IF2211 Strategi Algoritma

IMPLEMENTASI ALGORITMA DIVIDE AND CONQUER UNTUK PENCARIAN TITIK TERDEKAT DALAM DIMENSI KE-N

Laporan Tugas Kecil II

Disusun untuk memenuhi tugas mata kuliah Strategi Algoritma pada Semester II (dua) Tahun Akademik 2022/2023



Oleh

Kenneth Ezekiel Suprantoni 13521089 Alisha Listya Wardhani 13521171

PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA
SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
BANDUNG

2023

DAFTAR ISI

BAB I DESKRIPSI MASALAH	3
BAB II TEORI SINGKAT	3
BAB III RANCANGAN DAN IMPLEMENTASI PROGRAM	6
3.1. Rancangan Algoritma	6
3.2. Generalisasi Algoritma dalam Vektor Rn	7
3.3. Implementasi Program dalam Bahasa Python	8
3.4. Source Code Program	10
BAB IV EKSPERIMEN DAN ANALISIS	15
4.1. Eksperimen Program	15
4.2. Perbandingan dengan Brute Force	16
4.3. Masukkan dan Keluaran Program	16
BAB V KESIMPULAN DAN SARAN	22
5.1. Kesimpulan	22
5.2. Saran	22
LAMPIRAN	23
Pranala Repositori Github	24
Checklist Fitur	24

BAB I

DESKRIPSI MASALAH

Pada tugas ini, permasalahan yang akan dibahas merupakan masalah dengan kedekatan titik-titik N dalam ruang tiga dimensi. Tujuan tugas ini adalah untuk menentukan sepasang titik di dalam himpunan titik-titik tersebut yang jarak *euclidean*-nya terdekat satu sama lain dengan algoritma *Divide and Conquer*. Setiap titik P di dalam ruang dinyatakan dengan koordinat $P = (x_1, y_2, z_1)$. Jarak dua buah titik $P_1 = (x_1, y_1, z_1)$ dan $P_2 = (x_2, y_2, z_2)$ dihitung dengan rumus Euclidean berikut.

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1) + (y_2 - y_1) + (z_2 - z_1)}$$
 (1.1.)

Adapun dalam tugas ini juga akan dilakukan generalisasi algoritma tersebut sehingga dapat menyelesaikan permasalahan kedekatan titik-titik N dalam ruang-k Euclidean. Pada tugas kecil ini, digunakan algoritma *brute force* sebagai tolak ukur yang akan dibandingkan secara kompleksitas dan validitas penyelesaian.

BAB II

TEORI SINGKAT

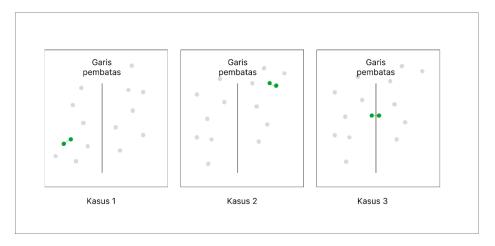
2.1. Algoritma Divide and Conquer

Algoritma *Divide and Conquer* merupakan algoritma dengan pendekatan rekusif yang memanfaatkan pembagian persoalan menjadi upapersoalan yang lebih kecil, menyelesaikannya secara rekusif dan menggabungkan solusinya untuk mendapatkan solusi pada masalah utama.

Berikut merupakan skema umum dalam algoritma Divide and Conquer.

2.2. Pencarian Titik Terdekat

Permasalahan pencarian pasangan titik terdekat umumnya diselesaikan di dalam 2 Dimensi, dimana untuk mendapatkan pasangan titik terdekat secara *brute force*, hanya diperlukan untuk menghitung jarak dari suatu titik ke titik-titik lainnya. Pendekatan *divide and conquer* didalam permasalahan ini adalah untuk membagi himpunan titik-titik menjadi 2 bagian, lalu menghitung titik terdekat untuk setiap bagian secara rekursif.



Terdapat 3 kasus utama dalam pengaplikasian algoritma *divide and conquer* di permasalahan ini, yaitu:

- 1. Pasangan titik terdekat berada di himpunan bagian kiri
- 2. Pasangan titik terdekat berada di himpunan bagian kanan
- 3. Pasangan titik terdekat terpisahkan di himpunan kiri dan kanan

Untuk kasus pertama dan kedua, dapat ditangani dengan mudah dengan kasus-kasus basis untuk perhitungan tiap sisinya, dan untuk penggabungannya hanya perlu untuk membandingkan jarak terkecil saja. Tetapi untuk kasus ketiga, perlu pendekatan yang lebih heuristik, dimana diambil titik-titik yang dekat dengan garis pembagi, definisi dekat disini adalah jarak terkecil yang didapatkan dari penggabungan hasil perhitungan kasus 1 dan 2, dan membandingkan jarak-jarak antar titik-titik yang diambil tersebut, sehingga, akan didapatkan jarak terkecil untuk kasus ke-3.

Terdapat beberapa optimasi untuk perbandingan jarak dari titik-titik yang sudah diambil tersebut, dimana perbandingan titik hanya perlu dilakukan jika titik tersebut terdapat pada himpunan (pada kasus 1 dan 2) yang berbeda, dan ditambah juga hanya perlu membandingkan titik yang jarak di sumbu y dan z nya (atau sumbu k untuk k-dimensi) lebih kecil dari jarak yang didapatkan dari perhitungan sebelumnya (kasus 1 dan 2). Optimasi ini dijelaskan secara lebih detail pada teori *sparsity condition*.

