# Competencia de Álgebra

# Kenny J. Tinoco y Cristian CastilBlanco

Curso de Polinomios Academia Sabatina de Jóvenes Talento

Junio, 2024





Si

$$A = 3 + \frac{5}{1 - \frac{3}{1 - \frac{1}{2}}}, \qquad B = 3 - \frac{5}{1 + \frac{3}{1 + \frac{1}{2}}}$$

¿Cuánto es A + 3B?





Si

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{6} + \frac{x}{12} + \frac{x}{20} = \left(1 + \frac{1}{2}\right)\left(1 + \frac{1}{3}\right)\left(1 + \frac{1}{4}\right)$$

¿Cuál es el valor de x?





Si 
$$ab + bc + ca = -3$$
 y  $a^2 + b^2 + c^2 = 6$ , hallar el valor de 
$$\frac{a(b+c)^2 + b(a+c)^2 + c(a+b)^2}{abc}$$





# Hallar A, si

$$A = \underbrace{\frac{2^{x} + 2^{x} + \dots + 2^{x}}{32 \times \underbrace{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot \dots 2}_{(x+3) \text{ veces}}}}^{1024 \text{ veces}}$$





Si 
$$P(x) = P(x - 1) + P(x - 2) + 2$$
, y además  $P(1) = 1$ ,  $P(2) = 3$ . ¿Cuál es el valor de  $P(4)$ ?





Hallar Q(x), si P[Q(x) - 3] = 6x + 2 y P(x + 3) = 2x + 10.





# Hallar B, si

$$B = \underbrace{\frac{3 \times 3 \times \dots \times 3}{3 + 3 + \dots + 3}}_{3^{30} \text{ veces}} + \underbrace{\frac{5^{10} + 5^{10} + \dots + 5^{10}}{5 \times 5 \times 5 \dots \times 5}}_{11 \text{ veces}}$$





Problema 8
$$Si P\left(x + \frac{1}{x}\right) = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2023, \ \text{¿cuál es el valor de } P(2024)?$$





Hallar S, si

$$S = \left(\frac{1 + \frac{1}{3} - \frac{1}{2}}{2 - \frac{2}{3}}\right) \left(\frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6}}{\frac{1}{2} - \frac{2}{3} + \frac{3}{4}}\right)$$





Si 
$$x^a y^b = 2^a$$
,  $x^b y^a = 2^b$ . Hallar el valor de  $(xy)^y$ .



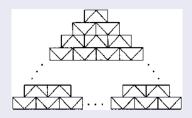


La división de  $987x^{17} - 1597x^{16} + 1$  por  $x^2 - x + c$  genera el residuo  $(a - b - 1)x^3 + (a + b - 7)x^2 + (a + c)x + b - d$ , indique el valor de  $(a - 3)^{2024} + (b - 4)^{2023} + 2022$ .





¿Cuántos triángulos se pueden contrar, cómo máximo, en la siguiente figura?



Donde la base de esta figura tiene 2023 rectángulos.





Cuál es el valor de x, si

$$(1+x)+(2+x)+(3+x)+\cdots+(n+x)=n^2+1012n$$





¿Cuál es la suma de los factores de

$$P(x) = (x^2 + y^2 - 9)^2 - 4x^2y^2$$
?





Si 
$$P(x) = x^2 + 2x + 3$$
, calcule el valor de  $P(1) + P(2) + \cdots + P(100)$ .





Hallar un factor de

$$(1+x+x^2+x^3+x^4+x^5)^2-x^5$$





Encontrar los números a, b, c y d para los cuales se cumple que

$$\frac{2x-7}{4x^2+16x+15} = \frac{a}{x+c} + \frac{b}{x+d}.$$





Un agricultor cosechó en el primer día  $(x-2)^{2023}$  granos de maíz y el segundo día  $(x-1)^{2024}+7$  granos de maíz. Si el agricultor almacena los granos de los dos días en sacos, los cuales tiene una capacidad de  $x^2-3x+2$  granos cada uno. ¿cuál es el polinomio que representa los granos sobrantes?





Indique el valor de la expresión

$$E(3) \cdot E(5) \cdot E(7) \cdot \cdot \cdot \cdot E(2021) \cdot E(2023)$$

$$Si\ E(x) = 1 + \frac{2}{x-1}$$





Hallar el resto de la división de

$$[(x-1)(x)(x+2)(x+3)]^2 + (x^2+2x)^3x - 50$$
 entre  $x^2 + 2x - 5$ .



