AEDII Arquivos

•

1 Pré-Árvore B

de um acesso sequencial.

→ O acesso do seek é direto (aleatório ou randômico), pois não há a necessidade de ler todos os dados em sequência. - Por outro lado, fitas precisam

 \rightarrow Paginação: capacidade de processar parte dos dados que estavam em memória secundária na memória principal (moldura de memória). Subconjunto do disco em memória principal.

\rightarrow Memória virtual

- paginação
- mapeamento de endereços
- reposição de páginas
 - LRU Menos Recentemente Utilizada
 - LFU Menos Frequentemente Utilizada
 - FIFO Primeiro a Entrar Primeiro a Sair
- → Organização de arquivos na memória secundária
- Bloco: unidade de transferência de dados entre memória principal e a memória secundária
 - um bloco é formado por uma ou
 - È comum considerar que em cada bloco pode haver vários registros Se R (tamanho fixo do registro, para simplificar) e B (tamanho do bloco) e R \leq B:
 - fator de blocagem fb = floor(B/R) = número de registros inteiros que cabem em um bloco mais páginas
- Organização espalhada: os blocos são totalmente preenchidos; se um registro não cabe inteiramente na parte vazia do bloco, coloca o que couber e um ponteiro para o próximo bloco
- Organização não espalhada: registros não podem ser divididos. Cada bloco pode conter até fb registros.

• Alocação de Blocos:

Blocos alocados sequencialmente

- Leitura fácil (leitura sequencial é ótima, e na leitura aleatória depende da facilidade de localização do deslocamento do registro dentro do arquivo)
- Expansão complicada: se não houver espaço disponível até o próximo arquivo tem que ser removido para outro local
- Fragmentação externa (buracos entre os arquivos): maior ou menor dependendo da política de alocação - o disco pode ficar fragmentado, isto é, com vários trechos disponíveis intercortados por trechos utilizados

Métodos de ajuste sequencial

- * Primeiro ajuste: seleciona o primeiro trecho encontrado (a partir do início da lista) grande o suficiente é o mais eficiente: balanço entre tempo de achar um bloco de tamanho suficiente (retorna assim que achar o primeiro) e fragmentação (não deixa sobrar sistematicamente o menor ou maior trecho)
- * Próximo ajuste: seleciona o próximo trecho grande o suficiente (a partir do índice "corrente", ajustado após a última alocação) similar ao primeiro ajuste, mas chega mais rápido ao fim do heap
- * Melhor ajuste: seleciona o menor trecho dentre os trechos grandes o suficiente pode ser o pior: gasta tempo analisando tudo e, a menos que o ajuste seja perfeito, deixa sobrar normalmente trechos pequenos que não podem ser reutilizados
- * Pior ajuste: seleciona o maior trecho de todos tenta evitar esse desperdício, deixando sobrar trechos maiores que podem ser ainda utilizados, e assim posterga a criação de blocos pequenos

Blocos alocados sequencialmente ordenado

- Leitura ordenada eficiente (sequencial) O(b): O próximo registro pode estar no mesmo bloco
- Mínimo / Máximo estão no cabeçalho do arquivo O(1): Isto podemos fazer para todos os tipos de alocação
- Busca: dá para usar busca binária (baseada nos blocos!)

- Inserção: cara! O(b)
 - * Tem que achar a posição certa : O(lg b)
 - * Tem que abrir espaço para o registro (deslocar todos os registros com chave maior para frente) : O(b)
- Exclusão: cara pelos mesmos motivos! O(b)
- Modificação: busca + atualização

Blocos alocados por lista ligada

Blocos com alocação indexada

- Índices primários
- Índice de clustering
- Índices secundários
- Organização indexada multiníveis

2 Árvore B

ightarrow Com inspiração das árvores binárias de busca e com o dinamismo dos índices multiníveis cria-se a Árvore B.

