



**INFLUENCE DES CONTRAINTES ENVIRONNEMENTALES, DES
INTERACTIONS ECOLOGIQUES SUR LA RÉPARTITION GÉOGRAPHIQUE
DES ESPÈCES**

Thèse présentée

dans le cadre du programme de doctorat en Biologie
en vue de l'obtention du grade de Philosophiae Doctor

PAR

©KÉVIN CAZELLES

Septembre 2016

Composition du jury :

Pedro Peres-Neto, président du jury, Université du Québec à Montréal

Dominique Gravel, directeur de recherche, Université du Québec à Rimouski

Nicolas Mouquet, directeur de recherche, Université de Montpellier

Phillipe Jarne, examinateur interne, Centre d'Ecologie Fonctionnelle et Evolutive

Piero Calosi examinateur interne, Université du Québec à Rimouski

Nicholas J. Gotelli, examinateur externe, University of Vermont

Dépôt initial le 15 septembre 2016

Dépôt final le [-]

UNIVERSITÉ DU QUÉBEC À RIMOUSKI

Service de la bibliothèque

Avertissement

La diffusion de ce mémoire ou de cette thèse se fait dans le respect des droits de son auteur, qui a signé le formulaire « *Autorisation de reproduire et de diffuser un rapport, un mémoire ou une thèse* ». En signant ce formulaire, l'auteur concède à l'Université du Québec à Rimouski une licence non exclusive d'utilisation et de publication de la totalité ou d'une partie importante de son travail de recherche pour des fins pédagogiques et non commerciales. Plus précisément, l'auteur autorise l'Université du Québec à Rimouski à reproduire, diffuser, prêter, distribuer ou vendre des copies de son travail de recherche à des fins non commerciales sur quelque support que ce soit, y compris l'Internet. Cette licence et cette autorisation n'entraînent pas une renonciation de la part de l'auteur à ses droits moraux ni à ses droits de propriété intellectuelle. Sauf entente contraire, l'auteur conserve la liberté de diffuser et de commercialiser ou non ce travail dont il possède un exemplaire.

à JASCERB,

REMERCIEMENTS

Au royaume des idées, nous transformons les fragments de notre existence en songes. Chaque conversation est une caisse de résonance offerte à nos propres songes. Chaque lecture est une conversation, un échange avec d'autres qui bien qu'absents, nous livrent leurs pensées. Comment alors ne pas croire que tout le travail ici présenté n'est autre que le récit de ma rencontre et des échanges avec tous ces autres ? Un récit qui à son tour deviendra une potentielle source de songes.

L'aventure du doctorat est bien plus collective qu'elle n'y paraît. Longue est la liste de ceux qui ont apporté une pierre à l'édifice ici présenté. Des pierres les plus solides dont j'ai fait mes fondations aux plus petits cailloux qui donnent un rien de charme et d'originalité à l'ensemble, nombreux sont les contributeurs au présent travail. À tous ces autres qui parfois ignorent ce qu'ils m'ont offert, j'adresse un chaleureux merci. Certaines rencontres laissent des empreintes plus profondes et méritent que je leur destine des remerciements personnalisés.

Pour m'avoir donné ma chance et offert une confiance sans faille, je veux remercier vivement Dom, Nico et David, sans qui l'aventure n'aurait pas été la même. Pour faire ces premiers pas sur un chemin incertain, mieux vaut partir avec ceux pensent qu'on en trouvera la fin.

Un chemin qui m'amena sur deux continents, dans deux pays, à travailler dans deux universités au sein de deux laboratoires. Le laboratoire, ce n'est pas seulement un lieu, ce sont aussi des personnes, autant de sources de réflexion et d'inspiration qui jamais ne tarissent. Pour de précieux échanges à Rimouski, je remercie Hedou, Idalflex, Jacquette, Jo Brasco, Pippin le Solver, Tim. Solarik, les *behind the scenes* que nous avons abondamment échangés m'ont été d'une précieuse aide dans les derniers moments. Pour de passionnantes conversations à Montpellier, un grand merci Alain, Andreï, Claire, Clara, Florian, Isa, Marie,

Pierre et Simon.

Dans les couloirs des laboratoires, il y a aussi des liens qui se nouent autour d'intérêts convergents et qui se transforment en une amitié très appréciée. Pour tout ce qu'ils m'ont apporté, je remercie Sonia (et Thomas), Albouy (et Séverine et Léo et Louis) et Legagneux (et Aurélie et Margot et Juliette et Zélie et Romane). Dans ces même couloirs, j'en ai croisé certaines se frottant des yeux fatigués par la lumière des écrans. À mes geek préférés, ceux qui connaissent l'appel du clavier, quand l'envie de coder devient trop forte, un immense merci. Merci Casajus, Team Zissou, Dave et Flor pour les morceaux de code et bien plus : votre enthousiasme et votre insatiable curiosité.

D'un pays à l'autre, d'un laboratoire à l'autre, d'un couloir à l'autre, d'un projet à l'autre, l'aventure n'est, bien heureusement, nullement monochromatique et le rose de certains instants cède régulièrement la place à un gris parfois bien sombre. Partagés ses questionnements, ses colères, ou encore sa tristesse avec d'autres voyageurs est un soutien des plus précieux. Marion, Matoche, Clem, pour ce soutien qui a été si important, je vous remercie mille fois.

Pour ne pas faiblir face aux péripéties, le lieu de repos soit être choisi avec soin. Le temps du doctorat, il est important de trouver son havre de paix. Pour avoir été les colocataires de cet endroit merveilleux qu'a été la maison des courges, un immense merci à Camille, Élo, Gigi, Jean, Jerem, Jerem, Lau, Léo, Marie, Palardy, TriTri. Palette, bien sur, un remerciement tout particulier pour toi et pour tout ce que nous partageons.

Certains alliés étaient là avant même que l'aventure ne commence et furent des repères essentiels dans un voyage quelques fois très déboussolant. Ces étoiles du sol qui nous guident quand la nuit vient de tomber, merci.

À mes amis du TerTer de Nanterre, qui me rappellent où j'ai grandi, les joies de mon parcours en banlieue, à ceux que j'ai connu il y a parfois plus de vingt ans, à vous Ariane, Bibi, Cendrars, Gomar, Gronico, K-wik, Matos, Misté, Rufo, Tinico, Gomar, je vous dit un

immense cimer ! Un spécial cimer pour toi Rhum, mon frérot, qui n'a jamais cessé de me surprendre.

À ma famille, ceux dont je partage parfois une bonne partie de mon patrimoine génétique, mais souvent tellement plus. Un profond et chaleureux merci à Jean-Louis, Josette, Jean-Claude, Yvette, Tatoche, Tonton François, c'est toujours un immense bonheur de vous voir.

Papi, Mami, éternels soutiens, guides indispensables de mes premier pas à aujourd'hui, merci. Des grands-parents comme vous tous les petits enfants en rêve... Je vous le promets, regardez, je fais de la science, j'essaye d'être docteur, c'est forcément vrai. Sachez que l'aventure sans vous aurait été bien plus pénible.

Papa, père et pair, c'est quand même pas mal ! Ton appui au court de ce long voyage m'a été d'une aide au combien précieuse. Tu as été un éclaireur génial vers qui j'ai pu me tourner quand l'horizon semblait encore bien loin, merci papa.

ClaCla et Nico le haricot, merci pour votre générosité, votre folie et pour le bonheur que vous respirez, je vous dois pas mal de sourire dans les moments où j'étais au plus bas. Merci Pépette pour ta spontanéité et ta fraîcheur, je sais que j'étais absent ces derniers temps, il faudra qu'on se rattrape !

Maman, la plus belle des mamans. Ton fils n'est pas souvent passé par la maison ces dernières années, et oui, l'aventure m'a éloignée de mes terres d'origine. Rassures-toi, ton fils ne t'oublie pas, il sait très bien tout ce que tu as fait pour lui jusqu'à aujourd'hui et il t'en est éternellement reconnaissant.

AVANT-PROPOS

C'est animé par le désir de comprendre le fonctionnement des écosystèmes que j'envoyai, à l'automne 2011, un courriel à Nicolas Mouquet. Un courriel bien heureux car il me propulsa au Canada à la rencontre de Dominique Gravel, fraîchement devenu professeur, et de Nicolas Mouquet lui-même alors en visite. C'est à Rimouski que j'ai découvert la biogéographie et que j'ai fait commencé mon stage de master (maîtrise dit-on à Rimouski) qui a déboucha sur la thèse de doctorat présentée dans les pages qui suivent. C'est avec Dominique Gravel, Nicolas Mouquet et David Mouillot que j'ai découvert le problème de l'intégration des interactions écologiques en biogéographie qui m'a profondément intéressé, et parcequ'ils m'ont mis le pied à l'étrier, je souhaite les remercier vivement.

Le doctorat que j'ai entrepris a été rendu possible grâce au soutien financier de plusieurs institutions que je souhaite remercier ici. Les trois premières années de mon doctorat ont été financées par une bourse du ministère français de l'éducation nationale, de l'enseignement supérieur et de la recherche, qu'il en soit remercié. J'ai également reçu un soutien financier du Conseil de Recherches en Sciences Naturelles et en Génie du Canada (CRSNG) que je remercie. Ce soutien m'a notamment permis de faire une quatrième année de thèse très profitable. De même, je remercie le programme des chaires de recherche du Canada qui, en plus de m'avoir offert un complément de bourse, a soutenu la mise en place du laboratoire de Dominique Gravel au sein duquel j'ai préparé la thèse ici présentée. Pour mes déplacements entre la France et le Canada, j'ai reçu un soutien du programme de mobilité FRONTENAC destiné aux doctorants inscrits en cotutelle de thèse franco-qubécoise, je remercie tous ceux qui participent au bon fonctionnement de ce programme. J'adresse un grand merci au Centre de la Science de la Biodiversité du Québec (CSBQ) et particulièrement l'équipe qui participe à son dynamisme, c'est-à-dire à la mise en place d'initiatives qui participent grandement à rassembler les acteurs de la biodiversité au Québec. Je remercie aussi le CSQB pour les bourses destinées aux étudiants qu'il met en place et dont j'ai personnellement bénéficié pour

me rendre au laboratoire de Miguel Araújo à Madrid. Je profite de mentionner le nom de ce chercheur pour le remercier pour son accueil et pour les précieux conseils qu'il m'a donné.

J'ai passé quatre ans à faire un doctorat en écologie et parmi les défis les plus délicats auxquels je me suis confronté, j'en ai relevé un bien singulier : celui d'expliquer à des noms spécialistes mon travail de thèse. Comment, en effet, comprendre que je m'intéresse à des questions importantes relatives à la biodiversité alors que je passe mon temps à coder derrière un ordinateur. Il faut une certaine habilité pour expliquer les tenants et les aboutissants de mon travail à celui qui m'a répondu que lui aussi traitait ces poubelles quand je lui ai dit que je faisais de l'écologie. L'effort de communication sur mes activités de recherche me semble crucial et je souhaite prendre le temps à l'avenir pour faire cet effort.

J'ai passé quatre ans à étudier certains aspects de la biodiversité et je n'ai pourtant pas donné beaucoup de place à l'expression de mes convictions citoyennes sur le sujet. Je cherche encore à concilier le chercheur que je souhaite devenir et le citoyen que je suis déjà. Dans l'attente d'une telle conciliation, c'est par un message du citoyen que je suis que je souhaite ouvrir ma thèse en empruntant les mots du *Petit Prince* d'Antoine de Saint Exupéry :

— Les hommes de chez toi, dit le petit prince, cultivent cinq milles roses dans un même jardin. . . et ils n'y trouvent pas ce qu'ils cherchent. . .

— Ils ne trouvent pas, répondis-je. . .

— Et cependant ce qu'ils cherchent pourrait être trouvé dans une seule rose ou un peu d'eau. . .

— Bien sûr, répondis-je.

Et le petit prince ajouta :

— Mais les yeux sont aveugles. Il faut chercher avec le coeur.

RÉSUMÉ

La biogéographie est l'étude des mécanismes et des processus qui influencent la répartition géographique des être vivants. Bien que ces mécanismes soient relativement bien identifiés, les biogéographes recherchent toujours une théorie cohérente pour les articuler. Parmi les problèmes les plus fréquemment soulevés en biogéographie, figure celui de l'intégration des interactions écologiques dans les modèles de distribution d'espèces. Bien que la littérature scientifique apporte un ensemble de preuves soulignant le rôle prépondérant des interactions dans la structuration des communautés locales, on trouve relativement peu d'études révélant les empreintes laissées par les interactions dans les données de distribution d'espèces. Proposer une explication simple et claire à ce problème demeure un défi important que la biogéographie doit mener. Le problème majeur que pose l'absence de réponse claire sur le rôle des interactions aux larges échelles spatiales est que la plupart des scénarios de changements de biodiversité partent de l'hypothèse que les interactions sont négligeables. Si cette hypothèse est régulièrement rejetée, alors il faut réviser ces scénarios et soutenir le développement de méthodologies incluant les relations entre les espèces.

Dans le travail de thèse présenté, je me confronte au problème de l'intégration des interactions dans la répartition des espèces et de leurs effet sur ces distribution. Je commence cette thèse par un travail théorique sur le sujet car les théories classiques en biogéographie relèguent souvent au second plan les interactions écologiques. Au premier chapitre, je traite de l'intégration des interactions écologiques dans un modèle théorique de distribution d'espèces issue d'une des théories les plus importantes en biogéographie : la théorie de la biogéographie des îles. Ce travail montre comment les effets conjoints des facteurs biotiques et abiotiques changent les attendus de la théorie classique. En m'appuyant sur ce premier chapitre, je montre au second chapitre comment les interactions peuvent se répercuter dans les données de co-occurrence d'espèces. Ces données indiquent la présence ou l'absence de plusieurs espèces sur un même ensemble de sites dispersés sur de larges étendues spatiales. À l'aide d'un modèle probabiliste, j'obtiens des résultats théoriques liant les données de co-occurrence et l'information contenue dans les réseaux écologiques. Je démontre clairement que les interactions affectent les données de co-occurrence. Je montre également que plus le nombre d'interactions séparant deux espèces est grand, moins leur interactions indirect est détectable. De même si une espèce entretient de nombreuses interactions, il sera difficile de trouver une quelconque trace des interactions dans les données de co-occurrence pour cette espèce.

Au troisième chapitre, je présente l'analyse de cinq jeux de données de co-occurrence pour lesquels la description des interactions était disponible. Avec ces données, j'ai été capable de confirmer mes hypothèses formulées au second chapitre en montrant que les espèces qui interagissent co-occurrent différemment de celles n'interagissant pas. Mes résultats indiquent aussi que l'abondance d'interactions est un frein à leur détection dans les données de co-occurrence. Cependant, en intégrant la similarité des facteurs abiotiques pour les différents

sites, je montre que les signaux de co-occurrence s'affaiblissent pour parfois disparaître. Mes résultats suggèrent donc qu'en utilisant des facteurs abiotiques pour inférer les probabilités de co-occurrence, une partie du lien entre les espèces est capturée, mais cette part est entachée d'une grande incertitude. Ceci vient questionner la qualité des prédictions données par les modèles classiques de distribution d'espèces actuellement utilisés.

Les résultats de ma recherche apportent des éléments théoriques nouveaux sur le rôle des interactions écologiques dans le tracé des aires de répartition des espèces en plus de proposer une méthode originale pour étudier les données de co-occurrence d'espèces : les regarder à la lumière des réseaux écologiques. Avant de conclure ma thèse, je propose au chapitre 4 une démarche prometteuse pour aller encore plus loin dans l'intégration des interactions en biogéographie : les introduire par le biais des contraintes énergétiques, ce qui offre une base solide pour une théorie métabolique de la biogéographie.

Mots clés : Biogéographie, interactions biotiques, réseaux écologiques, contraintes abiotiques, co-occurrence, théorie de la biogéographie des îles, théorie métabolique de l'écologie.

ABSTRACT

Biogeography is the study of the mechanisms and processes that control the geographical distribution of plants and animals. Although the list of mechanisms is clearly identified, biogeographers are still struggling to find a consistent theory to integrate their interaction. One of the most pressing challenges currently in the field of biogeography is the successful integration of ecological interactions in species distribution models. Although the scientific literature points out the evidence of the controlling role interactions play on local community structure, relatively few studies have demonstrated its importance over large geographical gradients. Developing a concise, clear explanation for this issue remains a significant challenge that biogeographers need to answer. The main issue associated to the lack of a clear answer concerning the role of interactions at broad spatial scales is that most of scenarios of biodiversity changes assume that interactions can be ignored. When tested, if this hypothesis is proven false, then a re-consideration of species distribution models and their development must be undertaken to include relationships among species.

In this thesis I tackle the issue of integrating the species interactions, and how this affects species distributions. I begin this thesis with a theoretical investigation on this topic, where classical theories have typically ignored ecological interactions. In the first chapter of the thesis I present the integration of interaction networks into a theoretical model of species distribution coming from one of the most important theory in biogeography : the theory of island biogeography. This work shows how together the biotic and abiotic factors can affect the expectations derived from the classical theory. Building upon the findings in the first chapter, in the second chapter, I show how interactions can affect co-occurrence (between species) data. Such data contains the presence or absence of several species for a similar set of sites dispersed along large latitudinal gradients. Using a probabilistic model, I obtain theoretical results linking co-occurrence data and the information included in ecological networks. I clearly demonstrate that interactions shape co-occurrence data. Furthermore, I show that the higher the number of links between two species, the more difficult it is to detect their indirect interaction. Similarly, if a species experiences many interactions, it is then challenging to detect any sign of interactions in co-occurrence data for this species.

In the third chapter of the thesis, I assess five sets of co-occurrence data, which had descriptions of their interactions available. Using this data, I was able to confirm my hypotheses put forth in my second chapter, by showing that species co-occur differently from non-interacting one. These results also point out that the abundance of interaction must preclude their detection in co-occurrence data. However, when accounting for abiotic similarities among sites, signals of interactions are weakened. Therefore, my results suggest that using abiotic factors to infer co-occurrence probabilities capture a part of the link between species and further pinpoint the uncertainty associated to this part. As a result of these findings, the predictive power of classical species distribution models used to date is brought into question.

My research findings bring new theoretical elements to the forefront when considering the influence of ecological interactions and how they shape species geographical distributions, while also introducing an original methodology for studying species co-occurrence : examining them in the light of ecological networks. Before concluding, my fourth and final chapter, I propose a promising new avenue to further investigate integrating species interactions in biogeography. Here, I introduce interactions in terms of energetic constraints, which will provide a sound basis for a metabolic theory of biogeography.

Keywords : Biogeography, biotic interactions, ecological networks, abiotic constraints, co-occurrence, the theory of island biogeography, metabolic theory of ecology.

TABLE DES MATIÈRES

REMERCIEMENTS	vi
AVANT-PROPOS	ix
RÉSUMÉ	xi
ABSTRACT	xiii
TABLE DES MATIÈRES	xv
LISTE DES TABLEAUX	xx
LISTE DES FIGURES	xxi
LISTE DES ABRÉVIATIONS	xxv
INTRODUCTION GÉNÉRALE	1
Des îles et des espèces	2
En suivant Wallace	2
En suivant MacArthur et Wilson	3
Quelles informations renferment les distributions d'espèces ?	6
Enjeux de la connaissance de la répartition géographique des espèces	8
Travail théorique et modélisation	10
Les processus qui façonnent les aires de répartition	13
Biogéographie historique	13
Capacités de dispersion	14
Contraintes abiotiques et niche écologique	16
Réseaux d'interactions : interdépendance des espèces	19
Echanges d'informations génétiques et processus micro-évolutifs	20
L'invasion européenne du frelon asiatique	22
Cadre théorique de la thèse	23
Une vision puissante de la dynamique des distributions d'espèces	24
Le modèle mathématique et les prédictions de la TIB	26
L'importance de la TIB dans des développements théoriques plus récents	28

Le rôle des interactions dans la distribution des espèces	32
Importance des interactions dans la distribution	33
Un problème d'échelle ?	35
Vers une biogéographie énergétique	39
ARTICLE 1	
A PROPOS DES INTERACTIONS BIOTIQUES ET DES CONTRAINTES ENVIRON- NEMENTALES À L'ÉCHELLE BIOGÉOGRAPHIQUE	41
1.1 Résumé en français	41
1.1.1 Contexte scientifique	41
1.1.2 Publication associée	42
1.1.3 Traduction du résumé de l'article publié	43
1.2 Title	43
1.3 Authors	44
1.4 Abstract	44
1.5 Introduction	44
1.6 The model	48
1.6.1 A simple probabilistic biogeographical model	48
1.6.2 Integrating biotic interactions	51
1.6.3 Integrating environmental gradients	54
1.7 Exploring the model	56
1.7.1 Biodiversity distribution over environmental gradients	59
1.8 Discussion	63
1.9 Acknowledgment	69
ARTICLE 2	
THEORIE DE CO-OCCURRENCE DES ESPECES DANS LES RÉSEAUX D'INTERACTION	70
2.1 Résumé en français du deuxième article	70
2.1.1 Publication associée	71
2.1.2 Traduction du résumé de l'article publié	72
2.2 Titre	73

2.3	Auteurs	73
2.4	Résumé en anglais	73
2.5	Mot-clef	74
2.6	Introduction	74
2.7	Definitions	78
2.8	Acknowledgments	93
ARTICLE 3		
	DO INTERACTING SPECIES CO-OCCUR DIFFERENTLY FROM NOT-INTERACTING SPECIES?	94
3.1	Résumé en français du troisième article	94
3.1.1	Publication envisagée	95
3.2	Title	96
3.3	Abstract	96
3.4	Introduction	97
3.5	Material and Methods	99
3.5.1	Datasets	99
3.5.2	Quantifying co-occurrence	100
3.6	Results	100
3.6.1	Discussion	103
3.6.2	Box 1	106
3.6.3	Tables	109
3.7	Figures	109
3.8	Supporting Information	111
3.8.1	Material and methods	111
3.8.2	Co-occurrence measurement	113
3.8.3	Hypergeometric distribution	115
3.8.4	GLM and RF	116
3.8.5	Supporting Tables	117
3.9	Supporting Figures	123

ARTICLE 4

TOWARDS A METABOLIC THEORY OF BIOGEOGRAPHY 133

4.0.1 Résumé en français du troisième article 133

4.0.2 Publication envisagée 133

4.1 Introduction 134

4.2 Model 138

4.2.1 Primary producers and habitat heterogeneity 138

4.2.2 Metawebs 139

4.2.3 Migration of species from the metaweb 139

4.2.4 Energetic constraints on local food webs 140

4.2.5 Energy fluxes and transfer efficiency 140

4.2.6 Extinctions 143

4.2.7 Simulations 144

4.3 Results and Discussions 146

CONCLUSION GÉNÉRALE 148

Interactions écologiques et distribution des espèces 148

Des modèles théoriques à développer 148

Des théories pour mieux appréhender les données de co-occurrence 150

Vers une biogéographie prédictive ? 153

Les défis à relever dans un monde en changement 153

Des règles en écologie ? 155

Une théorie intégrative de la biogéographie 157

ANNEXE I

COMMENT LA BIODIVERSITÉ S'INSTALLE EN TERRITOIRES ISOLÉS 159

5.4 Préambule 159

5.5 Le modèle de MacArthur et Wilson 160

5.6 Comment un modèle déterministe émerge-t-il de phénomènes aléatoires ? . . 161

5.6.1 Modèle stochastique ? 161

5.6.2 Les objets mathématiques requis 162

5.6.3	Les briques élémentaires du modèle stochastique	162
5.6.4	Assemblons les briques !	163
5.6.5	Retrouvons le modèle classique	164
5.7	Applications et perspectives	165
ANNEXE II		
UN MODÈLE STOCHASTIQUE DE LA BIOGÉOGRAPHIE INSULAIRE POUR LES RÉSEAUX ÉCOLOGIQUES DANS UN ENVIRONNEMENT ABIOTIQUE VARIABLE		173
6.8	Stochastic rules in MacArthur & Wilson's model	173
6.9	A Markov chains model to describe island communities	176
6.9.1	Model for P non-interacting species	176
6.9.2	P Interacting species	176
6.10	Environmental gradient and island biogeography	178
6.11	Using Markov chains	178
6.12	Time continuous Markov chain	180
6.12.1	Solution for two species	180
6.12.2	Solution for P species	185
ANNEXE III		
PROBABILITÉS DE TRANSITION ENTRE RÉSEAUX TROPHIQUES		187
7.13	The model	188
7.14	Reasonable approximations	191
7.15	Deriving species richness	192
RÉFÉRENCES		195

LISTE DES TABLEAUX

1	Conditional probabilities between potential assemblages	52
2	Presence/absence dataset for three species and 10 sites.	84
3	Direct associations between pairs of species for different modules	87
4	Data sets analyzed in this article.	109
5	R and packages used for the analyses. GLM: Generalized Linear Model, PCA: Principal Component Analysis. AUROC: Area Under the Receiver Operating Characteristic.	117
6	For each datasets we provide the total number of species (column <i>Total</i>), the number of species present in more that 1% of the total number of sites (column <i>Selected</i>), and the number of species for which traits information are available (column <i>Traits</i>). The symbol ‘-’ means ‘not relevant’.	118
7	Tree species and traits used. Abbreviations are as follows: TSN - Taxonomic Serial Number defined by Integrated Taxonomic Information System (ITIS), maxH - Average maximum height, GR - Growth rate, WD - Wood Density, TolS - Shade tolerance, TolD - Drought tolerance, AM - Arbuscular mycorrhiza (Endomycorrhiza), EM - Ectomycorrhiza, LMA - Leaf mass per area, Nmass - Nitrogen content per leaf mass unit (Paquette and Messier, 2011).	118
8	List of the Boolean traits used to compute Euclidean distances between all pairs of species in the French Breeding Birds Survey.	119
9	Hypotheses associated to the four scenarios.	144
10	Community states associated to simple networks	189
11	Transition matrix of the continuous-time Markov chain (part 1/2)	193
12	Transition matrix of the continuous-time Markov chain (part 2/2)	194

LISTE DES FIGURES

1	La Théorie de la biogéographie des Iles	29
2	Intégration des interactions et des contraintes abiotiques dans la TIB	36
3	Dynamics of the community assembly	54
4	Effects of biotic interactions on colonization-extinction dynamics	57
5	Equilibrium for interacting species along an environmental gradient	60
6	Probabilities of species richness for different types of interaction	62
7	Biodiversity distribution along environmental and connectance gradients	64
8	Co-occurrence in multi-species networks	88
9	Probabilistic description of fundamental and realized niches For a four species network, all the occurrence probabilities are derived along an environmental gradient assuming that (A) interactions are not limiting the distribution and (B) that predators 3 and 4 needs at least of one of its preys, <i>i.e.</i> species 1 or 2. Horizontal dotted lines in (A) and (B) stand for the occurrence probabilities reached at an environmental optimum. The co-occurrence signal is calculated for the following pairs : a) predators 3 and 4; b) predator 3 and prey 1, predator 3 and prey 1; c) predator 3 and prey 1 or 2, predator 4 and prey 1 or 2. If no difference are found, 0 is expected.	110
10	Co-occurrence of interacting versus not-interacting pairs of species Figures under each groups of boxplots indicate the number of pairs to which the Z-score distributions refer. The light grey rectangle corresponds to the 95% confidence interval for the standard normal distribution which gives insight into the proportion of pairs of species significantly different from 0. The comparison made in panels A to D is based on direct interactions observed. For panels E and F, similar species are defined as the species for which the trait-based distance is less than or equal to the lower decile of this distance distribution. Note that outliers are not displayed. P values were computed using the Wilcoxon rank sum test, to compare interacting versus not-interacting Z-score distribution calculated for the three different methods (black symbols) and to show whether the distribution is symmetric about 0 (light grey symbols).	112

- 11 **Co-occurrence signal decays when the shortest path between a pair of species decay** The Z-score distribution are plotted against the shortest path for A willows-herbivores interactions, B herbivores-parasitoids interactions, C birds-plants interactions and D the pitcher plants network. First figures under each grouped boxplots indicate the shortest path associated while the figures below provide the number of pair to which the distribution refers. Note that we used the same y-axis for panels A and B as they regard two different kind of interaction of the same dataset. 113
- 12 **Co-occurrence significance decreases as the cumulated occupancy increases** For a given species, Z-scores are averaged over the all set species it interacts with and plotted against the joint distribution of the same set of species. We do so for the herbivores in the willows leafs network (panels A to C), the parasitoids in the willow leafs network (panels D to F), the hummingbirds in the Caribbean hummingbirds datasets (panels G to I) and all species in the pitcher plants network that consume other species (panels J to L). The x-axis is expressed as a log proportion of the total number of sites. Black symbols are mean Z-scores significantly different from 0 (see SI 3.8). In each panel, the dotted line represents the linear regression $y = ax + b$ for which the R^2 is provided. The size of circles reflects the degree of species for which the Z-score was calculated, the relation size-degree for each row is given in the middle panel. For the hummingbirds dataset (panels G to I), the triangle represent the values obtained for the former distribution of a species already analyzed (see SI 3.8). 114
- 13 **Sites of the study** 124
- 14 **Dendrogram representing the trait-based distances between the 31 species studied in the North American tree datasets.** Names of angiosperm species are written in dark grey while names of Gymnosperm species are in a lighter grey. 125
- 15 **Evaluation of the SDM approaches** For each dataset, the distributions of performance of generalized linear models (light grey symbols) and random Forest (dark grey symbols) for all species are presented. 126

- 16 **** Co-occurrence and the nature of the trait-based distance in the FBBS dataset**** The different panels correspond to four different set of trait upon which for different distance are built. Similar species are defined as the species for which the trait-based distance is less than or equal to the lower decile of this distance distribution. Note that outliers are not displayed. The light grey rectangle corresponds to the 95% confidence interval for the standard normal distribution which gives insight into the proportion of pairs of species significantly different from 0. P values were computed using the Wilcoxon rank sum test, to compare interacting versus not-interacting Z-score distribution calculated for the three different methods (black symbols) and to show whether whether Z-score were greater for hypergeometric versus GLM and whether GLM versus RF (grey symbols). 127
- 17 **Co-occurrence signal decays when the shortest path between a pair of species decay** Distribution of Z-scores for all interactions are grouped by shortest-path indicated by the first numbers below boxplots. The other figures below stand for the number of pairs of species included within the distributions. 128
- 18 *Changes co-occurrence signal when increasing the distance between two species* Points represent the result for all pairs of interaction for two datasets: the North American Tree dataset (A=C) and the FBBS (D-I). For the latter, we used the trait-based distance computed with all available traits (D-F) and the body-size ratios (the lighter species over the heavier, panels G-I). In each panel, the equation on the bottom-left corner indicated the results of the linear regression depicted by the dotted line. 129
- 19 **The degree of species partially explains the decrease of the co-occurrence strength** For the herbivores (A-C) and the parasitoids in the willow leaf network datasets (D-F), the hummingbirds in the Caribbean hummingbirds datasets (G-I) and all species in the pitcher plants network that consume other species (J-L) the mean Z-score is plotted against the degree of the species. Black symbols are mean Z-scores significantly different from 0 (see SI Text). In each panel, the dotted line represents the linear regression $y = ax + b$ for which the R^2 is provided. 130

20	*Reversed figure 4** This figures correspond to the figure 4 in the main text but the Z-score are calculated for preys (host plants) rather than for predators (pollinators). Mean Z-score are computed for willows (A-C) and herbivores (based on the herbivores-parasitoids only, D-F) of the willows leaves network, the hosts plants in the Caribbean hummingbirds datasets (G-I) and species that feed on the detritus in the pitcher plants network (panels J-L). The x-axis is expressed as a log proportion of the total number of sites included in the considered dataset. Black symbols are mean Z-scores significantly different from 0 (see SI Text). In each panel, the dotted line represents the linear regression $y = ax + b$ for which the R^2 is provided. The size of circles reflects the degree of species for which the Z-score was calculated, the relation size-degree for each row is given in the middle panel.	131
21	Predicting herbivore distribution based on the distribution of willows For the herbivores in the willow leaves network dataset, we compared the AUC obtained when using willow it does not interact with (circles) a willow in interacts with (squares) and the set of willow it interacts with (triangles) to AUC obtained for GLM (A) and RF (B). Positive values indicated that species based model outperformed the SDM model.	132
22	Représentation graphique de la solution de l'équation différentielle	161
23	Dynamique de la biodiversité de trois zones protégées	166
24	Représentation de la formule des probabilités totales.	171
25	Simple food webs illustrating the TTTIB	191

LISTE DES ABRÉVIATIONS

DOI *Digital Object Identifier* : identifiant numérique d'objet.

GIEC : Groupe d'experts Intergouvernemental sur l'Évolution du Climat.

IPBES *Intergovernmental Science-Policy Platform on Biodiversity and Ecosystem Services* :
Plateforme intergouvernementale sur la biodiversité et les services écosystémiques.

JSDM *Joint Species Distribution Model* : modèle de distribution jointe d'espèce.

MVP *Minimum Viable Population* : population minimale viable.

SAR *Species Area Relationship* : relation aire-espèces.

SDM *Species Distribution Model* : modèle de distribution d'espèce.

SER *Species Energy Relationship* : relation énergie-espèces.

TIB *Theory of Island Biogeography* : théorie de la biogéographie des îles.

TTIB *Trophic Theory of Island Biogeography* : théorie trophique de la biogéographie des
îles.

INTRODUCTION GÉNÉRALE

La biogéographie est l'étude de la répartition géographique des espèces. Aujourd'hui, dans un monde où les écosystèmes sont très perturbés, les biogéographes comptent parmi leurs missions celle d'établir des scénarios de changement de la biodiversité. Cependant, les efforts de recherche accumulés sur plus d'un siècle ont révélés des obstacles majeurs à la compréhension de l'action simultanée des mécanismes dessinant les aires de distribution des espèces, faisant de la prédictions de ces distribution un véritable défi. En réponse à ces difficultés, certains auteurs ont proposés d'aller vers un renouvellement de la théorie de la discipline. Parmi les étapes majeures de ce renouvellement figure l'intégration des interactions écologiques au sein d'une théorie plus intégrative de la biogéographie. C'est justement sur ce point qu'ont porté mes travaux de thèse. J'ai particulièrement réfléchi sur comment intégrer les interactions dans des modèles de distribution d'espèces, c'est-à-dire envisager le reflet des liens écologiques qui nouent les espèces entre-elles dans la géométrie de leur répartition géographique.

Je propose dans la présente introduction de cerner un peu mieux les enjeux de ma thèse. Pour cela, je commence par montrer que la compréhension de la distribution des espèces était très avancée dès la fin du XIX^{ème} siècle durant lequel, après plus de 150 ans de voyages d'exploration scientifique, la connaissance plus exhaustive de la richesse biologique terrestre a mené à la théorie de l'évolution. Je souligne que dès les années 1960, la biogéographie s'est dotée d'une théorie ambitieuse qui a grandement participé à la compréhension de l'ensemble des processus mis en jeu. Je présente ensuite quelques cadres conceptuels en biogéographie qui, bien que présentant de nombreuses qualités sont aujourd'hui appelés à intégrer davantage de processus écologiques, comme les interactions écologiques. Je reviens alors plus en détails sur ce point pour contextualiser l'objet central de ma thèse qui a donné des éléments de réponse à deux grandes questions : comment intégrer les interactions écologiques dans des modèles en biogéographie ? Quelles traces ces interactions laissent-elles sur la géométrie des

aires de répartition ?

Des îles et des espèces

En suivant Wallace

Dans l'introduction de son livre *Island Life* paru en 1881, le célèbre naturaliste Alfred Russel Wallace nous rapporte deux faits étonnants qui justifient pleinement l'examen attentif de la répartition géographique des espèces (Wallace, 1881). Premièrement, le biogéographe démontre, à l'aide de nombreux exemples, que l'éloignement entre deux régions du monde n'est pas suffisant pour conclure quant à l'éloignement de leur composition faunistique et floristique. Ainsi, la comparaison des avifaunes de l'île japonaise d'Hokkaido et de l'Angleterre, séparées par des milliers de kilomètres, révèle une proximité des paysages ornithologiques très supérieure à celle constatée dans l'analyse comparée des oiseaux des îles indonésiennes de Bali et de Lombok pourtant distantes de quelques kilomètres seulement. Deuxièmement, en s'appuyant sur les différences des faunes brésilienne et africaine, Wallace souligne la faiblesse du pouvoir prédictif des variables climatiques pour décrire les compositions faunistiques présentes sous des latitudes similaires. Ces constatations soulignent l'utilité de croiser les informations des distributions à la lumière d'une analyse taxonomique pour y apporter du sens. Dans le cadre de la théorie de l'évolution¹, encore toute jeune en 1881, cette analyse taxonomique est une analyse historique : Wallace montre que la compréhension d'un problème spatial, celui des aires de répartition de groupes d'espèces, n'est possible que par une compréhension temporelle, celle de l'histoire des espèces. Cette idée est clairement énoncée dans la suite de son introduction :

1. Wallace a publié en 1858 un article *On the Tendency of Varieties to Depart Indefinitely From the Original Type* qui témoigne très clairement que ses idées sur les variations temporelles des espèces qui étaient très proches de celles de Charles Darwin à qui il avait d'ailleurs envoyé son manuscrit (Wallace, 1858).

Many years study of this class of subjects has convinced me that there is no short and easy method of dealing with them ; because they are, in their very nature, the visible outcome and residual product of the whole past history of the earth.

Tout au long de son livre, Wallace démontre que la connaissance à l'échelle mondiale de la distribution des êtres vivants permet d'associer les différentes îles aux grands ensembles régionaux biologiques (que nous appelons aujourd'hui écozones) sur la base des ressemblances biologiques des espèces qui témoignent du lien temporel unissant les différentes zones géographiques de la Terre. Ce travail de caractérisation d'ensembles géographiques conduit notamment Wallace, dans un article de 1860 ([Wallace, 1860](#)), à tracer la ligne éponyme séparant l'écozone indomalaise de l'écozone australienne (séparant les îles de Bali et Lombok mentionnée au paragraphe précédent). La connaissance apportée à la géographie par l'histoire est saisissante et les exemples de Wallace deviennent autant d'arguments en faveur de la théorie de l'évolution. Le discours de Wallace porte sur des processus à des échelles spatiales et temporelles très grandes², ce qui apporte un éclairage substantiel qui se double cependant d'un obstacle épistémologique majeur : si l'explication ultime de la présence d'une espèce en un point donné est le produit d'une série de contingences historiques, quelles peuvent être les fondations d'une théorie de la biogéographie ? Ce n'est qu'au XX^{ème} siècle que des réponses convaincantes émergeront.

En suivant MacArthur et Wilson

Parmi les visions les plus importantes de la biogéographie se trouve celle contenue dans le livre publié en 1967 *The Theory of Island Biogeography*, produit de la fructueuse rencontre

2. L'âge de la terre est très débattu à l'époque. Bien que l'ensemble des savants s'accordent pour aller bien au-delà des 6000 ans bibliques, il n'y a alors pas de consensus. Wallace affirme à la page 212 du chapitre 10 de *Island Life* que la vie se développait il y a au moins 500 millions d'années ([Wallace, 1881](#)), ce qui est audacieux pour l'époque mais bien en-dessous de l'âge des plus anciens fossiles découverts à ce jour qui est estimé à 3.4 milliards d'années ([Wacey et al., 2011](#)).

du mathématicien et biologiste Robert MacArthur et du myrmécologue Edward Wilson³. À partir d'un grand nombre de données sur les faunes insulaires de diverses régions du monde, ces auteurs ont construit un cadre théorique élégant pour expliquer les variations du nombre d'espèces sur ces îles ([MacArthur and Wilson, 1967](#)). Leur démarche théorique permet de lier des observations à un modèle mathématique donnant une explication simple et convaincante des variations étudiées. Ils font ainsi basculer la discipline dans une ère nouvelle, ce dont les auteurs étaient conscients, comme en atteste le premier paragraphe du dernier chapitre de leur livre :

Biogeography has long remained in a natural history phase, accumulating information about the distribution of species and higher taxa and the taxonomic composition of biotas. Interpretative reasoning has been largely directed to the solution of special problems connected with the histories of individuals taxa and biotas. Without doubt this descriptive activity will continue to be of fundamental importance to the science, one of the most physically adventurous of all scientific enterprises and, in the richness of the detail it unfolds, esthetically pleasing. But biogeography is also in a position to enter an equally interesting experimental and theoretical phase.

Dans cet extrait, MacArthur et Wilson affirment que l'étude de la distribution des espèces doit sortir du royaume des contingences historiques pour devenir un objet de science au sens d'être manipulé aussi bien expérimentalement que par l'abstraction mathématique. La validation expérimentale de la théorie a d'ailleurs été menée par Wilson et son étudiant au doctorat de l'époque, Daniel Simberloff, devenu depuis un écologue reconnu ([Simberloff and Wilson, 1969](#)). Le travail d'abstraction mathématique a été conduit par MacArthur dans le livre de 1967 et prolongé dans les annexes de son livre de 1972 ([MacArthur, 1972](#)). Ces au-

3. Cet actuel professeur émérite à l'université d'Harvard est reconnu pour ses apports en biologie et en sociologie, il est notamment l'auteur de 32 livres. C'est pour son immense connaissance des fourmis que j'ai choisi le nom de myrmécologue.

teurs proposent une explication de la variation spécifique des îles fondée sur deux processus opposés : la colonisation d'espèce depuis le continent qui augmente le nombre d'espèces sur l'île et un processus d'extinction locale qui diminue ce nombre. C'est en reliant ces processus aux propriétés physiques de l'île (aire et isolation) et en interprétant la richesse spécifique des îles en terme d'équilibre entre ces deux processus que les auteurs parviennent à expliquer de manière convaincante les relations observées entre richesse spécifique, taille de l'île et isolement. Dans le troisième temps de cette introduction, je reviens amplement sur cette théorie nommée théorie de la biogéographie des îles que je noterai TIB (pour *Theory of Island Biogeography*) dans la suite.

Le paradigme de la TIB est un lègue qui a eu un impact considérable sur les développements théoriques en écologie ([Warren et al., 2015](#)). Au centre du projet de la TIB se loge la volonté de mettre l'espèce au coeur de la biogéographie afin de permettre à la discipline de s'enrichir des mécanismes biologiques qui sont un moteur essentiel de la variation dans la distribution des espèces. L'intérêt de leur « biogéographie de l'espèce » (le terme est mentionné à l'avant-dernière phrase de l'ouvrage [MacArthur and Wilson, 1967](#), p.183) est dans l'affirmation qu'il faut regarder les contraintes conjointes de l'évolution (qui met un certains nombre d'espèces avec des caractéristiques propres en présence) et du contexte écologique qui détermine les conditions de colonisation et d'extinction. Cette intrication de l'écologie et de l'évolution est bien inscrite dans la pensée de MacArthur et Wilson même si la puissance de leur vision réside dans le fait de les occulter en partie.

Près de 50 ans après la parution de leur livre, une des clefs en biologie semble être la compréhension des rétroactions qu'il existe entre écologie et évolution dans les variations spatiales et temporelles de la biodiversité. Je reprends ci-dessous trois aphorismes cités par [Schoener \(2011a\)](#) concernant les liens entre biologie, écologie et évolution : « Nothing in biology makes sense except in the light of evolution. » ([Dobzhansky, 1973](#)); « Nothing in evolutionary biology makes sense except in the light of ecology. » ([Grant and Grant, 2008](#)); « Nothing in evolution or ecology makes sense except in the light of the other. » ([Pelletier](#)

et al., 2009a); La chronologie de ces citations est un indice de la reconnaissance actuelle du besoin (de la nécessité ?) de croiser écologie et évolution. Un parallèle avec les sciences humaines me semble possible dans lequel l'écologie serait à la biologie ce que la géographie est aux sciences humaines et l'évolution serait à la biologie ce que l'histoire est aux sciences humaines. Nous pouvons certes étudier l'une sans l'autre, mais le dialogue entre les deux disciplines est indispensable afin d'éviter que chacune avancement en faisant des hypothèses fortes sur l'autre qui finiront éventuellement par nuire à une compréhension plus profonde de la biologie. Par exemple, supposer que les variations démographiques ont des origines purement écologiques devient problématique si les variations génétiques sont suffisantes pour expliquer qu'une partie importante de cette variation comme cela l'a été montré sur une population de moutons de Soay (Pelletier et al., 2007). Je ne cherche pas à nier l'utilité des savoirs acquis de manière autonome par un champ disciplinaire, j'insiste simplement sur l'importance de mettre ces connaissances en perspective les unes avec les autres en vue d'une synthèse indispensable pour décrypter l'information contenue dans les distributions d'espèces.

Quelles informations renferment les distributions d'espèces ?

Cette question est non seulement une invitation à découvrir les raisons de la présence de tel ou tel organisme en un lieu donné du globe, mais elle suggère aussi que certaines informations ne peuvent pas être obtenues par l'analyse de la répartition géographique des espèces seule. Les auteurs mentionnés dans les paragraphes précédents y ont apporté des éléments de réponse cruciaux : Wallace a montré que les distributions géographiques reflétaient en partie les liens de parenté entre les espèces, quant à MacArthur et Wilson, ils ont suggéré que ces distributions étaient le résultat de processus écologiques dynamiques. Examiner les aires de répartition, en détailler la géométrie exacte et les variations spatio-temporelles, faire des recoupements entre les répartitions géographiques de différentes espèces ou encore avec la distribution de variables abiotiques sont des démarches fondamentales pour en apprécier les mécanismes sous-jacents.

Dans son ouvrage de 1972, MacArthur discute de l'ensemble de ces mécanismes, il considère aussi bien le rôle que peuvent jouer les variables climatiques que celui des interactions écologiques. En plus des exemples concrets amenés pour illustrer ses propos, MacArthur développe des modèles mathématiques pour prolonger la discussion. Dans son second chapitre, il formalise l'impact de la compétition sur la coexistence des espèces aboutissant ainsi sur un principe de ségrégation spatiale des espèces liées par ce type de relation : deux compétiteurs ne peuvent pas co-occurrencer (résider durablement au même endroit) sauf éventuellement sur une zone très restreinte de leur distribution (MacArthur, 1972). Toujours dans cet ouvrage, MacArthur évoque la distribution en damier (*checkerboard*) que peuvent générer des espèces en compétition. La discussion de ce type de distribution sera approfondie par Jared Diamond (Diamond, 1975) dont les travaux déclencheront un débat important sur la détermination de modèles nuls de co-occurrence (Connor and Simberloff, 1979) et sur laquelle mon travail de thèse apporte quelques éléments nouveaux.

L'étude des limites spatiales d'un grand nombre d'espèces permet d'y déceler des généralités quant aux mécanismes qui les déterminent (MacArthur, 1972). L'examen des variations spatio-temporelles apporte une information très utile sur l'importance relative des divers mécanismes. Le contexte des changements climatiques est une bonne illustration de ce principe car les bouleversements actuels des répartitions géographiques des espèces permettent en effet de pointer le rôle majeur des mécanismes micro-évolutifs auparavant sous-estimés (Lavergne et al., 2010). Enfin, l'examen des distributions doit aussi être un examen des co-distributions : il faut s'intéresser à l'information de sous-ensembles d'espèces et notamment aux espèces en interaction afin de tester si la biologie laisse des empreintes dans la géométrie des aires de répartition. Par exemple, dans mes travaux de thèse, je propose de regarder l'intersection de l'aire associée à un ensemble de proies pour savoir ce qu'elle nous apprend sur la distribution de leur prédateur (présenté au chapitre 3).

Enjeux de la connaissance de la répartition géographique des espèces

Les observations et la compréhension des causes profondes de la géométrie et la dynamique des aires de répartition des espèces ont déjà mené à des découvertes majeures en écologie et en évolution. La phase d'expérimentation et de théorisation de la biogéographie décrite par MacArthur et Wilson se poursuit et se tourne vers un objectif très ambitieux : faire de la biogéographie une discipline prédictive, pourvoyeuse de prédictions fiables sur les aires de répartition futures de n'importe quelle espèce ([Mouquet et al., 2015](#); [Warren et al., 2015](#)). Ce problème est d'autant plus présent dans la littérature récente que nous sommes dans un contexte où ces aires sont profondément bouleversées. En biogéographie, les changements climatiques ont en effet canalisé l'attention des chercheurs qui constatent avec stupeur l'ampleur à laquelle la biodiversité mondiale est affectée ([Koh et al., 2004](#); [Bellard et al., 2012](#)). La volonté d'anticiper la localisation future des espèces a également engendré des efforts conséquents pour développer des outils statistiques essentiellement centrés sur la corrélation entre les variables abiotiques et les données de présence (d'occurrence) des espèces ([Elith et al., 2006](#)).

En ciblant l'étude de la distribution de certaines espèces, la biogéographie rencontre des enjeux socio-économiques majeurs. Ainsi, pour un pays comme la France, la restriction des zones favorables à la croissance de la vigne envisagée à l'aide des scénarios de changements climatique ([Hannah et al., 2013](#)) pourrait conduire à des pertes économiques importantes et un bouleversement identitaire des grandes régions viticoles. De plus, détecter aujourd'hui un potentiel viticole futur dans des régions où cette production n'existe pas peut conduire à des augmentations drastiques du prix des terres agricoles. En guise de second exemple, je pose la question suivante : où seront les érablières de demain ? La réponse est donnée par la détermination de la répartition future des aires favorables à la croissance de l'érable à sucre (*Acer saccharum*) et à sa capacité à les atteindre afin de s'y établir ([Solarik et al., 2016](#)). Je termine avec un troisième exemple : la perte des pollinisateurs et notamment des abeilles. Pas moins de quatre grandes classes de facteurs d'origine anthropique les mettent en danger :

les changements climatiques, le changement dans l'utilisation des terres⁴, l'apparition de nouveaux pathogènes (dont l'acarien parasite *Varroa destructa* vecteur de nombreux virus) et l'arrivée d'espèces invasives (comme le frelon asiatique [Vanbergen, 2013](#)). Le défi actuel est de prédire la distribution future des pollinisateurs en intégrant ces multiples aspects et leurs interactions. De plus, dans le cas des espèces invasives, il faut comprendre comment une espèce peut sortir de son aire de répartition naturelle et en établir une nouvelle.

