原子核の変形と中性子ドリップラインに対する クーロン相互作用の効果

201910867 萩原健太 指導教員:中務孝

1 背景

1.1 原子核の性質

原子核は正の電荷をもつ陽子と電荷をもたない中性子から構成され、それぞれをまとめて核子と呼ぶ。核子同士には短距離力の核力が作用しており、クーロン相互作用による斥力に逆らって核子同士を結合させている。核子の数に着目して、核子数 A が同じ原子核を同重体 (isobar)、陽子数 Z が同じ核種を同位体 (isotope)、中性子数 N が同じ原子核を同調体 (isotone) のような言葉が用いられる。

原子核は量子多体系であり、各核子の静止エネルギーから原子核の静止エネルギーを引いたものを結合エネルギーとして定義できる。

$$E_B(N, Z) = [Nm_n + Zm_p - M(N, Z)]c^2$$

ここで $E_B(N,Z)$ が結合エネルギー、N が中性子数、Z が陽子数である。 m_n 、 m_p 、および M(N,Z) はそれぞれ中性子と陽子、原子核の静止質量を表す。A が 20 程度の小さな核では E_B は核子数 A とともに急激に大きくなるが、それを超えるとほぼ A に比例する。つまり核子数当たりの結合エネルギーはほとんど一定になる性質があり、これを結合エネルギーの飽和性と呼ぶ。同重体の中で結合エネルギーが最も大きく安定な原子核は、比較的軽い核では N=Z の核であるが、一般に重い核になると陽子間に働くクーロン斥力の効果により N>Z になる傾向がある。

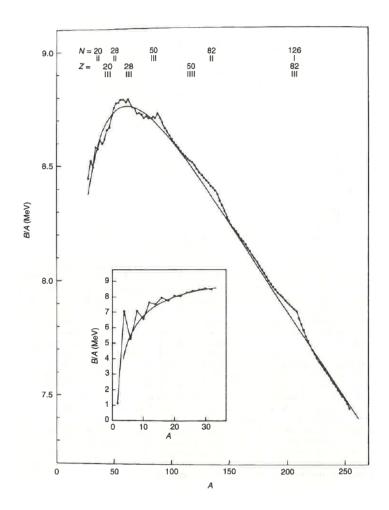


図 1: β 安定線内に存在する原子核の核子当たりの結合エネルギー。[5]24 ページの Fig.3.8 から引用

図1に示すように核子当たりの結合エネルギーはある程度滑らかな関数であるがところどころ特に大きくなり、周りの原子核に比べて特別に安定するような核が存在する。これは次のNおよびZの原子核で見られる性質であり、このようなNとZを魔法数という。

$$N, Z = 2, 8, 20, 28, 50, 82, 126, 184, \cdots$$

例えば酸素 16 のように N と Z がともに魔法数であるような原子核は二重 閉殻と呼ばれ特に安定であり自然界に多く存在し、我々の生活に密接に 関わっている。

α粒子、核子、電子などの散乱実験から原子核の大きさを調べることが出来る。電子散乱などから荷電分布を測ることに成功しており、原子

核の半径は質量数 A の $A^{1/3}$ に比例することが判明している。

$$R_B = r_0 A^{1/3}$$

半径から出発することで原子核の体積Vや、単位体積当たりの核子の数: 平均核子密度 $\langle \rho \rangle$ などの物理量を考えることが出来る。

