

Hochschule Konstanz

Technik, Wirtschaft und Gestaltung

Signale, Systeme und Sensoren

Aufbau eines einfachen Spracherkenners

Tobias Schoch, Luca Strattmann

Konstanz, 26. Mai 2019

Zusammenfassung (Abstract)

Thema: Aufbau eines einfachen Spracherkenners

Autoren: Tobias Schoch tobias.schoch@htwg-

konstanz.de

Luca Strattmann luca.strattmann@htwg-

konstanz.de

Betreuer: Prof. Dr. Matthias O. Franz mfranz@htwg-konstanz.de

Jürgen Keppler juergen.keppler@htwg-

konstanz.de

Christoph Kaiser ch241kai@htwg-konstanz.de

In dem vierten Versuch der Versuchsreihe mit dem Titel Aufbau eines einfachen Spracherkenners, geht es um einen Spracherkenner und dessen Auswertung.

So werden wir einen einfachen Spracherkenner aufbauen, der beispielsweise zur Steuerung eines Staplers in einem Hochregallager dienen könnte.

Es reichen hierzu die Erkennung von vier einfachen Befehlen (Hoch, Tief, Links, Rechts). Der Aufbau des Spracherkenners folgt dem in der Vorlesung beschriebenen Prinzip des Prototyp Klassifikators.

Wir werden die Methoden des Windowing, der Triggerung, des Amplitudenspektrums und der Korrelationskoeffizienten.

Inhaltsverzeichnis

Al	bildu	ngsverzeichnis	III
Ta	bellei	verzeichnis	IV
Li	stingv	erzeichnis	V
1	Einl	eitung	1
2	Vers	uch 1	3
	2.1	Fragestellung, Messprinzip, Aufbau, Messmittel	3
	2.2	Messwerte	6
	2.3	Auswertung	8
	2.4	Interpretation	10
3	Vers	uch 2	11
	3.1	Fragestellung, Messprinzip, Aufbau, Messmittel	11
	3.2	Messwerte	12
	3.3	Auswertung	13
	3.4	Interpretation	16
Aı	nhang		17
	A. 1	Quellcode	17
		A.1.1 Quellcode Versuch 1	17
		A 1.2 Quellcode Versuch 2	23

Abbildungsverzeichnis

1.1	Archi	tektur des Spracherkenners	2
2.1	Aufna	hme mit Triggerfunktion des Wortes rechts	4
2.2	Die au	afgenommene Sprachaufnahme visualisiert mit Python	6
	2.2a	Sprachaufnahme des Wortes Test	6
	2.2b	Dieselbe Sprachaufnahme mit kurzer Zeitachse	6
2.3	Aufna	hme mit Triggerfunktion des Wortes rechts	7
2.4	Das A	mplitudenspektrum mit der dazugehörigen Frequenz	8
	2.4a	Amplitudenspektrum der Sprachaufnahme	8
	2.4b	Amplitudenspektrum mit geringerer Frequenz	8
2.5	Gauss	ssche Fensterfunktion mit Standardabweichung 4	8
2.6	Aufna	hme mit Triggerfunktion des Wortes rechts	9
2.7	Aufna	thme mit Triggerfunktion des Wortes rechts	9
3.1	Sämtl	iche Signale mit Windowing berechnet	12
3.2	Zwei	verschiedene Sprachaufnahmen im Vergleich	12
	3.2a	Erste Sprachaufnahme von 'links'	12
	3.2b	Fünfte Sprachaufnahme von 'links'	12
3.3	Die vi	ier Referenzspektren	13
	3.3a	Person 1: Referenzspektrum 'Links'	13
	3.3b	Person 1: Referenzspektrum 'Rechts'	13
	3.3c	Person 1: Referenzspektrum 'Hoch'	13
	3.3d	Person 1: Referenzspektrum 'Tief'	13
3.4	Die vi	ier Referenzspektren mit den größten Unterschieden	15
	3.4a	Person 1: Referenzspektrum 'Rechts'	15
	3.4b	Person 2: Referenzspektrum 'Rechts'	15
	3.4c	Person 1: Referenzspektrum 'Hoch'	15

Tabellenverzeichnis

3.1	Vergleich der berechneten Referenzspektren	 14	
J. 1	vergreien der bereefmeten Kererenzspektren	 	

Listingverzeichnis

4.1	Einlesen der Sprachaufnahme und ablegen des Signals in eine Numpy Datei	17
4.2	Einlesen einer Sprachaufnahme mit Aktivierung durch Triggerung	18
4.3	Amplitudenspektrum und Ausgabe von Plots	19
4.4	Windowing und Ausgabe von Plots bzw. Windows	21
4.5	Windowing und Mittelung der Spektren	23
4.6	Windowing und Bravais-Pearson Methode	26
4.7	Bravais-Pearson Methode mit Ausgabe der Korrelation	28

1

Einleitung

In dem vierten Versuch der Versuchsreihe mit dem Titel Aufbau eines einfachen Spracherkenners, geht es um einen Spracherkenner und dessen Auswertung.

So werden wir einen einfachen Spracherkenner aufbauen, der beispielsweise zur Steuerung eines Staplers in einem Hochregallager dienen könnte.

Es reichen hierzu die Erkennung von vier einfachen Befehlen (Hoch, Tief, Links, Rechts). Der Aufbau des Spracherkenners folgt dem in der Vorlesung beschriebenen Prinzip des Prototyp Klassifikators.

Die zugehörigen Spektren werden mit der Windowing Methode berechnet. Zur Aufnahme der Befehle werden wir ein Mikrofon verwenden, dass mit der Soundkarte des Computers verbunden ist, über das Pythonpaket PyAudio.

Dieses ermöglicht eine bequeme Möglichkeit zum Auslesen der Soundkarte. Zudem werden wir eine Triggerfunktion dem Ausleseprogramm hinzufügen, dass die Signale alle an der selben Stelle anfangen.

Daraufhin werden wir das Signal in ein Amplitudenspektrum anwenden und die Methode des Windowing anwenden. Außerdem werden wir die Korrelationskoeffizienten anwenden.

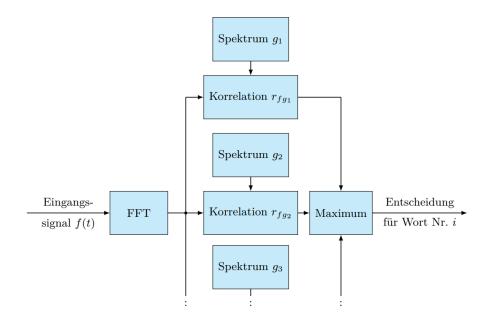


Abbildung 1.1: Architektur des Spracherkenners

2

Versuch 1

2.1 Fragestellung, Messprinzip, Aufbau, Messmittel

Fragestellung:

In dem ersten Teil des Versuchs 'Aufbau eines einfachen Spracherkenners' werden wir einen Spracherkenner bauen. Zudem erweitern wir den Spracherkenner mit einer Triggerfunktion. Mit der Aufnahme bestimmen wir dessen Amplitudenspektrum. Im Anschluss werden die Methode des Windowing anwenden.

