$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = xy, \quad 0 < x < \pi, \quad 0 < y < \pi/2$$

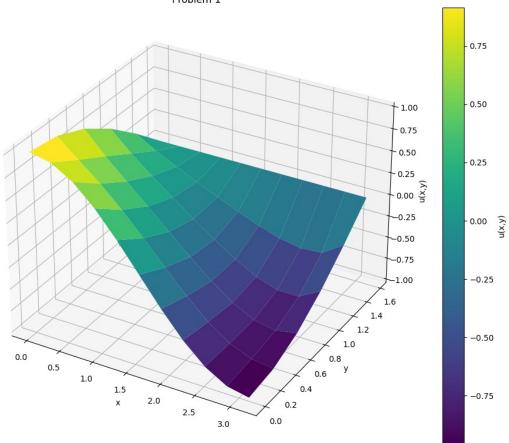
$$u(0, y) = \cos y, \quad u(\pi, y) = -\cos y, \quad 0 \le y \le \pi/2,$$

$$u(x, 0) = \cos x, \quad u(x, \pi/2) = 0, \quad 1 \le y \le 2$$

To calculate u(x, y) by using $h = k = 0.1\pi$.

• x	y	u(x,y)
0.000	0.000	1.000000
0.314	0.000	0.951057
0.628	0.000	0.809017
0.942	0.000	0.587785
1.257	0.000	0.309017
1.571	0.000	0.000000
1.885	0.000	-0.309017
2.199	0.000	-0.587785
2.513	0.000	-0.809017
2.827	0.000	-0.951057
3.142	0.000	-1.000000
0.000	0.314	0.951057
0.314	0.314	0.753225
0.628	0.314	0.555907
0.942	0.314	0.333230
1.257	0.314	0.085805
1.571	0.314	-0.173198
1.885	0.314	-0.424259
2.199	0.314	-0.645221
2.513	0.314	-0.814475
2.827	0.314	-0.915788
3.142	0.314	-0.951057
0.000	0.628	0.809017
0.314	0.628	0.564621
0.628	0.628	0.347639
0.942	0.628	0.132645
1.257	0.628	-0.086865
1.571	0.628	-0.305635
1.885	0.628	-0.511153
2.199	0.628	-0.686179
2.513	0.628	-0.809949
2.827	0.628	-0.858894
3.142	0.628	-0.809017

0.000	0.942	0.587785
0.314	0.942	0.368084
0.628	0.942	0.176346
0.942	0.942	-0.004977
1.257	0.942	-0.182349
1.571	0.942	-0.353914
1.885	0.942	-0.511647
2.199	0.942	-0.642022
2.513	0.942	-0.724391
2.827	0.942	-0.725487
3.142	0.942	-0.587785
0.000	1.257	0.309017
0.314	1.257	0.172806
0.628	1.257	0.053085
0.942	1.257	-0.058883
1.257	1.257	-0.166750
1.571	1.257	-0.269911
1.885	1.257	-0.364163
2.199	1.257	-0.441313
2.513	1.257	-0.486322
2.827	1.257	-0.467875
3.142	1.257	-0.309017
0.000	1.571	0.000000
0.314	1.571	0.000000
0.628	1.571	0.000000
0.942	1.571	0.000000
1.257	1.571	0.000000
1.571	1.571	0.000000
1.885	1.571	0.000000
2.199	1.571	0.000000
2.513	1.571	0.000000
2.827	1.571	0.000000
3.142	1.571	0.000000



$$\frac{\partial^2 T}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial T}{\partial r} = \frac{1}{4K} \frac{\partial T}{\partial t}, \quad \frac{1}{2} \le r \le 1, \quad 0 \le t,$$

$$T(1,t) = 100 + 40t$$
, $0 \le t \le 10$; $\frac{\partial T}{\partial r} + 3T = 0$ at $r = \frac{1}{2}$

$$T(r,0) = 200(r-0.5), \quad 0.5 \le r \le 1,$$

and use $\Delta t = 0.5$, $\Delta r = 0.1$, and K = 0.1 to calculate T(r,t)

