

# **ALGORITMA KRIPTOGRAFI**

## **AES-RSA**



### **Disusun Oleh :**

Alfiyah Widyaningrum (201581041)  
Andre Suntoro (201581076)  
Dina Rafikah Fauziah (201581024)  
Nanda Annisa Awalia (201581039)  
Ramdhan Yogi (201581014)

**FAKULTAS ILMU KOMPUTER  
JURUSAN TEKNIK INFORMATIKA  
UNIVERSITAS ESA UNGGUL  
JAKARTA - INDONESIA  
2017/2018**

## ALGORITMA AES

### 1. Definisi Algoritma AES

AES (*Advanced Encryption Standard*) merupakan algoritma *cryptographic* yang dapat digunakan untuk mengamankan data. Algoritma AES adalah blok *ciphertext* simetrik yang dapat mengenkripsi (*enipher*) dan deskripsi (*decipher*) informasi. Enkripsi merubah data yang tidak dapat dibaca lagi disebut *ciphertext*, sebaliknya deskripsi adalah merubah *ciphertext* data menjadi bentuk semula yang kita kenal sebagai *plaintext*. **Algoritma AES menggunakan kunci kriptografi 128, 192, dan 256 bit.**

	Panjang Kunci ( <i>Nk words</i> )	Ukuran Blok ( <i>Nb words</i> )	Jumlah Putaran ( <i>Nr</i> )
AES-128	4	4	10
AES-192	6	4	12
AES-256	8	4	14

Catatan: 1 *word* = 32 bit

**Gambar - Panjang Kunci Algoritma Kriptografi AES**

AES adalah lanjutan dari algoritma enkripsi standar DES (*Data Encryption Standard*) yang masa berlakunya dianggap telah usai karena faktor keamanan. Kecepatan komputer yang sangat pesat dianggap sangat membahayakan DES, sehingga pada tanggal 2 Maret tahun 2001 ditetapkanlah algoritma baru Rijndael sebagai AES. **Kriteria pemilihan AES didasarkan pada 3 kriteria utama yaitu: keamanan, harga, dan karakteristik algoritma beserta implementasinya.** Keamanan merupakan faktor penting dalam evaluasi (minimal seaman Triple DES), yang meliputi ketahanan terhadap semua analisis sandi yang telah diketahui dan diharapkan dapat menghadapi analisis sandi yang belum diketahui. Di samping itu, AES juga harus dapat digunakan secara bebas tanpa harus membayar royalti, dan juga murah untuk diimplementasikan pada *smart card* yang memiliki ukuran memori kecil. AES juga harus efisien dan cepat (minimal secepat Triple DES) dijalankan dalam berbagai mesin 8 bit hingga 64 bit, dan berbagai perangkat lunak. DES menggunakan struktur Feistel yang memiliki kelebihan bahwa struktur enkripsi dan dekripsinya sama, meskipun menggunakan fungsi F yang tidak invertibel. Kelemahan Feistel yang utama adalah bahwa pada setiap ronde, hanya setengah data yang diolah. Sedangkan AES menggunakan struktur SPN (*Substitution Permutation Network*) yang memiliki derajat paralelisme yang lebih besar, sehingga diharapkan lebih cepat dari pada Feistel.

Kelemahan SPN pada umumnya (termasuk pada Rijndael) adalah berbedanya struktur enkripsi dan dekripsi sehingga diperlukan dua algoritma yang berbeda untuk enkripsi dan dekripsi. Dan tentu pula tingkat keamanan enkripsi dan dekripsinya menjadi berbeda. AES memiliki blok masukan dan keluaran serta kunci 128 bit. Untuk tingkat keamanan yang lebih tinggi, AES dapat menggunakan kunci 192 dan 256 bit. Setiap masukan 128 bit *plaintext* dimasukkan ke dalam state yang berbentuk bujursangkar berukuran 4×4 byte. State ini di-XOR dengan key dan selanjutnya diolah 10 kali dengan substitusi-transformasi *linear-Addkey*. Dan di akhir diperoleh *ciphertext*.

**Berikut ini adalah operasi Rijndael (AES) yang menggunakan 128 bit kunci:**

1. Ekspansi kunci utama (dari 128 bit menjadi 1408 bit)
2. Pencampuran *subkey*

3. Ulang dari  $i=1$  sampai  $i=10$  Transformasi : *ByteSub* (substitusi per byte), *ShiftRow* (Pergeseran byte perbaris), *MixColumn* (Operasi perkalian GF(2) per kolom)
4. Pencampuran *subkey* (dengan XOR)
5. Transformasi : *ByteSub* dan *ShiftRow*
6. Pencampuran *subkey*

## 2. Sejarah AES

Pada tahun 1997, *National Institute of Standard and Technology* (NIST) of *United States* mengeluarkan *Advanced Encryption Standard* (AES) untuk menggantikan *Data Encryption Standard* (DES). AES dibangun dengan maksud untuk mengamankan pemerintahan di berbagai bidang. Algoritma AES di desain menggunakan blok *chipper* minimal dari blok 128 bit *input* dan mendukung ukuran 3 kunci (*3-key-sizes*), yaitu kunci 128 bit, 192 bit, dan 256 bit. Pada Agustus 1998, NIST mengumumkan bahwa ada 15 proposal AES yang telah diterima dan dievaluasi, setelah mengalami proses seleksi terhadap algoritma yang masuk, **NIST mengumumkan pada tahun 1999 bahwa hanya ada 5 algoritma yang diterima, algoritma tersebut adalah:**

