

ANÁLISE EM DESENVOLVIMENTO DE SISTEMAS FUNDAMENTOS DA MATEMÁTICA PROFESSOR SANTINHO LISTA 2 - NOCÕES DE CONJUNTOS

FUNDAMENTOS DE CONJUNTOS

- 1) (UFMT-2017) Observe o diagrama. Em relação à região sombreada no diagrama, assinale a afirmativa INCORRETA.
- A B

2

- a) Podem existir elementos que pertencem a A e a B.
- b) Podem existir elementos que pertencem somente a A.
- c) Podem existir elementos que pertencem a dois conjuntos apenas.
- d) Podem existir elementos que pertencem somente a C.
- 2) (NUCEPE-2009) Se A = {1,2}; B={{2},{1,2}} e C={1,2,{2},{1,2},{{2},{1,2}}}, então:
- $a)A \subset B$
- b) $A \cap B = \{1; 2\}$
- $c)A-B=\emptyset$

- d) $C (A B) \subset B$
- e) A∩C ∈ B
- 3) (COPEVE-2012) Sejam A, B e C três subconjuntos de um universo U e as seguintes afirmações,

I.
$$(A - B) \cup (B - A) = (A \cup B) - (A \cap B)$$

II. $(A - B) \cup B = A \cup B$
III. $(A - B) \cup A = A$

temos que

- a) todas as afirmações são falsas.
- b) apenas as afirmações I e II são verdadeiras.
- c) todas as afirmações são verdadeiras.
- d) apenas as afirmações I e III são verdadeiras.
- e) apenas as afirmações II e III são verdadeiras.
- 4) (CONSULPLAN-2014) Sejam os conjuntos A = $\{0, 3, 4, 7, 9\}$, B = $\{1, 2, 4, 6, 7, 8\}$ e C = $\{2, 3, 6, 9\}$. Se x e y são, respectivamente, o maior e o menor elemento do conjunto (A \cap B) \cup (B \cap C), então x . y é igual a
- a) 14
- b) 18
- c)21
- d) 27
- 5) (CONSULPAN-2014) Sejam os conjuntos A = $\{0, \{1\}, \{2\}, \{3, 4\}\}\}$ e B = $\{\emptyset, 2, \{3\}, \{0, 3\}\}$. Diante das informações, analise.
- I. 3 ∈ B
- II. {3, 4} ∈ A
- III. $\emptyset \subset A$
- $\mathsf{IV.}\ \mathsf{\varnothing} \in \mathsf{B}$

Estão corretas apenas as alternativas

- a) le III.
- b) II e IV.
- c) III e IV.
- d) II, III e IV.
- 6) (IBFC-2017) Considerando os conjuntos finitos A = $\{0,1,2,3,4\}$ e B = $\{1,2,3,4,5,6\}$, assinale a alternativa incorreta:
- a) Algum elemento de A é elemento de B
- b) Há elemento de B que não é elemento de A
- c) Há pelo menos um elemento de A que não é elemento de B
- d) Há, no mínimo, três elementos de B que não são de A
- 7) (AOCP-2017) Dados os conjuntos A = {1; 2; 3 }, B = {1; {2}, {3} } e C = {{1}; {2; 3} }, sabendo-se que o conjunto M = C \cap (A U B), é correto afirmar que M
- a) é um conjunto unitário.
- b) é um conjunto vazio.

- c) possui 2 elementos.
- d) possui 6 elementos.
- e) possui 3 elementos.
- 8) (MS-2017) Numa sala de 45 alunos, foi feita uma votação para escolher a cor da camiseta de formatura. Dentre eles, 30 votaram na cor preta, 21 votaram na cor cinza e 8 não votaram em nenhuma delas, uma vez que não farão as camisetas. Quantos alunos votaram nas duas cores?
- a)6
- b)10
- c)14
- d) 18
- 9) (UNICAMP-2017) Sabe-se que, em um grupo de 10 pessoas, o livro A foi lido por 5 pessoas e o livro B foi lido por 4 pessoas. Podemos afirmar corretamente que, nesse grupo,
- a) pelo menos uma pessoa leu os dois livros.
- b) nenhuma pessoa leu os dois livros.
- c) pelo menos uma pessoa não leu nenhum dos dois livros.
- d) todas as pessoas leram pelo menos um dos dois livros.
- 10) (CONSULPLAN-2011) A interseção entre dois conjuntos A e B é o conjunto {6, 9, 12} e a diferença A B é o conjunto {2, 3, 5, 13}. Sendo o conjunto B = {1, 4, 6, 8, 9, 12}, quantos elementos possui o conjunto A U B?
- a)9
- b)11
- c)10
- d) 12
- e)8
- 11) (FACERES-2013) Do total de alunos de uma turma de uma faculdade de São Paulo, sabe-se que, se fossem excluídos os:
 - I. do sexo feminino, restariam 15 alunos;
 - II. do sexo masculino, restariam 12 alunos;
 - III. que usam óculos, restariam 16 alunos;
- IV. que são do sexo feminino ou usam óculos, restariam 9 alunos.