Actuellement, les outils de prédiction des aires de répartition futures reposent essentiellement sur les scénarios de changements climatiques ([Peterson et al., 2011](#)). Ces modèles dits de distribution d'espèces (que je noterai SDM dans la suite en référence au terme anglais *Species Distribution Model*) proposent une démarche cohérente : la connaissance basée sur les corrélations de variables climatiques permet d'établir une relation climat-répartition d'espèce. En utilisant les résultats des climatologues qui dérivent les variations climatiques associées à des scénarios d'émission de gaz à effet de serre par les activités humaines, les biogéographes établissent les probabilités de présence des espèces dans les conditions climatiques futures. Cependant, la relation climat-présence n'est qu'une facette du lien qui unit les espèces à l'espace et chaque nouvelle invasion nous montre à quel point il est difficile de prédire les aires de répartitions. Ces problèmes de qualité des prédictions sont le reflet de lacunes théoriques qui amènent plusieurs chercheurs à se positionner en faveur d'un renouvellement des fondations théoriques pour édifier une biogéographie plus intégrative ([Lomolino, 2000b](#); [Beck et al., 2012](#); [Thuiller et al., 2013](#)). Bien sur, ces appels soulèvent des défis importants dont on ne peut qu'espérer qu'ils soient relevés au plus vite pour faire face à la crise environnementale actuelle.

4. Parmi les changements les plus problématiques relatifs aux terres agricoles figurent la monoculture et l'utilisation massive de pesticides. Les pesticides de la famille des néonicotinoïdes semblent affaiblir les colonies d'abeilles.

Travail théorique et modélisation

Avant d'énumérer, avec des exemples concrets, l'ensemble des forces qui régissent la répartition géographique d'une espèce, je souligne dans cette partie l'importance du travail de théorisation et de modélisation qui joue un rôle prépondérant dans mes travaux de doctorat.

Rassembler et intégrer des faits

Le travail de théorisation est avant tout la mise en cohésion d'un certain nombre de faits, d'observations. Dans la TIB, par exemple, MacArthur et Wilson proposent une explication cohérente de l'augmentation de la richesse spécifique dans les îles de plus grande taille. De manière générale et poppérienne, trois principes encadrent la construction d'une théorie scientifique :

1. la théorie doit pouvoir être testée (par une expérience ou par la récolte de données),
2. la théorie doit être falsifiable : la théorie demeure valide tant qu'elle n'est pas prouvée fausse, tant qu'une théorie alternative ne la supprime pas,
3. la théorie doit être parcimonieuse, ne pas invoquer de multiples processus sans raison (c'est-à-dire sans une augmentation du nombre de faits expliqués), c'est un principe qui est aussi connu sous le nom de Rasoir d'Ockham.

Une boutade, dont je suis incapable de me souvenir de l'auteur, énonce que les physiciens expliquent 95% de l'univers avec 5 règles alors que les économistes expliquent 5% des phénomènes qu'ils étudient avec 95 règles⁵. Le problème n'est pas tant de dénigrer une discipline mais de constater d'un côté la puissance prédictive d'une théorie mature et de l'autre, les problèmes posés par une théorie lacunaire. En biogéographie, j'ai le sentiment que les théories manquent de maturité; la TIB donne certes une vision cohérente de la ri-

5. Une variante indique que les économistes ont prédit 12 des trois dernières crises économiques. Je pense que pour ce qui est de nos capacités de prédictions, la biogéographie est plus proche de l'économie que de la physique.

chesse spécifique insulaire mais c'est une théorie peu précise : prédire un nombre d'espèces n'aide que partiellement à comprendre le monde qui nous entoure. Pour faire un peu de prospective, une théorie qui donnerait des prédictions sur la composition des réseaux insulaires plutôt que sur la richesse spécifique supplanterait la TIB car elle expliquerait davantage de faits au prix probable d'une complexité supérieure.

Des modèles pour explorer et tester la théorie

Le terme de modèle signifie simplement que l'objet en question a des propriétés bien connues. Un organisme modèle, par exemple, est un organisme souvent facile à élever et manipuler, et pour lequel beaucoup de connaissances ont été acquises ; il sert souvent d'unité empirique pour un ou plusieurs groupes de recherche. Les modèles statistiques sont des outils pour tester des relations basées sur des hypothèses issues de théories. De même, pour un travail de modélisation mathématique, la description du modèle est contenue dans une série d'équations dérivées d'une théorie et de savoirs empiriques. À travers les modèles, quelle qu'en soit leur nature, on explore et on teste une théorie que l'on a éventuellement participé à établir.

Les modèles sont souvent décrits comme une simplification de la réalité : comment, en effet, prétendre que les mécanismes biologiques décelés chez *Arabidopsis thaliana*⁶ sont les mêmes que ceux à l'œuvre pour l'ensemble des plantes à fleurs ? Pour combien de systèmes proie-prédateur le modèle de Lotka-Volterra est-il pertinent ? Les limites des modèles doivent être reconnues mais il ne faut pas nier l'apport de ces derniers. Les modèles sont autant d'occasions pour explorer une ou plusieurs prédictions d'une théorie. Le choix du modèle employé est lié à l'histoire du chercheur qui l'utilise, à ses propensions à utiliser avec succès telle ou telle démarche scientifique, c'est ce que rappelle Kevin McCann dans la préface de

6. Il s'agit de la plante modèle par excellence dont le génome fut le premier à être séquencé chez les plantes ([Arabidopsis Genome Initiative, 2000](#)).

son livre *Food Webs* (McCann, 2011) : « It just so happens that some people find it easier to think about things in terms of x's and y's, and other in terms of rabbits of and lynx. » En d'autres termes, certaines personnes ont plus de facilités pour penser en termes d'abstractions mathématiques alors que d'autres font meilleur usage de représentations plus concrètes. Je me réclame volontier de la première catégorie de personnes, je pense que les mathématiques fournissent un cadre de pensée très puissant, comme l'indique le célèbre écologue Robert May (May, 2004, p. 791) :

The virtue of mathematics in such a context is that it forces clarity and precision upon the conjecture, thus enabling meaningful comparison between the consequences of basic assumptions and the empirical facts. Here mathematics is seen in its quintessence : no more, but no less, than a way to think clearly.

Dans mes travaux, j'ai essayé d'utiliser les mathématiques pour développer des modèles dont le point de départ a été une réflexion collective autour du rôle que pouvaient jouer les interactions dans la répartition géographique des espèces. J'ai alors établi un cadre théorique avec lequel j'ai dérivé des prédictions dont certaines semblent être vérifiées dans les données empiriques.

Nouvelles prédictions

Après l'établissement d'une théorie expliquant un certain nombre de faits et pour laquelle un certain nombre de tests ont été réalisés, le raisonnement fondé sur celle-ci peut conduire à la production de nouvelles prédictions dont la vérification la renforceront. En revanche, l'apparition de faits expérimentaux en désaccord avec cette théorie demanderont des réponses qui se traduiront soit par une meilleure compréhension de la limite d'application de la théorie soit par l'émergence d'une théorie nouvelle qui expliquera ces faits nouveaux tout en couvrant le rayon de compréhension de la théorie précédente (Popper, 1959). Ces dernières années, la physique nous a donné deux exemples très probants du pouvoir de l'ima-

gination doublé du cadre rigoureux des mathématiques avec la vérification expérimentale de théories énoncées bien avant que les outils permettant de la vérifier existent. En 2012, c'est la détection du Boson de Higgs dont l'existence fut prédite en 1964⁷. Cette année, c'est la détection des ondes gravitationnelles soit 100 ans après qu'Albert Einstein en ait prédit l'existence (Waldrop, 2016). En biogéographie, une théorie devrait être capable, par exemple, de dresser des cartes de potentiel d'invasion à l'échelle mondiale pour l'ensemble des espèces. Je pense que nous en sommes encore loin, néanmoins, le chemin pour y parvenir passe par une connaissance approfondie de l'ensemble des mécanismes qui interviennent dans le tracé des aires de répartition, c'est-à-dire connaître leur nature, la portée de leurs actions mais aussi leurs interactions et leurs importances relatives.

Les processus qui façonnent les aires de répartition

Biogéographie historique

Il s'agit de la compréhension des impacts sur les êtres vivants des événements de grande amplitude temporelle (allant de quelques milliers d'années à plusieurs millions d'années). C'est dans l'étude de la proximité des taxons mais aussi des fossiles éventuels que l'on peut déchiffrer les mouvements de colonisation des différentes branches de l'arbre du vivant. Pour prendre l'exemple d'un phénomène de très grande amplitude, on peut faire appel à la théorie de la dérive des continents établie par Alfred L. Wegener⁸ qui implique que des groupes éventuellement proches il y a des millions d'années ont été séparés et ont donné naissance à des lignées différentes. Aujourd'hui, nous sommes capables de retracer ces liens de parenté à l'aide de phylogénies moléculaires qui sont des outils très efficaces pour estimer le temps

7. Pour plus de détail, je réfère le lecteur au bulletin du CERN disponible en ligne <http://cds.cern.ch/journal/CERNBulletin/2012/28/News%20Articles/1459456?ln=fr>

8. La similarité des fossiles trouvés sur des continents très éloignés a été un des arguments en faveur de cette théorie.

que sépare différentes espèces. Ainsi, par la comparaison des génomes mitochondriaux, il a été montré récemment que les lémuriens (primates malgaches) ont été séparées de toute autre lignée de primates il y a 60 millions d'année environs ([Finstermeier et al., 2013](#)). Cette séparation questionne la série d'événements qui ont conduit à l'isolation de ce groupe de singes à Madagascar et à la construction des communautés que nous y observons actuellement ([Razafindratsima et al., 2013](#)).

Les processus de grandes amplitudes temporelles sont cependant dominés par leur composante historique (et donc non reproductible) et prédire des phénomènes tel que l'extinction des dinosaures est, dans le meilleur des cas, très compliqué. Néanmoins, dans les mouvements de grandes amplitudes se manifestent des processus qui agissent en permanence. Ainsi, l'étude de la diversification des bousiers entreprise par Joachim Hortal et ses collègues ([Hortal et al., 2011](#)) montre que la dernière glaciation a laissé des empreintes encore visibles dans la carte de répartition de la diversité de ce groupe : la limite de la thermocline 0°C durant le dernier maximum glaciaire (il y a 21000 ans environs) sépare les zones de fortes diversité en bousiers des autres. De plus, ils montrent que la diversité phylogénique des espèces nordiques, c'est-à-dire plus tolérantes au froid, est un sous-ensemble phylogénétique bien identifié, par conséquent peu de branches des bousiers sont à l'origine des colonisations nordiques. Ainsi, après une contraction de la zone favorable au développement des bousiers, les mouvements de colonisation ont marqué à la fois la carte de répartition de la richesse spécifique de ce groupe mais aussi la carte de la répartition des différentes branches de l'arbre phylogénétique des bousiers européens ([Hortal et al., 2011](#)).

Capacités de dispersion

La remontée nordique des bousiers depuis le dernier maximum glaciaire est le résultat d'événements de dispersions individuelles. Au cours de leur vie, les bousiers parcourent de grandes distances à la recherche de nourriture, on peut imaginer qu'au fil des générations, si les conditions environnementales le permettent, certains individus établissent des populations

de plus en plus nordiques. Ce qui est vrai pour ce groupe d'espèces mobiles l'est aussi pour des espèces sessiles comme les plantes qui possèdent également des capacités de dispersion du fait de la dissémination de leurs graines par des mécanismes très diversifiés. Ce rapport à l'espace des différents organismes est une forme de diffusion : des mouvements stochastiques conduisent à une augmentation de la répartition (c'est une question de probabilité), mais cette diffusion n'est pas totalement libre.

Plusieurs types de contrainte limitent l'élargissement de l'aire de répartition d'une espèce. Pour les espèces terrestres, les mers et les océans sont des obstacles majeurs à la colonisation de nouveaux territoires. A l'échelle régionale, les rivières, les hauts reliefs peuvent fortement limiter la dispersion d'une espèce. De même, pour les plantes dont la stratégie de dissémination est l'anémochorie, la vitesse et la direction des vents sont des facteurs primordiaux pour comprendre la propagation de l'espèce. Enfin, à l'échelle du paysage, il existe très souvent une mosaïque d'habitats plus ou moins favorables à la dispersion d'une espèce. Toutes ces possibilités sont complexes à intégrer et c'est en partie pour cela que la théorie de la biogéographie a été fondée sur les îles, les flux de colonisation y étant relativement faciles à identifier : de la côte la plus proche vers l'île.

Dans l'expérience historique de Daniel S. Simberloff et Edward O. Wilson qui valida la TIB, les chercheurs ont éradiqué la faune de six îlots de mangrove rouge dans la Baie de Floride et ils ont alors observé qu'en une année, la richesse spécifique en insectes était similaire à celle constatée avant de commencer l'expérience ([Simberloff and Wilson, 1969](#)). Ainsi, les événements de colonisation, bien qu'individuels, peuvent être assez fréquents pour conduire rapidement à l'établissement de populations et même d'une communauté locale d'insectes. A l'échelle d'un continent, malgré les divers obstacles physiques, il est très probable qu'une espèce donnée puisse, en un temps plus ou moins long, atteindre n'importe quelle zone du continent. Cependant, le plus souvent, les aires de répartition des espèces sont limitées à une portion du continent. Pour comprendre ces restrictions, il faut invoquer les performances des espèces dans des conditions environnementales données.

Contraintes abiotiques et niche écologique

Au sixième chapitre de son livre de 1972, *Geographical Ecology*, MacArthur illustre l'importance des contraintes climatiques avec l'exemple de l'aire de répartition du cactus Saguaro (*Cereus giganteus* en 1972 mais aujourd'hui *Carnegiea gigantea*). Ce résident des hauteurs du désert de Sonora⁹ est sensible au gel et ne peut guère résister à une exposition de quelques dizaines d'heures au gel. Cette contrainte physiologique explique bien les limites nord et est de sa répartition. Pour la limite sud, il semblerait que l'abondance des pluies hivernales qu'il y trouve lui soit défavorable. En s'appuyant sur les conditions climatiques actuelles dans lesquelles le cactus se développe, des résultats récents prédisent que dans le cadre des changements climatiques, *Carnegiea gigantea* trouvera refuge à des altitudes supérieures mais que ce mouvement pourrait être entravé par l'augmentation de la fréquence des feux (Springer et al., 2015).

Cette démarche de croisement de la limite des aires de répartition avec des variables climatiques est une forme répandue de la détermination de la niche écologique d'une espèce. Ce concept de niche est très débattu en écologie et son caractère élastique s'accompagne d'un certain nombre de problèmes de définition¹⁰. Afin d'éviter ces problèmes, je parlerai de la niche au sens de Joseph Grinnell qui en tentant d'expliquer la restriction de la répartition du moqueur de Californie écrit :

An explanation of this restricted distribution is probably to be found in the close adjustment of the bird in various physiological and psychological respects to a

9. Ce désert couvre le sud de l'Arizona et la Californie et une large partie des états mexicains de Basse-Californie et du Sonora pour une superficie de plus de 300 000 km².

10. En 1957, Hutchinson propose de voir la niche écologique comme un *hypervolume* (un espace d'un grand nombre de dimension) dans lequel une espèce peut se développer. Le problème est de savoir quelles sont les dimensions et notamment si les autres espèces sont parmi ces dimensions. Pour essayer d'avoir une définition plus claire de la niche écologique, certains auteurs proposent de parler de la niche comme d'un espace où le taux de croissance net de l'espèce est supérieur à 0 (Chase and Leibold, 2003). En dépit de l'aspect plus quantitatif de cette définition, un problème subsiste, celui de trouver une méthode générale pour définir cet espace.

narrow range of environmental conditions.

Dans ses travaux, Grinnell montre que la présence du moqueur de Californie est fortement corrélée à des conditions de température et d'humidité assez élevées ([Grinnell, 1917](#)). Ainsi la niche écologique au sens de Grinnell est un ensemble de conditions environnementales dans laquelle une espèce donnée est trouvée. Si on ne se restreint pas aux observations *in situ* et que l'on détermine l'ensemble des conditions d'existence possibles, alors on caractérise une niche écologique théorique appelée niche fondamentale. Cette caractérisation expérimentale a été poussée à son paroxysme dans l'article de Michael Kearney et Warren Porter sur le gecko nocturne australien *Heteronotia binoei* ([Kearney and Porter, 2004](#)). Ils ont montré qu'en combinant des mesures physiologiques (dont le taux métabolique au repos, la température cumulée nécessaire au bon développement des œufs et des mesures de températures caractéristiques) avec des données climatiques, ils obtenaient une bonne concordance des probabilités d'occurrence et des observations, justifiant ainsi la démarche prédictive en s'appuyant sur des scénarios de changements climatiques pour essayer de comprendre les répartitions futures. De manière générale, cette méthode est la recherche de facteurs abiotiques limitant le développement d'une espèce et donc sa répartition géographique. Au niveau du Panama, par exemple [Engelbrecht et al. \(2007\)](#) ont montré que les distributions locales et régionales de 48 espèces d'arbres s'expliquent par la sensibilité à la sécheresse, donc à une variation dans la disponibilité d'une ressource. Ces corrélations convaincantes fondent les SDM qui sont des solutions techniques (statistiques) pour l'application de la méthode générale que je viens de décrire ([Elith et al., 2006](#); [Elith and Leathwick, 2009](#)).

L'engouement actuel autour de ces modèles est lié à l'espoir de pouvoir faire des prédictions fiables sur la géographie de la biodiversité mondiale de demain dans un contexte de changements climatiques. Cette démarche s'est appliquée avec succès à différents cas, par exemple en 2009, Tingley et ses collègues ont montré que sur 53 espèces d'oiseaux étudiés dans la Sierra Nevada, 48 ont colonisé de nouveaux sites où les conditions de température et de précipitations leur étaient plus favorables ([Tingley et al., 2009](#)). Une autre justification

de l'utilisation abondante des SDMs est la relative facilité de leur mise en application grâce à l'abondance des données climatiques et d'occurrence à laquelle s'ajoute le partage des implémentations numériques de ces méthodes statistiques. Pour le premier type de données, WorldClim illustre cette facilité d'accès en proposant des données à l'échelle mondiale gratuitement téléchargeables (voir <http://worldclim.org> Hijmans et al., 2005). Pour les données d'occurrence, plusieurs initiatives offrent des données gratuites dont les plus exhaustives sont celles disponibles sur le portail de données sur la biodiversité à l'échelle mondiale GBIF (*Global Biodiversity Information Facility*, voir <http://www.gbif.org>) qui présentent cependant des biais liés à l'inégalité d'échantillonnage des régions du globe (Beck et al., 2014). Enfin pour ce qui est du partage des implémentations des SDM, on peut évoquer le logiciel libre R (R Core Team, 2015) dont certaines extensions sont dédiées à l'utilisation des SDMs et sont largement utilisées dans la communauté scientifique.

Un des principaux problèmes posés par l'utilisation massive de ces approches est la faible remise en question des hypothèses sur lesquelles elles reposent. Le message délivré par les SDMs doit être pris comme une potentialité : étant donné les conditions actuelles dans lesquelles une espèce est trouvée et sachant les variations climatiques données par les modèles climatologiques, s'il n'existe pas d'obstacle majeur au mouvement de l'espèce en question, alors il est probable que celle-ci se déplace en suivant les conditions climatiques qui sont similaires à celles dans laquelle elle est actuellement trouvée, ce qui nous permet de savoir où sera l'espèce demain. Ce message est délivré en supposant 1- une forme d'équilibre entre la distribution des espèces et les conditions climatiques actuelles et 2- que les espèces sont indépendantes (Jeschke and Strayer, 2008). Ces deux hypothèses sont très fortes et demandent un examen approfondi. Etant donné que mon travail de thèse porte sur la seconde, je propose de la discuter dans le paragraphe suivant.

Réseaux d'interactions : interdépendance des espèces

Au chapitre six de son livre *Geographical Ecology*, MacArthur parle précisément du rôle que peut avoir la compétition dans la distribution des espèces (MacArthur, 1972). Il reprend l'exemple donné par James Brown en 1971 de l'exclusion compétitive de deux espèces de tamias, *Eutamias dorsalis* et *E. umbrinus*, dans les forêts d'altitude (au-dessus des déserts) de pins et de genévriers (*pinyon-juniper woodland*) du sud-ouest des Etats-Unis. L'article de Brown montre bien comment une différence comportementale peut engendrer une séparation des distributions locales. Ainsi, l'agressivité de *Eutamias dorsalis* lui est favorable dans les forêts clairsemées de basse-altitude où son compétiteur doit dépenser beaucoup d'énergie pour lui échapper en se réfugiant dans un arbre, elle devient cependant pénalisante lorsque l'abondance des arbres augmente car cela facilite la fuite de *E. umbrinus* (Brown, 1971). La ségrégation locale des deux espèces reflète donc bien une interaction biotique, il y a donc une information comportementale dans ces aires de répartition.

Au-delà de la compétition, l'écologie des réseaux nous montre aujourd'hui la difficulté de concevoir les espèces comme étant des entités indépendantes ; elles sont reliées par des relations de nature très diverses. Les relations trophiques sont les plus évidentes, il existe cependant une myriade d'interactions non trophiques qui affectent aussi la démographie des espèces (voir Kéfi et al., 2012, pour une réflexion sur le sujet et une classification de ces interactions). De plus, aucun argument théorique ne justifie actuellement la primauté d'un type d'interaction sur les autres. Récemment, les interactions trophiques et non-trophiques ont été exhaustivement analysées pour 104 espèces des écosystèmes intertidaux rocheux de la partie centrale de la côte chilienne, révélant ainsi que les interactions non-trophiques y étaient globalement plus abondantes et concentrées sur les bas niveaux trophiques (Kéfi et al., 2015).

L'écologie des réseaux est traversée de débats dont le plus important est sans doute celui de la relation qu'il existe entre la diversité spécifique d'un écosystème et sa stabilité (May, 1973; McCann, 2000). Autour de cette question, l'écologie s'est considérablement

enrichit en terme d'outils mathématiques. Une preuve récente réside dans la mise en évidence par Stefano Allesina et Si Tang du caractère déstabilisant des interactions de compétition et de mutualisme et du rôle stabilisant des relations trophiques ([Allesina and Tang, 2012](#)). Ce résultat est en effet la mise en application directe d'un résultat mathématique récent établi par Terence Tao et Vam Vu démontrant une loi générale sur la distribution des valeurs propres des matrices aléatoires ([Tao et al., 2010](#)). Les réseaux contiennent de nombreuses informations sur l'écologie des populations et doivent être placés au centre d'une théorie intégrative de la biogéographie. Cette idée était déjà suggérée par MacArthur et Wilson au dernier paragraphe de leur théorie de la biogéographie ([MacArthur and Wilson, 1967](#)) :

« [...], biogeography appears to us to have developed to the extent that it can be reformulated in terms of the first principles of population ecology and genetics. »

Et pour appuyer cette phrase dans son entièreté, je développe ci-dessous un certain nombre d'idées relatives à l'importance des échanges génétiques.

Echanges d'informations génétiques et processus micro-évolutifs

La vie, telle que nous la connaissons, pérennise l'information accumulée au cours du temps via à un support moléculaire, l'ADN. J'ai déjà évoqué que les informations véhiculées par cette molécule pouvaient permettre d'établir des relations de parenté entre les espèces. Ceci est rendu possible par les mécanismes qui la modifient. L'information génétique d'un individu est un ensemble de bases dont la séquence renferme des instructions pour assurer le développement de l'individu. Néanmoins, le code génétique de certaines cellules de l'individu peut être modifié (par des mutations) et si ces cellules sont celles qui seront transmises à la descendance, alors ces modifications peuvent être transmises à la génération suivante. Dans certaines conditions, la mutation peut rester dans la population, c'est le moteur de la variation à l'échelle populationnelle du code génétique. Loin d'être une combinaison précise de paires de bases, le génome d'une espèce est en effet un ensemble de possibilités, un ensemble

de séquences d'ADN possibles et contrainst par un certaines règles. Pour schématiser, les échanges de gènes doivent rester possibles entre individus d'une même espèce. A l'échelle des populations, tant que les échanges d'informations sont importants, la compatibilité est assurée mais lorsque ces échanges diminuent ou même cessent, les supports d'information peuvent alors diverger au point d'empêcher les échanges, ce qui conduit à la distinction entre deux espèces (Coyne and Orr, 2004). Bien que cette vision soit très simplifiée, elle permet de comprendre que l'ADN de deux espèces puisse refléter leur lien de parenté et qu'il permet l'établissement d'une phylogénie moléculaire.

Les causes de la divergence du code génétique entre deux populations d'une même espèce sont multiples. Ce qui m'intéresse ici, c'est le différentiel démographique positif que peut engendrer la variation du code dans un milieu nouvellement exploré par l'une des deux populations alors que cette même variation dans un autre milieu ne l'était pas. La vitesse des mécanismes mis en jeu semble bien plus rapide au point que ceux-ci puissent jouer des rôles prépondérants dans la réponse des espèces aux changements climatiques (Lavergne et al., 2010). En 2009, Joan Balanyá et ses collègues publiaient un article dans lequel ils comparent la composition génétique de la mouche *Drosophila subobscura* entre des échantillons contemporains et des échantillons prélevés 24 années auparavant en Europe et en Amérique (où elle a été introduite accidentellement). Leurs résultats montrent que dans les zones de réchauffement climatique avéré, il y a aussi un changement de la composition génotypique avec une plus grande importance des génomes adaptés aux températures chaudes (Balanyá et al., 2006).

Les preuves récentes de l'impact des variations génétiques rapides sur la démographie de différentes espèces poussent les chercheurs à se demander si négliger ces processus dans les travaux de dynamique des populations est une hypothèse raisonnable (Pelletier et al., 2009b; Post and Palkovacs, 2009; Schoener, 2011b). Takehito Yoshida et ses collègues ont montré en 2003 que la réponse des algues vertes unicellulaires *Chlorella vulgaris* aux rotifères *Brachionus calyciflorus* a conduit à un changement dans la fréquence et la phase

des cycles de la dynamique proie-prédateur (Yoshida et al., 2003). En 2009, dans une étude basée sur un suivi de plus de 20 ans d'une population de moutons Soay sur l'île d'Hirta dans l'archipel de Saint-Kilda (au nord-est de l'Écosse), Fanie Pelletier et ses collègues ont établi les variations dans la taille corporelle des ovins d'origine génétique ainsi que les variations dans leur survie et leur reproduction associées; ils démontrent alors que les facteurs génétiques peuvent contribuer jusqu'à 20% dans la croissance de la population certaines années. Les conséquences des dynamiques éco-évolutives et l'intégration des flux d'information génétique sont certainement capitaux pour comprendre la biodiversité de demain (Sexton et al., 2009; Lavergne et al., 2010). Nous sommes face à un enjeu appliqué capital et pourtant nos connaissances fondamentales restent insuffisantes. Pour illustrer ces lacunes et l'urgence dans laquelle nous nous trouvons, je discute d'un exemple concret : l'invasion européenne du frelon asiatique.

L'invasion européenne du frelon asiatique

Vespa velutina est une espèce présente depuis le nord-est de l'Inde jusqu'à l'est de la Chine et de la péninsule et de l'indochinoise à l'archipel indonésien (Villemant et al., 2006). Dix sous-espèces sont identifiées dont *Vespa velutina nigrithorax* qui a été observé pour la première fois en France en 2004 dans le Lot-et-Garonne chez un producteur de bonsaï qui importe régulièrement des poteries du Yunnan (Villemant et al., 2006). Ce frelon généraliste se nourrit notamment des abeilles domestiques et les conséquences sur les récoltes de miel sont désastreuses et ce même dans les zones d'origine où l'abeille asiatique (*Apis cerana*) est pourtant capable de tuer efficacement le frelon. Pour ce faire, les abeilles forment une boule autour du frelon et battent des ailes pour augmenter la température corporelle de leur prédateur, ce qui conduit à la mort de ce dernier. L'abeille européenne (*Apis mellifera*) est capable d'utiliser la même stratégie de défense mais avec une efficacité moindre (Villemant et al., 2006). Ce frelon représente un danger pour l'entomofaune européenne et aussi menace l'apiculture qui s'ajoute aux nombreuses autres que connaît actuellement le secteur (Vanbergen, 2013).

Plusieurs éléments sont remarquables dans ce cas d'invasion : c'est un cas unique (première colonisation avec succès d'une nouvelle espèce frelon de France), la rapidité de propagation de ce frelon, le besoin urgent d'anticiper sa répartition dans les prochaines années pour mettre le plus rapidement en place les mesures d'éradication.

Après son arrivée en 2004, le frelon s'étendait déjà en 2006 largement sur l'Aquitaine avec une aire de répartition française constituée d'une bande de 300km du nord au sud et de 150 km d'est en ouest (Villemant et al., 2006) et cela malgré l'éradication systématique des nids détectés. Alors que deux nids étaient observés en 2004, 1636 nids ont été observés en 2009 et en 2013 près des trois quarts des départements français étaient affectés (Robinet et al., 2016). Des travaux récents tentent de caractériser les conditions climatiques favorables au développement de cette espèce (Villemant et al., 2011) et révèlent qu'une large partie de l'Europe occidentale est une zone de développement probable. Un autre phénomène intéressant lié à cette invasion est l'arrivée concomitante en Corée du Sud du frelon asiatique où sa propagation a cependant été bien moins rapide (Villemant et al., 2011). L'explication plausible de la différence de succès de la même espèce est une différence dans la composition en espèces proches des deux régions : en Europe, il n'y a qu'une espèce de frelon *Vespa crabro*, alors qu'il y en a de six en Corée du Sud dont *Vespa mandarinia* qui est une meilleure compétitrice (Villemant et al., 2011). Cette nécessité de faire appel à la composition biologique pour comprendre les raisons d'un changement d'aire de répartition est de ce fait tout l'intérêt des travaux théoriques menés durant mon doctorat.

Cadre théorique de la thèse

Les développements entrepris dans mes travaux visent à incorporer les interactions écologiques dans la TIB. Je vais maintenant revenir sur cette théorie plus en détails pour expliquer pourquoi elle a marqué durablement l'écologie. Je signale d'ailleurs que ces idées étaient partagées par d'autres écologues et qu'il y a, à ma connaissance, deux autres découvertes

indépendantes des idées qui ont conduit à la théorie. La première découverte est attribuée au spécialiste des lépidoptères Eugene Gordon Munroe qui a formulé dès 1948, des idées similaires dans 5 des 555 pages de sa dissertation de graduation ([Brown and Lomolino, 1989](#); [Lomolino and Brown, 2009](#)). La seconde est celle de Richard Levins et Harold Heatwole qui publie en 1963, soit la même année que l'article fondateur de la TIB, l'idée d'un équilibre de la richesse spécifique régit par les mêmes processus que ceux décrits par MacArthur et Wilson ([Levins and Heatwole, 1963](#)). Néanmoins, ce sont sans aucun doute MacArthur et Wilson qui ont marqués les écologues par l'ensemble des développements présentés dans leur livre *The Theory of Island Biogeography* ([MacArthur et al., 1967](#)).

Une vision puissante de la dynamique des distributions d'espèces

Dans la préface de leur ouvrage, MacArthur et Wilson doutent que les idées proposées résisteraient longtemps à l'essor de la biogéographie expérimentale dont ils furent des acteurs de premier plan :

We do not seriously believe that the particular formulations advanced in the chapters to follow will fit for very long the exacting results of future empirical investigation.

Et pourtant près de 50 ans après la parution de ce livre, leurs travaux sont le fondement de nombreux développements récents, en témoigne le livre paru en 2010 *The Theory of Island Biogeography Revisited* ([Losos and Ricklefs, 2010](#)) et l'article de perspectives publié récemment par Ben Warren et ses collègues dans *Ecology Letters* ([Warren et al., 2015](#)). L'idée majeure de la TIB est simple et puissante : étant donné une île colonisable par un ensemble d'espèces depuis un continent voisin, la diversité locale résulte de la balance entre 1- des événements de colonisation depuis le continent et 2- des extinctions locales. La TIB est une métaphore, le cas simple d'un territoire isolé (l'île) où les flux d'individus depuis le pool d'espèces régionales (le continent) sont facilement représentables. Le modèle peut donc

être étendu à de nombreux cas où un territoire isolé est colonisé par les organismes à proximité, par exemple après un incendie ou une fragmentation de l'habitat (Cook et al., 2002). Au cinquième chapitre de son livre de 1972, MacArthur prend notamment l'exemple des îlots de paramo (végétation andine située au-dessus des forêts mais en-dessous des neiges éternelles). De manière générale, le modèle est acceptable et très adaptable au prix d'un certain nombre d'hypothèses notamment une certaine rigidité du réservoir d'espèces régional (au moins en nombre d'espèces) et une absence de rétroaction dans la communauté locale sur celui-ci.

Il y a une forme de hasard et de nécessité qui fait écho à l'œuvre de Jaques Monod (Monod, 1970). Ce prix Nobel de médecine présente les mutations au niveau de l'ADN comme une source de hasard dont la persistance n'est rendue possible que dans un cadre physico-chimico-évolutifs précis, la nécessité. Dans les travaux de MacArthur et Wilson, l'événement de colonisation peut être interprété comme un pourvoyeur de stochasticité alors que les contraintes écologiques régissent l'organisation des communautés. Outre le fait que la prédiction de la colonisation ne peut se faire qu'en termes de fréquence, le caractère stochastique de cette dernière donne une dimension historique aux assemblages insulaires. L'arrivée d'une espèce est en fait un tirage aléatoire (éventuellement pondéré par les capacités respectives de dispersion) dans un réservoir régional d'une singularité historique car l'espèce en question a une histoire évolutive propre et des singularités physiologiques qui en découlent. A son arrivée sur l'île, son éventuelle insertion est déterminée par la rencontre des singularités de l'espèce et du contexte biotique et abiotique de l'île. Les espèces installées sur une île ont ainsi été passées au crible des contraintes écologiques, de cette forme de nécessité qui est renouvelée à chaque nouvelle insertion. C'est ainsi que l'on peut décrire le moteur de la reconfiguration perpétuelle des réseaux écologiques locaux. Une telle dynamique peut être également analysée comme une imbrication de deux échelles de processus : régionalement, le réservoir d'espèce est façonné par une histoire évolutive de grande amplitude liée à des processus climatiques eux aussi de grande échelle, alors que les événements insulaires relèvent de processus de plus courte portée (Ricklefs, 1987).

Enfin, la TIB, bien que cela soit rarement souligné, fait l'hypothèse de l'équivalence écologique des espèces considérées : il n'y a ni plantes ni animaux, ni proies ou prédateurs, elles sont toutes des unités de la richesse spécifique de la région étudiée. En analysant les exemples donnés par les auteurs en 1967, on est amené à penser que la théorie a été développée pour des groupes d'espèces au rôle écologique similaire et phylogénétiquement proches. Ainsi, le premier exemple donné porte sur l'herpétofaune (amphibiens et reptiles) antillaise et non sur un inventaire exhaustif de toutes les espèces des Antilles (MacArthur and Wilson, 1967). Il est d'ailleurs possible que la validation de leur théorie ne soit possible qu'en fixant le niveau écologique étudié. Paradoxalement, c'est en s'affranchissant de la diversité biologique qu'ils ont fait un grand bond vers la » biogéographie de l'espèce » qu'ils souhaitaient construire (MacArthur and Wilson, 1967, p.183).

Le modèle mathématique et les prédictions de la TIB

Je ne rentre pas ici dans les détails mathématiques du modèle, ils sont néanmoins abordés au chapitre 1 ainsi que dans les deux annexes de la présente thèse¹¹. J'écris ci-dessous l'équation qui résume à elle seule le paradigme livré par la TIB : les P espèces d'un continent colonisent l'île avec un taux individuel c , ce qui en augmente la richesse spécifique S mais augmente les risques d'extinctions dont le taux par espèce est noté e :

$$\frac{dS}{dt} = c(P - S) - eS \quad (1)$$

La dynamique ainsi engendrée conduit S jusqu'à un équilibre S_{eq} pour lequel les varia-

11. L'annexe 1 est un article de vulgarisation mathématique qui aborde de manière didactique la formulation la plus simple du modèle. L'annexe 2 détail la formulation mathématique du modèle présenté au chapitre 1. Cela m'a conduit à contribuer à un article scientifique actuellement en révision dont je suis co-auteur et pour lequel je présente ma contribution à l'annexe 3.

tions temporelles s'annulent, qui est donné par :

$$S_{eq} = P \frac{c}{c + e} \quad (2)$$

Cet équilibre est une prédiction très importante de la théorie, c'est même le point de départ des développements mathématiques dans le livre de 1967 ([MacArthur and Wilson, 1967](#)). L'existence d'un tel équilibre a été validée par l'expérience de défaune de Daniel S Simberloff et Edward O Wilson mentionnée plus haut ([Simberloff and Wilson, 1969](#)). Une seconde prédiction de la TIB est la variation de cet équilibre avec les caractéristiques de l'île. Dès leurs article de 1963, MacArthur et Wilson présentent la taille de l'île comme un facteur affectant le taux d'extinction : plus l'île est grande, moins le risque d'extinction est grand ([MacArthur and Wilson, 1963](#)). De même, ils supposent que l'isolement de l'île affecte le flux de migrants : plus l'île est isolée moins les événements de colonisation sont fréquents. J'ai résumé la vision classique de la TIB sur la figure 1 en y ajoutant les graphiques de l'article de 1963. Cette prédiction de la théorie en est aussi l'origine : MacArthur et Wilson expliquent avec ces mécanismes que les îles de plus grandes tailles supportent plus d'espèces mais aussi que des exceptions liées à l'isolement peuvent exister. Cette relation est d'ailleurs présentée très tôt dans le livre de 1967 avec l'augmentation linéaire du nombre d'espèce de l'herpétofaune avec le logarithme de la surface des îles de l'ouest des Caraïbes ([MacArthur and Wilson, 1967](#), chapitre 2).

De manière plus générale, la TIB fournit une explication à la relation aire-espèce très discutée en écologie ([Lomolino, 2000a](#)). Il s'agit de la courbe d'augmentation de la richesse spécifique (S) avec la surface d'échantillonnage (A). La question soulevée par l'étude de ces courbes porte sur la nature des mécanismes qui régissent les variations régionales. En liant la taille de l'île au taux d'extinction, La TIB propose une courbe de la forme $S = CA^z$ pertinente avec les observations présentées ([MacArthur and Wilson, 1967](#)). La relation aire-espèce est

surtout connue pour ses applications dans le domaine de la conservation¹². Elle permet par exemple d'estimer la taille qu'une zone de protection doit avoir pour atteindre un objectif de sauvegarde chiffré en nombre d'espèces (Neigel, 2003; Desmet and Cowling, 2004). La relation peut être aussi utilisée dans le sens inverse pour apprécier les taux d'extinction liés à une dégradation d'habitat (He and Hubbell, 2011).

L'importance de la TIB dans des développements théoriques plus récents

La théorie des métapopulations

Bien que ne représentant que cinq pourcents des terres émergées, ce sont bien les observations de la faune des îles qui ont mené à une vision paradigmatique de la biogéographie (Simberloff, 1974). L'importance des îles s'explique par leur relative abondance, leur disparité, leur diversité, la relative simplicité des assemblages biologiques qu'on y trouve et, comme je l'ai évoqué précédemment, la clarté des flux de migration (Simberloff, 1974). Cette dernière propriété est souvent absente pour des populations continentales¹³. La théorie des métapopulations s'intéresse justement aux populations reliées entre elles par des flux de migrations (Hanski, 2010). Le premier modèle de métapopulations a été proposé par Levins¹⁴ lors d'une réflexion sur le contrôle démographique des ravageurs de cultures (Levins, 1969). Pour un ravageur donné, les îlots de culture sont autant de patchs où une population peut se maintenir et disperser dans les autres patchs alentours. Levins montre alors que les mesures de la lutte biologique doivent être conduites à large échelle pour en augmenter les probabi-

12. Récemment Wilson a répondu à une entrevue dans laquelle il se base sur cette relation pour indiquer la proportion de la Terre qu'il faudrait épargner afin de maximiser la sauvegarde des espèces sans pour autant empêcher le développement humain <http://www.nytimes.com/2016/03/13/opinion/sunday/the-global-solution-to-extinction.html>.

13. Les îles sont cependant souvent dans des archipels où la lecture de ces flux n'est pas si simple.

14. Richard Levins qui avec Heatwole est un des co-découvreurs des idées de la TIB.

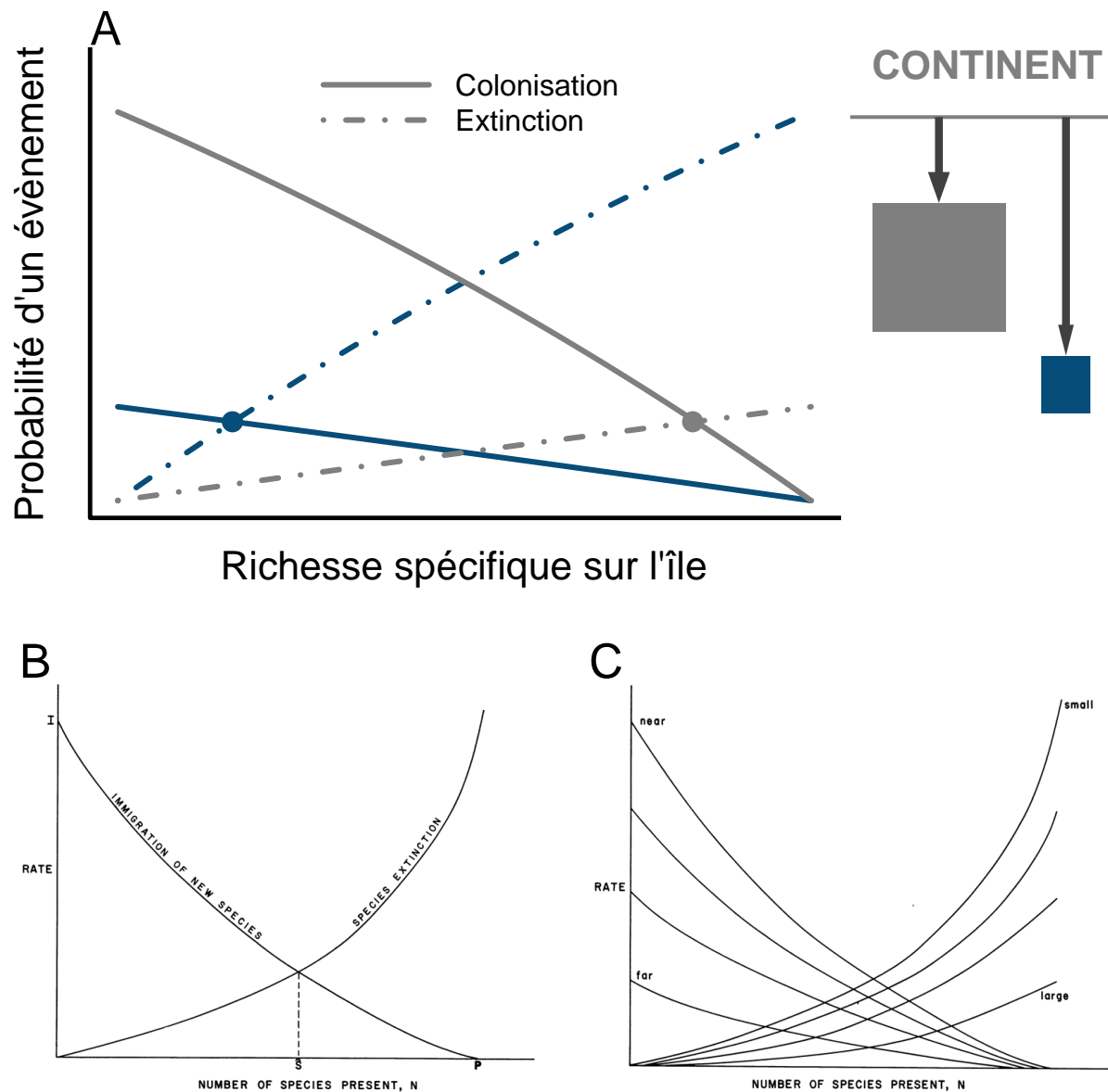


Figure 1: **La Théorie de la biogéographie des Iles.** (A) illustre l'évolution des taux de colonisation et d'extinction pour deux îles aux caractéristiques différentes. Les tailles relatives des îles et les distances qui les séparent du continent sont schématisées sur la droite, les couleurs associent les îles à leurs courbes respectives. Le réservoir d'espèce régional (P) est constitué de 100 espèces, les taux de colonisation et d'extinction sont exprimés en terme de probabilité d'évènement (de colonisation ou d'extinction). Les points marquent les intersections entre les courbes d'extinction et de colonisation c'est-à-dire lorsque ces processus s'équilibrent. L'abscisse de ces points indique les richesses spécifiques de l'île à l'équilibre S_{eq} . (B) et (C) sont respectivement les Figures 4 et 5 extraites de l'article de 1963 de MacArthur et Wilson qui livre essentiellement le même message que celui illustré en (A) (MacArthur and Wilson, 1963). La forme convexe des courbes de 1963 est justifiée par des facteurs biologiques qui ne sont pas intégrés dans l'équation qui confère une forme concave aux courbes, comme montré en (A).

lités de succès, c'est-à-dire d'extinction régionale du ravageur (Levins, 1969). Le modèle est simple et très proche de celui de la TIB : l'évolution de la proportion p est aussi gouvernée par des événements de colonisation c et d'extinction e :

$$\frac{dp}{dt} = cp(1 - p) - ep \quad (3)$$

La différence fondamentale avec la TIB est que la migration dépend de la proportion de patchs occupés : plus elle est importante plus la migration est importante. Parmi les démonstrations existantes, figurent les travaux menés par Ikkha Hanski sur les populations du méliée du plantain (*Melitaea cinxia*) au sud-ouest de la Finlande (Hanski, 1998). En plus de donner un cadre de pensée plus réaliste en termes de configuration spatiale, les dynamiques populationnelles associées sont bien comprises et mènent à des risques d'extinction mieux évalués (Hanski, 1998). C'est aussi un cadre approprié pour insérer l'étude des flux génétiques liés à l'arrangement spatial des populations. Ainsi, toujours sur ces mêmes populations de papillon, Ilik Saccheri et ses collègues montrent qu'en ajoutant le degré d'hétérozygotie, ils obtiennent des prédictions précises quant à l'extinction locale des populations (Saccheri et al., 1998). Les travaux théoriques autour du concept de métapopulations proposent un certain nombre de paradigmes qui permettent d'évaluer le rôle que jouent les processus de colonisation et d'extinction dans les variations spatio-temporelles de la démographie d'une espèce et a été étendu à l'échelle de la communauté, on parle alors de métacommunauté (Leibold et al., 2004; Holyoak et al., 2005). La prépondérance de ces mécanismes qui font la force de la TIB et de la théorie des métapopulations a été poussée à son paroxysme dans la théorie neutre de la biogéographie.

La théorie neutre de la biogéographie et le débat qu'elle soulève

La théorie neutre postule l'équivalence écologique entre les différents individus d'espèces éventuellement différentes et décrit les dynamiques populationnelles reposant sur les différences d'abondances relatives à l'échelle régionale et locale. Ainsi, en 1997, dans l'article fondateur de la théorie neutre, Stephen Hubbell décrit un modèle dans lequel le remplacement d'un individu mort dans une communauté locale est le résultat d'un tirage aléatoire : le nouvel individu peut être soit recruté localement et la probabilité que l'individu soit d'une espèce donnée dépend de l'abondance relative de cette dernière dans la communauté locale, soit le nouvel individu peut-être un immigrant dont l'identité de l'espèce à laquelle il appartient est liée à l'abondance à l'échelle régionale de celle-ci (Hubbell, 1997). En plus des exemples donnés dans l'article de 1997, Hubbell montre de manière convaincante que dans la forêt tropicale du Panama, à la suite d'un chablis, le recrutement de l'arbre n'est pas prévisible par ces caractéristiques et que le recrutement est similaire à la composition des alentours (Hubbell, 1999). La dynamique engendrée est appelée la dérive écologique, et est dominée par la stochasticité qui conduit presque certainement à l'extinction de toutes les espèces sauf une, ce qui est contrebalancée par l'apparition d'espèces nouvelles (Hubbell, 2010; Ricklefs, 2003).

La théorie neutre partage beaucoup de caractéristiques avec la TIB : les mécanismes fondamentaux sont l'extinction et la colonisation, l'hypothèse d'équivalence écologique et l'imbrication des échelles régionales et locales. Comme le fait remarquer Hubbell en 2010 dans le chapitre qu'il écrit dans *The Theory of Island Biogeography Revisited*, la théorie neutre place l'équivalence écologique au niveau des individus et non plus au niveau des espèces (Hubbell, 2010). Une conséquence directe revendiquée par Hubbell est que cette hypothèse est cohérente avec la forme convexe des courbes de colonisation et d'extinction décrites par MacArthur et Wilson (voir la figure 1) qui n'est en fait pas expliquée par leur modèle (Hubbell, 2010). Le principe d'équivalence et la place importante que prend le hasard dans cette théorie a soulevé de très vifs débats et des démonstrations à charge contre la véracité de cette théorie (voir par exemple McGill and Collins, 2003, et Ricklefs (2003)).

