Binary Response

Kei Sakamoto

LPM , Logit , Probit regression (後者 2 つは Maximum Liklihood estimation)

```
load("~/計量経済学演習/R data sets for 5e/mroz.RData")
mroz<-data
```

LPM

```
linprob <- lm(inlf~nwifeinc+educ+exper+I(exper^2)+age+kidslt6+kidsge6,dat
a=mroz)</pre>
```

t-test using heteroscedasticity-robust SE(homoskedastic には構造上なり得ないので hetero-robust se を使って t-test やるか、そもそも weighted least squared とかで推定すべき)

```
library(lmtest); library(car)
## Loading required package: zoo
##
## Attaching package: 'zoo'
## The following objects are masked from 'package:base':
##
##
      as.Date, as.Date.numeric
## Loading required package: carData
coeftest(linprob,vcov=hccm)
##
## t test of coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 0.58551922 0.15358032 3.8125 0.000149 ***
## nwifeinc -0.00340517 0.00155826 -2.1852 0.029182 *
## educ
              0.03799530 0.00733982 5.1766 2.909e-07 ***
             ## exper
## I(exper^2) -0.00059631 0.00019895 -2.9973 0.002814 **
             -0.01609081 0.00241459 -6.6640 5.183e-11 ***
## age
## kidslt6 -0.26181047 0.03215160 -8.1430 1.621e-15 ***
```

response は確率なのに 0~1 の間に収まっていないのはおかしすぎるので LPM は observaition がはじの方では合わない。この欠点を次の 2 つで克服しにいく。

Logit model

```
summary(logitres<-glm(inlf~nwifeinc+educ+exper+I(exper^2)+age+kidslt6+kid</pre>
sge6,
                            family=binomial(link=logit),data=mroz))
##
## Call:
## glm(formula = inlf ~ nwifeinc + educ + exper + I(exper^2) + age +
      kidslt6 + kidsge6, family = binomial(link = logit), data = mroz)
##
##
## Deviance Residuals:
                   Median
##
      Min
              10
                              30
                                     Max
## -2.1770 -0.9063
                   0.4473
                           0.8561
                                   2.4032
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 0.425452 0.860365
                                 0.495 0.62095
## nwifeinc
             0.221170 0.043439 5.091 3.55e-07 ***
## educ
## exper
              ## I(exper^2) -0.003154 0.001016 -3.104 0.00191 **
             ## age
             -1.443354
                       0.203583 -7.090 1.34e-12 ***
## kidslt6
                       0.074789 0.804 0.42154
## kidsge6
              0.060112
## ---
                0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 1029.75 on 752 degrees of freedom
##
## Residual deviance: 803.53 on 745 degrees of freedom
```

extreme な observation だがちゃんと 0~1 に収まっている。

Probit model

```
summary(probitres<-glm(inlf~nwifeinc+educ+exper+I(exper^2)+age+kidslt6+ki</pre>
dsge6,
                         family=binomial(link=probit),data=mroz))
##
## Call:
## glm(formula = inlf ~ nwifeinc + educ + exper + I(exper^2) + age +
     kidslt6 + kidsge6, family = binomial(link = probit), data = mroz)
##
##
## Deviance Residuals:
     Min
                 Median
##
             10
                           30
                                  Max
                               2.4553
## -2.2156 -0.9151
                 0.4315
                        0.8653
##
## Coefficients:
##
             Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 0.2700736 0.5080782
                               0.532 0.59503
## nwifeinc
          0.1309040 0.0253987 5.154 2.55e-07 ***
## educ
## exper
            ## I(exper^2) -0.0018871 0.0005999 -3.145 0.00166 **
## age
            ## kidslt6
            0.0360056 0.0440303 0.818 0.41350
## kidsge6
```

```
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 1029.7 on 752 degrees of freedom
##
## Residual deviance: 802.6 on 745 degrees of freedom
## AIC: 818.6
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Log likelihood value

```
logLik(probitres)
## 'log Lik.' -401.3022 (df=8)
```

McFadden's pseudo R-squared

```
1 - probitres$deviance/probitres$null.deviance
## [1] 0.2205805
```

glm では coef テストに確率変数 z を使っていることも 1 つの特徴。つまり t-分布 でなく Standard Normal 使っている。というか t-test では large sample でも t-分布 使っていたことに驚き。large sample なら Standard Normal 使っていいってのは手 計算の時。standard normal に近似はするけどやはり正確には t-分布だから lm では あくまで t-分布使ってたっぽい。

```
predict(probitres,xpred,type = "response")
##
## 0.001065043 0.959869044
```

logit とは若干違うが 0~1 の間には同様に収まっている。

Likelihood Ratio Test for probit model

restricted model は defaoult では constant のみ。

