第6章 時系列データにおける関係性の分析 一相関係数の計算

データ・マイニングロ

- これまでの説明では、各種の金融市場データをそれぞれ独立な データとして取り扱い他のデータの変動と関係づけて考えること はしなかった
- しかし、金融市場における各種データ間には多様な関係があり、これらの関係を前提とした方が個別変数の変化や金融市場の動向を理解しやすい

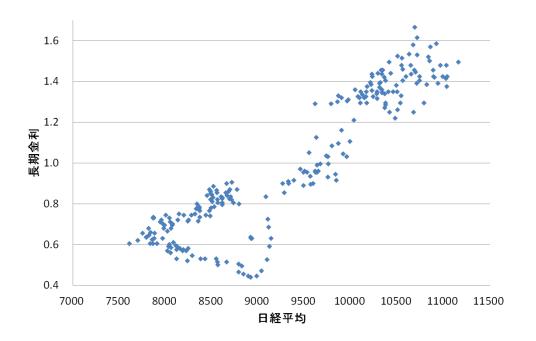
- よく利用される関係は株式価格と債券利子率の間の関係
 - 株式市場が活況で株価が上昇すれば、株式市場で運用される資金が増加する
 - 金融市場で運用可能な資金には限度があるので、株式市場に資金が集中すれば、他の金融市場から資金を引き揚げることが必要になる
 - 一般的には株式市場に資金が集中すれば、これと代替的な関係にある債券市場から資金が引き揚げられることにより債券の価格が低下する
 - 債券価格と債券利子率は反比例するので、株価が上昇すると債券の金利も上昇するという関係を観察できる

- 現実の市場でこうした関係がどの程度観察されるのかを判断するために利用されるのが相関分析である
- ここでは、相関係数の計算とその意味を理解する

- 変数間の関係を考えるための統計学の手法として、最もよく利用されるものは回帰分析である
 - ある変数の変動によって他の変数の変動をどの程度説明することができるのかを分析するための手法である
 - 回帰分析には、2変数間の関係を考える単回帰分析ばかりではなく、複数の変数の変動の組み合わせによって1変数の変動を説明する重回帰分析も含まれる
 - 単回帰分析は相関分析とも密接な関係がある
- 本章では回帰分析への導入として、相関係数の計算方法と意味を理解する

相関図

- ・ <u>相関図(あるいは散布図)とは、x軸としてある変数を、y軸に別の変数を取って、観測値を点として記入するグラフ</u>
 - 2つの変数の関係を見るのに利用する



株価と長期金利との関係一共分散と相関係数

- 2種類の金融指標間の変動の関係を考える例として、日経平均 と長期金利(10年国債市場利回り)との間の関係を、2003、2005、 2008、2011年の日次データを利用して考える
- より長期の関係として1980年から2011年の暦年データや月次 データによってこれらの関係を考えることも可能で、1年単位の 関係と長期の関係を見比べることも興味深い
 - これに関しては、以下のプロジェクトIIで検討する

• 日次データによる相関分析を行うための準備とし、新規のワーク・シート日次相関を用意し、以下の図6-1のように、「日経平均 ー長期金利_日次データ.xlsx」からデータをコピーする

						_	_		_				
_4	A B	С	D	E	F	G	Н	I	J	K	L	M	N
1	1	2003年	日経平均(20	長期金利(20	2005年	日経平均(20	長期金利(20	2008年	日経平均(20	長期金利(20	2011年	日経平均(20	長期金利(20
2	2	2003/1/6	8713.33	0.905	2005/1/4	11517.75	1.395	2008/1/4	14691.41	1.465	2011/1/4	10398.10	1.116
3	3	2003/1/7	8656.50	0.900	2005/1/5	11437.52	1.395	2008/1/7	14500.55	1.460	2011/1/5	10380.77	1.155
4	4	2003/1/8	8517.80	0.885	2005/1/6	11492.26	1.405	2008/1/8	14528.67	1.460	2011/1/6	10529.76	1.210
5	5	2003/1/9	8497.93	0.845	2005/1/7	11433.24	1.405	2008/1/9	14599.16	1.465	2011/1/7	10541.04	1.195
6	6	2003/1/10	8470.45	0.870	2005/1/11	11539.99	1.390	2008/1/10	14388.11	1.435	2011/1/11	10510.68	1.190
7	7	2003/1/14	8553.06	0.855	2005/1/12	11453.39	1.360	2008/1/11	14110.79	1.420	2011/1/12	10512.80	1.170
8	8	2003/1/15	8611.75	0.830	2005/1/13	11358.22	1.370	2008/1/15	13972.63	1.420	2011/1/13	10589.76	1.185
9	9	2003/1/16	8609.17	0.825	2005/1/14	11438.39	1.380	2008/1/16	13504.51	1.380	2011/1/14	10499.04	1.195
10	10 01	2003/1/17	8690.25	0.825	2005/1/17	11487.10	1.390	2008/1/17	13783.45	1.400	2011/1/17	10502.86	1.210
11	11	2003/1/20	8558.82	0.820	2005/1/18	11423.26	1.360	2008/1/18	13861.29	1.390	2011/1/18	10518.91	1.220
12	12	2003/1/21	8708.58	0.820	2005/1/19	11405.34	1.350	2008/1/21	13325.94	1.365	2011/1/19	10557.10	1.260
13	13	2003/1/22	8611.04	0.805	2005/1/20	11284.77	1.350	2008/1/22	12573.05	1.315	2011/1/20	10437.31	1.205
14	14	2003/1/23	8790.92	0.800	2005/1/21	11238.37	1.345	2008/1/23	12829.06	1.335	2011/1/21	10274.52	1.210
15	15	2003/1/24	8731.65	0.805	2005/1/24	11289.49	1.350	2008/1/24	13092.78	1.385	2011/1/24	10345.11	1.230
16	16	2003/1/27	8609.47	0.795	2005/1/25	11276.91	1.330	2008/1/25	13629.16	1.475	2011/1/25	10464.42	1.250
17	17	2003/1/28	8525.39	0.785	2005/1/26	11376.57	1.335	2008/1/28	13087.91	1.405	2011/1/26	10401.90	1.230
18	18	2003/1/29	8331.08	0.775	2005/1/27	11341.31	1.330	2008/1/29	13478.86	1.465	2011/1/27	10478.66	1.225
19	19	2003/1/30	8316.81	0.750	2005/1/28	11320.58	1.305	2008/1/30	13345.03	1.425	2011/1/28	10360.34	1.215
20	20	2003/1/31	8339.94	0.800	2005/1/31	11387.59	1.320	2008/1/31	13592.47	1.430	2011/1/31	10237.92	1.210

図6-1 相関分析作業(1)

- 2変数間の関係を視覚的に確認するために利用されるのが相関 図(Excelでは散布図と呼んでいる)である
 - ここで考える問題は株価が上昇すると長期金利も上昇するという関係なので、統計量としての相関係数を計算する前に日経平均と長期金利との間の関係を視覚的に確認する
 - 2003年の日経平均と長期金利を例として説明する

• 相関図を作成するためには、セルD1からセルE247をクリック・アンド・ドラッグして白黒反転させた上で、「挿〉 をクリックして表示される図6-2で一番上の を選択する

散布図



図6-2 相関分析作業(2)

• 図6-3のような散布図に関する各種のパターンが表示されるので、左上の をクリックする



図6-3 相関分析作業(3)

 上の「グラフ・ツール」をクリックし、「デザイン」をクリックすると、 以下のようなメニューが現れるので、その中の「グラフ・レイアウト」の
 をクリックする

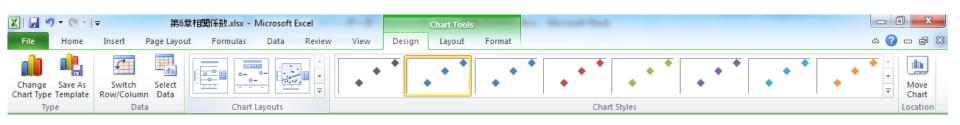


図6- 相関分析作業()

- 図6-4のようなグラフが表示される
- 横軸に日経平均の値をとり、縦軸に長期金利(10年国債利回り)を とっているので、これを明示するように
 - 横軸下の軸ラベルをクリックして「日経平均」と入力し、
 - 縦軸左の軸ラベルをクリックして「長期金利」と入力する

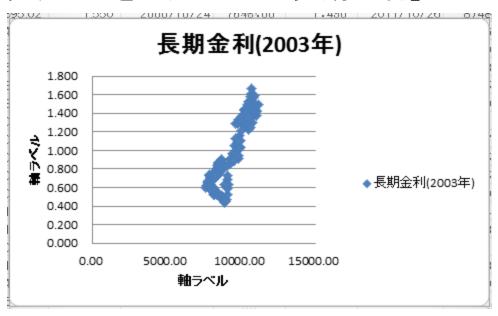


図6-4 相関分析作業(4)

- グラフタイトルの長期金利(2003年)と凡例の長期金利(2003年)は必要ないの で削除する
- グラフを他のワーク・シートに移動する
- 図6-4のグラフを図6-5のように調整する

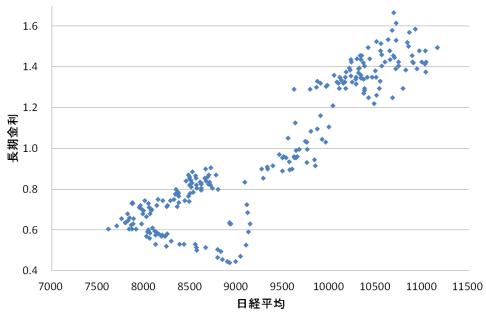


図6-5 相関分析作業(5)