$$\langle \rho \rangle = \frac{A}{V} = \frac{A}{r_0^3 A} \tag{1}$$

このように単位体積当たりに含まれる核子の数は質量数に依存しないことが分かっている。この性質を密度の飽和性と呼ぶ。

陽子数に対して中性子数が多くなると中性子の結合エネルギーは小さくなり、やがて0になる。核図表上でこの核種を結んだ線を中性子ドリップラインと呼び、中性子過剰側の存在限界を表す。逆に陽子数を増やしていくと陽子の結合エネルギーが小さくなり、中性子の場合と同様にやがて0になる。このような核種を結んだ線は陽子ドリップラインと呼ばれ、陽子過剰側の存在限界を表す。陽子過剰の場合にはクーロン相互作用による斥力で不安定化しやすくなるため、陽子過剰側に比べて中性子過剰側に存在する原子核の方が多くなる。陽子過剰側もしくは中性子過剰側にはどれほどの原子核が存在するのか、という問いに対して多くの議論が進められている。ドリップラインの研究は宇宙での元素合成メカニズムなどにもつながり、学際的な関心も高い分野である。

1.2 変形

原子核の形に着目すると、陽子数や中性子数が魔法数に近い場合は球形に近く、魔法数から離れた場合には変形して存在することが実験と理論の両面から確認されている。パリティ対称性と軸対称性を破らない変形が一般的であり、対称軸に対して細長く伸びたような変形をするプロレート型変形と、潰れたようなオブレート型変形の2種類に分けられる。図2には一般的な変形を表示したが、上記の変形の他にもパリティ対称性や軸対称性を破るような変形も予想されており、原子核の研究の大きなテーマの一つである。

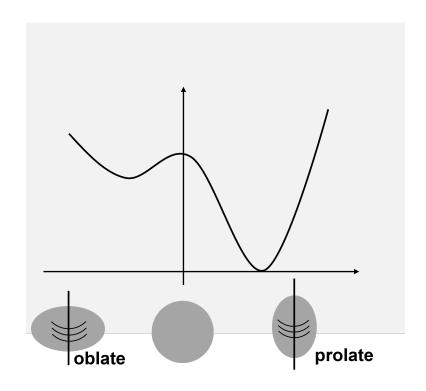


図 2: 原子核の変形の一例。本研究で扱う四重極変形の場合は、以下で定義する変形度 β の符号によって回転軸に並行に伸びたプロレート型変形、潰れたようなオブレート型に大別される。

四重極変形についての研究も盛んで、[3] では Z=6-92 の元素のうち N=Z と N=2Z の領域にある偶偶核の変形度について調査が行われて おり、プロレート型変形をする原子核が最も多いことが報告されている。 論文内の結果を図 3 に掲載する。

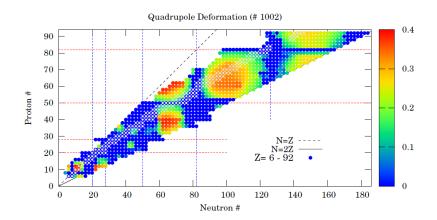


Figure 1. (Color online) Absolute value of quadrupole deformation parameter β_2 calculated with SkM* parameter set. The red (blue) color means that nucleus has a well quadrupole-deformed (spherical) shape. See text for details.

図 3: [3] から引用。変形度 β の絶対値を取ったものに色を付けてプロットしており、赤が濃くなるにしたがって変形が大きいことを表している。

量子多体系である原子核の中では、正の電荷をもつ陽子を束縛させる 強い相互作用とクーロン相互作用が支配的であるが、本研究ではクーロ ン相互作用に着目して計算・考察を行った。過去の研究では斥力である クーロン相互作用が、原子核の形状や中性子ドリップラインをはじめ様々 な物理量にどのような影響を与えるのか報告されたことはなく、本研究 は原子核の性質を知る上で重要な役割を果たすことが期待される。本研究では、クーロン相互作用が原子核の変形度や中性子ドリップラインを はじめとする物理量に与える影響について、系統的な評価をすることを 目標とする。

2 方法

3 結果

陽子数 Z=2 から Z=120 の偶偶核について計算を実行し、陽子、中性子の化学ポテンシャルがともに負の原子核の変形度 β を 図 4 にプロットした。変形度 β は軸対象の変形を示しており、プロレート型の変形とオブレート型の変形の区別はせず、大きく変形している原子核を赤色で

