



Figura 7.20 Execução do algoritmo de Dijkstra.

Tabela 7.1 Valores das variáveis na execução do algoritmo de Dijkstra

Iteração	S	p[0]	p[1]	p[2]	p[3]	p[4]
(a)	$\emptyset$	$\infty$	$\infty$	$\infty$	$\infty$	$\infty$
(b)	{0}	0	1	$\infty$	3	10
(c)	{0, 1}	0	1	6	3	10
(d)	{0, 1, 3}	0	1	5	3	9
(e)	{0, 1, 3, 2}	0	1	5	3	6
(f)	{0, 1, 3, 2, 4}	0	1	5	3	6

Assim como no algoritmo de Prim (vide Seção 7.8.2), para obter uma boa implementação para o algoritmo de Dijkstra, é preciso realizar de forma eficiente a seleção de uma nova aresta a ser adicionada à árvore formada pelas arestas em S. Durante a execução do algoritmo, todos os vértices que não estão na árvore de caminhos mais curtos residem na fila de prioridades A baseada no campo p e implementada como um heap, conforme mostra o Programa 7.18. Assim, para cada vértice v, p[v] é o caminho mais curto obtido até o momento, de v até o vértice raiz. Como o heap utilizado mantém no vetor A os vértices, mas a condição do heap é mantida pelo caminho mais curto estimado até o momento mediante o arranjo p[v], o heap é indireto, e o procedimento RefazInd do Programa 7.18 pode ser utilizado. Novamente, o arranjo Pos[v] fornece a posição do vértice v dentro do heap A, permitindo assim que o vértice v possa ser acessado a um custo O(1) para a operação DiminuiChaveInd.

O refinamento final do algoritmo de Dijkstra pode ser visto no Programa 7.22. O programa obtém a menor distância de um vértice origem de um grafo G a todos os outros vértices de G.

Programa 7.22 Implementação do algoritmo de Dijkstra

```
procedure Dijkstra (var Grafo: TipoGrafo; var Raiz: TipoValorVertice);
var Antecessor: array [TipoValorVertice] of integer;
P: array [TipoValorVertice] of TipoPeso;
ItensHeap: array [TipoValorVertice] of boolean;
Pos: array [TipoValorVertice] of TipoValorVertice;
A: TipoVetor;
u, v: TipoValorVertice;

{-- Entram aqui os operadores do tipo grafo do Programa 7.3 --}
{-- ou do Programa 7.5 ou do Programa 7.7, e os operadores --}
{-- RefazInd, RetiraMinInd e DiminuiChaveInd do Programa 7.18 --}

begin { Dijkstra }
for u := 0 to Grafo.NumVertices do
begin {Constroi o heap com todos os valores igual a INFINITO}
Antecessor[u] := -1;
p[u] := INFINITO;
A[u+1].Chave := u; {Heap a ser construido}
ItensHeap[u] := true;
Pos[u] := u+1;
end;
n := Grafo.NumVertices;
p[Raiz] := 0;
Constroi (A);
while n >= 1 do {enquanto heap nao vazio}
begin
u := RetiraMinInd(A).Chave;
ItensHeap[u] := false;
if not ListaAdjVazia (u, Grafo)
then begin
Aux := PrimeiroListaAdj (u, Grafo);
FimListaAdj := false;
while not FimListaAdj do
begin
ProxAdj (u, Grafo, v, Peso, Aux, FimListaAdj);
if p[v] > p[u] + Peso
then begin
p[v] := p[u] + Peso;
Antecessor[v] := u;
DiminuiChaveInd (Pos[v], p[v], A);
write ('Caminho: v', v, ' v', Antecessor[v], ' ');
d[, p[v], ' '); readln;
end;
end;
end;
end; { Dijkstra }
```