- 縦軸及び横軸の書式設定で、日経平均の数値表示の小数点以下を「0」にし、長期金利の小数点以下の表示を「1」にする
- 画面に表示される文字のフォントを18ポイントに揃える

- グラフが偏っているので、縦軸および横軸の最大値と最小値を設定する
 - 軸の書式設定をクリックして表示される図6-6の画面で軸のオプションとして、日経平均に関しては最大値を「12000」、最小値を「7000」に設定し、 長期金利に関しては最大値を「1.7」、最小値を「0.4」に設定する

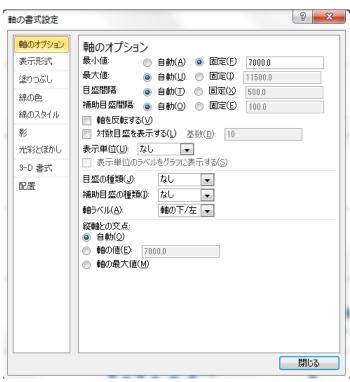


図6-6 相関分析作業(6)

- 株価が高いほど金利水準も上昇するという関係は基本的に成立していると 考えることができる
- 例外として、株価が8000円台から9000円台に上昇しているなかで、金利水準が低下している期間が観察される

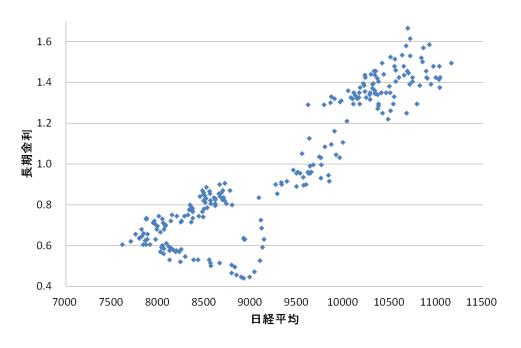


図6-5 相関分析作業(5)

【練習問題6-1】提出課題20:2点

- 2005, 2008, 2011年の日経平均と長期金利に関する相関図を 年ごとに作成し, 2003年のグラフと併せて4枚の相関図をMS-Wordの文書1ページに貼り付けて提出すること
- Excelも提出すること

【練習問題6-1】提出課題20:2点

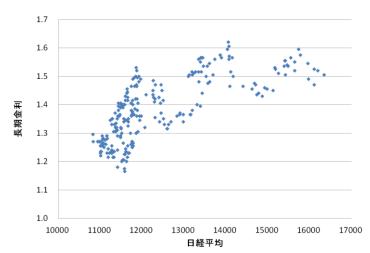


図6A-1 相関図(2005年)

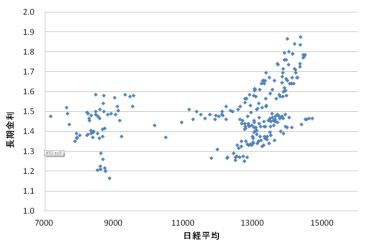


図6A-2 相関図(2008年)

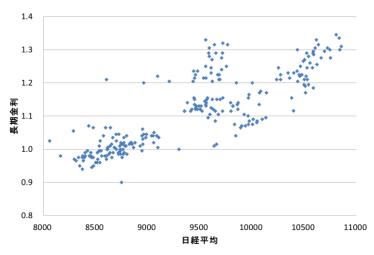


図6A-3 相関図(2011年)

株価と長期金利との関係一共分散と相関係数

- いずれの年でもほぼ右上がりの関係が成立していることは確認 できる
 - ただし、年ごとの相関図を比較するとパターンに相違はある
 - 右上がりの関係が明確なのが2003年と2011年
 - こうした右上がりの程度と散らばり方の程度を数値的に示す のが相関係数である

株価と長期金利との関係一共分散と相関係数

- 相関係数の定義を説明した上で、Excelによってこの数値を計算 する方法を説明する
 - まず定義に従った計算方法を説明し、後にExcelの関数の利用方法も説明する

共分散と相関係数

2変数(日経平均)と(長期金利)との間の相関係数(COR)の計算式は、以下に示す通り

$$COR = \frac{COVXY}{\sqrt{VARX}\sqrt{VARY}}$$
 (6-1)

- COVXY:変数XとYとの間の共分散
 - ▶ 共分散:以下の式で定義される係数

$$COVXY = \frac{1}{T} \sum_{i=1}^{T} (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})$$
 (6-2)

- VARXは変数Xの分散, VARYは変数Yの分散
 - 変数Xの分散も変数Yの分散も平方根を取っているので 分母は変数X及びYの標準偏差の積

共分散

$$COVXY = \frac{1}{T} \sum_{i=1}^{T} (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})$$
 (6-2)

- 共分散は両変数XとYに関して、分散を計算する際に用いた偏差を計算し、これを掛け合わせて平均を取った値である
 - 変数Xの値が平均を上回り、かつ変数Yの値も平均を上回る場合には、 変数Xの偏差と変数Yの偏差の積が正となり、
 - ▶ 先に見た相関図のように右上がりの形状を示している場合には共 分散の値は正となる
 - 変数Xの値が平均を上回り、かつ変数Yの値が平均を下回る場合には、 変数Xの偏差と変数Yの偏差の積が負となる
 - ▶ もし相関図の形状が右下がりの場合には共分散の値は負となる

日経平均と長期金利の分散と両者間の共分散をExcelのワーク・シート上で計算し、これ等を用いて相関係数を計算する

- 相関図のグラフを作成したワーク・シートで、
 - 列Eの後ろに5列挿入し、
 - 列Fに日経平均の偏差,
 - 列Gに長期金利の偏差,
 - 列Hに日経平均の偏差平方.
 - 列に長期金利の偏差平方,
 - 列ルス日経平均の偏差と長期金利の偏差の積を計算する

・ これ等の計算式を示したのが図6-7でる

	В	С	D	Е	F	G	Н	I	
1 1		2003年	日経平均(2003年)	長期金利(2003年)	偏差(日経平均)	偏差(長期金利)	偏差平方(日経平均)	偏差平方(長期金利)	偏 差 積
2 2		37627	8713.33	0.905	=D2-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E2-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F2^2	=G2^2	=E2*F2
3 3		37628	8656.5	0.9	=D3-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E3-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F3^2	=G3^2	=E3*F3
4 4		37629	8517.8	0.885	=D4-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E4-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F4^2	=G4^2	=E4*F4
5 5		37630	8497.93	0.845	=D5-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E5-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F5^2	=G5^2	=E5*F5
6 6		37631	8470.45	0.87	=D6-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E6-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F6^2	=G6^2	=E6*F6
7 7		37635	8553.06	0.855	=D7-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E7-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F7^2	=G7^2	=E7*F7
8 8		37636	8611.75	0.83	=D8-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E8-AVERAGE(E\$2:E\$24	1=F8^2	=G8^2	=E8*F8
9 9		37637	8609.17	0.825	=D9-AVERAGE(D\$2:D\$24	17=E9-AVERAGE(E\$2:E\$24	=F9^2	=G9^2	=E9*F9
0 10	01	37638	8690.25	0.825	=D10-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E10-AVERAGE(E\$2:E\$2	=F10^2	=G10^2	=E10*F1
1 11		37641	8558.82	0.82	=D11-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E11-AVERAGE(E\$2:E\$2	-=F11^2	=G11^2	=E11*F1
2 12		37642	8708.58	0.82	=D12-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E12-AVERAGE(E\$2:E\$2	=F12^2	=G12^2	=E12*F1
3 13		37643	8611.04	0.805	=D13-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E13-AVERAGE(E\$2:E\$2	-=F13^2	=G13^2	=E13*F1
4 14		37644	8790.92	0.8	=D14-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E14-AVERAGE(E\$2:E\$2	=F14^2	=G14^2	=E14*F1
5 15		37645	8731.65	0.805	=D15-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E15-AVERAGE(E\$2:E\$2	=F15^2	=G15^2	=E15*F1
6 16		37648	8609.47	0.795	=D16-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E16-AVERAGE(E\$2:E\$2	-=F16^2	=G16 ²	=E16*F1
7 17		37649	8525.39	0.785	=D17-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E17-AVERAGE(E\$2:E\$2	-F17^2	=G17^2	=E17*F1
8 18		37650	8331.08	0.775	=D18-AVERAGE(D\$2:D\$2	24=E18-AVERAGE(E\$2:E\$2	-F18^2	=G18^2	=E18*F1
9 19		37651	8316.81	0.75	=D19-AVERAGE(D\$2:D\$2	4=E19-AVERAGE(E\$2:E\$2	-=F19^2	=G19^2	=E19*F1
20 20		37652	8339.94	0.8	=D20-AVERAGE(D\$2:D\$2	4=E20-AVERAGE(E\$2:E\$2	-=F20^2	=G20^2	=E20*F2

図6-7 相関係数作業(1)