Com base nessas informações, o número de alu-nos dessa turma que são do sexo masculino e não usam óculos é: a) 5 b) 7 c) 6 d) 8 e) 9

- 12) (UEFS-2012) Em um grupo de 40 casas, sabe-se que 28 são brancas, 19 possuem jardim e 12 possuem piscina. Considerando-se essa informação e as proposições
 - I. Há, pelo menos, 7 casas brancas com jardim;
 - II. Não há nenhuma casa com jardim e piscina;
 - III. Há, pelo menos, 9 casas sem jardim nem piscina,
- e pode-se afirmar, com certeza, que
- a) a proposição II é verdadeira.
- b) as proposições I e II são verdadeiras.
- c) as proposições II e III são verdadeiras.
- d) as proposições I e III são verdadeiras.
- e) as proposições I, II e III são verdadeiras.
- 13) (UFPA-2016) Em uma turma de cinquenta alunos de Medicina, há dezoito cursando Anatomia, quinze cursando Citologia e treze cursando Biofísica. Seis alunos cursam simultaneamente Anatomia e Citologia, cinco cursam simultaneamente Citologia e Biofísica e quatro cursam simultaneamente Anatomia e Biofísica. Dezesseis alunos

não cursam nenhuma destas disciplinas. O número de alunos que cursam, simultaneamente, exatamente duas disciplinas é

- a) 31. d)8. b) 15. c) 12. e)6.
- 14) (IFPE-2015) Um dos restaurantes de um shopping center fez uma pesquisa entre os seus clientes com duas perguntas:
 - (1) Você gosta de comida japonesa?
 - (2) Você gosta de comida mexicana?

Feito o levantamento das respostas observou-se que 132 pessoas responderam "sim" à primeira pergunta; 84 responderam "sim" à segunda pergunta; 18 responderam "sim" às duas perguntas e 50 pessoas responderam "não" às duas. Com base nesses dados, é correto afirmar que o número de pessoas que responderam à pesquisa foi igual

- a) 223
- b) 230
- c) 248
- d) 253
- e) 284
- 15) (FGV-2017) Em certo concurso, inscreveram-se 80 candidatos. Sabe-se que, desses candidatos, 50 são baianos, 22 possuem curso superior e 26 são de outros estados e não possuem curso superior. O número de candidatos baianos com curso superior é
- a)16 b) 18

b) 27

- c)20
- e) 24
- 16) (UTFPR-2017) Uma pesquisa foi realizada com 450 enfermeiras, sobre a preferência das luvas da marca A e B. O resultado foi o seguinte:

d) 22

- 213 gostam da marca de luva A.
- 206 gostam da marca de luva B.
- 44 não gostam de nenhuma das duas marcas.

Assinale a alternativa que apresenta o número de enfermeiras que gostam das duas marcas.

- a)7
- c) 13
- d) 23
- e)33
- 17) (FGV-2015) Dois conjuntos A e B têm exatamente a mesma quantidade de elementos. A união deles tem 2015 elementos e a interseção deles tem 1515 elementos. O número de elementos do conjunto A é:
- a) 250
- b)500
- c) 1015
- d) 1765
- e) 1845
- 18) (IFB-2017) Seja A o conjunto de links apresentados pela busca da palavra "X" em um site. Analogamente temos os conjuntos B e C dos links encontrados com a busca das palavras "Y" e "Z", respectivamente. Se A, B e C são três conjuntos onde n(A) = 25, n(B) = 18, n(C) = 27, $n(A \cap B) = 9$, $n(B \cap C) = 10$, $n(A \cap C) = 6$ e $n(A \cap B \cap C) = 4$. (sendo n(A) o número de elementos do conjunto A), determine o número de links encontrados pela busca (("X" ou "Y") e "Z").
- a)8
- b)10
- c) 12
- d) 16
- e)20

CONJUNTOS NUMÉRICOS - CONCEITOS BÁSICOS

- 19) (FAEPESUL-2016) Acerca dos conjuntos numéricos, assinale a alternativa INCORRETA:
- a) Se a e b são números irracionais, então a.b pode ser um número racional.
- b) Se m e n são número naturais, segue que m + n e m.n são também números naturais.
- c) sejam r e s números racionais e s ≠ 0, então r^s também é um número racional.
- d) Sejam x e y números racionais e y ≠ 0, então os números x + y,x - y,x.y e x/y sempre serão números racionais.