So werden wir eine Testaufnahme machen um diese anschließend auszuwerten.

Auf die entstandenen Numpy-Dateien wenden wir Windowing und das Amplitudenspektrum an.

Messprinzip:

Im ersten Versuch starten wir mit einem Pythonskript. Das Mikrofon wird mit einem Klinkenstecker direkt an die Soundkarte des Computers verbunden. Auf den Computern im Labor, ist das Paket PyAudio bereits in den IDE's integriert.

Mit dem geschriebenen Pythonskript können wir nun akustische Signale aufnehmen. Über das Objekt *audiorecorder* haben wir Zugriff auf die Aufnahmefunktion der Soundkarte.

Das Signal speichern wir anschließend mittels *numpy.save()*. Im Anschluss sollen wir eine beliebige Spracheingabe aufnehmen und diese in einem Diagramm darstellen.

Im Anschluss sollen wir das Aufnahmeprogramm um eine Triggerfunktion erweitern, welche die Aufnahme erst ab einem gewissen Lautstärkepegel starten lässt.

So können wir sicher stellen, dass alle Aufnahmen den selben Startpunkt besitzen.

Das Signal soll eine Dauer von einer Sekunde haben und die fehlenden Samples mit Nullen augefüllt werden.

Mit dem Code Aus dem dritten Versuch können wir mit der Aufnahme das Amplitudenspektrum bestimmen. Dies stellen wir grapisch dar. Danach implementieren die Methode des Windowing.

Diese werden wir jeweils in einer Länge von 512 Samples darstellen. Die einzelnen Windows werden wir mit der Gaußschen Fensterfunktion multiplizieren die eine Fensterbreite von der Standartabweichung 4 hat.

Den ersten Versuch werden wir mit dem Amplitudenspektrum erneut überprüfen und so das Spektrum aus der letzten Aufgabe auf Korrektheit überprüfen.

Aufbau:

Das Mikrofon wird durch einen Klinkenstecker direkt an die Soundkarte des Computers verbunden. Durch ein Pythonskript können wir nun Sprachaufnahmen machen.



Abbildung 2.1: Aufnahme mit Triggerfunktion des Wortes rechts

Messmittel:

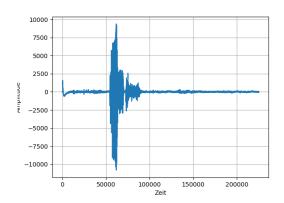
- Ein Mikrofon
- Ein Computer mit einer Python IDE

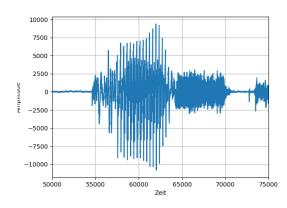
2.2 Messwerte

Mit einem Mikrofon das an den Computer angeschlossen ist, sehen wir die mit dem Pythonskript aufgenommene Sprachaufnahme des Wortes '*Test*', welche mit Python visualisiert wurde.

In der linken Darstellung ist die gesamte Dauer des empfangenen Signals, welche sich durch einen einfachen Plot des Signals darstellen lässt.

Im rechten Bild ist eine verkürzte Darstellung der Sprachaufnahme um das Signal besser zu erkennen welches durch *plt.xlim*(0, 35000) auf eine Frequenz von 35000 limitiert wird.





- (a) Sprachaufnahme des Wortes Test
- (b) Dieselbe Sprachaufnahme mit kurzer Zeitachse

Abbildung 2.2: Die aufgenommene Sprachaufnahme visualisiert mit Python

Die Aufnahme wurde durch die Funktion *p.open()* gestartet.

Im Gegensatz zum zweiten Teil der Aufgabe wird hier bereits durch das Starten des Skriptes aufgenommen.

Im folgenden sieht man die Sprachaufnahme des Wortes 'Rechts' mit der Triggerfunktion. Die Aufnahme läuft bereits durch das Starten des Programmes.

Die Stelle bei der die Überschreitung des Schwellenwertes geschieht wird gespeichert und beginnt ab dieser Stelle.

Durch die Triggerfunktion startet die Aufnahme dadurch erst ab dem Schwellenwert.

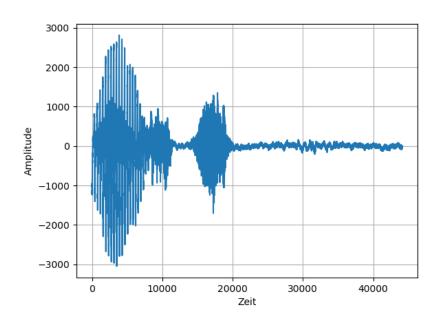
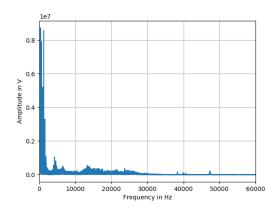


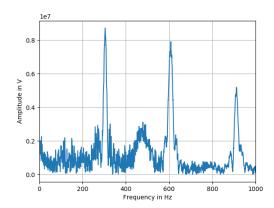
Abbildung 2.3: Aufnahme mit Triggerfunktion des Wortes rechts

2.3 Auswertung

Auf der linken Seite ist das Amplitudenspektrum und auf der rechten Seite das Amplitudenspektrum bis zur Frequenz von 1000.

Diese wurden mit der Formel berechnet. Mit der Anwendung der Formel auf jedes eingegangene Signal erhalten wir den folgenden Plot:





(a) Amplitudenspektrum der Sprachaufnahme (b) Amplitudenspektrum mit geringerer Frequenz

Abbildung 2.4: Das Amplitudenspektrum mit der dazugehörigen Frequenz

Im folgenden sieht man eine Gaußsche Fensterfunktion mit der Fensterbreite von 4 Standardabweichungen.

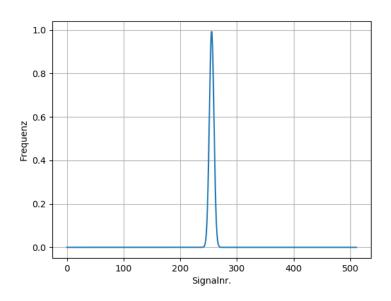


Abbildung 2.5: Gausssche Fensterfunktion mit Standardabweichung 4

Im Anschluss zerlegt man das Signal in Abschnitte mit der von Länge 512 Samples, die sich jeweils zur Hälfte überlappen sollen. Das Signal wird mit dem entsprechenden Signal der Gaußschen Fensterfunktion multipliziert und daraufhin eine lokale Fouriertransformation durchgeführt. Zu guter Letzt werden die Fouriertransformierten über alle Fenster gemittelt.