- a. MARS
- b. RC6
- c. Rijndael
- d. Serpent
- e. Twofish

Cipher	Variations
MARS	Key size 4-39 32-bit words
RC6	Word size $w$ , no. of rounds $r$ , key size 0-255 bytes
Rijndael	Block length of 128, 192 or 256 bits
Serpent	Key size 0-256 bits
Twofish	Key size 0-32 bytes

Gambar - Algoritma yang diterima oleh NIST

Algoritma-algoritma tersebut menjalani berbagai macam pengujian. Pada bulan Oktober 2000, NIST mengumumkan bahwa **Rijndael** sebagai algoritma yang terpilih untuk standar AES yang baru. Baru pada Februari 2001 NIST mengirimkan *draft* kepada *Federal Information Processing Standards* (FIPS) untuk standar AES. Kemudian pada 26 November 2001, NIST mengumumkan produk akhir dari *Advanced Encryption Standard* (AES).

## 3. Metode Algoritma AES

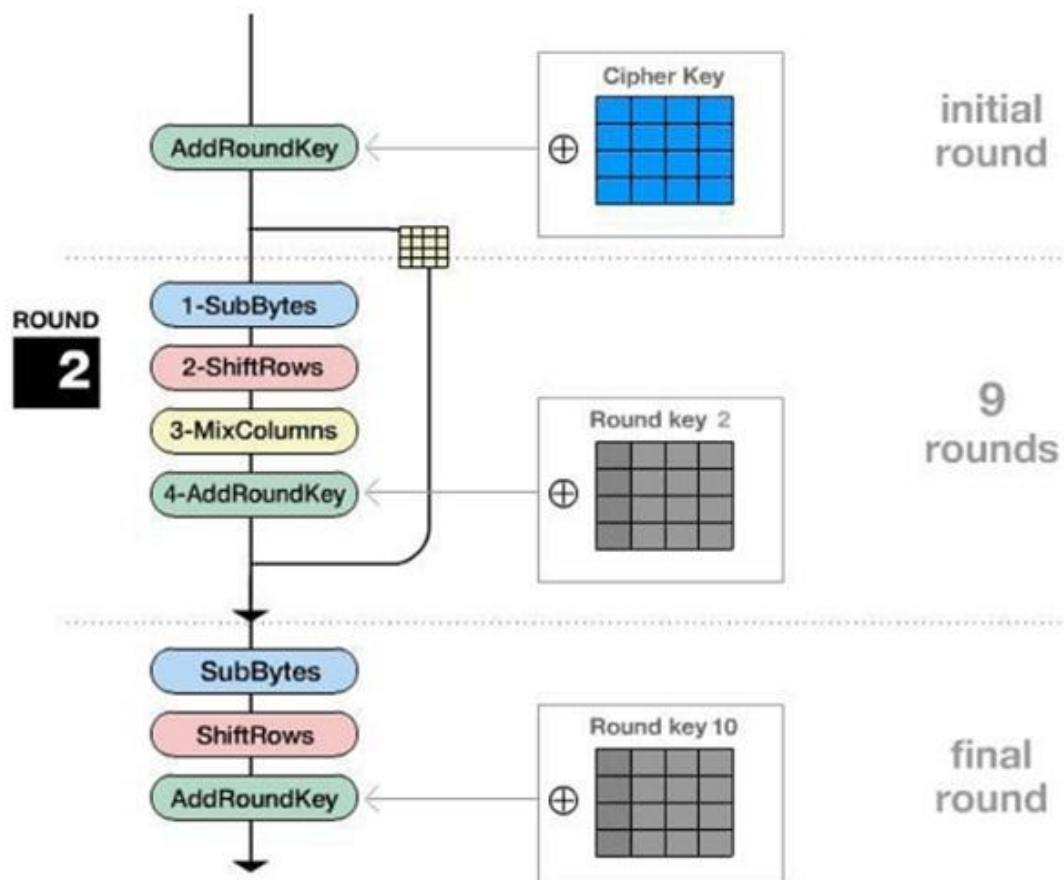
Algoritma kriptografi bernama Rijndael yang didesain oleh Vincent Rijmen dan John Daemen asal Belgia keluar sebagai pemenang kontes algoritma kriptografi pengganti DES yang diadakan oleh NIST (*National Institutes of Standards and Technology*) milik pemerintah Amerika Serikat pada 26 November 2001. **Algoritma Rijndael inilah yang kemudian dikenal dengan *Advanced Encryption Standard* (AES).** Setelah mengalami beberapa proses standardisasi oleh NIST, Rijndael kemudian diadopsi menjadi standard algoritma kriptografi secara resmi pada 22 Mei 2002. Pada 2006, AES merupakan salah satu algoritma terpopuler yang digunakan dalam kriptografi kunci simetrik.

