Лабораторная работа №5

ИССЛЕДОВАНИЕ МОДЕЛИ СИСТЕМЫ МАССОВОГО ОБСЛУЖИВАНИЯ С КОМБИНИРОВАННОЙ ДИСЦИПЛИНОЙ ОБСЛУЖИВАНИЯ

1. Система массового обслуживания с комбинированной ДО

Из теории массового обслуживания и теории телетрафика известны некоторые аналитические модели СМО с комбинированной ДО. Выбор той или иной модели зависит от свойств входящего потока, а также от свойств процесса обслуживания.

Цели данной работы состоит в освоении системы имитационного моделирования и изучении моделей СМО с комбинированной ДО.

План работы:

- 1. Построить имитационную модель СМО с комбинированной ДО, выполнить ее валидацию.
- 2. Получить и сопоставить результаты имитационного и аналитического моделирования на примере CMO M/M/1/k.
- 3. Модифицировать имитационную модель в модель многофазной СМО и исследовать ее функционирование (на примере двухфазной СМО).
 - 4. Сформулировать полученные результаты и сделать выводы.

2. Построение имитационной модели

2.1 Построить структуру модели СМО M/M/1/k в системе AnyLogic Для построения модели используются библиотечные элементы типов: source, delay, queue и sink, параметр, переменная (возможно использовать наработки из предыдущей лабораторной работы).

Элементы соединяются как показано на рисунке 1.

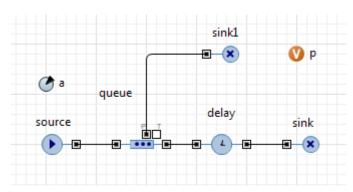


Рисунок 1 – Структура модели

2.2 Определить свойства элементов модели

■ Свойства 🏻	
● source - Source	
Имя:	source 🗸 Отображать имя
Тип заявки:	Packet
Прибывают согласно:	=_ Времени между прибытиями 🔻
Время между прибытиями:	exponential(a)
За 1 раз создается несколько заяво	ок: =_ 🔳
Ограниченное кол-во прибытий:	=, 🔳

Рисунок 2 – Изменение свойств элемента source

■ Свойства 🏻		
· queue - Queue		
Имя:	queue	Отображать имя
Тип заявки:	Packet	
Вместимость:	= 20	
Максимальная вместимость:	=	
Место заявок:	=, [T 75
▼ Специфические		
Очередь:	=_ FIFO	₹
Разрешить уход по таймауту:	=_ 🗆	
Разрешить вытеснение:		
Вернуть заявку в исходную точ	ky: = 🔽	

Рисунок 3 –Изменение свойств элемента queue

■ Свойства 🛭	
(delay - Delay	
Имя:	delay ☑ Отображать имя
Тип заявки:	Packet
Тип:	 Определенное время Пока не вызван метод stopDelay()
Время задержки:	<pre> @ exponential(1) </pre>
Вместимость:	= 1
Максимальная вместимость:	=, 🔳

Рисунок 4 – Изменение свойств элемента delay

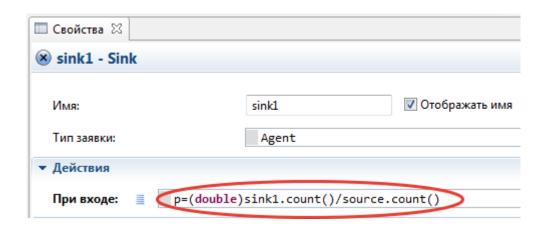


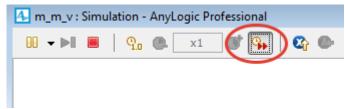
Рисунок 5 –Изменение свойств элемента sink1

2.3 Валидация модели

2.3.1 Проверка функционирования

Произвести компиляцию и запуск имитационной модели (время остановки не задано), значение интенсивности нагрузки выбрать a=0,9.

