d) Radixsort turbinado em C: a Tabela K.4 mostra um ganho aproximado do RadixsortTurbinado de 1,2 em relação ao RadixsortIntEx em C do Programa J.14, e de 1,5 em relação ao Radixsort em C do Programa D.23. Com relação ao Quicksort em C do Programa D.7, o ganho variou de 3,6 para 10.000 chaves a 4,9 para 100.000.000 de chaves.

Tabela K.4 Ordem aleatória dos registros com chaves inteiras de 32 bits

	$10^{4}$	104   105   106   107   108	$10^{6}$	107	108
RadixsortTurbinado	1	1	1	1	
RadixsortMelhorado	1,2	1,2	1,2	1.2	1.2
Radixsort	1,3	1,4	1.5	1.5	1.5
	3,6	3.6 4.2 4.2 4.3	4.2	4.3	4.9

### 4 95

A Tabela K.5 apresenta uma comparação entre o RadixsortCar em C do Programa D.25 e o Quicksort em C do Programa D.7. O compilador Gnu C foi usado com a opção de otimização do código compilado.

Tabela K.5 Ordem aleatória dos registros com chaves de 1, 2, 4, 8, 12, 16, 20, 24 e 32 caracteres

	1	2	4	00	12	16	20	24	32
Sadixsort	1	1	1	-	-	-	16	66	2.0
1		-			-	-	T'in	4,4	0,4
Juicksort	15,2	10,3	9	2,9	1,5	1.1	1	-	-

## Capítulo 5

#### 5.1.

1 11	Sequencial	Binária	ria	Hashing
Vantagem Desvantagem	em custo elevado	_	eficiência arranjo deve estar ordenado	eficiência não recupera em or-
	Sequencial	Binária	Hashing	policion and a second
Pior caso	O(n)	$O(\log n)$	O(n)	
Caso médio	O(n)	$O(\log n)$		
	Commonoin	, .d		
	Sequencial	binaria	1a	Hashing
Memória	boa utilização	boa utilizacão	_	gillion and u = 0

a) Podemos representar o problema por uma árvore binária de pesquisa completamente balanceada, na qual o número de nós externos é igual a n+1.

Entretanto, o número de nós externos é  $\leq 2^h$ , onde h corresponde à altura da árvore. Combinando as equações, temos:  $n+1 \leq 2^h$ , ou  $h \geq \log n + 1$ , ou  $h = \lceil \log n + 1 \rceil$ .

b) Ponto importante: existem n+1 respostas possíveis. A lista deve ser dividida igualmente em duas sublistas. Repetir o processo em uma das sublistas, até que sobre um elemento. Neste ponto mais uma comparação é necessária para decidir se a chave está presente. Logo, o limite inferior é  $h = \lceil \log n + 1 \rceil$ .

# c) Sim, o Programa 5.3.

5.3. Para cada nó, todos os registros com chaves menores do que a chave que rotula o nó estão na subárvore à esquerda e todos os registros com chaves maiores estão na subárvore à direita.

### 00

b) O melhor caso ocorre quando os nós estão o mais próximos possíveis da raiz, isto é, quando a árvore binária de pesquisa for uma árvore completa. Neste caso, o número de nós n da árvore será no máximo  $2^h - 1$  para a altura (nível) n e no máximo  $2^{h-1} - 1$  para a altura n-1. Logo,  $2^{h-1} - 1 < n \le 2^h - 1 \Rightarrow 2^{h-1} < n+1 \le 2^h \Rightarrow h-1 < \log{(n+1)} \le h \Rightarrow h = \lceil \log{n} + 1 \rceil$ .

### K 1.4

a) A tabela hash deve ser utilizada quando o objetivo é ter eficiência nas operações de pesquisa, inserção e remoção, desde que o número de inserções e remoções não provoque variações grandes no valor de n. A tabela hash também é indicada quando não há a necessidade de considerar a ordem das chaves e de saber a posição da chave de pesquisa em relação a outras chaves.

5.16. Chaves: NIVOZAPQRSTU. Usando A = 1, B = 2, ..., Z = 26.



