mostra a Figura 7.16(b) na Seção 7.8. Uma floresta geradora de um grafo G = (V, A) é um subgrafo que contém todos os vértices de G e forma uma floresta.

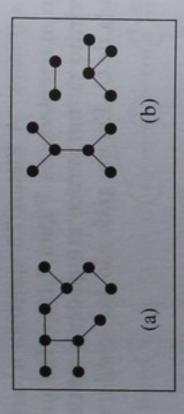


Figura 7.6 (a) Uma árvore livre; (b) Uma floresta.

O Tipo Abstrato de Dados Grafo

dos, com um conjunto de operações associado a uma estrutura de dados, de tal É importante considerar os algoritmos em grafos como tipos abstratos de daforma que haja uma independência de implementação para as operações. Algumas das operações mais comuns incluem:

- FGVazio(Grafo): Cria um grafo vazio. O procedimento retorna em Grafo um grafo contendo |V| vértices e nenhuma aresta.
- InsereAresta(V₁,V₂,Peso,Grafo): Insere uma aresta no grafo. O procedimento recebe a aresta (V_1, V_2) e seu Peso para serem inscridos em Grafo.
 - função retorna true se a aresta (V1, V2) está presente em Grafo, senão ExisteAresta(V₁,V₂,Grafo): Verifica se existe uma determinada aresta. A retorna false.
- operação aparece na maioria dos algoritmos em grafos e, pela sua impor-Obtém a lista de vértices adjacentes a um determinado vértice. tância, será tratada separadamente logo a seguir.
- RetiraAresta(V1,V2,Peso,Grafo): Retira uma aresta do grafo. O procedimento retira a aresta (V1, V2) de Grafo, retornando o peso da aresta na variável Peso. 3
- LiberaGrafo(Grafo): Libera o espaço ocupado por um grafo. O procedimento libera toda a memória alocada para o grafo quando houve alocação dinâmica de memória, como no caso do uso de listas encadeadas.
 - ImprimeGrafo(Grafo): Imprime um grafo.
- GrafoTransposto(Grafo,GrafoT): Obtém o transposto de um grafo direcionado. O procedimento é apresentado na Seção 7.7.
 - retira a aresta de menor peso dentre as arestas armazenadas no vetor A. RetiraMin(A): Obtém a aresta de menor peso de um grafo.

Uma operação que aparece com frequência é a de obter a lista de vértices adjacentes a um determinado vértice. Para implementar este operador de forma independente da representação escolhida para a aplicação em pauta, precisamos de três operações sobre grafos, a saber:

- ListaAdjVazia(v, Grafo) é uma função que retorna true se a lista de adjacentes de v está vazia, senão retorna false.
- PrimeiroListaAdj(v, Grafo) é uma função que retorna o endereço do primeiro vértice na lista de adjacentes de v.
- ProxAdj(v, Grafo, u, Peso, Aux, FimListaAdj) é um procedimento que como o peso relacionado à aresta (v,u). Ao retornar, Aux aponta para o retorna o vértice u (apontado por Aux) da lista de adjacentes de v, bem taAdj retorna true se o final da lista de adjacentes for encontrado, senão próximo vértice da lista de adjacentes de v, e a variável booleana FimLis-

Assim, em algoritmos sobre grafos é comum encontrar um pseudocomando

for u ∈ ListaAdjacentes (v) do { faz algo com u }

O Programa 7.1 apresenta um possível refinamento do pseudocomando.

Programa 7.1 Trecho de programa para obter lista de adjacentes de um vértice de um grafo

ProxAdj (v, Grafo, u, Peso, Aux, FimListaAdj); Aux := PrimeiroListaAdj (v, Grafo); if not ListaAdjVazia (v, Grafo) while not FimListaAdj do FimListaAdj := false;

Existem duas representações usuais para grafos: as matrizes de adjacência e as listas de adjacência. A Seção 7.2.1 apresenta a implementação de matrizes de A Seção 7.2.2 apresenta a implementação de listas de adjacência usando apontadores, e a Seção 7.2.3 apresenta a implementação de Qualquer uma dessas representações pode ser usada tanto para grafos direcionados quanto para grafos não direcionados. listas de adjacência usando arranjos. adjacência usando arranjos.

7.2.1 Implementação por meio de Matrizes de Adjacência

matriz $n \times n$ de bits, em que A[i,j] é 1 (ou verdadeiro, no caso de booleanos) se e somente se existir um arco do vértice i para o vértice j. Para grafos ponderados, A matriz de adjacência de um grafo G = (V, A) contendo n vértices é uma