By (a) the forward-difference method

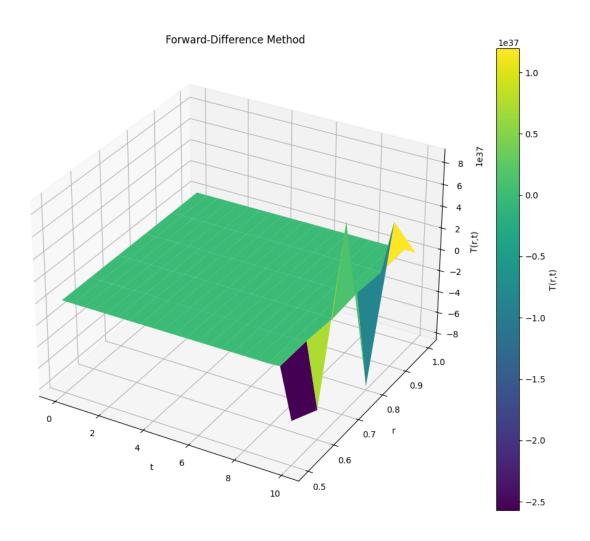
- (b) the backward-difference method
- © the Crank-Nicolson algorithm.



Forward	d-Differe	ence Method	0.500	3.000	-266337801373.242035
r	t	T(r,t)	0.600	3.000	-346239141785.214661
0.500	0.000	0.00000	0.700	3.000	792019671459.953247
0.600	0.000	20.000000	0.800	3.000	-1085931595670.904541
0.700	0.000	40.000000	0.900	3.000	809116631232.810913
0.800	0.000	60.000000	1.000	3.000	220.000000
0.900	0.000	80.000000	0.500	3.500	23587502111222.320312
1.000	0.000	100.000000	0.600	3.500	30663752744589.015625
0.500	0.500	66.666667	0.700	3.500	-60588885441611.531250
0.600	0.500	86.666667	0.800	3.500	74395429484736.625000
0.700	0.500	97.142857	0.900	3.500	-52067589869641.148438
0.800	0.500	110.000000	1.000	3.500	240.000000
0.900	0.500	-1986.666667	0.500	4.000	-1929727339697862.250000
1.000 0.500	0.500 1.000	120.000000 -980.952381	0.600	4.000	-2508645541607221.000000
0.600	1.000	-1275.238095	0.700	4.000	4526624000723858.000000
0.700	1.000	178.095238	0.800	4.000	-5143899636664818.000000
0.800	1.000	-44685.238095	0.900	4.000	3435883006294363.000000
0.900	1.000	79557.777778	1.000	4.000	260.000000
1.000	1.000	140.000000	0.500	4.500	150703099593614208.000000
0.500	1.500	41225.396825	0.600	4.500	195914029471698496.000000
0.600	1.500	53593.015873	0.700	4.500	-333353888300896320.000000
0.700	1.500	-988169.523810	0.800	4.500	358498799727255424.000000
0.800	1.500	3436666.349206	0.900	4.500	-231161985938037792.000000
0.900	1.500	-3946807.830688	1.000	4.500	280.000000
1.000	1.500	160.000000	0.500	5.000	-11433319022499225600.000000
0.500	2.000	-18077282.539682	0.600	5.000	-14863314729248993280.000000
0.600	2.000	-23500467.301587	0.700	5.000	24321322185221967872.000000
0.700	2.000	113176760.634920	0.800	5.000	-25144030796188065792.000000
0.800	2.000	-236427832 . 592592 218840314 . 215167	0.900	5.000	15786961446431629312.000000
0.900 1.000	2.000 2.000	180.000000	1.000	5.000	300.000000
0.500	2.500	2591293362.962957	0.500	5.500	851254811631169044480.000000
0.600	2.500	3368681371.851844	0.600	5.500	1106631255120519757824.000000
0.700	2.500	-9916641613.061207	0.700	5.500	-1763365212970881908736.000000
0.800	2.500	15993106410.088161	0.800	5.500	1772114922760918269952.000000
0.900	2.500	-13000631314.473824	0.900	5.500	-1090634300338830180352.000000
1.000	2.500	200.000000	1.000	5.500	320.000000
			1000		