AES ini merupakan algoritma *block cipher* dengan menggunakan sistem permutasi dan substitusi (P-Box dan S-Box) bukan dengan jaringan Feistel sebagaimana *block cipher* pada umumnya. **Jenis AES terbagi menjadi 3, yaitu:**

1. AES-128
2. AES-192
3. AES-256

Pengelompokkan jenis AES ini adalah berdasarkan panjang kunci yang digunakan. Angka-angka di belakang kata AES menggambarkan panjang kunci yang digunakan pada tiap-tiap AES. Selain itu, hal yang membedakan dari masing-masing AES ini adalah banyaknya *round* yang dipakai. **AES-128 menggunakan 10 round, AES-192 sebanyak 12 round, dan AES-256 sebanyak 14 round.**

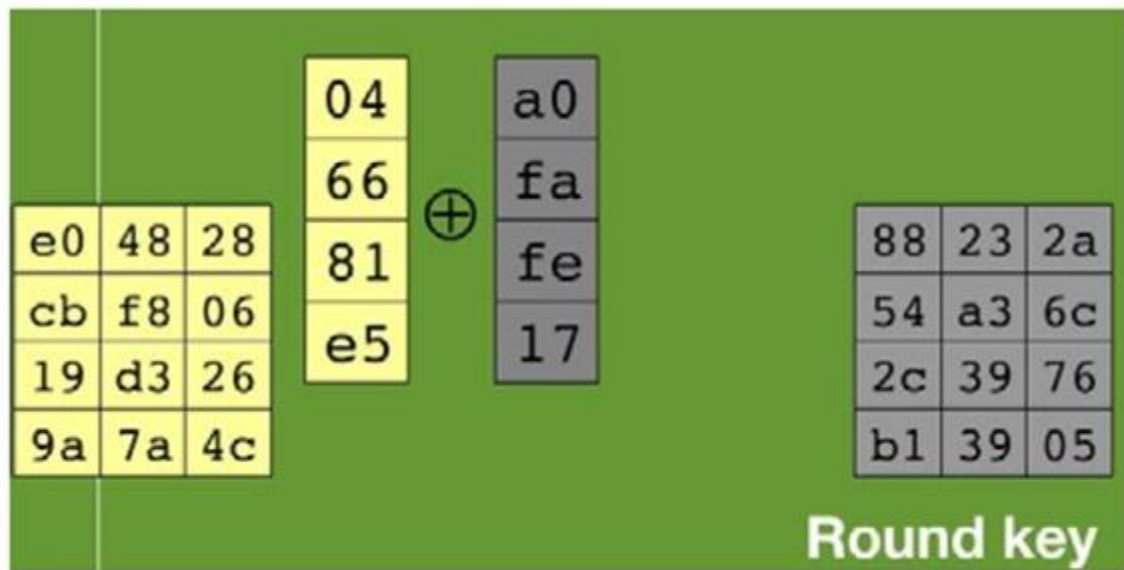
AES memiliki ukuran *block* yang tetap sepanjang 128 bit dan ukuran kunci sepanjang 128, 192, atau 256 bit. Tidak seperti Rijndael yang *block* dan kuncinya dapat berukuran kelipatan 32 bit dengan ukuran minimum 128 bit dan maksimum 256 bit. Berdasarkan ukuran *block* yang tetap, AES bekerja pada matriks berukuran 4x4 di mana tiap-tiap sel matriks terdiri atas 1 byte (8 bit). Sedangkan Rijndael sendiri dapat mempunyai ukuran matriks yang lebih dari itu dengan menambahkan kolom sebanyak yang diperlukan. Blok *chipper* tersebut dalam pembahasan ini akan diasumsikan sebagai sebuah kotak. Setiap *plainteks* akan dikonversikan terlebih dahulu ke dalam blok-blok tersebut dalam bentuk *heksadesimal*. Barulah kemudian blok itu akan diproses dengan metode yang akan dijelaskan. Secara umum metode yang digunakan dalam pemrosesan enkripsi dalam algoritma ini dapat dilihat melalui Gambar 1.



Gambar 1. Diagram AES

### 3.1 Add Round Key

Add Round Key merupakan transformasi yang melakukan operasi XOR terhadap sebuah round key dengan array state dan hasilnya disimpan di array state.