・ この計算結果を示したのが図6-8である

- 1	0			_		Г		1.1	т	1
	Α.	В	0	D	E #0.0 3 1/4 - 4	F	G	H	1	J = 34.4+
1	1		2003年	日経平均(20	長期金利(20	偏差(日経平	偏差(長期金	偏差平方(日約	偏差半万(長	偏差積
2	2		2003/1/6	8713.33	0.905	-593.247	-0.084	351941.559	0.007	-536.888
3	3		2003/1/7	8656.50	0.900	-650.077	-0.089	422599.620	0.008	-585.069
4	4		2003/1/8	8517.80	0.885	-788.777	-0.104	622168.566	0.011	-698.067
5	5		2003/1/9	8497.93	0.845	-808.647	-0.144	653909.366	0.021	-683.306
6	6		2003/1/10	8470.45	0.870	-836.127	-0.119	699107.735	0.014	-727.430
7	7		2003/1/14	8553.06	0.855	-753.517	-0.134	567787.306	0.018	-644.257
8	8		2003/1/15	8611.75	0.830	-694.827	-0.159	482784.040	0.025	-576.706
9	9		2003/1/16	8609.17	0.825	-697.407	-0.164	486376.002	0.027	-575.360
10	10	01	2003/1/17	8690.25	0.825	-616.327	-0.164	379858.510	0.027	-508.469
11	11		2003/1/20	8558.82	0.820	-747.757	-0.169	559139.972	0.029	-613.160
12	12		2003/1/21	8708.58	0.820	-597.997	-0.169	357599.965	0.029	-490.357
13	13		2003/1/22	8611.04	0.805	-695.537	-0.184	483771.198	0.034	-559.907
14	14		2003/1/23	8790.92	0.800	-515.657	-0.189	265901.756	0.036	-412.525
15	15		2003/1/24	8731.65	0.805	-574.927	-0.184	330540.625	0.034	-462.816
16	16		2003/1/27	8609.47	0.795	-697.107	-0.194	485957.648	0.038	-554.200
17	17		2003/1/28	8525.39	0.785	-781.187	-0.204	610252.545	0.042	-613.232
18	18		2003/1/29	8331.08	0.775	-975.497	-0.214	951593.667	0.046	-756.010
19	19		2003/1/30	8316.81	0.750	-989.767	-0.239	979637.974	0.057	-742.325
20	20		2003/1/31	8339.94	0.800	-966.637	-0.189	934386.367	0.036	-773.309

図6-8 相関係数作業(2)

• データ範囲の下に列Dから列Jの各データ系列の合計と平均を計算し、最後に定義式に従って相関係数の値を計算すると、図 6-10になる

	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
1	1		2003年	日経平均(2003年	長期金利(20	偏差(日経平	偏差(長期金	偏差平方(日経平	偏差平方(長	偏 差 積
245	245		2003/12/26	10417.41	1.250	1110.833	0.261	1233950.785	0.068	1388.542
246	246		2003/12/29	10500.62	1.350	1194.043	0.361	1425739.579	0.130	1611.959
247	247		2003/12/30	10676.64	1.250	1370.063	0.261	1877073.649	0.068	1712.579
248	248									
249			合計	2289417.85	243.29	0.00	0.00	259726599.64	28.37	78761.50
250			平均	9306.58	0.99	0.00	0.00	1055799.19	0.12	320.17
251										0.917493028
252										0.917493028

図6-10 相関係数作業(4)

この画面の計算式を示したのが図6-9であるので、各自でこれらの値を計算すること

	_								
- 4	4 A	BC	D	E	F	G	H	I	J
1	1	2003年	日経平均(2003年)	長期金利(2003年)	偏差(日経平均)	偏差(長期金利)	偏差平方(日経平均)	偏差平方(長期金利)	偏 差 積
245	245	2003/12/26	10417.41	1.25	=D245-AVERAGE(D\$2:D\$2	=E245-AVERAGE(E\$2:E\$:=F245^2	=G245^2	=E245*F245
246	246	2003/12/29	10500.62	1.35	=D246-AVERAGE(D\$2:D\$2	=E246-AVERAGE(E\$2:E\$:=F246^2	=G246^2	=E246*F246
247	247	2003/12/30	10676.64	1.25	=D247-AVERAGE(D\$2:D\$2	=E247-AVERAGE(E\$2:E\$:=F247^2	=G247^2	=E247*F247
248	248								
249)	合計	=SUM(D2:D247)	=SUM(E2:E247)	=SUM(F2:F247)	=SUM(G2:G247)	=SUM(H2:H247)	=SUM(I2:I247)	=SUM(J2:J247)
250)	平均	=AVERAGE(D2:D247)	=AVERAGE(E2:E247)	=AVERAGE(F2:F247)	=AVERAGE(G2:G247)	=AVERAGE(H2:H247)	=AVERAGE(I2:I247)	=AVERAGE(J2:J247)
251									=J249/(SQRT(H249)*SQRT(I249))
252	2								=CORREL(D2:D247,E2:E247)

図6-9 相関係数作業(3)

- セルJ250には「=J249/(SQRT(H249)*SQRT(I249))」が入力されており、
- セルJ251には相関係数を計算するための関数であるCORRELを用いて、「= CORREL(D2:D247,E2:E247)」が入力されている
 - **∑** の下向きの矢印をクリックし、「その他の関数(<u>F</u>)」をクリックし、関数の分類で統計を選択し、
 - 関数としてCORRELを選択すると表示される図6-11の配列1のデータ範囲であるセルD2からセルD247と配列2のデータ範囲であるセルE2からセルE247を入力することにより計算される

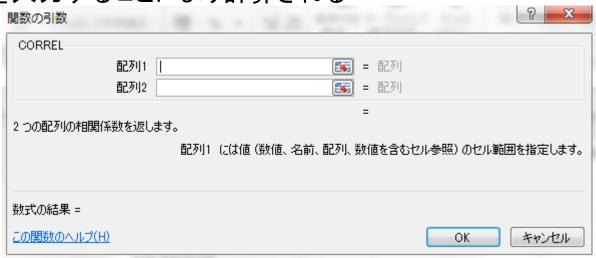


図6-11 相関係数作業(5)

【Excel】 共分散

- セルJ252には相関係数を計算するための関数であるCOVARを用いて、「= COVAR(D2:D247,E2:E247)」が入力されている
 - **∑** の下向きの矢印をクリックし、「その他の関数(<u>F</u>)」をクリックし、関数の分類で統計を選択し、
 - 関数としてCOVARを選択すると表示される図6-11の配列1のデータ範囲であるセルD2からセルD247と配列2のデータ範囲であるセルE2からセルE247を入力することにより計算される

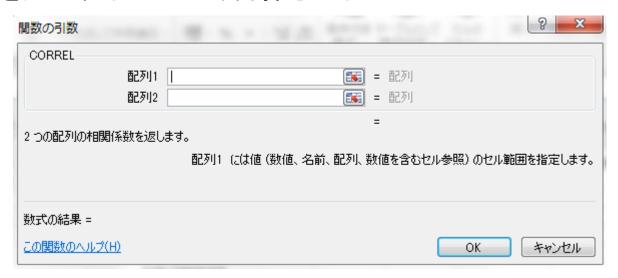


図6-11 相関係数作業(5)

• 求められた0.917という相関係数の値は、相関係数が取る値の 範囲が-1から+1であるので、非常に1に近い相対的に大きな値 である

- 分析ツール(D)の中にも相関の計算方法が用意されている
- 「テータ , ^{| ೄテータ分析} を選択して表示される図6-12で相関を選択 する

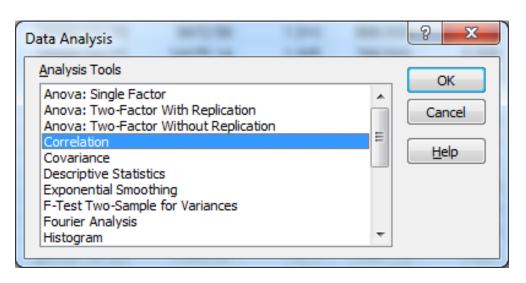


図6-12 相関係数作業(6)

• 図6-13が表示される

相関		§ x
-入力元 - 入力範囲(I):		OK Name
データ方向:	⊚ 列(<u>C</u>) ⊚ 行(<u>R</u>)	キャンセル ヘルプ(<u>H</u>)
■ 先頭行をラベルとして使用	(<u>r</u>)	
出力オプション ○ 出力先(<u>O</u>):		
● 新規ワークシート(P):● 新規ブック(W)		

図6-13 相関係数作業(7)

- 図6-13のように、「入力範囲(<u>l</u>)」としてセルD1からセルE247を指定し、「先頭行をラベルとして指定(<u>L</u>)」の左側のボックスをチェックする
- 「出力先(<u>O</u>)」として、セルF260からセルH265を指定して、OKをクリックすると、図6-14のように相関係数行列が出力範囲に表示される

日経平均(2003期金利(2003年)								
日経平均(2	1							
長期金利(2	0.917493	1						

図6-14 相関係数作業(8)

- 相関係数行列とは、相関係数計算の対象となる変数を行列の 縦と横に表示し、各変数間の相関係数をまとめて表示する行列
 - 日経平均(2003年)と長期金利(2003年)の2変数が対象なので2×2行列である
 - 同一変数間の相関係数は定義上1になる
 - ▶ 日経平均(2003年)と日経平均(2003年)の間の相関係数は1
 - 日経平均(2003年)と長期金利(2003年)の間の相関係数と長期金利(2003年)と日経平均(2003年)の間の相関係数は同じ値を取るので、相関係数行列は対称行列
 - ➤ Excelの分析ツールは右上の部分に数値が記入されない
 - Excelの分析ツールは、相関係数を計算する対象となる変数 の列(あるいは行)が連続していることが前提となる

【練習問題6-2】提出課題21:2点

- 2003年の日経平均と長期金利との間の相関係数を3種類の方 法で計算してきた
- 2005, 2008, 2011年の日経平均株価と長期金利との間の相関係数に関しても, 2003年と同様に, 年ごとに3種類の方法で計算し, これらの結果をExcelとして提出せよ

【練習問題6-2】 提出課題21:2点

	日経平均(20	長期金利(200	5年)
日経平均(2005	1		
長期金利(2005	0.737845	1	

表6A-1 相関係数(2005年)

05年)	日経	平均(2008	月金利(2008
日経平	均(200)	1	
長期金	利(200	0.386727	4

表6A-2 相関係数(2008年)

日経	平均(2011	月金利(2011	年)
日経平均(2	1		
長期金利(2	0.829556	1	

表6A-3 相関係数(2011年)