0.500 6.000 -6258357869796933500928.000000 0.600 6.000 -81364865230736019423232.000000 0.700 6.000 127296857817265142235136.000000 0.800 6.000 -125351558613079957700608.000000 0.900 6.000 340.000000 0.500 6.500 4562560253876498635685888.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 99161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.500 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.500 7.500 44965853577315685787750105083.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 0.900 7.500 3379753171193808291901440.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -223204732843409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.500 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3203467284000983729710200520704.000000 0.500 8.500 -3410843276803931369486548992.000000 0.500 8.500 -3340843276803931369486548992.000000 0.800 8.500 -334084327680391093728838135316	_			
0.700 6.000 127296857817265142235136.000000 0.800 6.000 -125351558613079957706088.000000 0.900 6.000 76008019587587272343552.000000 1.000 6.000 340.000000 0.500 6.500 4562560253876498635685888.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.700 7.500 449668535577315685787750105088.000000 0.500 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 0.500 7.500 3379753171193987911757240205312.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.0000000 0.700 8.000 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.000 -1232904732843203922504555806720.000000 0.700 8.000 1886522822915535195292347400192.0000000 0.500 8.000 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000000000000000000000000000000			6.000	-62588357869796933500928.000000
0.800 6.000 -125351558613079957700608.000000 0.900 6.000 76008019587587272343552.000000 1.000 6.000 340.000000 0.500 6.500 4562560253876498635685888.000000 0.600 6.500 5931328330039448655888384.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8839697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.500 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.0000000 0.500 7.500 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.700 8.000 337975317119387911757240205312.0000000 0.800 8.000 1836522822915535195292347400192.0000000 0.800 8.000 1836522822915535195292347400192.0000000 0.500 8.000 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.000 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.500 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -314084327680391093728838135316480.0000000				
0.900 6.000 76008019587587272343552.000000 1.000 6.000 340.000000 0.500 6.500 4562560253876498635685888.000000 0.600 6.500 5931328330039448655888384.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.800 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.500 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.500 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2332047328432039222504555886720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.0000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.0000000 0.500 8.000 420.000000 0.500 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.500 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -3440843276803910937288381353316480.0000000				
1.000 6.000 340.000000 0.500 6.500 4562560253876498635685888.000000 0.600 6.500 5931328330039448655888384.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.700 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.500 7.500 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.500 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.700 8.000 1886522822915535195292347400192.0000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.00000000000000000000000000000000000			6.000	-125351558613079957700608.000000
0.500 6.500 4562560253876498635685888.000000 0.600 6.500 5931328330039448655888384.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.900 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 447182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 400.00000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 <td>0</td> <td>.900</td> <td>6.000</td> <td>76008019587587272343552.000000</td>	0	.900	6.000	76008019587587272343552.000000
0.600 6.500 5931328330039448655888384.000000 0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.500 7.500 238610578018882406203233995648.000000 0.500 7.500 238610578018882406203233995648.000000 0.700 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 400.00000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565	1	.000	6.000	340.000000
0.700 6.500 -9161744065153006118633472.000000 0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.900 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 247182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000	0	.500	6.500	4562560253876498635685888.000000
0.800 6.500 8890697286220067324821504.000000 0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -3232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000	0	.600	6.500	5931328330039448655888384.000000
0.900 6.500 -5332064426607412934344704.000000 1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 0.900 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.700 8.000 3203467284000983729710200520704.000000 0.800 8.000 18865228229155351	0	.700	6.500	-9161744065153006118633472.000000
1.000 6.500 360.000000 0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.700 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.0000000 0.500 8.000 1886528822915535195292347400192.0000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000 0.700 8.500 123290639372860952686425874104320.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.00000000000000000000000000000000000	0	.800	6.500	8890697286220067324821504.000000
0.500 7.000 -330635584320400133831262208.000000 0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.900 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.700 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 12329639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 <td< td=""><td>0</td><td>.900</td><td>6.500</td><td>-5332064426607412934344704.000000</td></td<>	0	.900	6.500	-5332064426607412934344704.000000
0.600 7.000 -429826259616520180852588544.000000 0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.700 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.0000000 0.800	1	.000	6.500	360.000000
0.700 7.000 657976200803558326089547776.000000 0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.500 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.800 8.500	0	.500	7.000	-330635584320400133831262208.000000
0.800 7.000 -631826264449608941427490816.000000 0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.600	7.000	-429826259616520180852588544.000000
0.900 7.000 375885905821845856643448832.000000 1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 0.900 8.000 123290639372860952686425874104320.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.700 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -28394206022880703931369486548992.0000000 0.900 <	0	.700	7.000	657976200803558326089547776.000000
1.000 7.000 380.000000 0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.800 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.800	7.000	-631826264449608941427490816.000000
0.500 7.500 23861057801888240620323995648.000000 0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.0000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.00000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.900	7.000	375885905821845856643448832.000000
0.600 7.500 31019375142454712366616543232.000000 0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	1	.000	7.000	380.000000
0.700 7.500 -47182693748137190808291901440.000000 0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.0000000	0	.500	7.500	23861057801888240620323995648.000000
0.800 7.500 44965853577315685787750105088.000000 0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.600	7.500	31019375142454712366616543232.000000
0.900 7.500 -26594046433322371332058382336.000000 1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.700	7.500	-47182693748137190808291901440.000000
1.000 7.500 400.000000 0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.0000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.0000000	0	.800	7.500	44965853577315685787750105088.000000
0.500 8.000 -1716959483409260918736198565888.000000 0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.900	7.500	-26594046433322371332058382336.000000
0.600 8.000 -2232047328432039222504555806720.000000 0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	1	.000	7.500	400.000000
0.700 8.000 3379753171193987911757240205312.000000 0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.500	8.000	-1716959483409260918736198565888.000000
0.800 8.000 -3203467284000983729710200520704.000000 0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.600	8.000	-2232047328432039222504555806720.000000
0.900 8.000 1886522822915535195292347400192.000000 1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.700	8.000	3379753171193987911757240205312.000000
1.000 8.000 420.000000 0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.800	8.000	-3203467284000983729710200520704.000000
0.500 8.500 123290639372860952686425874104320.000000 0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.900	8.000	1886522822915535195292347400192.000000
0.600 8.500 160277831184719247499552891076608.000000 0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	1	.000	8.000	420.000000
0.700 8.500 -241908408718895867634167496835072.000000 0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.500	8.500	123290639372860952686425874104320.000000
0.800 8.500 228394206022880703931369486548992.000000 0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.600	8.500	160277831184719247499552891076608.000000
0.900 8.500 -134084327680391093728838135316480.000000	0	.700	8.500	-241908408718895867634167496835072.000000
	0	.800	8.500	228394206022880703931369486548992.000000
1.000 8.500 440.000000	0	.900	8.500	-134084327680391093728838135316480.000000
	1	.000	8.500	440.000000

0.500	9.000	-8840141747523171567971280424534016.000000
0.600	9.000	-11492184271780123845407717776687104.000000
0.700	9.000	17305177791100592308288942120108032.000000
0.800	9.000	-16292448661579951560883004480946176.000000
0.900	9.000	9543401559967441872199242378903552.000000
1.000	9.000	460.000000
0.500	9.500	633185158005080143153249459711770624.000000
0.600	9.500	823140705406604200856619556592943104.000000
0.700	9.500	-1237452113076981358629148441574375424.000000
0.800	9.500	1162674864534062082620231395934470144.000000
0.900	9.500	-679938913335240286459720967192051712.000000
1.000	9.500	480.000000
0.500	10.000	-45318423046814463113385129245447028736.000000
0.600	10.000	-58913949960858807714240447462655393792.000000
0.700	10.000	88461992607569090562466328424872935424.000000
0.800	10.000	-82995248745395657086507777571678060544.000000
0.900	10.000	48479253950162197507406332575541624832.000000
1.000	10.000	500.000000

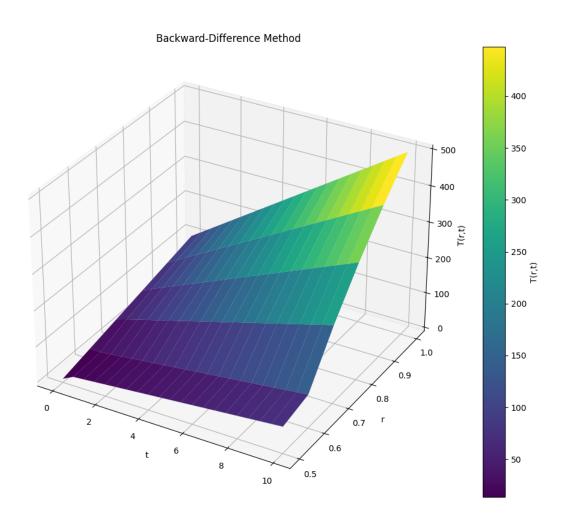


(b)

