7.3 图的遍历

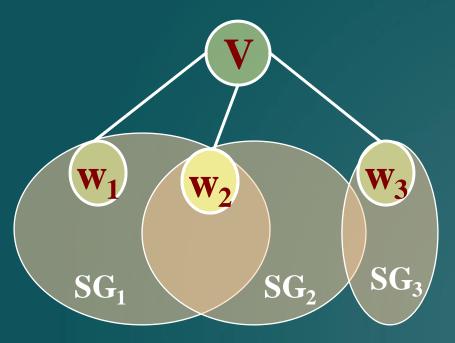
何谓图的遍历?

从图中某个顶点出发游历图,访遍图中其余顶点,并且使图中的每个顶点仅被访问一次的过程。

- **→** 深度优先搜索(DFS)
- → 广度优先搜索(BFS)

7.3.1 深度优先搜索 (Depth_First Search)

从图中某个顶点V₀出发,访问此顶点,然后**依次从V₀的各个未被访问的邻接点出发深度优先搜索遍历图**,直至图中所有和V₀有路径相通的顶点都被访问到;若此时图中尚有顶点未被访问,则另选图中一个未曾被访问的顶点作起始点,重复上述过程,直到图中所有顶点都被访问到为止。



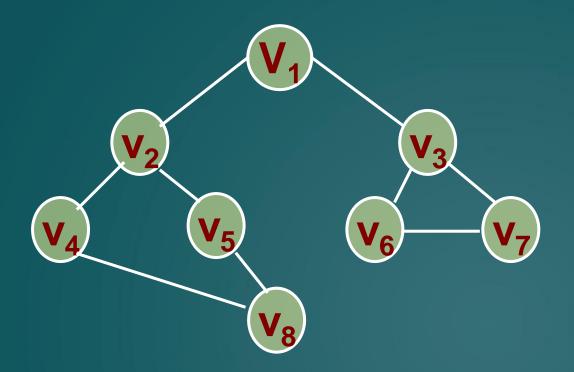
W₁、W₂和W₃ 均为 V 的邻接点, SG₁、SG₂和 SG₃分别为含顶点W₁、W₂和W₃的子图。

访问顶点 V:

for (W1、W2、W3)

若该邻接点W未被访问,

则从它出发进行深度优先搜索遍历。



对上图,假设从v1开始进行深度优先遍历,则遍历顺序为:

$$V_1 \rightarrow V_2 \rightarrow V_4 \rightarrow V_8 \rightarrow V_5 \rightarrow V_3 \rightarrow V_6 \rightarrow V_7$$

从上页的图解可见:

- 1. 深度优先搜索遍历连通图的过程类似于树的先根遍历;
- 2. 如何判别V的邻接点是否被访问?

解决的办法是:为每个顶点W设立一个"访问标志visited[w]"。其初值为'false',一旦某个顶点被访问,则其相应的分量置为'true'。

```
void DFS(Graph G, int v) {
 // 从顶点v出发,深度优先遍历图 G
  visited[v] = TRUE; VisitFunc(v);//访问第v个顶点
  for(w = FirstAdjVex(G, v); w > = 0; w = NextAdjVex(G, v, w))
    if (!visited[w]) DFS(G, w);
   // 对v的尚未访问的邻接顶点w, 递归调用DFS
} // DFS
```

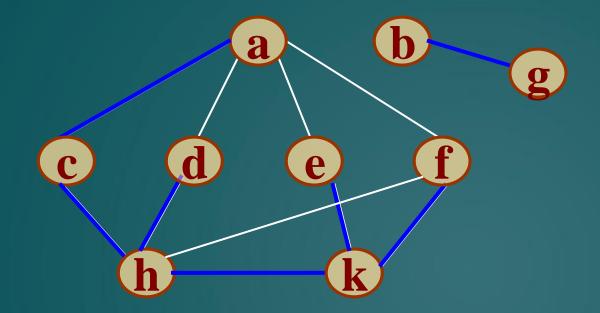
算法 7.5

一般图的深度优先搜索遍历

首先将图中每个顶点的访问标志设为 FALSE, 之后搜索图中每个顶点, 如果未被访问,则以该顶点为起始点,进行深度优先搜索遍历,否则继续检查下一顶点。

```
void DFSTraverse(Graph G , Status (*Visit)(int v)) {
 // 对图 G 作深度优先遍历。
 VisitFunc = Visit;
for (v=0; v<G.vexnum; ++v)
  visited[v] = FALSE; // 访问标志数组初始化
for (v=0; v< G.vexnum; ++v)
  if (!visited[v]) DFS(G, v);
       // 对尚未访问的顶点调用DFS
```