【練習問題6-2】提出課題21:2点

- 練習問題6-2の結果を見ると、
 - 2003年の相関係数が0.917という高い値を取っているのに対して,
 - 2005年では0.738,
 - 2008年では0.3867,
 - 2011年では0.8296

と日経平均と長期金利の間の相関係数は年によって大きく異なっていることが観察される

• 先に示した相関図の形状と相関係数との間の対応関係に見通しを付けるため、相関係数に関して理論的な説明を行う

共分散と相関の概念

共分散

- 共分散は2変数間の散らばり方の関係を示す
 - 分散の場合と同様に共分散の大きさはデータの単位のとり 方に影響されるため、共分散を基準化して2変数間の関係の 程度を示す指標が相関係数である

2つの変数の関連性を示す尺度: 共分散

2つの確率変数XとYの共分散Covar(X,Y)は、

$$\begin{aligned} & \textit{Covar}(X, Y) \\ &= \textit{E}\left(\left(X - \textit{E}(X)\right)\left(X - \textit{E}(Y)\right)\right) \\ &= \left(x_1 - E(X)\right) \times \left(y_1 - E(Y)\right) \times p_1 + \left(x_2 - E(X)\right) \times \left(y_2 - E(Y)\right) \times p_2 + \cdots \\ &+ \left(x_S - E(X)\right) \times \left(y_S - E(Y)\right) \times p_S \end{aligned}$$

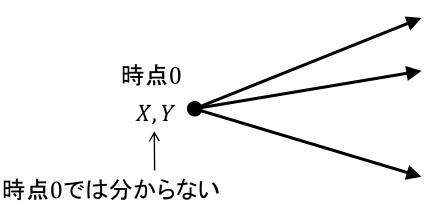
- 2つの確率変数の値と期待値の差を掛け合わせたものの期待値
- 2つの確率変数の依存性を示す尺度
- $-\sigma_{X,Y}$ や σ_{XY} 、 $\sigma(X,Y)$ などと表記する場合もある

共分散の計算のイメージ

共分散は、XとYの取り得る値のそれぞれの期待値(平均)からの乖離を掛け 合わせ、さらにそれに対応する確率を掛けて、足し合わせたもの

時点1

共分散は値と期待値の差を二つ 掛け合わせたものの加重平均



ただし、取り得る値 $(x_1,x_2,\cdots,x_S,y_1,y_2,\cdots,y_S)$ と対応する確率 (p_1,p_2,\cdots,p_S) は時点0で分かっているよって、E[X],E[Y]も分かり、Cov(X,Y)も分かる

$$(x_1 - E[X]) \times (y_1 - E[Y]) \times p_1$$

$$+(x_2 - E[X]) \times (y_2 - E[Y]) \times p_2$$

$$\vdots$$

$$+(x_S - E[X]) \times (y_S - E[Y]) \times p_S$$

$$= Cov(X, Y)$$

共分散の計算

• 共分散は、XとYの取り得る値のそれぞれの期待値(平均)からの乖離を掛け 合わせ、さらにそれに対応する確率を掛けて、足し合わせたもの

事象	結果	確率	期待値からの乖離	期待値からの乖離	確率で重みづけら れた期待値からの 乖離の掛け算
1	x_1, y_1	p_1	$x_1 - E(X)$	$y_1 - E(Y)$	$(x_1 - E(X))(y_1$
2	x_2, y_2	p_2	$x_2 - E(X)$	$y_2 - E(Y)$	$(x_2 - E(X))(y_2$
:	:	:	:	:	:
S	x_S, y_S	p_S	$x_S - E(X)$	$y_S - E(Y)$	$(x_S - E(X))(y_S$
				合計	= Covar(X, Y)

共分散の性質

• 変数を逆にしても同じ値になる

$$Covar(X,Y) = Covar(Y,X)$$

• 同じ変数同士の共分散はその変数の分散

$$Covar(X, X) = Var(X)$$

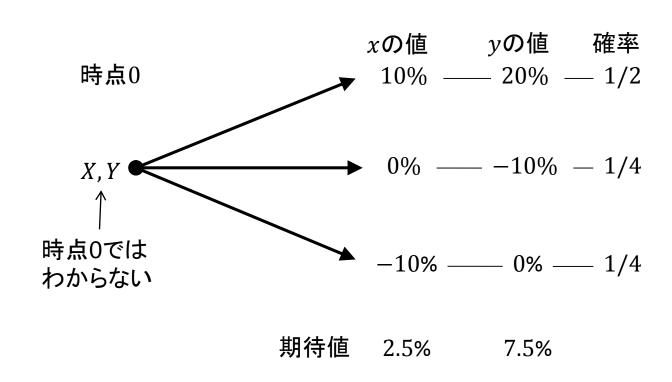
• 分散と同じような式が成り立つ

$$Covar(X, Y) = E(XY) - E(X)E(Y)$$

共分散の計算例

1. まずリターンの期待値(期待リターン)を計算する

時点1

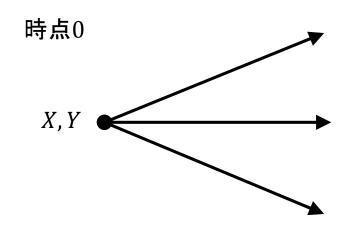


共分散の計算例

- 2. 次にそれぞれのリターンの期待リターンからの乖離を計算する
- 3. 事象ごとにリターンの期待リターンからの乖離を掛け合わせ、確率も掛け合 わせる
- 4. 最後にすべて足し合わせる

時点1

共分散は値と期待値の差を二つ 掛け合わせたものの加重平均



$$(10\% - 2.5\%) \times (20\% - 7.5\%) \times 1/2$$

$$(0\% - 2.5\%) \times (-10\% - 7.5\%) \times 1/4$$

$$(-10\% - 2.5\%) \times (0\% - 7.5\%) \times 1/4$$

2つの変数の関連性を示す尺度:相関

2つの確率変数xとyの相関Corr(X, Y)は

$$Corr(X,Y) = \frac{Covar(X,Y)}{\sqrt{Var(X)}\sqrt{Var(Y)}}$$

- 共分散について解くと、 $Covar(X,Y) = Corr(X,Y)\sqrt{Var(X)}\sqrt{Var(Y)}$ \triangleright 言い換えると、共分散は $X \succeq Y$ の相関×Xの標準偏差×Yの標準偏差
- 相関は共分散をそれぞれの標準偏差で割っている
 - ▶ 共分散を標準化したものが相関
 - ▶ 相関は-1 から1 の間の数値

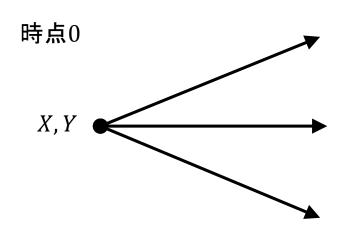
$$-1 \le Corr(X, Y) \le 1$$

- 2つの変数の相関関係として、直線的な関係の強さを測る指標である
- $-\rho_{X,Y}$ 、 ρ_{XY} や $\rho(X,Y)$ などと表記する場合もある

相関の計算例

時点1

共分散は値と期待値の差を二つ 掛け合わせたものの加重平均



$$(10\% - 2.5\%) \times (20\% - 7.5\%) \times 1/2$$

$$(0\% - 2.5\%) \times (-10\% - 7.5\%) \times 1/4$$

$$(-10\% - 2.5\%) \times (0\% - 7.5\%) \times 1/4$$

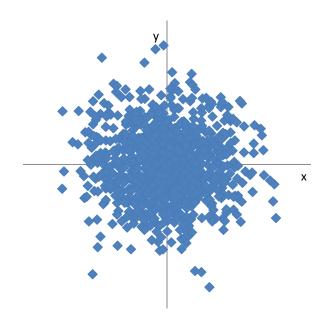
$$Covar(X, Y) = 0.008125$$

$$\sigma_X^2 = 0.006875, \sigma_Y^2 = 0.016875$$

$$\rho(X,Y) = \frac{0.008125}{\sqrt{0.006875}\sqrt{0.016875}} \approx 0.754337$$

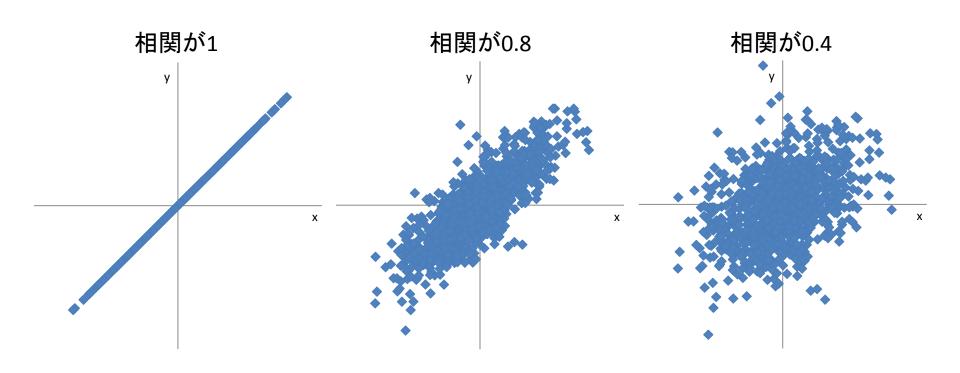
無相関

- COR = 0ならば、二つの確率変数 $x \ge y$ は無相関
- 相関が0の場合のxとyを図示
 - 同じ事象における (x_s, y_s) を点として図示(横軸x、縦軸y)



