

→ Big Notion Θ :

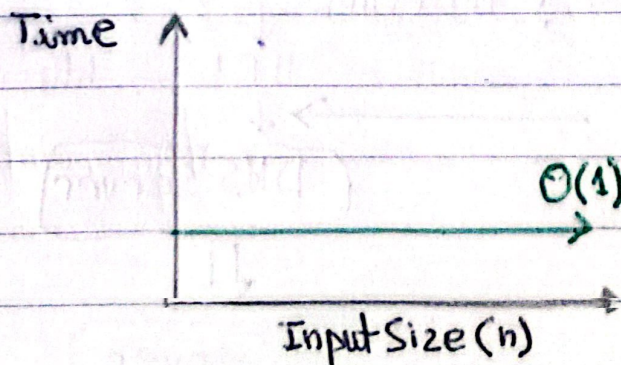
→ What is Big Θ ?

* est un outil mathématique utilisé en info pour décrire la complexité d'un algorithme, indiquant comment le temps ou l'espace mémoire nécessaire évolue en fct d'inputs size.

→ $O(1)$:

* La complexité constante, signifie que le temps d'exécution ou l'espace mémoire requis par un algo est fixe.

* Autrement dit, l'algorithme s'exécute en temps constant, indépendamment de la quantité de donnée à traiter.



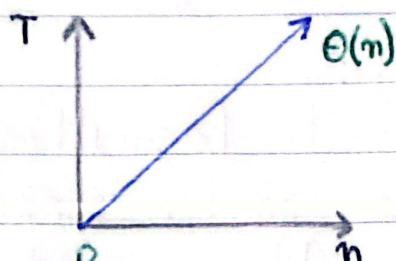
Exemple (Python)

```
arr = [1, 2, 3]
arr.append(4)
arr.pop()
arr[0]
```


→ $\theta(n)$:

* désigne une complexité linéaire, indiquant que le temps d'exécution ou l'espace mémoire nécessaire pour un algorithme augmente de façon proportionnelle à la taille d'input.

$$n \uparrow \Leftrightarrow T \uparrow$$



$$\theta(2n) = \theta(n)$$

Exemple:

→ `arr = [1, 2, 3]`

`for i in arr:`

`print(i)`

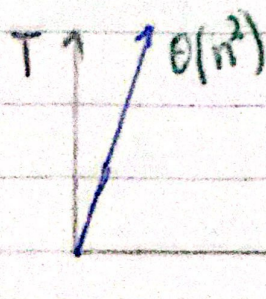
→ `arr2 = [1, 2, 3, 4, 5]`

`sum(arr2)`

→ $\theta(n^2)$:

* désigne une complexité quadratique, où le temps d'exécution ou l'espace mémoire pour un algo croît proportionnellement au carré de la taille d'input.

Par exemple, si la taille d'input ($n=2$),
Temps || l'espace = 4



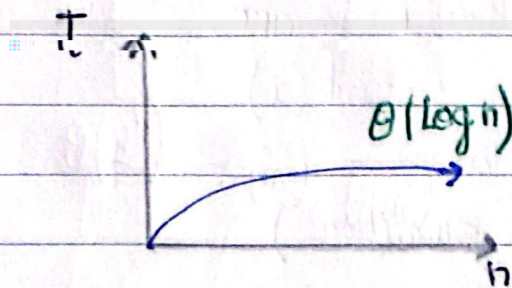
$$\theta(n^2 + n) = \theta(n^2)$$

Example:

```
def print_elements(n):  
    for i in range(n):  
        for j in range(n):  
            print(i, j)  
res = print_elements(4)
```

→ $O(\log(n))$:

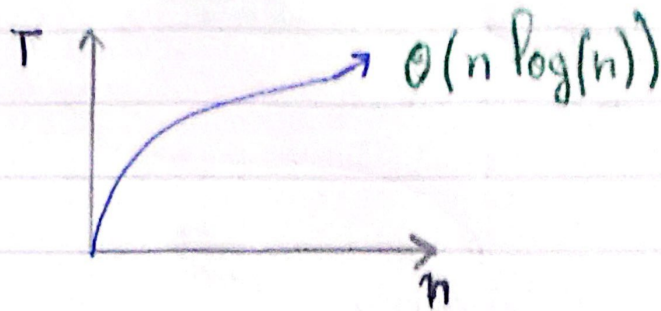
* complexité logarithmique. signifie que le t d'exécution ou l'es mémoire requis par l'algo augmente logarithmiquement par rapport à taille d'input.



Example:

```
def recherche_binaire(arr, el):  
    debut = 0  
    Fin = len(arr) - 1  
    while debut <= Fin:  
        milieu = (debut + Fin) // 2  
        if arr[milieu] == el:  
            return milieu  
        elif arr[milieu] < el:  
            debut = milieu + 1  
        else:  
            Fin = milieu - 1  
    return -1
```


→ $\Theta(n \cdot \log(n))$:

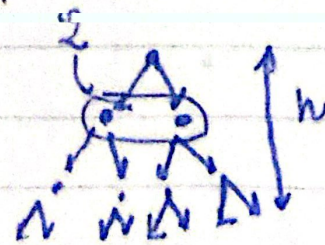
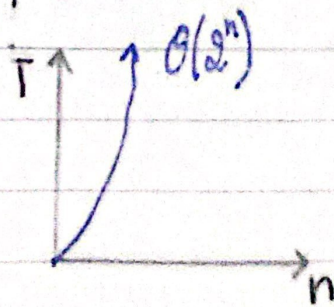


Example:

```
import heapq
arr = [1, 2, 3]
heapq.heapij(arr) #  $\Theta(n)$ 
while arr:
    heapq.heappop(arr) #  $\log(n)$ 
```

→ $\Theta(2^n)$: c^n

* Pour chaque augmentation de 1 de taille d'input le temps d'exécution ou l'espace nécessaire double.

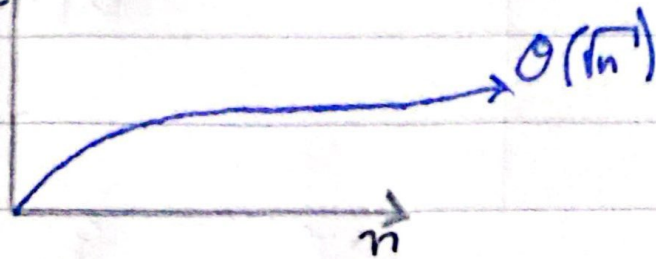


Example:

```
def Fibonacci(n):
    if n == 0:
        return 0
    elif n == 1:
        return 1
    else:
        return Fibonacci(n-1) + Fibonacci(n-2)
```

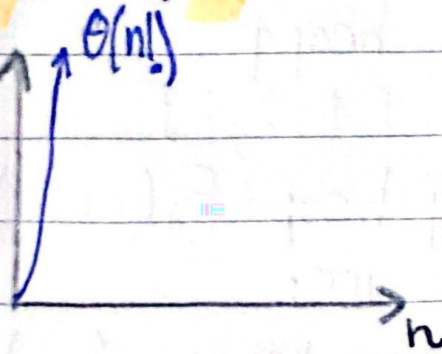

→ $\theta(\sqrt{n})$:

Time



→ $\theta(n!)$

Time



RECAP:

