

Programa 7.19 Implementação do algoritmo de Prim para obter a árvore geradora mínima

```

procedure AgmPrim (var Grafo: TipoGrafo; var Raiz: TipoValorVertice);
var Antecessor: array[TipoValorVertice] of integer;
    P: array[TipoValorVertice] of TipoPeso;
    ItensHeap: array[TipoValorVertice] of boolean;
    Pos: array[TipoValorVertice] of TipoValorVertice;
    A: array[TipoVetor];
    u, v: TipoValorVertice;

{--- Entram aqui os operadores do tipo grafo do Programa 7.3 ---}
{--- ou do Programa 7.5 ou do Programa 7.7, e os operadores ---}
{--- RefazInd, RetiraMinInd e DiminuiChaveInd do Programa 7.18 ---}

begin { AgmPrim }
for u := 0 to Grafo.NumVertices do
begin { Constroi o heap com todos os valores igual a INFINITO }
Antecessor[u] := -1;
p[u] := INFINITO;
A[u+1].Chave := u; {Heap a ser construído}
ItensHeap[u] := true;
Pos[u] := u+1;
end;
n := Grafo.NumVertices;
p[Raiz] := 0;
Constroi (A);
while n >= 1 do {enquanto heap não estiver vazio}
begin
u := RetiraMinInd(A).Chave;
ItensHeap[u] := false;
if (u <> Raiz)
then write ( 'Aresta de arvore: v[', u, ']' v[', Antecessor[u], ']' );
readln;
if not ListaAdjVazia (u, Grafo)
then begin
Aux := PrimeiroListaAdj (u, Grafo);
FimListaAdj := false;
while not FimListaAdj do
begin
ProxAdj (u, Grafo, v, Peso, Aux, FimListaAdj);
if ItensHeap[v] and (Peso < p[v])
then begin
Antecessor[v] := u;
DiminuiChaveInd (Pos[v], Peso, A);
end;
end;
end;
end; { AgmPrim }
end;

```

Análise O desempenho do algoritmo de Prim depende da forma como a fila de prioridades é implementada. Se a fila de prioridades é implementada como um *heap* (veja Seção 4.1.5), podemos usar o procedimento Constroi do Programa 4.10 para a inicialização de A no Programa 7.19. O corpo do **while** é executado $|V|$ vezes, e, desde que o procedimento Refaz tem custo $O(\log |V|)$, o tempo total para executar a operação retira o item com menor peso é $O(|V| \log |V|)$. O **while** mais interno para percorrer a lista de adjacentes é executado $O(|A|)$ vezes ao todo, uma vez que a soma dos comprimentos de todas as listas de adjacência é $2|A|$. Dentro desse **anel**, o teste para verificar se o vértice v pertence ao *heap* A tem custo $O(1)$ pelo fato de o teste ser implementado mediante uma consulta a um arranjo de *bits*. O arranjo *ItensHeap* de *bits* é atualizado quando o vértice é retirado do *heap* (*ItensHeap*[v] é tornado *false*). Após testar se v pertence ao *heap* A e o peso da aresta (u, v) é menor do que $p[v]$, o antecessor de v é armazenado em *Antecessor* e uma operação *DiminuiChave* é realizada sobre o *heap* A na posição *Pos*[v], a qual tem custo $O(\log |V|)$. Logo, o tempo total para executar o algoritmo de Prim é $O(|V| \log |V| + |A| \log |V|) = O(|A| \log |V|)$.

7.8.3 Algoritmo de Kruskal

Assim como o algoritmo de Prim, o algoritmo de Kruskal para obter uma árvore geradora mínima pode ser derivado do algoritmo genérico apresentado no Programa 7.17. No algoritmo de Kruskal, o conjunto S é uma floresta e a aresta segura adicionada a S é sempre uma aresta de menor peso que conecta dois componentes distintos. A Figura 7.19 ilustra a execução do algoritmo de Kruskal sobre o grafo da Figura 7.16(a). Arestas em negrito pertencem à floresta sendo construída.