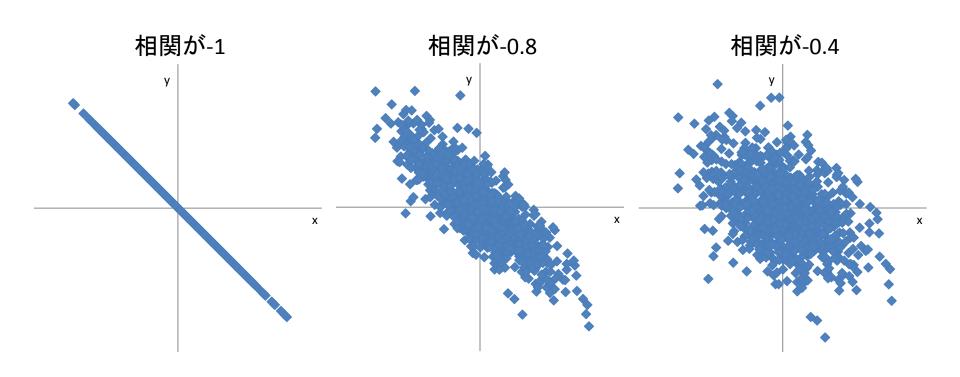
正の相関

• COR > 0ならば、二つの確率変数 $x \ge y$ は正の相関



負の相関

COR < 0ならば、二つの確率変数xとyは負の相関



相関の性質

• 共分散は相関とそれぞれの標準偏差を掛け合わせたもの $Covar(X,Y) = Corr(X,Y)\sqrt{Var(X)}\sqrt{Var(Y)}$

• 共分散と同じように、相関の確率変数を逆にしても同じ値となる Corr(X,Y) = Corr(Y,X)

• 同じ変数同士の相関は1

$$Corr(X,X) = 1$$

相関係数の基本的な考え方

- 2変数が直線上に並んでいる場合,並んでいない場合の相関係数について:
 - 2変数が正の傾きをもつ1直線上に並んでいる場合にその値が1を取り、
 - 傾きが負の一直線上に並んでいる場合にその値が-1を取り,
 - 2変数間に直線的な関係が全くない場合にはその値がOになる

相関係数の基本的な考え方

- 2変数の散らばり方と相関係数の絶対値について:
 - 2変数の散らばり方が直線に近づけば近づくほど、相関係数 の絶対値は1に近づき、
 - 2変数の散らばり方が拡散し直線から離れれば離れるほど、 相関係数の絶対値は0に近づく

相関係数の基本的な考え方

- ・ 変数の連動性と相関係数の正負について:
 - 一方の変数の値が大きくなるときに他方の変数の値も大きくなる傾向がある場合に相関係数は正となり。
 - 一方の値が大きくなったときに他方の値が小さくなる傾向がある場合に相関係数は負になる

相関係数

- 相関係数は、 $-1 \le COR \le 1$ の値を取るが、
- |COR|が1に近い値を取れば取るほど2変数間の相関の程度は 強く,
 - 相関の程度が強いほど明確な直線的関係となり
- |COR|が0に近い値を取れば取るほど2変数間の相関の程度が 弱い
 - 相関の程度が弱いほど決められたXに対応するYの値の幅が広がる

日経平均と長期金利の相関係数

- 図6-5, 6A-1から6A-3に示した相関図では、いずれの年でも日経平均と長期金利との間には、基本的に右上がりの関係が存在すると判断される
- しかし, 直線的な関係の程度は, 年ごとに大きな相違が認められる
 - 2003年では、2変数の相関係数を計算すると相関係数が正の年の中では最も直線的な関係がはっきりと出る
 - 2005年では,直線的な関係よりも曲線的な関係ともいえる形状であり,相関係数の値がやや低下
 - 2008年では、日経平均株価が12000円以下の範囲では、長期金利の変化が日経平均の変動と関係していないように観察されることから、この年の相関係数の値が最も小さい
 - 2011年では、直線的関係や変化しているようにも認められるが、 基本的には右上がりの関係が明確なことから、相関係数の値は 2003年に次ぐ大きさ

偏差平方和

- 偏差平方和の代替的な計算方法を示しておく
 - 最近ではデータ処理の高速化により、この計算方法が使われることはあまりなくなっている
 - コンピュータが未発達の時代には、計算量が少なくなるので、この計算方法を利用して計算することが一般的だった
 - ▶ 現在のコンピュータの計算能力では、計算量が問題にされるほどの差ではない
 - しかし、理論的な関係の導出を行う場合にこれらの関係を用いた方が便利である

偏差平方和

- いずれの式でも導出方法は同じなので、日経平均(変数)の偏差平方和に関してのみ導出を行うと以下の関係が導かれる
- 他の偏差平方和については各自で確認すること

$$S_X^2 = \sum_{t=1}^T (X_t - \bar{X})^2 = \sum_{t=1}^T (X_t^2 - 2X_t \bar{X} + \bar{X}^2)$$

$$= \sum_{t=1}^T X_t^2 - 2\bar{X} \sum_{t=1}^T X_t + \sum_{t=1}^T \bar{X}^2$$

$$= \sum_{t=1}^T X_t^2 - 2\bar{X}(T\bar{X}) + T\bar{X}^2$$

$$= \sum_{t=1}^T X_t^2 - T\bar{X}^2$$

個別企業の株価と日経平均株価の関係の分析 ーまとめプロジェクトII

- 6-1では、日経平均株価と長期金利の間の関係を例として、相関係数の計算と考え方を説明した
 - 相関係数は分析で幅広く用いられている
- プロジェクトIIでは、日本の代表的な企業の株価の変動が日経 平均株価とどのような関係があるのかに関して、相関係数を計 算することを通して、分析する

- 1. Blackboard上のデータフォルダから「株価分析(2003-2012).xls」のデータ・ファイルを利用して、2003年から2012年までの日経 平均を含む13系列間の相関係数行列を年ごとに計算して示せ
 - 相関係数行列の計算方法は各自で選択せよ(データ分析 の相関を用いるのが最も簡単か?)
- 2. 1の結果で各企業の株価と日経平均株価との関係が正であった年の数, 負であった年の数を企業ごとに整理せよ
 - これと併せて企業の株価間で負の相関係数を持った年が5 回以上あった場合、これらの企業名を列挙せよ
- 3. 株価を日々の上昇率に変換した上で、1と同様に相関係数行 列を計算して示せ
- 4. 1の相関係数行列と3の相関係数行列を比較して、相違点を指 摘せよ

データ・ファイル「株価分析(2003-2012).xls」の構成に関して説明する

- 「株価分析(2003-2012).xls」のワーク・シートの1枚目には,
 - 2003年1月から2013年4月までの証券市場の営業日(土曜日,日曜日,祝日を除く)の日経平均株価と
 - 12社(日清食品, ローソン, 楽天, 昭和シェル石油, NEC, パナソニック, トヨタ自動車, 三菱商事, 三菱UFJ銀行, 大分銀行, JR東海, ANA)の各営業日の終値の株価が入力されている
 - ワーク・シートの企業名の次の行に入力されている数値は、証券 コードと呼ばれる株式を公開している企業に付与されている番号 であり、この番号を利用することが多い
- 「株価分析(2003-2012).xls」のワーク・シートの2枚目以降は、ワーク・シートの1枚目のデータを年別に分割して入力している
 - 各年の中におけるデータ表示方法の変化等は調整してある

ここに示した企業は日本における代表的な企業で、簡単に説明すると、

- 日清食品:インスタントラーメンのトップ企業
- ローソン:コンビニチェーン
- ・ 楽天:インターネット商取引の代表的企業
- 昭和シェル石油:原油を輸入し,各種の石油製品に加工して販売する 企業
- NEC: 電気・電子製品とソフトウエアーの販売を行っている
- パナソニック:家電製品を中心とする,電気製品の企業
- トヨタ自動車:日本最大の自動車メーカー
- 三菱商事:日本最大の商社
- 三菱UFJ銀行:日本最大の銀行
- 大分銀行:大分県を基盤とする地方銀行
- JR東海:中部地方の鉄道と東海道新幹線を運営する鉄道会社
- ANA: 航空運輸会社

- こうした企業の株価は、個別企業の業績及びマクロ経済に共通な各種要因の変化によって変動する
- マクロ経済に関しては、
 - 日本銀行の金融政策,
 - 政府の財政政策,
 - 為替レートの変動,
 - 外国における政治・経済活動の変化等