L'équivalence écologique doit, à mon sens, être comprise comme une abstraction de la singularité des espèces, une simplification de la diversité des systèmes biologiques, nécessaire à l'isolation d'une portion restreinte des phénomènes en cause dans la répartition géographique des espèces pour en évaluer le pouvoir explicatif. Bien qu'un certain nombre de cas d'études permettent de rejeter cette théorie (McGill and Collins, 2003; John et al., 2007), les défenseurs de la théorie neutre affirment qu'elle est tout aussi utile quand une étude en démontre la fausseté (Rosindell et al., 2012). La théorie neutre peut en effet être présentée comme une jauge qui mesure l'importance des processus de différenciation de niches (Wennekes et al., 2012). Ainsi, pour certaines communautés, la dérive écologique est plus importante que pour d'autres, ce qui a été formalisé au travers de travaux théoriques proposant un continuum de la théorie neutre vers la théorie de la niche écologique (Gravel et al., 2006). Malgré les possibilités offertes par ces deux théories, elles occultent largement les interactions écologiques qui sont factuelles ; si les observations donnent du crédit à ces théories, une théorie intégrative de la biogéographie doit expliquer pourquoi.

Le rôle des interactions dans la distribution des espèces

La thèse que je présente ici a pour objectif de trouver des pistes pour intégrer les interactions écologiques dans la TIB. Plus précisément, je souhaite contribuer à i) la compréhension du rôle des interactions écologiques dans la géométrie de la répartition géographique des espèces, et ii) la recherche des traces qu'elles pourraient éventuellement laisser dans les données d'occurrence des espèces. Comme je l'ai mentionné plus haut cette idée est très ancienne, Wallace le remarque dans son livre publié en 1881 : «Both competition and predation appear now to be much more important in biogeography than people had formerly guessed.»

Le problème de ces relations écologiques est leur spécificité, l'unicité de chacune d'entre elles, dont découlent nos difficultés pour les prévoir. Néanmoins des travaux récents explorent des pistes prometteuses pour les prédire notamment sur la base de relations al-

lométriques entre proie et prédateur (Gravel et al., 2013). Du point de vue théorique et à l'examen des chapitres du dernier livre de MacArthur (MacArthur, 1972), il apparaît que l'intégration des interactions est une étape clef pour aller vers une biogéographie intégrative et c'est dans cette direction que j'ai mené ma thèse, essayant d'apporter des prémices de réponses pour arriver à une telle synthèse.

Importance des interactions dans la distribution

Dans la TIB, les interactions sont en fait omniprésentes car elles sont une des composantes principales du processus d'extinction. Cependant, dans la formulation du modèle, elles ne sont jamais mentionnées explicitement, cachés dans le taux d'extinction e . Comme je le montre sur la figure 1, la différence dans l'allure des courbes dessinées par MacArthur et Wilson et celles obtenues en supposant un taux d'immigration et de colonisation sont différentes. D'après les auteurs, l'immigration devient plus difficile lorsque les espèces s'accumulent sur l'île et les extinctions sont de plus en plus fréquentes dues à l'intensification des interactions. Pour parler en termes de réseaux d'interactions, l'accumulation d'espèces sur l'île sature le réseau local et rend difficile l'intégration d'une nouvelle espèce qui le rend par ailleurs de plus en plus instable. Une interprétation communauté-centrée de la TIB est tout à fait possible mais les liens entre les espèces ne sont pas formulés mathématiquement en 1967.

Depuis les années 60, la littérature théorique n'a cessé de discuter le rôle joué par les interactions intra- et inter-spécifiques dans la distribution spatiale des espèces. Il est reconnu que l'interdépendance des espèces détermine le caractère favorable de l'environnement au sens large (biotique et abiotique). En 2009, Robert Holt et Michael Barfield discutent de l'impact de la prédation sur la répartition d'espèces en compétition insistant alors sur le rôle majeur des interactions dans le dessin des aires de répartition (Holt and Barfield, 2009). En 2012, William Godsoe et Luke H. Harmon introduisent les interactions dans un modèle simple de distribution d'espèce et montrent comment la probabilité de présence d'une espèce peut être affectée par la distribution d'une seconde et concluent alors que cela doit affecter vraisem-

blement la qualité de prédictions des SDMs ([Godsoe and Harmon, 2012](#)). La remise en cause des SDMs se concentrant sur les variables abiotiques est une étape fondamentale car leur succès depuis la fin du siècle dernier a relégué les interactions écologiques au second plan en démontrant que la corrélation avec les variables climatiques étaient peut-être suffisante, au moins en première approximation pour expliquer les aires de répartition ([Pearson and Dawson, 2003](#)). Pourtant, dès 1998, le travail précurseur d'Andrew Davis et ses collègues ([Davis et al., 1998](#)) avait fortement remis en question l'hypothèse d'indépendance des espèces ([Jeschke and Strayer, 2008](#)). L'expérience dont les résultats ont été publiés en 1998 est une analyse d'abondance de trois espèces de drosophile le long d'un gradient de température. Les comparaisons d'abondance sont menées pour toutes les combinaisons possibles de ces trois mouches (assemblages à 1, 2 ou 3 espèces) mais aussi en présence ou en absence d'un parasitoïdes. La démonstration est sans appel : la compétition et le parasitisme affectent drastiquement la survie le long du gradient de température, les interactions écologiques affectant donc très probablement les réponses aux changements climatiques.

Plus récemment, on constate une grande motivation pour intégrer les relations écologiques dans les modèles de distribution d'espèces ([Kissling et al., 2012](#); [Guisan and Rahbek, 2011](#)). Ainsi, des modèles de distributions jointes d'espèces (JSDMs, *Joint Species Distribution Models*) ont vu le jour dans les dernières années avec comme atout principal la prise en compte des corrélations entre les occurrences de différentes espèces ([Pollock et al., 2014](#); [Ovaskainen et al., 2010](#)). Néanmoins, ces efforts se heurtent à un manque de maturité des modèles et théories qui cherchent à rassembler distribution et interactions. Parmi les travaux récents, Franck Jabot et Jordi Bascompte ont rassemblé métacommunauté et écologie des réseaux pour souligner l'importance des relations écologiques dans la répartition géographique des espèces ([Jabot and Bascompte, 2012](#)). De même, Dominique Gravel et ses collègues ont introduit en 2011 l'interdépendance proie-prédateur dans le modèle de la TIB menant aux prémices d'une théorie trophique de la biogéographie des îles ([Gravel et al., 2011](#)) préfigurée par Holt ([Holt, 2009](#)). Ces travaux tentent de dépasser l'hypothèse d'équivalence écologique en vue de faire des prédictions plus précises concernant les compositions spécifiques atten-

dues localement.

C'est dans la lignée de ces développements théoriques récents que s'inscrit mon premier chapitre de thèse. J'y montre comment l'intégration du concept de réseau écologique dans la TIB était possible tout en ajoutant la reconnaissance de performances plus ou moins importantes des espèces dans un contexte abiotique donné (niche écologique). Pour y arriver, je souligne l'intérêt de considérer les espèces sous la forme d'assemblage plutôt que une à une. Grâce à l'utilisation de probabilités conditionnelles d'assemblage dans un environnement abiotique donné, j'explore les conséquences simultanées des contraintes biotiques et abiotiques sur la distribution d'espèce (voir la figure 2 pour une représentation schématique du modèle). Du point de vue technique, mon travail montre aussi qu'un retour aux processus stochastiques tels que ceux présentés en 1967 est une démarche puissante pour ajouter de nouveaux mécanismes dans la TIB.

Un problème d'échelle ?

En repartant de l'exemple classique de la ségrégation spatiale des tamias *Eutamias dorsalis* et *E. umbrinus* (Brown, 1971), j'ai précédemment mis en évidence qu'une information sur les interactions est contenue dans les aires de répartition de ces espèces. Il y a cependant deux caractéristiques qui peuvent conduire à la rareté de ce type de lecture : la singularité de l'interaction et son caractère local. Je reviens un peu plus bas sur la première propriété et m'arrête ici sur la seconde. Une idée dominante en biogéographie est que les interactions ont des rôles majeurs à l'échelle locale mais que leurs conséquences sont de moins en moins perceptible à mesure que l'on considère des échelles spatiales de plus en plus grandes (voir l'unique figure de McGill, 2010). Du point de vue théorique, c'est tout à fait ce qui est décrit dans la TIB, car c'est à l'échelle locale que les interactions influencent l'extinction. Néanmoins, ces conséquences locales sont présentes sur l'ensemble de la distribution de l'espèce, il est alors pertinent de se demander pourquoi nous ne sommes pas capables de détecter les interactions en examinant les distributions d'espèces. En réalité, bien que cela

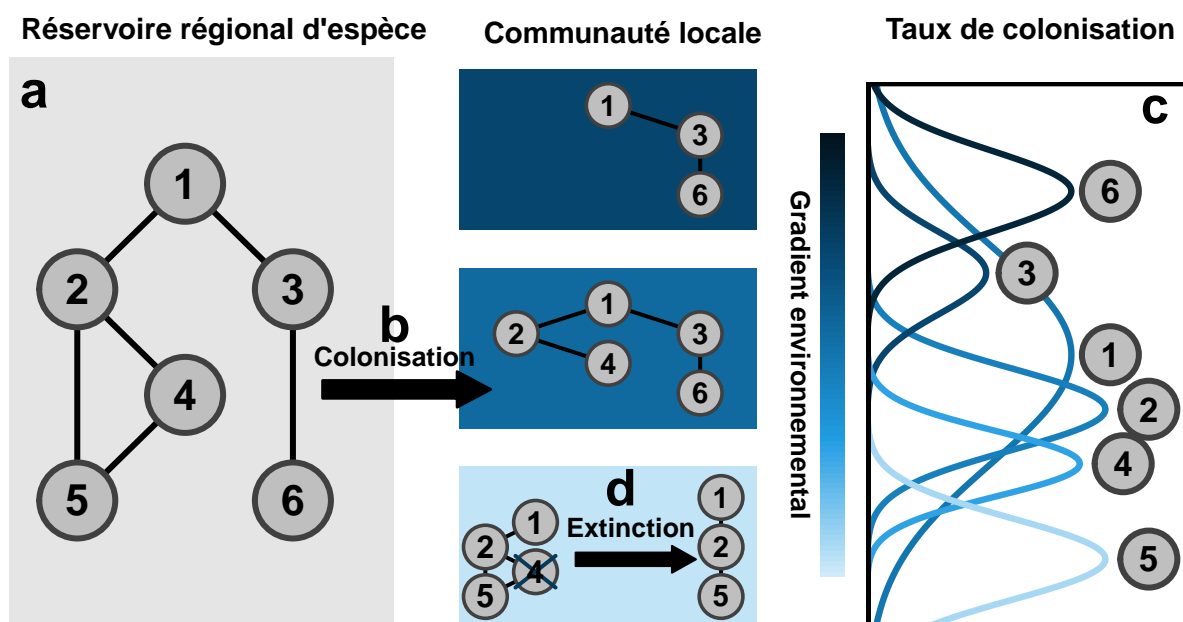


Figure 2: **Intégration des interactions et des contraintes abiotiques dans la TIB.** Pour intégrer les interactions j'ai considéré non pas un ensemble d'espèces indépendantes mais des espèces au sein d'un réseau décrit à l'échelle régionale (a). Comme dans la TIB, ces espèces peuvent coloniser l'île (b), mais les taux de colonisation varient le long d'un gradient environnemental (c). Enfin, les interactions influencent les taux d'extinction locale (d). Voir le chapitre 1 pour une description complète du modèle.

soit rare, nous avons des preuves que cela est possible dans certains cas. En 2010, Nicholas Gotelli et ses collègues divisent l'avifaune danoise en différentes catégories fondées sur la similarité écologique et démontrent que les espèces d'une même catégorie sont très souvent significativement spatialement ségréguées (Gotelli et al., 2010). De même, en 2007, Risto Heikkinen et ses collègues avaient obtenu des performances accrues de leurs modèles statistiques par l'utilisation de la répartition de six espèces de pics pour expliquer la présence de quatre espèces de hiboux (Heikkinen et al., 2007). Dans cette même étude, le signal est plus fort quand les données sont dérivées de grilles spatiales à plus petites mailles (10x10 km contre 40x40 km), ce qui constitue un argument en faveur d'une dépendance à l'échelle, récemment supportée par d'autres travaux (Belmaker et al., 2015). Ce qui est remarquable dans les travaux de Gotelli et de Heikkinen est que l'utilisation d'une connaissance biologique et écologique a permis de révéler une trace des interactions dans la distribution des espèces.

La dépendance spatiale de la détection des interactions est facile à comprendre : en examinant des données de présence à des échelles spatiales de plus en plus larges, le nombre d'espèces s'accumule (c'est le principe de la relation aire-espèce) menant à la dégradation de l'information potentielle. Cela signifie que l'information nécessaire pour déceler des empreintes laissées par les interactions sera fournie par des données à des échelles relativement fines. Cependant, cela ne permettra pas de conclure sur le rayon d'action de ces interactions. Pour dépasser la question spatiale, il faut aussi envisager l'impact de la nature des interactions sur la répartition géographique. Ainsi, en 2014, Miguel Araújo et Alejandro Rozenfeld ont prouvé théoriquement que les interactions positives (mutualisme) se propageaient davantage que les interactions négatives (Araújo and Rozenfeld, 2014). Par conséquent, la nature de la relation qui unit des espèces peut influencer la perte d'information contenue dans les aires de répartition. Suite à mes travaux sur l'intégration des interactions, je me suis penché sur un autre aspect qui peut influencer la perte d'information dans les données de présence : l'abondance des interactions. Au chapitre 2, je montre que les interactions directes et indirectes affectent les données de distributions mais aussi que l'abondance des interactions rend

difficile de distinguer un quelconque signal : nous ne sommes plus en mesure de dire s'il y a des différences entre les paires d'espèces qui interagissent et celles qui n'interagissent pas. Ce qui est encore plus intéressant, c'est que j'ai accumulé un certain nombre d'indices dans des données de présence et d'absence réelle qui semblent confirmer nos prédictions. Je discute de ces résultats dans le chapitre 3 de cette thèse.

En constatant que l'abondance des interactions peut justifier l'hypothèse d'indépendance des espèces, je soulève le même paradoxe que celui relevé par MacArthur dans son œuvre de 1972 (MacArthur, 1972) :

A few decades ago it was fashionable for ecologists to study communities in the arctic on the grounds that these would be very simple communities and hence easy to understand. Many excellent ecologists still follow this belief, but there are others who feel that it may be easier to understand the extremely complex communities of the tropics. This sounds paradoxical : How can a more complex communities be easier to understand ? A possible answer might be that the complex community has strong interactions among species so that the lives of the separate species are less independent than in a simple community. Where there is greater interdependence, patterns may be more conspicuous.

Dans cet extrait MacArthur suggère que la connectance du réseau (le nombre de lien entre espèces rapporté au nombre de liens possibles) est vraisemblablement une propriété importante pour comprendre la répartition des espèces. Peut-être qu'une biogéographie des réseaux serait une alternative porteuse de généralisations plus accessibles. Un nouveau problème d'échelle est soulevé, l'échelle biologique appropriée pour investiguer la répartition géographique des espèces : individus, population, communauté ou même réseau énergétique ?

Vers une biogéographie énergétique

Le problème d'échelle biologique est aussi un problème de catégorisation des espèces. J'ai suggéré que les prédictions étaient plus faciles pour des espèces généralistes que pour des espèces spécialistes. Malheureusement, le spectre est très large et plutôt balancé avec un continuum entre des espèces hyperspécialistes de d'autres très généralistes (Poisot et al., 2015a). On peut néanmoins espérer que la réduction des espèces à un certain nombre de traits (McGill et al., 2006; Poisot et al., 2015b) doublée d'une réduction des réseaux à un nombre raisonnable de propriétés puissent permettre des généralisations utiles dans notre compréhension de la distribution des communautés. Il m'apparaît aujourd'hui important que le bon niveau de détails dans nos descriptions des systèmes écologiques quand il est question de prédire les futures aires de répartition des espèces.

Une piste prometteuse pour prolonger la recherche des propriétés est, me semble-t-il, de s'appuyer sur la nature profonde des espèces : des systèmes énergétiques qui se perpétuent. La lecture de la théorie de la dynamique du budget énergétique de Sebastian A. L. M. Kooijman (Kooijman, 2000) m'a été très profitable pour cerner les possibilités offertes par une telle approche. S'il est possible, comme le suggèrent les travaux de Kooijman, de dériver de manière précise un grand nombre de propriétés énergétiques des espèces sur leur masse et leur forme, alors les espoirs sont grands de pouvoir trouver des règles d'assemblages fiables des communautés et donc de comprendre d'un point de vue mécanistique les extinctions locales. Ce sont les mêmes espoirs que ceux nourrit par la théorie métabolique de l'écologie qui rassemble des relations entre la taille des espèces, différentes de leurs propriétés (Brown et al., 2004) qui montrent en somme qu'il est possible d'aller au-delà de l'espèce (Poisot et al., 2015b). Mes réflexions sur l'intersection entre la TIB et une vision énergétique de l'écologie sont présentées au chapitre 4 de la présente thèse. Dans ce chapitre, j'explique en quoi l'approche énergétique est pertinente pour intégrer des interactions et les contraintes données par un flux énergétique fini. Je propose des pistes pour lever des difficultés posées par le calcul précis de la consommation de chaque niveau trophique et montre ce qu'apporte l'idée que les

écosystèmes sont énergétiquement saturés. Ce chapitre est également une ouverture vers les projets de recherche que je souhaiterais mener dans un futur proche.

ARTICLE 1

A PROPOS DES INTERACTIONS BIOTIQUES ET DES CONTRAINTES ENVIRONNEMENTALES À L'ÉCHELLE BIOGÉOGRAPHIQUE

1.1 Résumé en français

1.1.1 Contexte scientifique

En 1967, Robert MacArthur et Edward O. Wilson publient leur théorie de la biogéographie des îles. Comme mentionner dans l'introduction, la TIB demeure le support de nombreux travaux de recherche, ce dont témoigne le livre publié en 2010 et édité par Jonathan B. Losos et Robert E. Ricklefs : *The Theory of Island Biogeography Revisited* ([Losos and Ricklefs, 2010](#)). Ce livre souligne l'importance des travaux de MacArthur et Wilson et fait l'inventaire des questions qui restent à explorer. Parmi ces interrogations, figurent celles relatives au rôle des relations trophiques, développées au sixième chapitre par Robert D. Holt.

C'est précisément sur ce sujet que portent les travaux de Dominique Gravel et ses collègues présentés dans l'article *Trophic Theory of Island Biogeography* publié en 2011 dans *Ecology Letters* ([Gravel et al., 2011](#)). Dans cet article, les auteurs montrent comment les résultats de la TIB sont modifiés par la prise en compte des liens écologiques unissant proies et prédateurs. Cet article est également le point de départ de mon premier article de thèse. L'objectif fixé était de 1- généraliser à tous types d'interaction le travail de Gravel et ses collègues et 2- introduire les contraintes environnementales afin de comprendre dans quelle mesure les prédictions de la théorie classique en étaient affectées.

Pour y parvenir, la clef de mon travail a été de considérer les espèces non pas de manière indépendantes, mais comme des assemblages, des communautés possibles. J'ai alors été capable de bâtir des probabilités de survie dépendantes de la configuration du réseau écologique

présent sur l'île. De même, les probabilités de colonisation des espèces du continent ont été reliées aux conditions environnementales de l'île. Après avoir montré comment le modèle a été construit et donné des prédictions simples, je me suis intéressé à des scénarios portant sur 10 espèces et pour des types d'interactions différents : mutualisme, prédation et compétition, le long de gradients environnementaux. Ce qui ressort de nos simulations, c'est un portrait des impacts potentiels des interactions sur la distribution des espèces et la nécessité de les intégrer dans les SDMs. Dépendamment de leur nature et de leur nombre, les interactions peuvent changer drastiquement la biodiversité attendue dans le cadre de la TIB. Cela pourrait avoir des conséquences majeures sur nos prévisions de richesse spécifique dans le contexte actuel des changements globaux. Le modèle qui est développé dans ce chapitre est basé sur les chaînes de Markov, l'ensemble des aspects mathématiques de ce modèle sont présentés en détails à l'annexe 2. Certains des développements sont repris dans un article dont je suis co-auteur. Je présente ma contribution à cet article à l'annexe 3.

1.1.2 Publication associée

Le travail réalisé a donné lieu à un article intitulé *On the integration of biotic interaction and environmental constraints at the biogeographical scale* (Cazelles et al., 2015). Il fut accepté pour publication à l'automne 2015 dans le journal *Ecography* et a été publié en ligne en décembre 2015. Le DOI associé est: **10.1111/ecog.01714**. La conception de l'article est le résultat de nombreux échanges entre tous les auteurs de l'article. J'ai développé le modèle et l'ensemble des scripts pour aboutir aux résultats finaux. Dominique Gravel a supervisé l'ensemble des étapes et est devenu le dernier auteur. David Mouillot et Nicolas Mouquet ont grandement contribué à la rédaction du manuscrit. Afin de promouvoir notre publication, j'ai rédigé un article court sur le blog de la revue *Ecography* accessible en ligne à l'adresse suivante: <http://www.ecography.org/blog/towards-integrated-theory-biogeography>.

1.1.3 Traduction du résumé de l'article publié

La biogéographie est concernée en premier lieu par la répartition spatiale de la biodiversité dont elle produit les scénarios de variation dans un contexte de changement environnemental. Les efforts déployés pour développer les modèles de distribution d'espèce ont donné des outils qui, bien que prédictifs, sont restés corrélatifs et ont largement ignorés les interactions biotiques. Dans cet article, nous utilisons la théorie de la biogéographie des îles en tant que première approximation d'une dynamique d'assemblage des communautés locales dans un contexte de métacommunautés. Nous y superposons l'ensemble des types d'interactions et nous introduisons les contraintes environnementales sur la dynamique de colonisation et d'extinction. Nous développons une approche probabiliste reposant sur les chaînes de Markov et nous calculons les probabilités de réalisation des assemblages spécifiques plutôt que les probabilités de présence des espèces une à une. Nous considérons la distribution de richesse spécifique pour les différents types d'interactions écologiques. De plus, nous illustrons également le potentiel de notre approche en étudiant l'articulation entre les différences de besoins écologiques, les interactions et la distribution de la biodiversité le long d'un gradient environnemental. Notre approche supporte l'idée que les recherches futures en biogéographie requièrent une intégration cohérente de plusieurs concepts écologiques dans une théorie unique afin de mener vers des innovations méthodologiques et conceptuelles comme celui du changement de distributions espèce-centrée vers des distributions communauté-centrée.

Les sections qui suivent sont celles de l'article publié.

1.2 Title

On the integration of biotic interaction and environmental constraints at the biogeographical scale.

1.3 Authors

Kévin Cazelles, Nicolas Mouquet, David Mouillot, Dominique Gravel.

1.4 Abstract

Biogeography is primarily concerned with the spatial distribution of biodiversity, including performing scenarios in a changing environment. The efforts deployed to develop species distribution models have resulted in predictive tools, but have mostly remained correlative and have largely ignored biotic interactions. Here we build upon the theory of island biogeography as a first approximation to the assembly dynamics of local communities embedded within a metacommunity context. We include all types of interactions and introduce environmental constraints on colonization and extinction dynamics. We develop a probabilistic framework based on Markov chains and derive probabilities for the realization of species assemblages, rather than single species occurrences. We consider the expected distribution of species richness under different types of ecological interactions. We also illustrate the potential of our framework by studying the interplay between different ecological requirements, interactions and the distribution of biodiversity along an environmental gradient. Our framework supports the idea that the future research in biogeography requires a coherent integration of several ecological concepts into a single theory in order to perform conceptual and methodological innovations, such as the switch from single-species distribution to community distribution.

1.5 Introduction

Biogeography is concerned with the description of the distribution of biodiversity and understanding its underlying processes. The discipline is central to the simulation of future

scenarios of biodiversity under climate change ([Thuiller et al., 2013](#)). The extensive development of statistical models of species distributions based on actual ranges and environmental data have provided valuable knowledge and predictions ([Kearney and Porter, 2004](#)), but often remain purely correlative. There is now consensus that future developments in biogeography will require solving critical limitations of species distribution models ([Kissling et al., 2012](#)) and incorporating explicitly biotic interactions and dispersal ([Lavergne et al., 2010](#)). This effort must be supported by theory in order to guide model development, maintain tractability and manage complexity. Developing a mechanistic theory of species distribution will require an integration of three fundamental principles and their interplay ([Thuiller et al., 2013](#)): 1) how local and regional dynamics are linked, 2) how species interact with the abiotic environment and 3) how they are embedded in a network of biotic interactions. Each of these principles are discussed in detail below.

A cornerstone of biogeography is the recognition of the contribution of regional-scale processes such as disturbances, historical contingencies (e.g. macro evolutionary history or glaciations) and dispersal limitations to local community dynamics ([Ricklefs, 1987](#)). The metacommunity concept has been proposed as a simple framework to link different spatial scales in ecology ([Leibold et al., 2004](#)). It emphasizes reciprocal feedbacks between local scale processes, such as competitive interactions and local adaptation, and regional scale processes such as dispersal, gene flow, and speciation. A central concept of metacommunity ecology is the idea that local communities are highly dynamic owing to colonization events and local interaction, resulting in a spatial mosaic of assemblages sampled non-randomly from the regional species pool. As the concept matures there are new themes emerging, such as the investigation of evolution in metacommunities ([Urban et al., 2008](#)), and spatial food webs ([Massol et al., 2011](#); [Gravel et al., 2011](#)). The field provides remarkable concepts and tools to build an integrated theory for biogeography.

Species distribution is also constrained by physiological requirements, which is at the core of the niche concept ([Peterson et al., 2011](#)). The niche is usually defined as a N-

dimensional environmental and resource hyper-volume within which a species is able to maintain a viable population over the long term ([Chase and Leibold, 2003](#)). Recent developments refined this definition based on demography and metapopulation dynamics ([Holt and Barfield, 2009](#)). The abiotic niche, often referred as the Grinnelian niche, has been central to the development of species distribution models (SDMs, [Jeschke and Strayer, 2008](#)). Despite all of its criticisms, SDMs remain remarkably popular and operational for conservation ecology ([Guisan et al., 2013](#)). Recent attempts to improve the quantification of the niche include the addition of experimental assessments of the fundamental physiological constraints, as well as dispersal and proxies of biotic interactions ([Boulangeat et al., 2012](#)). The search for the most adequate set of environmental variables explaining diversity should be continued despite criticisms of the actual SDMs, and most of all must constitute a central principle of a general theory for biogeography.

Finally, species are not isolated, they are embedded within complex networks of ecological interactions. While interactions define community ecology, they are less informative for biogeography ([Peterson, 2003](#)). Theory predicts that interactions in small community modules (2-4 species) should influence range limits ([Gilman et al., 2010](#)), but there is no extension to highly diverse communities. It has been hypothesized that factors determining distribution are hierarchical, such that climate would govern the distribution at the regional scale while biotic interactions would be more important at the local scale ([Araújo and Rozenfeld, 2014](#)). However an increasing number of studies emphasizes the role of local interactions as a major factor influencing geographical ranges ([Jabot and Bascompte, 2012](#); [Gotelli et al., 2010](#)). The representation of interactions in a network is a convenient method to summarize the type and strength of interactions among species, their organization ([Proulx et al., 2005](#)) and their consequences on dynamics ([Allesina and Tang, 2012](#)). Food webs were first considered in the development of a trophic theory of biogeography ([Gravel et al., 2011](#)), where it was shown that a diversity of interactions enhance persistence. Networks are however more than food webs and are rarely made of a single type of interaction ([Kéfi et al., 2012](#)). Mutualism, competition and indirect effects ([Wootton, 1994](#)), for instance, also impact local environmental

suitability ([Godsoe and Harmon, 2012](#)). Tools and knowledge acquired through the study of local ecological networks, such as the community matrix and metrics of structure ([Allesina and Tang, 2012](#)), must now be incorporated into a theory for biogeography.

These three principles should be all mixed together to provide an integrated assessment of their relative contribution to species distribution. To do so, the theory of Island Biogeography (hereafter referred as TIB) ([MacArthur and Wilson, 1967](#); [Warren et al., 2015](#)) is a convenient starting point. The TIB describes variations of species richness among islands as a dynamic equilibrium between two opposite processes, colonization and extinction, directly linked with island characteristics. The TIB is a metaphor that goes beyond the intrinsic interest of islands; it serves as a first approximation to understanding the assembly of local communities embedded in a metacommunity context with straightforward species flux. The simplicity of the model and the relevance of its predictions demonstrate after more than 50 years since its publication it is still a useful tool in ecology and conservation ([Cook et al., 2002](#); [Warren et al., 2015](#)). The TIB emphasizes the role of regional processes to local community assembly. Indeed it can be regarded as the simplest representation of metacommunity dynamics ([Leibold et al., 2004](#)). Furthermore, the model is easily expandable. Following [Holt and Barfield \(2009\)](#), [Gravel et al. \(2011\)](#) introduced trophic interactions in the TIB (hereafter the trophic TIB, TTIB;). Species interactions were found to be a key factor to understand species distributions, as the probability of finding any species in a locality increases with the generality of its diet and decreases with trophic rank.

We propose to generalize of the TIB by integrating the three principles described above. The TIB already explicitly includes the effect of regional processes (colonization and extinction dynamics) on local community assembly, and the TTIB includes predator-prey interactions. We extend this framework to all potential interactions, thus resulting in a general model of metacommunity dynamics, akin to the Lotka-Volterra equations for local community dynamics. We also incorporate abiotic constraints on colonization and extinction dynamics. Hence we integrate the ingredients we believe are essential to model biodiversity

distribution at the biogeographical scale. With this model in hand we then describe species distribution along environmental gradients. We use the mathematical formalism of Markov Chains ([Kemeny and Snell, 1983](#); [Black and McKane, 2012](#)) to derive expected assemblages and co-distribution at both the local and the regional scale. We illustrate how the interplay between biotic interactions and environmental requirements can affect the distribution of biodiversity over environmental gradients. Our results support the idea that the future research in biogeography require a consistent integration of several ecological concepts into a single framework to build promising approaches such as the switch from single-species distributions to community distributions.

1.6 The model

1.6.1 A simple probabilistic biogeographical model

The challenge of adding species interactions within the classical model of the TIB is gaining generality without losing simplicity. Following MacArthur and Wilson's theory, we model the dynamics of occurrence probability of a species i in a local community. Species occurrence is the result of a balance between colonization and extinction dynamics, which occur at rates c_i and e_i respectively,. Local species richness is given by the sum of occurrence probabilities over all species of the regional species pool P , here simply defined as the set of all species whose propagules (as defined in [Simberloff and Wilson, 1969](#)) can land on the island considered. The model thereby takes into account local (extinction) and regional (colonization) processes. More precisely, the dynamics of occurrence probability of species i , p_i , follows:

$$\frac{dp_i}{dt} = c_i(1 - p_i) - e_i p_i \quad (1.1)$$

Here, c_i and e_i are constant and a property of species i . In this widespread version of the TIB, also called the linear version of the TIB (Schoener, 2010), the equilibrium occurrence probability of a species i is given by $p_{i,eq} = \frac{c_i}{e_i + c_i}$. Also, species are assumed to be independent, therefore, the richness S_{eq} is given by the sum of the P different $p_{i,eq}$. The linear TIB can be modified to include trophic interactions (after Gravel et al., 2011) and we propose to extend it to all types of interactions. To reach that goal, the first step is to find a way to derive the expected species composition at any time. This composition can actually be depicted at any time by a vector of P zeroes and ones indicating, respectively, presences and absences of each species considered, these combinations will be referred as assemblages. Following Mac-Arthur and Wilson, we use a stochastic modelling approach to describe the dynamics of assemblages. The simplest scenario is the one species case. Here there are only two assemblages for the locality: one with species i present and the other without. Let X_i be a random variable describing the occurrence of species i . When species i is present in the locality, X_i is 1, when it is absent X_i is 0; X_i is then a Bernoulli variable. We define this random variable at any time t which describes a stochastic process we denote $\mathbf{X}_{i,t>0}$. The occurrence probability of species i at time $t + dt$ (dt being a very small time step) is then given as follows:

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1) &= \mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1 | X_{i,t} = 1) \mathbb{P}(X_{i,t} = 1) \\ &\quad + \mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1 | X_{i,t} = 0) \mathbb{P}(X_{i,t} = 0) \end{aligned} \quad (1.2)$$

$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} | X_{i,t})$ is the conditional probability describing $X_{i,t+dt}$ stating $X_{i,t}$. As $X_{i,t+dt}$ solely depends on $X_{i,t}$ (not on other earlier time steps) we have a discrete-time Markov chain. In this process, species i will be present in a locality at time $t + dt$ if it was already present at time t and persisted (meaning it did not go extinct, with probability $(1 - e_i dt)$), or if it was absent and colonized the community from the mainland (with probability $c_i dt$). Note that dt is small enough to get $0 < c_i dt < 1$ and $0 < e_i dt < 1$. Hence, equation (1.2) becomes:

$$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1) = c_i dt \mathbb{P}(X_{i,t} = 0) + (1 - e_i dt) \mathbb{P}(X_{i,t} = 1) \quad (1.3)$$

This equation leads to (1.1) when dt tends to zero. This formulation keeps the simplicity of the original MacArthur and Wilson model, but can also more generally be used to consider the probability of any given assemblage. $\mathbb{P}(X_{i,t+dt}|X_{i,t})$ defines the rules to switch from one assemblage to one another during the interval dt . There are P occurrence probabilities we gather within $\mathbf{Y}_{t>0} = (\mathbf{X}_{1,t>0}, \mathbf{X}_{2,t>0}, \dots, \mathbf{X}_{P,t>0})$ which leads to the description of 2^P assemblages depicted by a given collection of zeros and ones. The conditional probabilities provide the transition from one local assemblage k to any other l during dt . For any species i there are only four possible cases: at time t either species i is locally absent and colonizes the locality (I_1) or not (I_2) during dt , either species i is present and goes extinct (I_3) or survives (I_4) during dt . The conditional probabilities between two communities states (l and k) can then be simply derived from these four probabilities:

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \text{"state k"} | \mathbf{Y}_t = \text{"state l"}) &= \prod_{i_1 \in I_1} c_{i_1} dt \prod_{i_2 \in I_2} (1 - c_{i_2} dt) \\ &\quad \prod_{i_3 \in I_3} e_{i_3} dt \prod_{i_4 \in I_4} (1 - e_{i_4} dt) \end{aligned} \quad (1.4)$$

We now apply the complete probability formula as defined in (1.2) to get the probability of observing one assemblage at $t + dt$ given its state at t . This is where the main benefit of Markov chain models is: it allows us to derivate exact solutions for the probabilities for assemblages, instead of a set of independent occurrence probabilities for each species. This approach is promising for building joint species distribution models (see Discussion). This property will be fully explored in the next section to include interactions.

Consider as an example a pool of two species ($P = 2$) for which we find four assemblages: at any time t , a locality can contain either two species ($X_{1,t} = 1, X_{2,t} = 1$), only one species ($X_{1,t} = 1, X_{2,t} = 0$) and ($X_{1,t} = 0, X_{2,t} = 1$), or none of them ($X_{1,t} = 0, X_2 = 0$). The transition from one local assemblage to another is then easily obtained. Table 1 presents these conditional probabilities (application of (1.4)). This is actually the transition matrix of a Markov chain we solve (by calculating one eigen value, see below). To illustrate the dynam-

ics expected in TIB from our assemblage point of view, we simulate the model as follows: $c_1 = c_2 = 0.15$, $e_1 = e_2 = 0.05$, $\mathbb{P}(X_{1,0} = 0, X_{2,0} = 0) = 0.6$ and $\mathbb{P}(X_{1,0} = 1, X_{2,0} = 0) = 0.4$, so species 2 is absent at time $t = 0$. Just as for the single species situation, the probabilities of observing each community tend to an equilibrium (Fig.3, panel A). By summing the previous probabilities where a given species (1 or 2) is present (the conditional probabilities) we get its overall occurrence probability (marginal probability, Fig.3-B). Finally, we can calculate the expected number of species in a locality (Fig.3-C), in agreement with the TIB. Interestingly, this calculation is often achieved in the other way. Firstly, the presence probability of all species are computed: $\mathbb{P}(X_i) = \frac{c_i}{c_i + e_i}$. Then the richness is obtained under the assumption that species are independent and so $P(X_i, X_j) = \mathbb{P}(X_i)\mathbb{P}(X_j)$. We show below that occurrence probabilities of each assemblage is a key to introduce interactions among species.

1.6.2 Integrating biotic interactions

We start by representing the interaction network by a community matrix \mathbf{A} of P species that we incorporate into the Markovian TIB chain model. The elements $\alpha_{i,j}$ of \mathbf{A} quantify the effect of species j on the dynamics of species i . We first consider that interactions could alter both the colonization and the extinction probabilities (Gravel et al., 2011). When $\alpha_{i,j}$ is negative, the colonization probability of species i decreases and/or its extinction probability increases when j is found locally. Inversely, when $\alpha_{i,j}$ is positive, the colonization probability increases and/or the extinction probability decreases. Note that diagonal elements provide the extinction probability per time unit when no other species is present.

The elements of the community matrix \mathbf{A} represent the pairwise effects of ecological interactions on transition probabilities. To account for the cumulative effects of local interactions on transition probabilities, we make colonization and extinction probabilities community dependent. As explained above, at a time t , the \mathbf{Y}_t vector gives the local assemblages. We calculate the sum of interactions at any time and for each species as $\mathbf{v} = \mathbf{A}\mathbf{Y}_t^T$ (where T denotes the transpose operator). Our approach can be interpreted as a spatial analogue to the

$(\mathbf{X}_{1,t}, \mathbf{X}_{2,t})$	$(\mathbf{X}_{1,t+dt}, \mathbf{X}_{2,t+dt})$			
	(0,0)	(0,1)	(1,0)	(1,1)
(0,0)	$(1 - c_1dt)(1 - c_2dt)$	$(1 - c_1dt)c_2dt$	$c_1dt(1 - c_2dt)$	c_1dte_2dt
(0,1)	$(1 - c_1dt)e_2dt$	$(1 - c_1dt)(1 - e_2dt)$	c_1dte_2dt	$c_1dt(1 - e_2dt)$
(1,0)	$e_1dt(1 - c_2dt)$	e_1dte_2dt	$(1 - e_1dt)(1 - c_2dt)$	$(1 - e_1dt)c_2dt$
(1,1)	e_1dte_2dt	$e_1dt(1 - e_2dt)$	$(1 - e_1dt)e_2dt$	$(1 - e_1dt)(1 - e_2dt)$

Table 1: **Conditional probabilities between potential assemblages.** At any time t we calculate all the possible conditional probabilities between the four potential assemblages for a two species regional pool. These probabilities are derived by multiplying probabilities of single species events defined in equation (1.4). By doing so, we build the transition matrix of our markov chain where species are assumed to be independent. We release this hypothesis by linking extinction coefficients and species assemblages.

generalized Lotka-Volterra model because it takes into account the impact of the whole network of interactions on each species dynamics and can deal with any type of interaction. We denote the coefficients of \mathbf{v} by v_i , they are species-specific parameters (weighted by parameter d_i) of two species-specific functions: f_i and g_i , respectively, standing for extinction and colonization probabilities for species i . Note that at this stage we do not define any specific function relating interactions to colonization (f_i) and extinction probabilities (g_i), to keep the description of the model general (see below for some proposed functions). At each time step, the local community composition impacts: i) the colonization probability of species present in the regional pool but absent from the local community, and ii) the extinction probability of species present on the local community.

If we expand the two species example (labelled 1 and 2, Table 1), according to the general model, we define two f functions (f_1 and f_2) linking interaction and extinction and two g functions linking extinction and colonization (g_1, g_2). At this stage, to reduce the model's complexity, we consider that interactions solely impact extinction probabilities. This assumption is reasonable if we consider that local interactions impact mostly demography (possibly leading to extinction) and that colonization success solely depends on the first propagule (interactions occur after arrivals). Therefore g_1 and g_2 are constant functions, respectively,,

returning c_1 and c_2 . The functions f are assumed to have a sigmoid shape (1.5). There are many reasons such a function is of interest: 1) we get a clear link with the basic extinction probability, i.e. e_i for an interaction strength of 0; 2) we define both a minimum and a maximum extinction probability; 3) the first interactions to occur are the most influential (Gravel et al. (2011) considered that at least one interaction was required to persist, which is very similar).

$$f_i(\mathbf{v}) = f(\mathbf{v}, (e_i, e_{i,min}, e_{i,max}, d_i))$$

$$= e_{i,min} + \frac{1}{\frac{1}{e_{i,max}-e_{i,min}} + \left(\frac{1}{e_i-e_{i,min}} - \frac{1}{e_{i,max}-e_{i,min}} \right) \exp(d_i * v_i)} \quad (1.5)$$

$$g_i(\mathbf{v}) = c_i \quad (1.6)$$

To illustrate how interactions modify occurrence probabilities, we simulate the model for two networks: A_1 where all interactions are negative and A_2 where they are all positive. We consider null diagonal elements for both networks. Consequently, there is no difference with the model without interaction when one species is alone in the locality. Simulation results are presented at Figure 4. Panel A presents the functions f_1 and f_2 we chose for our two species example. For networks A_1 and A_2 , we show how interactions alter the probabilities of observing different assemblages (respectively, Fig.4-B and Fig.4-C). The assemblage with both species present (solid red lines) is the most affected by interactions, switching from an occurrence probability of 0.2 (for negative interactions) to 0.8 (for positive interactions). Positive interactions enhance, as expected, co-occurrence while negative interactions prevent species from being found on the same island. Consequently, occurrence probabilities of single species states are lower in A_2 than in A_1 . According to a defined network, occurrence probabilities of the different assemblages are then modified, which affect the expected species richness (Fig.4-D).

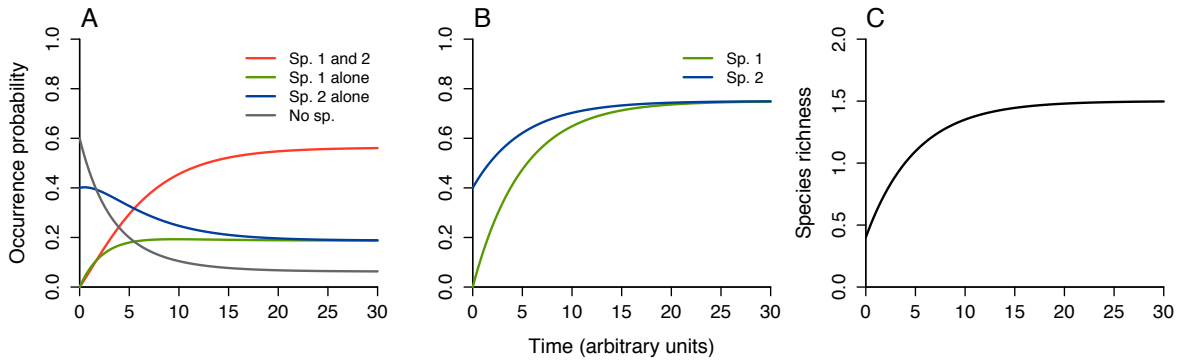


Figure 3: Dynamics of the community assembly. As a direct development of MacArthur and Wilson model, we simulate for two species, the dynamics of the four communities states with different initial conditions associated (A). By summing every states where one given species is present we get the occurrence probability of two considered species (B). Finally by summing the four states probabilities weighted by their species richness, we get the classical model of MacArthur and Wilson (C). The calculation of (B) and (C) does not require species being independent while classical approaches focus on (B) to derive (A) and (C) under this assumption of independence.

1.6.3 Integrating environmental gradients

We now introduce the effect of abiotic conditions, such as climatic variables, on transition probabilities. We denote the vector of n environmental conditions by \mathbf{w} : $\mathbf{w} = (w_1, w_2, \dots, w_n)$. We first assume that physiological constraints can affect both colonization and extinction probabilities through the functions f_i and g_i (affecting, respectively, extinction and colonization rates). Again the model in its general formulation does not presume any shape for these functions. We now have all the ingredients of an integrated model of biogeography as the transition probabilities at a location depend on 1) species-specific colonization and existence probabilities, 2) the network of interactions, 3) local community composition, and 4) local environmental conditions. In the general formulation of the model, functions f_i and g_i are functions of multiple variables (\mathbf{v} and \mathbf{w}).

At any time t , for a regional pool of P species among which interactions are summarized by the community matrix \mathbf{A} , in an environment characterized by \mathbf{w} , we can derive all

transition probabilities. These constitute a transition matrix of a Markov chain that we denote $\mathbf{M}(\mathbf{v}, \mathbf{w})$. Its elements, $\mu_{k,l}(\mathbf{v}, \mathbf{w})$, give the probability the locality in assemblage k turns into assemblage l (left side of equation (1.4)):

$$\mu_{k,l}(\mathbf{w}, \mathbf{v}) = \prod_{i_1 \in I_1} g_{i_1}(\mathbf{v}, \mathbf{w}) dt \prod_{i_2 \in I_2} (1 - g_{i_2}(\mathbf{v}, \mathbf{w}) dt) \prod_{i_3 \in I_3} f_{i_3}(\mathbf{v}, \mathbf{w}) dt \prod_{i_4 \in I_4} (1 - f_{i_4}(\mathbf{v}, \mathbf{w}) dt) \quad (1.7)$$

Note that the dimension of $\mathbf{M}(\mathbf{w})$ will increase as a power of the number of species P and thus can rapidly becomes large. Let \mathbf{C}_t be the line vector of the probability of observing each assemblage, defined by: $\mathbf{C}_t = (\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \text{"state 1"}), \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \text{"state 2"}), \dots, \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \text{"state } 2^P\text{"}))$. The Markov Chain formalism defines the probability of the future community composition at time $t + dt$ as $\mathbf{C}_{t+dt} = \mathbf{C}_t \mathbf{M}$. \mathbf{C}_t asymptotically reaches the \mathbf{C}_{eq} after a certain number of time steps. \mathbf{C}_{eq} is given by the normalized left eigenvector associated to the first left eigenvalue.

$$\lim_{\substack{l \rightarrow +\infty \\ l \in \mathbb{N}}} \mathbf{C}_0 \mathbf{M}^l = \mathbf{C}_{eq} \quad (1.8)$$

\mathbf{C}_{eq} contains the probability of all assemblages at the equilibrium. The occurrence probability of a given species, is provided by the sum of all probabilities of assemblage where that species is present. The richness at the equilibrium S_{eq} is the sum of \mathbf{C}_{eq} elements weighted by the number of species found in the associated assemblages.

For the sake of illustration, we further reduce the complexity of our model. We have previously removed the interactions (\mathbf{v}) from colonization (g) functions; we now state that extinction does not depend on environmental variables and so we remove the abiotic environment (\mathbf{w}) from extinction functions (f). This can be interpreted as the effects of the abiotic environment on extinction rate being included within e_i (i.e. extinction rate without interaction). Furthermore, we assume solely one environmental variable and a Gaussian shape for g_i functions (1.9). A simple function with a clear optimum and very low colonization for

extreme environment values is.

$$g_i(w_1) = g(w_1, (c_i, h_i, r_i)) = c_i * \exp\left(-\left(\frac{w_1 - h_i}{r_i}\right)^2\right) \quad (1.9)$$

This enables us to define an environmental optimum (h_i), a colonization probability per time unit (c_i) and also suitable range (r_i) for each species. Figure 5 presents the interplay between the three components of the integrated biogeographical model. The chosen functions for the environment-colonization relationship are illustrated in Panel A. For the two previous networks (A_1 and A_2 ; illustrated in Fig 4) we now compute the probabilities of observing the different assemblages at equilibrium, along the environmental gradient (Panel B and C). When interactions are negative (network A_1), species repulse each other and rarely co-occur, whatever the environment is. Most of their occurrence follow their abiotic niche (blue and green lines) as they are barely found together. Inversely, when interactions are positive (for A_2 network) they often co-occur where their abiotic niches overlap, thereby decreasing the probability of an empty community (Panel D, solid grey line). Finally, we present how interactions modify the resulting community composition along the environmental gradient (Panel D). Species richness is constrained by the distribution of abiotic niches and the sign of the interactions. As expected, the role of interactions is strongest when abiotic niches largely overlap.