Backwar	d-Differ	ence Method	0.500	3.000	27.928999
r	t	T(r,t)	0.600	3.000	36.307698
0.500	0.000	0.000000	0.700	3.000	90.816613
0.600	0.000	20.000000	0.800	3.000	138.448474
0.700	0.000	40.000000	0.900	3.000	181.075436
0.800	0.000	60.000000	1.000	3.000	220.000000
0.900	0.000	80.000000	0.500	3.500	30.508767
1.000	0.000	100.000000	0.600	3.500	39.661397
0.500	0.500	15.064181	0.700	3.500	99.190938
0.600	0.500	19.583435	0.800	3.500	151.174008
0.700	0.500	48.881423	0.900	3.500	197.640272
0.800	0.500	74.687478	1.000	3.500	240.000000
0.900	0.500	98.148703	0.500	4.000	33.088535
1.000	0.500	120.000000	0.600	4.000	43.015096
0.500	1.000	17.607977	0.700	4.000	107.565262
0.600	1.000	22.890371	0.800	4.000	163.899541
0.700	1.000	57.310831			
0.800	1.000	87.535270	0.900	4.000	214.205107
0.900	1.000	114.808494	1.000	4.000	260.000000
1.000	1.000	140.000000	0.500	4.500	35.668303
0.500 0.600	1.500	20.189374	0.600	4.500	46.368794
	1.500	26.246186	0.700	4.500	115.939586
0.700 0.800	1.500 1.500	65.692698 100.270828	0.800	4.500	176.625075
0.900	1.500	131.380263	0.900	4.500	230.769942
1.000	1.500	160.000000	1.000	4.500	280.000000
0.500	2.000	22.769427	0.500	5.000	38.248072
0.600	2.000	29.600256	0.600	5.000	49.722493
0.700	2.000	74.067867	0.700	5.000	124.313911
0.800	2.000	112.997305	0.800	5.000	189.350608
0.900	2.000	147.945703	0.900	5.000	247.334777
1.000	2.000	180.000000	1.000	5.000	300.000000
0.500	2.500	25.349227	0.500	5.500	40.827840
0.600	2.500	32.953995	0.600	5.500	53.076192
0.700	2.500	82.442280	0.700	5.500	132.688235
0.800	2.500	125.722932	0.800	5.500	202.076141
0.900	2.500	164.510595	0.900	5.500	263.899612
1.000	2.500	200.000000	1.000	5.500	320.000000

0.500	6.000	43.407608
0.600	6.000	56.429890
0.700	6.000	141.062559
0.800	6.000	214.801674
0.900	6.000	280.464447
1.000	6.000	340.000000
0.500	6.500	45.987376
0.600	6.500	59.783589
0.700	6.500	149.436883
0.800	6.500	227.527207
0.900	6.500	297.029282
1.000	6.500	360.000000
0.500	7.000	48.567144
0.600	7.000	63.137287
0.700	7.000	157.811207
0.800	7.000	240.252740
0.900	7.000	313.594117
1.000	7.000	380.000000
0.500	7.500	51.146912
0.600	7.500	66.490986
0.700	7.500	166.185532
0.800	7.500	252.978273
0.900	7.500	330.158953
1.000	7.500	400.000000
0.500	8.000	53.726680
0.600	8.000	69.844684
0.700	8.000	174.559856
0.800	8.000	265.703806
0.900	8.000	346.723788
1.000	8.000	420.000000
0.500	8.500	56.306448
0.600	8.500	73.198383
0.700	8.500	182.934180
0.800	8.500	278.429339
0.900	8.500	363.288623
1.000	8.500	440.000000

0.500	9.000	58.886217
0.600	9.000	76.552081
0.700	9.000	191.308504
0.800	9.000	291.154873
0.900	9.000	379.853458
1.000	9.000	460.000000
0.500	9.500	61.465985
0.600	9.500	79.905780
0.700	9.500	199.682828
0.800	9.500	303.880406
0.900	9.500	396.418293
1.000	9.500	480.000000
0.500	10.000	64.045753
0.600	10.000	83.259479
0.700	10.000	208.057153
0.800	10.000	316.605939
0.900	10.000	412.983128
1.000	10.000	500.000000

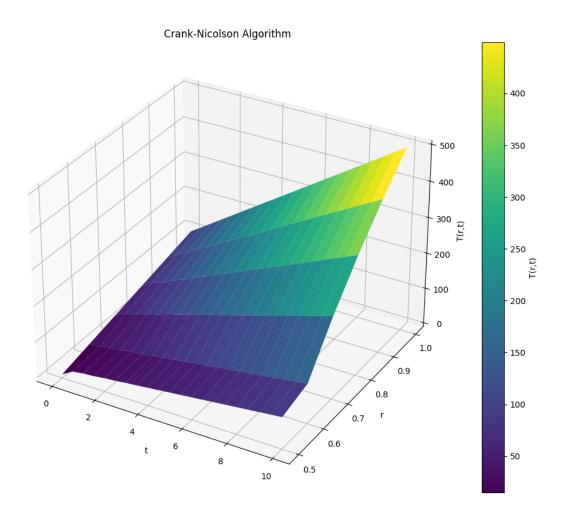


(4)