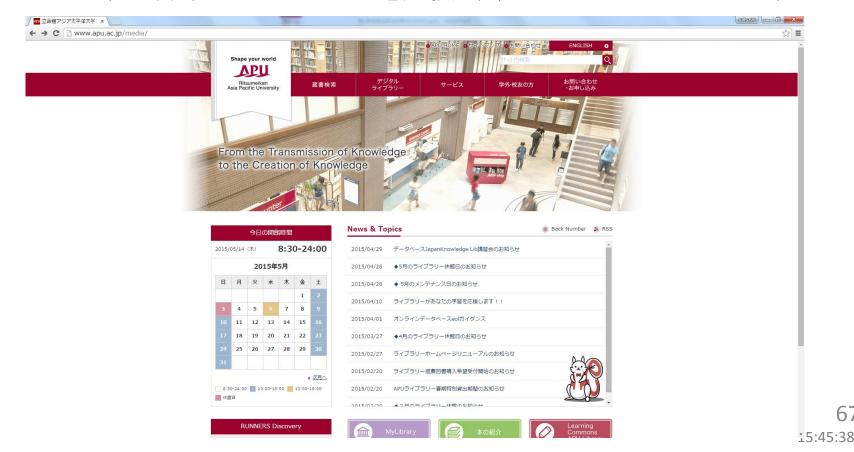
により影響を受けるが、企業の活動分野によってその影響の受け方は異なる

本来こうした分析と合わせて株価の相関係数行列を分析する必要があるが、このプロジェクトではそこまでは要求しない

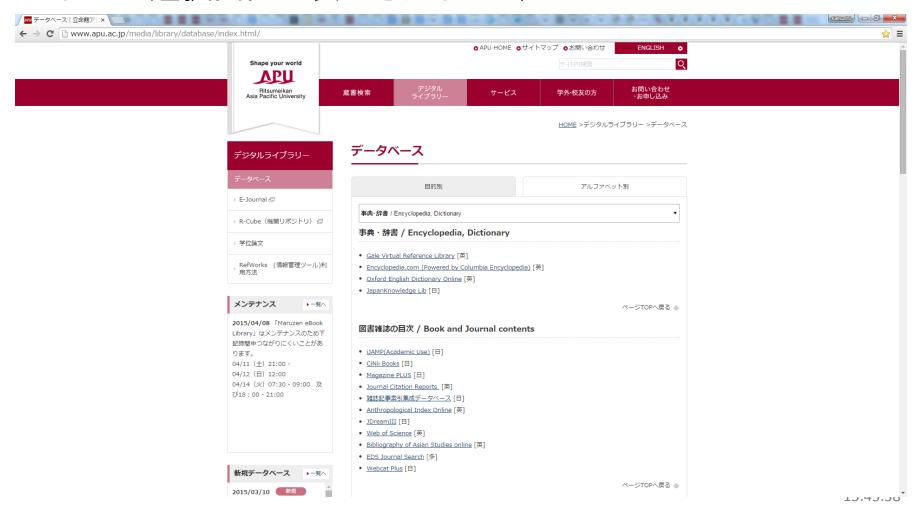
社会科学情報システム(日経NEEDSデータ)から個別企業の株価データを取得する方法

- APUからは、インターネット経由で、日本経済新聞社が提供する 日経NEEDSのデータをダウンロードして利用することが可能
- 日本経済のマクロデータ、地域データ、株価データ等をダウンロードできる
- 日経NEEDSのデータは基本的に毎日更新されるが、学校法人 立命館のサーバに収録されているデータは年に1回更新すると いう契約になっているので、各年度の初めに更新されている

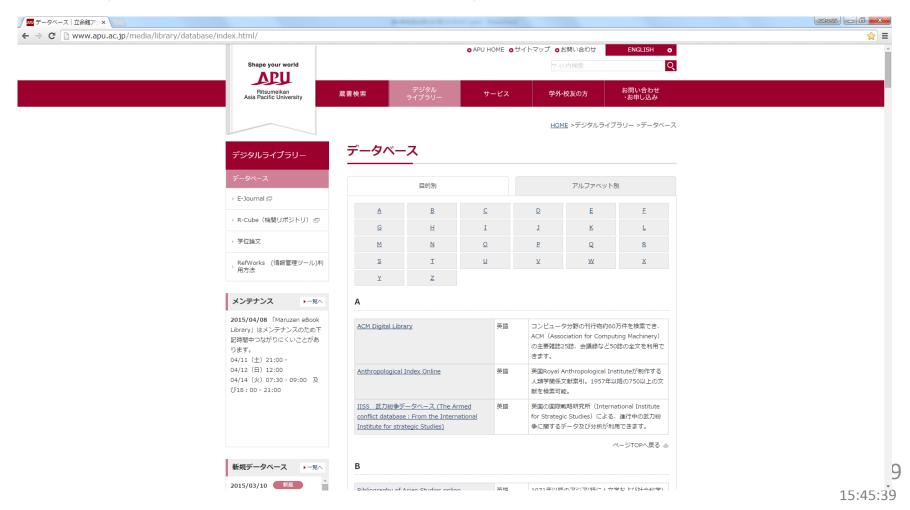
- 上記プロジェクト||で利用する日次の株価データを自分の調べたい企業に関して取得する方法を説明しておく
- 社会科学情報検索のデータを利用するためには、APUのキャンパス・ターミナルから、図書館(Media Center)を選択し、表示される以下の画面で、



 デジタルライブラリー(Digital Library)を選択してクリックすると、 以下の選択画面が表示されるので、



データベース・電子ジャーナルのアルファベット別一覧をクリック して表示されるアルファベットの表で、



- Sをクリックすると、社会科学情報検索(Social Science Information Search)があるので、これをクリックすると、以下に示す日経NEEDSデータを利用するための初期画面が表示される
- マニュアルをクリックすると日経NEEDSデータを利用するための基本的なマニュアルが表示される
- マニュアルには日本語版と併せて英語版もある

- 日経NEEDSデータに関しては、ここに示されている範囲のデータを利用することが可能であるが、ここでは株価データの利用方法を説明する
- 上記の画面で、株式をクリックすると、以下に示す画面が表示される

株式検索方法選択 ・個別銘柄検索 ・グループ検索	利 ※画面の表示に時間がかかる <mark>場合があります。</mark>	用マニュアル
	※ 画面の表示に時間がかかる。	
■ 銘柄検索 Ⅰ.銘柄コード :	② 実行 II.市場: 自動 ▼ III.ダウンロード項目: 株式価格	基本▼
V .期種 : 週次 ▼ V .期	間: 2012 🔻 年 🚺 🔻 月から 2013 🔻 年 🚺 🖳 月まで 🛛 VI.出力順: ️ 昇順 🔻	ヘルプ

- 株式に関するマニュアルも存在し、画面右上の利用マニュアルをクリックするとマニュアルが表示され、印刷することも可能であるが、英語による説明はない
- 以上の操作で、データを取得する場所が分かったので、あとは マニュアルを参考に各自で出力を試みよ
 - 各企業の証券コードが必要であり、これは業種分類と企業名から検索可能である

2003年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.346469	1											
ローソン	0.603542	0.520887	1										
楽天	0.826562	0.467679	0.840292	1									
昭和シェル石油	0.778476	0.53084	0.614367	0.750735	1								
NEC	0.97043	0.255082	0.61285	0.818337	0.7156	1							
バナソニック	0.936714	0.251953	0.425236	0.67936	0.687866	0.920381	1						
トヨタ自動車	0.919045	0.4392	0.442486	0.672456	0.784215	0.842603	0.903993	1					
三菱商事	0.956773	0.321861	0.667592	0.900984	0.775006	0.930256	0.877942	0.854267	1				
三菱UFJ	0.817135	0.405331	0.533338	0.77643	0.735439	0.724738	0.781 028	0.806588	0.83988	1			
大分銀行	0.507504	0.308851	0.27658	0.223078	0.466596	0.502634	0.499454	0.515504	0.354135	0.15707	1		
JR東海	0.863959	0.50974	0.791262	0.90634	0.840328	0.861736	0.723786	0.754556	0.883564	0.683115	0.494689	1	
ANA	0.874597	0.292646	0.562463	0.765296	0.647509	0.828568	0.761053	0.80761	0.853786	0.802738	0.244559	0.729731	
2004年	 日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自 動画	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1	2711 2400		-1-2 (-0100 -010			1 - 2 - 2 - 2 - 3 - 3			7 (22 544) 3	0.10/1/19	
日清食品	0.503068	1											
ローソン		0.751611	1										
 楽天	0.379427		0.251098	1									
昭和シェル石油			0.440669	0.461 001	1								
NEC		0.200552		-0.14367	-0.3692	1							
パナソニック		-0.27275		-0.08564		0.516867	1						
トヨタ自動車	0.370661	0.662198		0.364417		-0.41831	-0.4038	1					
三菱商事	0.080743	-0.44644	-0.45231	0.161215				0.028245	1				
三菱UFJ	0.631408	0.41428	0.4817	0.459334		-0.15405	-0.06193		0.372302	1			
大分銀行		0.168919	0.18421	0.178221	0.538247			0.534512			1		
JR東海	0.082395		0.17124	-0.43517		0.769879		-0.48259	-0.45153	-0.4098		1	
ANA	0.492321		0.201547	0.48785		-0.34518		0.639255				-0.54916	
2005年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ!	トヨタ目動車	二菱簡爭	二菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.933508	1											
ローソン		0.926365	1										
楽天	-0.19542		-0.23078	1									
昭和シェル石油	0.857214			-0.47123									
NEC	0.681103	0.64268		0.16574		1							
バナソニック		0.903527		-0.3946			1						
トヨタ自動車		0.904407		-0.22962		0.604108		1					
三菱商事	0.968309	0.907751	0.899333	-0.37728	0.937221	0.528198	0.954807	0.968241	1				
三菱UFJ	0.959272	0.896856	0.91446	-0.23242	0.849212	0.564825	0.909731	0.979193	0.957794	1			
大分銀行	0.939631	0.917172	0.894989	-0.43595	0.904493	0.483433	0.940733	0.937984	0.968973	0.931271	1		
JR東海	0.864219	0.879241	0.848831	-0.08069	0.592002	0.819001	0.705126	0.813679	0.779375	0.817114	0.779276	1	
ANA	0.70699	0.665667	0.687329	0.37933	0.333486	0.767517	0.50612	0.633154	0.537176	0.61721	0.531104	0.787367	