- e) Se t e u são números irracionais, então t + u pode ser um número racional.
- 20) (VUNESP-2015) Com relação à operação com números reais, é correto afirmar que
- a) o produto de dois números racionais pode resultar em um número irracional.
- b) o produto de dois números irracionais é sempre um número irracional.
- c) a soma de dois números racionais pode resultar em um número irracional.
- d) o quociente de dois números irracionais é sempre um número irracional.
- e) a soma de dois números irracionais pode resultar em um número racional.
- 21) (IDHTEC-2016) Ao dividir um número natural por um número inteiro, diferente de zero, o que obtemos é:
- a) Um número natural
- b) Um número inteiro
- c) Um número racional
- d) Um número não positivo
- e) Um número não negativo
- 22) (FAEPESUL-2016) Considere x e y números quaisquer e, assinale a assertiva CORRETA:
- a) Se x e y são números inteiros e y ≠ 0 , então x /y é também um número inteiro.
- b) Se x e y são números racionais, então x^y é um número irracional.
- c) Se x e y são números irracionais, então x + y é também um número irracional.
- d) Se x e y são números naturais, então x y é também um número natural.
- e) Se x e y são números racionais, então x^y pode ser um número irracional.
- 23) (Pref. Fortaleza-2016) Seja n um número inteiro positivo. Sobre o algarismo das unidades de n², a única afirmação falsa é:
- a) não é possível que seja 2.
- b) é possível que seia 6.
- c) é possível que seja 8.
- d) é possível que seja 4.
- 24) (NC-UFPR-2016) A respeito de números inteiros, considere as seguintes afirmativas:
 - 1. Todo número natural é um número inteiro.
 - 2. O resto na divisão de 3622 por 3 é 1.
 - 3. O número 121212 + 212121 é par.
 - 4. O produto de dois números inteiros é sempre positivo.

Assinale a alternativa correta.

- a) Somente a afirmativa 1 é verdadeira.
- b) Somente as afirmativas 1 e 2 são verdadeiras.
- c) Somente as afirmativas 2, 3 e 4 são verdadeiras.
- d) Somente a afirmativa 2 é verdadeira.
- e) Somente as afirmativas 3 e 4 são verdadeiras.

ALGORITMO DA DIVISÃO, DIVISIBILIDADE E NÚME-**ROS PRIMOS**

- 25) (IBFC-2017) Dentre os números descritos nas alternativas, o único que não é divisível por 9 é:
- a) 1359 b) 21744 c) 8766 d) 123456 e) 23130
- 26) (IBFC-2017) Assinale a alternativa correta referente à quantidade de números primos distintos que encontramos ao decompor o número 360 em fatores primos.
- a)1 b)2 c)3 d)4 e)9
- 27) (IBFC-2013) A professora da 5ª série entregou a cada um de seus alunos uma folha contendo uma tabela com

todos os números naturais de 2 a 80, em ordem crescente, e algumas instruções de um jogo: Instruções: Marque o primeiro número da tabela e elimine todos os seus múltiplos, volte ao início da lista e marque o primeiro número não eliminado e elimine todos os seus múltiplos, faça isso até que todos os números sejam marcados ou eliminados. Após todos terminarem, a professora fez algumas perguntas e as respostas de 4 alunos foram:

Ana: se escolhermos quaisquer dois dos números não eliminados eles serão primos entre si.

Beto: o mmc entre quaisquer dois dos números não eliminados é o produto entre eles.

Carlos: o quadragésimo número eliminado é o número 57. Dolores: o mdc entre qualquer número eliminado e o décimo número não eliminado é igual a 1.

Dentre as respostas dos 4 alunos acima, pode-se dizer que estão corretas as respostas de:

a) todos.

- b) somente dois deles.
- c) somente três deles.
- d) somente um deles.
- 28) (IDHTEC-2016) Quantos são os divisores do número 210 que são ímpares?
- a)7
- b)8
- c)9
- d)10
- e)11
- 29) (IDHTEC-2016) Quantos são os divisores do número 540 que são quadrados perfeitos?
- a)4
- b)3
- c)2
- d)1
- 30) (UNESP-2013) A soma de quatro números é 100. Três deles são primos e um dos quatro é a soma dos outros três. O número de soluções existentes para este problema é
- a)3
- b)4
- c)2
- d)5
 - e)6