Crank-I	Nicolson	Algorithm	0.500	3.000	33.963053
r	t	T(r,t)	0.600	3.000	44.151969
0.500	0.000	0.000000	0.700	3.000	95.472628
0.600	0.000	20.000000	0.800	3.000	141.222224
0.700	0.000	40.000000	0.900	3.000	182.286489
0.800	0.000	60.000000	1.000	3.000	220.000000
0.900	0.000	80.000000	0.500	3.500	36.672960
1.000	0.000	100.000000	0.600	3.500	47.674848
0.500	0.500	17.341767	0.700	3.500	105.409958
0.600	0.500	22.544297	0.800	3.500	155.102846
0.700	0.500	53.451979	0.900	3.500	199.558949
0.800	0.500	78.827488	1.000	3.500	240.000000
0.900	0.500	100.636701	0.500	4.000	40.169384
1.000	0.500	120.000000	0.600	4.000	52.220199
0.500	1.000	21.689045	0.700	4.000	113.420717
0.600	1.000	28.195759	0.800	4.000	167.553044
0.700 0.800	1.000 1.000	59.095913 87.813962	0.900	4.000	215.879209
0.900	1.000	114.580145	1.000	4.000	260.000000
1.000	1.000	140.000000	0.500	4.500	43.045301
0.500	1.500	23.787890	0.600	4.500	55.958892
0.600	1.500	30.924257	0.700	4.500	123.062586
0.700	1.500	70.428807	0.800	4.500	181.027149
0.800	1.500	103.785906	0.900	4.500	232.878158
0.900	1.500	133.295153			280.000000
1.000	1.500	160.000000	1.000	4.500	
0.500	2.000	27.807745	0.500	5.000	46.411700
0.600	2.000	36.150068	0.600	5.000	60.335211
0.700	2.000	77.412729	0.700	5.000	131.309625
0.800	2.000	114.705714	0.800	5.000	193.782480
0.900	2.000	148.562521	0.900	5.000	249.400283
1.000	2.000	180.000000	1.000	5.000	300.000000
0.500	2.500	30.256584	0.500	5.500	49.389033
0.600	2.500	39.333559	0.600	5.500	64.205743
0.700	2.500	87.837247	0.700	5.500	140.760135
0.800	2.500	129.314719	0.800	5.500	207.027628
0.900	2.500	166.336221	0.900	5.500	266.250850
1.000	2.500	200.000000	1.000	5.500	320.000000

0 500	6 000	F2 C7C424
0.500	6.000	52.676434
0.600	6.000	68.479364
0.700	6.000	149.163840
0.800	6.000	219.954380
0.900	6.000	282.881350
1.000	6.000	340.000000
0.500	6.500	55.715336
0.600	6.500	72.429936
0.700	6.500	158.484820
0.800	6.500	233.071684
0.900	6.500	299.653463
1.000	6.500	360.000000
0.500	7.000	58.954665
0.600	7.000	76.641065
0.700	7.000	166.996619
0.800	7.000	246.093235
0.900	7.000	316.340084
1.000	7.000	380.000000
0.500	7.500	62.031202
0.600	7.500	80.640562
0.700	7.500	176.226586
0.800	7.500	259.140801
0.900	7.500	333.072691
1.000	7.500	400.000000
0.500	8.000	65.240964
0.600	8.000	84.813254
0.700	8.000	184.815677
0.800	8.000	272.213098
0.900	8.000	349.786514
1.000	8.000	420.000000
0.500	8.500	68.340827
0.600	8.500	88.843075
0.700	8.500	193.979459
0.800	8.500	285.224291
0.900	8.500	366.500974
1.000	8.500	440.000000

0.500	9.000	71.532098
0.600	9.000	92.991727
0.700	9.000	202.625673
0.800	9.000	298.322107
0.900	9.000	383.226335
1.000	9.000	460.000000
0.500	9.500	74.646700
0.600	9.500	97.040709
0.700	9.500	211.739785
0.800	9.500	311.315954
0.900	9.500	399.934031
1.000	9.500	480.000000
0.500	10.000	77.826151
0.600	10.000	101.173997
0.700	10.000	220.429488
0.800	10.000	324.424983
0.900	10.000	416.662753
1.000	10.000	500.000000



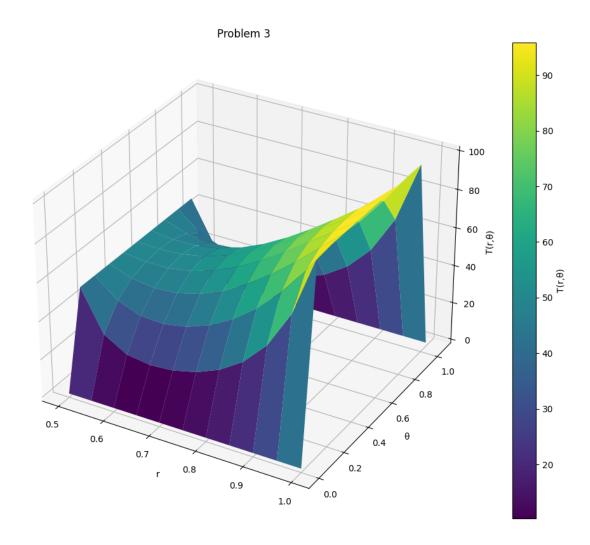
$$\frac{\partial^2 T}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial T}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 T}{\partial \theta^2} = 0, \quad \frac{1}{2} \le r \le 1, \quad 0 \le t \le \pi/3,$$

$$T(r,0) = 0, \quad T(r,\pi/3) = 0, \quad T(1/2,\theta) = 50, \quad T(1,\theta) = 100.$$