示している。図5にはクーロン相互作用を外した場合の計算結果をプロットした。

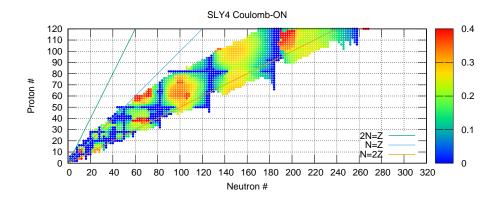


図 4: SLy4 汎関数を用いた計算におけるクーロン相互作用を入れた場合 の原子核の変形度 β

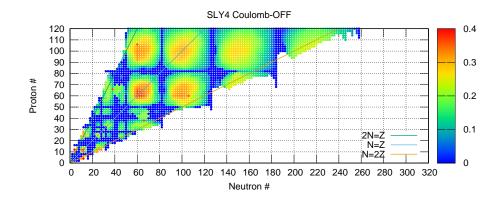


図 5: SLy4 汎関数を用いた計算におけるクーロン相互作用を入れない場合の原子核の変形度 β

3.1 陽子ドリップラインの変化

図4と図5を比べた際にいちばんに目に付くのは、クーロン相互作用がない仮想的な状況では陽子のドリップラインが陽子過剰側に大きくシフトする点である。陽子間に働くクーロン力が0になることから陽子と中性子はほとんど同じ核子として扱われるため、N=Zの線に対して対照である。今回の研究では陽子数 Z=2-120 の偶偶核のみを対象に計算を実行したため $Z \le 120$ の範囲でしか陽子と中性子の対称性は再現できていないが、より大きな陽子数であっても同様の結果が得られる。またクーロン相互作用がない場合には斥力が消え核力のみに束縛されることになるため、原子核は制限なく核子を束縛し続けることが出来る。

3.2 魔法数の原子核

続いて図4において陽子または中性子が魔法数の原子核では変形が小 さくなると同時に、魔法数に近づくにつれて変形度は小さくなり、魔法 数を超えて再び大きくなるような挙動が確認できる。この現象は特に中 性子では50以降、陽子では28以降の魔法数において始まり、核子数が大 きくなるにしたがって顕著である。また核子が魔法数の原子核では束縛 される原子核が増えることも分かる。魔法数より小さな核子数の時には 束縛されていなかったような核子であっても、殻効果の影響で原子核が エネルギー的に安定することで魔法数では再度束縛される。そして再び 魔法数を超え束縛が解かれることでドリップラインを迎える。原子核は 核子が魔法数に近づくにつれて変形が小さくなり、束縛状態の核が増え るという予測に基づくと Z = 258 付近にも未だに一般に知られていない 魔法数が存在していることが予測される。また陽子数 Z = 10 - 18 の同 位体ではN=28付近であっても変形するような原子核の存在する。その ほかにも、中性子が魔法数の同調体に着目した際には陽子数にかかわら ずにほとんどの原子核で球形であるのに対し、陽子数が魔法数の同位体 では特定の中性子数で変形して存在することが確認でき、こちらも興味 深い結果である。クーロン相互作用のない図5であってもZ=82の同位 体では N=150-172 で、Z=50 の同位体では N=98-110、Z=28の同位体ではN = 12 - 18の領域で変形している。

3.3 中性子過剰な原子核について

同種粒子の間に働く核力よりも異種核子同士の間に働く核力の方が強い性質がある。また陽子や中性子はフェルミ粒子であるため、パウリの排他律から同じ状態には1つの粒子しか入れない。質量数が同じ原子核でエネルギーの最も低い状態から順番に粒子を入れていったときには、同種粒子を多く入れた状態よりも異種粒子と数を合わせた状態の方が、原子核のエネルギーとしては安定する。以上2つの性質のみを考えると原子核は核子数がN=Zであるような状態でいちばん安定すると考えられる。しかし実際には陽子間にクーロン相互作用による斥力が働いているため、陽子数が大きくなるような原子核では中性子過剰の方が安定して存在する。図4では実際に、陽子数Z=62以降の原子核ではN=Zで東縛するような原子核は存在せず、陽子数が増えていくにつれて中性子過剰で安定するような原子核が増えていく。