2006年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ!	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	-0.16645	1											
ローソン	0.46704	-0.52528	1										
楽天	0.25425	-0.40899	0.857147	1									
昭和シェル石油	0.168074	0.166584	0.180619	0.252643	1								
NEC	0.54459	-0.49427	0.737063	0.746949	0.277257	1							
パナソニック	0.667346	-0.30235	0.472468	0.464479	0.204117	0.847494	1						
ヨタ自動車	0.69493	0.137439	-0.11538	-0.33994	-0.08705	-0.12698	0.1 04535	1					
三菱商事	0.494871	-0.39639	0.797146	0.850308	0.4693	0.845619	0.690675	-0.15747	1				
三菱UFJ	0.502235	-0.13192	0.570668	0.671459	0.460419	0.816808	0.779894	-0.10328	0.835157	1			
大分銀行	0.212138	-0.13666	0.645957	0.73742	0.502156	0.720154	0.579579	-0.44017	0.764053	0.766495	1		
JR東海	0.314816	0.1 481 39	-0.38219	-0.64423	-0.00717	-0.20394	0.041453	0.488621	-0.31868	-0.18479	-0.34687	1	
ANA	0.113316	-0.34356	0.157045	-0.15388	-0.0518	0.116037	0.114216	-0.09542	0.01 2792	-0.10945	0.090348	0.528984	
2007年	 日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッケ	トヨタ 自 動 耳	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.468559	1											
コーソン	0.544521	0.703756	1										
· 柴天	-0.06389	0.374709	0.428494	1									
昭和シェル石油	0.755318			-0.52034	1								
NEC	0.926098	0.616807	0.706579	0.047705	0.656116	1							
パナソニック	0.612415	0.752276	0.751691	0.24147	0.294001	0.661816	1						
・ヨタ自動車	0.846981	0.549505		0.198342		0.84284	0.642504	1					
三菱商事	-0.14822	-0.64812		-0.4677		-0.328	-0.44464	-0.52932	1				
三菱UFJ	0.808445	0.640603		0.277058		0.817956		0.93503	-0.60371	1			
大分銀行			0.885855	0.39011	0.25704				-0.6725		1		
JR東海		0.516708		0.195773		0.751833		0.719907	-0.43212			1	
ANA		0.423611	0.514642	-0.10302			0.41207	0.680352		0.600962		0.81 058	
2008年	 日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ 自 動 国	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
 日経平均	1												
日清食品	0.485844	1											
コーソン	-0.38994	-0.02986	1										
- 楽天		0.312765	0.239264	1									
昭和シェル石油	0.848036	0.529808		0.327021	1								
VEC	0.868434	0.547584		0.220381	0.901317	1							
、 ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・	0.946433		-0.2827				1						
・ヨタ自動車		0.408329	-0.55988	0.017178		0.747113	0.914379	1					
三菱商事	0.947405			0.224273		0.873643		0.887719	1				
三菱UFJ		0.504053		0.158141	0.729988	0.842603		0.889152		1			
	0.751873			0.08045		0.529212		0.732121	0.765808	-	1		
JR東海	0.801863	0.548184		0.190885		0.896893		0.690436	0.818371		0.456432	1	
ANA			-0.61867										

2009年	日経平均	日清食品	ローソン	東天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日輕平均	1													
日清食品	0.461322	1												
ローソン	-0.2204	-0.04753	1											
東天	0.683348	0.457586	0.15777	1										
昭和シェル石油	0.467161	0.155732	-0.30903	-0.13038	1									
NEC	0.403321	-0.2443	-0.22655	-0.22947	0.746997	1								
パナソニック	0.750748	0.052413	-0.4031	0.194769	0.58711	0.678363	1							
トヨタ自動車	0.829426	0.094823	-0.4986	0.364811	0.490201	0.557281	0.903158	1						
三菱商事	0.924334	0.439787	-0.25693	0.771787	0.181432	0.187418	0.599644	0.771133	1					
三菱UFJ	0.462637	-0.24633	-0.06991	-0.07986	0.633816	0.902859	0.665491	0.563202	0.265257	1				
大分銀行	-0.68371	-0.68517	0.242818	-0.75737	0.056875	0.243325	-0.267	-0.43448	-0.7948	0.235339	1			
JR東海	0.255544	0.149975	0.656194	0.268665	-0.05984	0.108775	0.13152	-0.00494	0.17461	0.260343	-0.05337	1		
ANA	-0.68399	-0.65358	0.009363	-0.89196	-0.0017	0.252514	-0.22356	-0.36353	-0.7328	0.150818	0.865197	-0.15013		1
2010年	日経平均	日清食品	ローソン	東天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1													
日濟食品	0.196596	1												
ローソン	0.411626	0.332605	1											
東天	0.678381	0.204895	0.688058	1										
昭和シェル石油	0.338509	-0.45354	0.142948	0.336507	1									
NEC	0.83914	0.40462	0.437038	0.577932	0.019231	1								
パナソニック	0.867321	0.121641	0.429071	0.666272	0.345095	0.677998	1							
トヨタ自動車	0.885354	0.167524	0.556268	0.732255	0.344184	0.719634	0.887327	1						
三菱商事	0.932415	0.010549	0.311067	0.610289	0.421659	0.655508	0.862553	0.832593	1					
三菱UFJ	0.859285	0.342829	0.705125	0.726634	0.121888	0.806576	0.803496	0.87599	0.767269	1				
大分銀行	0.885042	0.364423	0.551619	0.701243	0.186192	0.760619	0.856557	0.898514	0.83361	0.920998	1			
JR東海	0.203317	0.646722	0.492333	0.290037	-0.35572	0.550683	0.053464	0.250208	-0.07538	0.449432	0.307567	1		
ANA	-0.47944	-0.22438	-0.27296	-0.5541	0.048648	-0.42501	-0.60172	-0.56939	-0.47898	-0.5465	-0.63609	-0.15617		1
2011年	日経平均	日清食品	ローソン	東天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1													
日濟食品	-039646	1												
ローソン	-0.66927	0.632602	1											
樂天	-0.74329	0.641451	0.730225	1										
昭和シェル石油	0.762056	-0.55241	-0.84821	-0.74012	1									
NEC	0.843459	-0.19311	-0.4053	-0.66875	0.397039	1								
パナソニック	0.954829		-0.79633			0.815324	1							
トヨタ自動車	0.951571					0.728682		1						
三菱商事		-0.57505				0.724389		0.933548	1					
三菱UFJ	0.968622		-0.61797				0.931647		0.895152	1				
大分銀行	0.794148						0.804345				1			
JR東海		0.231768					0.371257				0.719712	1		
ANA			-0.42969						0.711851	0.86818		0.698971		1

2012年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ!	トヨタ自動国	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.64303	1											
ローソン	-0.13611	0.344714	1										
楽天	0.151226	-0.48345	-0.7974	1									
昭和シェル石油	0.515761	0.060748	-0.80586	0.679487	1								
NEC	0.657494	0.351 031	-0.60606	0.439496	0.835929	1							
バナソニック	0.390611	-0.28861	-0.65719	0.685673	0.576851	0.395864	1						
トヨタ自動車	0.883322	0.729893	0.189831	-0.12721	0.234431	0.387103	0.044348	1					
三菱商事	0.6713	0.01 4369	-0.70644	0.675738	0.773579	0.612097	0.829399	0.379192	1				
三菱UFJ	0.900478	0.516296	-0.14208	0.079053	0.441384	0.521215	0.482138	0.796708	0.686108	1			
大分銀行	0.45429	0.824023	0.54345	-0.64271	-0.14518	0.095717	-0.45311	0.682171	-0.2036	0.389282	1		
JR東海	0.485107	0.533649	0.350208	-0.35396	-0.08366	0.271212	-0.00832	0.416315	0.001735	0.416449	0.463175	1	
ANA	0.347349	-0.32547	-0.81474	0.883775	0.748754	0.464643	0.845713	0.053028	0.867455	0.366658	-0.48735	-0.30182	

- 2003年の相関係数行列には、負の相関係数は存在しない
- 2004年の相関係数行列では、日経平均との間で相関係数が負であった企業は存在しないが、NEC、パナソニック、三菱商事、三菱UFJ銀行、大分銀行、JR東海、ANAとの間で株価の変動の相関係数が負の場合が存在する
- 2005年の相関係数行列では、楽天の株価が日経平均の株価と負の 相関係数を持ち、楽天と複数の企業の株価との間で負の相関係数が 観測される
- 2006年の相関係数行列では、日清食品の株価が日経平均と負の相関係数をとり、複数の他の企業の株価との相関係数も負になっており、企業間の株価の相関係数では、負のケースが随所に存在する
- 2007年の相関係数行列では、楽天と併せて三菱商事の株価も日経 平均と負の相関を持っており、これらの企業の株価と負の相関を持つ 企業が複数社観察される

- 2008年の相関係数行列では、ローソンの株価と日経平均との間で負の相関係数を観察しており、ローソンの株価と負の相関をとる企業の株価は複数存在するが、それ以外では負の相関係数は現れていない。
- 2009年の相関係数行列では、ローソン、大分銀行、ANAの株価が日経平均と負の相関をとっており、企業の株価間にも多くの負の相関係数が観察されている
- 2010年の相関係数行列では、ANAの株価が日経平均と負の相関係数をとり、その他の企業の株価間にも複数の負の相関係数が観察されている。
- 2011年の相関係数行列では、日清食品、ローソン、楽天の株価が日経平均と負の相関係数をとり、これらの企業と他の企業の株価の間にも負の相関係数が観察される
- 2012年の相関係数行列では、ローソンの株価が日経平均との間で負の相関係数をとり、他の企業の株価間にも負の相関係数が観察される
- 以上の情報を使って、2)で要求されている整理を行うこと

