ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 3

ПЕРЕШКОДОСТІЙКЕ КОДУВАННЯ. ЛІНІЙНІ ГРУПОВІ КОДИ

Mema poботи: дослідити побудову та можливості корегування лінійних систематичних групових кодів.

Вхідні дані

1 листопада 1997 року 10 номер в групі

Завдання 1

$$j_1 = 1 + 11 = 12, n = 7$$

 $12 \ mod \ 7 = 5$ - помилка передачі в 5-му розряді

 $j_3 = 10$ - номер в групі, 10-та комбінація 4-значного коду

Матриця, що утворює код

$$G(7,4) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Число кодових комбінацій $N=2^4=16$

10-та комбінація 4-значного коду I = 1001

Номери одиниць: 1 і 4

$$011 \oplus 110 = 101$$

Код, що передається

1001101

Перевірна матриця

$$H(7,4) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Розрахунок кодового слова

За умовою помилка виникла в 5-му розряді. Тобто, передано 1001001

1	0	0	1	0	0	1
a1	a2	a3	a4	p1	p2	р3

Перевірні вектори

$$p1 \oplus a2 \oplus a3 \oplus a4 = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

 $p2 \oplus a1 \oplus a3 \oplus a4 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$
 $p3 \oplus a1 \oplus a2 \oplus a3 = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 0$

Отже, виявлено помилку.

Синдром S = 100 показує, що помилка відбулась в 5-му розряді (5-й стовпчик перевірної матриці), котрий необхідно інвертувати.

Після інвертування прийнятий код буде 1001101, що ϵ правильним.

Завдання 2

$$j_2 = 1 + 9 + 9 + 7 = 26, k = 10$$

 $26 \ mod \ 10 = 6$ - помилка передачі в 6-му розряді

 $j_3 = 10$ - номер в групі, довжина інформаційного слова

$$k = 10$$

Обчислюємо параметри коду Хемінга

$$m = [\log_2\{(k+1) + [\log_2(k+1)]\}] = [\log_2\{11 + [\log_2 11]\}] = 4$$

 $n = k + m = 14$

Контрольні біти 1,2,4 і 8

Нехай передається

1110110101

Кодова комбінація

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
k	k	1	k	1	1	0	k	1	1	0	1	0	1

Перевірочна матриця

Контрольні біти

$$a1 \oplus a3 \oplus a5 \oplus a7 \oplus a9 \oplus a11 \oplus a13 = 0$$

 $a1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus a0 = a1 \oplus 1 = 0$, $a1 = 1$

$$a2 \oplus a3 \oplus a6 \oplus a7 \oplus a10 \oplus a11 \oplus a14 = 0$$

 $a2 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$, $a2 = 0$

$$a4 \oplus a5 \oplus a6 \oplus a7 \oplus a12 \oplus a13 \oplus a14 = 0$$

 $a4 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$, $a4 = 0$

$$a8 \oplus a9 \oplus a10 \oplus a11 \oplus a12 \oplus a13 \oplus a14 = 0$$

 $a8 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$, $a8 = 0$

Передається повідомлення

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	0	1	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0	1

3 помилкою у 6-му розряді прийнято

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	0	1	0	1	0	0	0	1	1	0	1	0	1

Складемо синдром

$$a1 \oplus a3 \oplus a5 \oplus a7 \oplus a9 \oplus a11 \oplus a13 = 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$a2 \oplus a3 \oplus a6 \oplus a7 \oplus a10 \oplus a11 \oplus a14 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

$$a4 \oplus a5 \oplus a6 \oplus a7 \oplus a12 \oplus a13 \oplus a14 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

$$a8 \oplus a9 \oplus a10 \oplus a11 \oplus a12 \oplus a13 \oplus a14 = 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

Синдром S = 0110 вказує на помилку у 6-му розряді.

Цей розряд буде інвертовано і буде отримано правильне повідомлення.

Висновки

У лабораторній роботі досліджені засоби побудови групових кодів, що виправляють помилки в розрядах, які були при передачі повідомлень спотворені. Процеси декодування з виправленням помилок дозволяють отримувати правильні повідомлення.