3.4 変形度の増大

図4と図5を比較することでクーロン相互作用が原子核に与える影響を評価する。変形度に着目すると核図表全体に渡って増加傾向にある。一例として Z=46, N=48 と Z=52, N=54 の原子核におけるエネルギーを変形度の関数として調べた。図 6 には Z=52, N=54 の結果を、図 7 には Z=46, N=48 の結果を示す。横軸に変形度 β を指定し、原子核の基底状態での変形度がクーロン相互作用によって変化することを確認した。縦軸にはエネルギーを表示しているが、変形度が $\beta=0$ のエネルギーが 0 となるように設定した。クーロン相互作用の 図 6 からは、クーロン

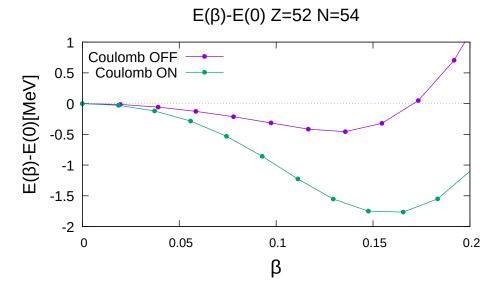


図 6: Z=46, N=48 における SLy4 汎関数を用いた計算による変形度 β に対する原子核のエネルギー

相互作用によって基底状態の変形度が増加していることが分かる。またクーロン相互作用がある時の方が、基底状態のエネルギーと変形していないときのエネルギーの差が大きくなっている。続いて7では、クーロン相互作用がないときには球形として存在していたものが、クーロン相互作用を入れることによって変形して存在するようになる。クーロン相互作用が半径の2乗に比例して減少していくことから、原子核を変形させて陽子同士の距離を広げることでエネルギー的に安定させる方向に作用していることが予想される。

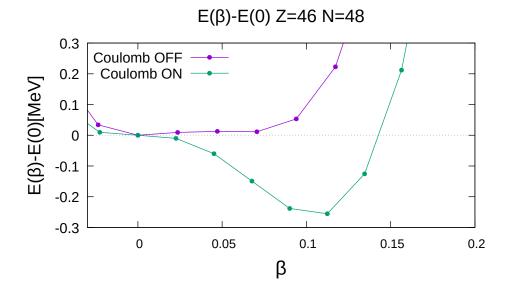


図 7: Z=46, N=48 における SLy4 汎関数を用いた計算による変形度 β に対する原子核のエネルギー

3.5 中性子ドリップラインの拡大

図4と図5から、クーロン相互作用によって陽子ドリップライン、中性子ドリップラインに変化が現れることが分かった。陽子ドリップラインはクーロン相互作用によって大きく右側にシフトするが、これは古典的にも直感的にも想像し易い結果である。陽子間に働く斥力の影響で原子核が不安定化するため、陽子数に比べて中性子数が多いような状態を取ることで原子核全体としては安定する傾向にある。一方クーロン相互作用によって中性子ドリップラインも中性子過剰側にシフトしている。斥力のクーロン相互作用の効果で束縛される原子核が増加するというのは、直感的にも古典的にも理解することが難しい結果である。

