

# Summaries

Lec 5 讲了元组、列表等数据结构。注意列表 `list` 的排序方法 `sort()` 和 `sorted()` 的区别。注意列表的拷贝和 `list_a=list_b` 实际上是设置别名的问题。

Lec 6 讲了迭代 `iteration` 和递归 `recursion` 的相同作用和不同特点，包括是如何判定程序结束的。（还没看完 Lec 6）

## Lec 5

元组 Tuples

# 如何直接交换两个数

`(x, y) = (y, x)`

# 整数乘法

`x = 10`

`y = 3`

`x / y # 3.33333`

`x // y # 3`

Lec5-image-1.jpg

### MANIPULATING TUPLES

`aTuple: ( (ints), (strings), (ints) )`

▪ can **iterate** over tuples

```
def get_data(aTuple):
    nums = ()
    words = ()
    for t in aTuple:
        nums = nums + (t[0],)
        if t[1] not in words:
            words = words + (t[1],)
    min_n = min(nums)
    max_n = max(nums)
    unique_words = len(words)
    return (min_n, max_n, unique_words)
```

*empty tuple* (points to `()`)

*singleton tuple* (points to `(t[0],)`)

Diagram illustrating tuple iteration and data extraction:

- `nums` (list of integers) receives values from `t[0]` of each tuple.
- `words` (list of strings) receives values from `t[1]` of each tuple, ensuring uniqueness.
- Annotation: *if not already in words i.e. unique strings from aTuple*

关于 OPERATIONS ON LISTS - REMOVE 的，for x in xxx 最好保持 xxx 不要变，比如 copy 一份，否则会有意想不到的 bug

python 特有的 split 和 join 操作（C 语言木有），还有排序（注意 sorted 和 sort 函数的区别），reverse

然后讲了一个列表 list，操作后改变与否的问题。比如用 sort 就是把 list 本身排序，sort 不返回值；sorted 不改变 list 本身，二是返回一个排序好的 new\_list

还有 list\_new = list 实质上是设置别名（两个不同的指针指向同一块区域），用 list\_new 操作等价于 list 操作

除非用 list\_new = list[:] 或者 list.copy()

这也是个坑，我也踩过，列表这种多个元素组成的数组型数据结构，直接赋值很多语言都是设置别名 alias，要手动调用 copy 才是复制

类似的用法，opencv 中的矩阵也是如此

## Lec 6

# ITERATION vs. RECURSION

```
def factorial_iter(n):  
    prod = 1  
    for i in range(1,n+1):  
        prod *= i  
    return prod  
  
def factorial(n):  
    if n == 1:  
        return 1  
    else:  
        return n*factorial(n-1)
```

- recursion may be simpler, more intuitive
- recursion may be efficient from programmer POV
- recursion may not be efficient from computer POV

数学归纳法

## MATHEMATICAL INDUCTION

§ To prove a statement indexed on integers is true for all values of  $n$ :

- Prove it is true when  $n$  is smallest value (e.g.  $n = 0$  or  $n = 1$ )
- Then prove that if it is true for an arbitrary value of  $n$ , one can show that it must be true for  $n+1$

写一点有用的东西，递归、迭代、数学归纳法（recursion、iteration、induction）

其实本科 C 语言老师也是这么讲的，，，吧。。。经典的递归当然是斐波拉切数列、还有阶乘

张老师按照递推公式讲的，比如  $\text{factorial}(n) = \text{factorial}(n-1) * n$ ；另一方面，张老师毕竟硬核 C 语言，指针啥的很熟（毕竟研究生室友是微信老总张小龙），张老师讲，递归有个递归栈，一层一层压栈，递归返回的过程则是一层一层反方向出栈。看这些内容，神书 SICP 里面也提到了，栈的问题。如果一个递归函数输入某参数，导致压多深的栈，也解不出来，那么就会超过被分配的内存空间，俗称栈溢出（Stack Overflow）。

MIT Python 这门课则是讲了递归下一步的问题是本次问题的子问题（更小，更有解）即，最终步骤  $b = 1$  时，不需要递归，直接返回值；在后面的  $b > 1$  的时候，必须能够到达递归最底层  $b = 1$

函数 **mult** called with  $b = 1$  has no recursive call and stops

函数 **mult** called with  $b > 1$  makes a recursive call with a smaller version of  $b$ ; must eventually reach call with  $b = 1$

For recursive case, we can assume that **mult** correctly returns an answer for problems of size smaller than  $b$ , then by the addiSon step, it must also return a correct answer for problem of size  $b$

一个回文序列的例子

如果 **str** 回文，则 **str** 第一个 **char** 和最后一个 **char** 相同，并且去头去尾也是回文的。

```
def isPalindrome(s):  
    def toChars(s):  
        s = s.lower()  
        ans = ""  
        for c in s:  
            if c in 'abcdefghijklmnopqrstuvwxyz':  
                ans = ans + c  
        return ans  
  
    def isPal(s):  
        if len(s) <= 1:  
            return True  
        else:  
            return s[0] == s[-1] and isPal(s[1:-1])  
  
    return isPal(toChars(s))  
  
print(isPalindrome("iloveshixixihsevoli"))
```

分而制之

**DIVIDE AND CONQUER**

§ an example of a “divide and conquer” algorithm § solve a hard problem by breaking it into a set of subproblems such that:

- sub-problems are easier to solve than the original
- solutions of the sub-problems can be combined to solve the original

字典 **dictionary**

结构化存储?

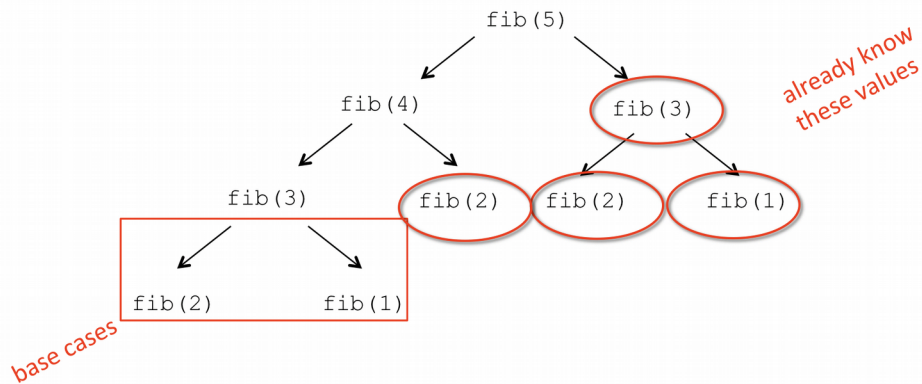
字典.**keys()**和.**values()**不保证顺序

**key** 键值必须唯一

其他，看看课件就好，其实也不难，注意语法。

# INEFFICIENT FIBONACCI

$$\text{fib}(n) = \text{fib}(n-1) + \text{fib}(n-2)$$



- **recalculating** the same values many times!
- could keep **track** of already calculated values

字典的键值对应用，存储递归代中重复使用的结果

```
def fib_efficient(n, d):
    if n in d:
        return d[n]
    else:
        ans = fib_efficient(n - 1, d) + fib_efficient(n - 2, d)
        d[n] = ans
        return ans
```

```
d = {1: 1, 2: 2}
print(fib_efficient(5, d))
```

效率提升

## EFFICIENCY GAINS

fib(34)要 11405773 次递归，而 fib\_efficient(34)只要 65 次。

§ Calling fib(34) results in 11,405,773 recursive calls to the procedure § Calling fib\_efficient(34) results in 65 recursive calls to the procedure § Using dictionaries to capture intermediate results can be very efficient