\rightarrow Definição:

- 1. Cada nó x contém os seguintes campos
 - -n[x], o número de chaves atualmente armazenadas no nó x;
 - as n[x] chaves, armazenadas em ordem não decrescente, de modo que $key_1[x] \le key_2[x] \le ... \le key_n[x]$;
 - -leaf[x], um valor booleano indicando se x é um folha (true) ou um nó interno (false);
 - se x é um nó interno, x contém n[x]+1 ponteiros $c_1[x], c_2[x], ...c_{n[x]+1}[x]$ para seus filhos.

• 2. As chaves $key_i[x]$ separam as faixas de valores armazenado em cada subárvore: denotando por key_i uma chave qualquer armazenada na subárvore com nó $c_i[x]$, tem-se:

$$k_1 \le key_1[x] \le k_2 \le key_2[x] \le \dots \le key_{n[x]}[x] \le k_{n[x]+1}$$

- \bullet 3. Todas as folhas aparecem no mesmo nível, que é a altura da árvore, h.
- 4. Há um limite inferior e superior no número de chaves que um nó pode conter, expressos em termos de um inteiro fixo $t \geq 2$ chamado o grau mínimo (ou ordem) da árvore.
 - Todo nó que não seja a raiz deve conter pelo menos t-1 chaves.
 - Todo nó interno que não seja a raiz deve conter pelo menos t filhos.
 - Todo nó deve conter no máximo 2t-1 chaves (e portanto todo nó interno deve ter no máximo 2t filhos). Dizemos que um nó está cheio se ele contiver exatamente 2t-1 chaves.
- Altura. Teorema: Para toda árvore B de grau mínimo $t \geq 2$ contendo n chaves, sua altura h máxima será:

$$h \le \log_t \frac{(n+1)}{2}$$

$$\downarrow \\ n \ge 1 + (t-1) * \sum_{i=1}^h 2t^{i-1}$$

$$n \ge 1 + 2(t-1) * (1+t+t^2 + \dots + t^{h-1})$$

$$n \ge 1 + 2(t-1) * (\frac{t^h - 1}{t-1})$$

$$n \ge 1 + 2(t^h + 1)$$

$$n \ge 2t^h - 1$$

$$\frac{(n+1)}{2} \ge t^h$$

$$t^h \le \frac{(n+1)}{2}$$

Aplicando log dos dois lados:

$$h \le \log_t \frac{(n+1)}{2}$$

A altura de **pior caso** de uma árvore B é quando em todos os seus nós há um **número máximo de chaves**. Ela estaria na **altura máxima**.

A altura de **melhor caso** de uma árvore B é quando em todos os seus nós há um **número mínimo de chaves**. Ela estaria na **altura mínima**.

→ Criação de uma árvore vazia

```
1: BTreeCreate(T)

2: i \leftarrow AllocateNode()

3: leaf[x] \leftarrow true

4: n[x] \leftarrow 0

5: DiskWrite(x)

6: root[T] \leftarrow x
```

 \rightarrow B-Tree-Search toma como entrada um ponteiro para o nó de raiz x de uma subárvore e uma chave k que deve ser procurada nessa subárvore. Se k está na B-árvore, B-Tree-Search retorna o par ordenado (y,i), que consiste em um nó y e um índice i tal que $key_i[y] = k$. Caso contrário, o procedimento retorna NIL. Assim, a chamada de nível superior é da forma B-Tree-Search (root [T], k).

```
1: BTreeSearch(x, k)

2: i = 1

3: while i \le n[x] e k > key_i[x] do

4: i = i + 1

5: end while

6: if i \le n[x] e k = key_i[x] then

7: return (x, i)

8: else if leaf[x] then

9: return NIL
```

```
10: else

11: DiskRead(c_i[x])

12: end if

13: return BTreeSearch(x.c_i, k)
```

- \rightarrow Inserção ocorrem sempre nas folhas
- Caso o nó em que a folha será inserida estiver cheia , alguma das chaves deverá ser promovida e esse nó se subdividirá.
- Durante a busca da localização de inserção do nó, no caminho da raiz até uma folha, se achar um nó filho (a ser seguido) cheio, já o subdivide.
- Vamos assumir que o nó atual (pai do nó cheio) não é cheio, a menos da raiz que deve ser tratada separadamente