Berikut adalah skema umum dari algoritma pemecahan masalah pencarian pasangan terdekat:

Procedure GetClosestPair(input A: Larik point, n: integer)

{ Menyelesaikan persoalan pencarian pasangan titik terdekat dengan algoritma divide and conquer Masukan: masukan larik point A berukuran n

Luaran: solusi dari persoalan pencarian titik terdekat }

Deklarasi

```
r: integer
Algoritma
   if n = 1 then {Basis 1}
        return NULL
   else if n = 2 then {Basis 2}
        return Jarak(A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>)
   else if n = 3 then {Basis 3}
        return Min(Jarak(A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>), Jarak(A<sub>1</sub>, A<sub>3</sub>), Jarak(A<sub>2</sub>, A<sub>3</sub>))
   else
        DIVIDE menjadi 2 upa-larik P_1, P_2 yang masing-masing berukuran n_1 = FLOOR\left(\frac{n}{2}\right), n_2 = n - n_1
        for masing-masing P_1, P_2 do
             GetClosestPair(P_i, n_i)
        endfor
       COMBINE solusi dari P_1, P_2 menjadi jarak terdekat (\delta)
    ambil titik-titik yang berada sejauh \delta di kiri dan kanan garis tengah pembagi sebagai P_3, P_4
    bandingkan jarak titik-titik dari P_3 dan P_4 yang memiliki jarak y (dan z) lebih kecil dari \delta
    return hasil jarak titik terkecil
  endif
```

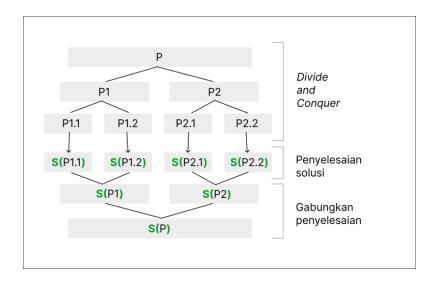
Sparsity Condition yang terdapat pada pencarian titik terdekat yaitu jika terdapat sebuah kubus dengan panjang sisi 2δ mengandung O(1) titik S. Perlu diperhatikan bahwa permasalahan utama belum tentu memiliki kondisi ini.

BAB III

RANCANGAN DAN IMPLEMENTASI PROGRAM

3.1. Rancangan Algoritma

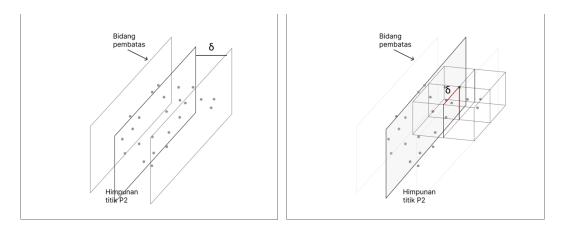
Algoritma divide and conquer untuk penyelesaian permasalahan pasangan titik terdekat dalam 3 dimensi sangat dekat dengan penyelesaiannya dalam 2 dimensi, sehingga kerangka rancangan awalnya sangat dekat pula. Perbedaannya hanya terletak pada rumus perhitungan jarak Euclidean-nya, dan kasus dimana pasangan titik terdekat dipisahkan oleh garis tengah pembagi himpunan. Rumus perhitungan jarak hanya perlu memperhitungkan dimensi tambahan, menjadi rumus perhitungan jarak Euclidean untuk 3 dimensi, sama halnya dengan penanganan kasus untuk 3 dimensi, perubahan yang dibutuhkan hanya terdapat pada sparsity condition, dimana titik-titik yang dibatasi bukan hanya dalam sumbu y, tetapi dalam sumbu z juga, sehingga membentuk sebuah kisi-kisi kubus.



Gambar 3.1.1. Langkah divide and conquer

Berikut adalah langkah-per-langkah dari algoritma divide and conquer yang diterapkan:

- 1. Kumpulkan semua titik menjadi suatu himpunan P_1
- 2. Bagi himpunan P_1 menjadi dua Himpunan P_2 dan P_3 dari sebuah titik tengah himpunan
- 3. Bagi Himpunan P_2 dan P_3 masing-masing menjadi dua himpunan yang lebih kecil
- 4. Saat Himpunan hasil pembagian sudah berisikan 1, 2, atau 3 titik, dapat dihitung jaraknya secara iteratif
- 5. Gabungkan hasil perhitungan dari himpunan-himpunan yang lebih kecil menjadi solusi dari himpunan yang lebih besar (mencari *local minimum* untuk *range* yang lebih besar)
- 6. Setelah semua himpunan digabungkan, menjadi P_2 dan P_3 , gabungkan hasil P_2 dan P_3 menjadi hasil dari P_1 (*local minimum* menjadi *global minimum*)



Gambar 3.2.1. Segmentasi Dalam Titik-titik

Untuk perhitungan jarak dalam himpunan-himpunan kecil, dapat

- 1. Hitung jarak 3 dimensi untuk himpunan kiri dan kanan, hasil jarak terkecil adalah δ
- 2. Hitung jarak 3 dimensi untuk titik-titik antar himpunan kiri dan kanan yang berada sejauh δ dari garis tengah pembagi, dan berjarak maksimal sejauh δ di sumbu y dan z (karena tidak mungkin terdapat jarak 3 dimensi yang lebih kecil dari δ yang muncul dari y dan z dengan jarak yang lebih besar dari δ , karena jarak x sudah dibatasi maksimal sejauh δ
- 3. Gabungkan kedua perhitungan menjadi solusi yang diharapkan untuk himpunan tersebut

3.2. Generalisasi Algoritma dalam Vektor R^n

Permasalahan pencarian pasangan titik terdekat dapat diperluas juga menjadi n-dimensi, yang akan menunjukkan perubahan dari perluasan penyelesaian masalah dari 2 dimensi menjadi 3 dimensi. Hanya saja, sekarang, titik-titik perlu dipandang sebagai vektor di ruang Rⁿ, dan tidak ada cara untuk memvisualisasikan hasilnya diluar dari 3 dimensi dan 2 dimensi. Terlebih dari itu, perubahan yang terjadi sama seperti perluasan 2 dimensi menjadi 3 dimensi, dimana perhitungan jarak sekarang perlu memperhitungkan jarak di dimensi perluasan, dan juga *sparsity condition* akan membatasi titik-titik pada dimensi perluasan tersebut juga.

3.3. Implementasi Program dalam Bahasa Python

Dalam Tugas Kecil II ini, terdapat folder yang berisi lima modul pembantu dan satu file utama. Berikut merupakan rincian serta deskripsi dari setiap file tersebut.

3.3.1. Bruteforce.py

Pada file bruteforce, diimplementasikan sebuah fungsi sebagai validasi kebenaran algoritma *Divide and Conquer* dan menjadi tolak ukur perbandingan algoritma.

