# [Example12-1] Testing for AR(1) Serial Correlation

Kei Sakamoto

## Serial correlationのtest 3パターン

- ①residualをresidualのlagに回帰(regressorはstrictly exogenousの時のみ)
- 2BG-test(Breusch-Godfrey test)
- ③DW-test(Durbin-Watson test)

library(dynlm);library(lmtest)

## Loading required package: zoo

##

## Attaching package: 'zoo'

## The following objects are masked from 'package:base':

##

## as.Date, as.Date.numeric

load("~/計量経済学演習/R data sets for 5e/phillips.RData") phillips<-data

#### tsdataの登録

tsdata <- ts(phillips, start=1948)

Estimation of "static" Phillips curve(なぜかexample12-1では96年まで。dataのいじり方からしても全部含めても問題なさそうだけど。dynlm使ってるし。終わりの方は関係ないし。)

reg.s <- dynlm( inf ~ unem, data=tsdata, end=1996)

## ①extract residuals and implement AR(1) serial correlation test

setupとしては、umempはstrictly exogenousなregressorだからserial correlation testでregressorとして入っていない(ここは確実。)

AR(p)のp=1っていうのは、AICとかBICとか使って前からわかっているとする。もしくは後のBGtestのorderを指定してsequensial testして調べている、としか考えられない。

errorにserial correlationがあってもregressorがstrictly exogenousかどうかは関係ない。というかstrictly exogenousならerrorがserial correlation持とうが持つまいが全く関係ない。past and present exogenousに成り下がったりしない。

```
residual.s <- resid(reg.s)
coeftest( dynlm(residual.s ~ L(residual.s)) )
```

```
##
## t test of coefficients:
##
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -0.11340  0.35940 -0.3155  0.7538
## L(residual.s)  0.57297  0.11613  4.9337  1.098e-05 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

AR(1) serial correlationはあるとのこと。

Same with "expectations-augmented" Phillips curve inflation に階差とったら消えるつまりADLにすればserial correlation消える。

```
reg.ea <- dynlm( d(inf) ~ unem, data=tsdata, end=1996)
residual.ea <- resid(reg.ea)
coeftest( dynlm(residual.ea ~ L(residual.ea)) )
```

```
##
## t test of coefficients:
##
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 0.194166 0.300384 0.6464 0.5213
## L(residual.ea) -0.035593 0.123891 -0.2873 0.7752
```

### ② BG-test

```
library(lmtest)
bgtest(reg.s,type = "F") #LMの代わりにF-test。optionのorder を指定しなければAR(1)
```

```
##
## Breusch-Godfrey test for serial correlation of order up to 1
##
## data: reg.s
## LM test = 27.833, df1 = 1, df2 = 46, p-value = 3.466e-06
```

```
bgtest(reg.ea)
```

```
##
## Breusch-Godfrey test for serial correlation of order up to 1
##
## data: reg.ea
## LM test = 0.061651, df = 1, p-value = 0.8039
```

結果はぼ①と同じで、階差とればserial correlation消える。

## ③DW-test

dwtest(reg.s) #Imtestの中

```
##
## Durbin-Watson test
##
## data: reg.s
## DW = 0.8027, p-value = 7.552e-07
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
```

#### dwtest(reg.ea)

```
##
## Durbin-Watson test
##
## data: reg.ea
## DW = 1.7696, p-value = 0.1783
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
```

#### 結果は①、②とほぼ同じ。