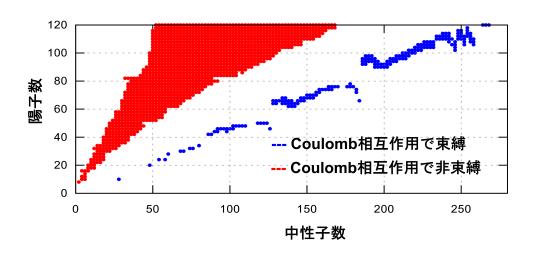


図 8: クーロン相互作用により束縛が解けた原子核を赤色に、新たに束縛するようになった原子核を青色で表している。

図8にはクーロン相互作用によって束縛の有無が変化する原子核を示した。赤色は束縛が解ける原子核で、青色が新たに束縛される原子核である。つまり陽子ドリップラインの変化を赤色で、中性子ドリップラインの変化を青色で示している。特に中性子ドリップラインがより中性子側にシフトするという結果は大変興味深く、図4と対応させながら確認すると、変形状態で束縛される原子核のみならず、球形状態で新たに束縛される原子核も存在することが分かった。これまでの研究で原子核が変形することによりエネルギー的に安定となることは指摘されているが、球形のままエネルギー的に新たに束縛されるような原子核が存在することも大変興味深い。変形の効果を考慮せずにクーロン相互作用の影響を評価するため球形のままドリップラインを拡大させている原子核に着目し、Z=50, N=116,120の一粒子準位を調べたところ、エネルギーに変化が現れることが確認された。結果を図9、図10に示す。

Z=50 N=116 neutron single particle energy

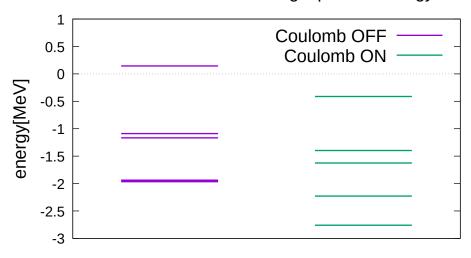


図 9: Z=50, N=116 の中性子の一粒子準位のクーロン相互作用の有無による比較

Z=50 N=120 neutron single particle energy

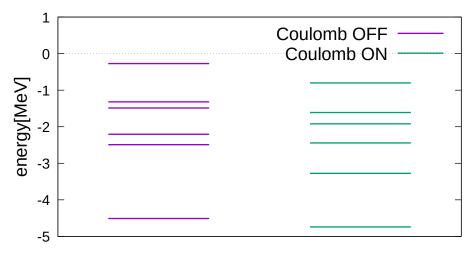


図 10: Z=50, N=120 の中性子の一粒子準位のクーロン相互作用の有無による比較

図9、および図10から0MeV付近ではクーロン相互作用によって中性

子の一粒子エネルギーが減少し、結果として化学ポテンシャルも減少することが分かった。クーロン相互作用による中性子ドリップラインの中性子過剰側へのシフトは、このようなメカニズムによって引き起こされると結論付けられる。

4 結論

HFBTHOプログラムを用いた系統的な計算から、クーロン相互作用によって原子核の変形度は増加し、中性子ドリップラインは拡大する。斥力により原子核の半径が増加することから核子の1粒子エネルギーが変化し、0[MeV]付近では一粒子準位が下がる。その結果により中性子の化学ポテンシャルが減少することで中性子ドリップラインが拡大する。また図6と図7からクーロン相互作用が原子核の変形度を増加させることも示された。

参考文献

- [1] M. V. Stoitsov, J. Dobaczewski, W. Nazarewicz, and P. Ring, Comput. Phys. Commun. **167**, 43 (2005).
- [2] M.V. Stoitsov, N. Schunck, M. Kortelainen, N. Michel, H. Nam, E. Olsen, J. Sarich, and S. Wild, Computer Physics Communications 184, 1592 (2013).
- [3] S. Ebata and T. Nakatsukasa, Phys. Scr. **92**, 064005 (2017).
- [4] P. Ring and P. Schuck, *The Nuclear Many-Body Problem* (Springer-Verlag, 1980).
- [5] S. G. Nilsson and I. Ragnarsson, *Shapes and Shells in Nuclear Structure* (Cambridge University Press, 1995).