d) Radixsort turbinado em C: a Tabela K.4 mostra um ganho aproximado do Radixsort Turbinado de 1,2 em relação ao Radixsort Int Ex em C do Programa J.14, e de 1,5 em relação ao Radixsort em C do Programa D.23. Com relação ao Quicksort em C do Programa D.7, o ganho variou de 3,6 para 10.000 chaves a 4,9 para 100.000.000 de chaves.

Tabela K.4 Ordem aleatória dos registros com chaves inteiras de 32 bits

	104	105	$10^{6}$	107	108
RadixsortTurbinado	1	1	1	1	1
RadixsortMelhorado	1,2	1,2	1,2	1,2	1.2
Radixsort	1,3	1,4	1,5	1.5	1,5
Quicksort	3,6	4,2	4,2	4,3	4.9

## 4.25.

A Tabela K.5 apresenta uma comparação entre o RadixsortCar em C do Programa D.25 e o Quicksort em C do Programa D.7. O compilador Gnu C foi usado com a opção de otimização do código compilado.

Tabela K.5 Ordem aleatória dos registros com chaves de 1, 2, 4, 8, 12, 16, 20, 24 e 32 caracteres

	1	2	4	8	12	16	20	24	32
Radixsort	1	1	1	1	1	1	16	2,2	3.2
Quicksort	15,2	10,3	6	2,9	1,5	1.1	1,0	4,4	0,2

## Capítulo 5

## 5.1.

		Sequencial		Binária			Hashing	
Vantagem Desvantagem		simplicidade custo elevado		eficiência arranjo deve estar ordenado			eficiência	
		Sequencial	Bir	nária	Hash	ing	March March 19819	
Pior case Caso mé	0	O(n) $O($				1)		
		Sequencial	de	Binár			Ueshi	
Memória	bo			has will a		$\alpha - n$	Hashing em gerel a 4 9007	

5.2.

a) Podemos representar o problema por uma árvore binária de pesquisa completamente balanceada, na qual o número de nós externos é igual a n+1.

Entretanto, o número de nós externos é  $\leq 2^h$ , onde h corresponde à altura da árvore. Combinando as equações, temos:  $n+1 \leq 2^h$ , ou  $h \geq \log n+1$ , ou  $h = \lceil \log n + 1 \rceil$ .

- b) Ponto importante: existem n+1 respostas possíveis. A lista deve ser dividida igualmente em duas sublistas. Repetir o processo em uma das sublistas, até que sobre um elemento. Neste ponto mais uma comparação é necessária para decidir se a chave está presente. Logo, o limite inferior é  $h = \lceil \log n + 1 \rceil$ .
  - c) Sim, o Programa 5.3.
- 5.3. Para cada nó, todos os registros com chaves menores do que a chave que rotula o nó estão na subárvore à esquerda e todos os registros com chaves maiores estão na subárvore à direita.

5.8.

b) O melhor caso ocorre quando os nós estão o mais próximos possíveis da raiz, isto é, quando a árvore binária de pesquisa for uma árvore completa. Neste caso, o número de nós n da árvore será no máximo  $2^h-1$  para a altura (nível) h e no máximo  $2^{h-1}-1$  para a altura h-1. Logo,  $2^{h-1}-1 < n \le 2^h-1 \Rightarrow 2^{h-1} < n+1 \le 2^h \Rightarrow h-1 < \log (n+1) \le h \Rightarrow h = \lceil \log n+1 \rceil$ .

5.14.

a) A tabela hash deve ser utilizada quando o objetivo é ter eficiência nas operações de pesquisa, inserção e remoção, desde que o número de inserções e remoções não provoque variações grandes no valor de n. A tabela hash também é indicada quando não há a necessidade de considerar a ordem das chaves e de saber a posição da chave de pesquisa em relação a outras chaves.

**5.16.** Chaves: N I V O Z A P Q R S T U. Usando  $A = 1, B = 2, \dots, Z = 26$ .



