Projeto de Algoritmos

a) $a \notin A' \in w'(a) > w(a)$.

Não há nada a fazer. Essa aresta não será incorporada à AGM.

 $\mathbf{b})a \not\in A' \in w'(a) < w(a).$

A aresta é candidata a entrar na AGM. Considerando que a aresta a conecta os vértices i e j, encontramos a maior aresta b no caminho entre i e j definido pela AGM original. Se w(b) > w'(a), então a aresta b pode ser removida e a aresta aentra em seu lugar na AGM.

c) $a \in A' \in w'(a) > w(a)$.

A aresta a conectando os vértices i e j é removida da árvore e verificamos qual é aaresta de menor peso que liga as duas árvores resultantes T_i e T_j , que é adicionada, restaurando a AGM. Há $O(v^2)$ arestas possíveis a serem avaliadas.

d) $a \in A' \in w'(a) < w(a)$.

Não há nada a fazer. Essa aresta vai continuar na AGM.

a) Inicialmente, calcule os caminhos mínimos entre todos os pares de cidades e armazene os valores em uma tabela. O desafio é como incorporar os custos de estadia, uma vez que o nosso objetivo não é minimizar a distância percorrida, mas os custos de estadia. Entretanto, nem todas as rotas são viáveis e o modelo deve O modelo é um grafo acíclico direcionado H com $n \times (m+1)$ vértices. Os vértices são rotulados como v_{ip} para $i \in \{1, 2, \dots, u\}$ e $p \in \{0, 1, \dots, m\}$. Cada nó v_{ip} corresponde a opção de pernoitar na cidade i no dia p.

 $(v_{i(p-1)}, v_{jp})$ no grafo H se d(i,j) < u(p). Isso significa que a mercadoria pode Para qualquer $i, j \in \{1, 2, ..., n\}$ em que $i \neq j$ e $p \in \{1, ..., m\}$, adicione a aresta ser transportada da cidade i para a cidade j sem exceder o limite diário. ainda, para cada vértice v_{ip} , atribua o custo c_i ao vértice.

b)O frete de menor custo é o caminho de v_{s0} a v_{tm} em que o custo total dos vértices é mínimo. Se v_{tm} não é alcançável a partir de v_{s0} , nenhum caminho que satisfaz os requisitos existe.

Podemos transformar o problema do caminho de custo mínimo dos vértices em um problema de caminho mínimo. Uma vez que o grafo seja direcionado, para Isso reduz o problema em pauta para o problema do caminho mínimo, que pode cada aresta (u, v) podemos atribuir o custo do nó v como o peso da sua aresta. ser resolvido pelo algoritmo de Dijkstra.

que H é um grafo acíclico não direcionado, o caminho mínimo em H pode ser c) As distâncias mínimas entre as cidades podem ser calculadas por n execuvértices e $O(n^2m)$ arestas, com custo $O(n^2m)$ para construir o grafo. Uma vez ções do algoritmo de Dijkstra, o que resulta em $O(n^3)$. O grafo H contem O(nm)calculado com custo $O(n^2m)$. Assim, o custo do algoritmo é $O(n^3 + n^2m)$.

correspondentes. Portanto, o algoritmo de caminho mínimo no grafo transformado dias de duração. Especificamente, cada aresta $(v_{i(p-1)}, v_{jp})$ ao longo do caminho especifica o transporte entre as cidades i e j no dia p. Note que a aresta somente estará no grafo H se não violar as restrições do problema. Mais ainda, como duas noites consecutivas. A transformação do problema do caminho de menores custos nos nós no problema do caminho mínimo preserva o custo dos caminhos d) Um caminho no grafo a partir de v_{s0} até v_{tm} corresponde ao trajeto com m não há arestas entre $(v_{i(p-1)}, v_{ip}) \forall i, p \in H$, não há estadia na mesma cidade por calcula o roteiro de melhor frete desejado.

os vértices são os pontos de armazenamento e arestas representam as conexões entre dois pontos de armazenamento. O peso atribuído a cada aresta representa a) O problema é modelado como um grafo não direcionado ponderado em que a distância entre dois pontos.

percorrida pela água, ou seja, a soma total das arestas. Logo, basta aplicar o pontos de armazenamento deverão ser todos incluídos e não se espera que haja ciclo, logo é uma árvore geradora. Além disso desejamos minimizar a distância b) Este problema pode ser resolvido por uma árvore geradora mínima. algoritmo de Prim ou o algoritmo de Kruskal.

c) $O(A \log V)$ onde A representa o número de arestas e V o de vértices.

se reduz a determinar o caminho mais curto (menor perda total) entre as cidades como peso de uma aresta o menor valor cobrado, rotulando a mesma com um identificador do respectivo agente para construção da solução final. O problema podem oferecer o transporte entre o mesmo par de cidades, múltiplos pesos podem ser atribuídos a mesma aresta. Visando minimizar a perda final, devemos escolher vértice representa uma cidade e uma aresta de u para v representa o transporte do dinheiro entre u e v por algum agente. O peso de uma aresta (u,v) representa o valor cobrado para transferir o dinheiro de u para v. Como múltiplos agentes a) O problema é modelado como um grafo direcionado poderado, em que cada onde Marcelo e Alice estão.

minar o menor caminho entre os vértices no grafo que correspondem às cidades b)O problema pode ser resolvido pelo algoritmo de Dijkstra para deterenvolvidas. As arestas selecionadas indicam qual agente será utilizado. ritmo é ótimo.

Capítulo 8

mento: (i) Heurística ocorrência (do inglês ocurrence): alinha a posição no texto a) O algoritmo BM original propõe duas heurísticas para calcular o desloca-