

## Universidade Federal do Ceará Centro de Tecnologia Departamento de Engenharia de Teleinformática Sistemas de Comunicações Digitais - TI0069

Trabalho 01: Modulação Digital

Aluno:

Lucas de Souza Abdalah 385472

**Professor:** André Almeida

Data de Entrega do Relatório: 28/03/2021

Fortaleza 2021

# Sumário

1 Introdução							
2	Simulações						
	2.1	Proble	ema 1 - $M$ -QAM				
		2.1.1	Energia da Constelação				
		2.1.2	Distância Mínima entre Símbolos				
		2.1.3	Modulador				
		2.1.4	Demodulador				
	2.2	Proble	ema 2 - Probabilidade de Erro				
3	Conclusão e Resultados						
$\mathbf{R}$	eferê	ncias					

# Exemplos

Para referenciar imagens 1, tabelas 1 e equações 1.



Figura 1: Exemplo de como adicionar uma imagem.

Frequência (Hz)	Tensão Máxima (V)
0,558	12,11
2,132	11,15
4,822	8,62

Tabela 1: Frequência da onda de entrada e a tensão máxima da saída do circuito integrador.

$$f_{gu} = A_{VD} \times f_c \tag{1}$$

E quando tirar informação de alguma fonte, deve adicionar no formato de bibtex no arquivo refs.bib e por fim citá-los assim: [1], de modo que a seção de referência é criada e indexada diretamente com estes chamados da função.

#### Introdução 1

#### 2 Simulações

#### Problema 1 - M-QAM 2.1

Considere a modulação M-QAM, em que o sinal em banda base é dado por:

$$s_m(t) = (A_m^{\text{(real)}} + jA_m^{\text{(imag)}})g(t),$$

em que g(t) é um pulso transmitido,  $A_m^{(\mathrm{real})}$  e  $A_m^{(\mathrm{imag})}$ são amplitudes da parte

real e imaginária da forma de onda transmitida, respectivamente. Considere  $\int_{-\inf}^{\inf} |g(t)|^2 dt = \mathcal{E}_g = 1$ , isto é, o pulto g(t) possui energia unitária. Suponha a transmissão de uma sequência de símbolo  $\{s_m\}$  de tamanho L = 26400bits

- 1. Para  $M = \{4, 16, 64\}$ , determine a energia média  $\mathcal{E}_m$  de cada constelação;
- 2. Para  $M = \{4, 16, 64\}$ , determine a distância mínima  $d_{min}$  entre dois símbolos;
- 3. Para  $M = \{4, 16, 64\}$ , implemente o modulador (mapeamento bitsímbolo) usando a codificação de Gray;
- 4. Para  $M = \{4, 16, 64\}$ , implemente o demodulador (mapeamento símbolobit).

#### Energia da Constelação 2.1.1

O desenvolvimento é citado em [2], [3].

$\mathcal{E}_{media}$	$\mathcal{E}_{media(bit)}$	d
$\frac{M-1}{3}\mathcal{E}_g$	$rac{M-1}{3\log_2 M}\mathcal{E}_g$	$\sqrt{\frac{3\mathcal{E}_{media}}{2(M-1)}}$

Tabela 2: Frequência da onda de entrada e a tensão máxima da saída do circuito integrador.

## 2.1.2 Distância Mínima entre Símbolos

Como calcular os coeficiente para constelação M-QAM retangular, onde  $\sqrt{M}$  assume valores inteiros. Os coeficientes em quadratura  $a_i$  e  $b_i$  são obtidos através da equação:  $\{(2i-\sqrt{M}-1)d\}_{i=1}^{\sqrt{M}}$ 

A distância eucliadiana entre os sinais na modulação QAM é

$$d_{mn} = \sqrt{||s_m - s_n||^2}$$

$$= \sqrt{\frac{\mathcal{E}_g}{2}[(A_{mi} - A_{ni})^2 + (A_{mq} - A_{nq})^2]}$$

## 2.1.3 Modulador

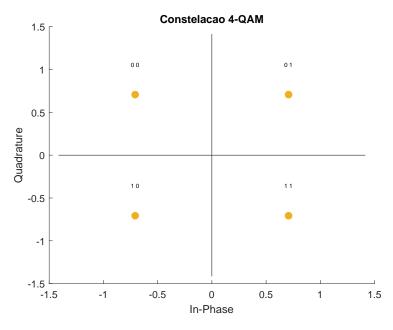


Figura 2: Exemplo de 4-QAM plot.

## 2.1.4 Demodulador

Considerando  $\mathcal{E}_g=\int_{-\infty}^\infty |g(t)|^2\,dt=1$ , a energia média da constelação pode ser calculada por  $\epsilon$ 

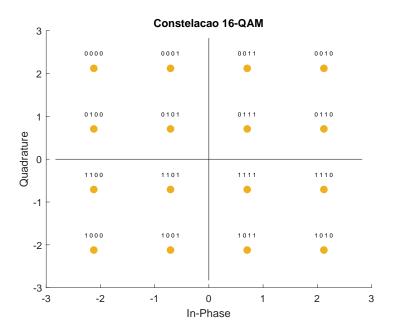


Figura 3: Exemplo de 16-QAM plot.

## 2.2 Problema 2 - Probabilidade de Erro

Para calcular a probabilidade de erro P(e) de cada constelação 2 desenvolvida em [3].

$$P(e) = 4\left(1 - \frac{1}{\sqrt{M}}\right)Q\left(\sqrt{\frac{3}{M-1}\frac{E_s}{N_0}}\right) - 4\left(1 - \frac{1}{\sqrt{M}}\right)^2Q^2\left(\sqrt{\frac{3}{M-1}\frac{E_s}{N_0}}\right)$$
(2)

Para valores mais elevados de SNR, a equação da probabilidade do M-QAM pode ser reduzida para 3, pois o segundo termo ao quadrado passa a ser irrelevante.

$$P(e) = 4\left(1 - \frac{1}{\sqrt{M}}\right)Q\left(\sqrt{\frac{3}{M-1}}\frac{E_s}{N_0}\right) \tag{3}$$

Nas simulações realizadas, as curvas utilizando ambas as equações são bem semelhantes, principalmente para constelação 4-QAM, além de reduzir o custo computacional. Entretanto, para manter a fidedignidade do gráfico mostrado na 4, a probabilidade P(e) é caculada a partir da equação completa 2.

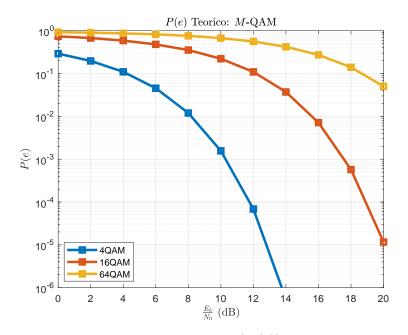


Figura 4: Probabilidade de erro (P(e)) teórico M-QAM.

# 3 Conclusão e Resultados

## Referências

- [1] P. Fonseca e R. Carreira, AmpOp Ideal, http://intranet.deei.fct.ualg.pt/AC/Sebenta\_Online/www.isr.uc.pt/~paulino/cse/Sebenta\_Online/cap\_15/ampopid.htm, Accessed: 2021-02-16.
- [2] J. G. Proakis e M. Salehi, Digital Communications,  $5^{\underline{a}}$  ed. 1995.
- [3] C. Pimentel,  $Comunicação\ Digital,\ 1^{a}$  ed. 2007.