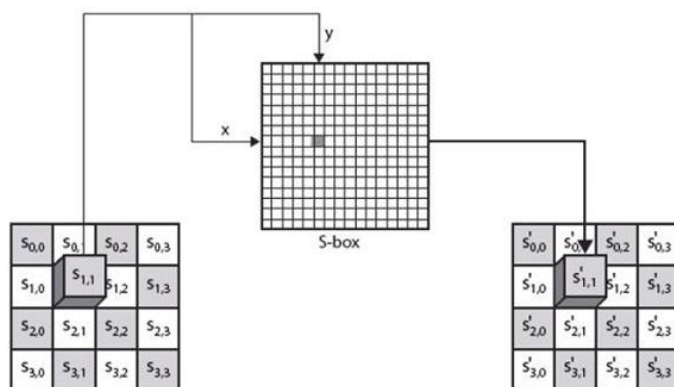
Gambar 2. Ilustrasi Add Round Key

### 3.2 Sub Bytes

Prinsip dari Sub Bytes adalah menukar isi matriks/tabel yang ada dengan matriks/tabel lain yang disebut dengan **Rijndael S-Box**. Dibawah ini adalah contoh Sub Bytes dan Rijndael S-Box.

hex	y															
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	63	7c	77	7b	f2	6b	6f	e5	30	01	67	2b	fe	d7	eb	76
1	ca	82	c9	7d	fa	59	47	f0	ad	d4	a2	af	9c	a4	72	c0
2	b7	fd	93	26	36	3f	f7	cc	34	a5	e5	f1	71	d8	31	15
3	04	c7	23	c3	18	96	05	9a	07	12	80	e2	eb	27	b2	75
4	09	83	2c	1a	1b	6e	5a	a0	52	3b	d6	b3	29	e3	2f	84
5	53	d1	00	ed	20	fc	b1	5b	6a	cb	be	39	4a	4c	58	cf
6	d0	ef	aa	fb	43	4d	33	85	45	f9	02	7f	50	3c	9f	a8
7	51	a3	40	8f	92	9d	38	f5	bc	b6	da	21	10	ff	f3	d2
8	cd	0c	13	ec	5f	97	44	17	c4	a7	7e	3d	64	5d	19	73
9	60	81	4f	dc	22	2a	90	88	46	ee	b8	14	de	5e	0b	db
a	e0	32	3a	0a	49	06	24	5c	c2	d3	ac	62	91	95	e4	79
b	e7	c8	37	6d	8d	d5	4e	a9	6c	56	f4	ea	65	7a	ae	08
c	ba	78	25	2e	1c	a6	b4	c6	e8	dd	74	1f	4b	bd	8b	8a
d	70	3e	b5	66	48	03	f6	0e	61	35	57	b9	86	c1	1d	9e
e	e1	f8	98	11	69	d9	8e	94	9b	1e	87	e9	ce	55	28	df
f	8c	a1	89	0d	bf	e6	42	68	41	99	2d	0f	b0	54	bb	16

Gambar 3. Rijndael S-Box



Gambar 4. Ilustrasi Sub Bytes

**Keterangan:** Gambar 4 adalah contoh dari Rijndael S-Box, di sana terdapat nomor kolom dan nomor baris. Seperti yang telah disebutkan sebelumnya, tiap isi kotak dari blok chiper berisi informasi dalam bentuk *heksadesimal* yang terdiri dari dua digit, bisa angka-angka, angka-huruf, ataupun huruf-angka yang semuanya tercantum dalam Rijndael S-Box. Langkahnya adalah mengambil salah satu isi kotak matriks, mencocokkannya dengan digit kiri sebagai baris dan digit kanan sebagai kolom. Kemudian dengan mengetahui kolom dan baris, kita dapat mengambil sebuah isi tabel dari Rijndael S-Box. Langkah terakhir adalah mengubah keseluruhan blok *chipper* menjadi blok yang baru yang isinya adalah hasil penukaran semua isi blok dengan isi langkah yang disebutkan sebelumnya.

### 3.3 Shift Rows

*Shift Rows* seperti namanya adalah sebuah proses yang melakukan *shift* atau pergeseran pada setiap elemen blok/tabel yang dilakukan per barisnya. Yaitu baris pertama tidak dilakukan pergeseran, baris kedua dilakukan pergeseran 1 *byte*, baris ketiga dilakukan pergeseran 2 *byte*, dan baris keempat dilakukan pergeseran 3 *byte*. Pergeseran tersebut terlihat dalam sebuah blok adalah sebuah pergeseran tiap elemen ke kiri tergantung berapa *byte* tergesernya, tiap pergeseran 1 *byte* berarti bergeser ke kiri sebanyak satu kali. Ilustrasi dari tahap ini diperlihatkan oleh **Gambar 5. Ilustrasi Shift Rows** di bawah ini.

Geser baris ke-1:

d4	e0	b8	1e
27	bf	b4	41
11	98	5d	52
ae	f1	e5	30

rotate over 1 byte

Hasil pergeseran baris ke-1 dan geser baris ke-2:

d4	e0	b8	1e
bf	b4	41	27
11	98	5d	52
ae	f1	e5	30

rotate over 2 byte

Hasil pergeseran baris ke-2 dan geser baris ke-3:

d4	e0	b8	1e
bf	b4	41	27
5d	52	11	98
ae	f1	e5	30

rotate over 3 byte

Hasil pergeseran baris ke-3:

d4	e0	b8	1e
bf	b4	41	27
5d	52	11	98
30	ae	f1	e5

rotate over 3 byte



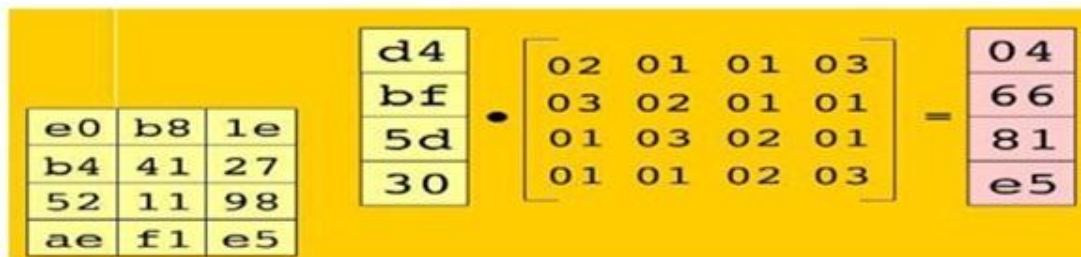
Seperti yang terlihat pada Gambar 5, tahap *Shift Row* sama sekali tidaklah rumit, karena ini adalah proses standar yang hanya berupa pergeseran. Langkah terakhir adalah *Mix Column*.

### 3.4 *Mix Column*

Yang terjadi saat *Mix Column* adalah mengalikan tiap elemen dari blok *chipper* dengan matriks yang ditunjukkan oleh Gambar 6. Tabel sudah ditentukan dan siap pakai. Pengalihan dilakukan seperti perkalian matriks biasa yaitu menggunakan *dot product* lalu perkalian keduanya dimasukkan ke dalam sebuah blok *chipper* baru. Ilustrasi dalam Gambar 7 akan menjelaskan mengenai bagaimana perkalian ini seharusnya dilakukan. Dengan begitu seluruh rangkaian proses yang terjadi pada AES telah dijelaskan dan selanjutnya adalah menerangkan mengenai penggunaan tiap-tiap proses tersebut.

02	01	01	03
03	02	01	01
01	03	02	01
01	01	02	03

Gambar 6. Tabel untuk *Mix Column*



Gambar 7. Ilustrasi *Mix Column*

## 4. Diagram Alir AES

Kembali melihat diagram yang ditunjukkan oleh Gambar 1. Seperti yang terlihat semua proses yang telah dijelaskan sebelumnya terdapat pada diagram tersebut. Yang artinya adalah mulai dari ronde dua, dilakukan pengulangan terus menerus dengan rangkaian proses *Sub Bytes*, *Shift Rows*, *Mix Columns*, dan *Add Round Key*, setelah itu hasil dari ronde tersebut akan digunakan pada ronde berikutnya dengan metode yang sama. Namun pada ronde kesepuluh, proses *Mix Columns* tidak dilakukan, dengan kata lain urutan proses yang dilakukan adalah *Sub Bytes*, *Shift Rows*, dan *Add Round Key*, hasil dari *Add Round Key* inilah yang dijadikan sebagai *chiperteks* dari AES. Lebih jelasnya bisa dilihat dengan Gambar 8 dan 9 yang akan menerangkan mengenai kasus tersebut.

	Round 2	Round 3	Round 4	Round 5	Round 6
After SubBytes	49 45 7f 77 de db 39 02 d2 96 87 53 89 f1 1a 3b	ac ef 13 45 73 c1 b5 23 cf 11 d6 5a 7b df b5 b8	52 85 e3 f6 50 a4 11 cf 2f 5e c8 6a 28 d7 07 94	e1 e8 35 97 4f fb c8 6c d2 fb 96 ae 9b ba 53 7c	a1 78 10 4c 63 4f e8 d5 a8 29 3d 03 fc df 23 fe
After ShiftRows	49 45 7f 77 db 39 02 de 87 53 d2 96 3b 89 f1 1a	ac ef 13 45 c1 b5 23 73 d6 5a cf 11 b8 7b df b5	52 85 e3 f6 a4 11 cf 50 c8 6a 2f 5e 94 28 d7 07	e1 e8 35 97 fb c8 6c 4f 96 ae d2 fb 7c 9b ba 53	a1 78 10 4c 4f e8 d5 63 3d 03 a8 29 fe fc df 23
After MixColumns	58 1b db 1b 4d 4b e7 6b ca 5a ca b0 f1 ac a8 e5	75 20 53 bb ec 0b c0 25 09 63 cf d0 93 33 7c dc	0f 60 6f 5e d6 31 c0 b3 da 38 10 13 a9 bf 6b 01	25 bd b6 4c d1 11 3a 4c a9 d1 33 c0 ad 68 8e b0	4b 2c 33 37 86 4a 9d d2 8d 89 f4 18 6d 80 e8 d8
Round Key	⊕ f2 7a 59 73 c2 96 35 59 95 b9 80 f6 f2 43 7a 7f	⊕ 3d 47 1e 6d 80 16 23 7a 47 fe 7e 88 7d 3e 44 3b	⊕ ef a8 b6 db 44 52 71 0b a5 5b 25 ad 41 7f 3b 00	⊕ d4 7c ca 11 d1 83 f2 f9 c6 9d b8 15 f8 87 bc bc	⊕ 6d 11 db ca 88 0b f9 00 a3 3e 86 93 7a fd 41 fd
After AddRoundKey	 aa 61 82 68 8f dd d2 32 5f e3 4a 46 03 ef d2 9a	 48 67 4d d6 6c 1d e3 5f 4e 9d b1 58 ee 0d 38 e7	 e0 c8 d9 85 92 63 b1 b8 7f 63 35 be e8 c0 50 01	 f1 c1 7c 5d 00 92 c8 b5 6f 4c 8b d5 55 ef 32 0c	 26 3d e8 fd 0e 41 64 d2 2e b7 72 8b 17 7d a9 25

