Si consideri l'equazione di ricorrenza $T(n)=aT\left(\frac{n}{4}\right)+3\sqrt{n}$. Si risolva l'equazione al variare del parametro reale $a\geq 1$, utilizzando il metodo Master e si stabilisca per quali valori di b la soluzione T(n) all'equazione soddisfa le seguenti condizioni

(i.)
$$T(n) = \Theta(n)$$
 (ii.) $T(n) = \mathcal{O}(n^2)$ (iii.) $T(n) = o(\sqrt{n}\log(n))$.

Infine, si disegni uno sketch dell'albero di ricorrenza associato all'equazione data per a=2.

$$f(n) = 3 \sqrt{n} = \theta(\sqrt{n})$$

$$h^{\log 2} \geq h^{\frac{1}{2}} \iff \log_4 2 \geq \frac{1}{2} \iff a \geq 2$$

Bisogue verficere le and of regolate $\exists c<1: e \cdot f(\frac{b}{b}) \leqslant c \cdot f(b)$ F(u)=30u ef(h) < c. f(u) 3 2 V = < 3 c. VL $e \sqrt{n} \cdot \frac{1}{2} \leq c \sqrt{n} \Rightarrow c = \frac{1}{2} e$ Sicone $R < 2 \Rightarrow \frac{1}{2}R < 1$ Con c = { a la cons. e verficala Albero per e=2 3 Vu 1=0 30 h ルニよ 32 h ī= 2 $\Theta(\tau) = O(\tau)$ 0(1) D2 l -2 beau bear - L - Su am h-logun

$$T(w) = \begin{cases} \theta(w | 2\omega) & p > 2 \\ \theta(\sqrt{n} \cdot \log n) & p = 2 \end{cases}$$

$$T(w) = \begin{cases} \theta(\sqrt{n} \cdot \log n) & p = 2 \end{cases}$$

$$\theta(\sqrt{n} \cdot \log n) & 0
$$(i.) T(n) = \theta(n) \quad (ii.) T(n) = 0 (n^2) \quad (iii.) T(n) = o(\sqrt{n} \log(n)).$$

$$i) \quad 0 > 2 \qquad q = 2 \qquad \theta(w) = \theta(w | 2) \qquad p = 2 \end{cases}$$

$$0
$$0$$$$$$