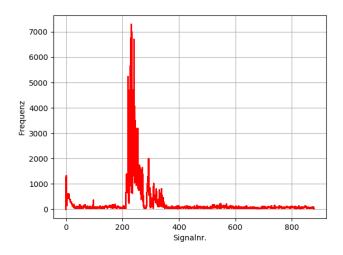


Abbildung 2.6: Aufnahme mit Triggerfunktion des Wortes rechts

Das Windowing wird auf das Signal angewandt. Nachdem zum Beispiel bei dem Wort 'Hoch' über 170 Windows ausgegeben wurden als Plot, sieht der Explorer folgendermaßen aus.

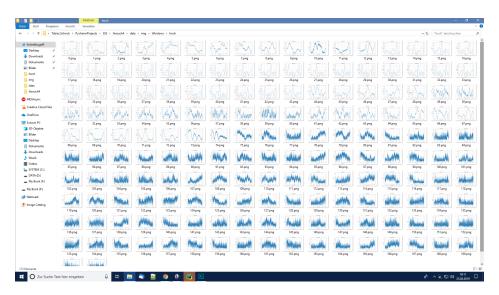


Abbildung 2.7: Aufnahme mit Triggerfunktion des Wortes rechts

2.4 Interpretation

Bei der Betrachtung der Sprachaufnahme sehen wir die übliche Amplituden und Frequenzen bei der Aussprache des Wortes 'Test'. In der Vergrößerung sind nochmals besser die Amplitudenausschläge zu sehen.

In der Abbildung 2.3 sieht man die Sprachaufnahme des Wortes 'Rechts'. Die Aufnahme wurde mit einem Pythonskript gemacht, dass eine Triggerfunktion implementiert hat. Ab einem bestimmten Schwellenwert beginnt die Aufnahme. Hier ist es schön zu sehen, dass die Aufnahme nicht mit Start des Skriptes beginnt, sondern erst wenn gesprochen wird.

Auf das Signal wurde daraufhin das Amplitudenspektrum berechnet. Durch dieses erfährt man die Frequenzen die in einem Wort stecken. Der größte Ausschlag bei der Frequenz mit eienr Amplitude von über 0.8 ist die maximalste Amplitude. Die Frequenz liegt bei knapp über 300Hz. Die x Achse wurde auf die Hälfte gekürzt, da bei ein Amplitudenspektrum sich nach der Hälfte wiederholt.

Wenn man diese mit dem Gaußschen Fenster multipliziert, erhält man die gemittelten fouriertransfomierten Fenster. Desto höher der absolute Ausschlag, desto höher ist die Amplitude im Window. Durch den senkrechten Ausschnitte sind steile Übergänge erzeugt worden, die im ursprünglichen Signal nicht vorhanden sind. Steile Übergänge erzeugen jedoch viele hohe Frequenzen im Spektrum.

3

Versuch 2

3.1 Fragestellung, Messprinzip, Aufbau, Messmittel

Im zweiten Versuch müssen wir vier verschiedene Befehle jeweils fünf mal aufnehmen. Die Befehle die wir aufnehmen lauten:

- Links
- Rechts
- Hoch
- Tief

Anhand der aufgenommenen Numpy Funktionen berechnen wir die Spektren mit der Windowing Methode. Daraufhin berechnen wir noch die eigentlichen Referenzspektren.

Im Anschluss berechnen wir noch den Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson mit dem wir zwei verschiedene Spektren miteinander vergleichen können.

Dafür brauchen wir vom selben und einem anderen Sprecher erneut Sprachaufnahmen.

Mit diesen testen wir die Routine an den Referenzspektren:

Beim Vergleich identischer Spektren sollte die Korrelation 1 sein, bei verschiedenen Spektren nahe an 0.

Zudem sollen wir eine Fehler- und eine Detektionsrate angeben.

3.2 Messwerte

Die sämtlichen aufgenommenen Sprachaufnahmen in Form von Numpy-Dateien werden wir mit der Windowing Methode in Spektren berechnen. Dabei wird erstmal das Spektrum mit der Gaußschen Fensterfunktion berechnet und multipliziert mit den einzelnen Windows.

Danach wird das Fenster absolut fouriertransformiert. Daraus wiederrum wird der Durchschnitt berechnet.

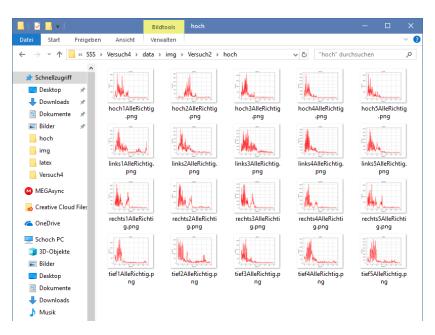


Abbildung 3.1: Sämtliche Signale mit Windowing berechnet

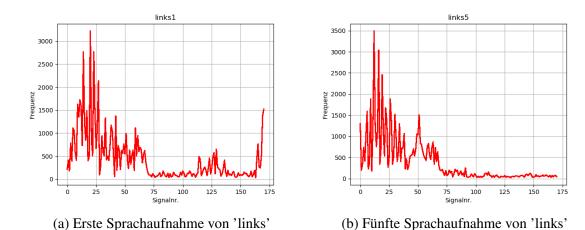


Abbildung 3.2: Zwei verschiedene Sprachaufnahmen im Vergleich.

3.3 Auswertung

Die Daten aus den Numpydateien werden in einzelne Windows zerlegt mit einer Länge von 512 Samples die sich jeweils überlappen.

Die einzelnen Samples werden mit der Gaußschen Fensterfunktion multipliziert, welche eine Fensterbreite von 4 Standardabweichungen hat. In jedem Fenster wird eine lokale Fouriertransformation durchgeführt. Daraufhin werden die Fouriertransformierten über alle Fenster gemittelt.

Nachdem man sämtliche 4 Befehle und die jeweils fünf Beispiel dazu gemittelt hat, erhält man das Referenzspektrum.

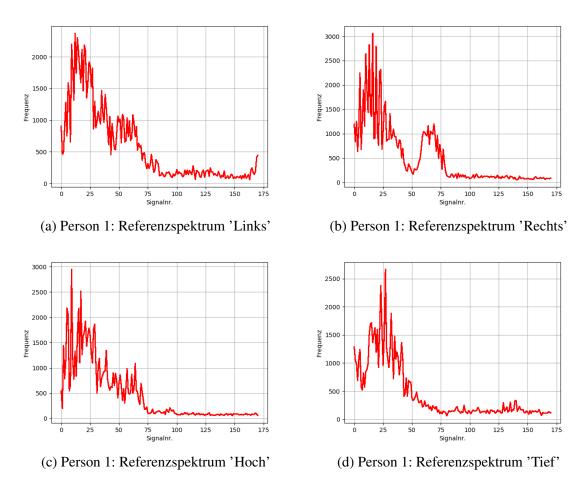


Abbildung 3.3: Die vier Referenzspektren

Hier werden zwei Eingabespektren beziehungsweise zwei Dateien mittels der Bravais-Pearson Methode verglichen auf ihre Korrelationskoeffizienten.