Gambar 10. Ilustrasi Ronde 2 hingga Ronde 6

	Round 7	Round 8	Round 9	Round 10
After SubBytes	f7 27 9b 54 ab 83 43 b5 31 a9 40 3d f0 ff d3 3f	be d4 0a da 83 3b e1 64 2c 86 d4 f2 c8 c0 4d fe	87 f2 4d 97 ec 6e 4c 90 4a c3 46 e7 8c d8 95 a6	e9 cb 3d af 09 31 32 2e 89 07 7d 2c 72 5f 94 b5
After ShiftRows	f7 27 9b 54 83 43 b5 ab 40 3d 31 a9 3f f0 ff d3	be d4 0a da 3b e1 64 83 d4 f2 2c 86 fe c8 c0 4d	87 f2 4d 97 6e 4c 90 ec 46 e7 4a c3 a6 8c d8 95	e9 cb 3d af 31 32 2e 09 7d 2c 89 07 b5 72 5f 94
After MixColumns	14 46 27 34 15 16 46 2a b5 15 56 d8 bf ec d7 43	00 b1 54 fa 51 c8 76 1b 2f 89 6d 99 d1 ff cd ea	47 40 a3 4c 37 d4 70 9f 94 e4 3a 42 ed a5 a6 bc	
Round Key	⊕ 4e 5f 84 4e 54 5f a6 a6 f7 c9 4f dc 0e f3 b2 4f	⊕ ea b5 31 7f d2 8d 2b 8d 73 ba f5 29 21 d2 60 2f	⊕ ac 19 28 57 77 fa d1 5c 66 dc 29 00 f3 21 41 6e	⊕ d0 c9 e1 b6 14 ee 3f 63 f9 25 0c 0c a8 89 c8 a6
After AddRoundKey	 5a 19 a3 7a 41 49 e0 8c 42 dc 19 04 b1 1f 65 0c	 ea 04 65 85 83 45 5d 96 5c 33 98 b0 f0 2d ad c5	 eb 59 8b 1b 40 2e a1 c3 f2 38 13 42 1e 84 e7 d2	 39 02 dc 19 25 dc 11 6a 84 09 85 0b 1d fb 97 32

Ciphertext

Gambar 11. Ilustrasi Ronde 7 hingga Ronde 10

Dengan mengetahui semua proses yang ada pada AES, maka kita dapat menggunakannya dalam contoh kasus yang muncul di kehidupan sehari-hari.



## 5. Implementasi *Advanced Encryption Standard* (AES)

AES atau algoritma Rijndael sebagai salah satu algoritma yang penting tentu memiliki berbagai kegunaan yang sudah diaplikasikan atau diimplementasikan di kehidupan sehari-hari yang tentu saja membutuhkan suatu perlindungan atau penyembunyian informasi di dalam prosesnya. **Salah satu contoh penggunaan AES adalah pada kompresi 7-Zip.** Salah satu proses di dalam 7-Zip adalah mengenkripsi isi dari data dengan menggunakan metode AES-256. Yang kuncinya dihasilkan melalui fungsi *Hash*. Perpaduan ini membuat suatu informasi yang terlindungi dan tidak mudah rusak terutama oleh virus yang merupakan salah satu musuh besar dalam dunia komputer dan informasi karena sifatnya adalah merusak sebuah data.

**Hal yang serupa digunakan pada WinZip sebagai salah satu perangkat lunak yang digunakan untuk melakukan kompresi.** Tapi prinsip kompresi pun tidak sama dengan prinsip enkripsi. Karena kompresi adalah mengecilkan ukuran suatu data, biasanya digunakan kode Huffman dalam melakukan hal tersebut. Contoh penggunaan lain adalah pada perangkat lunak *DiskCryptor* yang kegunaannya adalah mengenkripsi keseluruhan isi disk/partisi pada sebuah komputer. Metode enkripsi yang ditawarkan adalah menggunakan AES-256, Twofish, atau Serpent.

## 6. Kesimpulan

Melindungi data dari serangan merupakan hal yang sulit. Salah satu cara untuk mengamankan data dari serangan adalah dengan menggunakan enkripsi. Salah satunya menggunakan metode enkripsi AES yang sudah dijabarkan dalam makalah ini. Dirancang untuk menggantikan DES (*launched* akhir 2001), menggunakan *variable length block cipher, key length: 128-bit, 192-bit, 256-bit*, dapat diterapkan untuk smart card. Algoritma Rijndael yang ditetapkan sebagai AES memiliki karakteristik yang istimewa yang menjadikannya mendapat status tersebut. Dalam hal ini pula maka algoritma ini perlulah untuk dipelajari karena penggunaannya di kehidupan sehari-hari sudah sangatlah banyak dan hal ini akan berguna dalam pengembangan dari teknologi kriptografi agar dapat menemukan terobosan-terobosan baru. Tujuan utama dari kriptografi adalah melindungi sebuah informasi, begitu pula dengan AES yang dengan serangkaian tahap atau ronde yang dilakukan dengan menggunakan kunci simetris. Penggunaan AES pun bukan hanya digunakan dalam hal yang sederhana melainkan perannya sangatlah krusial dalam sebuah perangkat lunak ataupun dalam hal lain dimana AES tersebut digunakan.