2003年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	バナソニック	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1													
日清食品	0.195213	1												
ローソン	0.427199	0.092317	1											
楽天	0.343874	0.172179	0.203912	1										
	0.364618		0.213465	0.108828	1									
NEC	0.748791		0.325616		0.174933	1								
パナソニック	0.689944	0.123932	0.399761		0.150217	0.604028	1							
トヨタ自動車	0.66625		0.296334				0.5426	1						
三菱商事	0.628059	0.129817	0.355908	0.249992	0.263049	0.50861	0.414387	0.460303	1					
三菱UFJ	0.567036	0.062729	0.391367	0.310611	0.141264	0.449281	0.435116	0.354211	0.34465	1				
大分銀行	0.303216	0.112822	0.235646	0.145643	0.269844	0.220521	0.237319	0.234594	0.21 4331	0.199218	1			
JR東海	0.359324		0.350119		0.276558		0.176725	0.291159	0.294549	0.246161	0.26025	1		
ANA			0.245821				0.331472				0.264642	0.257063		1
														$\overline{}$
2004年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ白動画	三萘商事	三菱LIF.I	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1	L/H 3400		214.24	-0402 270	1420	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	1 - 2 - 30			7 (33 942) 3	011010749	7 44 7 4	
日清食品	0.356187	1												
ローソン		0.108627	1											
楽天	0.18358		0.145243	1										
昭和シェル石油			0.253173	-	1									
NEC		0.126226	0.26203		0.228871	1								
パナソニック			0.338174		0.232355		1							
トヨタ自動車		0.296512					0.581026	1						
三菱商事			0.297886		0.304639		0.386306	0.39735	1					
三菱UFJ		0.050704	0.30831		0.153932		0.285484		0.446433	1				
大分銀行	0.57489	0.26188			0.290656		0.328672			0.381 021	1			
JR東海	0.522248						0.379475				0.340954	1		
ANA							0.354608					0.388662		1
														\neg
2005年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ?	トヨタ白動画	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1	2117,5400		-113	-0,1						, (33 34(13			
日清食品	0.299278	1												
ローソン		0.067515	1											
楽天	0.267785		0.121654	1										
昭和シェル石油			0.219677		1									
NEC		0.226525			0.189644	1								
パナソニック	0.465587	0.1874			0.167365		1							
トヨタ自動車	0.545435				0.293867		0.433642	1						
三菱商事	0.476656		0.201704		0.454512				1					
三菱UFJ	0.462562				0.380369					1				
大分銀行	0.400632		0.112913				0.210687			0.387425	1			
JR東海	0.316416	0.30496			0.253105		0.162486					1		
ANA	0.422476			0.322112										1

2006年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ?	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.362236	1											
ローソン	0.551217	0.223193	1										
楽天	0.380609	0.168734	0.206766	1									
昭和シェル石油	0.546975	0.253745	0.349453	0.167947	1								
NEC	0.663769		0.367961	0.237154	0.292729	1							
バナソニック	0.768129	0.270393	0.36827	0.283027	0.384155	0.590852	1						
トヨタ自動車	0.740175	0.254672	0.399857	0.158327	0.415867	0.554185	0.633596	1					
三菱商事	0.725807	0.250002	0.391299	0.277171	0.503886	0.537526	0.529761	0.562549	1				
三菱UFJ	0.69236	0.210727	0.364155	0.26666	0.358692	0.465808	0.539971	0.55135	0.517144	1			
 大分銀行	0.674036	0.263109	0.43885	0.21891	0.358618	0.415029	0.508944	0.571139	0.475441	0.495272	1		
JR東海	0.493504	0.08622	0.252214	0.127139	0.317444	0.309287	0.392504	0.435331	0.310293	0.349632	0.371565	1	
ANA	0.515933						0.367512	0.361 097	0.376838	0.29266	0.378524	0.293571	
						0.00000	0.00.00.0						
2007年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ?	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.243826	1											
ローソン	0.343615	0.137425	1										
楽天	0.232202		0.065327	1									
昭和シェル石油	0.602633	0.03915	0.20502	0.063484	1								
NEC	0.695726	0.077102		0.128078	0.368621	1							
パナソニック	0.633312	0.228897			0.308572	0.527886	1						
トヨタ自動車	0.819897	0.166403	0.291498	0.155878	0.496195	0.606573	0.547135	1					
三菱商事	0.734912	0.154338	0.139903	0.175178	0.580534	0.467378	0.34789	0.581 083	1				
三菱UFJ	0.660409	0.079051	0.285203	0.250727	0.280762	0.557297	0.491827	0.581296	0.420928	1			
大分銀行	0.698057		0.239734			0.468607		0.623209	0.479032	0.580272	1		
JR東海	0.316533						0.239347				0.247416	1	
ANA		0.132575	0.239441				0.397723			0.462453		0.318588	
2008年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ?	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.543377	1											
ローソン	0.252102	0.281314	1										
楽天	0.364217	0.24745	0.212923	1									
昭和シェル石油	0.798317	0.449059	0.159445	0.299104	1								
NEC				0.410513	0.701437	1							
パナソニック		0.476153		0.24841		0.703378	1						
トヨタ自動車		0.456357			0.672668		0.718938	1					
三菱商事	0.751859	0.351997		0.184854	0.675435		0.569086	0.70305	1				
三菱UFJ		0.414463		0.373077	0.54793			0.738656		1			
	J., JEE 10												
	0.6504	0.441199	0.208729	L 0.260892	L 0.51.0896	L 0.591.015.	L 0.4924231	0.5967	- 0.4951.03	1-0.533373	1		
	0.6504 0.418951	0.441199	0.208729	0.260892 0.157338				0.5967 0.332751		0.533373	0.389057	1	

2009年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1													
日清食品	0.117621	1												
ローソン	0.07769	0.222402	1											
楽天	0.174264	0.16169	0.086599	1										
昭和シェル石油	0.671344	0.167206	0.066396	0.127004	1									
NEC	0.727408	0.088821	-0.0167	0.101726	0.419305	1								
バナソニック	0.743914	-0.05253	-0.13014	0.105542	0.458299	0.63827	1							
トヨタ自動車	0.746796	0.001962	-0.07981	0.031725	0.431555	0.592435	0.727831	1						
三菱商事	0.803132	0.07211	-0.06665	0.055479	0.532915	0.623743	0.667491	0.706088	1					
三菱UFJ	0.699299	0.135262	0.073368	0.150101	0.384693	0.55503	0.559872	0.555972	0.600056	1				
大分銀行	0.509857	0154776	0.127854	0.053761	0.377329	0.40925	0.417594	0.372125	0.465568	0.570015	1			
JR東海			0.197319						0.243154		0.264769	1		
ANA							0.283221				0.202956	0.308398		1
, , , , ,	0.000201	0.020017	0.101100	0.001002	0.270101	0.210000	0.200221	0.201001	0.22002	0.2 10100	0.202000	0.000000		_
2010年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニッ?	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1													
日清食品	0.414455	1												
ローソン	0.309667	0.298738	1											
楽天	0.095617	0.125109	0.110376	1										
昭和シェル石油	0.600128	0.273582	0.270396	0.07667	1									
NEC	0.730912	0.289231	0.283927	0.133601	0.402026	1								
バナソニック	0.697642	0.241933	0.178427	0.122099	0.391616	0.616405	1							
トヨタ自動車	0.663881	0.266916	0.20675	0.116648	0.403849	0.496757	0.536394	1						
三菱商事	0.787863	0.269014	0.244884	0.145618	0.52686	0.580406	0.562954	0.610911	1					
三菱UFJ	0.65878	0.29722	0.294601	0.117561	0.375648	0.521747	0.534113	0.509758	0.588631	1				
大分銀行	0.574048		0.261538			0.489811		0.409241	0.441836	0.545855	1			
JR東海			0.336975				0.332938				0.320675	1		
ANA	0.449921		0.270919								0.306979	0.405941		1
2011年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA	
日経平均	1													
日清食品	0.326387	1												
ローソン	0.447407	0.403354	1											
楽天	0.385119	0.162407	0.408236	1										
昭和シェル石油	0.669431	0.203396	0.287118	0.203425	1									
NEC	0.765644	0.179081	0.369757	0.214724	0.57043	1								
バナソニック	0.815493	0.137623	0.319585	0.297042	0.606892	0.726607	1							
トヨタ自動車	0.78948	0.268688	0.391629	0.333888	0.509951	0.616686	0.682912	1						
三菱商事	0.787492	0.183646	0.277817		0.595351	0.586376	0.688438	0.674182	1					
三菱UFJ	0.789311			0.251901	0.535391	0.611026		0.68318	0.67588	1				
大分銀行							0.527206			0.588379	1			
		0.388718												
JR東海	115774	11388718	115084	1 11273331	0.425208	0.477184	1 0 42 (499)	0.476219	H 11385667	0.516249	0.49209	1		

これらの表に関しては、一見して明らかなように、大きく異なるので、注意深く観察して整理せよ

2012年	日経平均	日清食品	ローソン	楽天	昭和シェル	NEC	パナソニック	トヨタ自動車	三菱商事	三菱UFJ	大分銀行	JR東海	ANA
日経平均	1												
日清食品	0.3741	1											
ローソン	-0.00801	0.198444	1										
楽天	0.007199	-0.048	-0.00139	1									
昭和シェル石油	0.445225	0.150088	-0.119	0.086571	1								
NEC	0.321865	0.029821	-0.06585	0.018781	0.287411	1							
パナソニック	0.498588	-0.01076	-0.17061	0.066138	0.382265	0.42528	1						
トヨタ自動車	0.726494	0.213673	-0.13247	0.057405	0.437613	0.249637	0.492617	1					
三菱商事	0.726327	0.190206	-0.12683	0.024467	0.544872	0.261102	0.476333	0.676812	1				
三菱UFJ	0.712284	0.240724	-0.07604	-0.02262	0.425203	0.328099	0.468533	0.727885	0.710972	1			
大分銀行	0.447028	0.295898	0.138111	0.041182	0.198103	0.230478	0.280653	0.339005	0.385442	0.418345	1		
JR東海	0.331923	0.362935	0.24465	0.015666	0.117544	0.19655	0.16197	0.238586	0.227396	0.289679	0.385636	1	
ANA	0.213904	0.12212	0.029974	-0.00273	0.159832	0.11863	0.160817	0.198195	0.200404	0.176455	0.206685	0.199175	