Wenn die Spektren identisch sind, sollte der Wert 1.0 ergeben. Bei ungleichen Spektren sollte dieser nahe 0 sein. Person 1 ist die Person, welche die Spracheeingabe gemacht hat.

Spracheingabe	Person 1	Person 2
Hoch	0.5817	0.5496
1 - Hoch	0.6856	0.6283
2 - Hoch	0.5001	0.6000
3 - Hoch	0.5829	0.5600
4 - Hoch	0.5754	0.4902
5 - Hoch	0.5644	0.4691
Tief	0.7088	0.6172
1 - Tief	0.6682	0.5976
2 - Tief	0.7210	0.6520
3 - Tief	0.6947	0.4947
4 - Tief	0.7069	0.6098
5 - Tief	0.7531	0.7318
Links	0.6514	0.6084
1 - Links	0.6708	0.5711
2 - Links	0.6451	0.5953
3 - Links	0.6273	0.5785
4 - Links	0.6472	0.6512
5 - Links	0.6666	0.6460
Rechts	0.4219	0.1779
1 - Rechts	0.5001	0.1401
2 - Rechts	0.5402	0.2892
3 - Rechts	0.5032	0.2790
4 - Rechts	0.3895	0.2849
5 - Rechts	0.1764	0.1764

Tabelle 3.1: Vergleich der berechneten Referenzspektren

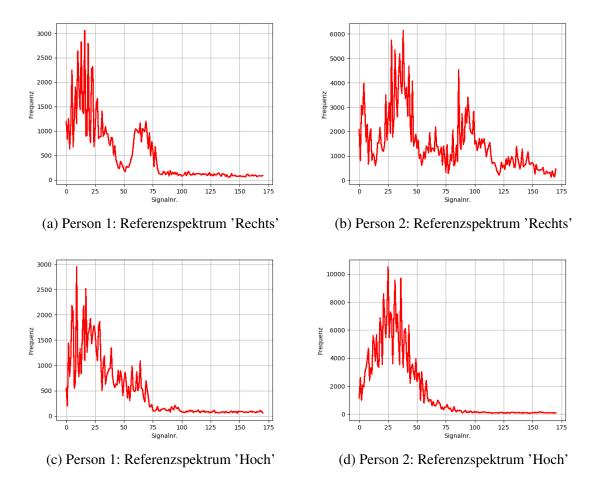


Abbildung 3.4: Die vier Referenzspektren mit den größten Unterschieden

3.4 Interpretation

In Abbildung [3.2] sieht man, wie sich Sprachaufnahmen von der selben Person mit dem selben Wort unterscheiden können. Im hinteren Teil von der linken Abbildung sieht man zum Schluß eine Steigung der Spannung.

Diese ist entstanden durch ungefähr 8 bis 9 andere Gruppen im Raum, durch welche die Hintergrundgeräusche sehr laut waren. Die anderen Geräusche unterscheiden sich nur geringfügig.

Nachdem wir die Signale ausgewertet haben, haben wir mit der Windowing Methode und der Bravais-Pearson den Korrelationskoeffizienten berechnet. In der Abbildung [3.3] sieht man die durchschnittlichen Spektren für eines der Worte (Hoch, Tief, Links, Rechts).

Dabei ähneln sich die Spektren der Wiederholungen der Worte sehr. Das Wort rechts hat ein sehr ausgeprägtes Spektrum.

Am Anfang geht das Signal sehr steil nach oben durch das Vokal 'e'. Bei den Konsonanten 'ch' gibt es eine sehr große Verringerung. Zum Schluss bei 's' geht das Signal wieder nach oben. So kann man gut die einzelnen Buchstaben des Wortes identifizieren.

Bei der Bravais-Pearson Methode mit den Referenzspektren und der erneuten Aufnahme der Worte erhält man eine Lange Tabelle mit einigen Werten. Am deutlichsten ist der Unterschied bei der Aufnahme mit dem Wort 'Rechts'.

Auch ist es gut sichtbar bei einzelnen Aufnahmen mit dem Wort 'Tief'. Der größte Unterschied liegt bei 0.35, was ziemlich viel ist, wenn man die Skala von 1.0 - 0.0 betrachtet.

Die Bravais-Pearson Korrelationskoeffizientenberechnung hat sich gelohnt und als richtig erwiesen, da die Werte immer bei den Sprachaufnahmen der selben Person höher waren, als bei der fremden Person.

Hier [3.4] kann nochmal gut einzelne Spektren begutachten, die das selbe Wort von unterschiedlichen Menschen darstellen. Man kann gut betrachten, dass der zweite Sprecher definitiv energischer und lauter gesprochen hat.

Die Amplituden liegen im zwei- bis sogar dreifachen Bereich und haben ein sehr viel unruhigeres Spektrum.

Anhang

A.1 Quellcode

A.1.1 Quellcode Versuch 1

```
# Task 1.1
  import pyaudio
  import numpy
  import matplotlib.pyplot as plt
  FORMAT = pyaudio.paInt16 # Voreinstellungen der Aufnahme
  SAMPLEFREQ = 44100
| FRAMESIZE = 1024 
NOFFRAMES = 220
  p = pyaudio.PyAudio()
  print('running')
  stream = p.open(format=FORMAT, # Aufnahmestart
           channels=1,
16
           rate=SAMPLEFREQ,
17
           input=True,
           frames_per_buffer=FRAMESIZE)
19
20 data = stream.read(NOFFRAMES * FRAMESIZE)
  decoded = numpy.fromstring(data, 'Int16');
  numpy.save('aufgabe4/test.npy', decoded)
stream.stop_stream() # Aufnahmestop
24 stream.close()
25 p.terminate()
```

Listing 4.1: Einlesen der Sprachaufnahme und ablegen des Signals in eine Numpy Datei

```
# Task 1.2
  import pyaudio
  import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  import time
  def time axis(arr):
    return np.array(range(len(arr)))/44100
11
12
  # Voreinstellungen für die Aufnahme
14 FORMAT = pyaudio.paInt16
15 SAMPLEFREQ = 44100
16 FRAMESIZE = 44100
NOFFRAMES = 2
18
19 # Aufnahmefunktion der Soundkarte
p = pyaudio.PyAudio()
print('running')
22 # Aufnahmestart
stream = p.open(format=FORMAT, channels=1, rate=SAMPLEFREQ,
           input=True, frames_per_buffer=FRAMESIZE)
  data = stream.read(NOFFRAMES * FRAMESIZE)
decoded = np.fromstring(data, 'Int16') / ((2**15)/2-1)
27 # Aufnahmestop
  stream.stop_stream()
29 stream.close()
  p.terminate()
31
32 # Triggerfunktion lässt die Funktion erst ab Schwellenwert starten
start = np.argmax(np.abs(decoded) > 0.05) - 1024
34 # Berechnung des Endwerts der Aufnahme
| end = start + 44100 
36 triggered = decoded[start:end]
triggered = np.concatenate((triggered, [0]*(44100 - end - start)))
38 # Aufnamespektrum ausgeben in eine Numpy Datei
np.savetxt("aufgabe4/tief_5_" + str(int(time.time())) + ".npy", triggered)
```