• r	theta	T(r,theta)	0.500	0.314	50.000000
0.500	0.000	0.000000	0.550	0.314	45.949110
0.550	0.000	0.000000	0.600	0.314	44.326027
0.600	0.000	0.000000	0.650	0.314	45.245116
0.650	0.000	0.000000	0.700	0.314	48.417775
0.700	0.000	0.000000	0.750	0.314	53.566945
0.750	0.000	0.000000	0.800	0.314	60.473148
0.800	0.000	0.000000	0.850	0.314	68.925028
0.850	0.000	0.000000	0.900	0.314	78.644482
0.900	0.000	0.000000	0.950	0.314	89.208556
0.950	0.000	0.000000	1.000	0.314	100.000000
1.000	0.000	0.000000	0.500	0.419	50.000000
0.500	0.105	50.000000	0.550	0.419	48.641498
0.550	0.105	28.787943	0.600	0.419	48.754252
0.600	0.105	21.818115	0.650	0.419	50.709863
0.650	0.105	20.090891	0.700	0.419	54.460224
0.700	0.105	21.021831	0.750	0.419	59.805653
0.750	0.105	23.934897	0.800	0.419	66.486489
0.800	0.105	28.961666	0.850	0.419	74.202623
0.850	0.105	36.844364	0.900	0.419	82.613244
0.900	0.105	49.104997	0.950	0.419	91.341812
0.950	0.105	68.517539	1.000	0.419	100.000000
1.000	0.105	100.000000	0.500	0.524	50.000000
0.500	0.209	50.000000	0.550	0.524	49.456796
0.550	0.209	40.377451	0.600	0.524	50.136260
0.600	0.209	35.929686	0.650	0.524	52.441687
0.650	0.209	35.312185	0.700	0.524	56.376040
0.700	0.209	37.488237	0.750	0.524	61.760255
0.750	0.209	42.001417	0.800	0.524	
0.800	0.209	48.773186			68.330335
0.850	0.209	57.936382	0.850	0.524	75.776005
0.900	0.209	69.672831	0.900	0.524	83.760748
0.950	0.209	83.950388	0.950	0.524	91.942352
1.000	0.209	100.000000	1.000	0.524	100.000000

0.500	0.628	50.000000
0.550	0.628	48.641498
0.600	0.628	48.754252
0.650	0.628	50.709863
0.700	0.628	54.460224
0.750	0.628	59.805653
0.800	0.628	66.486489
0.850	0.628	74.202623
0.900	0.628	82.613244
0.950	0.628	91.341812
1.000	0.628	100.000000
0.500	0.733	50.000000
0.550	0.733	45.949110
0.600	0.733	44.326027
0.650	0.733	45.245116
0.700	0.733	48.417775
0.750	0.733	53.566945
0.800	0.733	60.473148
0.850	0.733	68.925028
0.900	0.733	78.644482
0.950	0.733	89.208556
1.000	0.733	100.000000
0.500	0.838	50.000000
0.550	0.838	40.377451
0.600	0.838	35.929686
0.650	0.838	35.312185
0.700	0.838	37.488237
0.750	0.838	42.001417
0.800	0.838	48.773186
0.850	0.838	57.936382
0.900	0.838	69.672831
0.950	0.838	83.950388
1.000	0.838	100.000000

0.500	0.942	50.000000
0.550	0.942	28.787943
0.600	0.942	21.818115
0.650	0.942	20.090891
0.700	0.942	21.021831
0.750	0.942	23.934897
0.800	0.942	28.961666
0.850	0.942	36.844364
0.900	0.942	49.104997
0.950	0.942	68.517539
1.000	0.942	100.000000
0.500	1.047	0.000000
0.550	1.047	0.000000
0.600	1.047	0.000000
0.650	1.047	0.000000
0.700	1.047	0.000000
0.750	1.047	0.000000
0.800	1.047	0.000000
0.850	1.047	0.000000
0.900	1.047	0.000000
0.950	1.047	0.000000
1.000	1.047	0.000000



$$\frac{\partial^2 p}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 p}{\partial x^2}, \quad 0 \le x \le 1, \quad 0 \le t$$

$$p(0,t) = 1$$
, $p(1,t) = 2$, $p(x,0) = \cos(2\pi x)$, $\frac{\partial p}{\partial t}(x,0) = 2\pi \sin(2\pi x)$, $0 \le x \le 1$

To calculate p by using $\Delta x = \Delta t = 0.1$.

