

Vergleich der Komplexität von Tree-Search-Algorithmen

14. April 2023

Abstract

In diesem Projekt wird die Komplexität von verschiedenen einfachen Tree-Search-Algorithmen untersucht. Es werden verschiedene Algorithmen wie die Tiefensuche, Breitensuche und andere heuristische Suchalgorithmen auf binären Suchbäumen getestet. Dabei wird die Anzahl der durchsuchten Knoten und die benötigte Zeit gemessen, um die Effizienz der Algorithmen zu vergleichen. Das Ziel ist es, die Komplexität der Suchalgorithmen zu berechnen, um diese dadurch zu vergleichen.

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	4
2	Theorie	4
2.1	Suchbaum	4
2.1.1	binärer Suchbaum	4
2.2	Tree-Search Algorithmus	4
2.3	Komplexität von Tree-Search-Algorithmen	5
3	Algorithmen im Vergleich	5
3.1	Der Suchbaum	5
3.2	Breitensuche	5
3.3	Tiefensuche	5
3.4	Monte-Carlo Baumsuche	5
4	Resultate	5
5	Schlussfolgerung	5
6	Reflexion	5
	Literatur	6

1 Einleitung

Das Ziel dieses Projekts ist es, die Komplexitäten verschiedener Tree-Search-Algorithmen hinsichtlich der Größe und Tiefe des Baumes zu vergleichen. Dabei wird ein Programm in der Programmiersprache C++ erstellt, um die Berechnungen zu messen und zu überprüfen.

Tree-Search-Algorithmen sind in der künstlichen Intelligenz weit verbreitet und werden verwendet, um Entscheidungsprobleme zu lösen. Da verschiedene Algorithmen unterschiedliche Vorteile und Nachteile aufweisen, ist es wichtig, ihre Leistungsfähigkeit und Komplexität zu verstehen. Eine Art, dies zu messen ist die Einschätzung der Komplexität. Diese ist eine Abschätzung für das obere Limit der Laufzeit eines Tree-Search-Algorithmus bei einer Anzahl von n und einer Tiefe von d Knoten. In diesem Projekt wird die Komplexität von verschiedenen Tree-Search-Algorithmen miteinander verglichen, um eine bessere Einschätzung der Komplexität bei der Verwendung dieser Algorithmen zu ermöglichen.

2 Theorie

2.1 Suchbaum

Suchbäume sind Datenstrukturen aus der Graphentheorie. Der Begriff 'Suchbaum' bezieht sich darauf, dass die Datenstruktur baumartig organisiert ist. Ein Baum besteht aus einer Wurzel, die den obersten Knoten (engl. nodes) darstellt, und einer Anzahl von Zweigen oder Kanten, die von der Wurzel zu den Blättern führen, die die Endpunkte des Baums darstellen. Jeder Knoten im Baum repräsentiert eine Entscheidung oder einen Zustand, und jeder Zweig repräsentiert eine Aktion, die von diesem Zustand aus ausgeführt werden kann.

Ein Baum ist also ein zusammenhängender Graph, der keine geschlossenen Pfade enthält (Diestel, 1996 - 1996), d.h. der sich nur in eine Richtung von der Wurzel aus erstreckt.

2.1.1 binärer Suchbaum

Ein binärer Suchbaum ist eine besondere Art von Suchbaum, bei dem jeder Knoten maximal zwei Kindknoten (engl. child nodes) haben kann. Ausserdem erfordert ein binärer Suchbaum, im Gegensatz zu einem normalen Suchbaum, eine bestimmte Anordnung der Knoten: Diese sind so angeordnet, dass jeder Knoten kleiner als alle Knoten im rechten Teilbaum ist, aber grösser als alle Knoten im linken Teilbaum ist (Goodrich, T., Tamassia & Mount, 2011).

Der Vorteil dieser speziellen Anordnung ist, dass man schnell einen Knoten im Baum finden kann. Auch ist das Einfügen und Löschen von Knoten aus dem Baum einfacher.

2.2 Tree-Search Algorithmus

Tree-Search-Algorithmen sind eine Art von Algorithmen, die zur Lösung von Suchproblemen verwendet werden. Sie sind nützlich, wenn aus einer grossen Anzahl von möglichen Optionen die passende gefunden werden muss.

Tree-Search-Algorithmen arbeiten mit Suchbäumen, in denen die verschiedenen Optionen als Knoten, die über Kanten verbunden dargestellt sind. Die Suche nach der Lösung des Problems besteht darin, durch die Baumstruktur zu navigieren und den Pfad zu finden, der von der Wurzel (engl. root) bis zum Zielzustand führt.

2.3 Komplexität von Tree-Search-Algorithmen

Das Durchsuchen eines Baumes nach einem gewünschten Zustand dauert nicht immer gleich lange. Es hängt vielmehr von einer Vielzahl verschiedener Faktoren ab, wie zum Beispiel der Größe und Tiefe des Suchbaumes oder der Anzahl der Knoten. Eine Abschätzung für die obere Schranke der Suchdauer und damit der Effizienz eines Tree-Search-Algorithmus gibt die Komplexität.

Die Komplexität von Tree-Search-Algorithmen wird in der sogenannten O -Notation ausgedrückt, die angibt, wie schnell die Laufzeit eines Suchalgorithmus mit der Größe eines Baumes wächst. Eine Komplexität von $O(n)$ bedeutet beispielsweise, dass die Laufzeit eines Algorithmus linear von der Anzahl der Knoten n abhängt.

3 Algorithmen im Vergleich

Untersucht wurden verschiedene Tree-Search-Algorithmen, unter anderem die Tiefensuche (engl. depth-first search, DFS), die Breitensuche (engl. breadth-first search, BFS) und die Monte-Carlo-Baumsuche (engl. Monte Carlo tree search, MCTS). Die Komplexität wurde zunächst für jeden Suchalgorithmus berechnet und anschliessend mit dem Programm in Bezug auf die Anzahl der Baumknoten und die Tiefe, in der das Ergebnis lag, überprüft.

3.1 Der Suchbaum

Das Projekt wurde mit einem binären Suchbaum umgesetzt, da diese Baumart den Vorteil hat, leicht skalierbar zu sein. Auch ist die Tiefe des Baumes proportional zu der Anzahl der Knoten, was die Regelung der Baumtiefe erleichtert.

Der Baum wurde wie folgt umgesetzt:

```
1 struct node {  
2     public:  
3         int data;  
4         node* left;  
5         node* right;  
6         node* parent;  
7         node(int d) : data(d), left(NULL), right(NULL), parent(NULL) {}  
8     };
```

3.2 Breitensuche

3.3 Tiefensuche

3.4 Monte-Carlo Baumsuche

4 Resultate

5 Schlussfolgerung

6 Reflexion

Literatur

- Diestel, R. (1996 - 1996). *Graphentheorie*. Berlin: Springer.
- Goodrich, T., M., Tamassia, R. & Mount, D. M. (2011). *Data structures and algorithms in c++*. 2nd ed. Hoboken: Wiley. print.