Listing 4.2: Einlesen einer Sprachaufnahme mit Aktivierung durch Triggerung

```
# Task 1.3
  import matplotlib.pyplot as plt
  import numpy as np
  # Einlesen der .npy Datei
  data = np.load('data/test.npy')
  freq = np.zeros(225280)
# Darstellung des Amplitudenspektrums
13 plt.plot(data)
14 plt.grid()
plt.xlabel('Zeit')
  plt.ylabel('Amplitude')
plt.savefig('data/img/testamp.png')
plt.show()
20 # Einlesen der .csv Datei
data2 = np.load('data/rechts2.npy')
# Darstellung des Amplitudenspektrums
plt.plot(data2)
25 plt.grid()
26 plt.xlabel('Zeit')
27 plt.ylabel('Amplitude')
28 plt.savefig('data/img/rechtsamp.png')
29 plt.show()
30
31 # Darstellung des Amplitudenspektrums
32 plt.plot(data)
33 plt.grid()
plt.xlabel('Zeit')
35 plt.ylabel('Amplitude')
36 plt.xlim(50000, 75000)
plt.savefig('data/img/testamp2.png')
38 plt.show()
39
40 # Der zweite Wert wird absolut minus den ersten absoluten wert gerechnet um später den Wert
41 difference = 2 / 225280
```

```
42 # Die zweite Spalte der .csv Datei wird Fouriertransformiert
fourier = np.fft.fft(data[:225280])
44 # Die Fouriertransformierte Frequenz wird absolutiert, so dass kein negativer Wert mehr vorzufinden ist
spektrum = np.abs(fourier)
  # Formel um die Anzahl der Schwingungen in die Freuquenz umzurechnen -f = n / (M * t)
47 for x in range(0, 225280, 1):
    freq[x] = (x / (difference * 225280))
50 # Darstellung des Amplitudenspektrums
51 plt.plot(freq, spektrum)
  plt.grid()
53 plt.xlabel('Frequency in Hz')
54 plt.ylabel('Amplitude in V')
  plt.xlim(0, 60000)
56 plt.savefig('data/img/testspektrum1.png')
  plt.show()
58
59 # Darstellung des Amplitudenspektrums in vergrößerter Darstellung
60 plt.plot(freq, spektrum)
61 plt.grid()
62 plt.xlabel('Frequency in Hz')
63 plt.ylabel('Amplitude in V')
  plt.xlim(0, 35000)
65 plt.savefig('data/img/testspektrum2.png')
  plt.show()
68 # Darstellung des Amplitudenspektrums in vergrößerter Darstellung
  plt.plot(freq, spektrum)
  plt.grid()
71 plt.xlabel('Frequency in Hz')
  plt.ylabel('Amplitude in V')
  plt.xlim(0, 1000)
74 plt.savefig('data/img/testspektrum3.png')
  plt.show()
```

Listing 4.3: Amplitudenspektrum und Ausgabe von Plots

```
# Task 1.4
  from scipy import signal
  import matplotlib.pyplot as plt
  import numpy as np
  # Einlesen der .npy Datei
  data = np.load('data/test.npy')
  window = np.zeros((879, 512))
|z|z = 256
  freq = np.zeros(225280)
  gaussianwindow = signal.windows.gaussian(512, std=4)
15 for y in range(0, 879):
    z = z - 256
16
    for x in range(0, 512):
17
       window[y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data[z] * gaussianwindow)))
18
       z = z + 1
19
    # plt.plot(window[y])
20
     # plt.title('Windownr' + str(y+1))
     # plt.xlabel('Signalnr.')
    # plt.ylabel('Frequenz')
23
     # plt.grid(True)
     # plt.savefig('data/img/' + str(y) + '.png')
25
    # plt.show()
26
  # Darstellung des Amplitudenspektrums
29 plt.plot(gaussianwindow)
  plt.grid(True)
  plt.xlabel('Signalnr.')
32 plt.ylabel('Frequenz')
  plt.savefig('data/img/gauss.png')
  plt.show()
36 # Darstellung des Amplitudenspektrums
  plt.plot(window)
38 plt.grid(True)
39 plt.xlabel('Signalnr.')
40 plt.ylabel('Frequenz')
41 plt.savefig('data/img/Alle.png')
```

```
42 plt.show()
43
44 for y in range(0, 879):
    for x in range(0, 512):
       window[y][x] = window[y][x] * gaussianwindow[x]
46
     window[y] = np.abs(np.fft.fft(window[y]))
47
     window[y] = np.mean(window[y])
48
50 plt.plot(window, 'r')
51 plt.grid(True)
  plt.xlabel('Signalnr.')
plt.ylabel('Frequenz')
54 plt.savefig('data/img/AlleRichtig.png')
  plt.show()
  # Der zweite Wert wird absolut minus den ersten absoluten wert gerechnet um später den Wert
  difference = 2 / 225280
59 # Die zweite Spalte der .csv Datei wird Fouriertransformiert
  fourier = np.fft.fft(window)
  # Die Fouriertransformierte Frequenz wird absolutiert, so dass kein negativer Wert mehr vorzufinden ist
spektrum = np.abs(fourier)
  # Formel um die Anzahl der Schwingungen in die Freuquenz umzurechnen -f = n/(M*t)
64 for x in range(0, 225280, 1):
     freq[x] = (x / (difference * 225280))
65
  plt.plot(freq, 'r')
  plt.grid(True)
  plt.xlabel('Signalnr.')
  plt.ylabel('Frequenz')
71 plt.savefig('data/img/ampwin.png')
  plt.show()
```