## 7. Daftar Pustaka

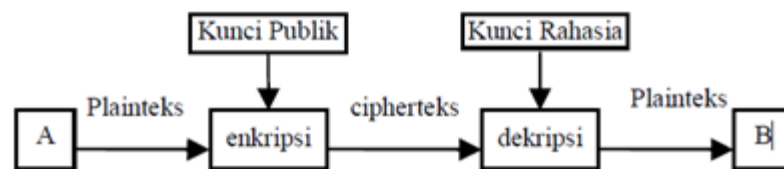
- Enkripsi Algoritma AES (*Advanced Encryption Standard*)  
<http://kriptografijaringan.blogspot.co.id/2016/03/enkripsi-algoritma-aes-advanced.html>

## ALGORITMA RSA

### 1. Definisi Algoritma RSA

Sandi RSA merupakan algoritma kriptografi kunci publik (asimetris). Ditemukan pertama kali pada tahun 1977 oleh R. Rivest, A. Shamir, dan L. Adleman. Nama RSA sendiri diambil dari ketiga penemunya tersebut.

Sebagai algoritma kunci publik, RSA mempunyai dua kunci, yaitu kunci publik dan kunci rahasia. Kunci publik boleh diketahui oleh siapa saja, dan digunakan untuk proses enkripsi. Sedangkan kunci rahasia hanya pihak-pihak tertentu saja yang boleh mengetahuinya, dan digunakan untuk proses dekripsi. Keamanan sandi RSA terletak pada sulitnya memfaktorkan bilangan yang besar. Sampai saat ini RSA masih dipercaya dan digunakan secara luas di internet.



Gambar – Skema Algoritma Kunci Publik

Sandi RSA terdiri dari tiga proses, yaitu proses pembentukan kunci, proses enkripsi dan proses deskripsi. Sebelumnya diberikan terlebih dahulu beberapa konsep perhitungan matematis yang digunakan RSA.

### 2. Pembahasan

#### 2.1 Public Key – Cryptography

Konsep fundamental dari *Public Key – Cryptography* ditemukan oleh Whitfield Diffie dan Martin Hellman, dan secara terpisah oleh Ralph Merkle.

Sedangkan konsep dasar *Public Key – Cryptography* terletak pada pemahaman bahwa *keys* selalu berpasangan: **encryption key** dan **decryption key**. Juga perlu diingat bahwa sebuah *key* tidak dapat digenerate dari *key* lainnya. Pemahaman *encryption* dan *decryption key* sering disebut sebagai *public* dan *private key*. Seseorang harus memberikan *public key*-nya agar pihak lain dapat meng-*encrypt* sebuah pesan. *Decryption* hanya terjadi jika seseorang mempunyai *private key*.

#### 2.2 Scenario

Bagian ini menjelaskan skenario bagaimana *public-key cryptosystem* bekerja. Kami akan menggunakan partisipan klasik Alice dan Bob sebagai orang-orang yang melakukan pertukaran informasi.

- Alice dan Bob setuju untuk menggunakan *public-key cryptosystem*.
- Bob mengirimkan *public key*-nya kepada Alice.
- Alice meng-*encrypt* pesan yang dibuatkan dengan menggunakan *public key* milik Bob dan mengirimkan pesan yang sudah di-*encrypt* kepada Bob.
- Bob meng-*decrypt* pesan dari Alice menggunakan *private key* miliknya.

### 2.3 *Mathematical Notation*

Untuk memahami algoritma RSA, seseorang harus memahami beberapa notasi matematika dasar, teori dan formula. Hal tersebut dibutuhkan untuk mendukung semua kalkulasi yang dilakukan dalam algoritma RSA.

- a. **Modulo** (didenotasikan dengan 'x mod m' atau 'x % m' dalam beberapa bahasa komputer)

$x \% m = x \bmod m$  = pembagian x dengan m dan mengambil sisanya.

Contoh :  $25 \bmod 5 = 0$  karena 5 habis membagi 25

$25 \bmod 4 = 1$  karena  $25 / (4 * 6)$  menyisakan 1

$x \bmod m = x$  jika dan hanya jika  $x < m$

- b. **GCD(A,B)**

GCD adalah *Greatest Common Divisor*.

$\text{GCD}(A,B) = D$

$\text{GCD}(78,32) = 2$ , karena tidak ada bilangan yang lebih besar dari dua yang membagi 78 dan 32.