 \rightarrow Divisão de um nó na árvore: BTreeSplitChild(x, i, y): tem como entrada um nó interno x não cheio, um índice i e um nó y tal que $y = c_i[x]$ é um filho cheio de x. O procedimento divide y em 2 e ajusta x de forma que este terá um filho adicional.

```
1: BTreeSplitChild(x, i, y)
 2: z \leftarrow AllocateNode()
 3: leaf[z] \leftarrow leaf[y]
 4: n[z] \leftarrow t - 1
 5: for j \leftarrow 1 to t - 1 do
         key_j[z] \leftarrow key_{j+t}[y]
 7: end for
 8: if not leaf[y] then
 9:
         for j \leftarrow 1 to t do
              c_i[z] \leftarrow c_{i+t}[y]
10:
         end for
11:
12: end if
13: n[y] \leftarrow t - 1
14: for j \leftarrow n[x] downto i do
         key_{j+1}[x] \leftarrow key_j[x]
16: end for
17: key_i[x] \leftarrow key_t[y]
```

```
18: n[x] \leftarrow n[x] + 1

19: DiskWrite(y)

20: DiskWrite(z)

21: DiskWrite(x)
```

- $\rightarrow \rightarrow \rightarrow$ Linhas 2-10 Aloca e inicializa um nó para ser filho da chave que será promovida.
- $\rightarrow \rightarrow \rightarrow$ Linha 13 Ajusta o nó que foi dividido.
- $\rightarrow \rightarrow \rightarrow$ Linhas 14-18 Ajusta o nó em que foi parar o nó que saiu do nó dividido.

 \rightarrow Iserção de uma chave na árvore com raiz T:

```
1: BTreeInsert(T, k)
 2: r \leftarrow root[T]
 3: if n[r] = 2t - 1 then
        s \leftarrow AllocateNode()
        root[T] \leftarrow s
 5:
        leaf[s] \leftarrow false
 6:
 7:
        n[s] \leftarrow 0
 8:
        c_1 \leftarrow r
        BTreeSplitChild(s, 1, r)
 9:
        BTreeInsertNonFull(s, k)
10:
11: else
12:
        BTreeInsertNonFull(r, k)
13: end if
```

 \rightarrow Iserção de uma chave em uma subárvore cuja raiz x não está cheia:

```
1: BTreeInsertNonFull(x, k)

2: i \leftarrow n[x]

3: if leaf[x] then

4: while i \ge 1 and k < key_i[x] do

5: key_{i+1}[x] \leftarrow key_i[x]

6: i \leftarrow i-1

7: end while

8: key_{i+1}[x] \leftarrow k

9: n[x] \leftarrow n[x] + 1
```

```
DiskWrite(x)
10:
11: else
        while i \ge 1 and k < key_i[x] do
12:
13:
            i \leftarrow i-1
        end while
14:
        i \leftarrow i + 1
15:
        DiskRead(c+i[x])
16:
        if n[c_i[x]] = 2t - 1 then
17:
            BTreeSplitChild(x, i, c_i[x])
18:
19:
            if k>key_i[x] then
                i \leftarrow i + 1
20:
            end if
21:
22:
        end if
        BTreeInsertNonFull(c_i[x], k)
23:
24: end if
```

 \rightarrow Remoção em árvores B - B TreeDelete(x, k): remoção da chave
 k da subárvore com raiz x.

