

Figura 7.11 Classificação das arestas na busca em profundidade em um grafo direcionado.

Teste para Verificar se Grafo é Acíclico

Existem várias situações em que o teste para verificar se um grafo é acíclico é importante. As duas seções a seguir apresentam dois algoritmos bem distintos para verificar se um grafo é acíclico.

7.4.1 Usando Busca em Profundidade

de retorno é encontrada durante a busca em profundidade em G, então o grafo tem ciclo. Igualmente, se um grafo tem um ciclo, então uma aresta de retorno O Programa 7.9 para realizar busca em profundidade pode ser usado para verificar Se uma aresta será sempre encontrada em qualquer busca em profundidade em G. se um grafo G = (V, A) é acíclico ou contém um ou mais ciclos.

didade em G não apresentar arestas de retorno. Como vimos na seção anterior, o Assim, um grafo direcionado G é acíclico se e somente se a busca em profuntorno. Para isso, basta verificar se um vértice v adjacente a um vértice u apresenta a cor cinza na primeira vez que a aresta (u,v) é percorrida. Isso deve ser feito algoritmo BuscaEmProfundidade pode ser alterado para descobrir arestas de rea BuscaEmProfundidade é um algoritmo de custo linear no número de vértices e de arestas de um grafo G = (V, A) que pode ser utilizado para verificar se G é no momento em que a lista de adjacentes de u estiver sendo percorrida.

Usando o Tipo Abstrato de Dados Hipergrafo

Esta seção apresenta um algoritmo para verificar se um hipergrafo ou r-grafo $G_r(V,A)$ é acíclico. Hipergrafos são apresentados na Seção 7.10. A forma mais adequada para representar um hipergrafo é por meio de estruturas de dados orientadas a arestas em que para cada vértice v do grafo é mantida uma lista das arestas que incidem sobre o vértice v.

dência e listas de incidência. Aqui utilizaremos a implementação de listas de Existem duas representações usuais para hipergrafos: matrizes de inciincidência usando arranjos apresentada na Seção 7.10.2.

O Programa 7.10 utiliza a seguinte propriedade de r-grafos:

Um r-grafo é acíclico se e somente se a remoção repetida de arestas contendo apenas vértices de grau 1 (isto é, vértices sobre os quais incide apenas uma aresta) elimina todas as arestas do grafo.

O procedimento GrafoAciclico recebe o grafo e retorna no vetor L as arestas retiradas do grafo na ordem em foram retiradas. O procedimento primeiro procura os vértices de grau 1 e os coloca em uma fila. A seguir, enquanto a fila não estiver vazia, desenfileira um vértice e retira a aresta incidente ao vértice. Se a aresta retirada tinha algum outro vértice de grau 2, então esse vértice muda para grau 1 e é enfileirado. Se ao final não restar nenhuma aresta, então o grafo é acíclico. 0 custo do procedimento GrafoAciclico é O(|V| + |A|).

Programa 7.10 Teste para verificar se um hipergrafo é acíclico usando arranjos

```
Entram aqui os tipos do Programa 3.17 (ou do Programa 3.19) ---
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               InsereAresta, RetiraAresta e ImprimeGrafo do Programa 7.26
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   : TipoArranjoArestas;
                                                                                                                                                                                                                                                                       Entram aqui os operadores FFVazia, Vazia, Enfileira
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       var Grafo: TipoGrafo): Boolean;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Desenfileira do Programa 3.18 (ou do Programa 3.20)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Entram aqui os operadores ArestasIguais, FGVazio,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     : TipoGrafo;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               var GAciclico: boolean);
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         (Grafo. Prox [Grafo. Prim[V]] = INDEFINIDO);
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    function VerticeGrauUm (V: TipoValorVertice;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               VerticeGrauUm := (Grafo.Prim[V] >= 0) and
                                                         Entram aqui tipos do Programa 7.25
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      procedure Grafo Aciclico (var Grafo
                                                                                                                                                                                                           TipoArranjoArestas;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        var L
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         TipoValorVertice;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        TipoValorAresta;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              TipoValorAresta;
                                                                                                                                                  TipoAresta;
                                                                                                                                                                                TipoGrafo;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          : TipoAresta;
program GrafoAciclico;
                                                                                                                                                                                                                                         GAciclico: boolean;
                                                                                                                        : integer;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Tipoltem;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   TipoFila;
                                                                                                                                                      Aresta
                                                                                                                                                                                   Grafo
```