

no caso da operação de retirada de registros em árvores binárias de pesquisa, conforme mostrado na Seção 5.3. Para localizar uma chave antecessora, basta procurar pela página folha mais à direita na subárvore à esquerda. Por exemplo, a antecessora da chave 30 na árvore da Figura 6.11 (d) é a chave 28.

Tão logo o registro seja retirado da página folha, é necessário verificar se pelo menos m registros passam a ocupar a página. Quando menos de m registros passam a ocupar a página, isso significa que a propriedade árvore B é violada. Para reconstituir a propriedade árvore B, é necessário tomar emprestado um registro da página vizinha. Conforme pode ser verificado na Figura 6.12, existem duas possibilidades:

1. O número de registros na página vizinha é maior do que m : basta tomar um registro emprestado e trazê-lo para a página em questão via página pai. A Figura 6.12 (a) mostra a retirada da chave 3.
2. Não existe um número suficiente de registros na página vizinha (a página vizinha possui exatamente m registros): nesse caso, o número total de registros nas duas páginas é $2m - 1$ e, conseqüentemente, as duas páginas têm de ser fundidas em uma só, tomando emprestado da página pai o registro do meio, o que permite liberar uma das páginas. Esse processo pode propagar-se até a página raiz, e, no caso em que o número de registros da página raiz fica reduzido a zero, ela é eliminada, causando redução na altura da árvore. A Figura 6.12 (b) mostra a retirada da chave 3.

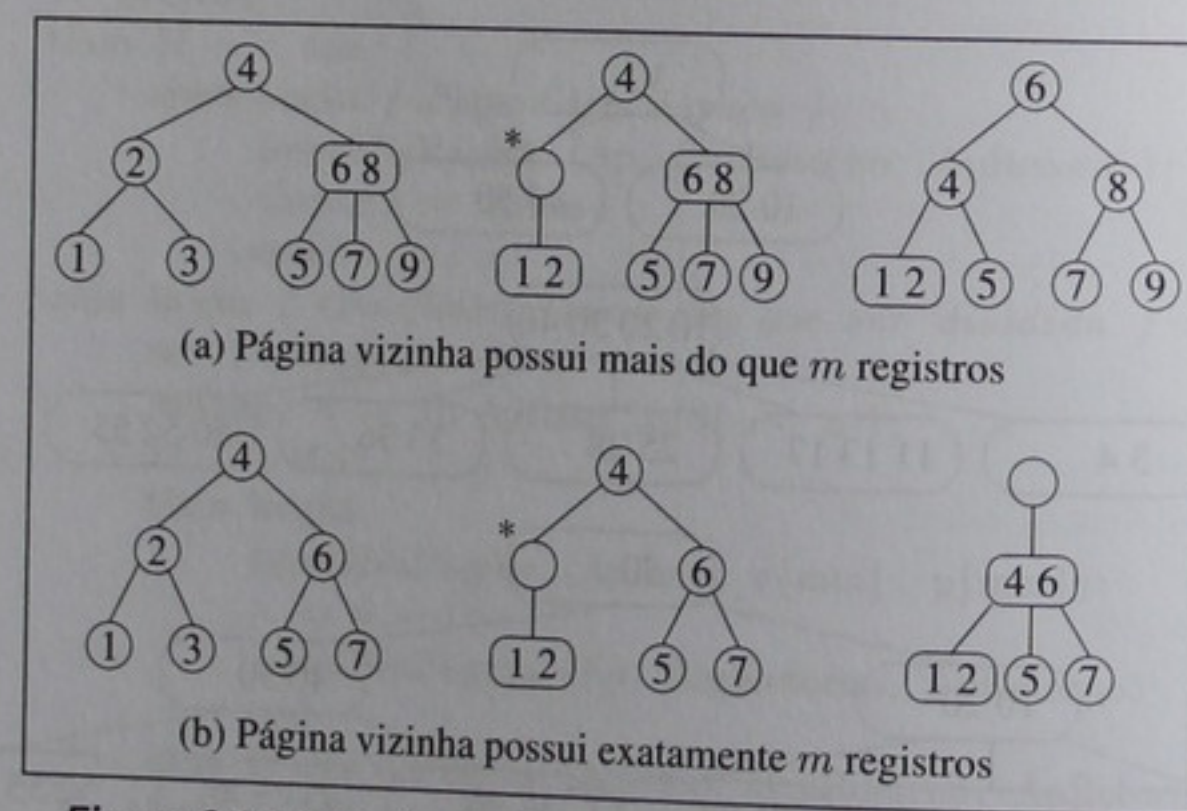


Figura 6.12 Retirada da chave 3 na árvore B de ordem $m = 1$.

O procedimento Retira é apresentado no Programa 6.9 e contém outro procedimento interno recursivo, de nome Ret. No procedimento Ret, quando a página que contém o registro a ser retirado é uma página folha, a operação é simples. No caso de não ser uma página folha, a tarefa de localizar o registro antecessor é realizada pelo procedimento Antecessor. A condição de que menos do que m

registros passam a ocupar a página é sinalizada pelo parâmetro Diminuiu, fazendo que o procedimento Reconstitui seja ativado.

Programa 6.9 Procedimento Retira

```

procedure Retira (Ch: TipoChave; var Ap: TipoApontador);
var Diminuiu: Boolean;
    Aux      : TipoApontador;

procedure Ret(Ch: TipoChave; var Ap: TipoApontador; var Diminuiu: Boolean);
var Ind, j: Integer;

procedure Reconstitui (ApPag: TipoApontador; ApPai: TipoApontador;
    PosPai: Integer; var Diminuiu: Boolean);
var Aux      : TipoApontador;
    DispAux, j: Integer;
begin
    if PosPai < ApPai^.n
    then begin { Aux = Pagina a direita de ApPag }
        Aux := ApPai^.p[PosPai+1];
        DispAux := (Aux^.n - M + 1) div 2;
        ApPag^.r[ApPag^.n+1] := ApPai^.r[PosPai+1];
        ApPag^.p[ApPag^.n+1] := Aux^.p[0];
        ApPag^.n := ApPag^.n + 1;
        if DispAux > 0
        then begin { Existe folga: transfere de Aux para ApPag }
            for j := 1 to DispAux - 1 do
                InserirNaPagina (ApPag, Aux^.r[j], Aux^.p[j]);
                ApPai^.r[PosPai+1] := Aux^.r[DispAux];
                Aux^.n := Aux^.n - DispAux;
                for j := 1 to Aux^.n do Aux^.r[j] := Aux^.r[j+DispAux];
                for j := 0 to Aux^.n do Aux^.p[j] := Aux^.p[j+DispAux];
                Diminuiu := false
            end
        else begin { Fusão: intercala Aux em ApPag e libera Aux }
            for j := 1 to M do
                InserirNaPagina (ApPag, Aux^.r[j], Aux^.p[j]);
            dispose (Aux);
            for j := PosPai + 1 to ApPai^.n - 1 do with ApPai^ do
                begin
                    r[j] := r[j+1]; p[j] := p[j+1]
                end;
            ApPai^.n := ApPai^.n - 1;
            if ApPai^.n >= M
            then Diminuiu := false;
            end
        end
    end

```