- $\boxed{2}$. Se a chave k está no nó x e x é um nó interno, faça:
 - a) Se o filho y que pecede k no nó x tem pelo menos t chaves, então encontre o predecessor de k' de k na subárvore com raiz y. Delete recursivamente k', e substitua k por k' em x.
 - b) Simetricamente, se o filho z imediatamente após k no nó x tem pelo menos t chaves, então encontre o sucessor k' de k na subárvore com raiz z. delete recursivamente k', e substitua k por k' em x.
 - c) Caso contrário, se ambos y e z possuem apenas t-1 chaves, faça a junção de k e todas as chaves de z em y, de forma que x perde tanto a chave k como o ponteiro para z, e y agora contém 2t-1 chaves. Então, libere z e delete recursivamente k e y.
- 3.] Se a chave k não está presente no nó interno x, determine a raiz $c_i[x]$ da subárvore apropriada que deve conter k (se k estiver presente na árvore). Se $c_i[x]$ tem apenas t-1 chaves, execute o passo 3a ou 3b conforme necessário para garantir que o algoritmo desça para um nó contendo pelo menos t chaves. Então, continue no filho apropriado de x.

- a) Se $c_i[x]$ contém apenas t-1 chaves mas tem um irmão imediato com pelo menos t chaves, dê para $c_i[x]$ uma chave extra movendo uma chave de x para $c_i[x]$, movendo uma chave do irmão imediato de $c_i[x]$ à esquerda ou à direita, e movendo o ponteiro do filho apropriado do irmão para o nó $c_i[x]$.
- b) Se $c_i[x]$ e ambos os irmãos imediatos de $c_i[x]$ contêm t-1 chaves, faça a junção de $c_i[x]$ com um de seus irmãos. Isso implicará em mover uma chave de x para o novo nó fundido (que se tornará a chave mediana para aquele nó).
- 1. Se a chave k está no nó x e x é uma folha, exclua a chave k de x. (pelos procedimentos anteriores, já sabemos que o nó x tem pelo menos t chaves).
- *** Quando um dos nós for a raiz
 - Ela pode ter menos do que t-1 chaves
 - Se ficar com zero chaves precisa desalocar o bloco e atualizar quem é a nova raiz.
 - Precisa de uma camada extra sobre a chamada da deleção:

```
1: BTreeDeleteFromRoot(T, k)

2: r \leftarrow raiz[T]

3: if n[r] = 0 then

4: return

5: else

6: BTreeDelete(r, k)

7: end if

8: if n[r] = 0 and not leaf[r] then

9: raiz[T] \leftarrow c1[r]

10: desaloca(r)

11: end if
```

2.1 Hashing (Espalhamento): Tenenbaum cap 7.4

- Considere uma conjunto de chaves k e seja I conjunto de índices. $\rightarrow I = \{0, 1, 2, ..., I 1\}$
- Uma função hash, denotada por h(k) $h: k \to I$ para cada chave associa-se um único índice. A idéia é que o custo de uma busca seja O(1).

Table 1: Tabela com índices

1	abera c
	0
	1
	2
	•
	•
	•
	I-1

– Ex: h(k) = k % T, onde T é o tamanho do conjunto de índices.

$$Colisao = \begin{cases} h(53) = 3\\ h(13) = 3 \end{cases} \tag{1}$$

*colisão é o fato de duas chaves distintas k_1 e k_2 serem associadas ao mesmo índice.

- Tratamento de Colisões
 - \rightarrow Endereçamento aberto: consiste em uma função chamada de rehash-rh(k)
 - $\to rh:I\to I$
 - \rightarrow Essa função é responsável por "realocar" a chave na qual houve uma colisão.

*há um limite no tamanho da lista e o tempo de busca.