Nama Fungsi / Prosedur	Deskripsi	
	Fungsi yang menerima input vector pada n dimensi dan	
bruteforce	mengembalikan pasangan titik terdekat serta nilai jarak terdekat	
	tersebut. Fungsi ini menggunakan algoritma bruteforce yang	
	mengecek satu persatu titik	

6.3.2. Sorting.py

Pada file ini merupakan implementasi fungsi pengurutan karena pengurutan tidak memperbolehkan memakai *library*. Algoritma yang digunakanmerupakan algoritma QuickSort (*Divide and Conquer*).

Nama Fungsi / Prosedur	Deskripsi		
	Fungsi untuk membagi larik vector menjadi larik-larik yang		
partitioning	lebih kecil. Fungsi ini menerima input vector, jumlah dimensi,		
	batas bawah, dan batas atas dan mengeluarkan pointer untuk		
	membagi larik menjadi dua larik yang lebuh kecil.		
	Prosedur ini merupakan prosedur pengurutan yang		
quickSort	menggunakan prinsip divide and conquer menggunakan		
	algoritma rekursif.		

3.3.3. Visualizer.py

Pada file ini, dilakukan visualisasi khusus untuk vector-vektor pada bidang yang dapat divisualisasi (1D, 2D, ataupun 3D). Fungsi pada file ini menggunakan library matplotlib.

Nama Fungsi / Prosedur	Deskripsi	
	Prosedur yang menerima vector satu dimensi dan pasangan titik	
Visualize1DResult	terdekat, kemudian memvisualisasikan titik-titik tersebut serta	
	menghubungkan titik-titik dengan jarak terdekat.	
	Prosedur yang menerima vector dua dimensi dan pasangan titik	
Visualize2DResult	terdekat, kemudian memvisualisasikan titik-titik tersebut serta	
menghubungkan titik-titik dengan jarak terdekat.		
	Prosedur yang menerima vector tiga dimensi dan pasangan titik	
Visualize3DResult	terdekat, kemudian memvisualisasikan titik-titik tersebut serta	
	menghubungkan titik-titik dengan jarak terdekat.	

3.3.4. DivideAndConquer.py

File ini berisi algoritma utama yang akan dites dalam tugas kecil. Algoritma yang digunakan menggunakan konsep divide and conquer.

Nama Fungsi / Prosedur	Deskripsi	
	Fungsi yang menerima input 2 vektor di n dimensi dan	
getDistanceBetweenTwoPoints	mengembalikan jarak antara kedua vektor tersebut	
	menggunakan rumus jarak euclidean	
	Fungsi yang menerima input larik vektor di n dimensi dar jumlah vektornya dan mengembalikan jarak terdekat dar	
getClosestPair		
	indeks dari vektor yang berkoresponden dengan jaral	
	tersebut dalam larik vektor utama berdasarkan algoritma	
	divide and conquer	

3.3.5. InputHandler.py (Class)

Kelas ini berisi objek vector yang diolah pada program.

Atribut	Deskripsi	
num	Jumlah titik yang terdapat pada objek	
dimension	Nomor dimensi objek tersebut berada	
size	Besar threshold pada objek	
vecArr	Larik vector berisi titik-titik yang dimiliki objek	
Nama Fungsi / Prosedur	Deskripsi	
	Mengkonstruksi objek InputHandler denan parameter jumlah	
init	vektor, jumlah dimensi, batas maksimal di sumbu koordinat,	
	Boolean penggunaan decimal dengan nilai default True,	
	Boolean random dengan nilai default True, dan larik vektor	
	masukan dengan nilai default larik kosong	
	Mengacak dan membuat vektor-vektor yang akan ditempatkan	
randomizeVector	dalam atribut larik vektor objek, pengacakan dilakukan dengan	
	pengambilan sampel acak dari distribusi normal	
printVectors	Menunjukkan atribut larik vektor dari objek	

