Cap. 5 Pesquisa em Memória Primária

## Hashing Perfeito Usando Espaço Quase Ótimo

Esta seção apresenta um algoritmo proposto por Botelho (2008) para obter uma função hash perfeita que utiliza um número constante de bits por chave para descrever a função. Além disso, o algoritmo gera a função em tempo linear e a avaliação da função é realizada em tempo constante. Este é o primeiro algoritmo prático descrito na literatura que utiliza O(1) bits por chave para uma função hash perfeita mínima sem ordem preservada. Os métodos conhecidos anteriormente ou são empíricos e sem garantia de que funcionam bem para qualquer conjunto de chaves, ou são teóricos e sem possibilidade de se obter uma implementação prática.

a arestas apresentada na Seção 7.10.2 é usada, onde cada aresta do hipergrafo é permite que r partes do vetor g sejam acessadas em paralelo. Como mostrado em Botelho (2008), as funções mais rápidas e mais compactas são obtidas para hipergrafos com r=3. A Figura 5.17 mostra os passos do algoritmo para r=3, tendo Assim como o algoritmo apresentado na Seção 5.5.4 para funções com ordem preservada, o algoritmo utiliza hipergrafos ou r-grafos randômicos. Diferencomo entrada um conjunto  $S = \{jan, fev, mar\}$ . A estrutura de dados orientada representada por um arranjo de r vértices e para cada vértice existe uma lista de temente do algoritmo anterior, os hipergrafos considerados são r-partidos. arestas que são incidentes ao vértice.

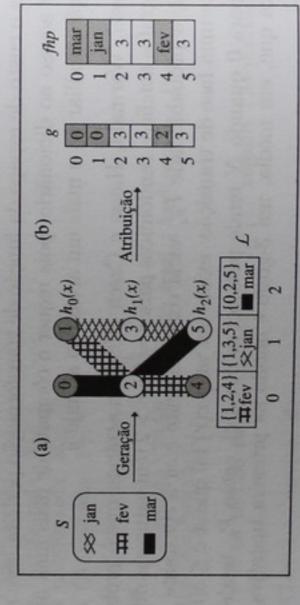


Figura 5.17 (a) Gera um 3-grafo 3-partido acíclico com M=6 vértices e N=3 arestas Constrói uma função hash perfeita que transforma o conjunto S de chaves para o intervalo [0,5], sendo representada pelo arranjo  $g:[0,5] \to [0,3]$  de forma a atribuir univocamente e um arranjo de arestas L obtido no momento de verificar se o hipergrafo é acíclico.

O passo de geração do hipergrafo na Figura 5.17(a) executa duas tarefas:

é rótulo da aresta  $\{h_0(\text{"fev"}), h_1(\text{"fev"}), h_2(\text{"fev"})\} = \{1, 2, 4\}, e \text{"mar"} é$  rótulo da aresta  $\{h_0(\text{"mar"}), h_1(\text{"mar"}), h_2(\text{"mar"})\} = \{0, 2, 5\}.$ respectivamente, cujos intervalos não se sobrepõem e por isso o grafo é 3-partido. Essas funções constroem um mapeamento do conjunto S de chaves para o conjunto A de arestas de um r-grafo acíclico  $G_r = (V, A)$ , Utiliza três funções  $h_0$ ,  $h_1$  and  $h_2$ , com intervalos  $\{0,1\}$ ,  $\{2,3\}$  e  $\{4,5\}$ , onde r=3, |V|=M=6 e |E|=N=3. No exemplo da Figura 5.17(a), "jan" é rótulo da aresta  $\{h_0("jan"), h_1("jan"), h_2("jan")\} = \{1, 3, 5\}, "fev"$ 

As arestas retiradas são armazenadas em um arranjo L na ordem em que e a terceira foi {0, 2, 5}. Se terminar com um grafo vazio, então o grafo é acíclico, senão um novo conjunto de funções  $h_0$ ,  $h_1$  and  $h_2$  é escolhido e Testa se o hipergrafo randômico resultante contém ciclos por meio da retirada iterativa de arestas de grau 1, conforme mostrado no Programa 7.10. meira aresta retirada na Figura 5.17(a) foi {1, 2, 4}, a segunda foi {1, 3, 5} foram retiradas, o qual é usado no passo seguinte de atribuição. uma nova tentativa é realizada.

O passo de atribuição na Figura 5.17(b) produz uma função hash perfeita que pelo arranjo g que armazena valores no intervalo [0,3]. O arranjo g permite selecionar um de três vértices de uma dada aresta, o qual é associado a uma chave transforma o conjunto S de chaves para o intervalo [0, M-1], sendo representada

O Programa 5.37 mostra o procedimento para obter o arranjo g considegrama 5.32. Para valores  $0 \le i \le M-1$ , o passo começa com g[i] = r para marcar tice como não visitado. Seja  $j, 0 \le j < r$ , o índice de cada vértice u de uma aresta a. A seguir, para cada aresta  $a \in \mathcal{L}$  da direita para a esquerda, percorre os vértices de a procurando por vértices u em a não visitados, faz Visitado[u] = true e para cada vértice como não atribuído e com Visitado[i] = false para marcar cada vérrando um hipergrafo  $G_r = (V, A)$ . As estruturas de dados são as mesmas do Proo último vértice u não visitado faz  $g[u] = (j - \sum_{v \in a \land Visitado[v] = true} g[v]) \mod r$ .

Programa 5.37 Rotula grafo e atribui valores para o arranjo g

```
Visitado: array [0.. MAXNUMVERTICES] of boolean;
                      TipoArranjoArestas;
                                                                                                                                                                                                                            grafo.r; Visitado[i] := false;
                                                                                                                                                                                                    for i := Grafo.NumVertices - 1 downto 0 do
                                                                                                                                                                                                                                                     for i := Grafo.NumArestas - 1 downto 0 do
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Visitado [a. Vertices [v]] := true;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              else Soma := Soma + g[a. Vertices[v]];
Procedure Atribuig (var Grafo: TipoGrafo;
                                              : Tipog);
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                for v := Grafo.r - 1 downto 0 do
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        if not Visitado [a. Vertices [v]]
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       g[u] := (j - Soma) mod grafo.r;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        u := a. Vertices [v];
                                                                          var i, j, u, Soma: integer;
v: TipoValorVertice;
a: TipoAresta;
                        var L
                                                                                                                                                                                                                                                                                                        a := L[i]; Soma := 0;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     end; {-Fim Atribuig-
                                                                                                                                                                                                                               begin g[i] :=
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     then begin
```