MÁXIMO DIVISOR E MÍNIMO MÚLTIPLO COMUM **ALGORITMO DE EUCLIDES** TEOREMA FUNDAMENTAL DA ARITMÉTICA

- 31) (CETREDE-2016) O menor número natural, não nulo, que é divisível por 400, 500 e 1250 é
- a)10⁴
- b) 10³
- c) 10²
- $d)5.10^3$
- e) 10⁵
- 32) (KLC-2012) O MDC dos números 32 e 88 é igual à metade do número:
- a)16
- b) 12
- c)8
- d)4
- e)2
- 33) (CEPERJ-2015) Admita que João faca uso de dois medicamentos diferentes. Um deles deve ser usado de 10 em 10 horas, enquanto que o outro de 8 em 8 horas. João fez uso dos dois medicamentos juntos pela primeira vez numa determinada hora. A partir daí, a próxima vez que usará os dois juntos será exatamente após n horas. O valor de n é igual a:
- a)10
- b)18
- c)36
- d) 40
- e)80
- 34) (FCC-2014) Na linha 1 de um sistema de Metrô, os trens partem de 2,4 em 2,4 minutos. Na linha 2 desse mesmo sistema, os trens partem de 1,8 em 1,8 minutos. Se dois trens partem, simultaneamente das linhas 1 e 2 às 13 horas, o próximo horário desse dia em que partirão dois trens simultaneamente dessas duas linhas será às 13 ho-
- a) 10 minutos e 48 segundos b) 7 minutos e 12 segundos
- c) 6 minutos e 30 segundos d) 7 minutos e 20 segundos
- e) 6 minutos e 48 segundos
- 35) (VUNESP-2012) Ao longo de um dia, um supermercado fez vários anúncios dos produtos A, B e C, todos eles

com o mesmo tempo de duração. Os tempos totais de aparição dos produtos A, B e C foram, respectivamente, iguais a 90s, 108s e 144s. Se a duração de cada anúncio, em segundos, foi a maior possível, então, a soma do número de aparições dos três produtos, nesse dia, foi igual a

- a) 14 b) 15
- c) 17
- d)18 e) 19
- 36) (VUNESP-2016) Para iniciar uma visita monitorada a um museu, 96 alunos do 8º ano e 84 alunos do 9º ano de certa escola foram divididos em grupos, todos com o mesmo número de alunos, sendo esse número o maior possível, de modo que cada grupo tivesse somente alunos de um único ano e que não restasse nenhum aluno fora de um grupo. Nessas condições, é correto afirmar que o número total de grupos formados foi
- b) 12 a)8
- c) 13
- d) 15

BASES NUMÉRICAS

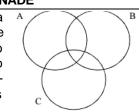
- 37) (FCC-2012) A quantidade 47, em decimal, é representada na base binária em:
- a) 101110
- b) 101111
- c) 111001

- d) 101010
- e)111100
- 38) (VUNESP-2014) Considere o número 999 na notação decimal. Esse mesmo número, na notação hexadecimal é igual a:
- a) 2F6 b)3E7 c)4D6

- d)5F7
- e)6B6
- 39) (CESGRANRIO-2010) Ao se representar o número 3.912 na base 2, obtém-se um número de quantos dígitos? e)20
- a)6 b)8 c) 12 d)14

QUESTÕES DO ENADE

40) (ENADE-2008) A figura mostra 3 conjuntos — A, B e C — em que cada conjunto é representado, no diagrama de Venn, por um círculo no plano. Com relação aos conjuntos A, B e C, julgue os seguintes itens.



$$\begin{array}{ll} \text{I A} \cup \text{B} = \emptyset & \text{II A} - (\text{B} \cap \text{C}) = (\text{A} - \text{B}) \cap (\text{A} - \text{C}) \\ \text{III A} \cap (\text{B} \cup \text{C}) = (\text{A} \cap \text{B}) \cup (\text{A} \cap \text{C}) & \text{IV A} \cap \text{A} = \emptyset \end{array}$$

Assinale a opção correta.

- a) Apenas um item está certo.
- b) Apenas os itens I e II estão certos.
- c) Apenas os itens II e III estão certos.
- d) Apenas os itens III e IV estão certos.
- e) Apenas os itens II, III e IV estão certos.
- 41) (ENADE-2008) Considerando o conjunto A = {1, 2, 3, 4, 5, 6}, qual opção corresponde a uma partição desse conjunto?
- a) {{1}, {2}, {3}, {4}, {5}, {6}}
- b) {{1}, {1,2}, {3,4}, {5, 6}}
- c) {{ }, {1, 2, 3}, {4, 5, 6}}
- d) {{1, 2, 3}, {5, 6}}
- e) {{1, 2}, {2, 3}, {3, 4}, {4, 5}, {5, 6}}
- 42) (ENADE-2011) Observe o diagrama de Venn a seguir. A função representada em azul no diagrama também poderia ser expressa pela função lógica
- a) $(x + z) y + x \overline{y} z$
- b) $(x + z) y + \bar{x} y \bar{z}$
- c) $(x + z) y + \bar{x} \bar{y} \bar{z}$
- d) $(x + z) \bar{y} + x \bar{y} z$
- e) $(x + z) \bar{y} + \bar{x} y \bar{z}$