1.7 Exploring the model

In our exploration, we choose a regional pool P of 10 species to keep the number of assemblages reasonable ($2^{10} = 1024$) and to numerically compute the exact solution of the equilibrium distribution \mathbf{C}_{eq} . We consider four types of interaction matrices \mathbf{A} . The first situation corresponds to the classical MacArthur and Wilson model, where the \mathbf{A} matrix is null (no interactions). For the three other scenarios we generate random matrices with fixed connectance (number of existing links divided by the number of potential links). The coeffi-

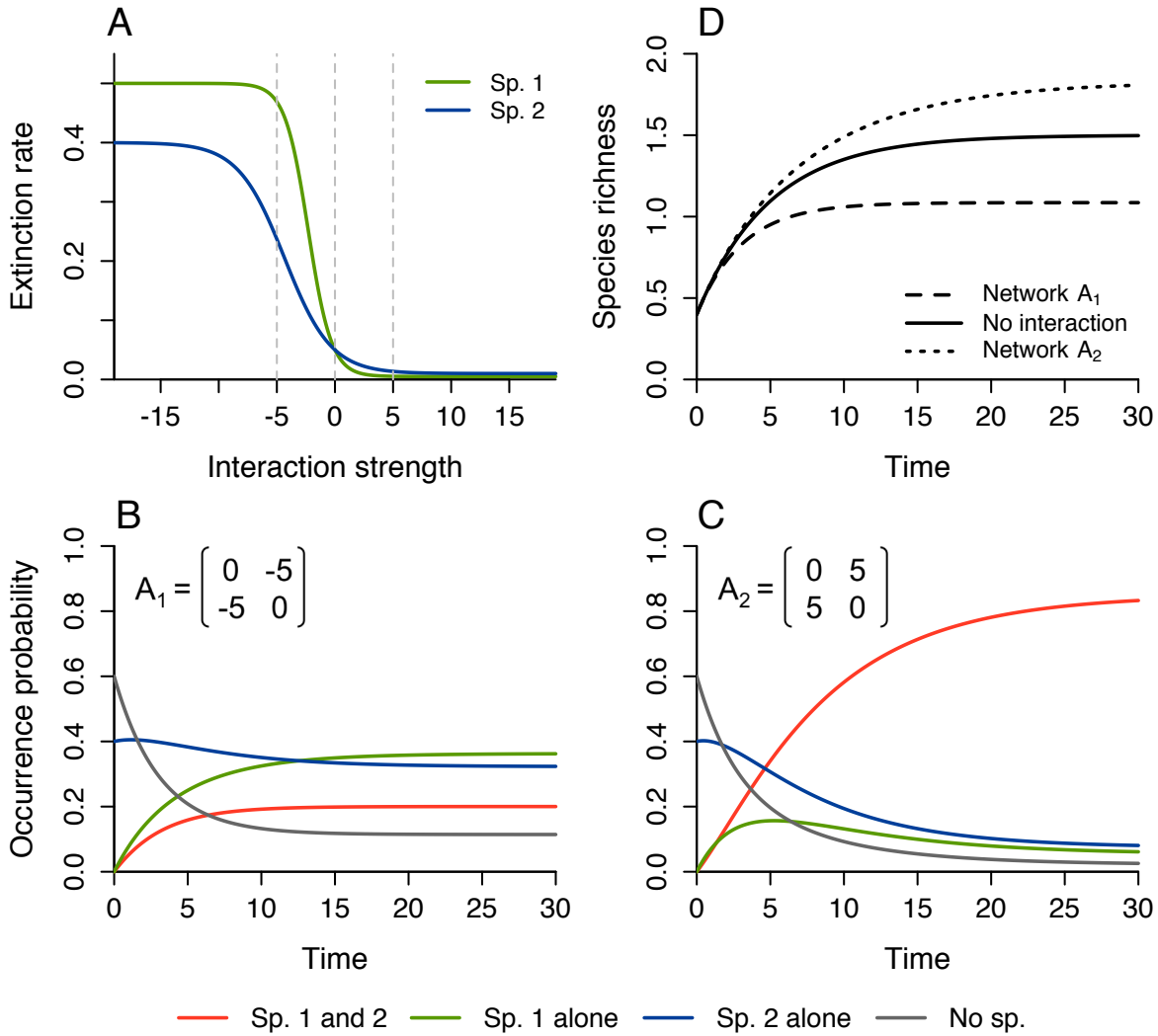


Figure 4: Effects of biotic interactions on colonization-extinction dynamics. For any species i , the extinction probability e_i is related to the strength of the interaction as shown in (A). The intersections of extinction curves with the grey dotted lines indicate the potential values of e_i according to the different biotic context (A_1 , A_2 and without interaction). We set the other parameters as follows: $c_1 = c_2 = 0.15$, $\mathbb{P}(X_{1,0} = 1, X_{2,0} = 0) = 0.4$, $\mathbb{P}(X_{1,0} = 0, X_{2,0} = 0) = 0.6$, $\mathbb{P}(X_{1,0} = 0, X_{2,0} = 1) = \mathbb{P}(X_{1,0} = 1, X_{1,0} = 1) = 0$. We then simulate the model for two simple networks A_1 and A_2 and present community assembly dynamics associated ((B) and (C)). Finally we compare the expected species richness on the locality (D) for our two networks and for the case without interaction which corresponds to the widespread linear version of the TIB.

cients within \mathbf{A} are drawn uniformly within $[0, 1]$ and the sign of the interaction is determined by the action of one species on another, for instance, a predator has a negative impact on its prey leading to a negative α coefficient; in return, a prey has a positive effect on its predators. The intensity of the interaction is then determined by the d coefficient of extinction functions (see equation (1.8)). We assume that the distribution of the links are given by the niche model (Williams and Martinez, 2000). This model is simple and provides relevant random food webs with the same number of positive and negative interactions. For the two last scenarios, we keep the rules to distribute the links, but turn all the coefficients in \mathbf{A} positive to generate a mutualism network, or negative for competition networks. Although these basic structures with exclusive interaction types are not realistic, they facilitate comparison among results. Hence, the scenarios simply differ by the sign distribution within the matrix \mathbf{A} : (i) no interaction \mathbf{A} is null, (ii) predation mixes both signs “+/-”, (iii) mutualism only “+”, (iv)-competition, only “-”. With these scenarios in hands, we 1) present the assemblages probabilities associated with a given level of species richness and 2) we look at the species richness expected along an environmental gradient. For all figures presented hereafter we used 1000 randomly-generated \mathbf{A} matrices.

Assemblage probabilities

First, we illustrate how interactions affect richness of species assemblages. To do so, we build the Markov chains for all the 1000 \mathbf{A} matrices generated (connectance set to 0.2) and we calculate the vector \mathbf{C}_{eq} . This is a vector of 1024 occurrence probabilities (as we consider 10 species). Then we sum all the probabilities that correspond to assemblages of the same richness. We do so for three values of d coefficient (0.1, 1 and 10); that is, we look at how the strength of interaction affect community richness predictions. Figure 6 presents the results of such investigation, with Panels A to C corresponding to the results for the three different values of the d parameter.

As expected, positive interactions increase local species richness by diminishing ex-

tion probabilities, while negative interactions weaken large communities (see the contrast between blue and red symbols on Fig. 6). This is stressed as interaction strengths increase, that is for increasing values of d . Indeed, when d is low, there is almost no difference among scenarios because interactions do not impact strongly colonization and extinction dynamics; occurring species can be regarded as mostly independent. All scenarios converge to the classical TIB scenario (no-interaction, grey symbols), the resulting species richness distribution is binomial (here for all species $p_{i,eq} = 0.5$ as $c_i = e_i = 10^{-5}$). Differences between interaction types increase with d . Species rich mutualistic communities are more likely to occur since positive interactions tends to promote co-occurrence. Therefore species occurrence can be dramatically affected by the strength of interactions: for $d = 10$ (Panel C in Fig. 6), the species richness is 9.46 for positive interactions (red symbols), 2.24 for the negative ones (blue symbols) and 5 without interactions. When positive and negative interactions are mixed (our predation scenario, green symbols on Fig. 6), it seems that the negative effect of predators on their prey prevails and so predation reduces species richness, but less than for competitive networks.

As we introduce variability through the use of randomly-generated matrices, we also compute the standard deviation associated with occurrence probabilities. The variability is provided as the coloured vertical bars found in Fig. 6 which stand for 50% of the total standard deviation. Clearly, variability increases with (i) the strength of interaction and (ii) the occurrence probability. Although this can simply reflect the variability of values found in \mathbf{A} matrices, this could potentially be caused by the variability of the location of non-zero values in \mathbf{A} matrices; that is, the structure of the networks we use.

1.7.1 Biodiversity distribution over environmental gradients

In this section, we introduce an environmental gradient to emphasize the interplay between interactions species-specific requirements along an environmental gradient. Our environmental gradient takes values from 0 to 30, for each of them we calculate the expected

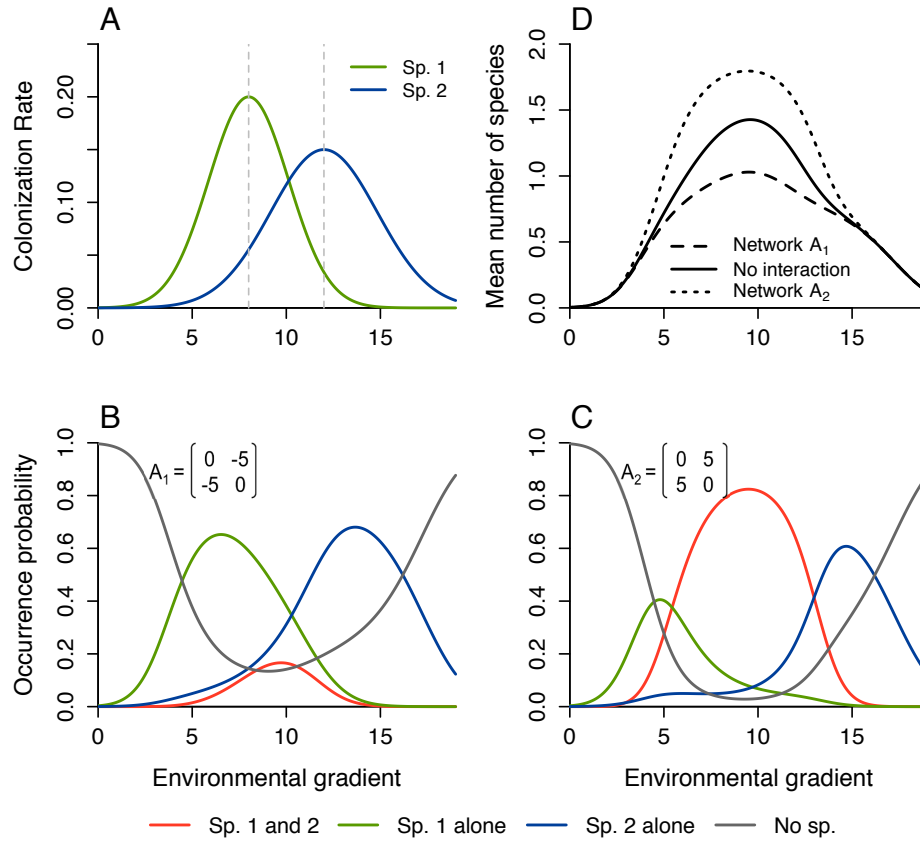


Figure 5: Equilibrium for interacting species along an environmental gradient. The colonization probability of species i , c_i , is related to the environment variable \mathbf{w} according to species-specific requirements (A). The intersection of the colonization curve of species i with the grey dotted lines represents the value of c_i associated with its environmental optimum h_i . We compute equilibrium occurrence probabilities for the different assemblages along the environmental gradient, for the networks A_1 with negative interactions (B) and A_2 with positive one (C). We calculate the expected species richness on the locality for the two networks and without interaction (D).

species richness associated to all scenario. To do so, we start by computing the colonization functions (g_i functions): species optima h_i are drawn from a uniform distribution from the range $[10, 20]$ and the widths of the abiotic niches are kept constant for all the simulations $r_i = 5$. Then we build the Markov chains for the different values of the environmental gradient and for the different \mathbf{A} matrices. Again, we derive the vector \mathbf{C}_{eq} and we sum its elements, i.e. occurrence probabilities of assemblage community, weighted by the species richness to

which they refer. We repeat the procedure for an increasing value of connectance of **A** matrices: from 0 to 0.4. For this section, the parameter d is set to 10, also extinction parameters are set as follows: $e_i = 10^{-5}$, $e_{i,min} = 10^{-3}e_i$, $e_{i,max} = 10^3e_i$ and $c_i = 10^{-5}$. Like so we obtain the profile of species richness we report on Figure 7.

For all scenarios, the richness is maximal at the center of the environmental gradient (Fig. 7). This is due to the distribution of species optima in the range [10, 20]. Also this is the range of environmental values for which the effect of interaction are the most important. Indeed, the higher the colonization probabilities, the higher interactions occur, therefore, interactions strongly impact species richness for favourable abiotic conditions. We also find that changes in species richness increase with connectance, as depicted by the colour of the solid lines for the three panels of Fig. 7: from black (without interaction) to the lightest blue (connectance set to 0.4).

Species richness is inversely related to connectance when interactions are negative (Panel A in Fig. 7). Moreover, when abiotic conditions are favourable, the number of species expected tends to 1. At the centre of the gradient, even though colonization probabilities are maximal, many species colonize but likely go extinct because of competition. We expect the locality to be most often occupied by species that are not affected by competition. Alternatively, in the case of positive interactions (Panel B in Fig. 7), the expected species richness is strongly enhanced by interactions even for low connectance. The expected species richness tends to reach the total number of species from the most favourable to semi-harsh abiotic conditions. As the connectance increases the Gaussian shape of the richness profile turns into a hat shape, which has one major consequence: from favourable to semi-harsh conditions, the species richness is maintained thanks to positive interaction, but it also quickly collapses as the environment becomes slightly harsher.

Finally, when positive and negative interactions are mixed, the higher the connectance, the flatter the richness profile (Panel C in Fig. 7). The expected species richness declines as connectance increases but far less than it does for negative interactions only. We think this

is caused by the colonization of numerous prey that promote the survival of predators which in turn prevent assemblages to be as large as they can be without interaction (as predators reduce the persistence of prey). Conversely, from harsh to intermediate environmental conditions, mixed sign interactions positively affect the species richness. We explain this as the consequence of the benefit predators take from the preys presence. Assemblages with few predators, promoted by positive effect of the prey on their predators, may be relatively stable. Since colonization is low, this assemblage may enhance species richness over time but they may also collapse as soon as an extra predator colonizes the island.

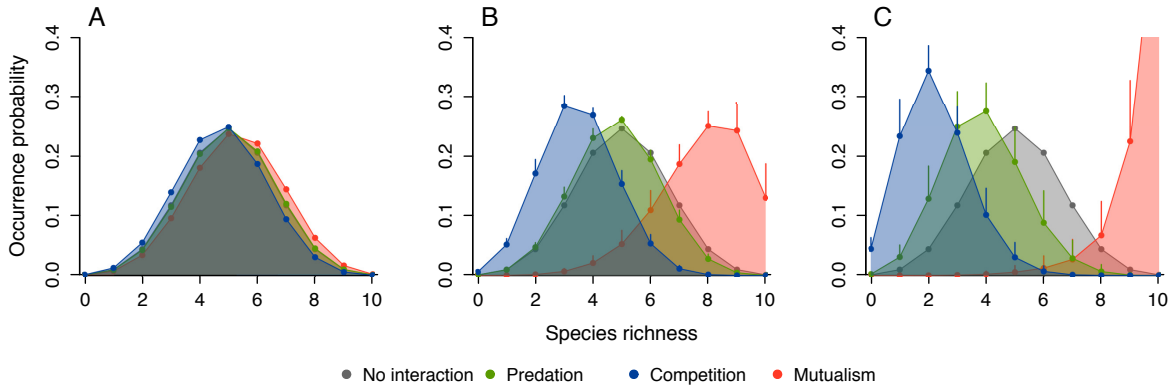


Figure 6: Probabilities of species richness for different types of interaction. We compute expected species richness at the equilibrium with the following set of parameters: $e_i = 10^{-5}$, $e_{i,min} = 10^{-3}e_i$, $e_{i,max} = 10^3e_i$ and $c_i = 10^{-5}$. We do so for three different interaction weights: $d = 0.1$ (A), $d = 1$ (B), $d = 10$ (C). In each panel, the four colours stand for the following types of networks: no interaction (grey), predation (green), competition (blue) and mutualism (red). Probabilities associated to coloured points are the means calculated for 1000 interaction matrices randomly-generated according to the niche model (Williams and Martinez, 2000) with a connectance set to 0.2. Additionally, vertical bars represent 50% of the standard deviations associated to these means. To facilitate comparisons among panels, we do not represent the occurrence probability of the 10 assemblages community in panel C for mutualism, which is 0.66 (the standard deviation associated is 0.33).

1.8 Discussion

Understanding how colonization-extinction dynamics influence species distribution and community structure remains a major challenge in biogeography (Wiens, 2011; Jabot and Bascompte, 2012; Godsoe and Harmon, 2012). Here, we build upon the simplicity of the Theory of Island Biogeography (TIB) to integrate crucial ecological processes, namely biotic and abiotic dimensions of the niche. Using the formalism of Markov chains, we derive an exact general solution for the occurrence probabilities of all possible assemblages that we calculate numerically (up to 10 species). Our approach is in stark contrast to the classic TIB (MacArthur and Wilson, 1967) where environmental gradients were not introduced and the co-occurrence among species was not modelled, despite empirical evidence of their impact (Diamond and Gilpin, 1982). By taking these constraints together we reveal how they interplay and affect species richness. We believe our approach offers new perspectives on the theory of biogeography and will support the development of species distribution models with the addition of species interactions.

In our model, we introduce the effect of biotic interactions as an ecological process affecting colonization/extinction probabilities. This has already been considered in many ways in the literature. For instance, more than forty years ago, Levins and Culver introduced extinction and migration rates affected by competition and showed analytically how it reduces co-occurrence (Levins and Culver, 1971). More recently, Jabot and Bascompte introduced production of eggs and seeds affected by interaction in an individual-based, meta-community framework and, hence, highlighted the potential effects of interactions on local diversity (Jabot and Bascompte, 2012). Also, Calcagno and colleagues demonstrated that tuning extinction and colonization rates based on the trophic relationships among species could explain the limited length of food chain (Calcagno et al., 2011). In contrast with previous studies, our approach is fully rooted on the TIB which yields well-defined null predictions (adding neither interaction nor environmental gradients), focuses on assemblages, and allows the investigation of the impact of any kind of network, including mixed interactions.

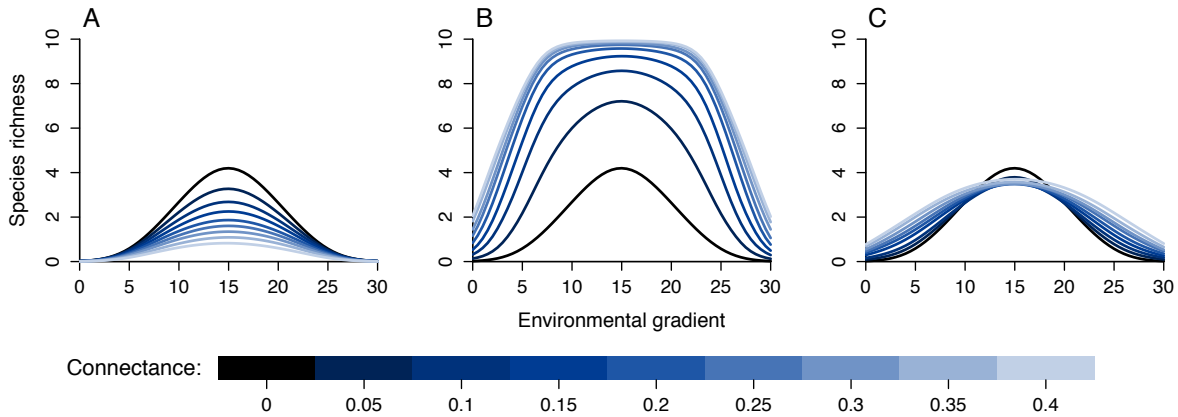


Figure 7: **Biodiversity distribution along environmental and connectance gradients.** We compute the expected species richness along an environmental gradient for competition (A), mutualism (B) and predation (C). We do so for different values of connectance depicted by the shades of blue. Species richness profile associated with the scenario without interaction is provided in each panel by the darkest solid line (connectance set to 0). Abiotic niches do have the same range for all species ($r_i = 5$) and the optima are randomly drawn in the interval $[10, 20]$. The interaction weight (d) is set to 10. The extinction parameters are set as follows: $e_i = 10^{-5}$, $e_{i,min} = 10^{-3}e_i$, $e_{i,max} = 10^3e_i$ and $c_i = 10^{-5}$.

Networks are convenient representations of the structure of ecological communities to study persistence and resilience (Thébault and Fontaine, 2010). A strength of our model is that it not only takes all direct interactions into account, but also indirect ones (Wootton, 1994). For instance, in a linear trophic chain of three species, the occurrence of the top predator depends not only on the presence of its prey but also on the species at the bottom of the chain (Gravel et al., 2011). This means that the distribution of the top predator will be influenced not only by its own abiotic requirements, but also by those of its prey and the species at the bottom of the chain. The signature of such indirect interactions should be common in co-occurrence networks. This property comes from the assumption that interactions change extinction rates and the Markov chain formalism employed. Our formalism therefore provides a tool, similar to the general Lotka-Volterra equations for the local scale, that could be used to study the emergence of indirect interactions in networks at the large spatial scale.

The challenge of developing joint species distribution models (Pollock et al., 2014; Pel-

[lissier et al., 2013](#)) have recently motivated researchers to investigate co-occurrence ([Araújo and Rozenfeld, 2014](#); [Veech, 2013](#)). Our framework helps to disentangle the two main processes by which non-random species associations (co-occurrence) can arise. First, two species not interacting with each other could be non-randomly co-distributed because of similar or antagonistic ecological requirements. As we introduced an abiotic constraint on the colonization probability, some assemblages will be more likely than others on a given environment simply because some species are favoured and others filtered out. We thus expect to find a signature of the covariance in species response to the environment on these assemblage probabilities. Secondly, non-random co-distribution will arise from ecological interactions. We considered an additive impact of all ecological interactions a species is experiencing from the community. Species interact in various ways, but at the end all interactions do impact demography by definition. This reality enters the model by either enhancing or decreasing extinction probabilities. In other words, the occurrence of a single species is derived from the expectation of observing all other species in the community.

Our framework therefore provides a formalism to investigate the relationship between co-occurrence networks ([Araújo et al., 2011](#)) and interaction networks. There is a significant amount of information contained in the data of co-occurrence, which is overlooked by most current methods of community analysis. Standard species distribution models are fitted to univariate presence/absence data, neglecting the information contained in the distribution of associated taxa. Multivariate statistics summarize the spatial structure of ecological communities, but they are essentially limited to the description of co-occurrence, they are not meant to predict species distributions conditional on other species. Most analyses of co-occurrence aggregate pairwise observations into a single index for the whole community, thereby missing substantial information pertaining to the consequences of biotic interactions ([Boulangeat et al., 2012](#)). This situation is not surprising given there is no general theory for co-occurrence. Current hypotheses are mostly limited to negative interactions, leading to negative co-occurrence (repulsion), or positive interactions, leading to positive co-occurrence (attraction). Many theoretical achievements are required to study co-occurrence for more

complex assemblages, mixing positive, negative and antagonistic interactions. In addition, the impact of indirect interactions emerging in interaction networks on species distribution is ignored. Our approach provides a formal framework to overcome these limitations as we calculate assemblage probability at biogeographical scale and then derive co-occurrence. It also allows the decomposition of the strength of pairwise associations between abiotic and biotic drivers, opening the way for novel statistical developments of species distribution models taking into account this multi-occurrence information. We propose that studying the role of biotic factors at large scale requires us to introduce them as assemblages instead of adding species as factors which likely leads to non-equivocal conclusion ([Araújo and Luoto, 2007](#)). In addition, our approach is not limited to species pairs, the assemblage probabilities provide a valuable tool to the co-occurrence of groups of species such as motifs ([Stouffer et al., 2007](#)).

The importance of interactions across different scales is still debated ([McGill, 2010](#); [Araújo and Rozenfeld, 2014](#)). A common assumption is that interactions are negligible at large spatial scales, based on the rationale that abiotic filters primarily determine the composition of assemblages ([Pearson and Dawson, 2003](#)). This argument persists even though theoretical ([Gravel et al., 2011](#)) and empirical ([Gotelli et al., 2010](#)) evidence suggest the opposite. The key issue to solve this debate is thus to know how interactions can influence species assemblages with increasing spatial scale. Although the TIB still provide insights into the assembly of natural communities, the success of recent approaches integrating interactions strongly support their relevance at large scales. Indeed the addition of network structure ([Pellissier et al., 2013](#)) or correlation between species ([Pollock et al., 2014](#)) as proxies for interactions have adequately improved forecast accuracy. Here we do not solve this fundamental issue, however our model illustrates how species distribution at large scale will be impacted by the kind of interaction, their numbers and their distribution.

Although our framework is not readily applicable to real datasets, it nonetheless provides a theoretical foundation for the derivation of new statistical modelling approaches. We propose a different perspective which is rooted on theory, in contrast with what is usually done

with phenomenological model representing the structure of the data (Thuiller et al., 2013). There are nonetheless significant challenges to apply our framework to empirical data. First, we must find a way to deal with large numbers of species. At present, given n species in the regional pool, we compute an eigen vector of 2^n probabilities from a $2^n * 2^n$ transition matrix of a Markov chain. Moreover, in its current formulation, it requires us to evaluate a very large amount of data including a description of network of the same species across time and space to get accurate estimations. Solving this issue will require a rational to reduce the number of species considered. This could be achieved either by inference of the relevant interactions, or alternatively by pooling species into groups. A systematic and rigorous method to build meaningful groups of interacting species from proxies such as traits and phylogenies remains to be developed, but there are nonetheless promising avenues (Baskerville et al., 2011). The relatively small number (from 3 to 7) of dimensions to ecological networks, i.e. the number of trait-axes required to properly infer interactions (Eklöf et al., 2013), supports its feasibility. A second challenge is to account for spatial structure that constrains population flux. Despite the theoretical developments, applied approaches to model species distribution struggle to introduce it efficiently (Boulangeat et al., 2012). The island-mainland approximation remains elegant but might be too simple for applied situations. One solution may be to identify source and sink localities, (Boulangeat et al., 2012). This requires us to consider i) species abundances and ii) spatial structures which would strongly increase the complexity of the model. One first step forward could be to apply the Levins model rather than the island-mainland model as Levins and Culver did to study the impact of competition (Levins and Culver, 1971).

Despite our call for a new integrated theory of biogeography, we acknowledge the limitations of the framework. Recent studies aimed at integrating population dynamics, for instance, using approximations from the metabolic theory of ecology. This is a hopeful direction to assess local extinction risk, accounting for network structure, body size and abundance (Schneider et al., 2012). Beyond body size, other functional traits (McGill et al., 2006) could help us to escape from species singularity toward more general rules. Hence, approximating

food web structure could be done using traits ([Gravel et al., 2013](#)) and energetic requirements can be easily quantified through body size and local temperature constraints ([Brown et al., 2004](#)). Moreover considering changes in traits over time may be a key to introduce evolutionary processes. This would help us to release one strong assumption of our work: no speciation processes are taken into account. Although it might not matter for short time periods, having a pool of species unchanged becomes a major issue for time scales that exceed by far the lifespans of species we consider. Further, our framework could be applied to investigate diversification dynamics on remote areas, with a particular emphasis on the effect of ecological interactions on adaptive radiations. Despite the complexity of such model, it would very likely provide valuable insights on the future of biodiversity under current global change.

Since the seminal work of Davis et al. ([Davis et al., 1998](#)), there is growing evidence that the response of species to climate change must be studied at the community scale ([Suttle et al., 2007](#)). Even though species respond individually to climate change, they are constrained by complex direct and indirect biotic interactions emerging from large scale organization ([Lavergne et al., 2010](#)). The study of Cahill and colleagues ([Cahill et al., 2013](#)) has revealed the difficulties to link climate changes and species extinction. Even when the climate is expected to drive local extinctions, it actually implies a chain of perturbations amidst which biotic factors prevail (*e.g.* loss of prey [Durance and Ormerod, 2010](#)). For instance, species contributing to the persistence of plant-pollinator networks are paradoxically the most vulnerable to extinction ([Saavedra et al., 2011](#)), highlighting the risk of extinction cascades. As Säterberg et al. expressed, “the species to be the first to go extinct is not the one whose mortality rate is increased but instead some other species in the food web”, thereby suggesting that perturbations which affect species differently also spread over the network making extinction difficult to predict ([Säterberg et al., 2013](#)). Although this is fully understandable as species interact, this makes forecasting of future species distributions more complicated. Therefore the challenge of proposing biodiversity scenarios to global change requires new approaches integrating ecological processes over time and spatial scales, and to disentangle their rela-

tive contribution ([Lavergne et al., 2010](#)). We think that the assemblage-based approach we propose here is a promising perspective to introduce interactions in biogeographical models.

1.9 Acknowledgment

We thank Chantal L. Hutchison for insightful comments on the manuscript. KC was supported by a grant from the Ministry of Higher Education and Research of France. DG was supported by a NSERC Discovery grant and the Canadian Research Chair program. NM was supported by the CNRS.

ARTICLE 2

THEORIE DE CO-OCCURRENCE DES ESPECES DANS LES RÉSEAUX D'INTERACTION

2.1 Résumé en français du deuxième article

Au chapitre précédent, j'ai mis en évidence les impacts potentiels des interactions sur la présence locale des espèces dans le cadre de la TIB. Afin de faire un pas en avant vers le traitement des données typiques en biogéographie, les données de présence et d'absence des espèces, je me suis confronté aux problèmes de co-occurrence des espèces en interactions.

La co-occurrence observée dans les données est simplement le nombre total de sites où les espèces sont présentes ensemble rapporté au nombre total de sites étudiés. Pour pouvoir aller plus loin, avec mes collaborateurs, nous avons défini une mesure de co-occurrence sous l'hypothèse d'indépendance. Cela signifie que nous prenons l'occurrence respective des deux espèces et que nous les multiplions pour obtenir la mesure de co-occurrence sous cette hypothèse. Grâce à la comparaison entre ces deux valeurs nous avons été capables d'illustrer, dans l'article présenté ci-dessous, cinq grands principes relatifs à la co-occurrence des espèces en interaction :

1. Les interactions directes entre deux espèces affectent la co-occurrence. C'est une transposition directe des résultats du chapitre précédent sur la mesure de co-occurrence : s'il existe un lien entre deux espèces, leur probabilité d'être présentes simultanément dans une localité diffère de la probabilité attendue si elle se rencontraient aléatoirement.

2. Les interactions indirectes modifient la probabilité de co-occurrence. Malgré l'absence d'interaction directe entre deux espèces, ces dernières peuvent néanmoins être liées par une ou plusieurs autres espèces, l'interaction est alors qualifiée d'indirecte. Si les

conséquences des interactions directes se propagent à travers le réseau via ces relations indirectes, il est alors possible que la répartition d'une espèce soit affectée par une autre espèce avec laquelle aucune interaction directe n'est constatée.

3. L'effet des interactions sur la co-occurrence n'est pas symétrique. Il n'existe a priori aucune raison pour que ces effets soient symétriques. Néanmoins, en utilisant la mesure de co-occurrence telle que décrite ci-dessus, nous la considérons comme telle. Nous montrons alors comment les probabilités conditionnelles peuvent prendre en compte l'asymétrie des effets des interactions.

4. La force d'association entre deux espèces diminue avec la longueur du plus court chemin entre deux espèces. Plus les espèces sont éloignées dans le réseau, moins les conséquences des interactions indirectes seront perceptibles, nous montrons alors que les effets des interactions directes diminuent lors de leur propagation dans le réseau.

5. La force d'une association avec une autre espèce diminue avec le nombre d'interaction qu'elle entretient. Si une espèce a de nombreux liens dans le réseau (par exemple, un prédateur généraliste), alors celle-ci sera moins dépendante d'une espèce en particulier et de fait la relation qu'elle entretient avec les espèces se rapprochera de la co-occurrence sous hypothèse d'indépendance.

2.1.1 Publication associée

Pour ce second article, le contexte est particulier : Dominique Gravel a été invité à un numéro spécial de la revue scientifique *Theoretical Ecology* sur les réseaux écologiques. Dominique Gravel m'a alors proposé de travailler sur le prolongement de la réflexion menée au chapitre 1 et de l'appliquer sur les données de co-occurrence. J'ai alors conceptualisé un modèle probabiliste pour tenter de comprendre comment les interactions peuvent affecter la co-occurrence. Je me suis occupé de toute la partie modèle et des figures. Avec Dominique Gravel, nous avons rédigé l'essentiel du manuscrit avec des apports significatifs de Nicolas

Mouquet et de Miguel B. Araújo qui sont alors devenus co-auteurs. L'article a été publié en ligne en octobre 2015 et est sorti dans le volume 9 (volume de l'année 2016), le DOI associé est : **10.1007/s12080-015-0281-9** ([Cazelles et al., 2016a](#)).

2.1.2 Traduction du résumé de l'article publié

L'étude de la co-occurrence des espèces a été essentielle en écologie des communautés depuis la fondation de la discipline. Cependant, les données de co-occurrence sont une source d'information négligée par les modèles de distribution d'espèces et les biogéographes se demandent encore quels sont les effets des interactions aux différentes échelles biogéographiques. Nous soutenons l'idée qu'une théorie de la co-occurrence des espèces au sein d'un réseau écologique est nécessaire pour mieux interpréter les données de co-occurrence, pour formuler des hypothèses sur les mécanismes d'assemblage des communautés et pour étendre l'analyse des distributions d'espèces qui se concentre actuellement sur la relation entre les données d'occurrences et les facteurs abiotiques. L'objectif principal de cet article est de fournir les premières briques d'une théorie générale de la co-occurrence des espèces. Nous formalisons le problème avec différentes probabilités étudiées dans un contexte d'analyse de co-occurrence. Nous analysons les modules de trois espèces en interactions et nous conduisons des simulations pour documenter cinq principes influençant les associations au sein d'un réseau écologique : i) les interactions directes affectent la co-occurrence ii); les interactions indirectes affectent la co-occurrence; iii) la co-occurrence est rarement symétrique; iv) la force d'une association diminue avec la longueur du chemin le plus court entre deux espèces; v) la force d'une association diminue avec le nombre d'interaction qu'une espèce entretient. Nos analyses révèlent la difficulté d'interprétation des interactions entre espèces avec des données de co-occurrence. Nous discutons la possibilité d'inférence de la structure des réseaux d'interaction depuis ces données. Nous argumentons également que les modèles de distribution peuvent bénéficier de l'incorporation des probabilités conditionnelles en vue d'intégrer la contribution des interactions biotiques dans la distribution d'une seule espèce.

Les sections qui suivent sont celles de l'article publié.

2.2 Titre

A Theory for species co-occurrence in interaction networks

2.3 Auteurs

Kévin Cazelles, Miguel Araújo, Nicolas Mouquet et Dominique Gravel

2.4 Résumé en anglais

The study of species co-occurrences has been central in community ecology since the foundation of the discipline. Co-occurrence data are, nevertheless, a neglected source of information to model species distributions and biogeographers are still debating about the impact of biotic interactions on species distributions across geographical scales. We argue that a theory of species co-occurrence in ecological networks is needed to better inform interpretation of co-occurrence data, to formulate hypotheses for different community assembly mechanisms, and to extend the analysis of species distributions currently focused on the relationship between occurrences and abiotic factors. The main objective of this paper is to provide the first building blocks of a general theory for species co-occurrences. We formalize the problem with definitions of the different probabilities that are studied in the context of co-occurrence analyses. We analyse three species interactions modules and conduct multi-species simulations in order to document five principles influencing the associations between species within an ecological network: i) direct interactions impact pairwise co-occurrence; ii) indirect interactions impact pairwise co-occurrence; iii) pairwise co-occurrence rarely are symmetric; iv) the strength of an association decreases with the length of the shortest path be-

tween two species; v) the strength of an association decreases with the number of interactions a species is experiencing. Our analyses reveal the difficulty of the interpretation of species interactions from co-occurrence data. We discuss whether the inference of the structure of interaction networks is feasible from co-occurrence data. We also argue that species distributions models could benefit from incorporating conditional probabilities of interactions within the models as an attempt to take into account the contribution of biotic interactions to shaping individual distributions of species.

2.5 Mot-clef

Co-occurrence, Ecological networks, Biogeography, Indirect interactions, Null models

2.6 Introduction

Understanding of the processes driving the assembly of communities has been a central theme of ecology since the foundation of the discipline. How do we start from a regional species pool to assemble a structured community? Why are some species associated with each other? The work of [Diamond \(1975\)](#) pioneered the analysis of species co-occurrence in geographical space and, together with the controversy triggered by [Connor and Simberloff \(1979\)](#), it stimulated the development of a new field of research in numerical ecology ([Stone and Roberts, 1990](#); [Gotelli and Graves, 1996](#); [Legendre and Legendre, 2012](#)). The foundational work on species co-occurrences also led to the development of a rich array of methodological tools designed to test null hypotheses in ecology. Even if null models could be achieved numerically (*e.g.*, [Araújo et al., 2011](#)), typically they are based on permutations of distribution data. Null models have been used to infer the role of biotic interactions between pairs of species on their individual distributions. Studying the different drivers of species co-occurrence is not only of theoretical interest for improving understanding of the mechanisms

of community assembly. It is also instrumental in predictive ecology, because a considerable amount of information is contained in species distributions data.

Despite its historical importance for community ecology, co-occurrence data remain a neglected source of information in models of species distributions. Biogeographers are still debating the impact of biotic interactions on species distributions ([Guisan and Thuiller, 2005](#); [Gotelli et al., 2010](#); [Kissling et al., 2012](#); [Pellissier et al., 2013](#)). The distribution of a species is thought to be first influenced by its physiological tolerance to environmental conditions, but also by interactions with other species ([Hutchinson, 1957](#); [MacArthur, 1972](#); [Peterson et al., 2011](#); [Boulangéat et al., 2012](#)). The question of whether such interactions leave imprints in the distributions of individual species at biogeographical scales is still open to debate (*e.g.* [Davis et al., 1998](#)), but recent empirical [Gotelli et al. \(2010\)](#), modeling (*e.g.* [Araújo and Luoto, 2007](#)), and theoretical ([Araújo et al., 2011](#)) evidence invites the interpretation that this might indeed be the case.

The overwhelming majority of species distributions modelling applications, nonetheless, neglect information contained in joint distributions. Even multivariate analysis of community data (*e.g.* redundancy analysis - [Legendre and Legendre, 2012](#)) do not use co-occurrence in geographical space to condition individual species response to environmental variation. There has been a recent rise of interest however in joint species distribution modelling ([Clark et al., 2014](#); [Harris, 2015](#); [Pollock et al., 2014](#)). These methods estimate the distribution of all species from a pool simultaneously and allow to condition the presence of a species on all other ones. However, estimated relationships are inferred from co-occurrence in environmental space rather than geographical space. That is, joint responses to the environment are inferred rather than biotic interactions themselves ([Baselga and Araújo, 2009](#)). JSDMs are, nonetheless, a first step towards developing a next generation of models accounting for the impact of biotic interactions on the distributions of species. They are, however, purely empirically driven and carry no specific hypotheses about how interactions can affect distributions. An exception is the recent attempt to model the effects of predator-prey dy-

namics on distributions and abundances using a meta- community framework coupled with phenomenological species distributions models (Fordham et al., 2013). The problem with such approaches is that data to parametrize interactions mechanistically are generally lacking (Morales-Castilla et al., 2015); therefore, they are hardly applied in most circumstances. It follows that we are faced with at least two major problems: i) understanding of the ecological interactions underlying the distributions of species is limited; and ii) knowledge of interactions is typically limited to net interactions, mixing both direct and indirect interactions. A theory of species co-occurrences in ecological networks is, therefore, needed to help interpret co-occurrence data, to formulate hypotheses for different community assembly mechanisms, and to extend the analysis of species distributions currently focused on the relationship between occurrences and abiotic factors.

The analysis of species co-occurrences starts with a matrix representing the presence and absence of each species over a set of sites. There are two aspects to the quantitative study of co-occurrence. The first is the choice of the metric used to quantify the strength of associations (relationships between species occurrences) between pairs of species. The simplest measure of species co-occurrence is the number of species combinations, as defined by Pielou and Pielou (1968). A second index is the count of checkerboards Diamond (1975): “In such a pattern, two or more ecologically similar species have mutually exclusive but interdigitating distributions in an archipelago, each island supporting only one species” (p. 32). Another popular index of co-occurrence is the C-score (Stone and Roberts, 1990). This index is similar to the count of checkerboards; it measures the average association or repulsion between pairs of species.

The second aspect of the analysis of species co-occurrence is the formulation of a null model. The controversy generated in (Connor and Simberloff, 1979) was partly (and rightly) based on the absence of a valid null hypothesis in Diamond’s analysis. Subsequent debates were mostly concerned with the formulation of the null hypothesis (*e.g.*, Diamond and Gilpin, 1982). Thanks to the theoretical work of Gotelli and Graves (1996), there is now a clear un-

derstanding of the different null models that can be constructed from the community matrix. New indices are constantly proposed, such as in ([Boulangeat et al., 2012](#); [Veech, 2013](#)); see also Table 2 in ([Ulrich and Gotelli, 2013](#)) for a description of 15 indices for co-occurrence analysis. A promising avenue is the one proposed by [Araújo et al. \(2011\)](#) for the study of the matrix of species co-occurrence with tools borrowed from network theory.

Surprisingly, there is currently no theory for co-occurrence in multi-species communities. The basic hypotheses are that pairwise negative interactions result in repulsion, while pairwise positive interactions result in attraction. Attraction and repulsion are assessed by a comparison of the number of co-occurrence events to the number expected under a totally independent distribution. Similar environmental requirements between species could also result in attraction, even in the absence of interactions, if the sampling is conducted across heterogeneous environmental conditions. This theory is limited to pairwise and symmetric interactions; there is nothing for antagonistic and indirect interactions. Food web ecologists were among the first to recognize the important effect of indirect interactions on abundance ([Wootton, 1994](#)). For instance, plant and carnivore abundances are expected to correlate across a productivity gradient ([Hairston et al., 1960](#); [Oksanen et al., 1981](#)) because of top-down control on the herbivore population. Similarly, the propagation of indirect interactions has been studied in more complex interaction networks ([Yodzis, 1988](#)). Indirect interactions could reverse the net interaction in a surprising way, such that predator-prey abundances could be positively related ([Montoya et al., 2009](#)). Empirical analysis of co-occurrence for several taxa has shown that they are usually asymmetric ([Araújo et al. 2011](#)), such that a species distribution tended to be nested within the distribution of other (*e.g.* predator-prey distributions [Holt and Barfield, 2009](#); [Gravel et al., 2011](#)). In such a case, even if the co-distribution signature is quite understood, available methods will likely fail at using this piece of information to improve forecasts.

The main objective of this paper is to provide the first building blocks of a general theory of species co-occurrences. We formalize the proposed theory with definitions of different

quantities that are studied in the context of co-occurrence analyses. Herewith, we analyse three species interactions modules in order to document five principles influencing the association between pairs of species from an ecological network: i) direct interactions impact pairwise co-occurrence; ii) indirect interactions impact pairwise co-occurrence; iii) pairwise co-occurrence does not have to be symmetric; iv) the strength of an association decreases with the length of the shortest path between two species; v) strength of an association decreases with the number of interactions a species is experiencing. We base our mathematical argument on a general model of species distributions that is free of any assumption about how the ecological interactions operate. Finally we extend our analysis with simulations of multi-species networks in order to analyse how these mechanisms scale up in species rich communities.

2.7 Definitions

We start with definitions to formalize the quantities that can be computed from species distribution data and be used in the context of co-occurrence analyses. Let X_i be the random variable representing the presence of species i . $X_i = 1$ when species i is present, $X_i = 0$ otherwise. Then $X_{i,t>0}$ is the random process associated, giving the value that $X_{i,t}$ takes at any time t . Let $p_{i,t}$ standing for the probability $\mathbb{P}(X_{i,t} = 1)$. Also, to illustrate the definitions, we derive the quantities for a simple presence/absence dataset (see Table 2).

The **marginal occurrence probability** $\mathbb{P}(X_{i,\infty} = 1) = p_i^*$ represents the occurrence probability of species i when the system is at equilibrium, in the sense of the classical theory of island Biogeography [MacArthur and Wilson \(1967\)](#). As we assume so for all species, we drop the $*$ and the ∞ for the sake of clarity. The marginal occurrence probability is the sum of the occurrence of the species across all possible set of species in the data. In other words, it corresponds to the sum of the column of the site \times species table, divided by the total number of sites N . Marginal occurrence probabilities for species in Table 2 are: $p_1 = 0.6$, $p_2 = 0.6$

and $p_3 = 0.4$.

The **observed co-occurrence** between species i and j is the joint probability $p_{i,j} = \mathbb{P}(X_i = 1 \cap X_j = 1)$. It represents the number of sites where the two species are found together, across all possible set of species in the data (in other words, it is a marginal probability with respect to other species), divided by N . In our dataset, for instance, we have $p_{1,2} = 0.3$ and $p_{1,3} = 0.2$.

The **conditional co-occurrence** between species i and j is $p_{i|j} = \mathbb{P}(X_i = 1 | X_j = 1)$. It represents the probability of observing species i , knowing that species j is already present. This quantity is close to the measure of association between two species because it is independent of the marginal occurrence probability of both species. The problem is that, as soon as there are other species present, the conditional co-occurrence as expressed here is marginalized over the set of all other species from the community K . For instance, for three species, we have: $p_{1|2} = \mathbb{P}(X_1 = 1 | X_2 = 1, X_3 = 1) + \mathbb{P}(X_1 = 1 | X_2 = 1, X_3 = 0)$. It, therefore, includes both the effect of *direct* and *indirect* associations between species, e.g. the direct association of species 1 with species 2 or the indirect association of species 3 with 1 via its effect on 2. Consequently, the measure of pairwise association should be: $p_{i|j,\bar{K}} = \mathbb{P}(X_i = 1 | X_j = 1, X_K = 0)$, where the horizontal bar over K denotes absence of all other species. We name this the **fundamental conditional co-occurrence**. For instance, in Table 2, we get $p_{1|2} = \frac{p_{1,2}}{p_2} = 0.5$ and $p_{1|2,\bar{3}} = \frac{p_{1,2,\bar{3}}}{p_{2,\bar{3}}} = \frac{0.2}{0.3} = 0.67$.

Following the same logic, we define the **fundamental occurrence** as $p_{i|\bar{K}} = \mathbb{P}(X_i = 1 | X_K = 0)$. The fundamental occurrence is conceptually equivalent to the fundamental niche of Hutchinson (1957) and represents the probability of observing a species in the absence of biotic interactions, i.e., when all other species are absent. By analogy, the marginal occurrence should be interpreted as the realized distribution. For species 1 in Table 2 we calculate $p_{1|\bar{23}} = \frac{p_{1,\bar{2},\bar{3}}}{p_{\bar{2},\bar{3}}} = \frac{0.2}{0.3} = 0.67$.

Finally, we define the **independent co-occurrence** as $p_{i,j,IND} = \mathbb{P}(X_i = 1)\mathbb{P}(X_j = 1)$. It

represents the co-occurrence between any pairs of species expected in absence of any association between them. In ecological terms, it would represent the co-occurrence when ecological interactions and habitat filtering do not impact species distribution. It also represents the null model against which observed co-occurrence is usually compared to. Note the independent co-occurrence is different from the one expected under a neutral model ([Stephen P. Hubbell, 2001](#)). Firstly because strong competitive interactions in the neutral model forces repulsion and, secondly, because dispersal limitation also causes spatial aggregation and thus a non-random distribution of co-occurrence ([Bell, 2005](#)). In our example, we obtain, for instance, $p_{1,2;IND} = 0.36$ and $p_{2,3;IND} = 0.24$.

Direct association between two species

We start with the analysis of a two species situation, labeled species 1 and species 2, in order to understand direct associations between species pairs. A third species, 3, will be introduced in the next section to study indirect associations. The model we develop is general, as we do not specify the type of ecological interactions involved. It therefore accounts for all possible mechanisms from which an association between a pair of species could arise, such as trophic interactions involving energy fluxes, non-consumptive interactions, parasitism, direct interference, territoriality, space pre-emption, niche construction, etc. The impact of predator-prey interactions in a metapopulation setting with colonization and extinction dynamics will be considered for the multi-species simulations.

As we are willing to understand the role played by interactions in co-occurrence, we start by defining marginal co-occurrence probabilities of our two species by a decomposition into conditionnal co-occurrences. By the formula of total probability we have:

$$\begin{aligned}
p_1 &= \mathbb{P}(X_1 = 1 \cap X_2 = 1) + \mathbb{P}(X_1 = 1 \cap X_2 = 0) \\
&= \mathbb{P}(X_1 = 1|X_2 = 1)\mathbb{P}(X_2 = 1) \\
&\quad + \mathbb{P}(X_1 = 1|X_2 = 0)\mathbb{P}(X_2 = 0)
\end{aligned} \tag{2.1}$$

We do the same for species 2. Using the notation described above, (2.1) could be rewritten as:

$$\begin{cases} p_1 = p_{1|2}p_2 + p_{1|\bar{2}}(1 - p_2) \\ p_2 = p_{2|1}p_1 + p_{2|\bar{1}}(1 - p_1) \end{cases} \tag{2.2}$$

where the vertical bar denotes the absence of a species. By solving the latter system, we get:

$$\begin{cases} p_1 = \frac{p_{1|\bar{2}} + p_{2|\bar{1}}(p_{1|2} - p_{1|\bar{2}})}{1 - (p_{2|1} - p_{2|\bar{1}})(p_{1|2} - p_{1|\bar{2}})} \\ p_2 = \frac{p_{2|\bar{1}} + p_{1|\bar{2}}(p_{2|2} - p_{2|\bar{1}})}{1 - (p_{2|1} - p_{2|\bar{1}})(p_{1|2} - p_{1|\bar{2}})} \end{cases} \tag{2.3}$$

When species are independent, we have $p_{1|\bar{2}} = p_{1|2} = p_1$ and $p_{2|\bar{1}} = p_{2|1} = p_2$, then we logically find (2.1) again. Then, we can deduce the following interpretation of the impact of **direct interactions** on co-occurrence:

- i if species 1 cannot persist in absence of 2 (e.g., a parasite requiring its host), then $p_{1|\bar{2}} \rightarrow 0$, therefore $p_1 \rightarrow p_{1|2}p_2$
- ii if species 1 depends strongly on 2 thereby perfectly tracking its distribution 2, the $p_{1|\bar{2}} \rightarrow 0$ and $p_{1|2} \rightarrow 1$, and therefore $p_1 \rightarrow p_2$
- iii if species 2 excludes 1, then $p_{1|2} \rightarrow 0$ and $p_{2|1} \rightarrow 0$, so $p_1 = \frac{p_{1|\bar{2}} - p_{2|\bar{1}}p_{1|\bar{2}}}{1 - p_{2|\bar{1}}p_{1|\bar{2}}}$ and $p_2 = \frac{p_{2|\bar{1}} - p_{2|1}p_{1|\bar{2}}}{1 - p_{2|\bar{1}}p_{1|\bar{2}}}$.
Therefore, if $p_{1|\bar{2}} \rightarrow 1$, then $p_1 \rightarrow 1$ and $p_2 \rightarrow 0$.

