$

8选取物镜和目镜的结构

物镜相对孔径
$$\frac{D}{f'} = \frac{24}{150} < \frac{1}{4}$$
, $2\omega = 7^{\circ}$, 可采用双胶合物镜

 $2\omega' = 40^{\circ}12'$,可选凯涅尔目镜等

- 练习:
- ◆设某显微镜系统物镜和目镜均为薄透镜,物镜共轭距195mm 、放大倍率为-10倍,配以10倍目镜,当正常眼睛观察时成像 于无穷远, 镜筒内有分划板, 其通光直径为18mm, 物镜框 为孔径光阑, 物方数值孔径为0.2。求:
 - (1) 物镜的焦距f₁'; (3分)
 - (2) 能看到的物方线视场2y; (3分)
 - (3) 物到物镜的距离1; (3分)
 - (4) 物镜的通光直径 D_1 ; (3分)
 - (5) 目镜到出瞳的距离l_n'和出瞳的直径D'; (4分)
 - (6) 系统的像方视场角2ω'; (3分)
 - (7) 无渐晕时目镜的通光直径D3; (3分)
 - (8) 当200度的近视眼观察时, 应移动哪个透镜, 向物方还是 向眼睛方向移动?移动多少距离? (3分)

(1)
$$\beta = -10 = l'_{\eta}/l_{\eta}$$
, $-l_{\eta}$ $-l_{\eta} = 195$ mm, 由薄透镜成像公式可得 f_{η} =16.1mm

- (2) $2y=D_{\text{fig}}/10=1.8$ mm_{*}
- (3) $l_1 = -1$ m = 17.73 mm.

(4)
$$D' = \frac{500NA}{\Gamma} = \frac{500 \times 0.2}{10 \times 10} = 1 \text{mm} \cdot \dots \cdot \Gamma = \frac{250}{f'} \Rightarrow f' = -2.5 \text{mm}$$

$$f' = -\frac{f'_o f'_e}{\Delta} = -2.5 \Rightarrow f'_e = 25mm \cdot \cdots \cdot \frac{D'}{D_{m}} = \frac{f'_e}{l'_{m}} \Rightarrow D_{m} = 7.1 \text{mm}$$

(5)
$$\frac{1}{l'_{\text{H}}} - \frac{1}{l_{\text{H}}} = \frac{1}{f'_{e}} \Rightarrow l'_{\text{H}} = 28.5 \text{mm} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \text{D'} = 1 \text{mm}_{\text{H}}$$

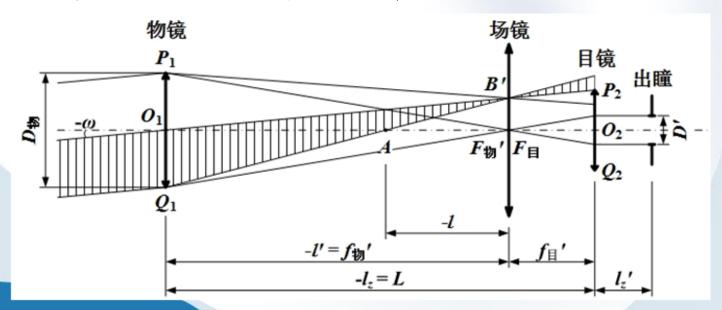
(6)
$$\frac{D_{\mathcal{B}}}{D'_{\mathcal{B}}} = \frac{177.3}{177.3 + 25} \Rightarrow D'_{\mathcal{B}} = 20.5 mm \cdot tanW' = \frac{D'_{\mathcal{B}}}{2l'_{\mathcal{B}}} \Rightarrow 2W' = 39.6^{\circ}$$

$$(7) \cdot D_{||} = D'_{||} + D' = 21.5mm_{||}$$

$$(8)^*X = \frac{2f_e'^2}{1000} = 1.25mm$$
· 故应将目镜远离眼睛移动 1.25mm

练习:

- ◆一个开普勒望远镜,视放大率Γ=-5×,物方视场角2ω=10°,出瞳直径D'=5mm,物镜和目镜之间距离L=120mm。假定孔径光阑与物镜边框重合,由于目镜口径的限制,轴外边缘视场的线渐晕系数k=0.5。求:
- ①物镜焦距和目镜焦距; (6分)
- ②物镜通光孔径和目镜通光孔径; (6分)
- ③出射光瞳离目镜的距离; (3分)
- ④在不增加目镜口径的情况下若要消除渐晕,需在中间像平面处加场镜,则场镜的焦距等于多少时刚好能够消除渐晕? (5分)



→ ①·根据望远系统视放大率公式及开普勒望远镜结构可知。

$$\begin{cases} \Gamma = -\frac{f'_{\text{th}}}{f'_{\text{El}}} = -5 & \rightarrow \mathbf{2} \, \text{分} \\ L = f'_{\text{th}} + f'_{\text{El}} = 120 & \rightarrow \mathbf{2} \, \text{分} \end{cases} \qquad \begin{array}{c} \mathbf{F}'_{\text{th}} = 100 \, \text{mm} \\ \mathbf{F}'_{\text{th}} = 20 \, \text{mm} \end{array} \qquad \rightarrow \mathbf{1} \, \text{分} \end{cases}$$

②·根据望远系统视放大率 Γ 与入瞳、出瞳的关系 $\Gamma = \frac{D}{D'}$ \rightarrow **2** 分。

求得物镜通光孔径(即入瞳直径)为。

$$D_{\mathfrak{H}} = \Gamma \times D' = -5 \times 5 = -25 \text{ mm}$$
 \rightarrow **1** 分。 负号表示系统成倒像。