- \rightarrow Dadas funções h(k) e rh(i)
 - 1: bool search (int k)
 - 2: $int \ p = h(k)$
 - 3: while (T[p] is not k) and (T[p] is not -1)) do
- 4: p = r//h(k)
- 5: end while
- 6: **if** T[p] == -1 **then**
- 7: **return** false
- 8: else
- 9: **return** true
- 10: end if
- o laço entrará num loop infinito caso a tabela esteja totalmente cheia. Uma alternativa é definir como cheia a tabela-1 para garantir

que a busca termine.

```
1: bool insert (int k)
2: int \ p = h(k)
3: while (T[p] \text{ is not } k) and (T[p] \text{ is not } -1)) do
       p = rh(p)
5: end while
 6: if T[p] == -1 then
       T[p] = k
       return true
9: else
10:
       return false
11: end if
1: bool remove (int k)
2: int \ p = h(k)
3: while (T[p] \text{ is not } k) and (T[p] \text{ is not } -1)) do
       p = rh(p)
5: end while
6: if T[p] == k then
       T[p] = ? //o que fazer?
8: end if
```

Atualizar as funções de busca e inserção considerando o marcador de removido.

- → a função de busca não muda
- \rightarrow a função de inserção precisa considerar o marcador de removido.

 \downarrow insert modificado.

```
1: bool insert (int k)
2: int \ p = h(k)
3: int \ temp = -1
4: while (T[p] \ is \ not \ k) and (T[p] \ is \ not \ -1)) do
5: if T[p] == -2 then
6: temp = p
7: end if
8: p = rh(p)
9: end while
10: if T[p] == k then
```

```
return false
11:
12: else
       if temp is not -1 then
13:
           T[temp] = k
14:
       else
15:
           T[p] = k
16:
           return true
17:
18:
       end if
19: end if
```

– Eficiência dos métodos de rehash

- → Uma medida de eficiencia é contar o número de posições examinadas(probabilidade) antes de encontrar uma chave.
- \rightarrow O número médio (valores altos de T) de consultas para $\frac{2T-n+1}{2T-2n+2}$ onde n é o número de chaves presentes na tabela.
- \rightarrow Define-se por $lead\ factor\ (lf)\frac{n}{T}$ (fração da tabela que está preenchida)
- → Inicialmente todas as posições da tabela tem a mesma probabilidade de serem preenchidas. A medida que a tabela vai enchendo, algumas posições tem um aumento nessa probabilidade.
- \rightarrow Uma forma de eliminar a aglomeração primária é fazer com que a função rh() dependa de dois argumentos rh(i,j) onde i é o número de vezes que a função rh() for aplicada.

$$rh(i, j) = (i + j) \% T.$$

$$rh(i, 1) = (i + 1) \% T$$

 $rh(i, 2) = (i + 2) \% T$
 $rh(i, 3) = (i + 3) \% T$

 \rightarrow Uma variação dessa técnica é usar uma permutação aleatória de 0 até T-1.

$$(p_0, p_1, p_2, ..., p_{t+1})$$
 e define o $rh(j)$ como $(h(r) + pj)$ % T
 \rightarrow Uma terceira abordagem é $rh(j) = (h(r) + j^2)$ % T .
 \rightarrow Uma quarta opção é $rh(i, k) = (i + h_{key})$ % T .
 $\hookrightarrow h_{key} = (1 + h(k))$ % T .

Aglomeração Secundária

 \rightarrow chaves com o mesmo valor de hash, isto é, $k_1 \neq^* k_2$ e $h(k_1) =$

 $h(k_2)$ tendem a seguir o mesmo rehash até serem inseridas. \rightarrow uma forma de eliminar a aglomeração secundária é chamada de duplo hash e usa duas funções $hash\ h_1$ e h_2 usada na fase inicial, isto é, para determinar a posição da chave na tabela. Se a posição estiver ocupada o rehash fica dessa forma:

$$rh(i,k) = (1 + h_2(k)) \% T$$

2.2 Tabela hash ordenada

A idéia geral é manter as chaves que colidirem na mesma posição em ordem decrescente.

```
1: int insert (int key)
 2: int i, j, tempKey, nKey
 3: bool first
 4: i = h(key)
 5: nKey = key
 6: first = true
 7: while Table[i] > nKey do
       i = rh(i)
 9: end while
10: int\ tk = Table[i]
11: while ((tk \text{ is not } -1) \text{ and } (tk \text{ is not } nKey) \text{ do})
       tempKey = Table[i]
12:
       if tempKey < nKey then
13:
           Table[i] = nKey
14:
           nKey = tempKey
15:
           if first then
16:
              j = i
17:
              first = false
18:
           end if
19:
       end if
20:
       i = rh(i)
21:
       tk = Table[i]
22:
23: end while
24: if tk == -1 then
       Table[i] = nKey
25:
26: end if
27: if first then
28:
       return i
29: else
       return j
30:
31: end if
```