После успешной компиляции и запуска выбрать максимальную скорость работы модели



После нескольких секунд работы модели на максимальной скорости среднее значение вероятности потери заявки составит примерно равным 0,012, рисунок

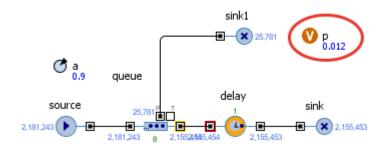


Рисунок 6 –Проверка работы модели

Если при компиляции обнаружены ошибки, проверить структуру модели и значения свойств ее параметров, внести исправления и повторить попытку компиляции и запуска.

2.3.2 Сравнение результатов с аналитической моделью

Выполнить ряд прогонов имитационной модели для двух типов СМО: M/M/1/K с разным значением интенсивности нагрузки и размера очереди. Полученные оценки вероятности потерь занести в таблицу 1, округлять числа до 3 знаков после запятой.

Для аналитической модели М/М/1/К выбрать выражение

$$p = \frac{1 - \rho}{1 - \rho^{K+1}} \rho^K$$

 $\rho = \frac{a}{\mu} = a\bar{t}$, K – равно количеству мест ожидания в очереди + 1.

Таблица – 1 Оценки вероятности потерь для различных значений интенсивности нагрузки СМО M/M/1

N	а		Максимальная длина очереди (К-1)											
		0) 1		4	5		10		20		0	
		ИМ	AM	ИМ	AM	ИМ	AM	ИМ	AM	ИМ	AM	ИМ	AM	
1	0,1													
2	0,2													
3	0,3													
4	0,4													
5	0,5													
6	0,6													

7	0,7						
8	0,8						
9	0,9						
10	0,99						

ИМ – имитационное моделирование,

АМ – аналитическое моделирование.

По данным таблицы 1 построить графики зависимости доли потерянных заявок от интенсивности нагрузки и длины очереди.

3. Исследование СМО G/G/1/К

3.1 Построение модели СМО G/G/1/K

Модифицировать модель СМО M/M/1/K путем изменения свойств элементов source и delay. Структура и элементы модели приведены на рисунке 7.

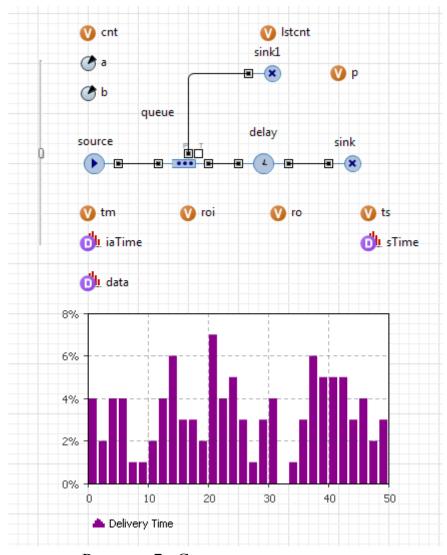


Рисунок 7 – Структура модели

3.2 Определить свойства элементов модели

source - Source		
Имя:	source	Отображать
Тип заявки:	Packet	
Прибывают согласно:	=,	Времени между прибытиями 🔻
Время между прибытиями:	\supset	gamma(a, b, 0)
За 1 раз создается несколько заявок	c =	
Ограниченное кол-во прибытий:	=_,	
Новая заявка:	=_	 Packet
		(чтобы создать другой тип, добав
Местоположение прибытия:	=,	Не задано 🔻
Специфические		
Действия		
До прибытия:		
При подходе к выходу:		
(entity.or LaTime.ac :m=time()	rigTime=time(); dd(time()-tm);