3.3.6. main.py

Nama Fungsi / Prosedur	Deskripsi
Program utama	Menetapkan alur program utama

3.4. Source Code Program

Berikut merupakan struktur dari program pada Tugas Kecil II Pencarian Ttitik Terdekat

```
README

doc
    Tuci12_13521089_13521171

input
    test
    src
    Modules
    Bruteforce.py
    DivideandConquer.py
    InputHandler.py
    Sorting.py
    Visualizer.py
    main.py

test
    visualizer.png
```

```
Bruteforce.py
import math
import numpy
n = 0
def bruteforce(vectors: numpy.array):
     closest = (numpy.sqrt(numpy.sum(numpy.square(vectors[1][:] - vectors[0][:]))))
     # VecBar = [x, y, z, ...] vecBar = []
     idxpair = numpy.array([])
     for i in range(0, vectors.shape[0]):
    for j in range(1, vectors.shape[0]):
               if (i != j):
    for k in range(0, vectors.shape[1]):
                          temp = 0
                          vecBar.append(vectors[j][k] - vectors[i][k])
                          for p in range(len(vecBar)):
                               temp += pow(vecBar[p],2)
                    vecBar = []
                    val = math.sqrt(temp)
                    n += 1
                    if (val < closest):</pre>
                    closest = val
  idxpair = numpy.array([i, j])
elif (val == closest) and ([j, i] not in idxpair):
  idxpair = numpy.append(idxpair, [i, j])
     return idxpair, numpy.round(closest, 3)
```

```
DivideAndConquer.py
import numpy
n = 0
# CLOSEST DISTANCE ALGORITHM
def getDistanceBetweenTwoPoints(A : numpy.array, B : numpy.array):
     squared_sum = numpy.sum(numpy.square(A - B))
     return numpy.sqrt(squared_sum)
def getClosestPair(vectors : numpy.array, n : int):
         closest : float
         idxpair = numpy.array([])
             # print("No Closest Pair for one point!")
              closest = getDistanceBetweenTwoPoints(vectors[0], vectors[1])
              idxpair = numpy.array([0, 1])
         elif (n == 3):
              # print("Triplet")
closest = getDistanceBetweenTwoPoints(vectors[1], vectors[2])
              idxpair = numpy.array([1, 2])
              for i in range(0, 3):
                  if (i != 0):
                       temp = getDistanceBetweenTwoPoints(vectors[0], vectors[i])
                       if temp < closest:</pre>
                           idxpair = numpy.array([0, i])
                           closest = temp
              # divide the array
             n_div = int(n / 2)
left = vectors[0:n_div]
              right = vectors[n_div:n]
              leftidxpair, leftclosest = getClosestPair(left, n_div)
rightidxpair, rightclosest = getClosestPair(right, n - n_div)
              if leftclosest < rightclosest:</pre>
                  closest = leftclosest
                  idxpair = leftidxpair
              elif rightclosest < leftclosest:</pre>
                  closest = rightclosest
                  idxpair = rightidxpair[0:rightidxpair.size] + n_div
                  closest = leftclosest # or right, it's the same
                  idxpair = numpy.append(leftidxpair, rightidxpair[0:rightidxpair.size] + n_div)
              # x0 is the middle point of division
              x0 = ((vectors[n_div-1][0] + vectors[n_div][0]) / 2)
              # get all points inside the slab x0 with unbounded y and z allpointsleft = numpy.array([])
              allpointsright = numpy.array([])
idxmappingleft = numpy.array([])
              idxmappingright = numpy.array([])
              npointsleft = 0
              npointsright = 0
              for i in range(n):
```

```
if vectors[i][0] >= x0 - closest and vectors[i][0] < x0:</pre>
                      allpointsleft = numpy.append(allpointsleft, vectors[i])
                      idxmappingleft = numpy.append(idxmappingleft, i)
                      npointsleft += 1
                  if vectors[i][0] >= x0 and vectors[i][0] <= x0 + closest: # points in the middle</pre>
included in the right, if there is (should be none)

allpointsright = numpy.append(allpointsright, vectors[i])
                      idxmappingright = numpy.append(idxmappingright, i)
                      npointsright += 1
             allpointsleft = numpy.reshape(allpointsleft, (npointsleft, vectors[0].size))
             allpointsright = numpy.reshape(allpointsright, (npointsright, vectors[0].size))
             # print(allpointsleft, allpointsright)
             # only need to consider these points in the slab
distance <= delta (closest) and so on for n-dimensions
# there will always be a hard limit on the number of points for every point inside the
             # therefore O(n), even considering the pessimistic scenario where all points are in the
             nrowleft, ncolleft = allpointsleft.shape
             nrowright, ncolright = allpointsright.shape
             for i in range(0, nrowleft):
                  for j in range(0, nrowright):
     p1 = allpointsleft[i]
                           p2 = allpointsright[j]
                           # get all distance of p1 and p2 in the y and z dimension (in n-dimension, get
                           p3 = abs(p1 - p2)[1:]
# check if their distances <= delta (closest)</pre>
                           if all(x <= closest for x in p3):</pre>
                               distance = getDistanceBetweenTwoPoints(p1, p2)
                               if distance < closest:</pre>
                                   closest = distance
                                    idxpair = numpy.array([idxmappingleft[i],
idxmappingright[j]]).astype(int)
                                    # print(idxpair, idxpair[0])
for description) = 0(n \log n)
         return idxpair, numpy.round(closest, 3)
```

```
InputHandler.py
 Importing Libraries
from Modules.Sorting import partitioning from Modules.Sorting import quickSort
import numpy
from numpy random import Generator, PCG64
import time
class InputHandler():
    def __init__(self, num: int, dimension: int, size: int, decimalOn=True, randomize=True,
inputVector=numpy.array([])):
        self.num = num
        self.dimension = dimension
        self.vecArr = []
        if (randomize):
            self.randomizeVector()
             self.vecArr = inputVector
        # option to use decimals or not
        if not decimalOn:
            self.vecArr = numpy.round(self.vecArr)
            self.vecArr = numpy.round(self.vecArr, 3)
```

```
# Preprocessing
# Sorting Array
self.vecArr = numpy.transpose(self.vecArr)
quickSort(self.vecArr, self.dimension, 0, self.num-1)
self.vecArr = numpy.transpose(self.vecArr)

def randomizeVector(self):
    print("Randomizing vectors...")

    vector = []
    for i in range(self.num * self.dimension):
        a = numpy.random.uniform(low=0.0, high=self.size)
        vector.append(a)
    self.vecArr = numpy.array(vector).reshape(self.num, self.dimension)

# self.vecArr = self.size * self.vecArr

def printVectors(self):
    print("Printing vectors...")
    print(self.vecArr)
```

```
Sorting.py
import numpy
# QUICK SORT
def partitioning(vectors: numpy.array, dimension:int, lowerBound: int, upperBound: int):
     # Choose the pivoting
    pivot = vectors[0][upperBound]
    i = lowerBound - 1
    for j in range(lowerBound, upperBound):

# Swapping if value is lower
         if vectors[0][j] <= pivot:</pre>
              i += 1
              for k in range(dimension):
                  (vectors[k][i], vectors[k][j]) = (vectors[k][j], vectors[k][i])
    # Swapping pivot elemen
     for p in range(dimension):
         (vectors[p][i+1], vectors[p][upperBound]) = (vectors[p][upperBound], vectors[p][i+1])
    # Return pointer
return (i+1)
def quickSort(vectors: numpy.array, dimension: int, lowerBound: int, upperBound: int):
     if lowerBound < upperBound:</pre>
         # Finding pivot element
x = partitioning(vectors, dimension, lowerBound, upperBound)
         quickSort(vectors, dimension, lowerBound, x-1) quickSort(vectors, dimension, x+1, upperBound)
```

```
Visualizer.py
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy
from mpl_toolkits import mplot3d

def visualize2DResult(vectors: numpy.array, idxpair):
    print("Visualizing Vectors...")
    # Configure Plot
    xres = []
    yres = []
    xdata = []
    ydata = []

# Set labels
# plt.set_xlabel('X Label')
# plt.set_ylabel('Y Label')
```

```
for i in range(vectors.shape[0]):
            if i in idxpair:
                   xres = numpy.append(xres, vectors[i,0])
                  yres = numpy.append(yres, vectors[i,1])
                  xdata = numpy.append(xdata, vectors[i,0])
ydata = numpy.append(ydata, vectors[i,1])
      plt.scatter(xdata, ydata, color= "black", linewidth=0.5)
plt.scatter(xres, yres, color="green", linewidth=0.5)
plt.savefig('Visualizer.png', dpi=300)
      plt.show()
def visualize3DResult(vectors: numpy.array, idxpair):
      print("Visualizing Vectors...")
      fig = plt.figure()
      ax = plt.axes(projection='3d')
      count = 0
      RGB = [0,0,0]
      xres = []
yres = []
      zres = []
      xdata = []
ydata = []
      zdata = []
     x = []
y = []
z = []
     ax.set_xlabel('X')
ax.set_ylabel('Y')
      ax.set_zlabel('Z')
      for i in range(vectors.shape[0]):
            if i in idxpair:
                  xres = numpy.append(xres, vectors[i,0])
yres = numpy.append(yres, vectors[i,1])
zres = numpy.append(zres, vectors[i,2])
                   count += 1
                   if (count % 2 == 1):
                         RGB[count % 3] = numpy.random.uniform(0.3, 1.0)
                         x = numpy.append(x, vectors[i,0])
y = numpy.append(y, vectors[i,1])
z = numpy.append(z, vectors[i,2])
                         x = numpy.append(x, vectors[i,0])
                         y = numpy.append(y, vectors[i,1])
z = numpy.append(z, vectors[i,2])
ax.plot(x, y, z, color='green')
                   # data
                   xdata = numpy.append(xdata, vectors[i,0])
                   ydata = numpy.append(ydata, vectors[i,1])
zdata = numpy.append(zdata, vectors[i,2])
      ax.scatter(xdata, ydata, zdata, color= "black", linewidth=0.5)
ax.scatter(xres, yres, zres, color=RGB, linewidth=0.5)
plt.savefig('../test/Visualizer.png', dpi=300)
      plt.show()
```

