## Academia Sabatina de Jóvenes Talento

# Polinomios Clase #12

Encuentro: 12

Curso: Polinomios

Nivel: 5

Semestre: I

Fecha: 10 de junio de 2023

Instructor: Kenny Jordan Tinoco

D. auxiliar: José Adán Duarte

## Contenido: Clase práctica 4

En esta cuarta clase práctica veremos algunos ejercicios y problemas propuestos para ejercitar los conocimientos y habilidades adquiridos hasta el momento.

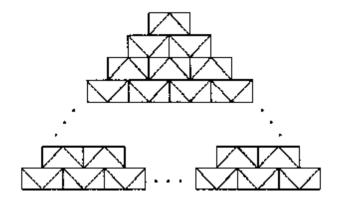
### 1. Problemas propuestos

**Problema 1.1.** Cuál es el valor de x, si

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{6} + \frac{x}{12} + \frac{x}{20} = \left(1 + \frac{1}{2}\right)\left(1 + \frac{1}{3}\right)\left(1 + \frac{1}{4}\right)$$

**Problema 1.2.** ¿Cuál es la suma de los factores de  $P(x) = (x^2 + y^2 - 9)^2 - 4x^2y^2$ ?

Problema 1.3. ¿Cuántos triángulos se pueden contar, cómo máximo, en la siguiente figura?



Donde la base de esta figura tiene 2023 rectángulos.

**Problema 1.4.** Si ab + bc + ca = -3 y  $a^2 + b^2 + c^2 = 6$ , hallar el valor de

$$\frac{a(b+c)^2+b(a+c)^2+c(a+b)^2}{abc}$$

**Problema 1.5.** Hallar A + 3B, si

$$A = 3 + \frac{5}{1 - \frac{3}{1 - \frac{1}{2}}}, \qquad B = 3 - \frac{5}{1 + \frac{3}{1 + \frac{1}{2}}}$$

**Problema 1.6.** La división de  $987x^{17} - 1597x^{16} + 1$  por  $x^2 - x + c$  genera el residuo  $(a - b - 1)x^3 + (a + b - 7)x^2 + (a + c)x + b - d$ , indique el valor de  $(a - 3)^{2024} + (b - 4)^{2023} + 2022$ .

**Problema 1.7.** Encontrar los números a, b, c y d para los cuales se cumple que

$$\frac{2x-7}{4x^2+16x+15} = \frac{a}{x+c} + \frac{b}{x+d}.$$

Problema 1.8. Hallar un factor de

$$(1+x+x^2+x^3+x^4+x^5)^2-x^5$$

**Problema 1.9.** Hallar el resto de la división de  $[(x-1)(x)(x+2)(x+3)]^2 + (x^2+2x)^3x - 50$  entre  $x^2 + 2x - 5$ .

**Problema 1.10.** Hallar S, si

$$S = \left(\frac{1 + \frac{1}{3} - \frac{1}{2}}{2 - \frac{2}{3}}\right) \left(\frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6}}{\frac{1}{2} - \frac{2}{3} + \frac{3}{4}}\right)$$

**Problema 1.11.** Si  $P\left(x+\frac{1}{x}\right)=x^2+\frac{1}{x^2}+2023$ , ¿cuál es el valor de P(2024)?

**Problema 1.12.** Cuál es el valor de x, si

$$(1+x) + (2+x) + (3+x) + \dots + (n+x) = n^2 + 1012n$$

Problema 1.13. Indique el valor de la expresión

$$E(3) \cdot E(5) \cdot E(7) \cdot \cdot \cdot \cdot E(2021) \cdot E(2023)$$

Si 
$$E(x) = 1 + \frac{2}{x - 1}$$

**Problema 1.14.** Un agricultor cosechó en el primer día  $(x-2)^{2023}$  granos de maíz y el segundo día  $(x-1)^{2024}+7$  granos de maíz. Si el agricultor almacena los granos de los dos días en sacos, los cuales tiene una capacidad de  $x^2-3x+2$  granos cada uno. ¿cuál es el polinomio que representa los granos sobrantes?

Problema 1.15. Hallar A, si

$$A = \underbrace{\frac{2^x + 2^x + \dots + 2^x}{32 \times \underbrace{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot \dots 2}_{(x+3) \ veces}}}$$

**Problema 1.16.** Si  $P(x) = x^2 + 2x + 3$ , calcule el valor de  $P(1) + P(2) + \cdots + P(100)$ .

**Problema 1.17.** Si P(x) = P(x-1) + P(x-2) + 2, y además P(1) = 1, P(2) = 3. ¿Cuál es el valor de P(4)?

Problema 1.18. Hallar B, si

$$B = \underbrace{\frac{3 \times 3 \times \cdots \times 3}{3 \times 3 \times \cdots \times 3}}_{3^{30} \text{ veces}} + \underbrace{\frac{5^{10} + 5^{10} + \cdots + 5^{10}}{5 \times 5 \times 5 \cdots \times 5}}_{11 \text{ veces}}$$

x

**Problema 1.19.** Si  $x^a y^b = 2^a$ ,  $x^b y^a = 2^b$ . Hallar el valor de  $(xy)^y$ .

**Problema 1.20.** Hallar Q(x), si P[Q(x) - 3] = 6x + 2 y P(x + 3) = 2x + 10.

#### 2. Extra

**Problema 2.1.** Sea P(x) un polinomio no nulo tal que (x-1)P(x+1)=(x+2)P(x) para todo real x, y  $P(2)^2=P(3)$ . Hallar m+n, si  $P\left(\frac{7}{2}\right)=\frac{m}{n}$  donde m y n son primos relativos.

#### Referencias

[Adu15] Academia Aduni. Anual integral 2015. Preguntas propuestas. *Lumbreras Editores*, 2015.

[AFI17] AFIE. Problemas resueltos de razonamiento matemático. Lumbreras Editores, 2017.

#### En caso de consultas

Instructor: Kenny J. Tinoco Teléfono: +505 7836 3102 (*Tigo*) Correo: kenny.tinoco10@gmail.com

Docente: José A. Duarte Teléfono: +505 8420 4002 (Claro) Correo: joseandanduarte@gmail.com