```
library(lmtest)
lrtest(probitres)
## Likelihood ratio test
## Model 1: inlf ~ nwifeinc + educ + exper + I(exper^2) + age + kidslt6 +
##
       kidsge6
## Model 2: inlf ~ 1
    #Df LogLik Df Chisq Pr(>Chisq)
```

```
## 1 8 -401.30
## 2 1 -514.87 -7 227.14 < 2.2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
#LR-stat は probitres$null.deviance - probitres$deviance でも計算できる
```

流石に constant 以外全て 0 説はない。

exper and age are irrelevant 説(restricted model は自分で作る。exper と age を抜けばいい)

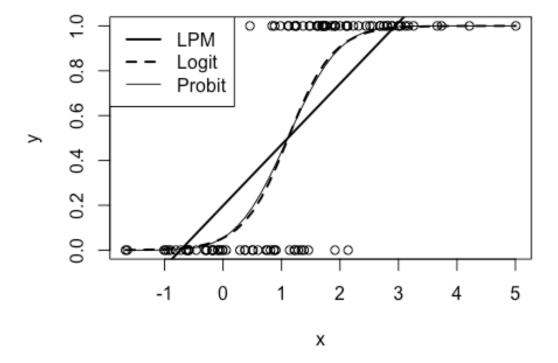
exper も age も relevant と言えそう

regressors が 2 個以上あるので regression line(prediction)は描画はできないが、説明変数 1 つなら Monte Carlo Simulation で作って描画できる

```
set.seed(8237445)
y<-rbinom(100,1,0.5)
x<-rnorm(100)+2*y
LPMres<-lm(y~x)
Logitres<-glm(y~x,family=binomial(link=logit))
Probitres<-glm(y~x,family=binomial(link=probit))

xlim<-seq(from=min(x),to=max(x),length=50)
LPM.p<-predict(LPMres,list(x=xlim),type="response")
Logit.p<-predict(Logitres,list(x=xlim),type="response")
Probit.p<-predict(Probitres,list(x=xlim),type="response")</pre>
```

```
lines(xlim,LPM.p,lwd=2,lty=1)
lines(xlim,Logit.p,lwd=2,lty=2)
lines(xlim,Probit.p,lwd=1,lty=1)
legend("topleft",c("LPM","Logit","Probit"),lwd=c(2,2,1),lty=c(1,2,1))
```

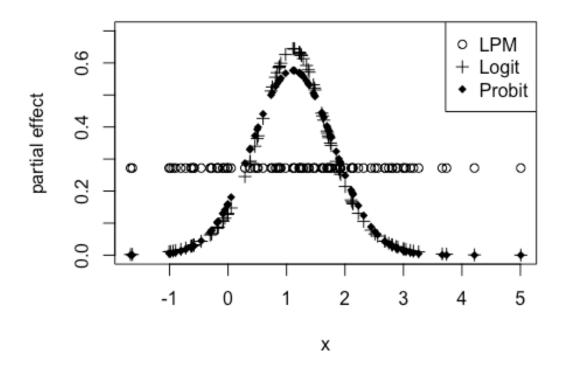


Logit と Probit はほとんど同じ。

ついでに marginal(partial) effect も描画。

LPM は y は x に対してもパラメータに関しても線形だから x で一階微分して出てくる marginal effect は横一線。Logit Probith がもともとmodel が CDF だから marginal effect は pdf っぽくなるの当たり前。LPM.eff<-coef(LPMres)["x"]*rep(1,100)#1 を 100 個生成。なくてもいいけど。Logit.eff<-coef(Logitres)["x"]*dlogis(predict(Logitres)) Probit.eff<-coef(Probitres)["x"]*dnorm(predict(Probitres))
plot(x,LPM.eff,pch=1,ylim=c(0,0.7),ylab="partial effect") points(x,Logit.eff,pch=3)

```
points(x,Probit.eff,pch=18)
legend("topright",c("LPM","Logit","Probit"),pch=c(1,3,18))
```



Logit の APE の計算(Average Partial Effect。 automatic の方のみ) library(mfx)

```
## nwifeinc -0.00381181 0.00153898 -2.4769 0.013255 *

## educ 0.03949652 0.00846811 4.6641 3.099e-06 ***

## exper 0.03676411 0.00655577 5.6079 2.048e-08 ***

## I(exper^2) -0.00056326 0.00018795 -2.9968 0.002728 **

## age -0.01571936 0.00293269 -5.3600 8.320e-08 ***

## kidslt6 -0.25775366 0.04263493 -6.0456 1.489e-09 ***

## kidsge6 0.01073482 0.01339130 0.8016 0.422769

## ---

## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

#atmean=TRUE CTACT PEA(Partial Effect at Average)
```

コマンド1つは強すぎる...。