BAB IV

EKSPERIMEN DAN ANALISIS

Setelah dibuat algoritma penyelesaian menggunakan *Divide and Conquer*, hasilnya akan dibandingkan dengan algoritma *brute force* sebagai referensi. Parameter yang dijadikan perbandingan adalah kesamaan hasil penyelesaian, banyak operasi yang dilakukan, serta waktu yang diperlukan untuk menemukan penyelesaian.

4.1. Eksperimen Program

Eksperimen Program dilakukan pada perangkat dengan spesifikasi Prosesor Ryzen 5 3550H dan Intel i5.

	550H dan Intel i5.			
Soal	Penyelesaian	Referensi / Brute Force	Analisis	
N titik: 1000 N dimensi: 3	START CONQUERING! closest distance: 5.969 pair of points index: [769 773]	closest distance: 5.969 pair of points index: [769 773] 769: [782.26 113.743 529.057]	Kedua algoritma mengembalikan hasil yang	
Batas koordinat:	769: [782.26 113.743 529.057] 773: [785.975 109.526 531.068]	773: [785.975 109.526 531.068] number of operations: 998001	sama.	
1000	number of operations: 1000 time duration: 0.20724 seconds	time duration: 20.01956 seconds Oof! That took a lot longer	Hal yang menarik muncul dari	
			algoritma DnC, dimana hanya	
			membutuhkan 1000 operasi	
			untuk 100 titik	
N titik: 16	START CONQUERING! closest distance: 19.286	closest distance: 19.286 pair of points index: [10 12]	Kedua algoritma	
N dimensi: 3	pair of points index: [10 12]	10: [68.733 1.534 14.874]	mengembalikan hasil yang	
Batas koordinat:	10: [68.733 1.534 14.874] 12: [85.209 2.62 24.839]	12: [85.209 2.62 24.839] number of operations: 225	sama, untuk n yang cukup kecil,	
100	number of operations: 19 time duration: 0.00184 seconds	time duration: 0.00188 seconds Oof! That took a lot longer	perbedaan algoritma divide and	
	Cline duracton 5100204 Seconds	conquer dan bruteforce belum		
			cukup terlihat dari segi waktu,	
			walau sudah terlihat dalam segi	
			operasi, hal ini dikarenakan	
			overhead dari pemanggilan	
			rekursi masih menyeimbangkan	
			waktu dari perhitungan operasi	
			pada bruteforce	
N titik: 64	START CONQUERING! closest distance: 5.591	closest distance: 5.591 pair of points index: [38 40]	Kedua algoritma menghasilkan	
N dimensi: 3	pair of points index: [38 40]	38: [51.831 64.985 15.781]	hasil yang sama, dan mulai	
Batas koordinat:	38: [51.831 64.985 15.781] 40: [55.588 60.87 16.243]	number of operations: 3969	terlihat efek dari O(n ²)	
100	number of operations: 70 time duration: 0.00817 seconds	time duration: 0.03383 seconds Oof! That took a lot longer	dibandingkan hanya overhead	
			pemanggilan rekursi	
N titik: 128	START CONQUERING! closest distance: 2.245	84: [62.225 35.398 64.639] number of operations: 16129 time duration: 0.12453 seconds	Kedua algoritma menghasilkan	
N dimensi: 3	pair of points index: [82 84] 82: [61.733 37.588 64.607]		hasil yang sama, dapat dilihat	
Batas koordinat:	84: [62.225 35.398 64.639]		bahwa jarak antar operasi dan	
100	number of operations: 128 time duration: 0.01533 seconds		durasi memiliki jarak yang	
			semakin menjauh	

N titik: 1000
N dimensi: 3
Batas koordinat:

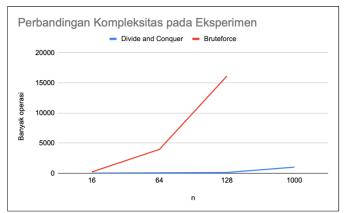
100

START CONQUERING!
closest distance: 0.674
pair of points index: [897 902]
897: [89.848 20.589 46.831]
902: [90.176 20.349 47.369]
number of operations: 1015
time duration: 0.17993 seconds

Closest distance: 0.674
pair of points index: [897 902]
897: [89.848 20.589 46.831]
902: [90.176 20.349 47.369]
number of operations: 998001
time duration: 7.29592 seconds
00f! That took a lot longer

Kedua algoritma menghasilkan
hasil yang sama dengan
perbedaan jumlah operasi yang
sangat signifikan

4.2. Perbandingan Kompleksitas Algoritma dengan Brute Force



Gambar 4.2.1. Perbandingan Kompleksitas Algoritma pada Eksperimen

Berikut merupakan perbandingan kompleksitas algoritma berdasarkan eksperimen yang dilakukan. Pada n = 1000, banyak operasi yang dilakukan algoritma *bruteforce* adalah sebanyak 998001 operasi sehingga jika di *plot*, dikhawatirkan tidak merepresentasikan kompleksitas algoritma *divide and Conquer*.