Co-occurrence in three-species modules

Now, we consider the co-occurrence between three species. We start with a general derivation of co-occurrence and then interpret the results for particular modules in order to reveal fundamental principles underling co-occurrence in ecological networks. Our solution provides insights to decipher the solution of species-rich networks since the three-node connected subgraphs are fundamental building blocks of larger networks (Milo et al. 2002; Stouffer et al. 2007; Stouffer and Bascompte 2010). We use the same approach as in (2.1) and get the subsequent equation:

$$\begin{aligned} p_1 = & \mathbb{P}(X_1 = 1 \cap X_2 = 1 \cap X_3 = 1) + \mathbb{P}(X_1 = 1 \cap X_2 = 0 \cap X_3 = 1) \\ & + \mathbb{P}(X_1 = 1 \cap X_2 = 1 \cap X_3 = 0) + \mathbb{P}(X_1 = 1 \cap X_2 = 0 \cap X_3 = 0) \end{aligned} \quad (2.4)$$

As $\{X_3 = 1, X_3 = 0\}$ forms a partition we get:

$$p_1 = \mathbb{P}(X_1 = 1|X_3 = 1)p_3 + \mathbb{P}(X_1 = 1|X_3 = 0)(1 - p_3) \quad (2.5)$$

This equation is analogous to the two-species interactions equation but enables the study of networks involving three species interactions, with species 2 being hidden by marginalization. We split the three species problem in two distinct two-interactions species problems. Firstly, we solve the equation for sites without species 3 and get:

$$p_{1|\bar{3}} = \mathbb{P}(X_1 = 1|X_3 = 0) = \frac{p_{1|\bar{2}\bar{3}} + p_{2|\bar{1}\bar{3}}(p_{1|\bar{2}\bar{3}} - p_{1|\bar{2}\bar{3}})}{1 - (p_{2|\bar{1}\bar{3}} - p_{2|\bar{1}\bar{3}})(p_{1|\bar{2}\bar{3}} - p_{1|\bar{2}\bar{3}})} \quad (2.6)$$

which is similar to equation (2.3) but with an explicit absence of species 3. We do similarly for the conditional occurrence of 1 on species 3:

$$p_{1|3} = \mathbb{P}(X_1 = 1|X_3 = 1) = \frac{p_{1|\bar{2}3} + p_{2|\bar{1}3}(p_{1|23} - p_{1|\bar{2}3})}{1 - (p_{2|13} - p_{2|\bar{1}3})(p_{1|23} - p_{1|\bar{2}3})} \quad (2.7)$$

Doing so, we get the following set of equations describing the marginal occurrence probabilities for the three species:

$$\begin{cases} p_1 = p_{1|3}p_3 + p_{1|\bar{3}}(1 - p_3) \\ p_2 = p_{2|3}p_3 + p_{2|\bar{3}}(1 - p_3) \\ p_3 = p_{3|2}p_2 + p_{3|\bar{2}}(1 - p_2) \end{cases} \quad (2.8)$$

Note that we could have chosen a different set of equations depending on the way we split the problem, for instance, we could have started by considering the occurrence of species 1 given the occurrence of species 2 instead of species 3. Now, we solve the above linear system of three equations with three unknowns and find that:

$$\begin{cases} p_1 = \frac{p_{1|\bar{3}} + p_{3|\bar{2}}(p_{1|3} - p_{1|\bar{3}}) + (p_{3|2} - p_{3|\bar{2}})(p_{1|3}p_{2|\bar{3}} - p_{1|\bar{3}}p_{2|3})}{1 - (p_{2|3} - p_{2|\bar{3}})(p_{3|2} - p_{3|\bar{2}})} \\ p_2 = \frac{p_{2|\bar{3}} + p_{3|\bar{2}}(p_{2|3} - p_{2|\bar{3}})}{1 - (p_{2|3} - p_{2|\bar{3}})(p_{3|2} - p_{3|\bar{2}})} \\ p_3 = \frac{p_{3|\bar{2}} + p_{2|\bar{3}}(p_{3|2} - p_{3|\bar{2}})}{1 - (p_{2|3} - p_{2|\bar{3}})(p_{3|2} - p_{3|\bar{2}})} \end{cases} \quad (2.9)$$

Conditional probabilities of the right-hand sides can all be derived as we did for $p_{1|3}$ in equation (2.7).

Community modules

We now interpret these equations with examples of well-studied food web modules in community ecology: 1) linear food chain, 2) exploitative competition and 3) apparent competition. To do so, we consider matrices of direct associations representing the conditional co-occurrence probabilities among all pairs of species (see Table 3).

We are interested by the *observed co-occurrence* because this is the quantity that is easily measurable from species distributions data, thus being the one that is typically studied. We consider that the marginal occurrence is also a known quantity and, therefore, we examine the effect of particular conditional co-occurrence arrangements on observed co-occurrences. We will not provide derivations for each module, but focus on particular pairs to illustrate two of the five principles.

Sites	Species 1	Species 2	Species3
1	0	1	1
2	0	1	1
3	1	1	0
4	1	0	1
5	0	0	0
6	1	1	1
7	0	1	0
8	1	0	0
9	1	0	0
10	1	1	0

Table 2: Presence/absence dataset for three species and 10 sites.

Indirect interactions . The comparison between the observed co-occurrence and the conditional co-occurrence reveals the role of indirect interactions on species associations. Based on (2.9) and (2.6) we get the association between species i and k :

$$\begin{aligned} p_{i,k} &= p_i - p_{i,\bar{k}}(1 - p_k) \\ p_{i,k} &= p_i - \frac{p_{i|\bar{j}\bar{k}} + p_{j|\bar{i}\bar{k}}(p_{i|\bar{j}\bar{k}} - p_{i|\bar{j}\bar{k}})}{1 - (p_{j|\bar{i}\bar{k}} - p_{j|\bar{i}\bar{k}})(p_{i|\bar{j}\bar{k}} - p_{i|\bar{j}\bar{k}})}(1 - p_k) \end{aligned} \quad (2.10)$$

Therefore the observed co-occurrence between species i and k depends on their respective interaction with species j ($p_{j|\bar{i}\bar{k}}$, $p_{j|\bar{i}\bar{k}}$ and $p_{j|\bar{i}\bar{k}}$). The conditional co-occurrence between two species could be null, but their observed co-occurrence be non-independent because of a shared interaction. This principle is best illustrated by the co-occurrence between a carnivore and a plant (species 3 and 1, respectively) in a linear food chain. In this situation, according to Table 3, we find that the observed co-occurrence between the plant and the carnivore is:

$$p_{1,3} = p_1 - \frac{p_{1|\bar{2}\bar{3}}}{1 - p_{2|\bar{1}\bar{3}}(p_{1|\bar{2}\bar{3}} - p_{1|\bar{2}\bar{3}})}(1 - p_3) \quad (2.11)$$

It is clear from this equation that there is a significant association between the carnivore and the plant, despite the conditional co-occurrence of the two species being totally independent. The indirect association gets stronger with the strenght of both conditional co-occurrence.

Similar observations could be made by studying the observed co-occurrence between consumers (species 2 and 3) in the exploitative competition module:

$$p_{2,3} = p_2 - \frac{p_{1|\bar{2}\bar{3}}p_{2|\bar{1}\bar{3}}}{1 - (p_{1|\bar{2}\bar{3}} - p_{1|\bar{2}\bar{3}})p_{2|\bar{1}\bar{3}}}(1 - p_3) \quad (2.12)$$

And between resources in the apparent competition module (species 1 and 2):

$$p_{1,2} = p_1 - \frac{p_{1|\bar{2}\bar{3}}}{1 - p_{3|1\bar{2}}(p_{1|\bar{2}\bar{3}} - p_{1|\bar{2}\bar{3}})}(1 - p_2) \quad (2.13)$$

Associations do not have to be symmetrical. Many studies of co-occurrence assume pairwise associations to be symmetrical (but see [Araújo et al., 2011](#); [Boulangeat et al., 2012](#)). The reason is simple, usually the observed co-occurrence is compared to the independent co-occurrence. These two metrics of association are perfectly symmetrical. This information is providing us an inappropriate interpretation of the effect of interactions on species distribution. If we consider for instance the association between the two consumers (species 2 and 3) competing for a single resource (species 1), we have the observed co-occurrence at (2.12), which is symmetrical by definition. The proportion of the area occupied by species 2 where species 3 is also present is not however equivalent to the proportion of the areas occupied by species 3. Rephrasing the problem, we find that using (2.7) and (2.12), $p_{2,3}/p_2$ is not equal to $p_{2,3}/p_3$. One species could have a stronger impact on the distribution of the other one. Predator distribution for instance tends to be nested within the distribution of the prey ([Gravel et al., 2011](#)), and consequently the predator has a high conditional co-occurrence with the prey, and alternatively the prey has a low conditional co-occurrence with the predator.

Multi-species simulations

Now we move to multi-species simulations of more complex networks to reveal the last two principles of our theory. To do so, we run simulations of the model of trophic island biogeography developed by [Gravel et al. \(2011\)](#). The model describes the occurrence of a S species regional network. Species stochastically colonize islands with probability c and go extinct with probability e , as in the original model of [MacArthur and Wilson \(1967\)](#). Interactions are introduced with three additional assumptions: i) a consumer species could

General case	Linear chain
$\begin{pmatrix} p_{1 \bar{2}\bar{3}} & p_{1 2\bar{3}} & p_{1 \bar{2}3} \\ p_{2 1\bar{3}} & p_{2 \bar{1}\bar{3}} & p_{2 \bar{1}3} \\ p_{3 1\bar{2}} & p_{3 \bar{1}\bar{2}} & p_{3 \bar{1}2} \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} p_{1 \bar{2}\bar{3}} & p_{1 2\bar{3}} & p_{1 \bar{2}3} \\ p_{2 1\bar{3}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$
Exploitative competition	Apparent competition
$\begin{pmatrix} p_{1 \bar{2}\bar{3}} & p_{1 2\bar{3}} & p_{1 \bar{2}3} \\ p_{2 1\bar{3}} & 0 & 0 \\ p_{3 1\bar{2}} & 0 & 0 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} p_{1 \bar{2}\bar{3}} & p_{1 2\bar{3}} & p_{1 \bar{2}3} \\ p_{2 \bar{1}\bar{3}} & p_{2 \bar{1}3} & p_{2 \bar{1}3} \\ p_{3 1\bar{2}} & p_{3 \bar{1}\bar{2}} & 0 \end{pmatrix}$

Table 3: Direct associations between pairs of species for different modules. Entries indicate the fundamental conditional probabilities of occurrence of species i given the presence of species j and the absence of species k . *Linear chain*: 1 is the resource, 3 the top predator ; *Exploitative competition*: 2 and 3 are the consumers; *Apparent competition*: 1 and 2 are the resources. When $p_{i|\bar{j}\bar{k}} = 0$, it means that species i cannot be found without k . When two species i and j do not interact directly, if the absence of species k do not impact species i survival then : $p_{i|\bar{j}\bar{k}} = p_{i|\bar{j}k}$. For apparent competition, if species 1 and 2 are interchangeable for species 3 then : $p_{3|1\bar{2}} = p_{3|\bar{1}2}$.

colonize an island only if it has at least one prey present (for simplicity, we consider producers to be resident permanently on the island); ii) a consumer species goes extinct if it loses its last prey species and iii) the presence of at least one predator species increases the extinction probability by e_d . The consequence of these assumptions is a sequential build-up of the food web on the island, starting with low trophic level species with a general diet. Small and isolated islands promote selection in favor of the most generalist species. The predictions converge to the classic island biogeography theory for highly connected regional food webs and large and connected islands (details in [Gravel et al., 2011](#)).

As mentioned above, there is a strong dependence of the predator occurrence on the presence of its preys. Alternatively, when e_d is sufficiently large, the preys will tend to avoid locations with the predator present. We consequently expect a strong signature of the net-

work of interactions on the co-occurrence matrix. We are however concerned that indirect associations could emerge, as exemplified with the analysis of three species modules above, and thereby mask the signal of conditional co-occurrences.

We simulated complex networks from 5 to 100 species using the niche model of food web structure (Williams and Martinez, 2000). The diversity of primary producers was fixed at 2, and their niche position was drawn randomly between 0 and 1 according to a uniform distribution. We fixed connectance at $C = 0.1$. Colonization probability was set at $c = 0.1$, baseline extinction probability at $e = 0.2$ and predator-dependent additional extinction probability at $e_d = 0.2$. Simulations were run for 10^7 time steps to evaluate the conditional occurrence probabilities, and 100 replicated networks were simulated for each level of species richness.

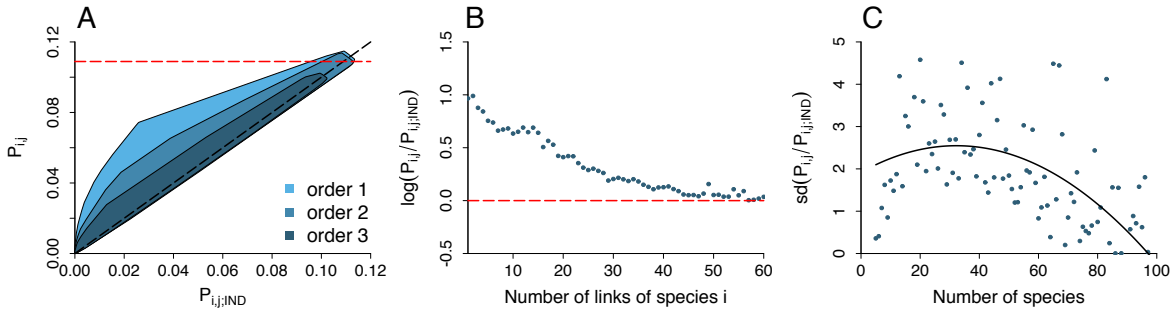


Figure 8: Co-occurrence in multi-species networks. (A) The disparity between observed co-occurrence ($P_{i,j}$) and independent co-occurrence ($P_{i,j;IND}$) decreases with the path length between nodes (species). The envelopes are drawn around the 5% and 95% quantiles of all of the data, from 100 replicated simulations for every species richness value (5 to 100 species). (B) The strength of co-occurrence ($\log(P_{i,j}/P_{i,j;IND})$) decreases with the number of interactions of a species i (*i.e.* the degree of a node). Points represent the mean for a particular degree of node value (1 to 60). The solid line represents the overall trends and the grey envelopped reflects the variance associated. At least 3000 values were used for each point. (C) The standard deviation of the strength of association ($sd(P_{i,j}/P_{i,j;IND})$) and thus the variance decreases with species richness. Taken together, (B) and (C) imply that species distributions converge to independence with increasing species richness.

Distance decay of observed co-occurrence. The distribution of observed co-occurrence is illustrated for pairs of species separated by different path lengths at Fig. 8 A. The observed co-occurrence is presented as a function of the expected co-occurrence under the hypothesis of independent distributions. The strongest associations (given by the distance between the observed and the independent co-occurrence) are observed among pairs of species directly interacting with each other. The variance of the distribution reduces from direct to first order indirect interactions, and from first-order to higher interactions. We conclude that indirect non-independent co-occurrences are possible in complex networks, but their magnitude decreases as the number of links between two nodes decreases. This result is similar to the observation of a distance decay of indirect interactions in food webs (Berlow et al., 2009).

Strength of co-occurrence decreases with degree and species richness. We performed simulations with a gradient of species richness and observed that the variance of observed co-occurrence also decreases with the degree of a species, i.e. the number of direct interactions a species is experiencing (Fig. 8 B). We illustrated the relationship between the degree of a species and the observed co-occurrence for pairs of species with a direct association (Fig. 8 C). This phenomenon has the consequence that the strength of observed co-occurrence reduces with species richness. The niche model has a constant connectance (Williams and Martinez, 2000), which has for consequence an increase of the degree with species richness. We find that the strength of co-occurrence decreases with the degree. This result is straightforward to interpret: the more diverse are the interactions, the weaker the impact of each pairwise direct interaction on the species distribution. Again, this result is similar to the observation of a scaling relationship between pairwise interactions and food web diversity (Berlow et al., 2009).

Discussion

We first develop a probabilistic species distribution model constrained by biotic interactions using conditional probabilities of co-occurrence. We then illustrate five general principles underlying the impact of ecological interactions on co-occurrence and that should be considered for the formulation of a general theory of species co-occurrence. Two of them have been widely noted before: **i)** direct interactions affect species distributions and generate deviations in co-occurrences from that expected if distributions of species were independent from each other; **ii)** the effect of direct associations is often asymmetric, as envisioned in trophic metacommunity ecology ([Holt and Barfield, 2009](#)). We also illustrate principles that have been overlooked in most studies of co-occurrence ([Araújo et al., 2011](#)); **iii)** indirect interactions generate deviate co-occurrence from expectation under independence assumption; **iv)** the strength of indirect associations decreases with the length of the shortest path distance between species pairs in a network; while **v)** also decreasing with the number of interactions a species is experiencing. We started with the analysis of three species modules to document these principles and then showed their applicability in multi-species networks. We find that the above principles also apply in larger networks, but that the strength of pairwise associations weakens as the number of species increases.

Our results have considerable implications for interpretation of co-occurrence data. Firstly, they demonstrate the considerable variety of mechanisms causing pairwise associations. Such variety of mechanisms makes interpretation aggregated indices of co-occurrence, such as the C-score, very difficult (see also [Araújo and Rozenfeld, 2014](#)). Previous studies already made the argument that positive and negative interactions could balance each other ([Boulangeat et al., 2012](#)) and consequently associations should be studied on a pairwise basis ([Veech, 2013](#)). At least, some measure of the variability of the associations is required, and at best metrics such as network analyses ([Araújo et al., 2011](#)) should be used to characterize their complex structure. But most importantly, our analyses reveal the difficulty to infer species interactions from co-occurrence matrices. Associations are not symmetric and,

therefore, indices that are capable of dealing with them are required. Null model testing is not sufficient; significance is assessed from the difference between observed co-occurrence and co-occurrence expected under independent distributions and is, consequently, symmetric. In addition, statistically significant associations cannot be interpreted as evidence of direct interactions. Our results also show that indirect interactions, and not only second order interactions, contribute to generate apparent non-independent co-occurrence. These indirect associations could be of any kind and are impossible to detect solely based on knowledge of direct interactions.

Null models of species associations should, thus, be used only to reveal the structure of co-occurrence data. The lack of an association between a pair of species is no unequivocal evidence of absence of direct interactions. It must be interpreted as the absence of a net effect in the spatial co-occurrence arising from pairwise interaction alone. For instance, in the case species A is competing with species B and species C, and B with C, it is possible that A and C could be independently co-occurring if there is a strong indirect positive interaction A-C arising from the A-B and B-C direct interactions. Null model testing is consequently subject to important type I (false interpretation of a significant association) and type II errors (false interpretation of an absence of association). The problem itself does not come from the statistical method per se, the description of co-occurrence in the data will be right provided that the technique is adequate, but from the interpretation of the null model analysis.

Should we, therefore, abandon joint species distributions modelling (JSDM) and all of the information contained in co-distribution data? While our results might lead to such an interpretation, there is still some value in species co-occurrence data that could be used in distribution models. The appropriate use of JSDMs is to remove biases in the evaluation of species-specific relationship with the environment. Accounting for joint distribution will contribute to the evaluation of the conditional distribution of a species when all other species are absent. In other words, they should be used to improve the evaluation of the fundamental niche. The JSDMs will, however, fail to predict the right occurrence probability of a species

for communities that have no analogue to the training dataset. JSDMs are using only the net associations between pairs of species and are not meant to recover the direct pairwise conditional co-occurrences. For instance, a JSDM evaluated for a plant, an herbivore and a carnivore will provide the correct description of the joint distribution of all three species, but will be of limited use to predict the distribution of the plant and the herbivore if the carnivore disappears from the system. Further developments are, consequently, required to solve the issue and account for both direct and indirect interactions. One possible solution would be to constrain JSDMs with a prior expectation of the underlying structure of direct interactions. It is also valuable to ask whether the inference of the structure of interaction networks is feasible from the observation of co-occurrences (as they result from many ecological processes). There is growing interest in inferring ecological network structure from alternative sources of information ([Gravel et al., 2013](#); [Morales-Castilla et al., 2015](#)). This problem is challenging because of the multiple influences on co-occurrence. Our analysis of three species modules with conditional probabilities revealed it is feasible numerically, to obtain an estimate of all pairwise conditional probabilities when accounting for higher order interactions. Known quantities are the marginal probabilities and observed co-occurrence. The parameters to be evaluated are all fundamental conditional probabilities, representing the direct associations between pairs of species (the $p_{i|j,\bar{K}}$). This is a $S \times S$ problem to solve and thus requires a significant amount of data. It might, however, be solved with large datasets where the number of sites N is much larger than S . There might also be methods to reduce the dimension of the problem because usually only a small fraction of potential interactions are met in a network (corresponding to the connectance C). While a net interaction network is likely to be fully connected ($S \times S$ links), the direct interaction network has still only a fraction C of these links realized. Bayesian approach with latent variables could even further help reducing the dimension of the problem (*e.g.* [Rohr et al., 2010](#); [Ovaskainen et al., 2010](#)). In such methods, latent variables are evaluated for each species to represent the underlying structure of the ecological network. It was found that between two and four parameters per species would be required to successfully represent more than 80% of interactions in a predator-prey network

([Rohr et al., 2010](#)). This approach could, therefore, be used to represent the underlying structure of direct interactions and to evaluate numerically the non-null conditional probabilities. Note that these pairwise direct interactions should be interpreted specifically with reference to spatial dynamics because they would still represent phenomenologically the consequences of interactions, not the mechanisms of interactions. The next step in the development of a theory of species co-occurrence (and of species distribution) is the addition of environmental constraints. Our approach assumed a homogeneous environment, mainly for tractability of equations. We acknowledge that non-independent co-occurrence could also arise because of shared environmental requirements. The addition of environmental constraints would be easy to implement in our framework by simply making the conditional probability in absence in absence of interactions a function of the environment. Every quantity we derive after would be conditional on the environment. What would be more challenging but, nonetheless, feasible numerically, would be to make the direct interaction itself a function of the environment. There is now growing evidence that ecological interactions are context dependent ([Chamberlain et al., 2014](#); [Poisot et al., 2012](#)). We view this integration as the next step to the derivation of a theory-driven species distribution model taking into account biotic interactions ([Thuiller et al., 2013](#)).

2.8 Acknowledgments

This work was inspired by discussions with T. Poisot, D. Stouffer, A. Cyrtwill and A. Rozenfeld. Thanks to Matt Talluto and Isabelle Boulangeat for helpful comments on a previous version of the manuscript. Financial support was provided by the Canada Research Chair program and a NSERC-Discovery grant to D. Gravel. M. Araújo acknowledges support from Imperial College's Grand Challenges in Ecosystems and Environment Initiative.

ARTICLE 3

DO INTERACTING SPECIES CO-OCCUR DIFFERENTLY FROM NOT-INTERACTING SPECIES?

3.1 Résumé en français du troisième article

Dans ce troisième article, je me suis confronté aux données d'occurrence qui sont une donnée essentielle en biogéographie pour répondre avec ces données à la question centrale de ma thèse : Afin de répondre à la question centrale de ma thèse sur le rôle des interactions dans les conséquences. Le but de l'article est de tester les prédictions du chapitre précédent, pour évaluer la pertinence d'utiliser l'information contenue dans les réseaux écologiques pour expliquer les co-occurrences. Bien que la théorie ait été développée, les données requises sont particulièrement rares car elles demandent des distributions d'une même communauté sur un large gradient. Dominique Gravel a cependant réussi à réunir de tels jeux de données. Notamment grâce à la participation de Thomas Roselin, Bo Dalsgaard, Wilfred Thuillier, Benjamin Baiser qui nous ont donné accès à quatre jeux de données dont les efforts pour les constituer ont été conséquents et je suis redevable à tous ceux qui ont permis la réalisation.

J'ai analysé la co-occurrence à la lumière des réseaux pour certains jeux de données les interactions pour un jeu de données sur les arbres nous avons construit un arbre de trait fonctionnel et supputé une action. Nos résultats jettent une lumière fort intéressante nous montrons que quand les espèces sont éloignées dans que les interactions ont très probablement un effet sur la co-occurrence mais que la détection de cet effet est très vite rendue impossible quand 1) les espèces sont éloignées dans le réseau et 2) quand les interactions sont nombreuses. Les interactions indirectes n'ont donc pas d'effet mais aussi le nombre affecte notre capacité de détection. Il ne faut donc pas conclure et aussi penser que ce qui est vrai dans un monde riche en espèces ne l'est pas quand nous alterrons la biodiversité.

3.1.1 Publication envisagée

Due à la nouveauté de nos résultats et la qualité des données j'envisage, J'ai rédigé je serais premier auteur, Dominique Gravel à supervisé dernier et tous les auteurs ayant apportés des données et participé à la rédaction seront inclus dans la liste des auteurs. Nous souhaiterions publier dans un et nous envisageons de soumettre dans les prochaines semaines à *Proceedings of the National Academy of Sciences* ou le récent journal *Nature Ecology & Evolution*.

Les sections qui suivent sont celles de l'article envisagé.

3.2 Title

Do interacting species co-occur differently from not-interacting species?

3.3 Abstract

A major problem in biogeography and biodiversity modeling is whether species co-occurrence holds an imprint of ecological interactions. The conventional hypothesis poses that negative and positive interactions should yield repulsion and attraction, respectively. The scarcity of datasets combining broad scale distributions with observed interactions has long prevented biogeographers from obtaining clear insights into this problem. To address this question, we compile five datasets of species distribution over a large range of climatic conditions, along with their ecological interactions, representing of a total 793 species and 354015 occurrence observations. We compared co-occurrence of interacting versus non-interacting pairs of species and found no clear effect of interactions on distribution. We however found that some properties of the network of interactions could hide the impact of interactions on co-occurrence. When show that the larger the number of interactions a species is experiencing, the weaker our ability to detect signals in static co-occurrence data. Also, we clearly demonstrate that the signal of co-occurrence between a predator and its preys vanishes when the proportion of the sites covered by the set of preys increases. Our findings suggest that most methods for species distribution modeling may often fail in describing appropriately fundamental climatic niches. In a context where ecosystems are dramatically disturbed by human activities, our results emphasize the need for integrating ecological processes into distribution models to better predict tomorrow's biodiversity.

3.4 Introduction

Biogeographers are still debating about whether biotic interactions at the local scale impact large scale species distribution. If this is indeed the case, then we should expect pairs of species to exhibit non-random distribution at the large spatial scale. The observation of independent species occurrences would therefore support the use of classical species distribution models (hereinafter SDMs, [Elith et al., 2006](#)) and confirm scenarios that have been proposed over the last decade ([Thuiller et al., 2005, 2011](#); [Albouy et al., 2012](#)). On the other hand, the observation of occurrence clearly related to interactions would give credit to methods interpreting co-occurrence as a proxy for ecological interactions ([Morales-Castilla et al., 2015](#)) and encourage the use of joint species distribution models (hereafter JSDM, [Ovaskainen et al., 2010](#); [Pollock et al., 2014](#)). In order to test whether interactions influence species distributions, the simplest avenue is to investigate species co-distribution in light of their ecological relationships. Such investigations started with Diamond's original study stating that species interacting by competition should avoid each other in space, leading to a 'checkerboard' distribution ([Diamond, 1975](#)). This idea was rapidly criticized for the lack of an adequate null hypothesis ([Connor and Simberloff, 1979](#); [Gilpin and Diamond, 1982](#)) and has led to a major controversy that has lasted more than 30 years ([Connor et al., 2013](#)) and has underlined the need for null models in ecology ([Connor and Simberloff, 1983](#); [Gotelli, 2000](#)). Furthermore, the absence of adequate datasets has long prevented this hypothesis to be test appropriately.

Species ranges are very often inferred from the realized distribution, which results from the joint impacts of abiotic and biotic environmental factors along with dispersal limitations and historical contingencies ([Pulliam, 2000](#); [Holt and Barfield, 2009](#); [Godsoe, 2010](#); [Araújo and Rozenfeld, 2014](#)). Finding evidence of the effect of species interactions on distribution may prove technically difficult as it needs to discriminate the fundamental niche from co-occurrence data (Box 3.6.2), which could explain the scarcity of studies reporting such effect (but see [Gotelli et al., 2010](#)). Fortunately, recent developments in co-occurrence theory

promises novel avenues in which highly dimensional species distribution data could be analyzed, accounting for the structure of the network of ecological interactions (Cazelles et al., 2016a). It has notably been proposed that the higher the degree of a species, *i.e* the number of species with which it interacts, the weaker will be the detection of a co-occurrence signal. The geographical range of a species is indeed partially correlated with all the ranges of species it is linked to, which should blur the signal the interactions leave on pairwise co-occurrence. However, a signal may persist if the co-occurrence of the focal species with the joint distribution of the species it interacts with is considered.

Also, two co-occurring species may be part of the same ecological network but separated by several interactions. For such case, it has been suggested that the longer the shortest-path, *i.e* the number of links between two species, the smaller the signal of co-occurrence. Hence, based on co-occurrence data and information pertaining to ecological network, the hypotheses recently formulated on the signal of co-occurrence can be tested (Box 3.6.2).

Despite the fantastic number of studies investigating co-occurrence in order to understand community assembly, the hypothesis that species interactions should result in non-random associations in space has never been tested formally. It is rather implicitly assumed in every investigation. Our objective in this study is therefore to test this at the scale of species range. We analyzed species association within five different datasets ranging from plant-seed dispersers, host-parasitoids, microbes, birds and forest trees. We quantify co-occurrence and conditional co-occurrence accounting for abiotic constraints for species that are known to interact and known to not interact directly. This is a unique opportunity to test the hypotheses recently developed. We report some signal of positive co-occurrence among the datasets, suggesting a difference between pairs of interacting and pairs of not-interacting species. We also point out that the degree of a species in a network influences our ability to detect significant associations. Moreover, we discover a clear relationship between the strength of species associations and the cumulated occupancy of the entire set of species with which a species interact. However, all the signal we detected are weakened or even disappear once abiotic similarities among site are integrated. We further discuss the integration of biotic interactions

in distribution models in light of our results.

3.5 Material and Methods

3.5.1 Datasets

We analyzed five datasets spawning a large diversity of organisms and types of interactions (see Table 4), across an extensive gradient of environmental conditions (see Fig. 13 and SI 3.8). Our criteria for selecting datasets were as follow: i) the occurrence data must have been collected at the local scale, it could not be derived from range maps; ii) data included observed absences; iii) occurrence was observed for all species: interactions were known a priori; v) since we are computing co-occurrences, which is typically a fairly rare event, we needed an elevated number of sampling units. Direct interactions were documented for four datasets and represented by networks of ecological interactions: the Willow Leaf Network (WLN), the Pitcher Plants Network (PPN), the Caribbean Hummingbirds Network (CHN), the French Breeding Birds Survey (FBBS). We derived metawebs for each network, *i.e.*, the matrix recording all interactions, and computed three metrics among species from a regional pool: the connectance of metawebs (proportion of realized interactions), the degree of species (number of links for one species) and the shortest-path between all pairs of species (the minimum number of link from one species to the other, see SI 3.8). For the North American Trees (NAT) dataset, we approximated competitive interactions by computing functional distance between every pair of species (see Table 5 and Fig. 14). A similar proxy for ecological interactions was also computed for the FBBS see SI 3.8). Only species that were present at least on 1% of the total number of observations were considered for the analysis (see SI 3.8).

3.5.2 Quantifying co-occurrence

For each pair of species i and j , we computed the number of observed co-occurrence $O_{i,j}$ and the expected number of co-occurrence under independent distribution $E_{i,j}$ and the standard deviation associated $SD_{i,j}$. We report the Z-score $\frac{O_{i,j} - E_{i,j}}{SD_{i,j}}$ (Gilpin and Diamond, 1982), a standardized metric of co-occurrence, with positive (negative) values indicating more (less) co-occurrence relative to the random expectation. Expectations were derived using three different methods. First, we assumed that all sites were equivalent, meaning we ignored the potential influence of abiotic conditions across the entire range. The observed co-occurrence is an estimate computed from a limited number of observations (Gilpin and Diamond, 1982; Veech, 2013) and therefore, we also considered an hypergeometric distribution, which corrects for limited sample size (see SI 3.8 for further details). We used two different SDMs in order to account for the abiotic environment and correct the random expectations, namely, Generalized Linear Model (hereafter GLM) and Random Forest (hereafter RF - see SI 3.8 for more details and Fig. 15 for the assessment of models' performances). The correction using SDMs accounts for the fact that species may co-occur simply because they have similar abiotic requirements, irrespective of if they interact or not.

3.6 Results

Without accounting the abiotic context, we observe a difference in the strength of spatial associations between interacting and not-interacting species (Fig. 10 panels A to D, white boxplots) for two out of four datasets for which direct interactions were known. In all cases, spatial associations were positive, indicating that interacting species are co-occurring more often than randomly expected, irrespective of the type of interaction. For the WLN, distinguishing herbivore-willow interactions from herbivore-parasitoids revealed that the strength of co-occurrence was greater for the former than the latter (Fig. 11 A-B). Interestingly, we noticed that detection of a signal of interactions in co-occurrence became more difficult as

the mean degree of species in the dataset increased (Fig. 11 A-D). Therefore, based on co-occurrence data only, we conclude that interactions affect co-occurrence, but that detection trend becomes trickier in highly connected network.

We observed that the strength of spatial association was higher for pairs of similar species (Fig. 10 panels E and F) for the NAT and FBBS datasets, for which we inferred a distance based on functional traits. Functional similarity is often interpreted as a proxy for competition strength (Morales-Castilla et al., 2015), which according to Diamond's hypothesis, should provide a negative association. Interestingly, we observe the opposite trend. This suggests that local competition is poorly detectable at large scale, which is theoretically supported (Araújo and Rozenfeld, 2014), and the positive associations are likely the results of similar physiological requirements that cannot be taken into account given the sets of abiotic variables we used. This is further supported by the regressions of the Z-score against the distance (see Fig. 18 A-D). We also note that results for the FBBS dataset were identical irrespective the type of traits examined (Fig. 16). Hence, the detection of interactions from co-occurrence data varies according to the nature of the ecological relationships.

When we account for suitability discrepancies among sites using SDMs, the co-occurrence signals we previously observed are weakened or disappear. Co-occurrence distributions are shifted toward 0 and dramatically shrunk (Fig. 10 panels A to D, grey and dark grey boxplots). The tendencies are stronger for the RF approach than for the GLM one. The same trends are observed when we used functional distance rather than interactions (Fig. 10 panels E-F).

We investigated if the strength of associations between species interacting indirectly decreases with the shortest path (Fig. 11). We examined the co-occurrence distribution against the shortest-path for pairs of: herbivores and willows in WLN (A), herbivores and parasitoids in WLN (B), hummingbirds and hosts plants (C) and all pairs in PPN (D). Without accounting for the climatic factors, we observe a decrease of the standardized co-occurrence with an increased shortest-path for three out of four occurrence datasets (Fig. 11 A-D, white boxplots).

This was predicted by the theory, but the observed decay is steeper than anticipated (Cazelles et al., 2016a). We observed a similar but weaker decay when all pairs of species were taken into account (see Fig. 17). Moreover, when we calculated the mean degree of predators (pollinators), we also found the signal of co-occurrence stronger for specialists (Fig. 11 A) than for generalists (Fig. 11 C), suggesting that the abundance of interactions may prevent us from detecting them in static occurrence data. Again, the tendencies observed are strongly weakened when occurrence probability are derived from SDMs (Fig. 11 A-D grey and darker grey boxplots).

Finally, for all predators and pollinators in WLN, CHN and PPN, we average the standardized co-occurrence over the set of their respective preys (host plants) and plotted the obtained values against the total number of site covered by the same set of preys (hosts) they refer to (Fig. 12). When abiotic context is not included, we observe a clear negative relationship between the two quantities for three out of four datasets. The associated linear regressions explain up to 69% of the variance (Fig. 12 panels A, D, G and J). However, the linear regression poorly performed for the PPN, in which the connectance is the highest. Additionally, we show that the linear regressions using total number of site covered by the set of preys (host plants) outperformed the ones using the degree of the species (Fig. 19 panels A, D, G and J) that was envisioned by the theory (Cazelles et al., 2016a). Moreover, the relation is asymmetric: the decay is less convincing when the the mean Z-scores of the preys are plotted against the cumulated range of their predators (Fig. 20 panels A, D, G and J). These results suggest that for a predator (pollinator) feeding upon a set of preys (hosts), the detection of interactions is possible if the part of the geographic range studied covered by the preys is low, when the part increases our ability to detect the signal fades away. Once again, the results are dramatically different once abiotic constrains were taken into account: the clear relationship obtained is either weakened or even reversed (Fig. 12 B, C, E, F, H, I, K, L). Even the strongest associations seem to be captured by the SDMs, meaning they are captured by the link with this environment but this questions how the inference is made when the presence of one species is best explained by the presence of its prey. Indeed, we show

the presence of the whole set of prey as predictor to assign the presence of specialist predator outperform GLMs but not RFs (see Fig. 21).

3.6.1 Discussion

The historical debate on co-occurrence triggered by Diamond's original work was based on the idea that competitors must repulse each other (Diamond, 1975). Interestingly, we were not able to detect any negative signal for species we assumed to compete. This support the idea that local repulsion that must occur does not leave any imprint on co-occurrence data over a broad geographical gradient (Araújo and Rozenfeld, 2014). However, we demonstrate that other signals, not mentioned in the controversy, can actually be revealed. Mutualism and predation were indeed detected as positive signals in the standardized co-occurrence. Therefore, the interdependency between a predator (pollinator) and its preys (host plant) increases co-occurrence over random expectations and this effect is appreciable at large scale (Araújo and Rozenfeld, 2014). Moreover, we find that the signal of co-occurrence is blurred by the number of interactions a generalist species experience, in agreement with recent co-occurrence theory (Cazelles et al., 2016a). As a consequence, the distribution of a given species is more strongly related to the distribution of the entire set of species it interacts with, than each species taken individually. This indicates that the role of ecological interactions may not only be a matter of spatial scale (McGill, 2010), but also a matter of picking the most consistent biological unit to investigate distribution over large spatial scales.

The signals of co-occurrence were dramatically reduced once we accounted for the abiotic context. This could lead us to conclude that co-occurrences are likely driven by the abiotic differences among sites. Climatic data unsurprisingly explains a large part of the co-occurrence observed. However, our findings suggest a potential methodological issue. Current SDMs always use abiotic constraints as the main drivers of geographic distributions. In doing so, they capture, at least partially, the impact of biotic interactions on distribution (as it infers the distribution from the realized distribution). A predator is therefore linked to its

preys through the abiotic similarities of the sites where they are found. However, the strength of an association may not be perfectly captured by SDMs (*i.e.* abiotic factors only). This would explain why the co-occurrence signal vanishes in Fig. 12 when SDMs were used even though the standardized co-occurrences remain positive.

SDMs are based on the assumption that species are distributed independently from each other and that scenarios of tomorrow's biodiversity can be anticipated using abiotic variables only (Jeschke and Strayer, 2008). Some recent developments in statistics relaxed this hypothesis by representing the distribution of assemblages, based on correlations between species (Pollock et al., 2014; Warton et al., 2015). The development of these powerful statistical tools is essential, however it can only provide a partial solution to some limitations of SDMs. A substantial part of the solution lies in the understanding of the role of ecological and evolutionary mechanisms shaping distributions (Thuiller et al., 2013). Here, we underline the need for not hypothesizing *a priori* the independence among species. Rather, the assumption must be proved to apply, otherwise a relevant assemblage must be modeled. We suggest that for generalist species, the assumption of independence is reasonable, while for specialists the relative position with the other species within the network should help in deciding which set of species are to be modeled. We therefore suggest that ecological interactions should be integrated as prior information in SDMs to strengthen our predictions. For instance, the range of a predator is bounded by the range of the set of its preys (Holt and Barfield, 2009; Shenbrot et al., 2007), this reality should be taken into account when we predict the distribution of food webs, and predators' ranges must be computed consistently with the predicted ranges of their prey.

Our findings lead us to conclude increased interactions diversity causes species to co-occur independently. Only the specialized species are strongly associated with their partners, as generalists experience a much more diffuse set of constraints from interacting species. Similarly, it has been recently highlighted that net species interaction strength between pairs of species is better predicted when the species richness increases (Berlow et al., 2009). Fur-

ther, press perturbations applied to specialist species do have much stronger indirect impacts on the other species than perturbations applied to generalists (Montoya et al., 2009). All of these results are congruent with MacArthur's vision, who more than 40 years ago noticed the following paradox *"How can a more complex community be easier to understand? A possible answer might be that the complex community have strong interactions among species so that the lives of the separate species are less independent than in a simple community. Where there is greater interdependence, patterns may be more conspicuous."* (MacArthur, 1972, p.199). In the present study, the more the interactions among species the easier the forecasting of species distribution. However, under the ongoing mass extinction, a myriad of links vanishes while new ones emerge with the changes in the composition of local communities. Therefore, even if under current conditions the assumption of independence may be valid, under dramatic modifications of ecosystem as currently observed, it may often prove false. As a step forward, new biodiversity scenarios must not solely map the future ranges of individual species but the entire community including the consequences of potential extinction on community structure.

3.6.2 Box 1

The fundamental niche is here defined as the occurrence probability under the assumptions that (1) biotic factors are not limiting the occupancy and (2) the occupancy is estimated in the absence of immigration (Godsoe, 2010). In this case, only abiotic factors (such as water availability, temperature variability or edaphic variables) limit survival and/or reproduction success, and then the occurrence probability. For a four species network made of three trophic levels: two primary producers, a predator feeding upon them and a top predator, we first consider the fundamental niches f_i (Fig. 9 A). For the top predator, we derive the fundamental niche under the assumption of the presence of its prey:

$$f_4(w) = P(X_4 = 1 | X_3 = 1, G = w)$$

where G denotes the environmental gradient and X_i represents the random variable of the presence of species i . For the lower predator, we consider its preys substitutable and we assume the presence of at least one prey to allow the predator to be present:

$$f_3(w) = P(X_3 = 1 | X_2 + X_1 > 0, G = w)$$

Similarly, f_1 and f_2 are obtained assuming that 3 is absent:

$$f_2(w) = P(X_2 = 1 | X_3 = 0, G = w)$$

and:

$$f_1(w) = P(X_1 = 1 | X_3 = 0, G = w)$$

Once projected on a map, the fundamental niche unravels the potential distribution of a species ([Kearney and Porter, 2004](#)). The expected distribution can be compared to real observations and could reveal whether dispersal limits and ecological interactions are prevalent in the occupancy dynamics of studied species. The realized niche (Fig. 9 B) includes these factors.

In our simplified example, fundamental and realized niches of preys are identical. The realized niche of the top predator is constrained by the one of predator 3, r_3 , which it-self is constrained by the joint realized niches of its preys:

$$r_3(w) = P(X_3 = 1 | X_2 + X_1 > 0, G = w) P(X_2 + X_1 > 0, G = w)$$

$$r_3(w) = f_3(w) (1 - (1 - r_1(w))(1 - r_2(w)))$$

Then, assuming that species 4 do not alter r_3 , we have:

$$r_4(w) = f_4(w) r_3(w)$$

$$r_4(w) = f_4(w) f_3(w) (1 - (1 - r_1(w))(1 - r_2(w)))$$

The above expressions may often be more complicated due to immigration fluxes as well as the size and the structure of the interaction network. For instance, we do not consider the apparent competition between species 1 and 2, although it must affect their co-distribution. Integrating the impact of many interactions may be possible using occurrence probabilities of species assemblages rather than single species ([Cazelles et al., 2016a](#)). Here, the realized niches of predators 3 and 4 depends on the fundamental niches of preys 1 and 2.

The link between the fundamental niche and the distribution goes through different ecological processes such as immigration and ecological interaction ([Pulliam, 2000](#); [Godsoe, 2010](#)). The distribution we infer is based on realized niche that includes the effect of abiotic

variables and biotic interactions. If we now examine the co-occurrence signals, *i.e.* the difference between the expected co-occurrence and the observed co-occurrence (Cazelles et al., 2016a), in empirical data, in order to ascribe a particular signal to an ecological interaction, five difficulties emerge:

1. the signal of co-occurrence is not constant along the environmental gradient (Fig. 9 C-a),
2. for species experiencing several interactions, the association with a particular species may be detectable only for a portion of the environmental gradient (9 C-b)
3. for species experiencing several interactions, the signal of co-occurrence with the set of species it interacts with might be more informative (Fig. 9 C-c),
4. for species experiencing several interactions, the increase of interaction weakens the signal (this explain the drop for medium environmental values in Fig. 9 C-c),
5. when the shortest-path between two species increase, the signal decreases (the red lines in Fig. 9 C-c) is below the grey one).

Using datasets including occurrence data for a large number of species together with information pertaining to the ecological relationships, we propose to test these theoretical expectations.

3.6.3 Tables

Table 4: Data sets analyzed in this article.

Type	No. of sites	No. of species	Interaction type	Connectance	References
Willow Leaf Network	374	156	Trophic / Parasitism	0.042	unpublished
Pitcher Plants Network	39x20	53	Trophic	0.44	Baiser et al. (2012)
Caribbean Hummingbirds Network	32	62	Mutualism	0.011	Martín González et al. (2015) , Sonne et al. (2016) , Lack (1973)
North American Trees	128891	31	Competition	-	unpublished
French Breeding Birds Survey	2354	179	Trophic	0.018	Gaüzère et al. (2015)

3.7 Figures

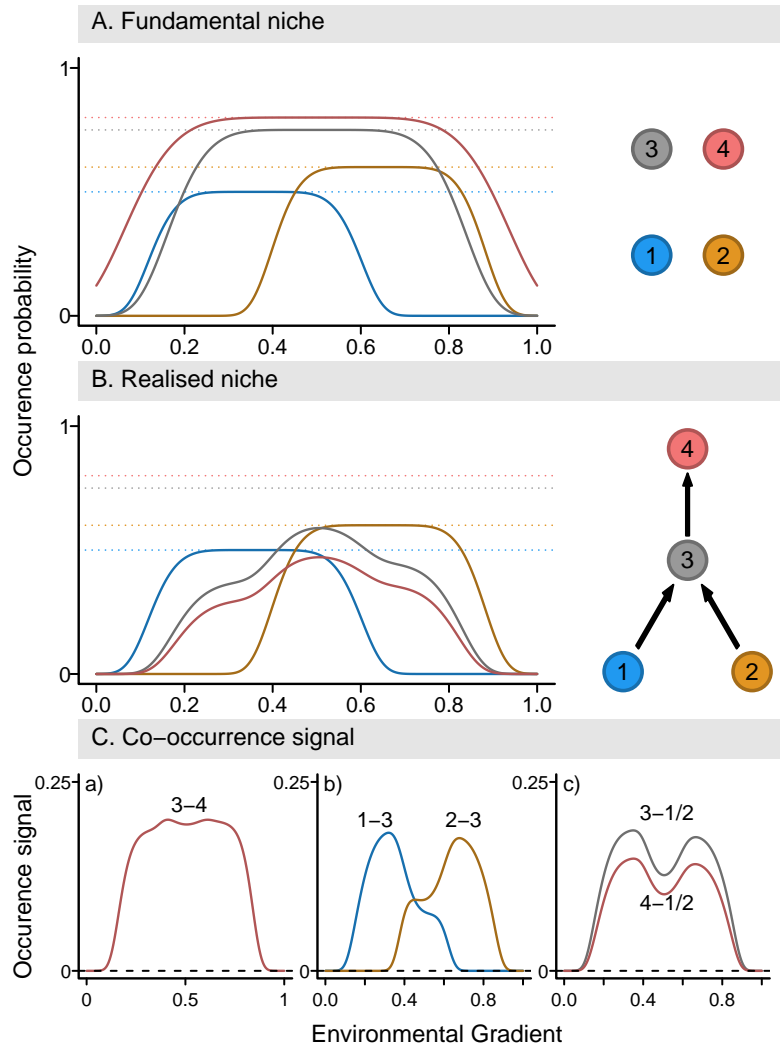


Figure 9: **Probabilistic description of fundamental and realized niches** For a four species network, all the occurrence probabilities are derived along an environmental gradient assuming that (A) interactions are not limiting the distribution and (B) that predators 3 and 4 needs at least of one of its preys, *i.e.* species 1 or 2. Horizontal dotted lines in (A) and (B) stand for the occurrence probabilities reached at an environmental optimum. The co-occurrence signal is calculated for the following pairs : a) predators 3 and 4; b) predator 3 and prey 1, predator 3 and prey 1; c) predator 3 and prey 1 or 2, predator 4 and prey 1 or 2. If no difference are found, 0 is expected.

3.8 Supporting Information

3.8.1 Material and methods

In this section, we present in more details, the datasets and the methodology we used. All analyses have been performed using R environment software and Table 5 includes functions and packages we used.

3.8.1.1 Datasets

Sites for the five datasets are reported on five maps gathered in Fig. 13. The total number of species, the number of species present in at least 1% of the total number of sites and the number of species for which traits information were available are reported in Table 6.

3.8.1.1.1 Traits-based distance

3.8.1.2 North American Trees

We used a distance built upon nine functional traits whose values were retrieved from (Paquette and Messier, 2011), see Supplementary Table 7 available at <http://onlinelibrary.wiley.com/doi/10.1111/j.1466-8238.2010.00592.x/suppinfo>. Each of the nine selected variables were centered and scaled (R functions used reported in Table 5) then used as is to derive Euclidean distances for all pairs of species. Then, we use agglomeration clustering with the Ward's method (implemented in the *hclust()* function we used, see Table 5) to obtain the dendrogram presented in 14.