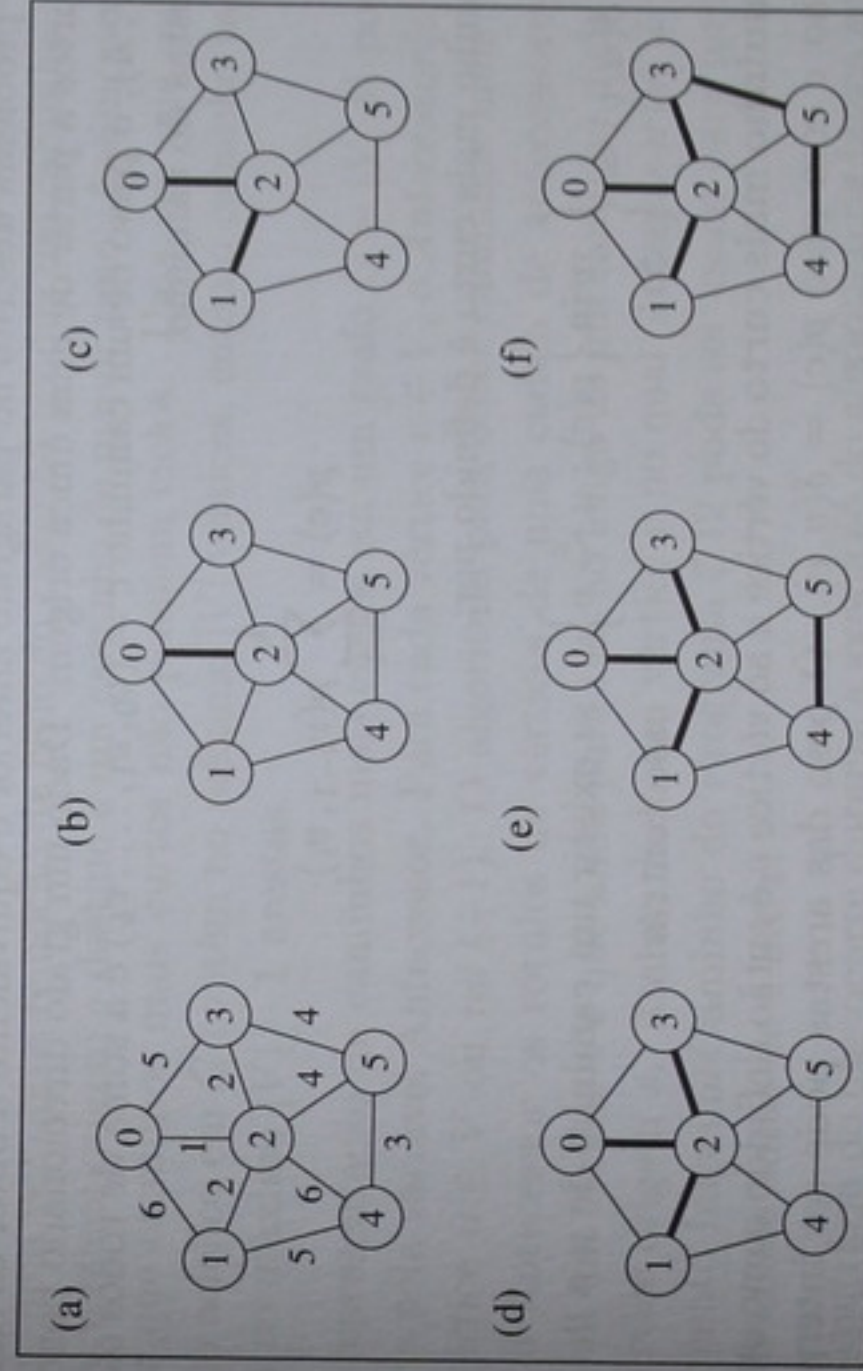


Figura 7.19 Execução do algoritmo de Kruskal sobre o grafo da Figura 7.16(a).