Berdasarkan eksperimen tersebut, didapat bahwa kompleksitas algoritma *brute force* dalam pemecahan masalah pencarian pasangan titik terdekat memerlukan O(n²) karena untuk setiap titik, diperlukan untuk mengecek jarak ke setiap titik lainnya. Sedangkan untuk algoritma *divide and conquer*, karena untuk setiap himpunan akan dibagi menjadi 2 himpunan dengan jumlah titik masing-masing setengah dari total titik di himpunan awal, maka

$$T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + n(c^{d-1}), n > 2$$

Dimana $n(c^{d-1})$, c sebuah konstan dan d dimensi persoalan, adalah waktu untuk memroses titik-titik didekat garis pembagi, dan

$$T(n) = a, 2 \le n \le 3$$

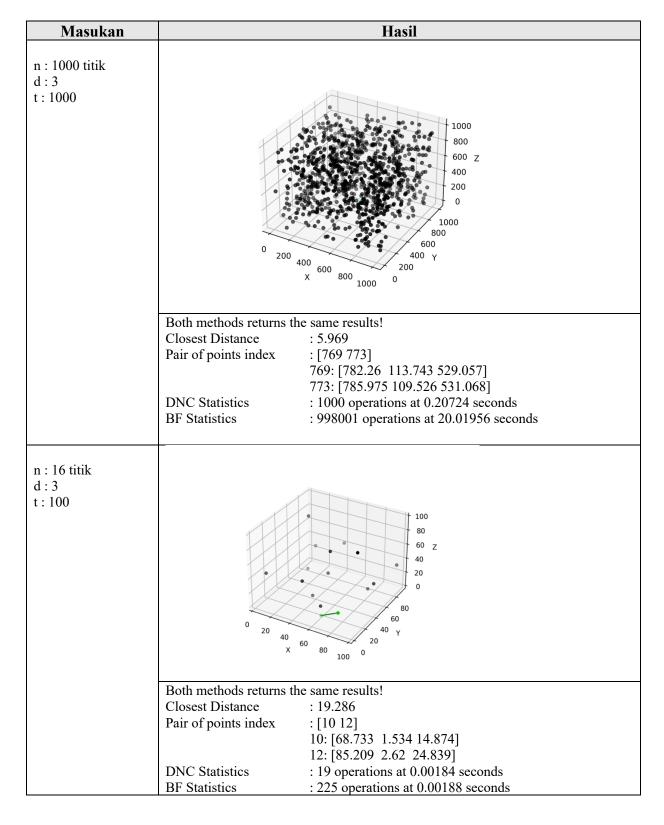
Sehingga dengan teorema master, $T(n) = O(n \log n)$

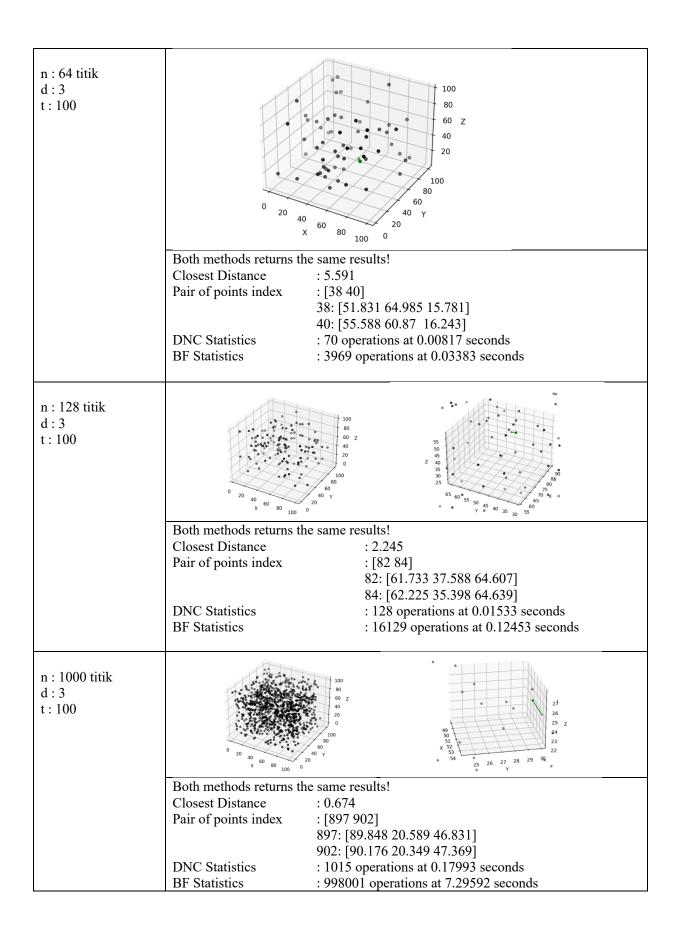
4.3. Algoritma Pengurutan (QuickSort)

Dalam tugas kecil ini, kami memilih pendekatan *divide and conquer* dalam algoritma pengurutan. Langkah yang dilakukan pada algoritma yaitu mempartisi larik menjadi lebih kecil. Pada implementasi yang penulis lakukan, *pivot* untuk mempartisi selalu memilih elemen terakhir. Ketika elemen dibandingkan dan terdapat ketidaksesuaian, maka akan terjadi pergantian elemen.

4.3. Masukan dan Keluaran Program

Berikut merupakan masukan dan keluaran program. Program menerima 3 parameter, yaitu jumlah titik (n), dimensi (d), dan threshold (t).