3.8.1.3 French Breeding Birds Survey datasets

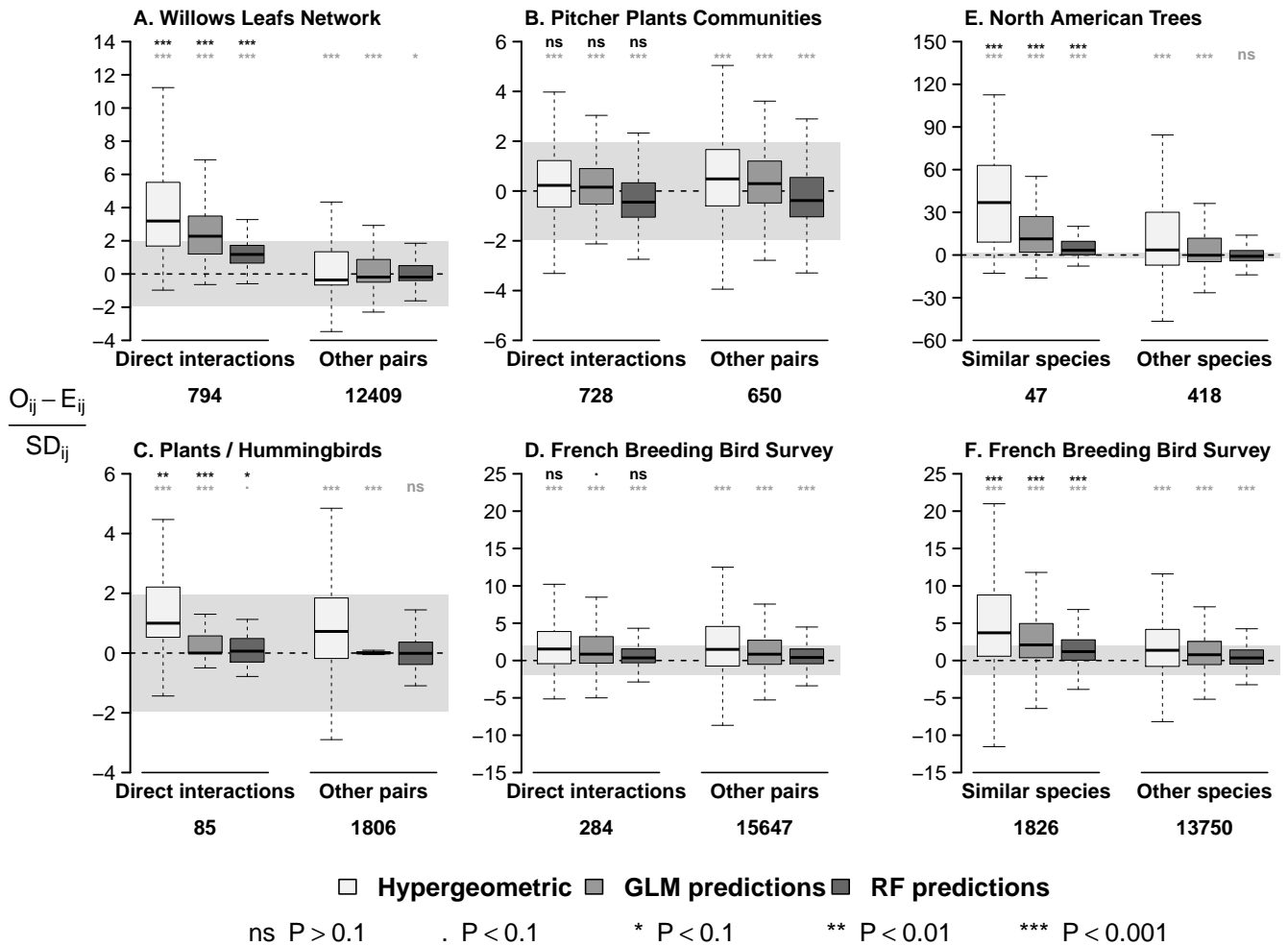


Figure 10: Co-occurrence of interacting versus not-interacting pairs of species Figures under each groups of boxplots indicate the number of pairs to which the Z-score distributions refer. The light grey rectangle corresponds to the 95% confidence interval for the standard normal distribution which gives insight into the proportion of pairs of species significantly different from 0. The comparison made in panels A to D is based on direct interactions observed. For panels E and F, similar species are defined as the species for which the trait-based distance is less than or equal to the lower decile of this distance distribution. Note that outliers are not displayed. P values were computed using the Wilcoxon rank sum test, to compare interacting versus not-interacting Z-score distribution calculated for the three different methods (black symbols) and to show whether the distribution is symmetric about 0 (light grey symbols).

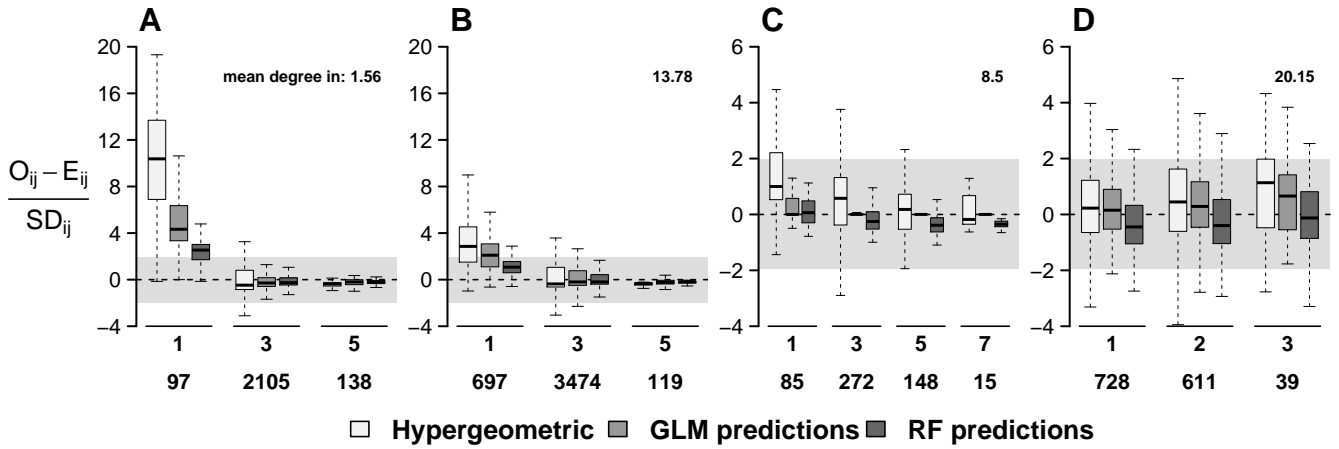


Figure 11: **Co-occurrence signal decays when the shortest path between a pair of species decay** The Z-score distribution are plotted against the shortest path for A willows-herbivores interactions, B herbivores-parasitoids interactions, C birds-plants interactions and D the pitcher plants network. First figures under each grouped boxplots indicate the shortest path associated while the figures below provide the number of pair to which the distribution refers. Note that we used the same y-axis for panels A and B as they regard two different kind of interaction of the same dataset.

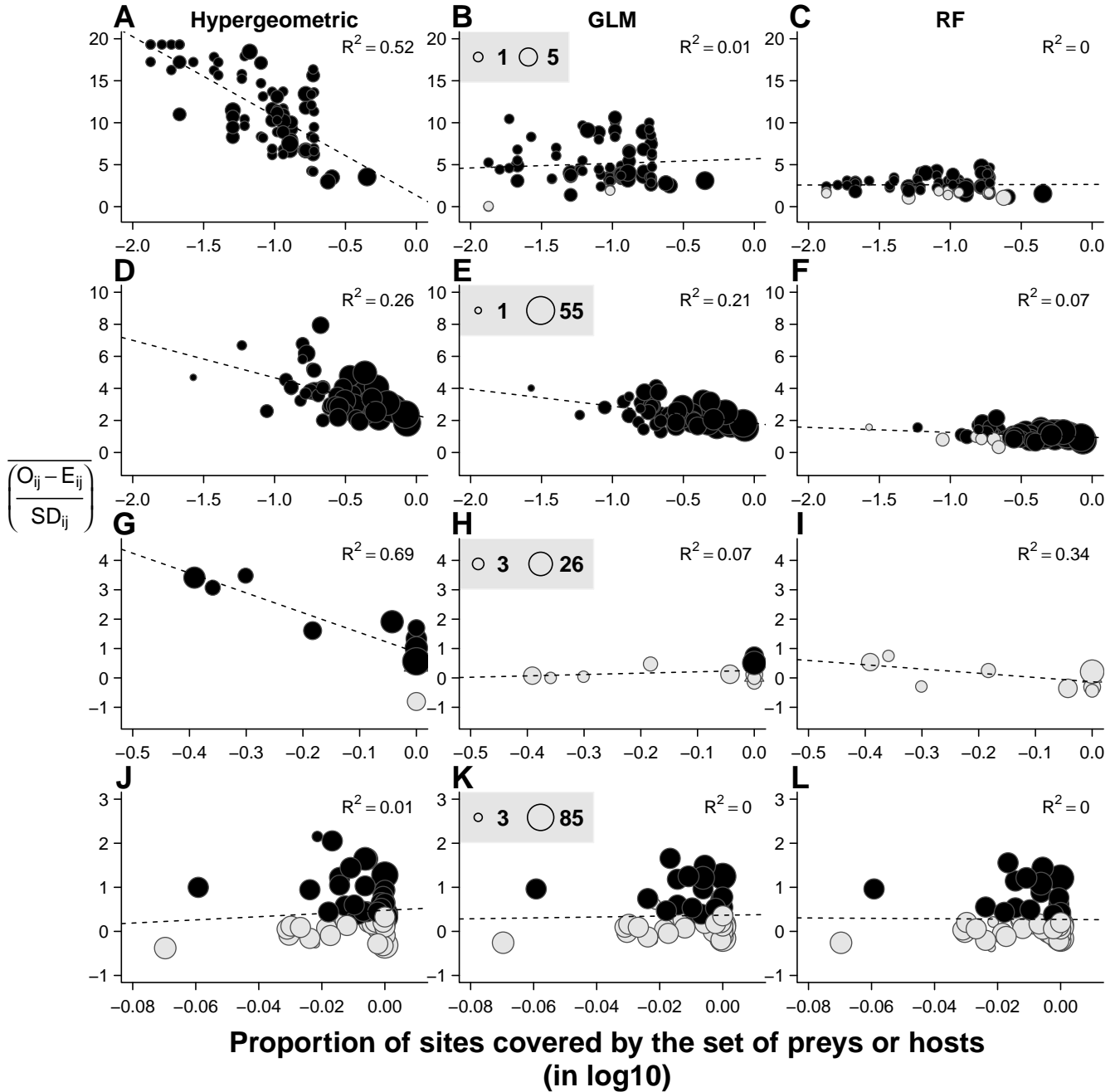
3.8.1.3.1 Traits-based distance We used 73 traits that are boolean variables reported in Table 8) based on which we derive Euclidean distances between all pairs of species.

3.8.1.4 Building metawebs

For four datasets, we built network based on all observed interactions and derived associated quantities, *i.e.* the connectance of the metawebs, the degrees of species and the shortest-path, using the R package *igraph* (Table 5).

3.8.2 Co-occurrence measurement

As mentioned in the main text, for three different scenarios, we derive a standardized co-occurrence : for a given pair of species i and j , we examined $\frac{O_{i,j} - E_{i,j}}{SD_{i,j}}$. Here, we provide



more information about the three methods we used to analyze co-occurrence.

3.8.3 Hypergeometric distribution

This distribution has been mentioned in a different context (see [Gilpin and Diamond, 1982](#)) and have been fully exploited in [Veech \(2013\)](#) despite the author never mentioned it is a classical distribution. To clarify this, we start from the distribution written in equation (1) in [Veech \(2013\)](#). We consider the co-occurrence of two species on n sites. Species 1 is present in n_1 while species 2 is present in n_2 sites. The probability of having j co-occurrence, p_j is:

$$p_j = \frac{\binom{n}{j} \binom{n-j}{n_2-j} \binom{n-n_2}{n_1-j}}{\binom{n}{n_2} \binom{n}{n_1}}$$

if $\max(0, n_1 + n_2 - n) \leq j \leq \min(n_1, n_2)$ and 0 otherwise. The expression above yields:

$$p_j = \frac{n!}{(n-j)!j!} \frac{(n-j)!}{(n-j-n_2+j)!(n_2-j)!} \frac{(n-n_2)!}{(n-n_2-n_1+j)!(n_1-j)!} \frac{(n-n_1)!n_1!}{n!} \frac{1}{\binom{n}{n_2}}$$

by rearrangement:

$$p_j = \frac{1}{j!} \frac{1}{(n_2-j)!} \frac{1}{(n-n_2-n_1+j)!(n_1-j)!} \frac{(n-n_1)!n_1!}{1} \frac{1}{\binom{n}{n_2}}$$

once sorted out, this yields:

$$p_j = \frac{\binom{n_1}{j} \binom{n-n_1}{n_2-j}}{\binom{n}{n_2}}$$

Thus, the number of co-occurrence follows a hypergeometric distribution of parameters

(n, n_1, n_2) we used to calculate the expected co-occurrence $E_{i,j}$ under the hypothesis that all sites were identical for all species.

3.8.4 GLM and RF

For GLM and RF, $E_{i,j}$ correspond to probabilities of occurrence computed based on climatic data. R functions are reported in Table 5.

3.8.4.1 Climatic data

We used the global climate layers provided data WorldClim, version 1.4, available online at <http://www.worldclim.org> (Hijmans et al., 2005). For each dataset, we performed a principal component analysis and keep as many axes as needed to explain 90% of the total inertia. We used these axes for GLMs and RFs.

3.8.4.2 Generalized Linear Model

For all datasets, we performed a Generalized Linear Model (Elith et al., 2006) using all the axes provided by the PCA as polynomials of degree 2. To constraints the number of parameters, we did not evaluate the interactions among axis. We also performed a selection model based on the Akaike's information criterion (AIC) C in a Stepwise Algorithm. R functions used to carry out the analyses are indexed in Table 5.

3.8.4.3 Random Forests

Random Forests (Prasad et al., 2006) were performed using the same formula as for GLMs. For all species, 10000 trees were computed and the probability for a species being in a given site were calculated based on the number of votes the sites were granted.

3.8.4.4 Evaluating the models

For all species, we assess the performance of the Species Distribution Models we used, *i.e.* Generalized Linear Model and Random Forest, using the Area Under the Receiver Operating Characteristic (AUROC, [Elith et al., 2006](#)). We present the results as a cumulative sum of frequencies corresponding to the score for all species for each of the four ecological systems we studied (see Fig. 21).

3.8.5 Supporting Tables

3.8.5.1 R packages used

Table 5: R and packages used for the analyses. GLM: Generalized Linear Model, PCA: Principal Component Analysis, AUROC: Area Under the Receiver Operating Characteristic.

Analysis	Function	Package name	Version	Citation
Scaling and Centering	scale	base	3.3.1	R Core Team (2015)
Euclidean distance	dist	stats	3.3.1	R Core Team (2015)
Clustering	hclust	stats	3.3.1	R Core Team (2015)
PCA	dudi.pca	ade4	1.7.4	Dray and Dufour (2007)
GLM	glm	stats	3.3.1	R Core Team (2015)
GLM Selection	step	stats	3.3.1	R Core Team (2015)
Random Forests	randomForest	randomForest	4.6.12	Liaw and Wiener (2002)
Degree of species	degree	igraph	1.0.1	Csárdi and Nepusz (2006)
Shortest Paths	shortest.paths	igraph	1.0.1	Csárdi and Nepusz (2006)
AUROC	somers2	Hmisc	3.17.2	?
TSN retrieving	get_tsn	taxize	0.7.4	Chamberlain and Szöcs (2013)
Wilcoxon tests	wilcox.test	stats	3.3.1	R Core Team (2015)

Table 6: For each datasets we provide the total number of species (column *Total*), the number of species present in more than 1% of the total number of sites (column *Selected*), and the number of species for which traits information are available (column *Traits*). The symbol ‘-’ means ‘not relevant’.

Type	Total	Selected	Traits
Willow Leaf Network	274	156	-
Pitcher Plants Network	91	53	-
Caribbean Hummingbirds Network	62	62	-
North American Trees	31	31	31
French Breeding Birds Survey	340	179	321

Table 7: Tree species and traits used. Abbreviations are as follows: TSN - Taxonomic Serial Number defined by Integrative Taxonomic Information System (ITIS), maxH - Average maximum height, GR - Growth rate, WD - Wood Density, TolS - Shade tolerance, TolD - Drought tolerance, AM - Arbuscular mycorrhiza (Endomycorrhiza), EM - Ectomycorrhiza, LMA - Leaf mass per area, Nmass - Nitrogen content per leaf mass unit (Paquette and Messier, 2011).

Species	TSN	maxH	GR	WD	TolS	TolD	AM	EM	LMA	Nmass
Abies balsamea	18032	25	1	0.34	5.0	1.0	0	1	151.00	1.66
Acer negundo	28749	20	3	0.44	3.5	3.0	1	0	37.04	2.50
Acer rubrum	28728	25	3	0.49	3.4	1.8	1	0	71.09	1.91
Acer saccharum	28731	35	1	0.56	4.8	2.3	1	0	70.63	1.83
Betula alleghaniensis	19481	25	3	0.55	3.2	3.0	0	1	46.08	2.20
Betula papyrifera	19489	25	3	0.48	1.5	2.0	0	1	77.88	2.31
Carpinus caroliniana	19504	8	1	0.58	4.6	2.0	0	1	49.05	2.15
Carya cordiformis	19227	25	1	0.60	2.1	4.0	0	1	44.05	2.60
Fagus grandifolia	19462	25	1	0.56	4.8	1.5	0	1	61.22	2.04
Fraxinus americana	32931	30	2	0.55	2.5	2.4	1	0	76.75	2.12
Fraxinus nigra	32945	20	2	0.45	3.0	2.0	1	0	71.94	2.10
Fraxinus pennsylvanica	32929	25	3	0.53	3.1	3.9	1	0	87.72	1.80

Species	TSN	maxH	GR	WD	TolS	TolD	AM	EM	LMA	Nmass
<i>Larix laricina</i>	183412	25	3	0.48	1.0	2.0	0	1	120.00	1.36
<i>Ostrya virginiana</i>	19511	12	1	0.63	4.6	3.3	1	0	37.04	2.20
<i>Picea glauca</i>	183295	25	1	0.35	4.2	2.9	0	1	302.86	1.28
<i>Picea mariana</i>	183302	20	1	0.41	4.1	2.0	0	1	294.12	1.12
<i>Picea rubens</i>	18034	25	2	0.38	4.4	2.5	0	1	304.67	1.15
<i>Pinus banksiana</i>	183319	20	3	0.42	1.4	4.0	0	1	243.90	1.24
<i>Pinus resinosa</i>	183375	25	3	0.39	1.9	3.0	0	1	294.12	1.17
<i>Pinus strobus</i>	183385	30	3	0.36	3.2	2.3	0	1	121.92	1.42
<i>Populus balsamifera</i>	22453	25	3	0.37	1.3	1.8	1	1	83.46	1.95
<i>Populus grandidentata</i>	22463	20	3	0.39	1.2	2.5	1	1	70.45	2.50
<i>Populus tremuloides</i>	195773	25	3	0.37	1.2	1.8	1	1	82.02	2.16
<i>Prunus pensylvanica</i>	24799	12	3	0.36	1.0	2.0	1	1	50.00	2.40
<i>Quercus alba</i>	19290	35	1	0.60	2.9	3.6	0	1	81.21	2.39
<i>Quercus macrocarpa</i>	19287	15	1	0.58	2.7	3.9	0	1	92.74	2.27
<i>Quercus rubra</i>	19408	25	2	0.56	2.8	2.9	0	1	84.20	2.06
<i>Thuja occidentalis</i>	505490	15	1	0.30	3.5	2.7	1	0	223.00	1.02
<i>Tsuga canadensis</i>	183397	30	1	0.40	4.8	1.0	0	1	122.55	0.99
<i>Ulmus americana</i>	19049	35	3	0.46	3.1	2.9	1	0	79.47	2.07
<i>Ulmus rubra</i>	19050	25	3	0.48	3.3	3.0	1	0	59.88	2.50

Table 8: List of the Boolean traits used to compute Euclidean distances between all pairs of species in the French Breeding Birds Survey.

Category	Trait name
Activity	Nocturnal
Activity	Crepuscular
Activity	Diurnal

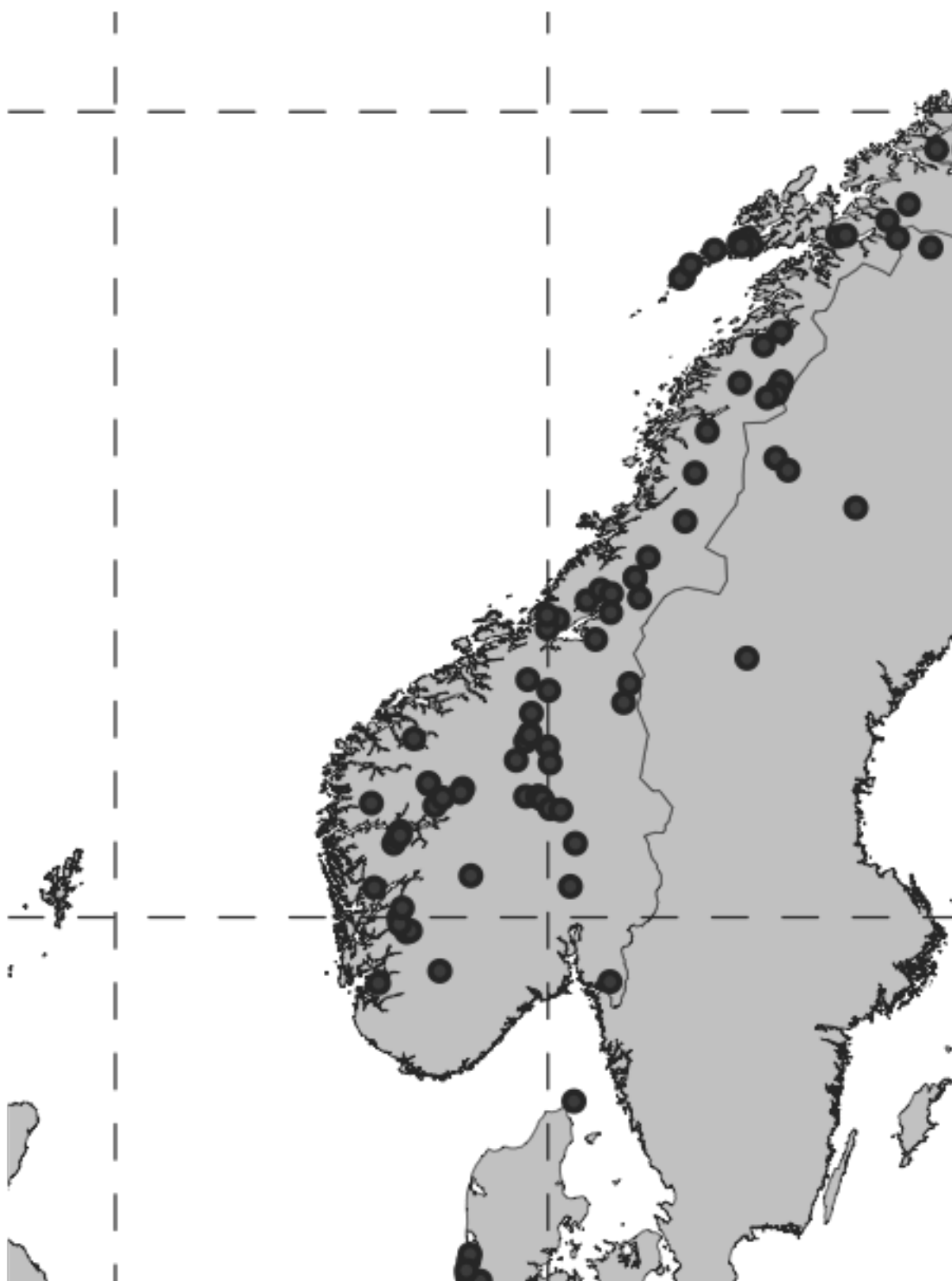
Category	Trait name
Diet	Seeds, nuts or grain
Diet	Fruits / frugivory
Diet	Vegetative
Diet	invert
Diet	fish
Diet	Very small mammals
Diet	Large mammals
Diet	Herptile
Diet	Small birds
Diet	Long birds
Diet	Vertebrate
Diet	Bones
Diet	Carrion
Feeding behavior	Pursuit (air and/or aquatic)
Feeding behavior	Sally
Feeding behavior	Foliage gleaning
Feeding behavior	Pouncing
Feeding behavior	Grazing
Feeding behavior	Picking, pecking or stabbing
Feeding behavior	Digging
Feeding behavior	Overturning
Feeding behavior	Probing
Feeding behavior	Filtering
Feeding habitat	Water-surface
Feeding habitat	Underwater
Feeding habitat	Water
Feeding habitat	Mud

Category	Trait name
Feeding habitat	Ground
Feeding habitat	Canopy
Feeding habitat	Shrub (low and high)
Feeding habitat	Vegetation
Feeding habitat	Air
Foraging habitat	Wet grassland, meadows, fens, sedges or tundra
Foraging habitat	Dry grassland
Foraging habitat	Rocky slope
Foraging habitat	Fast river/stream
Foraging habitat	Slow river/stream
Foraging habitat	Shore (marine)
Foraging habitat	Salt marsh
Foraging habitat	Mud or silt
Foraging habitat	Sandy gravel/beach
Foraging habitat	Reed marshes
Foraging habitat	Conifer
Foraging habitat	Mixed forest
Foraging habitat	Deciduous
Foraging habitat	Mediterranean oak or other
Foraging habitat	Open/low forest
Foraging habitat	Forest or habitat edge
Foraging habitat	Shrub/bush
Foraging habitat	Urban
Foraging habitat	Garden
Foraging habitat	High air
Nesting habitat	Wet grassland, meadows, fens, sedges or tundra
Nesting habitat	Dry grassland

Category	Trait name
Nesting habitat	Banks/sand/mud
Nesting habitat	Rock surface/outcrops
Nesting habitat	Near water/shore/island
Nesting habitat	Sand gravel/beach
Nesting habitat	Reed marshes
Nesting habitat	Conifer
Nesting habitat	Mixed forest
Nesting habitat	Deciduous
Nesting habitat	Mediterranean oak and other
Nesting habitat	Open/low forest
Nesting habitat	Shrub/bush
Nesting habitat	Urban
Nesting habitat	Garden
Nesting location	Elevated
Nesting location	Tree hole
Nesting location	Ground

3.9 Supporting Figures

A. Willow Leaf Comm



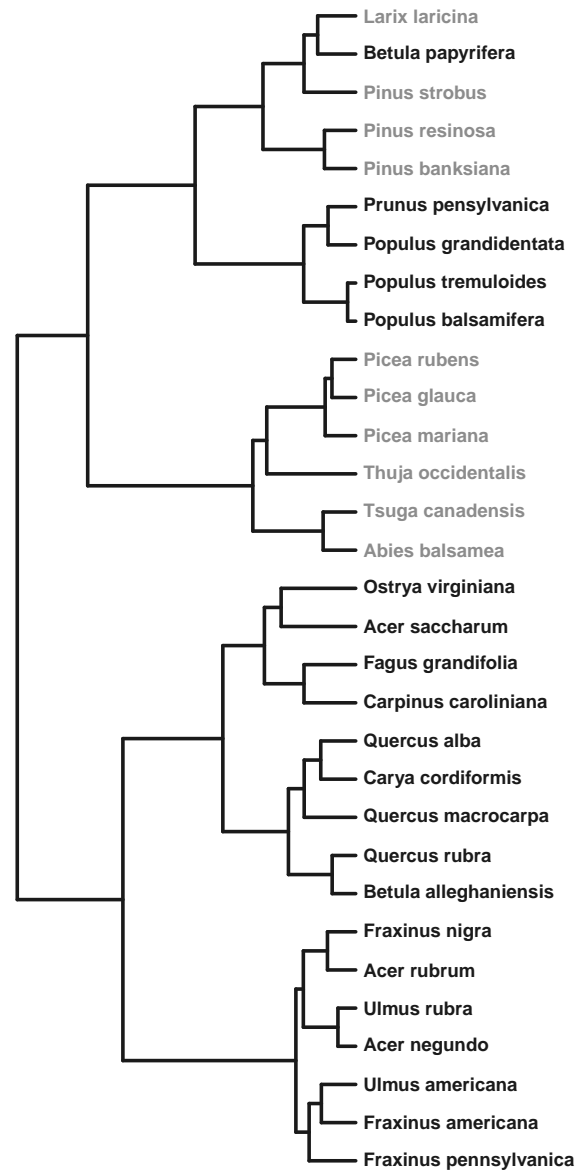


Figure 14: **Dendrogram representing the trait-based distances between the 31 species studied in the North American tree datasets.** Names of angiosperm species are written in dark grey while names of Gymnosperm species are in a lighter grey.

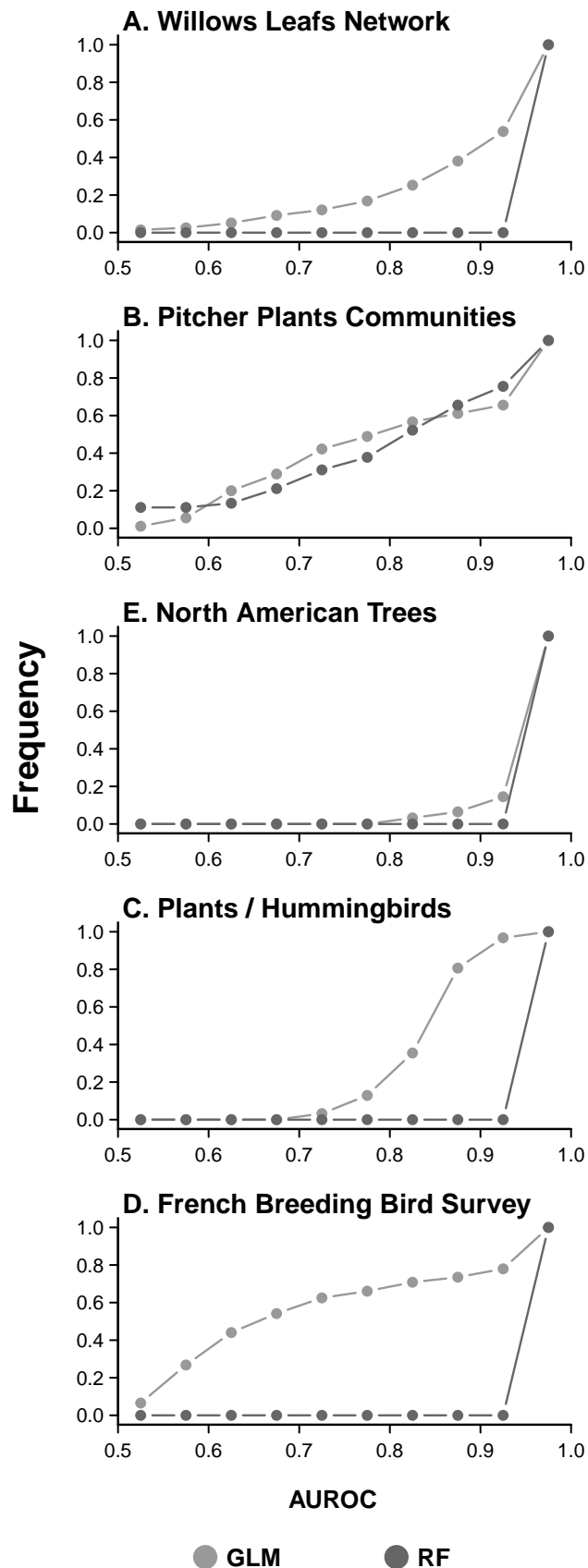


Figure 15: **Evaluation of the SDM approaches** For each dataset, the distributions of performance of generalized linear models (light grey symbols) and random Forest (dark grey symbols) for all species are presented.

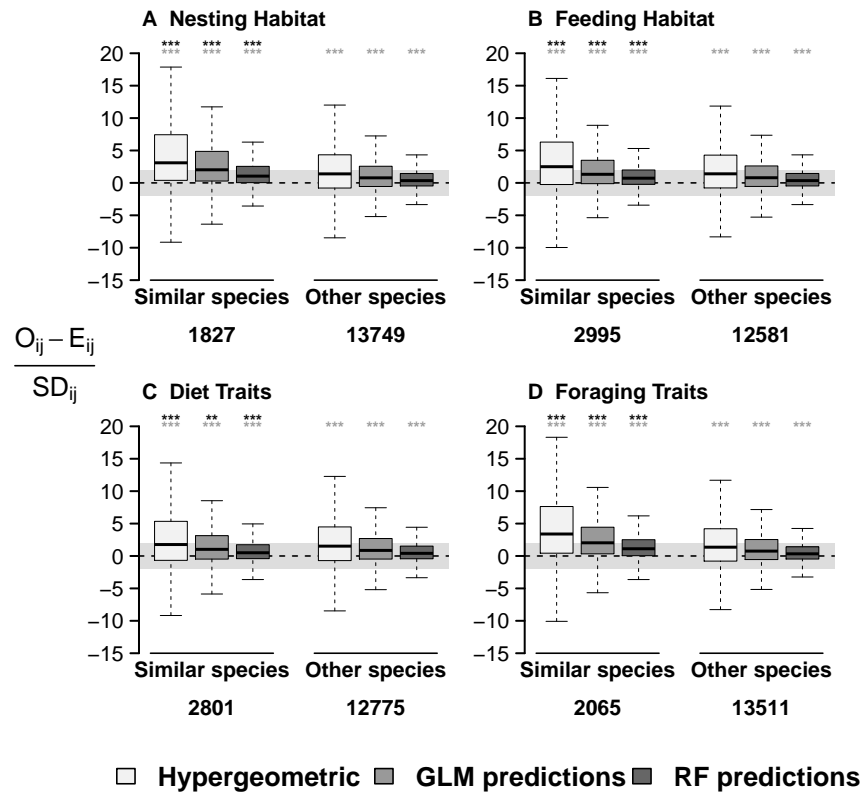


Figure 16: ** Co-occurrence and the nature of the trait-based distance in the FBBS dataset**
 The different panels correspond to four different set of trait upon which for different distance are built. Similar species are defined as the species for which the trait-based distance is less than or equal to the lower decile of this distance distribution. Note that outliers are not displayed. The light grey rectangle corresponds to the 95% confidence interval for the standard normal distribution which gives insight into the proportion of pairs of species significantly different from 0. P values were computed using the Wilcoxon rank sum test, to compare interacting versus not-interacting Z-score distribution calculated for the three different methods (black symbols) and to show whether whether Z-score were greater for hypergeometric versus GLM and whether GLM versus RF (grey symbols).

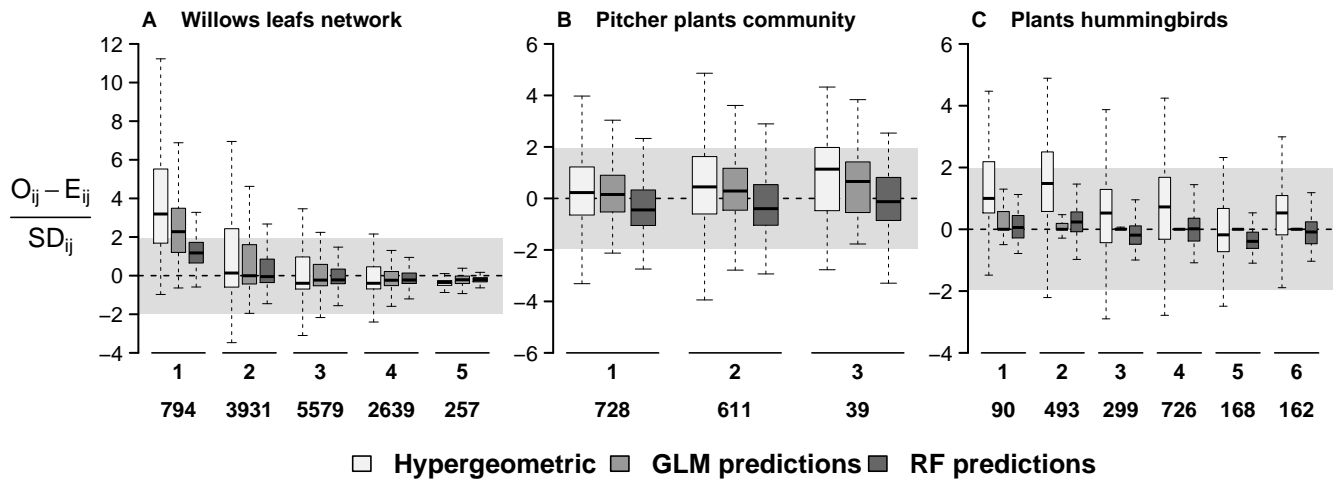


Figure 17: **Co-occurrence signal decays when the shortest path between a pair of species decay** Distribution of Z-scores for all interactions are grouped by shortest-path indicated by the first numbers below boxplots. The other figures below stand for the number of pairs of species included within the distributions.

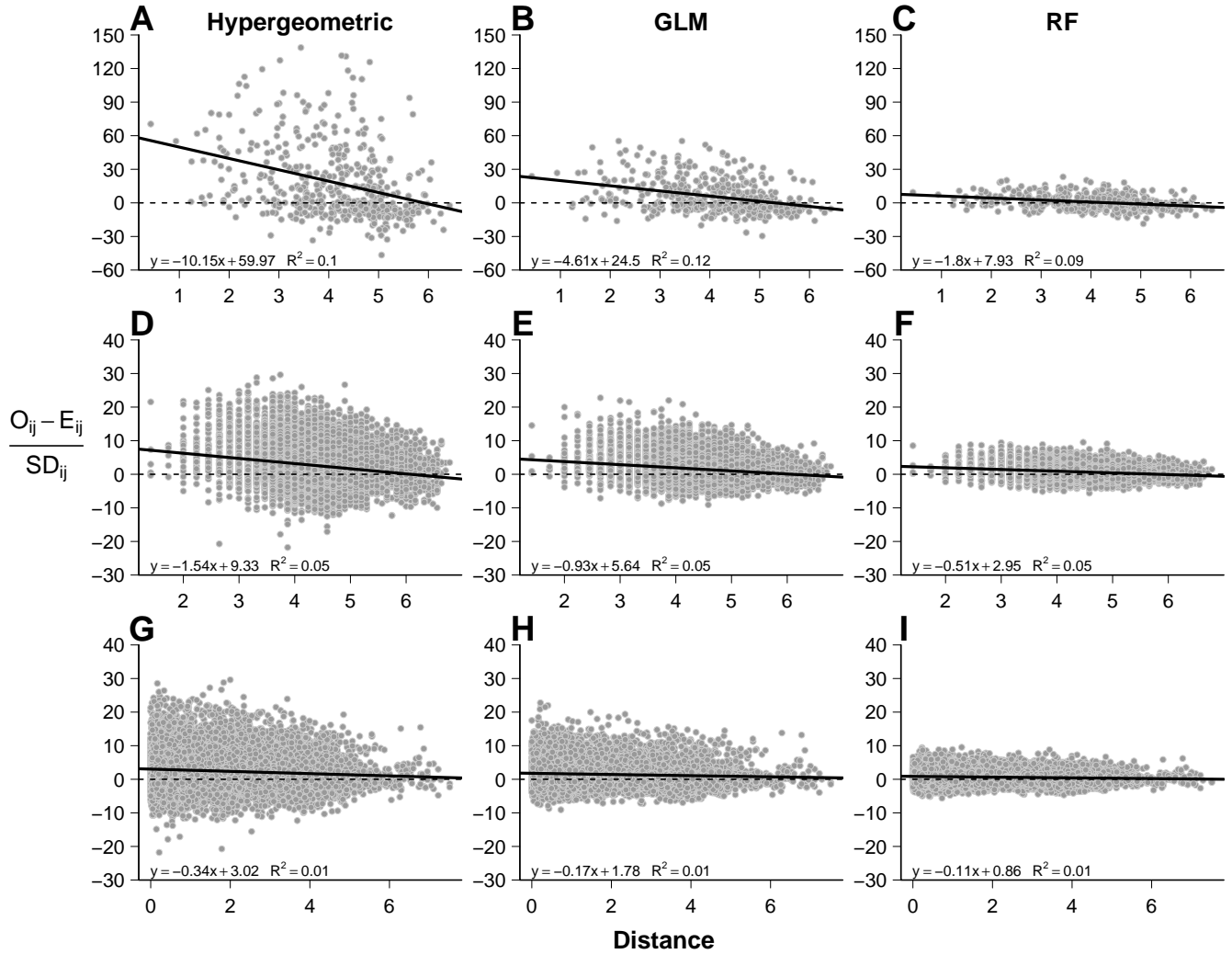


Figure 18: *Changes co-occurrence signal when increasing the distance between two species*
 Points represent the result for all pairs of interaction for two datasets: the North American Tree dataset (A=C) and the FBBS (D-I). For the latter, we used the trait-based distance computed with all available traits (D-F) and the body-size ratios (the lighter species over the heavier, panels G-I). In each panel, the equation on the bottom-left corner indicated the results of the linear regression depicted by the dotted line.

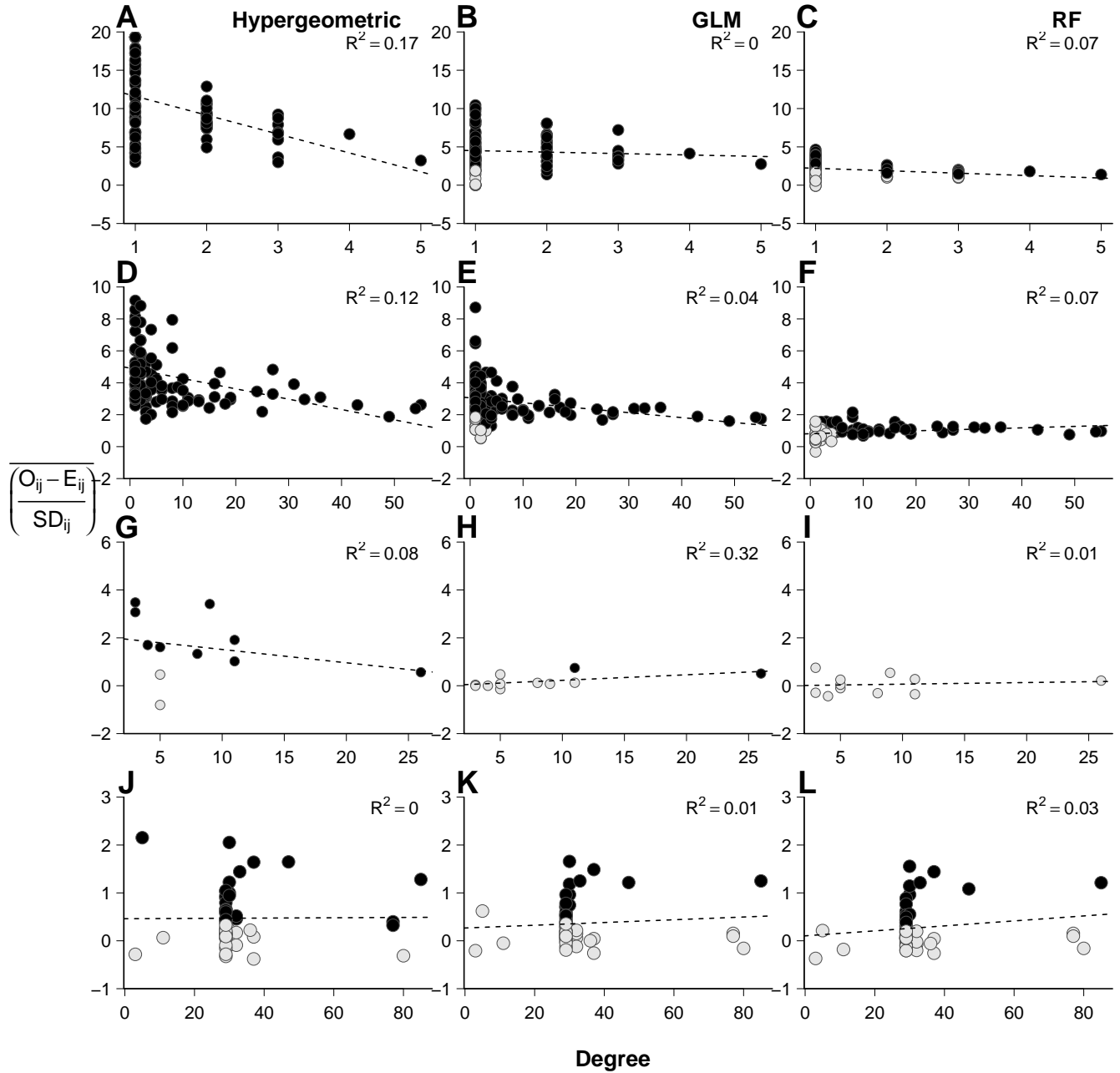


Figure 19: The degree of species partially explains the decrease of the co-occurrence strength For the herbivores (A-C) and the parasitoids in the willow leaves network datasets (D-F), the hummingbirds in the Caribbean hummingbirds datasets (G-I) and all species in the pitcher plants network that consume other species (J-L) the mean Z-score is plotted against the degree of the species. Black symbols are mean Z-scores significantly different from 0 (see SI Text). In each panel, the dotted line represents the linear regression $y = ax + b$ for which the R^2 is provided.

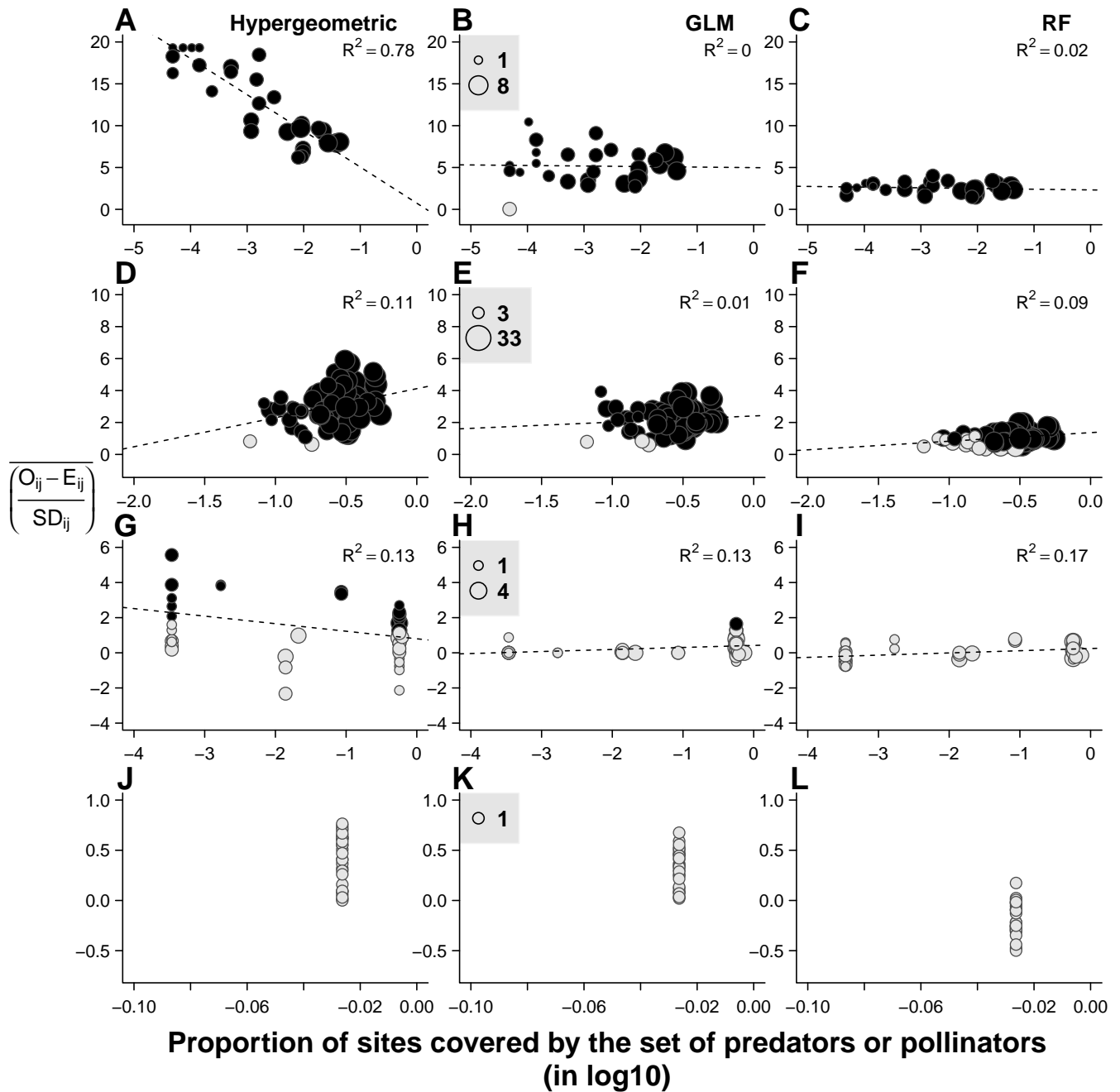


Figure 20: *Reversed figure 4** This figures correspond to the figure 4 in the main text but the Z-score are calculated for preys (host plants) rather than for predators 9pollinators). Mean Z-score are computed for willows (A-C) and herbivores (based on the herbivores-parasitoids only, D-F) of the willows leaves network, the hosts plants in the Caribbean hummingbirds datasets (G-I) and species that feed on the detritus in the pitcher plants network (panels J-L). The x-axis is expressed as a log proportion of the total number of sites included in the considered dataset. Black symbols are mean Z-scores significantly different from 0 (see SI Text). In each panel, the dotted line represents the linear regression $y = ax + b$ for which the R^2 is provided. The size of circles reflects the degree of species for which the Z-score was calculated, the relation size-degree for each row is given in the middle panel.