例如:

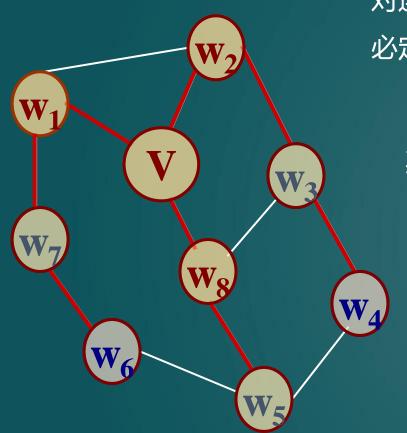


a c h d k f e b g

7.3.2 广度优先搜索(Breadth_First Search)

从图中的某个顶点V₀出发,并在访问此顶点之后依次访问 V₀的所有**未被访问**过的邻接点,之后**按这些顶点被访问的先后 次序依次访问它们的邻接点**,直至图中所有和V₀有路径相通的 顶点都被访问到。

若此时图中尚有顶点未被访问,则另选图中一个未曾被访问的顶点作起始点,重复上述过程,直至图中所有顶点都被访问到为止。

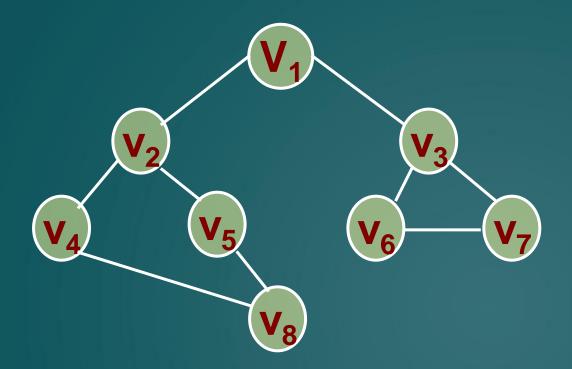


对连通图,从起始点V到其余各顶点 必定存在路径。

其中, $V \rightarrow W_1, V \rightarrow W_2, V \rightarrow W_8$ 的路径长度为1;

 $V \rightarrow W_7, V \rightarrow W_3, V \rightarrow W_5$ 的路径长度为2;

V→W₆, V→W₄ 的路径长度为3。



对上图,假设从v1开始进行广度优先遍历,则遍历顺序为:

$$\mathbf{v_1} \rightarrow \mathbf{v_2} \rightarrow \mathbf{v_3} \rightarrow \mathbf{v_4} \rightarrow \mathbf{v_5} \rightarrow \mathbf{v_6} \rightarrow \mathbf{v_7} \rightarrow \mathbf{v_8}$$

```
void BFSTraverse(Graph G, Status (*Visit)(int v)){
//按广度优先非递归遍历图G,使用辅助队列Q和
//访问标志数组visited
 for (v=0; v < G.vexnum; ++v)
   visited[v] = FALSE; //初始化访问标志
 InitQueue(Q);  // 置空的辅助队列Q
 for (v=0; v<G.vexnum; ++v)
  if (!visited[v]) { // v 尚未访问
} // BFSTraverse
```

```
visited[v] = TRUE; Visit(v); //访问v
EnQueue(Q, v); // v入队列
while (!QueueEmpty(Q)) {
 DeQueue(Q, u);
             // 队头元素出队并置为u
 for(w=FirstAdjVex(G, u); w>=0;
             w=NextAdjVex(G,u,w))
   if (! visited[w]) { //W为u的尚未访问的邻接顶点
    visited[w]=TRUE; Visit(w);
    EnQueue(Q, w); // 访问的顶点w入队列
   } // if
} // while
```