Berikut merupakan permasalahan dalam Dimensi-n.

```
Permasalahan
                                                                         Hasil
                               Randomize vectors? (y/n) : y
                              Enter The Number of Points : 1000
Enter The Number of Dimensions : 5
Enter max threshold size for a point : 1000
n: 1000 titik
d:5
                               Use decimals? (y/n) : y
t:1000
                               Randomizing vectors...
                             Divide and Conquer START CONQUERING! closest distance: 32.441
                               pair of points index: [231 244]
231: [241.743 256.396 89.701 218.531 985.103]
244: [250.881 268.71 88.717 191.215 993.48]
number of operations: 1374
                               time duration: 0.2436 seconds
                             Bruteforce
                               closest distance: 32.441
                               pair of points index: [231 244]
231: [241.743 256.396 89.701 218.531 985.103]
244: [250.881 268.71 88.717 191.215 993.48]
number of operations: 998001
                               time duration: 9.69494 seconds
Both methods returns the same results!
Closest Distance
                            : 32.441
Pair of points index
                            : [231 244]
231: [241.743 256.396 89.701 218.531 985.103]
244: [250.881 268.71 88.717 191.215 993.48 ]
                             : 1374 operations at 0.2436 seconds
DNC Statistics
BF Statistics
                             : 998001 operations at 9.69494 seconds
                              Randomize vectors? (v/n): \vee
                              Enter The Number of Points: 1000
n: 1000 titik
                              Enter The Number of Dimensions : 10
d:10
                               Enter max threshold size for a point : 1000
t:1000
                              Use decimals? (y/n): y
                             Divide and Conquer
                              START CONQUERING!
                              closest distance: 279.359
                              pair of points index: [722 910]
                              722: [721.13 447.046 108.994 813.956 696.734 782.862 672.114 369.759 279.138
                               697.996]
                              910: [918.104 541.815 88.694 883.09 778.365 821.989 634.324 294.797 214.768
                              number of operations: 5348
                              time duration: 1.44834 seconds
                             Bruteforce
                              closest distance: 279.359
                              pair of points index: [722 910]
                              722: [721.13 447.046 108.994 813.956 696.734 782.862 672.114 369.759 279.138
                              697.996]
910: [918.104 541.815 88.694 883.09 778.365 821.989 634.324 294.797 214.768
                               773.39 ]
                              number of operations: 998001
                              time duration: 59.83016 seconds
                              Oof! That took a lot longer
```

Both methods returns the same results!

Closest Distance : 279.359

Pair of points index : [722 910]

722: [721.13 447.046 108.994 813.956 696.734 782.862 672.114 369.759 279.138 697.996] 910: [918.104 541.815 88.694 883.09 778.365 821.989 634.324 294.797 214.768 773.39]

DNC Statistics : 5348 operations at 1.44834 seconds BF Statistics : 998001 operations at 59.83016 seconds

n: 1000 titik d: 1000 t: 1000

```
Randomize vectors? (y/n) : y
Enter The Number of Points : 1000
Enter The Number of Dimensions : 1000
Enter max threshold size for a point : 1000
Use decimals? (y/n) : y
Randomizing vectors...
START CONQUERING!
closest distance: 11704.082
pair of points index: [101 727]
101: [100.646 630.876 318.456 927.561 107.867 486.853 566.671 345.089
660.738 710.584 189.98 605.43 209.795 15.804 407.552 266.498 171.5
926.057 465.558 166.742 301.985 8.739 71.5 356.121 862.171 232.6
                 28 680.172 591.886 159.517 263.779 109.08
862 879.374 542.025 504.854 258.911 191.331
455 652.191 3.27 246.486 407.687 456.173
               .028 364.906 187.126 673.991

.367 820.091 587.656 428.116

.817 577.116 825.649 769.888

.5 660.134 70.919 614.242

.984 814.721 504.643 664.608

.824 903.501 287.969 250.618

.814 602.836 786.182 768.285
                                                                                                         989.071 326.388
492.856 978.963
866.887 847.949
                                                                                                             69.01 908.194 713.051 185.36
     5.59232e+02 7.22422e+02 8.07750e+02 7.11605e+02 4.37923e+02 2.27704e+7.56769e+02 8.80496e+02 2.07675e+02 2.30839e+02 2.66255e+02 9.61395e+9.17016e+02 9.52000e-01 2.82895e+02 3.73516e+02 5.19436e+02 8.94395e+1.94704e+02 9.17897e+02 4.79416e+02 7.71975e+02 6.02556e+02 5.80769e+
                                  -02 8.25716e+02 7.28845e+02 1.45300e+01
-02 5.61668e+02 2.35435e+02 9.01226e+02]
  number of operations: 499500
time duration: 67.76996 seconds
```

Diketahui dapat melakukan operasi dalam 67 detik sebanyak 499500 operasi. Bruteforce membutuhkan lebih dari 3 jam sehingga tidak terselesaikan.

Berikut merupakan hasil dari permasalahan menarik yang penulis temukan selama mengerjakan tugas kecil ini.