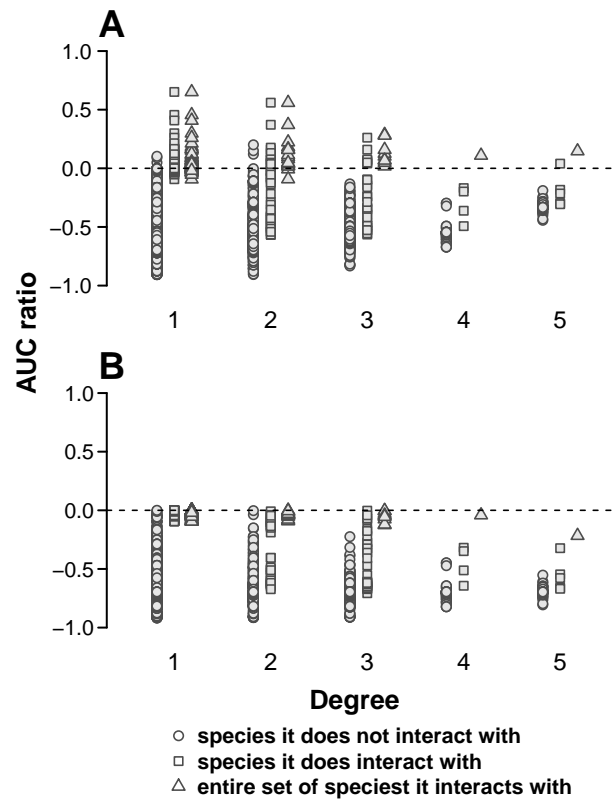


Figure 21: **Predicting herbivore distribution based on the distribution of willows** For the herbivores in the willow leaves network dataset, we compared the AUC obtained when using willow it does not interact with (circles) a willow in interacts with (squares) and the set of willow it interacts with (triangles) to AUC obtained for GLM (A) and RF (B). Positive values indicated that species based model outperformed the SDM model.

ARTICLE 4

TOWARDS A METABOLIC THEORY OF BIOGEOGRAPHY

4.0.1 Résumé en français du troisième article

Depuis longtemps cotrinate énergétiques En 2015 j'ai comencà à m'intéressé au problème energie mais pa assez et puis j'ai commencé

Cet article présente d'une extension du modèle de la TTIB ([Gravel et al., 2011](#)) que je proposed de reformuler en terme de contrainte énergétiques.

des reflexions pour lever le nombre d'espèce dans mon modèle mais aussi à essayer d'aller vers quelquechose qui est plus réaliste. Quand on pense à une pyramide du vivant il y a la base des producteurs qui de l'énergie inorganique jusqu'au top prédateurs sont capables de faire de l'énergie. Comme souligné par le papier de Gravel et al. il n'y a le simple fait qu'un prédateur mais aussi il y a une différence de triantement dans un top prédateur et un herbivore dans la répartition de l'énergie. J'ai essayé de me confronter à ces problèmes mais j'ai du commencé par comprendre l'état du savoir et les enjeux. Il m'apparaît que 2 théories intéressantes plus ou moins mécaniques mais pas tant de problème. Mais comment comprendre que certaines relations soient visibles à l'échelle est difficile à comprendre ou sont la preuve que certaines hypothèses n'ont pas la saturation.. Ce modèle offre des perspectives nouvelles et un point d'ancrage concret sur plein de belles choses.

4.0.2 Publication envisagée

En l'état plutôt théorique et lève un certain nombre d'obstacles en ce sens mais aussi aller plus loin avec des données en post doc et aussi plus loin dans la population proposée pour post doc...

Ce article traite de deux aspects les perspectives qu'offre une approche et propose un protocole pas pour passer vers les populations depuis le haut. Le modèle qui y est présenté est simple mais innovant et offre la possibilité pour explorer des hypothèses. Le chapitre est en cours de développement. L'avancement est indiqué dans le rapport du troisième compte-rendu de comité de thèse. Il est la base d'un projet que je viens de proposer pour le post doc. Miguel Araujo et Loïc Pelissier. cool

Un grand merci à Solraik..

4.1 Introduction

Disentangling the respective contribution of processes shaping species distribution remains the central principle of biogeography. While biogeographers clearly envision the list of ingredients that are needed to understand species distribution ([Thuiller et al., 2013](#)), they are currently lacking an ideal recipe, which has the right individual proportions toward forecasting accurately community assembly. Therefore, in the current context of global changes, we likely fail to predict accurately biodiversity responses as we keep our focus strictly on abiotic factors *i.e.* temperature and precipitation, while continuing to overlooking biotic interactions and short-term evolutionary responses ([Lavergne et al., 2010](#)). At the core of this issue is the need for a renewal of theoretical foundations that currently exist in the field of biogeography, which should be started by a synthesis of recent enrichments of the model of the island-based theory of biogeography ([Lomolino, 2000a](#); [Warren et al., 2015](#)).

Among major theoretical challenges toward more realistic models, biotic interactions should be integrated as a constraint for species co-existence in meta-communities ([Jabot and Bascompte, 2012](#); [Cazelles et al., 2015](#)). Community ecology involves the interplay of species together, where they interact and their persistence within the community relies heavily on their relationships. Consequently, ecological interactions may explain, at least partially, the dynamics of local extinctions, which in turn would further explain some properties of

the geometrical shape of the ranges of species (*e.g.* nested distributions of parasitoid and its host, ?) even if we have poor evidence of such effect at large spatial scales (but see [Gotelli et al., 2010](#)). However, two of the most influential models in biogeography assume ecological equivalence of species; the Theory of Island Biogeography of MacArthur and Wilson (hereafter TIB, [MacArthur and Wilson, 1967](#)), which consistently overlook the variation among species characteristics, especially when considering their interactions within food-webs. Second, in his neutral theory, Hubbell assumes that individuals of different species are ecologically equivalent and predicts the distribution of abundance without considering interactions ([Hubbell, 1997](#)). These two theoretical models have been proven relevant for certain groups of species and inadequate for others, but none of them were initially intended to describe exhaustively the different components of communities on islands. To make strides towards increased predictive power at the community scale, the hypothesis of ecological equivalence must be released and ecological interactions explicitly integrated ([Holt, 2010](#); [Gravel et al., 2011](#)).

The TIB is well-suited to explore the consequences of the integration of ecological interactions at broad spatial scales as it includes two fundamental processes of biogeography, immigration and extinction in an elegant fashion that eases its extension ([Losos and Ricklefs, 2010](#); [Warren et al., 2015](#)). Building upon the classical models, recent studies have included interactions in the TIB ([Gravel et al., 2011](#); [Cazelles et al., 2015](#)). In such approaches, the regional pool of species becomes a *metaweb* which makes species inter-dependent entities with specificities (*e.g.* a given trophic level) rather than indistinguishable unities of a species quantity allowing so more than the prediction of species richness (*e.g.* the occurrence probabilities of species from different trophic levels [Gravel et al., 2011](#)). As an important consequence of such consideration, colonization and extinction rates vary with respect to the species identity and the local community. [Gravel et al. \(2011\)](#) proposed that Trophic TIB (hereinafter TTIB), where predators can survive locally just as long as they find at least one prey and prevent their colonization if for prey-free islands. More generally, [Cazelles et al. \(2016b\)](#) presented a Lotka-Volterra like model in which the composition of the local community determines the

extinction rates. Despite the increase of the realism of the model, we must acknowledge that adding new ecological processes in the TIB affects its simplicity, whereas the quality of its predictions has rarely been proven to be better (see [Cirtwill and Stouffer, 2016](#)). Extending the TIB while preserving its elegance is therefore a challenging and technical issue. As a promising avenue to find answers, we propose to reformulate the TTIB in terms of energy constraints.

Species do not escape from the laws of thermodynamics, which ultimately shapes the pyramid of life we currently observe ([Trebilco et al., 2013](#)). To provide context, despite the complexity of evolutionary trajectories, many key ecological properties and processes surrounding species scale with body mass (i.e. metabolic theory of ecology@Brown2004; [Woodward et al., 2005](#)). Among the major findings of this theory is the scaling of the metabolic rates ([Gillooly et al., 2001](#)), which are typically scaled with the power function of the body mass (often between $2/3$ and $3/4$ [White and Kearney, 2013](#)). Even if all the relationships are not well-understood (see the case of abundances reviewed in [White et al., 2007](#), and the recent relationship between prey and predator biomasses [Hatton et al. \(2015\)](#)), the regularity of allometric relationships promises to lower the complexity of ecosystems by using body mass distribution to describe many of its properties (such as their energy requirements). Allometric relationships and energy flows are also a way to revisit models of population dynamics, as envisioned by [Yodzis and Innes \(1992\)](#), whom considered species as energy processors to derive a bio-energetic model of population dynamics where energy uptake is based on allometric relationships. Recent developments have convincingly shown that allometric relationships are the cog to analyze the properties of networks (such as stability [Brose et al., 2006](#)), the role of species within ([Schneider et al., 2012](#)), and some authors have even proposed to infer ecological interactions with these promising results ([Gravel et al., 2013](#); [Petchey et al., 2008](#)).

At large spatial scales, the diminution of available solar energy from the equator to higher latitudes explains one of the most obvious pattern in biogeography: latitudinal po-

sition is correlated with species richness (Rohde, 1992; Stevens, 1989; Evans et al., 2005). The productivity of primary producers is a good predictor for species richness (Evans et al., 2005; Storch et al., 2005) and is strongly correlated with the availability of energy and water, which together makes climate a strong descriptor of species richness over large spatial extents (Hawkins et al., 2003). Several mechanisms have been proposed to explain the positive relationship between energy and species diversity (see Evans et al., 2005, for a review). Recently, based on the meta-analysis of 196 empirical food webs, Cirtwill et al. (2015) had shown that the density of links remains constant over a latitudinal gradient. For most ecosystems this is supported, where an increased energy, results in a wider niche space, rather than an increase of niche width poleward. Biogeographers are currently struggling to find the answers surrounding energy constraints and the structure of food webs. In 1983, Wright (1983) developed the species-energy theory and replaced the “area” with “available energy” to derive a meaningful Species Energy Relationship (SER). Although area and energy may bring more information taken together (Storch et al., 2005), the rationale behind it, allows the derivation of species abundance and occurrence probability based on energetic constraint (Wright, 1983).

Here, we propose to enhance the model of the TTIB following the vision of Wright (1983). To do so, we build a theoretical model where islands are patches of primary producers determining the amount of energy available, upon which local networks may be built through successive colonization from the regional metaweb. Body masses of species are used to derive the need to sustain a minimal population on the island. As species from different trophic level are considered, we use a transfer efficiency (i.e. energy transferred to another trophic level) to integrate discrepancies of energetic costs caused by the difference of energy sources. Based on the model we were able to derive a SER based on the dynamics of colonization and extinction of communities

4.2 Model

The model developed by MacArthur and Wilson have their colonization and extinction dynamics linked to island characteristics, which predicts species richness on an island according to the size of the island and its distance from the mainland (MacArthur and Wilson, 1967). One promising direction to extend this theory is to include biotic interactions into the classical model (Holt, 2010; Gravel et al., 2011; Cazelles et al., 2015). Following this avenue, we considered explicit interactions among the pool of species based on allometric relationships. Species body masses are used to determine the quantity of energy a given species requires to maintain its local population on an island. Once the island cannot sustain a minimal population for all local species, extinctions ensue. Therefore, in the model described below, we simulate the TIB with purely stochastic colonization events together with deterministic extinction based on an energy rational.

4.2.1 Primary producers and habitat heterogeneity

An island is assumed to be a patch of land covered by a maximal quantity of primary producers constituting an amount of energy available upon which a food web can be built. The maximal amount of energy available for herbivores is noted E_0 and varies with island area, which is essentially the assumption behind the drop of extinction rates with an increase in the size of the island in the classical theory (MacArthur and Wilson, 1967; Rabosky and Hurlbert, 2015). In our model, when E_0 increases, regardless of the nature of primary producers, the energy available to sustain herbivore populations rises. The simplification made here is twofold: (1) the diversity of primary producers is not taken into account, and (2) the production is constant over the time.

4.2.2 Metawebs

The regional pool of species in the TIB is the number of species P reflecting the regional diversity. Here, we not only consider a fixed number of species P but we also include trophic relationships among species. Following [Cazelles et al. \(2015\)](#), we built regional metawebs of P species using the niche model developed by [Williams and Martinez \(2000\)](#). We furthermore assume the niche axis to be the body size of the species, where species which are without any links in the metaweb are determined to be herbivores. Note that primary producers are not included in the niche model but the source of energy of herbivores. Apart from primary producers regarded as a quantity of available energy, the model we use exhibits strong correlations between trophic level and body mass: herbivores are often the smallest and top predators the largest. Although this assumption is an oversimplification for ecosystems in general, it remains reasonable for marine ecosystems ([Trebilco et al., 2013](#)), where allometric relationships have been used to infer the food web structure ([Gravel et al., 2013](#)).

4.2.3 Migration of species from the metaweb

An island is made of one or more habitats made of primary producers. Here, we focus on the migration of herbivores and species of higher trophic levels. Following [Gravel et al. \(2011\)](#), we assume that the colonization of herbivores/predators is successful only if they find at least one of their habitat/prey on the given island. Moreover, in the model we propose, arrivals of new species are always possible until the energetic requirements to maintain local populations exceeds the primary production. In this case, energetic constraints and networks topology determine the identity of species to go extinct. Therefore, colonization events are assumed to be purely stochastic, while extinctions are more deterministic (this difference in stochastic nature between these fundamental processes of biogeography has been recently supported in [Cirtwill and Stouffer, 2016](#)).

4.2.4 Energetic constraints on local food webs

The energetic rational of the model is simple: local populations need a certain amount of energy to maintain a minimum level of sustenance, under this threshold the species goes extinct. Under this constraint, the species richness locally increases until the energy production is no longer sufficient for all populations. For a given species i , energy requirements of any individual is derived from allometric relationships proposed by the metabolic theory of ecology (Brown et al., 2004), that is a consumption of the form $c_i m_i^b$ where b is often set to .75. We do not integrate variance among individual of a species, and thus m_i is a constant for a species and the energy uptake associated to a minimal viable population (hereafter MVP) of n_i individuals becomes $n_i m_i^b$. Shaffer (1981) defined the MVP as “[...] the smallest isolated population having a 99% chance of remaining extant for 1000 years despite the foreseeable effects of demographic, environmental and genetic stochasticity, and natural catastrophe”, highlighting that the smallest portion of a population has the highest possible extinction risk (extrapolated as time to extinction) . Building upon this idea, Lande (1993) showed that the time to extinction is also affected by the mean population growth rate, which underlies that species characteristics may lead to a heterogeneity in MVP. Moreover, Savage et al. (2004) had developed a metabolic framework within which they proved the growth rate to be proportional to m_i^{-b} . Based on these results, we explore two simple cases: (1) MVP is equal for all species: $n_i = n_0$, and (2) MVP scales with the growth rate $n_i = n_0 m_i^{-b}$. For both scenarios, species i can survive only if the energy expenditures can be covered, *i.e* if the energy available is greater than: $n_i c_i m_i^b$.

4.2.5 Energy fluxes and transfer efficiency

Although the expression of energy consumption is similar among species, they obtain it from different sources: herbivores feed on primary producers, whereas predators feed on a set number of prey. The primary production must therefore be split properly through the entire

community. To deal with this, we propose to convert the energy costs for maintaining predator populations into additional populations of herbivores to be maintained. To exemplify this idea, we start with the simplest trophic network where a predator j feeds upon a herbivore i . The cost to maintain the MVP of i is $n_i c_i m_i^b$ and $n_j c_j m_j^b$ for j . For the latter, we convert n_j into an extra population of i , $n_{i,j}$ herbivore individuals dedicated to j consumption. Furthermore, we account for the energy loss the conversion begets by including a transfer efficiency τ . Hence, the conversion from n_j to $n_{i,j}$ is given by the following equation:

$$\tau n_{i,j} c_i m_i^b = n_j c_j m_j^b \quad (4.1)$$

which yields:

$$n_{i,j} = \frac{n_j c_j}{\tau c_i} \left(\frac{m_j}{m_i} \right)^b \quad (4.2)$$

In our study, we postulate that the transfer efficiency is constant across trophic levels, which is likely an oversimplification of the reality as suggested by the sparse empirical data available (Trebilco et al., 2013; Brown and Gillooly, 2003). We now add a new predator k feeding on j to the insular food web. According to our reasoning, we must convert n_k into $n_{i,k}$. To do so, we start by converting n_k into a population of j :

$$n_{j,k} = \frac{n_k c_k}{\tau c_j} \left(\frac{m_k}{m_j} \right)^b \quad (4.3)$$

We now turn $n_{j,k}$ into a herbivore population:

$$n_{i,k} = \frac{\frac{n_k c_k}{\tau c_j} \left(\frac{m_k}{m_j} \right)^b c_j}{\tau c_i} \left(\frac{m_j}{m_i} \right)^b \quad (4.4)$$

which gives:

$$n_{i,k} = \frac{n_k c_k}{\tau^2 c_i} \left(\frac{m_k}{m_i} \right)^b \quad (4.5)$$

In a similar fashion, for a linear trophic chain, we can demonstrate that the additional population of herbivore i to be produced to maintain predator j of level l is:

$$n_{i,k} = \frac{n_j c_j}{\tau^l c_i} \left(\frac{m_j}{m_i} \right)^b \quad (4.6)$$

In many cases, a predator feeds on an array of prey species rather than a single one (assuming a generalist predatory, and not specialized predator). As such, it uptakes its energy from the different sources and we must account for all of them. Basically, the split of energy is the realm of population dynamics as the population consumption depends on the number of individuals. To overcome the complexity, we assume that energy costs associated with maintaining the local predator are minimal. Therefore, n_j is converted into i , the herbivore linked to j for which (4.6) is minimal. Basically, i should be a large and separated from j by a low number of species. Hence, on the island, the species richness increases as long as the inequality below holds true:

$$\sum_i c_i n_i m_i^b + \sum_j \frac{n_j c_j}{\tau^{l_j} c_i} \left(\frac{m_j}{m_{i_j}} \right)^b < E_0 \quad (4.7)$$

The first term is the energy cost for maintaining populations of herbivores, the second term is associated to higher trophic levels: predator j is converted into herbivore i_j from which it is separated by l_j links. For the sake of simplicity, we make an extra assumption: c_i values are constant among species and set to 1. Therefore if we assume that MVP is constant (scenario 1), inequality 4.7 becomes:

$$\sum_i m_i^b + \sum_j \frac{1}{\tau^{l_j}} \left(\frac{m_j}{m_{i_j}} \right)^b < \frac{E_0}{n_0} \quad (4.8)$$

Similarly, if we assume $n_i = n_0 m_i^{-b}$ and $n_j = n_0 m_j^{-b}$ (scenario 2), then:

$$\sum_i 1 + \sum_j \frac{1}{\tau^{l_j}} \left(\frac{1}{m_{i_j}} \right)^b < \frac{E_0}{n_0} \quad (4.9)$$

The left side of this equation provides the minimal energy needed to sustain all populations while the right side is the total amount of energy available. Therefore, the maximal population of species i without any extinction is given by converting the extra amount of energy available into an additional population of species i , the population of i we get is denote $n_{i,max}$. The range $[n_i, n_{i,max}]$ is then the range of possible fluctuations of species i without any new extinction event.

4.2.6 Extinctions

When the local primary production cannot sustain the establishment of a new immigrant, *i.e.* when inequality 4.7 is no longer verified, its arrival is either impossible or lead to extinction of other species. In the latter situation, we must determine the identity of species that will go extinct, which remains a significant challenge that will not be undertaken here given its complexity highlighted by recent theoretical studies (Säterberg et al., 2013; Zhao et al., 2016). To bypass this concern, we use two scenarios: (1) *random extinction*: any species can go extinct, and (2) *costs-based extinctions*: the probability of extinction is proportional to the energetic costs of the species. Once an extinction occurs, we ensure that all species remain linked to at least one herbivore, otherwise unlinked species will too go extinct. Finally, extinctions are set to occur until 4.7 is satisfied.

Although the assumptions we have made here are likely unrealistic, our intentions here

are merely to examine the model under the special case of an optimal energy allocation on an island. As long as we focus on the qualitative consequences in term of community dynamics, these assumptions remain acceptable. As an important remark, in our model, the energy cost associated to one predator is not based on inherent properties as it is determined by the identity of preys available on the island. Hypotheses behind each of the four scenarios are recapitulated in Table 1.

Table 9: Hypotheses associated to the four scenarios.

Scenario	MVP	extinction
1	n_0	random
2	n_0	costs-based
3	$n_0 m^{-.75}$	random
4	$n_0 m^{-.75}$	costs-based

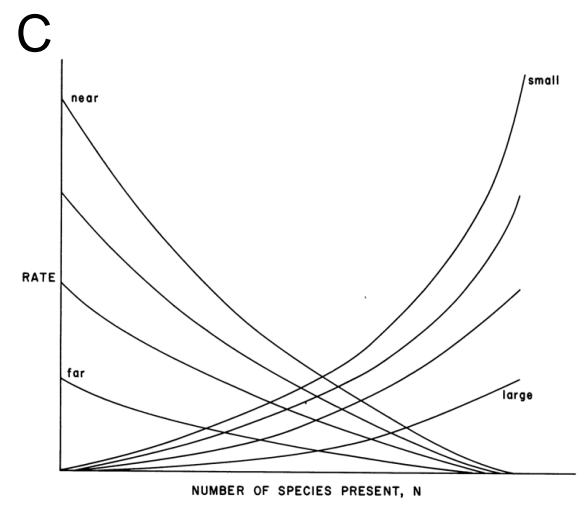
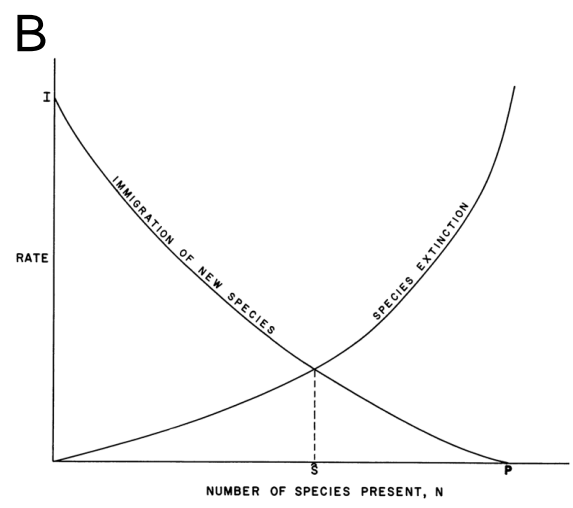
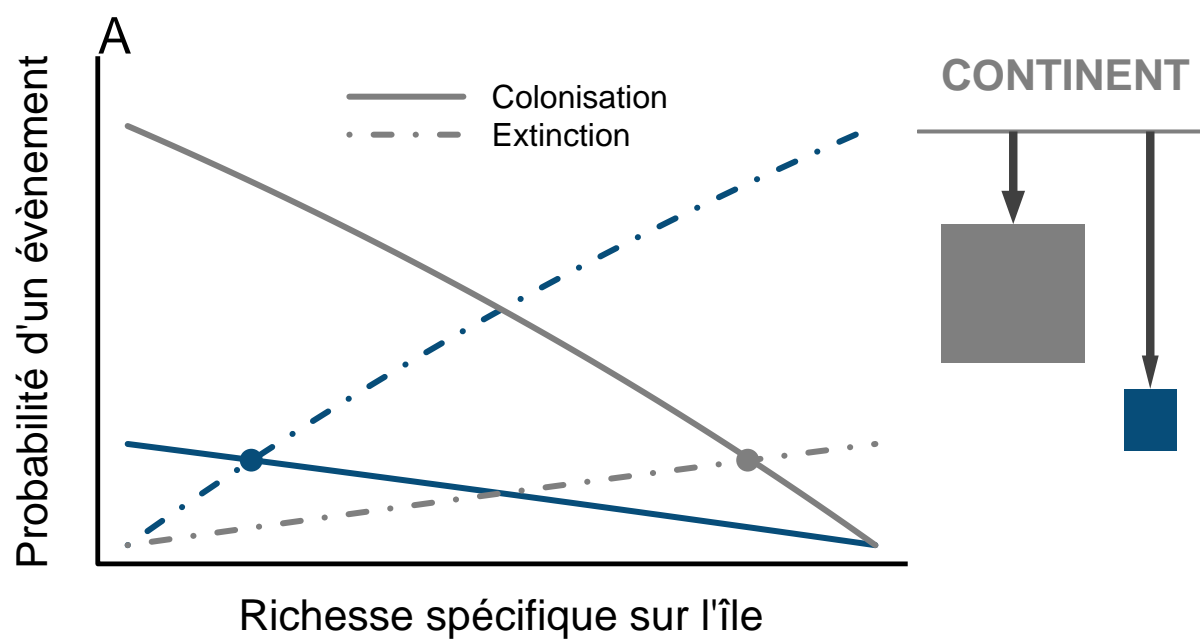
4.2.7 Simulations

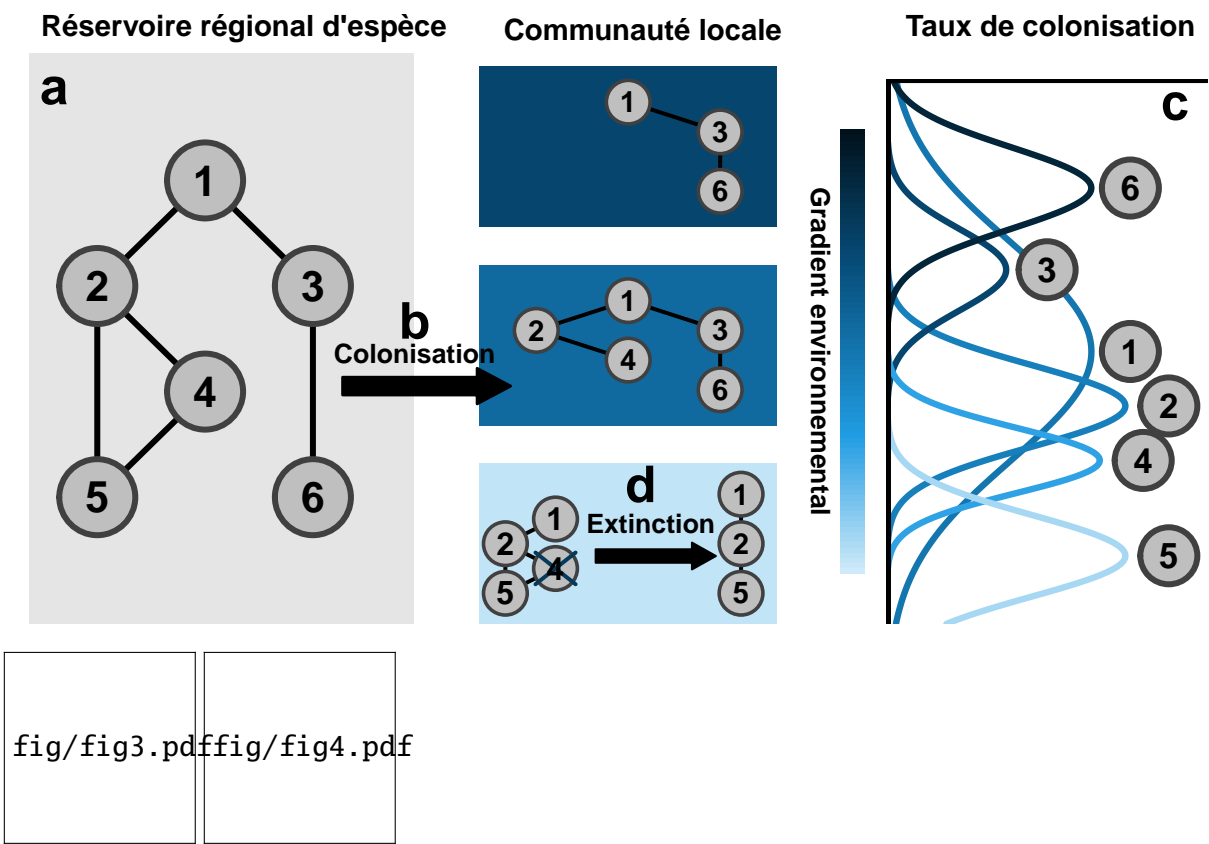
Every simulation starts with the generation of the regional metaweb of 100 species. To do so, we first draw a number p_i for all species from a uniform distribution from the range $[0,3]$. Numbers p_i are then sorted, the lowest values are assigned to the herbivores and we use the vector obtained as the niche axis in the niche model where the connectance was set to 0.05 (?). Species that were not connected were assumed to be herbivores and to allow comparisons among simulations we force the number of herbivores to be 10. We also use the p_i number to derive the biomass of all species, we do so by using 10^{p_i} . Therefore the smallest species has the smallest niche axis.

Along a gradient of energy ranging in $\frac{E_0}{n_0}$ from .1 to 10^8 , we simulated the model described above. We start with an empty island which and at any time step, any species of the

metaweb has a probability $c = 0.001$ of colonizing the island. If a colonization occurs then it is successful if the specie is a herbivore or the species is a predator. If the colonization is a success then we derive whether the energy available on the island allow a MVP of the new species to be maintained locally. If it is indeed possible then the species becomes a part of the insular network, otherwise extinction process is triggered. For all time step we record the species on the island. We perform 125,000 iterations and discard 25,000 burn-in iterations and the 100,000 remaining to do our analyses. For all the 91 values of the energy gradient we used 100 replicates, meaning 100 different regional metawebs.

4.3 Results and Discussions





CONCLUSION GÉNÉRALE

Interactions écologiques et distribution des espèces

Des modèles théoriques à développer

Dans son appel pour un renouvellement de la théorie de la biogéographie des îles, Mark Lomolino soulignait le besoin d'intégrer davantage de processus écologiques et évolutifs autour des trois processus fondamentaux de la biogéographie : colonisation, extinction et évolution (Lomolino, 2000b). Au chapitre 1, je me suis confronté à ce problème en proposant une démarche pour incorporer les interactions et les contraintes abiotiques dans la TIB. J'ai proposé d'utiliser un cadre mathématique général (détaillé à l'annexe 2) reliant ces facteurs aux probabilités d'extinction et de colonisation. Cette approche est simple et prometteuse, je la considère aujourd'hui comme une extension de la TIB en ce sens que la théorie classique devient un cas particulier pour lequel les interactions et les contraintes abiotiques n'ont pas d'influence sur les taux de colonisation et d'extinction.

Le modèle proposé au chapitre 1 souligne le potentiel d'une approche communauté-centrée dans laquelle le raisonnement repose sur des probabilités de transition entre différents assemblages (Cazelles et al., 2015) plutôt que sur le traitement indépendant de la présence de plusieurs espèces. Il me semble que cette idée était aussi en germe dès 1972 dans le livre de Robert MacArthur, mais sans avoir été mathématiquement formalisée (MacArthur, 1972). Partir des assemblages pour comprendre la distribution des espèces posent néanmoins un problème majeur : le nombre de communautés à envisager devient rapidement très élevé (pour n espèces, ce sont 2^n assemblages possibles), ce qui limite la mise en application du modèle développé au chapitre 1 dans sa formulation actuelle. Cela étant dit, il est possible que des moyens émergent pour réduire en complexité et qu'il soit progressivement transformé en une méthode d'inférence statique efficace.

En me confrontant à l'incorporation des interactions écologiques dans la TIB (chapitre 1), je me suis aperçu à quel point il était délicat de construire des modèles simples et élégants expliquant un grand nombre de faits. En conséquence, je ne suis pas étonné que la TIB soit toujours abondamment utilisée comme point de départ de nombreuses études ([Warren et al., 2015](#)) et cela en dépit de ces défauts reconnus dans la réédition de 2001 de *The Theory of Island Biogeography* par Edward O. Wilson lui même : « The flaws of the book lie in its oversimplification and incompleteness, which are endemic to most efforts at theory and synthesis. »

L'objet *interactions* n'est pas simple à manipuler ; à l'échelle de la communauté, les interactions ne peuvent pas être traitées isolément : elles forment des réseaux. Un champ entier de la mathématique est dédié à l'étude de tels objets et sont appelés graphes. La théorie qui traite de ces objets est utilisée dans différents domaines pour appréhender les réseaux, qu'ils soient sociaux ou neuronaux. Les neurosciences d'ailleurs, en cherchant à expliquer la cognition à partir des réseaux neuronaux, pointent, comme l'écologie, les difficultés à comprendre les systèmes caractérisés par l'interdépendance de leurs unités ([Park and Friston, 2013](#)). Avec de tels objets à modéliser, il n'est pas étonnant de voir des questions importantes de l'écologie traitées par des mathématiques pointues ([Allesina and Tang, 2012](#); [Rohr et al., 2014](#)).

En parallèle des questionnements très précis, il me semble également important que des réflexions soient menées pour aller vers des approches simplifiées et davantage intégratives. En forçant un peu le trait, en écologie nous avons d'un côté des modèles qui avec très peu de populations considérées engendrent des dynamiques complexes voir chaotiques (dont l'existence est validée expérimentalement [Costantino et al., 1997](#); [Fussmann et al., 2000](#)) et de l'autre des modèles comme celui de la TIB qui, avec une équation différentielle simple, propose une vision profonde de la biogéographie ([MacArthur and Wilson, 1967](#)). Je pense qu'il est tout aussi pertinent d'essayer de partir de l'échelle la plus large pour aller vers des échelles plus petites de mener la démarche inverse. Il est par ailleurs tout aussi possible que les deux objets finaux à prédire, c'est-à-dire l'abondance relative de populations en interaction et la

composition spécifique sur des larges échelles spatiotemporelles, ne puissent être prédits de la même façon, comme le suggère [Lawton \(1999\)](#), ce qui serait une forme de *rupture de symétrie* (au sens de [Anderson, 1972](#)). Quoi qu'il en soit, c'est bien en essayant d'utiliser une approche simplifiée mais plus intégrative que j'ai réussi à mieux cerner le fait qu'elles pouvaient être les traces laissées par les interactions écologiques sur les distributions d'espèces.

Des théories pour mieux appréhender les données de co-occurrence

Le chapitre 2 bien que théorique, est une avancée importante en direction de l'application de mes réflexions à des données empiriques. Il y est en effet question de données de co-occurrence et de réseaux écologiques. Les données d'occurrence constituent une source de réflexion importante pour les biogéographes sur lesquelles se concentre l'effort de développement méthodologique du domaine ([Elith et al., 2006](#); [Phillips et al., 2006](#); [Pollock et al., 2014](#)). Les données de co-occurrence sont issues de la considération simultanée de données d'occurrence de plusieurs espèces sur un ensemble de sites dispersé le long d'un gradient géographique. Exploiter ces données permet, par exemple, d'envisager la structure des assemblages de demain ([Albouy et al., 2012](#)). En proposant une réflexion de l'impact des interactions écologiques sur les données de co-occurrence, j'ai essayé d'améliorer la compréhension de la nature de l'information que pouvaient contenir les données de co-occurrence. Ce travail est crucial pour orienter le développement des outils sur lesquels sont construits les scénarios de changement de la biodiversité ([Godsoe et al., 2015](#)). De manière générale, il s'agit de comprendre le lien qu'il existe entre la distribution d'une espèce et sa niche hutchinsonienne ([Pulliam, 2000](#); [Godsoe, 2010](#)). En utilisant un modèle basée sur des probabilités simples et la version trophique de la TIB ([Gravel et al., 2011](#)), j'ai découvert des attentes théoriques précises sur les données de co-occurrence et j'ai montré que l'empreinte des interactions écologiques sur les données de co-occurrence n'est pas appréciable, notamment lorsque les interactions sont nombreuses.

L'article présenté au chapitre 3 propose de tester la théorie du chapitre 2. En analysant

des données de co-occurrence pour des systèmes dont les interactions étaient documentées, j'ai montré que celles-ci laissent des traces visibles dans les données statiques de co-occurrence. La détection de signaux de co-occurrence imputables aux liens écologiques liant les espèces n'est cependant possible que sous certaines conditions, à savoir lorsque les espèces interagissent directement, soit quand le nombre d'interactions est limité. De manière cohérente, la distribution d'un prédateur spécialiste est très corrélée avec celle de sa proie alors qu'un prédateur généraliste voit sa distribution partiellement corrélée avec un grand nombre de distributions, celle de ces proies, ce qui rend difficile la présence d'un signal clair dans la co-occurrence d'un généraliste avec une de ces proies. Un signal peut néanmoins exister lorsque l'on examine la corrélation de la distribution de ce prédateur et la répartition géographique jointe de l'ensemble de ces proies.

En travaillant sur les co-occurrences avec des données de distribution d'espèces en interaction, j'ai aussi pointé du doigt un problème important de l'application des SDMs au regard des réseaux écologiques. La co-occurrence forte de deux espèces est souvent interprétée comme le témoin de la similarité de leurs besoins physiologiques, ce qui justifie d'utiliser des projections à l'échelle de l'espèce pour prédire des communautés ([Rehfeldt et al., 2006](#); [Albouy et al., 2012](#)). Cela dit, en partant de ce principe et en optant pour l'utilisation d'un espace explicatif fait exclusivement de variables abiotiques, le risque est très fort d'attribuer la co-occurrence aux variables abiotiques alors que la cause profonde de cette co-occurrence est l'interaction entre les espèces. Il en est de même en inférant la distribution d'une espèce à partir de la distribution des autres espèces du réseaux : en nous concentrant sur les variables biotiques, nous occulterions le signal abiotique. Ce problème de choix des variables est illustré au chapitre 3 dans lequel j'ai montré que l'utilisation de SDMs affaiblissait considérablement le signal observé sur les données de co-occurrence brutes (pour lequel les facteurs abiotiques ne sont pas intégrés). Au lieu de conclure que la co-occurrence est contrainte par les variables pédoclimatiques, j'ai cherché la cohérence de cette affaiblissement et constaté que même les associations les plus fortes (pour les prédateurs spécialistes et leurs proies) disparaissaient et qu'un modèle simple basé sur la présence de proies était plus performant que certains SDMs.

Ainsi, l'association entre deux espèces interagissant n'est pas nécessairement capturée de manière adéquate par les SDMs, ce qui jette le doute sur la qualité des prédictions basées sur les SDMs. Pour remédier à cela, une fusion méthodique des deux types d'informations est nécessaire (Meier et al., 2010; Thuiller et al., 2013). Dans les cas précis d'un prédateur et de ses proies¹, il y a un lien évident entre les distributions : le prédateur est nécessairement limité par la distribution conjointe de ces proies (Holt and Barfield, 2009; Shenbrot et al., 2007). La reconnaissance des réalités des interactions biotiques auxquelles les espèces sont soumises doit être au coeur d'un renouvellement des approches pour prédire des espèces en réseaux (Godsoe et al., 2015).

Tout au long des chapitres 2 et 3, j'ai souligné l'intérêt des développements théoriques pour mieux comprendre les données empiriques. En partant initialement de la question *est-ce que les espèces qui interagissent co-occurrent différemment que celles qui n'interagissent pas*, j'ai compris qu'il n'y avait pas de réponse tranchée, mais plutôt une réponse qui dépendait de la nature du réseau. Ce résultat sera, je pense, très utile pour amener une lumière nouvelle sur le débat qui anime la communauté des biogéographes autour de la question du rôle des interactions dans la distribution des espèces aux larges échelles spatiales (Araújo and Rozenfeld, 2014; Godsoe et al., 2015). Bien que dans les dernières années ont connu des avancements méthodologiques significatifs avec l'essor des JSMDs (Ovaskainen et al., 2010; Pollock et al., 2014; Warton et al., 2015), il faut prolonger l'effort pour intégrer davantage d'informations biologiques dans les SDMs car l'intégration systématique des co-occurrences n'est peut être pas suffisante. Je n'ai été capable d'interpréter de manière cohérente les données de co-occurrence qu'avec l'apport d'une source d'information extérieure : celles des réseaux, grâce à laquelle j'ai pu montré que l'importance des interactions n'était pas seulement une question d'échelle spatiale (Araújo and Rozenfeld, 2014; Belmaker et al., 2015), mais aussi un problème de topologie du réseaux d'interaction du système étudié.

1. cela est aussi valable pour un pollinisateur et les plantes qu'il pollinise, ou encore pour un parasite et ses hôtes.

Vers une biogéographie prédictive ?

Les défis à relever dans un monde en changement

Érosion de la biodiversité, extinctions de masse, perte de services écosystémiques, la liste est longue des bouleversements biologiques de notre époque. Le cinquième rapport d'évaluation du Groupe d'experts Intergouvernemental sur l'Evolution du Climat (le GIEC²) souligne qu'il y a très peu de doute sur le lien entre les activités humaines et ces changements. Pour y faire face, les gouvernements d'un grand nombre de pays doivent agir de concert et, ces dernières années nous donnent des raisons d'espérer. En janvier 2013 se tenait la première réunion de la Plate-forme Intergouvernementale scientifique et politique sur la Biodiversité et les Services Écosystémiques (l'IPBES³) qui se veut être un acteur privilégié de la sauvegarde de la biodiversité à l'échelle mondiale (Díaz et al., 2015). En décembre 2015, l'accord de Paris sur le climat signé formellement par 175 pays lors de la 21^{ème} conférence des parties (COP21), et ratifié par la Chine et les États-Unis au début du mois de septembre 2016, vise des réductions considérables de gaz à effet de serre à l'échelle mondiale. Ajouté à ces initiatives internationales, des initiatives nationales attestent de la prise de conscience des enjeux de la biodiversité. Ainsi, en France, projet de loi pour la reconquête de la biodiversité, de la nature et des paysages a été adopté le 20 juillet 2016 et prévoit la mise en place de l'agence française pour la biodiversité. En dépit des défis écologiques à relever, il faut également reconnaître les problèmes liés à l'état d'avancements des connaissances en écologie. C'est un obstacle considérable : comment la communauté scientifique peut-elle envoyer un message fort et cohérent aux décideurs politiques quand elle est traversée par des débats non résolus ?

2. Tous les documents émis par le GIEC sont disponibles en ligne sur le site du GIEC <https://ipcc.ch> et certaines initiatives rassemblent en des documents synthétiques leurs conclusions, voir par exemple <http://leclimatchange.fr>.]

3. L'IPBES a été construit sur le même modèle que le GIEC en ayant pourtant un mandat plus large, car en plus de faire une synthèse des connaissances en vue de guider les décideurs politiques, elle a aussi d'autres rôles, dont celui de le générer des connaissances (Brooks et al., 2014).

Pour rebondir sur un exemple donné en introduction : si l'érable à sucre ne peut migrer assez vite pour suivre les conditions favorables, nous pouvons artificiellement déplacer des arbres pour pallier ce problème, c'est ce qu'on appelle la migration assistée. Mais comment anticiper les conséquences de l'utilisation massive d'une telle pratique ? Il faut alors que les différentes positions du débat scientifique soient intégrées dans la construction du cadre législatif entourant cette pratique, ce qui constitue autre défi considérable (McLachlan et al., 2007).

La crise d'extinction majeure que nous traversons (Thomas et al., 2004) est un moment de restructuration intense des communautés. Ce phénomène est particulièrement visible dans les aires urbaines où les communautés natives sont remplacées par des communautés adaptées aux milieux anthropiques. Depuis la seconde partie du XIX^{ème} siècle, la ville de New York a ainsi perdu 578 espèces natives de plantes vasculaires et gagné 411 espèces non-natives (DeCandido et al., 2004). Ces communautés urbaines sont, par ailleurs, plus homogènes à travers les États-Unis que les communautés endémiques (McKinney, 2006). De manière générale, les espèces spécialistes subissent un recul plus marqué que celui des espèces généralistes, ce qui conduit à une homogénéisation fonctionnelle qui s'ajoute à une homogénéisation taxinomique (Clavel et al., 2011). Face à ces restructurations deux attitudes opposées existent : d'un côté la restauration des communautés qui postule l'existence d'une intégrité écologique des systèmes naturels (Suding et al., 2015) et de l'autre la primauté du bon fonctionnement des systèmes écologiques quelle qu'en soit la composition, ce que résume la formule *Don't judge a species on their origin*, titre d'un article de Mark Davis qui développe cette idée (Davis et al., 2011).

Alors, doit-on lutter contre le Frelon asiatique ? Au-delà d'un positionnement éthique, il y a une forme de spéculation dans la réponse car il faut répondre à une autre question : quelle seraient les conséquences de l'inaction ? Si nous laissons la population de frelon grandir, peut-être qu'une partie de l'entomofaune européenne disparaîtrait. Mais peut-être aussi que les abeilles domestiques auraient des stratégies de défense plus efficaces ce qui pourrait stabiliser la population du frelon. Les théories actuelles ne nous permettent pas de savoir avec

exactitude lequel des scénarios est le plus probable, et nous constatons que dans les systèmes vivants, la surprise est généralement la règle. Dans une étude très récente sur le Diamant mandarin (*Taeniopygia guttata*), un oiseau commun du centre de l'Australie, Mylene M. Mariette et Katherine L. Buchanan, ont montré qu'au dessus de 26°C le mâle, seul adulte dans le nid, produit un chant particulier destiné à ces oeufs induisant une réduction significative de la taille des futurs oiseaux adultes dont la fertilité est augmentée (Mariette and Buchanan, 2016). Face à cette étude, on mesure les difficultés pour intégrer l'ensemble des réponses possibles des espèces face à une perturbation. Leur connaissance exhaustive semble pourtant nécessaire pour prédire de manière adéquate la réponse des écosystèmes aux changements actuels. Les systèmes biologiques sont d'une haute complexité et nos connaissances sont très incomplètes. Nous devons reconnaître nos carences théoriques mais rester ambitieux pour construire une écologie prédictive (Mouquet et al., 2015).

Des règles en écologie ?

Dans un article publié en 1999, John H. Lawton pose la question suivante : y a-t-il des lois générales en écologie ? Lawton y relève que les systèmes écologiques sont contraints par des lois fondamentales, incluant notamment les principes de la thermodynamique et l'évolution. Il place au niveau de ces lois fondamentales les interactions écologiques qu'il présente comme une *observation* (selon ces mots, Lawton, 1999). En dehors de ces lois, Lawton argumente qu'il n'y a pas de règle universelle, mais plutôt des règles applicables à un nombre restreint systèmes écologiques. Cette idée est résumée par la formule suivante (p.178) : « The universal laws do not allow us to predict the existence of kangaroos ». Dans son article, Lawton dresse un portrait d'une écologie dominée par la contingence et suggère d'aller chercher des règles dans la macroécologie. En dépit de la pertinence de ses développements, Lawton oublie, à mon avis, de répondre à une question centrale : quels doivent être les objets des prédictions ? Cherchons-nous vraiment à prédire l'existence des kangourous ? Peut-être que l'objet de la prédiction est plutôt la probabilité de l'émergence,

en Australie, dans un contexte biotique et abiotique donné, d'un marsupial herbivore d'une taille donnée. Il me semble que présenté ainsi, l'objectif est bien plus atteignable que celui présenté par Lawton. La contingence des systèmes biologiques nous indique qu'il faut un formalisme qui envisage des possibilités et non pas la supposition d'existence de règles dans ces systèmes. Ainsi, en suivant le physicien James C. Maxwell, le second principe de la thermodynamique nous indique que lorsque l'on met en présence de l'eau chaude et de l'eau froide initialement séparées, obtenir de l'eau tiède après un certain temps est simplement un évènement très probable.

Les communautés ont vraisemblablement toutes un fonctionnement et des propriétés uniques, néanmoins, il y a aussi des rôles écologiques similaires entre différents réseaux. Les trop-prédateurs par exemple : ces espèces de niveaux trophiques élevés structurent profondément les communautés, leur extinction ont de fortes influences sur l'ensemble de la communautés ([Terborgh et al., 2001](#); [Sinclair et al., 2003](#); [Myers et al., 2007](#); [Ripple et al., 2014](#)). En plus de relever les similarités, il faut essayer de comprendre les différences de fonctionnement au regard de la différence en termes de composition spécifique. De même que la loi universelle de la gravitation dépend de la masse des deux corps en interaction et de la distance qui les séparent, les lois de l'écologie pourraient dépendre de la composition en espèces ou même de la combinaison des caractéristiques de ces espèces (on parlera de traits fonctionnels). C'est peut-être, à la suite de MacArthur et Wilson ([MacArthur and Wilson, 1967](#)), dans la réduction des espèces à quelques propriétés que des règles émergeront ([McGill et al., 2006](#); [Poisot et al., 2015b](#)).

Une des premières propriétés est tout simplement la masse des espèces dont dépendent un grand nombre de propriétés écologiques ([Woodward et al., 2005](#)). Le lien avec les lois de la thermodynamique est évident : les êtres vivants, pour se maintenir (et donc respecter les principes thermodynamiques) ont des besoins énergétiques qui augmentent avec la taille. La taille impose donc des contraintes essentielles pour construire des approches cohérentes (ce que j'ai essayé de faire au chapitre 4) sans lesquelles la recherche de règle éventuelle serait délicate. Il est difficile d'argumenter que l'écologie a des règles universelles mais il est

encore plus délicat de démontrer qu'il n'y en a pas. Aussi, constatant l'absence actuelle de lois universelles en écologie, je dirais que nous avons besoin de trouver les chemins par lesquelles elles pourraient éventuellement être révéler, de même que pour révéler les traces des interactions écologiques, c'est finalement la méthode qu'il m'a d'abord fallu trouver.