$\text{GCD}(A,B)$  dapat ditemukan dengan menggunakan algoritma *extended euclid*. Jika  $\text{GCD}(A,B) = 1$  maka A and B adalah *coprime* satu sama lainnya (dengan kata lain, A dan B adalah *relatively prime*).

- c. **Key Generation**

Misalkan Alice ingin Bob mengirimnya sebuah pesan melalui jalur yang aman. Alice akan memberikan *public key*-nya kepada Bob dan menyimpan *private key* untuk dirinya.

- 1) Pilih 2 bilangan prima besar seperti p,q dimana p tidak sama dengan q
- 2) Hitung  $M = p \times q$
- 3) Hitung  $\phi(M) = \phi(p) * \phi(q)$
- 4) Pilih sebuah integer 'e' dimana  $1 < e < \phi(M)$  dan 'e' serta  $\phi(M)$  adalah *coprime*
- 5) Hitung 'd' integer sehingga  $(d * e) \bmod M = 1$
- 6) (M,e) adalah public key dimana M adalah modulo dan e adalah eksponen *encryption*
- 7) (M,d) adalah private key dimana M adalah modulo dan d adalah eksponen *decryption*

- d. **Decrypting Message**

Misalkan Alice menerima sebuah pesan ter-*encrypt*, ia akan men-*decrypt*-nya menggunakan tahapan-tahapan berikut ini:

- 1) Alice mempunyai *private key* dari langkah-langkah diatas (M,d)
- 2)  $N = C^d \bmod M$
- 3) N adalah bilangan. Gunakan konversi table alphabet untuk mengubah N menjadi karakter yang direpresentasikan

### 3. Contoh Algoritma RSA

-----|  
**Jika diketahui :**

$$p = 3$$

$$q = 7$$

**Penyelesaian :**

$$\begin{aligned} n &= p \cdot q \\ &= 3 \times 7 \\ &= \mathbf{21} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} M &= (p-1)(q-1) \\ &= (3-1)(7-1) \\ &= \mathbf{12} \end{aligned}$$

$e * d \bmod 12 = 1$  (Cari bilangan prima yang jika mod M hasilnya 1)

$$\mathbf{e = 5}$$

$$\mathbf{d = 17}$$

*Public Key* = (e,n) = (5,21)

*Private Key* = (d,n) = (17,21)

S	I	S	J	A	R
83	73	83	74	65	82

-----|

#### Proses Enkripsi dan Deskripsi

$$S = 83$$

Enkripsi	Deskripsi
$C = M^e \bmod n$	$M = C^d \bmod n$
$8^5 \bmod 21 = 8$	$8^{17} \bmod 21 = 8$
$3^5 \bmod 21 = 12$	$12^{17} \bmod 21 = 3$

$$I = 73$$

Enkripsi	Deskripsi
$C = M^e \bmod n$	$M = C^d \bmod n$
$7^5 \bmod 21 = 7$	$7^{17} \bmod 21 = 7$
$3^5 \bmod 21 = 12$	$12^{17} \bmod 21 = 3$

S = 83

Enkripsi	Deskripsi
$C = M^e \bmod n$	$M = C^d \bmod n$
$8^5 \bmod 21 = 8$	$8^{17} \bmod 21 = 8$
$3^5 \bmod 21 = 12$	$12^{17} \bmod 21 = 3$

J = 74

Enkripsi	Deskripsi
$C = M^e \bmod n$	$M = C^d \bmod n$
$7^5 \bmod 21 = 7$	$7^{17} \bmod 21 = 7$
$4^5 \bmod 21 = 16$	$16^{17} \bmod 21 = 4$

A = 64

Enkripsi	Deskripsi
$C = M^e \bmod n$	$M = C^d \bmod n$
$6^5 \bmod 21 = 6$	$6^{17} \bmod 21 = 6$
$4^5 \bmod 21 = 16$	$16^{17} \bmod 21 = 4$

R = 82

Enkripsi	Deskripsi
$C = M^e \bmod n$	$M = C^d \bmod n$
$8^5 \bmod 21 = 8$	$8^{17} \bmod 21 = 8$
$2^5 \bmod 21 = 11$	$11^{17} \bmod 21 = 2$

#### 4. Kesimpulan

RSA merupakan contoh yang *powerful* dan cukup aman dari *Public-Key Cryptography*. Berdasarkan matematika, proses yang digunakan berdasarkan fungsi-fungsi *trap-door* satu arah. Sehingga melakukan *encryption* dengan menggunakan *public key* sangat mudah bagi semua orang, namun proses *decryption* menjadi sangat sulit.

Proses *decryption* sengaja dibuat sulit agar seseorang, walaupun menggunakan *Cray supercomputers* dan ribuan tahun, tidak dapat *men-decrypt* pesan tanpa mempunyai *private key*.

Perlu diingat juga bahwa pemilihan  $p \cdot q = M$  haruslah sebuah bilangan yang sangat besar sehingga sulit dicari eksponen decoding-nya karena sulit melakukan pemfaktoran bilangan prima.

#### 5. Daftar Pustaka

- Algoritma Kriptografi RSA  
<http://ezine.echo.or.id/ezine12/echo12-05.txt>

