

一、 选择题

- 1、 一棵完全二叉树上有 1001 个结点，其中叶子结点的个数是 (C)。
A. 250 B. 500 C. 254 D. 501
- 2、 一个具有 1025 个结点的二叉树的高 h 为 (C)。
A. 11 B. 10
C. 11 至 1025 之间 D. 10 至 1024 之间
- 3、 某二叉树 T 有 n 个结点，设按某种顺序对 T 中的每个结点进行编号，编号值为 $1, 2, \dots, n$ 。如果有如下性质： T 中任意结点 v ，其编号等于左子树上的最小编号减 1，而 v 的右子树的结点中，其最小编号等于 v 左子树上结点的最大编号加 1，则这是按 (B) 编号的。
A. 中序遍历序列 B. 先序遍历序列
C. 后序遍历序列 D. 层次遍历序列
- 4、 二叉树的叶子结点在先序、中序、后序遍历序列中的相对次序 (A)
A. 不发生改变 B. 发生改变 C. 不确定
- 5、 若二叉树采用二叉链表存储结构，要交换其所有分支结点左右子树的位置，利用 (D) 遍历方法最合适。
A. 前序 B. 中序 C. 后序

二、 简答题：

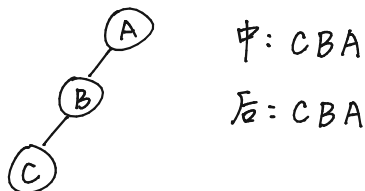
试找出满足下列条件的二叉树。

- 1、 先序序列与后序序列相同。
- 2、 中序序列与后序序列相同
- 3、 先序序列与中序序列相同
- 4、 中序序列与层次遍历序列相同。
- 5、 先序序列与后序序列正好相反

提交要求：除了空树及只有一个根结点的二叉树外，找找层数大于 1 的满足条件的二叉树，每个小题画出一个满足条件的二叉树，并写出两个遍历序列验证。

1. 先序 = 后序：由于先序遍历第一个结点一定是根，而后序的最后一个结点才是根，故只有空树或单结点树满足。 [空] [A]