O que permite que as chaves fiquem ordenadas e que a busca seja bemsucedida é o if (13 – 20). Com ele as chaves só serão movidas se o elemento a ser inserido for maior que a chave em que está localizado o seu hash.

2.3 Novos métodos para a função hash

A função hash que estudamos até agora foi a do método da divisão:

h(chave) = chave % T, Té o tamanho da Tabela Hash.

Observação: chave é um número inteiro(int)

O que torna a função eficiente? R: Minimizar o número de colisões.

Para os novos métodos e pensando na eficiência deles considere os seguintes critérios:

- Critério 1) Levar em consideração toda a informação contida na chave (não só o último número que era considerado no método da colisão)
- Critério 2) Sensibilidade a permutação (Os números 53 e 33 cairiam no mesmo índice da tabela pelo hash, mesmo sendo números diferentes, para os métodos seguintes não é isso que se deseja).
- Critério 3) Trabalhar com chaves alfa-numéricas.

Métodos:

- 1 O método da divisão consegue melhorar resultados quando TableSize é primo.
- \bullet 2 Método multiplicativo h(chave) é definido como

$$floor(m * frac(c * chave)),$$

onde c é um número real entre 0 e 1, e m é o tamanho da Tabela. Valores de c com boas propriedades:

$$c_1 = 0,6180339887,$$

 $c_2 = 0,3819660113.$

Este método usa toda a informação da chave e é sensível a permutações.

• 3 - Método do quadrado médio (para TableSize = potência de dez) O valor da chave é elevada ao quadrado e alguns dígitos do "meio" são usados como índice.

Exemplo:

$$T = 1000$$
 (índices de 0 a 999) $chave = 245$

$$245^2 = 60025 \rightarrow 6 \ 0025 \rightarrow h(245) = 002.$$

Este método usa toda a informação da chave e é sensível a permutações.

• 4 - Método da dobra Suponha uma representação binária de uma chave que segue:

Dividindo este número em três partes:

E empilando para fazer operações com XOR:

$$01011$$
 10010
 10110
 01111
 $\downarrow 15_{10}$

Índice será 15.

Este método usa toda a informação da chave e é sensível a permutações.

• 5 - Chaves alfa-numéricas Strings; char[50];

chave = "hello"

Podemos interpretar uma string na base 26(alfabeto)

$$\underbrace{h}_{8*26^4+} \underbrace{e}_{5*26^3+} \underbrace{l}_{12*26^2+} \underbrace{l}_{12*26^1+} \underbrace{15*26^0} = 3.752.127$$

Achando o resultado pode-se usar qualquer um dos métodos anteriores, pois com essa etapa já é o suficiente para garantir a eficiência. Este método contempla os três critérios.

```
1: int Quadrados (int c)
 2:\ int\ cs=c*c
3: if ((cs \% 1000) == cs) then
       return cs
 5: end if
 6: int \ nd = 0
 7: int\ cstemp = cs
 8: while cstemp > 0 do
       nd + +
9:
       cstemp / = 10
10:
11: end while
12: int dt = \log(1000) //3
13: int \ r = nd - dt //saber quantos dígitos retirar
14: r \neq 2 //funciona para par e ímpar
15: cstemp = cs
16: for int i = 0; i < r; i + + do
17:
       cstemp / = 10
18: end for
19: return cstemp % 1000 //Pega os três dígitos do final (60025 - 5 já saiu)
```

3 Notas

- → O que está de vermelho com asterisco* precisa ver se está correto.
- → O que está somente de vermelho é para incluir no arquivo.