Permasalahan Menarik	Hasil
100.000 titik 3 dimensi Batas: 1	Randomize vectors? (y/n): y Enter The Number of Points: 100000 Enter The Number of Dimensions: 3 Enter max threshold size for a point: 1 Use decimals? (y/n): y Randomizing vectors START CONQUERING: closest distance: 0.001 pair of points index: [310 402 2548 2675 4918 5006 5604 5646 5877 6026 9097 9209 12041 12101 13607 13696 14161 14278 16089 16170 18217 18313 28024 22067 29095 20983 25163 25224 31743 31866 32871 32966 33314 33395 33314 33395 34079 34217 34508 34626 43437 43546 44899 44997 47752 47804 56434 56615 55749 55793 56712 56735 68385 68526 69786 69871 74542 74673 75215 75273 81936 81424 84233 87841 87866 88351 88465 91492 91628 93215 93341 96575 96695] 310: [0.003 0.751 0.462] number of operations: 102802 time duration: 90.00496 seconds NOW THE PROBLEM HAS BEEN CONQUERED! DEVIDE ET IMPERA!
	Pada eksperimen ini, ditemukan bahwa titik terdekat dalam 1 juta titik dengan threshold 0-1000 dapat diperoleh selama 90.004 detik sebanyak 102802 operasi. Bruteforce melebihi 3 jam sehingga tidak terselesaikan.
1.000.000 titik 3 dimensi Batas: 1000	closest distance: 0.111 pair of points index: [457180 457257] 457180: [457.169 819.062 267.148] 457257: [457.169 819.062 267.148] 457257: [457.247 819.095 267.22] number of operations: 2024287 time duration: 12464.03732 seconds NOW THE PROBLEM HAS BEEN CONQUERED: DEVIDE ET IMPERA: Now Bruteforcing your way through Traceback (most recent call last): File "C:\Users\Kenneth Ezekie\\OneDrive\Documents\GitHub\Tucil2_13521089_13521171\src\main.py", line 96, in <module> pairBr, distBr = Bf.bruteforce(Input.vecArr) File "C:\Users\Kenneth Ezekie\\OneDrive\Documents\GitHub\Tucil2_13521089_13521171\src\Modules\Bruteforce.py", line 24, in bruteforce temp == pow(vecBar[p],2) KeyboardInterrupt **Temporal Control of the Contro</module>
	Pada eksperimen ini, ditemukan bahwa titik terdekat dalam 1 juta titik dengan threshold 0-1000 dapat diperoleh selama 12464.037 detik sebanyak 2024787 operasi. Bruteforce melebihi 7 jam sehingga tidak terselesaikan.
1.000.000 titik 3 dimensi Batas: 10000	Randomize vectors? (y/n): y Enter The Number of Points: 1000000 Enter The Number of Dimensions: 3 Enter max threshold size for a point: 10000 Use decimals? (y/n): y Randomizing vectors START CONQUERING! closest distance: 0.956 pair of points index: [241439 241465] 241439: [2425.463 421.743 7113.994] 241465: [2425.735 421.98 7113.109] number of operations: 1058045 time duration: 2556.59263 seconds NOW THE PROBLEM HAS BEEN CONQUERED! DEVIDE ET IMPERA!
	Pada eksperimen ini, ditemukan bahwa titik terdekat dalam 1 juta titik dengan threshold 0-10000 dapat diperoleh selama 2556.592 detik sebanyak 1058045 operasi. Bruteforce melebihi 7 jam sehingga tidak terselesaikan

BAB V

KESIMPULAN DAN SARAN

5.1. Kesimpulan

Pada tugas kecil II IF2211 Strategi Algoritma ini telah diimplementasikan algoritma berbasis *Divide and Conquer* beserta fungsi-fungsi pendukung dalam tujuan untuk menyelesaikan pencarian pasangan titik terdekat pada ruang n dimensi. Fungsi-fungsi tersebut mencakup fungsi yang menangani masukan titik, fungsi penyelesaian, fungsi pengurutan, serta fungsi visualisasi. Implementasi tersebut kemudian berhasil direalisasikan dalam sebuah program dengan bahasa python.

Algoritma divide and conquer pada tugas ini digunakan untuk penyelesaian masalah pencarian pasangan titik terdekat, dimana himpunan titik akan dibagi menjadi bagian yang semakin lama semakin kecil, dihitung jarak terkecil dari tiap himpunan kecil alias local minimum, dan menggabungkannya untuk mencari jarak terkecil diantara pasangan titik di himpunan titik awal yang bisa disebut global minimum.

Dengan demikian, penulis menyimpulkan bahwa melalui Tugas Kecil II IF2211 Strategi Algoritma ini, dapat dibuat sebuah algoritma berbasis *Divide and Conquer* yang mengkomputasi solusi permasalahan *closest pair* pada titik-titik di dalam ruang dimensi N.

5.2. Saran

Tugas Kecil IF2211 Strategi Algoritma Semester II Tahun 2022/2023 menjadi salah satu tugas yang memberikan pelajaran baru bagi penulis. Berdasarkan pengalaman penulis mengerjakan tugas ini, berikut merupakan saran untuk pembaca yang ingin melakukan atau mengerjakan hal yang serupa.

- 1. Keefektifan dalam kerja sama tim merupajan hal yang penting dalam mengerjakan tugas ini. Tugas ini sangat terbantu oleh pemakaian *real-time collaboration app*. Selain itu, pemakaian aplikasi pengelola version control seperti Github sangat disarankan agar memudahkan untuk mengelola pekerjaan secara asinkron.
- 2. Mengingat bahwa tugas ini berhubungan erat dengan perhitungan secara matematis, dibutuhkan pemahaman serta ketelitian yang ekstra dalam pengembangan algoritma. Setiap strategi yang diimplementasi perlu diperhatikan kebenarannya dan meminimalisasi terjadi berkurangnya informasi dalam pengolahan data.
- 3. Mengingat bahwa tugas ini menangani titik dalam n dimensi, perancangan algoritma dan struktur program menjadi hal yang penting untuk diperhatikan. Paga tugas ini, kami menggunakan tipe *multidimensional array* yang banyak diolah menggunakan Pustaka *numpy*.

DAFTAR PUSTAKA

- Gautam, S. (n.d.). Divide and
 - Conquer Algorithm. https://www.enjoyalgorithms.com/blog/divide-and-conquer
- Python File Write. (n.d.). https://www.w3schools.com/python/python file write.asp
- Closest pair of points in 3D. (n.d.). Computer Science Stack
 - Exchange. https://cs.stackexchange.com/questions/155286/closest-pair-of-points-in-3d
- Suri, S. (n.d.). UC Santa Barbara : Closest Pair Problem.
 - https://sites.cs.ucsb.edu/~suri/cs235/ClosestPair.pdf
- Munir, R. (2022). Algoritma Divide and Conquer (1). Retrieved from Homepage Rinaldi Munir: https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2020-2021/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2021)-Bagian1.pdf
- Munir, R. (2022). Algoritma Divide and Conquer (2). Retrieved from Homepage Rinaldi Munir: https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2020-2021/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2021)-Bagian2.pdf
- Munir, R. (2022). Algoritma Divide and Conquer (3). Retrieved from Homepage Rinaldi Munir: https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2020-2021/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2021)-Bagian3.pdf
- Munir, R. (2022). Algoritma Divide and Conquer (4). Retrieved from Homepage Rinaldi Munir: https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2020-2021/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2021)-Bagian4.pdf

LAMPIRAN

Pranala Repositori Github

Repositori GitHub

Checklist Fitur

Poin	Ya	Tidak
1. Program berhasil dikompilasi tanpa ada kesalahan.	v	
2. Program berhasil running	V	
3. Program dapat menerima masukan dan menuliskan luaran.	V	
4. Luaran program sudah benar (solusi closest pair benar)	V	
5. Bonus 1 dikerjakan	V	
6. Bonus 2 dikerjakan	v	