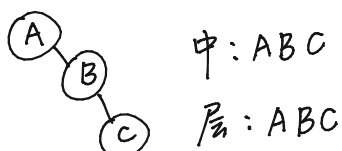
2. 中序 = 后序：即每一个结点都没有右子树。



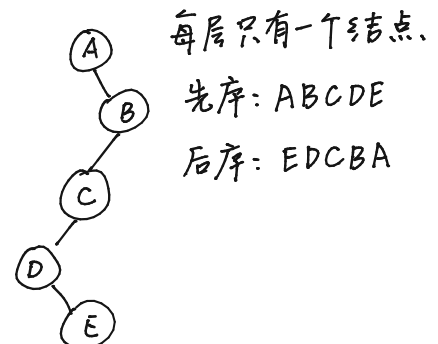
3. 先序 = 中序：每一个结点都没有左子树



4. 中序 = 层次：同 3. 没有右子树。



5. 先序刚好与后序相反：



三、 编程实现的二叉链式存储方式的二叉树的数据结构方法

```
//2. 销毁二叉链式存储的二叉树，释放每个结点所分配的内存
// 注意是没有头结点的二叉树
bool DestroyBinTree(BiTree bt);

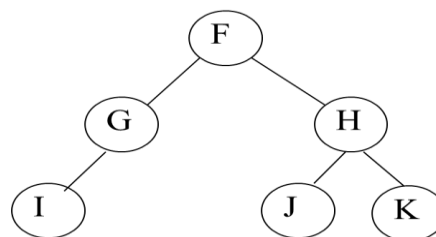
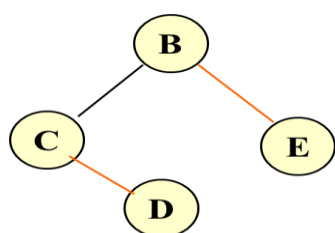
//3.1 从先序遍历的字符串中创建二叉树，将创建的二叉树用返回值返回到调用者
// 先序遍历的字符串中用字符'!'表示空结点
//参考教材 P131 实现，这里的参数 nStringStart，表示创建树时
//，从 preordString 的那个字符开始读入
//使用引用形式的参数传递方式进行参数传递，这样可以在递归调用时，
// 每读入一个字符后，
// nStringStart 向后移动一个位置，并将这个值的改变带回到调用者
BiTree CreateBinTree(char * preordString, int & nStringStart);

//4.1 先序遍历二叉树，将结果输出到控制台（stdc::out）
// 返回值：空树返回 false，非空树返回 true
bool PreOrderTraverse(BiTree bt);
//4.2 中序遍历二叉树，将结果输出到控制台（stdc::out）
// 返回值：空树返回 false，非空树返回 true
bool InOrderTraverse(BiTree bt);
//4.3 后序遍历二叉树，将结果输出到控制台（stdc::out）
// 返回值：空树返回 false，非空树返回 true
bool PostOrderTraverse(BiTree bt);
//4.4 层序遍历二叉树，将结果输出到控制台（stdc::out）
// 返回值：空树返回 false，非空树返回 true
bool LevelOrderTraverse(BiTree bt);

//5 计算树的结点数目
int BiTreeNodeCount(BiTree bt);
//6 计算树的叶子结点数目
int BiTreeLeavesCount(BiTree bt);
//7 计算树的层数
int BiTreeLevelCount(BiTree bt);
```

在 06BinTree.cpp 中补充所缺的代码来完成作业：

- i. 声明了所有的函数；给出了所需实现函数的空函数框架，补充每个函数的实现代码。
- ii. 在 main 函数里面有两个字符串变量 sTree1 和 sTree2，预先保存了两棵树的先序遍历结果供读入使用，两个字符串对应下图的两棵树



测试时，可用其他树的遍历结果替换字符串换不同的树进行测试。

- iii. 请仔细阅读 main 函数，理解 main 函数调用的各个基本操作。
- iv. 将程序调试正确
- v. 程序运行结果参考

```

从先序遍历结果 BC!D!!E!! 创建第一棵二叉树

第一棵树的先序遍历:
BCDE
第一棵树的中序遍历:
CDBE
第一棵树的后序遍历:
DCEB
第一棵树的层序遍历:
BCED
第一棵树的结点数为: 4

第一棵树的叶子结点数为: 2

第一棵树的层数为: 3

从先序遍历结果 FGI!!!HJ!!K!! 创建第二棵二叉树

第二棵树的先序遍历:
FGIHJK
第二棵树的中序遍历:
IGFJHK
第二棵树的后序遍历:
IGJKHF
第二棵树的层序遍历:
FGHIJK
第二棵树的结点数为: 6

第二棵树的叶子结点数为: 3

第二棵树的层数为: 3

将第一棵树销毁

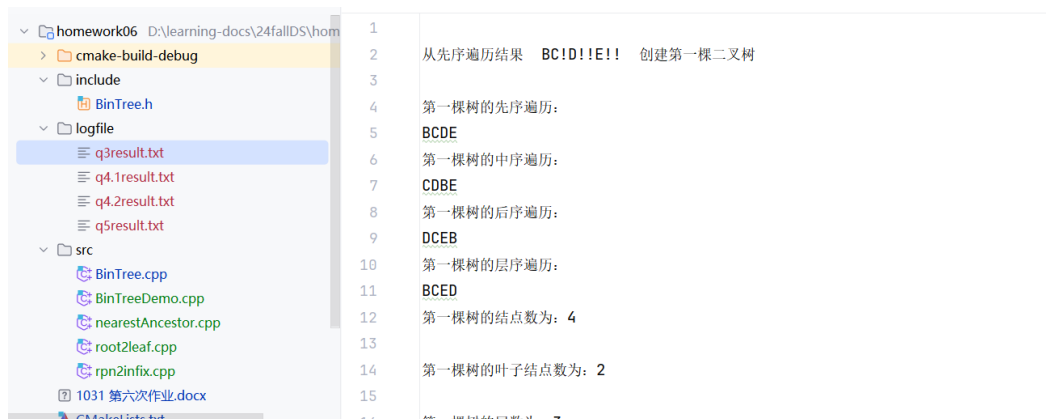
将第二棵树销毁
  
