## [Example12-1] Testing for AR(1) Serial Correlation

Kei Sakamoto

#### Serial correlation の test 3 パターン

- ①residual を residual の lag に回帰(regressor は strictly exogenous の時のみ)
- 2 BG-test(Breusch-Godfrey test)
- 3 DW-test(Durbin-Watson test)

```
library(dynlm); library(lmtest)

## Loading required package: zoo

## ## Attaching package: 'zoo'

## The following objects are masked from 'package:base':

## ## as.Date, as.Date.numeric

load("~/計量経済学演習/R data sets for 5e/phillips.RData")
phillips<-data</pre>
```

#### tsdata の登録

tsdata <- ts(phillips, start=1948)

Estimation of "static"" Phillips curve(なぜか example12-1 では 96 年まで。data のいじり方からしても全部含めても問題なさそうだけど。dynlm 使ってるし。終わりの方は関係ないし。)

reg.s <- dynlm( inf ~ unem, data=tsdata, end=1996)

# 1 extract residuals and implement AR(1) serial correlation test

setup としては、umemp は strictly exogenous な regressor だから serial correlation test で regressor として入っていない(ここは確実。)

AR(p)の p=1 っていうのは、AIC とか BIC とか使って前からわかっているとする。 もしくは後の BGtest の order を指定して sequensial test して調べている、としか 考えられない。

error に serial correlation があっても regressor が strictly exogenous かどうかは関係ない。というか strictly exogenous なら error が serial correlation 持とうが持つまいが全く関係ない。past and present exogenous に成り下がったりしない。

```
residual.s <- resid(reg.s)
coeftest( dynlm(residual.s ~ L(residual.s)) )

##
## t test of coefficients:
##
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -0.11340  0.35940 -0.3155  0.7538
## L(residual.s) 0.57297  0.11613  4.9337  1.098e-05 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

AR(1) serial correlation はあるとのこと。

Same with "expectations-augmented" Phillips curve inflation に階差とったら消えるつまり ADL にすれば serial correlation 消える。

### (2) BG-test

```
library(lmtest)
bgtest(reg.s,type = "F") #LM の代わりにF-test 。option のorder を指定しなければAR(1)
```

```
##
## Breusch-Godfrey test for serial correlation of order up to 1
##
## data: reg.s
## LM test = 27.833, df1 = 1, df2 = 46, p-value = 3.466e-06

bgtest(reg.ea)
##
## Breusch-Godfrey test for serial correlation of order up to 1
##
## data: reg.ea
## LM test = 0.061651, df = 1, p-value = 0.8039
```

#### 結果はぼ①と同じで、階差とれば serial correlation 消える。

### (3) DW-test

```
dwtest(reg.s) #Lmtest の中
##
##
   Durbin-Watson test
##
## data: reg.s
## DW = 0.8027, p-value = 7.552e-07
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
dwtest(reg.ea)
##
##
   Durbin-Watson test
##
## data: reg.ea
## DW = 1.7696, p-value = 0.1783
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
```

#### 結果は①、②とほぼ同じ。