Listing 4.4: Windowing und Ausgabe von Plots bzw. Windows

A.1.2 Quellcode Versuch 2

```
# Task 2.1
  from scipy import signal
  import matplotlib.pyplot as plt
  import numpy as np
  import scipy.stats
  # Definieren der Dateinamen
  num = ["hoch1", "hoch2", "hoch3", "hoch4", "hoch5", "tief1", "tief2", "tief3", "tief4", "tief5", "links1",
       "links2", "links3", "links4", "links5", "rechts1", "rechts2", "rechts3", "rechts4", "rechts5"]
  num2 = ["ahoch1", "ahoch2", "ahoch3", "ahoch4", "ahoch5", "atief1", "atief2", "atief3", "atief4", "atief5",
       "alinks1", "alinks2", "alinks3", "alinks4", "alinks5", "arechts1", "arechts2", "arechts3", "arechts4",
14
       "arechts5"]
15
  numm = ["hoch1", "hoch2", "hoch3", "hoch4", "hoch5", "tief1", "tief2", "tief3", "tief4", "tief5", "links1",
       "links2", "links3", "links4", "links5", "rechts1", "rechts2", "rechts3", "rechts4", "rechts5"]
17
  nummm = ["hoch1", "hoch2", "hoch3", "hoch4", "hoch5", "tief1", "tief2", "tief3", "tief4", "tief5", "links1",
18
        "links2", "links3", "links4", "links5", "rechts1", "rechts2", "rechts3", "rechts4", "rechts5"]
  capital = ["hoch", "tief", "links", "rechts"]
  capital2 = ["hoch", "tief", "links", "rechts"]
22
  # Gaußfenster definieren mit Fensterbreite Standardabweichung 4
  gaussianwindow = signal.windows.gaussian(512, std=4)
  # Darstellung des Gaußfensters
27 plt.plot(gaussianwindow)
28 plt.grid(True)
  plt.xlabel('Signalnr.')
30 plt.ylabel('Frequenz')
  plt.savefig('data/img/gauss.png')
  plt.show()
33
34 # For loop um alle Dateien zu analysieren
  for a in range(0, 20):
     # Einlesen der Numpy Dateien von Person 1 & 2
36
     data = np.load('data/' + str(num[a]) + '.npy')
37
     data2 = np.load('data/' + str(num2[a]) + '.npy')
     # Definieren eines leeren Vectors für Person 1 & 2
39
     num[a] = np.zeros((171, 512))
```

```
num2[a] = np.zeros((171, 512))
41
     z = 256
42
43
     # For loop um die einzelnen Windows zu erstellen
44
     for y in range(0, 171):
45
       z = z - 256
46
       # For loop um die einzelnen Frames zu berechnen
47
       for x in range(0, 512):
48
          # Signale * Gaußfenster, das wiederrum wird absolut fouriertransformiert.
49
          # Daraus der Durchschnitt ergibt den Windowingwert
50
          num[a][y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data[z] * gaussianwindow)))
51
          num2[a][y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data2[z] * gaussianwindow)))
52
          z = z + 1
53
       # plt.plot(num[a][y])
54
       \# plt.title('Windownr' + str(y+1+(a*171)))
55
       # plt.xlabel('Signalnr.')
56
       # plt.ylabel('Frequenz')
57
       # plt.grid(True)
58
       \# plt.savefig('data/img/' + str(y+1+(a*171)) + '.png')
59
       # plt.show()
60
61
     # For loop um die einzelnen Windows zu erstellen
62
     for y in range(0, 171):
63
       # For loop um die einzelnen Frames zu berechnen
64
       for x in range(0, 512):
65
          # Signale * Gaußfenster, das wiederrum wird absolut fouriertransformiert.
          # Daraus der Durchschnitt ergibt den Windowingwert
67
          num[a][y, x] = num[a][y, x] * gaussianwindow[x]
68
          num2[a][y, x] = num2[a][y, x] * gaussianwindow[x]
69
       num[a][y] = np.abs(np.fft.fft(num[a][y]))
70
       num2[a][y] = np.abs(np.fft.fft(num2[a][y]))
71
       num[a][y] = np.mean(num[a][y])
72
       num2[a][y] = np.mean(num2[a][y])
73
74
     plt.plot(num[a], 'r') # Plot zur Darstellung der Mittelung der Windows
75
76
     plt.title(str(nummm[a]))
     plt.grid(True)
77
     plt.xlabel('Signalnr.')
78
     plt.ylabel('Frequenz')
     plt.savefig('data/img/' + numm[a] + 'AlleRichtig.png')
80
     plt.show()
81
82
```

```
# For loop zur Ausgabe der endgültig berechneten Plots
   for z in range(0, 4):
84
      # Vektoren zum Speichern der Plots
85
      capital[z] = np.zeros((171, 512))
86
      capital2[z] = np.zeros((171, 512))
87
      # For loop für die einzelnen Windows
88
      for y in range(0, 171):
89
        # For loop für die einzelnen Samples
90
        for x in range(0, 512):
91
           # Hoch Mittelung
92
           if (z == 0):
93
             capital[z][y, x] = (num[0][y, x] + num[1][y, x] + num[2][y, x] + num[3][y, x]
94
                          + num[4][y, x]) / 4
95
             capital2[z][y, x] = (num2[0][y, x] + num2[1][y, x] + num2[2][y, x]
                           + num2[3][y, x] + num2[4][y, x]) / 4
97
           # Tief Mittelung
98
           elif (z == 1):
99
             capital[z][y, x] = (num[5][y, x] + num[6][y, x] + num[7][y, x] + num[8][y, x]
100
                          + num[9][y, x]) / 4
             capital2[z][y, x] = (num2[5][y, x] + num2[6][y, x] + num2[7][y, x] + num2[8][y, x]
102
                           + num2[9][y, x]) / 4
103
           # Links Mittelung
           elif (z == 2):
             capital[z][y, x] = (num[10][y, x] + num[11][y, x] + num[12][y, x] + num[13][y, x]
106
                          + num[14][y, x]) / 4
107
             capital2[z][y, x] = (num2[10][y, x] + num2[11][y, x] + num2[12][y, x] + num2[13][y, x]
108
                           + num2[14][y, x]) / 4
109
           # Rechts Mittelung
           elif (z == 3):
111
             capital[z][y, x] = (num[15][y, x] + num[16][y, x] + num[17][y, x] + num[18][y, x]
112
                          + num[19][y, x]) / 4
             capital2[z][y, x] = (num2[15][y, x] + num2[16][y, x] + num2[17][y, x] + num2[18][y, x]
114
                           + num2[19][y, x]) / 4
115
      plt.plot(capital[z], 'r') # Geplotete Endwerte
116
      plt.grid(True)
117
118
      plt.xlabel('Signalnr.')
      plt.ylabel('Frequenz')
119
      plt.savefig('data/img/' + capital2[z] + 'Average.png')
120
     plt.show()
```