根据图中几何关系可得K = 0.5时的目镜通光口径。

$$D_{\parallel} = 2L \tan \omega$$
 → 2分
= 2 × 120 × tan5°
≈ 21 mm → 1分



③ 出射光瞳是孔径光阑(即物镜边框)经目镜所成的像,其中。

由物像位置关系公式 $\frac{1}{l_z'}-\frac{1}{l_z}=\frac{1}{f_{\parallel}'}$ 可求得, $l_z'=24$ mm,即出射光瞳在目镜后方24 mm处。

④ 在不增加目镜口径的情况下,在中间像平面处加场镜,使光线 Q_1B' 与光线 $B'P_2$ 共轭,即可刚好消除渐晕。此时,相当于点A和点 O_1 互为物像共轭。 $\rightarrow 1$ 分。

根据图中几何关系可知。

$$\frac{F_{\boxplus}B'}{O_1Q_1} = \frac{F_{\boxplus}A}{O_1A} \longrightarrow \mathbf{1} \ \mathcal{J}_{\bullet}$$

其中,

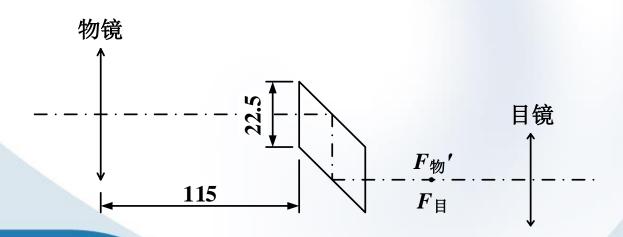
$$F_{\parallel} B' = f'_{rac{1}{2}} an\omega \approx 8.75 ext{ mm}$$
 $O_1 Q_1 = rac{D_{rac{1}{2}}}{2} = 12.5 ext{ mm}$
 $F_{\parallel} A = -l$
 $O_1 A = -l' + l = f'_{rac{1}{2}} + l = 100 + l$
 $rac{8.75}{12.5} = rac{-l}{100 + l}
ightarrow 1 ext{ } ag{5}$

代入物像位置关系公式 $\frac{1}{l'} - \frac{1}{l} = \frac{1}{f_{lz}'}$,可求得。

解得 $l = -\frac{700}{17}$ mm。 $\rightarrow 1$ 分。

$$f'_{5} = 70 \,\mathrm{mm} \longrightarrow \mathbf{1} \, \mathcal{H}_{\bullet}$$

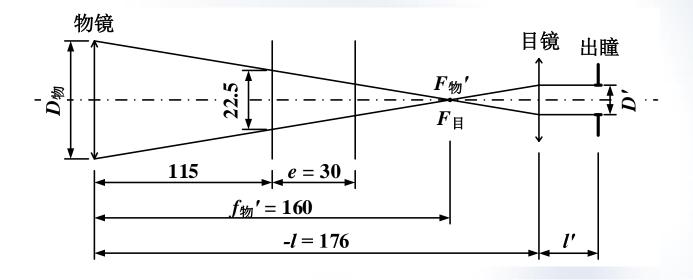
- 如图所示为开普勒望远镜系统和斜方棱镜组合而成的10倍望远系统。物 镜焦距160mm。若孔径光阑位于物镜框上,物镜的焦距,斜方棱镜入 射面到物镜距离为115 mm,轴向(与光轴平行)光束在棱镜上的通光 口径D=22.5 mm(斜方棱镜展开厚度L=2D, n=1.5), 求:
 - 1. 目镜的焦距:
 - 2. 目镜离棱镜出射面的距离;
 - 物镜的口径; **3.**
 - 4. 出射光瞳的直径;
 - 出射光瞳离目镜的距离。



① · 根据望远系统的视放大率公式
$$\Gamma = -\frac{f_{\eta_0}}{f_1'}$$
,得。



$$f'_{\parallel} = -\frac{f'_{\forall 0}}{\Gamma} = -\frac{160}{-10} = 16 \text{ mm}$$



斜方棱镜展开后的平行平板厚度为 $L=2D=2\times22.5=45~\mathrm{mm}$ 。

则等效空气层厚度为
$$e = \frac{L}{n} = \frac{45}{1.5} = 30 \text{ mm}$$

所以,目镜离棱镜出射表面的距离为176-115-e=31 mm



③→根据图中几何关系····
$$\frac{D_{\eta_0}}{22.5} = \frac{160}{160-115}$$
 求得 $D_{\xi_0} = 80$ mm。

④→根据望远系统视放大率
$$\Gamma$$
与入瞳及出瞳的关系… $\Gamma = \frac{D}{D'}$

求得出瞳直径为····
$$D' = \frac{D_{\text{th}}}{\Gamma} = \frac{80}{-10} = -8 \text{ mm}$$

负号表示系统成倒像。

⑤→出射光瞳是孔径光阑即物镜边框经目镜所成的像,其中→

$$l = -176 \text{ mm}, \quad f_{=}' = 16 \text{ mm}$$

由物像位置关系公式··
$$\left|\frac{1}{l'} - \frac{1}{l} = \frac{1}{f_{\parallel}'}\right|$$

可求得l'=17.6 mm,即出射光瞳在目镜后方 17.6 mm 处。-



◆本章小结:

- > 掌握典型光学系统的视角放大率
- ▶ 放大镜、显微系统、望远镜系统的工作原理、典型结构及基本参数;
- >理解望远镜的外形尺寸计算程序;