Рисунок 8 –Изменение свойств элемента source

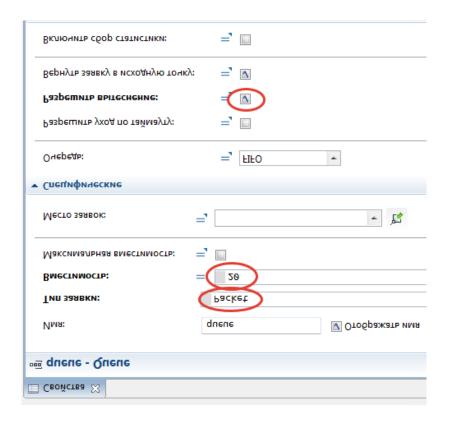


Рисунок 9 – Изменение свойств элемента queue

🛮 Свойства 🛭	
🔇 delay - Delay	
Имя:	delay ✓ Отображать имя
Тип заявки:	Packet
Тип:	=_ Определенное время
	Пока не вызван метод stopDelay()
Время задержки:	<pre>pexponential(1)</pre>
Вместимость:	= 1
Максимальная вместимость:	=, 🔳

Рисунок 10 – Изменение свойств элемента delay

🔳 Свойства 🛭	
🗷 sink - Sink	
Имя: Тип заявки:	sink
▼ Действия	
При входе:	<pre>data.add(time()-entity.origTime); ro=sTime.mean()/iaTime.mean();</pre>
	·

Рисунок 11 –Изменение свойств элемента sink

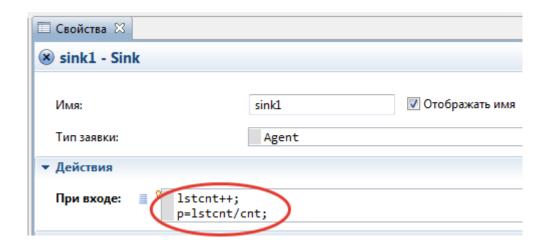


Рисунок 12 – Изменение свойств элемента sink1

□ Свойства 🖾		
🕾 slider - Бегунок		
Имя:	slider	Исключить
Ориентация: 🔘 Горизонт	альная 🍥 Вертикальная	
Добавить метки		
Ѿ Связать с:	Ь	
Минимальное значение:	0.1	
Максимальное значение:	5	
Доступность:		
▼ Действие		
<pre>data.reset(); iaTime.reset(); sTime.reset(); p=0; cnt=0; lstcnt=0;</pre>		

Рисунок 13 – Изменение свойств элемента slider

3.2 Проведение имитационных экспериментов

Выполнить имитационное моделирование для ряда значений интенсивности нагрузки а и количества мест ожидания в очереди. Полученные результаты занести в таблицу 2.

Таблица – 2 Оценки вероятности потерь для различных значений интенсивности нагрузки СМО G/G/1/K

N	а		Максимальная длина очереди (К-1)											
			5							10				
		C_a	C_b	τ	t	ИМ	ам	C_a	C_b	τ	t	ИМ	ам	
1	0,1													
2	0,2													
3	0,3													
4	0,4													
5	0,5													
6	0,6													
7	0,7													

8	0,8						
9	0,9						
10	0,99						

им – имитационное моделирование,

ам – аналитическое моделирование.

t – среднее время обслуживания,

au – среднее интервала между заявками.

В качестве аналитической модели принять выражение

$$p \approx \frac{1 - \rho}{1 - \rho^{\frac{2}{C_a^2 + C_b^2} K + 1}} \cdot \rho^{\frac{2}{C_a^2 + C_b^2} K}$$

$$\rho = \frac{t}{\tau}.$$

По результатам из таблицы 2 построить графики зависимости вероятности потерь от интенсивности нагрузки и максимальной длины очереди.

По полученным результатам сделать соответствующие выводы.

5. Выводы по работе

Сформулировать выводы по каждому из этапов выполнения работы:

- 1. По построению имитационной модели СМО с комбинированной ДО.
- 2. По результатам имитационного и аналитического моделирования на примере CMO M/M/1/K.
 - 3. По результатам исследования СМО G/G/1/K.