```

完成了题目但做了一些改动:

将原来的 main 函数拆到 BinTreeDemo.cpp 文件中

函数原型和函数实现拆分开

最后编译得到 BinTreeDemo，运行结果存在 logfile 中的 q3result.txt 中



四、编程题（均可以在 06BinTree.cpp 中实现，自行设计函数参数和返回值并调试通过）

- a) 已知在二叉链表表示的二叉树中，root 为根结点，p 和 q 分别指向二叉树中两个结点，试编写算法求距离它们最近共同祖先。

```
31 ElementType nearestAncestor(BiTree bt, ElementType x, ElementType y) {
32     if (!bt || !(findInTree(bt->left, key: x) && findInTree(bt->left, key: y))) {
33         cout << "They have no common ancestor.\n";
34         return -1;
35     }
36
37     ElementType nearAnc = bt->data;
38
39     if (findInTree(bt->left, key: x) && findInTree(bt->left, key: y))
40         nearAnc = nearestAncestor(bt->left, x, y);
41     else if (findInTree(bt->right, key: x) && findInTree(bt->right, key: y))
42         nearAnc = nearestAncestor(bt->right, x, y);
43
44     return nearAnc;
45 }

bool findInTree(BiTree bt, ElementType key) {
    if (bt) {
        if (key == bt->data) return true;
        return findInTree(bt->left, key) || findInTree(bt->right, key);
    } return false;
}
```

由两个函数实现，思路为不断寻找当前节点是否为共同祖先，如果子树结点中没有更近的，则返回并更新 nearAnc 值。

借用上一题的树，两个结果大致如下：

```
≡ q4.1result.txt × ≡ q4.2result.txt ≡ q5result.txt root2leaf.cpp
1 The nearest ancestor of J and K is: H
2 The nearest ancestor of D and E is: B
3
```

- b) 试给出算法求出一条从根到叶子结点的序列，其结点数为层数。

```
void root2leaf(BiTree bt) {
    int maxLength = BiTreeLevelCount(bt);
    ElementType str[maxLength];
    for (int i = 0; i < maxLength; i++)
        str[i] = 0;
    if (!bt) return;
    root2leaf(bt, str, pos: 0, maxLength);
}
```

```

void root2leaf(BiTree bt, ElemType* str, int pos, int maxLength) {
    if (!bt) return;

    str[pos] = bt->data;
    if (!bt->left && !bt->right) // this is a leaf
        cout.write(s: str, n: pos + 1) << endl;

    if (bt->left) {
        ElemType str1[maxLength];
        strcpy(Dest: str1, Source: str);
        root2leaf(bt->left, str: str1, pos: pos + 1, maxLength);
    }

    if (bt->right) {
        ElemType str2[maxLength];
        strcpy(Dest: str2, Source: str);
        root2leaf(bt->right, str: str2, pos: pos + 1, maxLength);
    }
}

```

用同名函数，保存最大层数和当前是第几层以及字符串，如果遇到叶子则打印，否则继续向下加长字符串。

借用上一题的树，所有的路径如下：

q4.1result.txt		q4.2result.txt		q5result.txt	
1	ABCD				
2	ABE				
3	AFGI				
4	AFHJ				
5	AFHK				
6					

五、编程题（选做，上交代码源文件或者手写代码均可以，自行设计函数参数和返回值并调试通过）

- a) 将后缀表达式读入，构建一棵表达式计算的二叉树，再将二叉树转换为中缀表达式，记得要在合适的位置加入括号维持计算顺序不变。

见 src 下 rpn2infix.cpp 和 cmake-build-debug 中可执行文件以及 logfile 下对于一个源文件中示例后缀表达式的转换结果。