Listing 4.5: Windowing und Mittelung der Spektren

```
# Task 2.2
  from scipy import signal
  import matplotlib.pyplot as plt
  import numpy as np
  import scipy.stats
  # Definieren der Dateinamen
  num = ["hoch1", "hoch2", "hoch3", "hoch4", "hoch5", "tief1", "tief2", "tief3", "tief4", "tief5", "links1",
       "links2", "links3", "links4", "links5", "rechts1", "rechts2", "rechts3", "rechts4", "rechts5"]
  numm = ["hoch1", "hoch2", "hoch3", "hoch4", "hoch5", "tief1", "tief2", "tief3", "tief4", "tief5", "links1",
13
       "links2", "links3", "links4", "links5", "rechts1", "rechts2", "rechts3", "rechts4", "rechts5"]
14
  capital = ["hoch", "tief", "links", "rechts"]
  capital2 = ["hoch", "tief", "links", "rechts"]
  # Gaußfenster definieren mit Fensterbreite Standardabweichung 4
  gaussianwindow = signal.windows.gaussian(512, std=4)
21 # For loop um alle Dateien zu analysieren
  for a in range(0, 20):
     # Einlesen der Numpy Dateien von Person 1
     data = np.load('data/' + str(num[a]) + '.npy')
     # Definieren eines leeren Vectors für Person 1
25
     num[a] = np.zeros((171, 512))
26
     z = 256
27
28
     # For loop um die einzelnen Windows zu erstellen
29
     for y in range(0, 171):
30
       z = z - 256
31
       # For loop um die einzelnen Frames zu berechnen
32
       for x in range(0, 512):
          # Signale * Gaußfenster, das wiederrum wird absolut fouriertransformiert.
34
          # Daraus der Durchschnitt ergibt den Windowingwert
35
          num[a][y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data[z] * gaussianwindow)))
36
          z = z + 1
37
38
    for y in range(0, 171): # For loop um die einzelnen Windows zu erstellen
39
       for x in range(0, 512): # For loop um die einzelnen Frames zu berechnen
40
          # Signale * Gaußfenster, das wiederrum wird absolut fouriertransformiert.
41
```

```
# Daraus der Durchschnitt ergibt den Windowingwert
42
          num[a][y, x] = num[a][y, x] * gaussianwindow[x]
43
       num[a][y] = np.abs(np.fft.fft(num[a][y]))
44
       num[a][y] = np.mean(num[a][y])
45
  # For loop zur Ausgabe der endgültig berechneten Plots
47
  for z in range(0, 4):
     # Vektoren zum Speichern der Plots
49
     capital[z] = np.zeros((171, 512))
50
     for y in range(0, 171): # For loop für die einzelnen Windows
51
       for x in range(0, 512): # For loop für die einzelnen Samples
52
          # Hoch Mittelung
53
          if (z == 0):
54
             capital[z][y, x] = (num[0][y, x] + num[1][y, x] + num[2][y, x] + num[3][y, x]
55
                         + num[4][y, x]) / 4
56
          # Tief Mittelung
57
          elif (z == 1):
58
             capital[z][y, x] = (num[5][y, x] + num[6][y, x] + num[7][y, x] + num[8][y, x]
59
                         + num[9][y, x]) / 4
60
          # Links Mittelung
          elif (z == 2):
62
            capital[z][y, x] = (num[10][y, x] + num[11][y, x] + num[12][y, x] + num[13][y, x]
63
                         + num[14][y, x]) / 4
          # Rechts Mittelung
65
          elif (z == 3):
66
             capital[z][y, x] = (num[15][y, x] + num[16][y, x] + num[17][y, x] + num[18][y, x]
                         + num[19][y, x]) / 4
68
     capital[z] = capital[z].ravel()
69
  # 2D Array in 1D Array für Bravais-Pearson Methode
  for x in range(0, 20):
     num[x] = num[x].ravel()
  # Korrelationskoeffizient berechnet
r, p = scipy.stats.pearsonr(num[0], num[0])
77 print("r:", r, "p:", p)
|r, p| = scipy.stats.pearsonr(num[0], capital[0])
79 print("r:", r, "p:", p)
so r, p = scipy.stats.pearsonr(num[0], capital[0])
81 print("r:", r, "p:", p)
```