• x	t	p(x,t)	0.000	0.300	1.000000
0.000	0.000	1.000000	0.100	0.300	1.040530
0.100	0.000	0.809017	0.200	0.300	1.065579
0.200	0.000	0.309017	0.300	0.300	1.065579
0.300	0.000	-0.309017	0.400	0.300	0.855956
0.400	0.000	-0.809017	0.500	0.300	0.319387
0.500	0.000	-1.000000	0.600	0.300	-0.339177
0.600	0.000	-0.809017	0.700	0.300	-0.868187
0.700	0.000	-0.309017	0.800	0.300	0.131813
0.800	0.000	0.309017	0.900	0.300	0.845397
0.900	0.000	0.809017	1.000	0.300	2.000000
1.000	0.000	2.000000	0.000	0.400	1.000000
0.000	0.100	1.000000	0.100	0.400	1.029010
0.100	0.100	1.018640	0.200	0.400	1.046939
0.200	0.100	0.845586	0.300	0.400	1.046939
0.300	0.100	0.349547	0.400	0.400	1.029010
0.400	0.100	-0.280007	0.500	0.400	0.815426
0.500	0.100	-0.802608	0.600	0.400	0.290377
0.600	0.100	-1.018640	0.700	0.400	0.851806
0.700	0.100	-0.845586	0.800	0.400	0.851806
0.800	0.100	-0.349547	0.900	0.400	1.290377
0.900	0.100	0.280007	1.000	0.400	2.000000
1.000	0.100	2.000000	0.000	0.500	1.000000
0.000	0.200	1.000000	0.100	0.500	1.006409
0.100 0.200	0.200 0.200	1.036569	0.200	0.500	1.010370
0.300	0.200	1.059170 0.874596	0.300	0.500	1.010370
0.400	0.200	0.8743 3 0 0.355956	0.400	0.500	1.006409
0.500	0.200	-0.298647	0.500	0.500	1.000000
0.600	0.200	-0.839177	0.600	0.500	2.006409
0.700	0.200	-1.059170	0.700	0.500	2.010370
0.800	0.200	-0.874596	0.800	0.500	2.010370
0.900	0.200	0.841436	0.900	0.500	2.006409
1.000	0.200	2.000000	1.000	0.500	2.000000

0.000	0.600	1.000000
0.100	0.600	0.981360
0.200	0.600	0.969840
0.300	0.600	0.969840
0.400	0.600	0.981360
0.500	0.600	2.197392
0.600	0.600	2.719993
0.700	0.600	3.164973
0.800	0.600	3.164973
0.900	0.600	2.719993
1.000	0.600	2.000000
0.000	0.700	1.000000
0.100	0.700	0.963431
0.200	0.700	0.940830
0.300	0.700	0.940830
0.400	0.700	2.160823
0.500	0.700	2.701353
0.600	0.700	3.355956
0.700	0.700	3.874596
0.800	0.700	3.874596
0.900	0.700	3.158564
1.000	0.700	2.000000
0.000	0.800	1.000000
0.100	0.800	0.959470
0.200	0.800	0.934421
0.300	0.800	2.131813
0.400	0.800	2.660823
0.500	0.800	3.319387
0.600	0.800	3.855956
0.700	0.800	4.065579
0.800	0.800	3.868187
0.900	0.800	3.154603
1.000	0.800	2.000000

0.000	0.900	1.000000
0.100	0.900	0.970990
0.200	0.900	2.150453
0.300	0.900	2.654414
0.400	0.900	3.290377
0.500	0.900	3.815426
0.600	0.900	4.029010
0.700	0.900	3.849547
0.800	0.900	3.345586
0.900	0.900	2.709623
1.000	0.900	2.000000
0.000	1.000	1.000000
0.100	1.000	2.190983
0.200	1.000	2.690983
0.300	1.000	3.309017
0.400	1.000	3.809017
0.500	1.000	4.000000
0.600	1.000	3.809017
0.700	1.000	3.309017
0.800	1.000	2.690983
0.900	1.000	2.190983
1.000	1.000	2.000000

