

Section **POE**Date **10/10/2019** 

Enseignant | M.MALDONADO

Matière | ALGORITHMIQUE ET STRUCTURE DES DONNEES

# **TABLEAUX**

#### Exercice 1 : Crible d'Eratosthène

Un nombre premier est un nombre divisible uniquement par lui-même et par 1 (1 n'est pas premier). On désire calculer tous les nombres premiers inférieurs ou égaux à 100.

L'une des méthodes, connue sous le nom de <u>crible d'Eratosthène</u>, opère sur un tableau *P* de *100* booléens de la manière suivante :

- a) le tableau P est initialisé à VRAI, sauf P[1] qui est initialisé à FAUX (on sait que 1 n'est pas premier).
- b) P[2] vaut VRAI, donc 2 est premier.
  On met à FAUX tous les éléments P[2k]<sub>k>1</sub> du tableau (P[4], P[6], ..., P[100]).
- c) P[3] vaut VRAI, donc 3 est premier. On met à FAUX tous les éléments  $P[3k]_{k>1}$  du tableau (P[6], P[9], ..., P[99]).
- d) P[4] vaut FAUX, donc 4 n'est pas premier (vous suivez ?).
- e) etc..., jusqu'à 100.

A la fin, on aura dans le tableau *P* des cases valant VRAI, et d'autres valant FAUX. Les indices du tableau *P* donnant la valeur VRAI correspondent aux nombres premiers (17 est premier car P[17] vaut VRAI).

#### Question 1:

Ecrivez une procédure **initialiserTableau** qui initialise le tableau P (passé en paramètre) comme décrit précédemment.

### Question 2:

Ecrivez une procédure **mettreLesMultiplesAFaux** qui prend en paramètre le tableau P et un indice i, et qui met à FAUX toutes les cases multiples de i (*P*[2*i*], *P*[3*i*], *P*[4*i*], ...)

## Question 3:

Ecrivez une procédure **rechercherNombresPremiers** qui teste chaque case P[i] et, le cas échéant, met à faux les cases d'indice les multiples de i.

<u>Indication</u>: il faut appeler la procédure mettreLesMultiplesAFaux

### Question 4:

Ecrivez une procédure afficherNombresPremiers qui affiche, à partir du tableau P, la liste des nombres premiers

## **Question 5**:

Ecrivez un algorithme principal qui :

- 1- Initialise le tableau
- 2- Effectue les boucles décrites précemment
- 3- et affiche les nombres premiers trouvés

Indication : il faut appeler les procédures précédentes