Listing 4.6: Windowing und Bravais-Pearson Methode

```
# Task 2.3
  from scipy import signal
  import matplotlib.pyplot as plt
  import numpy as np
  import scipy.stats
  # Definieren der Dateinamen
  num = ["hoch1", "hoch2", "hoch3", "hoch4", "hoch5", "tief1", "tief2", "tief3", "tief4", "tief5", "links1",
       "links2", "links3", "links4", "links5", "rechts1", "rechts2", "rechts3", "rechts4", "rechts5"]
  anderer = ["ahoch1", "ahoch2", "ahoch3", "ahoch4", "ahoch5", "atief1", "atief2", "atief3", "atief4", "atief5",
         "alinks1", "alinks2", "alinks3", "alinks4", "alinks5", "arechts1", "arechts2", "arechts3", "arechts4",
14
15
         "arechts5"]
  moi = ["mhoch1", "mhoch2", "mhoch4", "mhoch5", "mtief1", "mtief2", "mtief3", "mtief4",
       "mtief5", "mlinks1", "mlinks2", "mlinks3", "mlinks4", "mlinks5", "mrechts1", "mrechts2", "mrechts3",
17
       "mrechts4", "arechts5"]
18
  capital = ["hoch", "tief", "links", "rechts"]
  capital2 = ["hoch", "tief", "links", "rechts"]
  # Gaußfenster definieren mit Fensterbreite Standardabweichung 4
  gaussianwindow = signal.windows.gaussian(512, std=4)
24
  # For loop um alle Dateien zu analysieren
26 for a in range(0, 20):
     # Einlesen der Numpy Dateien von Person 1
27
28
     data = np.load('data/' + str(num[a]) + '.npy')
     # Einlesen der Numpy Dateien für Person 2
29
     data2 = np.load('data/' + str(anderer[a]) + '.npy')
30
     # Einlesen der zweiten Numpy Dateien für Person 1
31
     data3 = np.load('data/' + str(moi[a]) + '.npy')
32
     # Definieren eines leeren Vectors für Person 1
33
     num[a] = np.zeros((171, 512))
34
     # Definieren eines leeren Vectors für Person 1
35
     moi[a] = np.zeros((171, 512))
36
     # Definieren eines leeren Vectors für Person 2
37
     anderer[a] = np.zeros((171, 512))
38
    z = 256
39
40
     # For loop um die einzelnen Windows zu erstellen
```

```
for y in range(0, 171):
42
       z = z - 256
43
       # For loop um die einzelnen Frames zu berechnen
44
       for x in range(0, 512):
45
          # Signale * Gaußfenster, das wiederrum wird absolut fouriertransformiert.
46
          # Daraus der Durchschnitt ergibt den Windowingwert
47
          num[a][y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data[z] * gaussianwindow)))
48
          anderer[a][y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data2[z] * gaussianwindow)))
          moi[a][y, x] = np.mean(np.abs(np.fft.fft(data3[z] * gaussianwindow)))
50
          z = z + 1
51
52
     # For loop um die einzelnen Windows zu erstellen
53
     for y in range(0, 171):
54
       # For loop um die einzelnen Frames zu berechnen
       for x in range(0, 512):
56
          # Signale * Gaußfenster, das wiederrum wird absolut fouriertransformiert.
          # Daraus der Durchschnitt ergibt den Windowingwert
          num[a][y, x] = num[a][y, x] * gaussianwindow[x]
          anderer[a][y, x] = anderer[a][y, x] * gaussianwindow[x]
60
          moi[a][y, x] = moi[a][y, x] * gaussianwindow[x]
       num[a][y] = np.abs(np.fft.fft(num[a][y]))
62
       anderer[a][y] = np.abs(np.fft.fft(anderer[a][y]))
63
       moi[a][y] = np.abs(np.fft.fft(moi[a][y]))
       num[a][y] = np.mean(num[a][y])
65
       anderer[a][y] = np.mean(anderer[a][y])
       moi[a][y] = np.mean(moi[a][y])
  # For loop zur Ausgabe der endgültig berechneten Plots
69
  for z in range(0, 4):
     # Vektoren zum Speichern der Plots
71
     capital[z] = np.zeros((171, 512))
     # For loop für die einzelnen Windows
     for y in range(0, 171):
74
       # For loop für die einzelnen Samples
75
       for x in range(0, 512):
77
          # Hoch Mittelung
          if (z == 0):
78
            capital[z][y, x] = (num[0][y, x] + num[1][y, x] + num[2][y, x] + num[3][y, x]
                         + num[4][y, x]) / 4
          # Tief Mittelung
81
          elif (z == 1):
            capital[z][y, x] = (num[5][y, x] + num[6][y, x] + num[7][y, x] + num[8][y, x]
```

```
+ num[9][y, x]) / 4
84
           # Links Mittelung
85
           elif (z == 2):
86
             capital[z][y, x] = (num[10][y, x] + num[11][y, x] + num[12][y, x] + num[13][y, x]
87
                          + num[14][y, x]) / 4
88
           # Rechts Mittelung
89
           elif (z == 3):
90
             capital[z][y, x] = (num[15][y, x] + num[16][y, x] + num[17][y, x] + num[18][y, x]
91
                          + num[19][y, x]) / 4
92
     # 2D Array in 1D Array für Bravais-Pearson Methode
93
      capital[z] = capital[z].ravel()
94
95
   # 2D Array in 1D Array für Bravais-Pearson Methode
96
   for x in range(0, 20):
97
      num[x] = num[x].ravel()
98
      moi[x] = moi[x].ravel()
99
      anderer[x] = anderer[x].ravel()
100
101
   # Korrelationskoeffizient berechnet
102
   r1, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], moi[0])
   print("capital-moil r:", r1, "p:", p)
   r2, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], moi[1])
   print("capital-moi2 r:", r2, "p:", p)
r3, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], moi[2])
print("capital—moi3 r:", r3, "p:", p)
   r4, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], moi[3])
print("capital—moi4 r:", r4, "p:", p)
   r5, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], moi[4])
   print("capital-moi5 r:", r5, "p:", p)
112
113
   s1, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], anderer[0])
114
   print("capital-anderer1 r:", s1, "p:", p)
| s2, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], anderer[1])
print("capital—anderer2 r:", s2, "p:", p)
| s3, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], anderer[2])
print("capital—anderer3 r:", s3, "p:", p)
| s4, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], anderer[3])
print("capital—anderer4 r:", s4, "p:", p)
| s5, p = scipy.stats.pearsonr(capital[0], anderer[4])
print("capital—anderer5 r:", s5, "p:", p)
124
125 print()
```

```
r1 = (r1 + r2 + r3 + r4 + r5) / 5
      print(r1)
127
|s1| = (s1 + s2 + s3 + s4 + s5) / 5
129 print(s1)
      print()
130
       r6, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], moi[5])
133
      print("capital-moi1 r:", r6, "p:", p)
134
| r7, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], moi[6])
      print("capital-moi2 r:", r7, "p:", p)
|r8|, |r8|
print("capital—moi3 r:", r8, "p:", p)
      r9, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], moi[8])
140 print("capital—moi4 r:", r9, "p:", p)
     r10, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], moi[9])
       print("capital-moi5 r:", r10, "p:", p)
142
143
      s6, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], anderer[5])
144
       print("capital—anderer1 r:", s6, "p:", p)
| s7, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], anderer[6])
print("capital—anderer2 r:", s7, "p:", p)
      s8, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], anderer[7])
print("capital—anderer3 r:", s8, "p:", p)
| s9, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], anderer[8])
      print("capital—anderer4 r:", s9, "p:", p)
|s10, p = scipy.stats.pearsonr(capital[1], anderer[9])
      print("capital—anderer5 r:", s10, "p:", p)
153
154
      print()
155
      r1 = (r6 + r7 + r8 + r9 + r10) / 5
156
      print(r1)
      s1 = (s6 + s7 + s8 + s9 + s10) / 5
158
      print(s1)
159
       print()
160
161
162
|r11, p = \text{scipy.stats.pearsonr}(\text{capital}[2], \text{moi}[10])
164 print("capital—moil r:", r11, "p:", p)
r12, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], moi[11])
166 print("capital—moi2 r:", r12, "p:", p)
167 r13, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], moi[12])
```

```
print("capital—moi3 r:", r13, "p:", p)
   r14, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], moi[13])
170 print("capital—moi4 r:", r14, "p:", p)
r15, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], moi[14])
   print("capital—moi5 r:", r15, "p:", p)
173
   s11, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], anderer[10])
174
   print("capital—anderer1 r:", s11, "p:", p)
| s12, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], anderer[11])
print("capital—anderer2 r:", s12, "p:", p)
   s13, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], anderer[12])
print("capital—anderer3 r:", s13, "p:", p)
| s14, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], anderer[13])
   print("capital—anderer4 r:", s14, "p:", p)
| s15, p = scipy.stats.pearsonr(capital[2], anderer[14])
   print("capital—anderer5 r:", s15, "p:", p)
184
   print()
185
   r1 = (r11 + r12 + r13 + r14 + r15) / 5
   print(r1)
   s1 = (s11 + s12 + s13 + s14 + s15) / 5
188
   print(s1)
189
   print()
190
191
192
   r16, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], moi[15])
194 print("capital—moil r:", r16, "p:", p)
195 r17, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], moi[16])
   print("capital-moi2 r:", r17, "p:", p)
197 r18, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], moi[17])
print("capital—moi3 r:", r18, "p:", p)
|r19| r19, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], moi[18])
200 print("capital-moi4 r:", r19, "p:", p)
   r20, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], moi[19])
   print("capital—moi5 r:", r20, "p:", p)
202
203
   s16, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], anderer[15])
204
   print("capital—anderer1 r:", s16, "p:", p)
205
206 s17, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], anderer[16])
print("capital—anderer2 r:", s17, "p:", p)
|s18|, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], anderer[17])
print("capital—anderer3 r:", s18, "p:", p)
```

```
s19, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], anderer[18])

print("capital—anderer4 r:", s19, "p:", p)

s20, p = scipy.stats.pearsonr(capital[3], anderer[19])

print("capital—anderer5 r:", s20, "p:", p)

print()

print()

r1 = (r16 + r17 + r18 + r19 + r20) / 5

print(r1)

s1 = (s16 + s17 + s18 + s19 + s20) / 5

print(s1)

print()
```

Listing 4.7: Bravais-Pearson Methode mit Ausgabe der Korrelation