Une théorie intégrative de la biogéographie

Malgré les avancements théoriques des dernières années en biogéographie, l'appel lancé par Mark Lomolino en 2000 reste d'actualité ([Lomolino, 2000b](#)). L'effort d'intégration ordonné de concepts clés issus de différents champs de l'écologie dans une théorie intégrative de la biogéographie doit être poursuivit ([Thuiller et al., 2013](#)). Avec l'éclairage que je propose sur la relation entre la distribution des espèces et les interactions écologiques, j'espère que mes travaux participeront à avancer vers une telle théorie. Comme je l'ai indiqué tout au long de ma thèse, ce n'est pas tant la liste des mécanismes qui pose problème mais bien leur articulation cohérente sans laquelle on ne peut connaître leur importance relative, ce qui freine l'émergence des méthodes plus cohérentes pour prédire les distribution d'espèces. Néanmoins, comme le relevaient Miguel B. Araújo, et Carsten Rahbek, pendant que la recherche progresse, il faut essayer de tirer le meilleur parti de l'état actuel des connaissances ([Araújo and Rahbek, 2006](#)) :

We will never be able to predict the future with accuracy, but we need a strategy for using existing knowledge and bioclimatic modeling to improve understanding of the likely effects of future climate on biodiversity.

Les écosystèmes sont des objets complexes, des réseaux dynamiques d'objets tout aussi complexes. Prédire la composition précise d'un écosystème donné semble un objectif inatteignable, mais estimer le temps de survie d'une espèce dans un contexte biotique et abiotique semble être plus à notre portée. Pour y arriver, pour avoir une vision cohérente de la dynamique des écosystèmes sur des échelles de temps plus longue, on ne peut négliger

ni les processus écologiques ni les processus évolutifs : nous devons construire des approches intégratives. Nous devons pour cela trouver le liant entre tous ces processus, examiner soigneusement les contraintes auxquelles les espèces n'échappent pas. Les contraintes énergétiques (voir chapitre 4) en sont un bon exemple. Même l'évolution, toute aussi pourvoyeuse de contingence qu'elle soit, apporte son lot de contraintes : elle met en jeu une variation qui engendre un différentiel démographique dans un contexte biotique et abiotique donné. Comme le rappelait Wallace au troisième chapitre de son livre *Island Life* : « In the first place we must remember that new species can only be formed when and where there is room for them. »

ANNEXE I

COMMENT LA BIODIVERSITÉ S'INSTALLE EN TERRITOIRES ISOLÉS

L'article qui suit est le fruit de ma rencontre avec Philippe Etchécopar, un des membres du comité éditorial du journal *Accroamth*. Ce journal de vulgarisation mathématique est destiné aux étudiants et enseignants en mathématiques du Cégep⁴. Dans cet article, je reprends les bases du modèle de la TIB et je montre comment en partant d'une équation simple sur les probabilités, il est possible d'obtenir une équation différentielle déterministe. L'article est accessible en ligne à l'adresse suivante :

<http://accromath.uqam.ca/2014/02/la-biodiversite-en-territoires-isoles/>

5.4 Préambule

La biogéographie est la science qui s'interroge sur les causes de la répartition de la biodiversité dans les différentes parties du globe (voir encadré 1). Le modèle déterministe de MacArthur et Wilson décrit l'évolution de la richesse spécifique sur les îles vers un équilibre, mais la migration des espèces vers des îles et leur extinction potentielle sont des phénomènes aléatoires. Comment un modèle déterministe peut-il renfermer ce hasard ? C'est ce que nous allons voir.

4. Le cégep est la dernière étape avant l'entrée à l'université pour ceux désirant poursuivre leurs études.

5.5 Le modèle de MacArthur et Wilson

Un des modèles les plus puissants en biogéographie est celui proposé par MacArthur et Wilson dans leur passionnante théorie de la biogéographie des îles. Ces deux illustres prédécesseurs nous ont livré un paradigme simple et puissant pour envisager la construction de la biodiversité sur une île. Notons dès maintenant que l'île n'est pas nécessairement un monticule de sable fin au milieu de l'océan mais plutôt -et plus généralement- un territoire isolé. Le modèle permet de comprendre l'impact des capacités de dispersion et de survie des espèces sur la biodiversité S de l'île considérée. Considérons que cette île est accessible depuis un continent qui présente un ensemble constant d'espèces P . Les P espèces sont potentiellement celles que nous retrouverons sur l'île, nous avons donc $S \leq P$. À un temps t donné, l'ensemble des S espèces de l'île peuvent s'éteindre avec un taux e . De même, les $P - S$ espèces du continent (absentes de l'île) peuvent coloniser l'île avec un taux c . En langage mathématique, nous obtenons l'équation différentielle déterministe suivante pour décrire l'évolution temporelle de S :

$$\begin{aligned}\frac{dS}{dt} &= c(P - S) - eS \\ &= cP - (c + e)S\end{aligned}\tag{5.1}$$

Cette équation est linéaire, nous pouvons la résoudre facilement par la méthode de la variation de la constante (essayez puis regardez l'encadré 2 !). Pour les valeurs arbitraires $c = 0.2$, $e = 0.1$ et la condition initiale suivante : à $t = 0$, l'île est inhabitée ($S(0) = 0$), nous représentons graphiquement la solution de l'équation à la figure 22. Pour un temps infini, la biodiversité tend vers la valeur : $S_{eq} = P\left(\frac{c}{c+e}\right)$, interprétée comme le nombre d'espèces provenant du continent et présentes sur l'île à l'équilibre.

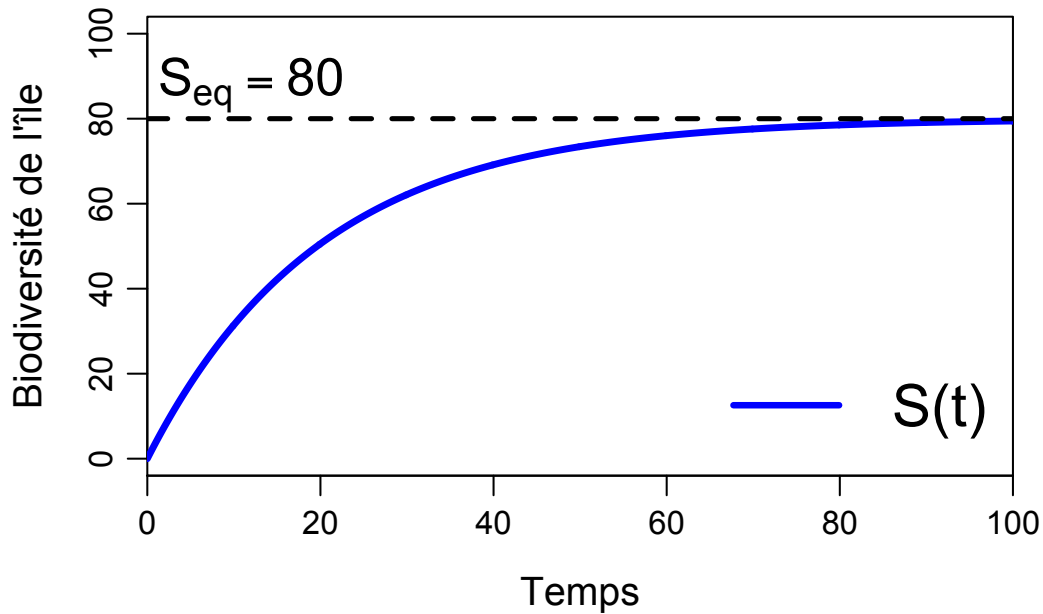


Figure 22: **Représentation graphique de la solution de l'équation différentielle (5.1)** pour les conditions suivantes : $c = 0.04$, $e = 0.01$ et $S(0) = 0$. La ligne en pointillés représente la valeur de la biodiversité S_{eq} que nous obtenons à un temps infini.

5.6 Comment un modèle déterministe émerge-t-il de phénomènes aléatoires ?

5.6.1 Modèle stochastique ?

Il est très intéressant de réaliser que l'équation (5.1), d'apparence déterministe, renferme un modèle stochastique. "Stochastique" est un terme signifiant aléatoire, avec une part de hasard. Un modèle stochastique est donc un modèle dont l'issue contient une part de hasard ; deux réalisations du modèle ne donneront donc pas nécessairement le même résultat. Pour comprendre où se cache le hasard dans le modèle que nous étudions, nous avons besoin d'objets mathématiques particuliers appartenant au domaine des probabilités : variables aléatoires et processus stochastiques (reportez-vous à l'encadré 3).

5.6.2 Les objets mathématiques requis

Comment savoir combien d'espèces sont présentes sur l'île ? Il suffit de compter 1 pour chaque espèce présente sur l'île. Nous introduisons donc X_i , la variable aléatoire de présence sur l'île de l'espèce i choisie parmi les P espèces du continent. X_i est égale à 0 si l'espèce n'est pas sur l'île et 1 si elle est sur l'île. C'est une variable aléatoire de Bernoulli (encadré 4). Ainsi, le nombre d'espèces présentes sur l'île, S , est égale à la somme des X_i . Nous allons encore plus loin en enregistrant ces valeurs au cours du temps. C'est ainsi que nous définissons le processus stochastique $X_{i,t}$, qui n'est autre qu'une succession de 1 et de 0 indiquant à chaque instant si oui ou non l'espèce i est sur l'île. A priori, les suites $X_{i,t}$ ne sont pas prévisibles, ce qui n'exclut pas que la fonction S présente, en moyenne, un comportement tout à fait régulier.

5.6.3 Les briques élémentaires du modèle stochastique

Au temps $t = 0$, l'espèce i n'est pas sur l'île. Pour construire la suite de son histoire, il nous faut une règle simple pour décrire l'évolution de sa présence entre deux pas de temps très proches. Le modèle de MacArthur et Wilson postule que si l'espèce considérée est sur l'île au temps t , elle s'éteint avec un taux e ; si elle est sur le continent, elle le colonise avec un taux c . Pour simplifier, nous supposons que les taux d'extinction et de colonisation sont les mêmes pour toutes les espèces. Nous donnons maintenant une signification en terme de probabilité à ces taux : c est la probabilité de colonisation par unité de temps (on parle de densité du processus), e est la probabilité d'extinction par unité de temps. Ainsi, edt désigne la probabilité d'extinction pendant l'intervalle de temps dt . De même, cdt est la probabilité de colonisation pendant dt . En faisant appel aux probabilités conditionnelles (encadré 5), en

supposant dt assez petit, nous différencions quatre cas :

$$\forall t \in \mathbb{R}^+, P(X_{i,t+dt} = 1 | X_{i,t} = 0) = cdt \quad (5.2)$$

$$P(X_{i,t+dt} = 0 | X_{i,t} = 1) = edt \quad (5.3)$$

$$P(X_{i,t+dt} = 0 | X_{i,t} = 0) = (1 - cdt) \quad (5.4)$$

$$P(X_{i,t+dt} = 1 | X_{i,t} = 1) = (1 - edt) \quad (5.5)$$

Il faut comprendre la première équation ainsi : sachant que l'espèce i était absente au temps t , la probabilité qu'elle soit sur l'île au temps $t+dt$ est égale à la probabilité qu'elle colonise l'île durant dt , c'est-à-dire cdt . Vous pourriez avancer que durant dt , une espèce peut coloniser, s'éteindre et re-coloniser et que nous n'en parlons pas ! Tous ces évènements sont en fait beaucoup moins probables et nous pouvons les ignorer complètement à la limite quand dt tend vers 0. Les trois autres équations s'interprètent avec un raisonnement similaire. Ces quatre équations sont les briques du modèle stochastique que nous construisons. Nous devons maintenant les assembler correctement.

5.6.4 Assemblons les briques !

L'assemblage consiste en l'utilisation de la formule des probabilités totales expliquée dans l'encadré 5. Nous pouvons en déduire la probabilité de présence de l'espèce i à l'instant $t + dt$:

$$P(X_{i,t+dt} = 1) = P(X_{i,t+dt} = 1 | X_{i,t} = 0)P(X_{i,t} = 0) + P(X_{i,t+dt} = 1 | X_{i,t} = 1)P(X_{i,t} = 1) \quad (5.6)$$

Il s'agit d'une somme de deux termes couvrant toutes les possibilités puisque, à l'instant t , l'espèce i était soit absente de l'île soit présente, c'est un système complet d'évènements (encadré 5). Si l'espèce i était absente (premier terme) à t , elle sera présente à $t + dt$ si elle colonise pendant dt (5.2). Si elle était déjà sur l'île à t , elle s'y maintient à condition de ne

pas s'éteindre (5.5). En remarquant que $P(X_{i,t} = 0) = 1 - P(X_{i,t} = 1)$, nous pouvons écrire :

$$P(X_{i,t+dt} = 1) = cdt(1 - P(X_{i,t} = 1)) + (1 - edt)P(X_{i,t} = 1) \quad (5.7)$$

Pour simplifier l'écriture, $s_{i,t}$ représente $P(X_{i,t} = 1)$:

$$s_{i,t+dt} = cdt(1 - s_{i,t}) + (1 - edt)s_{i,t} \quad (5.8)$$

Divisons par dt :

$$\frac{s_{i,t+dt} - s_{i,t}}{dt} = c(1 - s_{i,t}) - es_{i,t} \quad (5.9)$$

Nous faisons alors tendre dt vers 0. Nous obtenons alors :

$$\frac{ds_i}{dt} = c(1 - s_i) - es_i \quad (5.10)$$

C'est l'équation que nous avons résolu dans l'encadré 1, avec $P = 1$:

$$s_i(t) = \frac{c}{c + e} (1 - \exp(-(c + e)t)) \quad (5.11)$$

5.6.5 Retrouvons le modèle classique

Nous avons presque retrouvé la solution de l'équation déterministe ; vous pourriez penser qu'il faut simplement multiplier par le nombre d'espèces P . L'idée est bonne, mais demande justification ! Nous allons effectivement considérer non pas une mais bien les P espèces du continent pour lesquelles l'équation (5.11) est valable. Nous allons alors définir un nouveau processus stochastique qui est simplement la somme des P processus de présence que nous supposons indépendants $X_{i,t>0}, Y_t > 0 = X_{1,t>0} + X_{2,t>0} + \dots + X_{P,t}$. Le problème est alors de connaître à tout instant t la probabilité d'avoir un nombre donné k d'espèces présentes sur l'île. À un instant donné t nous faisons une somme de variable aléatoires de Bernoulli. La

somme de P variables de Bernoulli indépendantes est une variable aléatoire suivant une loi binomiale (encadré 5). Nous avons donc :

$$\forall t \in \mathbb{R}^+, P(Y_t = k) = \binom{P}{k} s(t)^k (1 - s(t))^{P-k} \quad (5.12)$$

De plus, on peut démontrer les résultats suivants :

$$\forall t \in \mathbb{R}^+, E(Y_t) = Ps(t) \quad (5.13)$$

$$\forall t \in \mathbb{R}^+, V(Y_t) = Ps(t)(1 - s(t)) \quad (5.14)$$

Grâce à ces résultats de probabilité, nous avons donc :

$$\forall t \in \mathbb{R}^+, E(Y_t) = P \frac{c}{c + e} (1 - \exp(-(c + e)t)) \quad (5.15)$$

Nous retrouvons la solution déterministe ! Ainsi, le modèle déterministe peut être considéré comme reflétant l'évolution de l'espérance des variables Y_t pour $t > 0$, c'est donc l'espérance du processus stochastique. Nous pouvons alors simuler le modèle stochastique grâce au modèle déterministe : à chaque instant t , il suffit de simuler une loi binomiale de paramètres P et $E(Y_t)$. Regardez la figure 23, il y a des différences fondamentales entre les deux approches. Le modèle déterministe donnera des valeurs continues et, pour des paramètres donnés, toujours le même résultat. De son côté, le modèle stochastique livrera des valeurs discrètes. De plus, deux simulations du modèle aléatoire ne donneront pas nécessairement les mêmes courbes.

5.7 Applications et perspectives

Bien que datant du milieu des années 1960, le modèle de MacArthur et Wilson demeure très précieux, notamment pour étudier les habitats fragmentés (des îles !) et prendre des

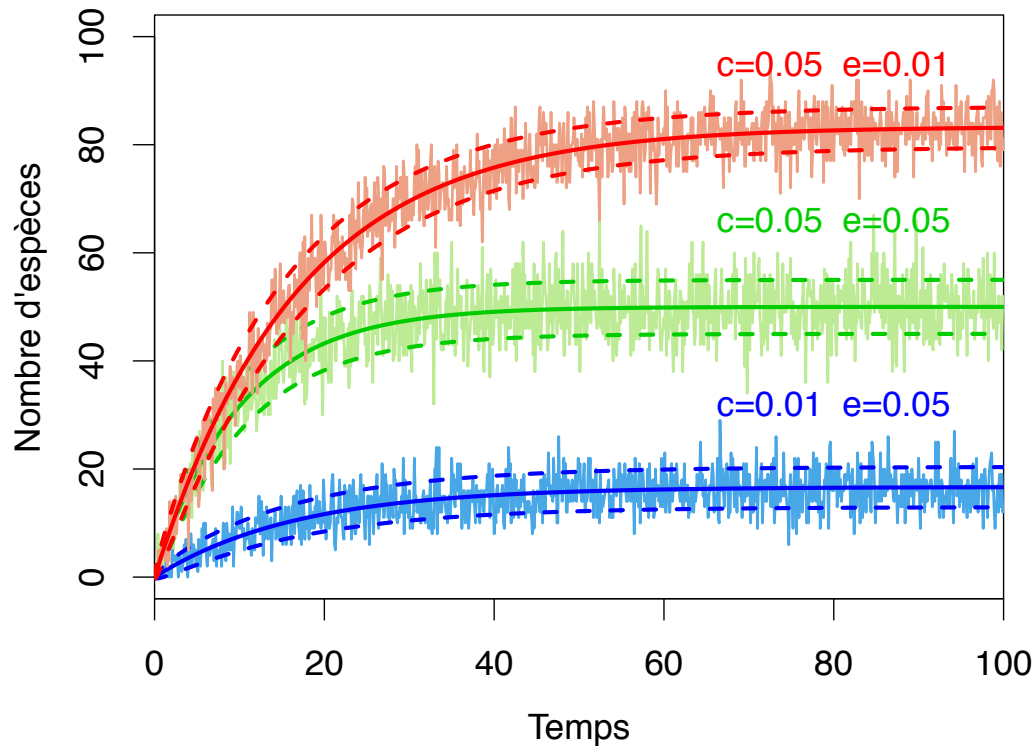


Figure 23: **Dynamique de la biodiversité de trois zones protégées.** Les caractéristiques de la zone protégée sont données par les valeurs de c et e . Les symboles rouges sont relatifs à une zone protégée de grande taille et facilement accessible, en vert, ils font référence à une petite zone facilement accessible ; enfin, en bleu, sont présentées les résultats pour une petite zone difficilement accessible. Les courbes striées en couleurs pastel sont les réalisations du modèle stochastique. Les courbes en traits pleins, font référence au modèle déterministe qui est également la moyenne du modèle stochastique. Enfin, les courbes en pointillés représentent la moyenne du modèle stochastique plus ou moins l'écart type.

décisions relatives à la conservation des espèces. Prenons un exemple : vous êtes le gestionnaire d'une nouvelle zone protégée que nous assimilerons à une île. Cette zone a longtemps été exploitée par l'homme de sorte qu'au temps $t = 0$ le nombre d'espèces est $S = 0$. Dans la région, la richesse en espèces est de $P = 100$, c'est-à-dire que vous pouvez rencontrer jusqu'à 100 espèces dans votre aire de gestion. À la suite de MacArthur et Wilson, nous allons supposer que la valeur du taux de colonisation c dépend de la difficulté d'accès. De plus, la survie d'une espèce sur cette zone dépend de sa superficie : ainsi plus l'aire de conservation

est grande, moins les espèces s'éteignent; e est donc plus faible pour les grandes aires de protection. Prenons trois situations :

- Grande zone et accès aisé : $e=0.01$ et $c=0.05$
- Petite zone et accès aisé : $e=0.05$ et $c=0.05$
- Petite zone et accès délicat : $e=0.05$ et $c=0.01$

Pour mettre en place un suivi et savoir comment se comporte votre réserve, il faut avoir une idée de la dynamique attendue ! Ce que nous permet le modèle étudié, que nous simulons pour les trois situations, avec les deux approches du modèle. Les résultats sont donnés par la figure 1. Cette simple démarche vous permet d'estimer l'évolution de la biodiversité au sein de votre réserve. La paramétrisation est plus compliquée dans les faits, mais l'idée est très utilisée pour apprécier la santé des réserves naturelles.

Dans cet exemple, le modèle stochastique n'a finalement que peu d'intérêt. Il est cependant très utile si vous êtes intéressé par la variance du modèle (que nous obtenons avec l'équation (5.14)). C'est aussi un bon point de départ pour les démarches statistiques, indispensables pour le suivi de votre réserve. De plus, l'approche stochastique révèle toute sa force pour enrichir le modèle. En partant de l'équation (5.1), si vous souhaitiez introduire un effet des espèces les unes sur les autres (les interactions entre espèces), vous auriez quelques difficultés. Avec le travail réalisé ici vous pouvez trouver et surtout justifier des approches fertiles en réfléchissant en terme de probabilité. Ces approches pourraient vous amener à résoudre des systèmes d'équations différentielles déterministes un peu plus compliqués !

Encadré 1 : la Biogéographie

La biogéographie est la science qui s'interroge sur les causes de l'agencement spatial des espèces à la surface de notre planète. Comment, par exemple, pouvons-nous expliquer la répartition et les différences entre les grands biomes terrestres ? Le premier élément de réponse est l'implication des facteurs climatiques. La température, l'humidité, les précipitations sont autant de variables qui contraignent les conditions d'existence des espèces qui composent et modèlent les paysages terrestres. C'est avec ces contraintes que les écologues élaborent des modèles dits "bioclimatiques" afin de décrire l'évolution de la biodiversité avec les contraintes climatiques de demain. Cependant, les facteurs qui expliquent la distribution des espèces ne sont pas toujours climatiques, les causes sont multiples. Les mouvements des espèces et leurs histoires évolutives sont ainsi des moteurs fondamentaux en biogéographie. Les capacités de dispersion des espèces leur donnent accès à de nouveaux territoires qui, avec le temps peut-être, les verront disparaître. C'est ainsi qu'un territoire voit sa composition en espèces évoluer, avec l'arrivée de nouvelles espèces et l'extinction d'autres. C'est autour de cette idée majeure que s'articule le modèle présenté.

Encadré 2

Il est facile de vérifier que la solution générale de l'équation homogène :

$$\frac{dS}{dt} = -(c + e)S$$

est donnée par :

$$\forall t \in \mathbb{R}^+, S(t) = C \exp(-(c + e)t)$$

où C est une constante, la solution de l'équation non homogène est alors de la forme :

$$S(t) = f(t) \exp(-(c + e)t)$$

En remplaçant dans l'équation

différentielle on obtient :

$$f'(t) \exp(-(c + e)t) = cP$$

ce qui nous donne :

$$f'(t) = cP \exp((c + e)t)$$

En intégrant on obtient :

$$f(t) = P \frac{c}{c + e} \exp((c + e)t) + K$$

où K est une constante arbitraire.

$$S(t) = P \frac{c}{c + e} + K \exp(-(c + e)t)$$

Avec $S(0) = 0$, $K = -P \frac{c}{c + e}$, nous obtenons donc :

$$S(t) = P \frac{c}{c + e} (1 - \exp(-(c + e)t))$$

Encadré 3

Les **variables aléatoires** sont des fonctions définies sur l'ensemble des résultats possibles d'un événement aléatoire. Comme le résultat de l'événement est aléatoire, on associe à chaque valeur de la variable sa probabilité, de sorte que la somme des probabilités sur l'ensemble des valeurs possibles soit égale à 1. Dans notre exemple, X_i est une variable aléatoire, 0 et 1 sont ses valeurs, et nous nous intéressons à leur probabilité $P(X_i = 1)$ et $P(X_i = 0)$ avec $P(X_i = 1) + P(X_i = 0) = 1$.

Les **processus aléatoires ou stochastiques** sont des collections de variables aléatoires indexées par le temps t , c'est-à-dire ordonnées. Dans notre exemple, l'indexation est faite selon le temps t . Nous suivons ainsi l'évolution de X_i au cours du temps d'où la notation $X_{i,t>0}$. Attention ! $X_{i,t>0}$ est un processus aléatoire mais $X_{i,t}$ est l'une des variables aléatoires du processus.

Encadré 4

Une variable aléatoire X suit un **schéma de Bernoulli** lorsqu'elle prend uniquement deux valeurs 0 ou 1. Si nous notons $p = P(X = 1)$, nous avons :

$$— P(X = 0) = 1 - p$$

$$— E(X) = p$$

$$— V(X) = p(1 - p)$$

X est alors une variable aléatoire de Bernoulli de paramètre p .

Une variable aléatoire X suit une **loi Binomiale** de paramètres $n \in \mathbb{N}$ et $p \in [0, 1]$ lorsqu'elle est la somme de n variables de Bernoulli indépendantes de paramètre p .

On peut alors montrer les résultats suivants :

$$— \forall k \leq n, P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1 - p)^{n-k}$$

$$— E(X) = np$$

$$— V(X) = np(1 - p)$$

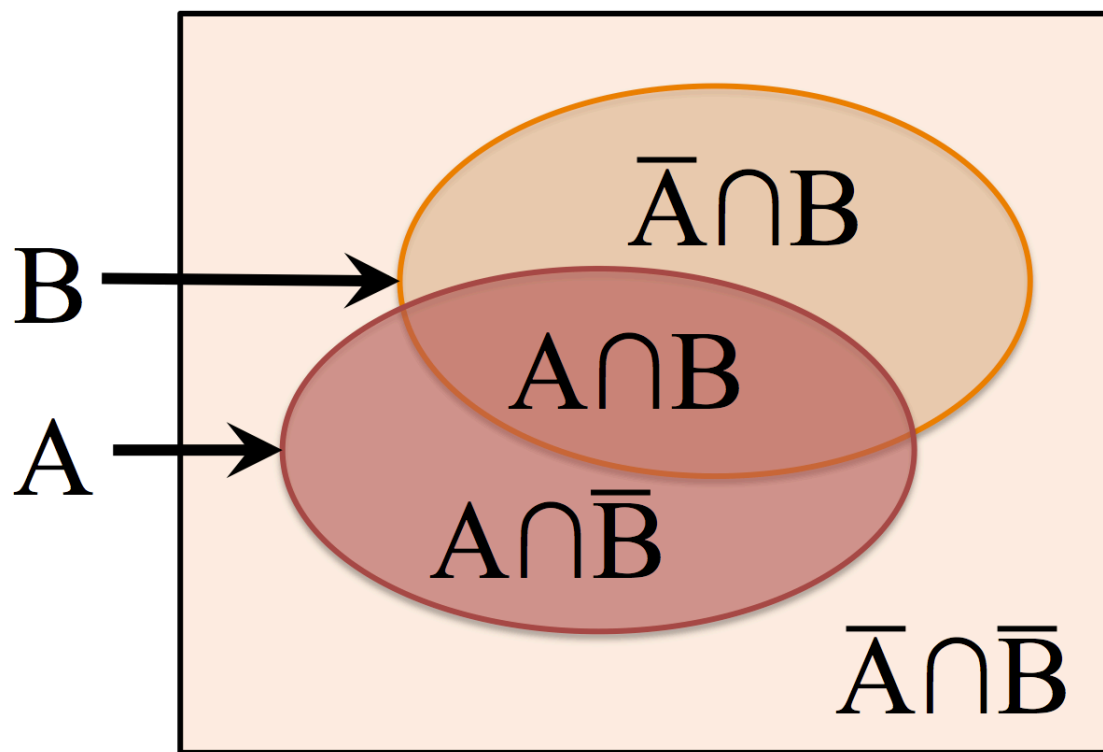


Figure 24: **Représentation de la formule des probabilités totales.** A et B sont deux événements. La probabilité de A peut être décrite comme la somme de l'intersection avec B et \bar{B} qui constituent un système complet d'évènements.

Encadré 5

Une **probabilité conditionnelle**, est une probabilité qu'un évènement se réalise à condition qu'un autre soit déjà réalisé. Soit deux évènements A et B , la probabilité de A sachant B , notée ici $P(A|B)$ est la probabilité que A se réalise lorsque B est réalisé.

Un **système complet d'évènements** est un ensemble d'évènements exclusifs dont la somme des probabilités est 1. Par exemple, l'évènement B et son complémentaire \bar{B} forme un tel système (voir figure 24).

La **formule des probabilités totales** nous donne la probabilité de réalisation d'un évènement à partir de la connaissance de probabilités conditionnelles sous réserve que l'ensemble des évènements du conditionnement forment un système complet d'évènements. Ainsi pour connaître la probabilité de A , nous pouvons écrire :

$$\begin{aligned} P(A) &= P(A \cap B) + P(A \cap \bar{B}) \\ &= P(A|B)P(B) + P(A|\bar{B})P(\bar{B}). \end{aligned}$$

ANNEXE II

UN MODÈLE STOCHASTIQUE DE LA BIOGÉOGRAPHIE INSULAIRE POUR LES RÉSEAUX ÉCOLOGIQUES DANS UN ENVIRONNEMENT ABIOTIQUE VARIABLE

Dans cette annexe, je montre comment l'intégration des interactions écologiques et des contraintes environnementales abiotiques est possible mathématiquement. Je démontre que le problème fait finalement appel à des objets mathématiques connus et qu'il existe un principe simple pour obtenir la solution analytique générale au modèle présenté au chapitre 1. La notation $\mathbb{P}(X)$ représente la probabilité de l'événement X .

6.8 Stochastic rules in MacArthur & Wilson's model

Following the TIB [MacArthur and Wilson \(1967\)](#), we based our work on stochastic models. Let X_i be the random variable of presence on islands of a species i ; $X_i = 1$ means “species i is present on the island” while $X_i = 0$ means “species i is not found on the island”; X_i is a Bernoulli random variable. We define this probability at any time $t > 0$ and $X_{i,t}$ is the associated stochastic process. Moreover, let c_i (e_i) be the probability of colonization (extinction) of species i per time unit. To compute $X_t + dt$ based on X_t , we have to derive

$\mathbb{P}(X_{i,t+dt}|X_{i,t})$. As $X_{i,t}$ has two possible values leading to four possibilities:

$$\forall(t, c_i, e_i, dt) \in (\mathbb{R}^+)^4 :$$

$$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1|X_{i,t} = 0) = c_i dt + o(dt) \quad (6.1)$$

$$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 0|X_{i,t} = 1) = e_i dt + o(dt) \quad (6.2)$$

$$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 0|X_{i,t} = 0) = (1 - c_i dt) + o(dt) \quad (6.3)$$

$$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1|X_{i,t} = 1) = (1 - e_i dt) + o(dt) \quad (6.4)$$

Where dt is defined such as $e_i dt < 1$ and $c_i dt < 1$. For the remaining analyses, we use the symbol $o(dt)$ defines as follows:

$$\lim_{\substack{dt \rightarrow 0 \\ dt > 0}} \frac{o(dt)}{dt} = 0$$

According to equation (6.1), during dt , species i has a probability of $c_i dt$ of colonizing the island by a single colonization event and $o(dt)$ of colonizing it by multiple colonization/extinction events (*e.g* colonization-extinction-colonization). These multiple events are less likely and neglected when dt tends towards 0. Similarly, (6.2) explicits the probability of species i becoming extinct during dt , (6.3) gives us the probability of species i maintaining it-self on island and (6.4) provides probability of species i staying out of the island. The distribution $\mathcal{L}(X_{i,t+dt}|X_{i,t})$ solely depends on the duration dt not on t , $X_{i,t}$ is a no memory process, also called a first order discrete Markov chain. As $\{X_{i,t} = 0, X_{i,t} = 1\}$ is a partition:

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1) &= \mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1|X_{i,t} = 0)\mathbb{P}(X_{i,t} = 0) + \\ &\quad \mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1|X_{i,t} = 1)\mathbb{P}(X_{i,t} = 1) \end{aligned} \quad (6.5)$$

At time $t + dt$, species i will be on the island either because species i has colonized during dt

or because it has not died out from there. By using $\mathbb{P}(X_{i,t} = 0) = 1 - \mathbb{P}(X_{i,t} = 1)$:

$$\mathbb{P}(X_{i,t+dt} = 1) = c_i dt(1 - \mathbb{P}(X_{i,t} = 1)) + (1 - e_i dt)\mathbb{P}(X_{i,t} = 1) + o(dt) \quad (6.6)$$

Let $p_{i,t}$ stand for $\mathbb{P}(X_{i,t} = 1)$:

$$p_{i,t+dt} = c_i dt(1 - p_{i,t}) + (1 - e_i dt)p_{i,t} + o(dt) \quad (6.7)$$

$dt > 0$, then:

$$\frac{p_{i,t+dt} - p_{i,t}}{dt} = c_i(1 - p_{i,t}) - e_i p_{i,t} + \frac{o(dt)}{dt} \quad (6.8)$$

By passing to the limit, we finally find MacArthur and Wilson's model for one species:

$$\frac{dp_i}{dt} = c_i(1 - p_i) - e_i p_i \quad (6.9)$$

Similarly:

$$\frac{d(1 - p_i)}{dt} = e_i(1 - p_i) - c_i p_i \quad (6.10)$$

Equation (6.9) describes distribution of $X_{i,t>0}$: for any t , X_t follows a Bernoulli distribution with parameter $p_i(t)$. Equations (6.9) and (6.10) jointly describe a continuous time Markov Chain. We now consider the vector $\mathbf{C}(t)$ defined for any positive real number t as:

$$\mathbf{C}(t) = \begin{pmatrix} p_{i,t} & 1 - p_{i,t} \end{pmatrix} \quad (6.11)$$

the derivative is them:

$$\mathbf{C}'(t) = \mathbf{C}(t) \begin{pmatrix} -e_i & e_i \\ c_i & -c_i \end{pmatrix} = \mathbf{C}(t)\mathbf{G} \quad (6.12)$$

\mathbf{G} is the generator matrix of a continuous-time Markov chain associated to the classical model of MacArthur and Wilson. This provides the system of differential equations depicting the dynamics of the two possible states (with or without species i) the island can be found.

6.9 A Markov chains model to describe island communities

6.9.1 Model for P non-interacting species

We now consider a pool of P species (P is a natural number). When species are independent, the species richness on the island can be described as a sum of the random processes associated to the P species: $\mathbf{S}_{t>0} = \mathbf{X}_{1,t>0} + \mathbf{X}_{2,t>0} + \dots + \mathbf{X}_{P,t>0}$. As species are supposed to be independent, at any time t :

$$\mathbb{E}(S_t) = \sum_{i=0}^P p_i(t) \quad (6.13)$$

For homogenous colonization and extinction rates among species, we directly obtain a solution: for any time t , $S_t \sim \mathcal{B}(P, Pp_i(t))$. $\mathbb{E}(S_t)$ stands then for the solution of the classical differential equation with P species.

6.9.2 P Interacting species

When species are assumed to interact, the composition of insular communities must be integrated and must influence the colonization/extinction dynamics. Consequently, we gather species processes within $\mathbf{Y}_{t>0} = (\mathbf{X}_{1,t>0}, \mathbf{X}_{2,t>0}, \dots, \mathbf{X}_{P,t>0})$. For any t value, the line vector $\mathbf{Y}_t = (X_{1,t}, X_{2,t}, \dots, X_{P,t})$ contains presence and absence on the island for all the species of the network. Each of \mathbf{Y}_t elements takes a values of 0 or 1, then $\mathbf{Y}_t \in \{0, 1\}^P$. Elements of matrix \mathbf{A} , $\alpha_{i,j}$, describe the demographical impact of species j on species i . At time t , the

total influence of insular species on a given species i , v_i is:

$$v_{i,t} = (\mathbf{A}\mathbf{Y}_t^T)_i = \sum_{j=1}^P \alpha_{ij} * x_{j,t} \quad (6.14)$$

Where T denotes the transposition operator, $(\cdot)_i$ denotes the i^{th} column and $x_{j,t}$ the values of $X_{j,t}$ (0 or 1). We then use a function to change extinction and colonization rates according to v_i . Extinction rate of species i is therefore denoted f_i highlighting that it is a function of v_i . Similarly, g_i stands for the colonization rate, this is a function of v_i .

The conditional probability $\mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt}|\mathbf{Y}_t)$ is now examined. For P species, there is 2^P possible values for \mathbf{Y}_t . Let T_k ($k \in \{1, 2, \dots, 2^P\}$) represent one of these values (a given species assemblage). We have to split species into four different categories: I_1 , I_2 , I_3 et I_4 relatively to their presence on the island. This refers to the four potential situations we have noticed earlier (see (6.1) to (6.4)).

$$\begin{aligned} \forall t > 0, \forall (k, j) \in \{1, 2, \dots, 2^P\}^2 : \\ \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_k | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_j) &= \mathbb{P} \left(\bigcap_{i_1 \in I_1} (X_{i_1,t+dt} = 1 | X_{i_1,t} = 0), \right. \\ &\quad \bigcap_{i_2 \in I_2} (X_{i_2,t+dt} = 0 | X_{i_2,t} = 1), \\ &\quad \bigcap_{i_3 \in I_3} (X_{i_3,t+dt} = 1 | X_{i_3,t} = 1), \\ &\quad \left. \bigcap_{i_4 \in I_4} (X_{i_4,t+dt} = 0 | X_{i_4,t} = 0) \right) \end{aligned} \quad (6.15)$$

Species are interdependent which apparently prevents from getting simple results. Nevertheless, with dt enough small, the island composition could be regarded as constant during dt .

Extinction probability is thus calculate at time t and fixed untill $t + dt$:

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_l | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_k) = & \prod_{i_1 \in I_1} \mathbb{P}(X_{i_1,t+dt} = 1 | X_{i_1,t} = 0) \prod_{i_2 \in I_2} \mathbb{P}(X_{i_2,t+dt} = 0 | X_{i_2,t} = 1) \\ & \prod_{i_3 \in I_3} \mathbb{P}(X_{i_3,t+dt} = 1 | X_{i_3,t} = 1) \prod_{i_4 \in I_4} \mathbb{P}(X_{i_4,t+dt} = 0 | X_{i_4,t} = 0) \end{aligned} \quad (6.16)$$

The previous assumption leads us to consider multiple events as null-probability events, so we assume dt enough small to get $o(dt) = 0$.

$$\mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_l | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_k) = \prod_{i_1 \in I_1} g_{i_1}(v_{i_1,t}) dt \prod_{i_2 \in I_2} f_{i_2}(v_{i_2,t}) dt \prod_{i_3 \in I_3} (1 - f_{i_3}(v_{i_3,t}) dt) \prod_{i_4 \in I_4} (1 - g_{i_4}(v_{i_4,t}) dt) \quad (6.17)$$

6.10 Environmental gradient and island biogeography

Let $\mathbf{W} = (W_1, W_2, \dots, W_n)$ denote be the vector gathering the n components of the environmental gradient considered; \mathbf{w} will be a vector giving a specific set of values for the environmental gradient. Colonization and extinction rates are influenced by environmental gradients. Consequently, for each species functions g_i and f_i become multiple inputs functions. Equation (6.17) then becomes:

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_k | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_l, \mathbf{W} = \mathbf{w}) = & \prod_{i_1 \in I_1} g_{i_1}(v_{i_1,t}, \mathbf{w}) dt \prod_{i_2 \in I_2} f_{i_2}(v_{i_2,t}, \mathbf{w}) dt \\ & \prod_{i_3 \in I_3} (1 - f_{i_3}(v_{i_3,t}, \mathbf{w}) dt) \prod_{i_4 \in I_4} (1 - g_{i_4}(\mathbf{w}, v_{i_4,t}) dt) \end{aligned} \quad (6.18)$$

6.11 Using Markov chains

Based on equation (6.18), we spawn the transition matrix of a discrete Markov chain $\mathbf{M}_{\mathbf{w}}^{dt}$. For a given environment \mathbf{w} , this matrix describes the probabilities to switch from one

state to another during dt . Its coefficients are obtained as follows:

$$\forall(k, l) \in \{1, 2, \dots, 2^P\}^2, \mu_{k,l} = \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_k | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_l, \mathbf{W} = \mathbf{w}) \quad (6.19)$$

Now, let $\mathbf{C}_w(t)$ be the line vector defines at each time t by:

$$\mathbf{C}_w(t) = (\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1 | \mathbf{W} = \mathbf{w}), \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2 | \mathbf{W} = \mathbf{w}), \dots, \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_{2^n} | \mathbf{W} = \mathbf{w})) \quad (6.20)$$

This vector describes probabilities of each possible island composition at any time t , we then derive $\mathbf{C}_w(t + dt)$ from $\mathbf{C}_w(t)$ as follows:

$$\mathbf{C}_w(t + dt) = \mathbf{C}_w(t) \mathbf{M}_w^{dt} \quad (6.21)$$

We assume that none of the \mathbf{M}_w^{dt} is null, which yields a regular Markov chain. In such case, $\mathbf{C}(t)$ converges to an equilibrium value \mathbf{C}_{eq} when t increases:

$$\lim_{l \rightarrow +\infty} \mathbf{C}_0(\mathbf{M}_w^{dt})^l = \mathbf{C}_{eq} \quad (6.22)$$

This \mathbf{C}_{eq} satisfies:

$$\mathbf{C}_{eq}(\mathbf{M}_w^{dt}) = \mathbf{C}_{eq} \quad (6.23)$$

$$\|\mathbf{C}_{eq}\| = 1 \quad (6.24)$$

Therefore, \mathbf{C}_{eq} is given by the normalized left Eigen vector associated to left Eigen value 1.

6.12 Time continuous Markov chain

We show here how we can get the generator matrix of the time-continuous Markov chain associated to the transition matrix \mathbf{M}_w^{dt} . We then provide an explicit solution of the system of differential equations we derived.

6.12.1 Solution for two species

We start with $P = 2$, we denote: $\mathbf{T}_1 = (1, 1)$, $\mathbf{T}_2 = (1, 0)$, $\mathbf{T}_3 = (0, 1)$ and $\mathbf{T}_4 = (0, 0)$. We consider here that \mathbf{W} is set to \mathbf{w} and so for instance, $\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1)$ means $\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1 | \mathbf{W} = \mathbf{w})$.

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1) &= \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1 | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) + \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1 | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \\ &\quad + \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1 | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) + \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1 | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_4) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_4) \end{aligned} \quad (6.25)$$

As in this stage, as \mathbf{Y}_t do not refer to the same values for the whole equation, we slightly change our denotation: v_{i,T_j} represents $v_{i,t}$ when $\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_j$. According to (6.18), we get:

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1) &= (1 - f_1(v_{1,T_1}, \mathbf{w})dt)(1 - f_2(v_{2,T_1}, \mathbf{w})dt) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \\ &\quad + (1 - f_1(v_{1,T_2}, \mathbf{w})dt)g_2(v_{2,T_2}, \mathbf{w})dt \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \\ &\quad + g_1(v_{1,T_3}, \mathbf{w})dt(1 - f_2(v_{2,T_3}, \mathbf{w})dt) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \\ &\quad + g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w})g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w})dt^2 \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_4) + o(dt) \end{aligned} \quad (6.26)$$

This yields:

$$\begin{aligned}
\mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1) &= (1 - f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})dt - f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})dt + \\
&\quad f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})dt^2)\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \\
&\quad + ((g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})dt - g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})f_1(v_{1,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})dt^2))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \\
&\quad + (g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w})dt - g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w})f_2(v_{2,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w})dt^2)\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \\
&\quad + g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})dt^2\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_4) + o(dt)
\end{aligned} \tag{6.27}$$

By noting $dt > 0$:

$$\begin{aligned}
\frac{\mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_1) - \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1)}{dt} &= -(f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})) + \\
&\quad f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})dt\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \\
&\quad + ((g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w}) - g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})f_1(v_{1,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})dt)\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \\
&\quad + (g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w}) - g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w})f_2(v_{2,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w})dt)\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \\
&\quad + g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})dt\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_4) + \frac{o(dt)}{dt}
\end{aligned} \tag{6.28}$$

When passing to the limit, we derive the following master equation:

$$\begin{aligned}
\frac{d\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1)}{dt} &= -(f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w}))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) + g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \\
&\quad + g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w})\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3)
\end{aligned} \tag{6.29}$$

We do so for the \mathbf{T}_2 , \mathbf{T}_3 and \mathbf{T}_4 . Let $\mathbf{C}(t)$ be the column vector define for all real $t > 0$ such as $\mathbf{C}(t) = (\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1), \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2), \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3), \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_4))$. We thus have the following relationship:

$$\mathbf{C}'(t) = \mathbf{C}(t)\mathbf{G}_w \tag{6.30}$$

where \mathbf{G}_w is:

$$\begin{pmatrix} -(f_1(v_{1,T_1}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,T_1}, \mathbf{w})) & f_1(v_{1,T_1}, \mathbf{w}) & f_2(v_{2,T_1}, \mathbf{w}) & 0 \\ g_2(v_{2,T_2}, \mathbf{w}) & -(f_1(v_{1,T_2}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,T_2}, \mathbf{w})) & 0 & f_1(v_{1,T_2}, \mathbf{w}) \\ g_1(v_{1,T_3}, \mathbf{w}) & 0 & -(g_1(v_{1,T_3}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,T_3}, \mathbf{w})) & f_2(v_{2,T_3}, \mathbf{w}) \\ 0 & g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w}) & g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w}) & -(g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w})) \end{pmatrix}$$

At the equilibrium, the solution is given by \mathbf{C}_{eq} which verifies:

$$\mathbf{C}_{eq} \mathbf{G}_w = 0 \quad (6.31)$$

$$\|\mathbf{C}_{eq}\| = 1 \quad (6.32)$$

This is the normalized left Eigen vector associated to the left Eigen values 0. We now solve the linear system of differential (6.30). First, as $\{\mathbf{T}_1, \mathbf{T}_2, \mathbf{T}_3, \mathbf{T}_4\}$ is a partition (which also justifies that 0 is a left Eigen values):

$$\sum_{i=1}^4 \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_i) = 1 \quad (6.33)$$

so, we express $\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3)$ using the probabilities:

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1)}{dt} &= -(f_1(v_{1,T_1}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,T_1}, \mathbf{w}))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \\ &\quad + g_2(v_{2,T_2}, \mathbf{w})\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) + g_1(v_{1,T_3})\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \end{aligned} \quad (6.34)$$

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2)}{dt} &= g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w}) + (f_2(v_{2,T_1}, \mathbf{w}) - g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w}))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \\ &\quad - (f_1(v_{1,T_2}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,T_2}, \mathbf{w})g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w}))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) \\ &\quad - g_1(v_{1,T_4}, \mathbf{w})\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \end{aligned} \quad (6.35)$$

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3)}{dt} &= g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w}) + (f_1(v_{1,T_1}, \mathbf{w}) - g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w}))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) \\ &\quad - g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w})\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) - (g_1(v_{1,T_3}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,T_3}, \mathbf{w})) \\ &\quad + g_2(v_{2,T_4}, \mathbf{w}))\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \end{aligned} \quad (6.36)$$

we denote:

$$\mathbb{P}^*(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) = \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) - \frac{g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})}{f_1(v_{1,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w}) + g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})} \quad (6.37)$$

$$\mathbb{P}^*(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) = \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) - \frac{g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})}{g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})} \quad (6.38)$$

as:

$$\frac{dP^*(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2)}{dt} = \frac{dP(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2)}{dt} \quad (6.39)$$

$$\frac{dP^*(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3)}{dt} = \frac{dP(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3)}{dt} \quad (6.40)$$

yielding:

$$\mathbf{C}^{*'}(t) = \mathbf{C}^*(t)\mathbf{G}_w^* \quad (6.41)$$

where:

$$\begin{aligned} \mathbf{C}^{*'} &= \begin{pmatrix} \frac{dP(\mathbf{Y}_t=\mathbf{T}_1)}{dt} & \frac{dP^*(\mathbf{Y}_t=\mathbf{T}_2)}{dt} & \frac{dP^*(\mathbf{Y}_t=\mathbf{T}_3)}{dt} \end{pmatrix} \\ \mathbf{C}^* &= \begin{pmatrix} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_1) & \mathbb{P}^*(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_2) & \mathbb{P}^*(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_3) \end{pmatrix} \\ \mathbf{G}_w^* &= \begin{pmatrix} -(f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w})) & f_2(v_{2,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w}) - g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w}) & (f_1(v_{1,\mathbf{T}_1}, \mathbf{w}) - g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})) \\ (g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w})) & -(f_1(v_{1,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,\mathbf{T}_2}, \mathbf{w}) + g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})) & -g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w}) \\ g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w}) & -g_1(v_{1,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w}) & -(g_1(v_{1,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w}) + f_2(v_{2,\mathbf{T}_3}, \mathbf{w}) + g_2(v_{2,\mathbf{T}_4}, \mathbf{w})) \end{pmatrix} \end{aligned}$$

then if \mathbf{G}_w^* is diagonalizable, we readily solve (6.41):

$$\mathbf{C}^{*'} = \mathbf{C}\mathbf{Z}\mathbf{D}\mathbf{Z}^{-1} \quad (6.42)$$

where \mathbf{D} is the diagonal matrix containing the Eigen values of \mathbf{G}_w^* and \mathbf{Z} , the matrix permitting the change of basis:

$$\mathbf{C}^{*'}\mathbf{Z} = \mathbf{C}\mathbf{Z}\mathbf{D} \quad (6.43)$$

Thus we have to solve a homogenous system of differential equations:

$$\mathbf{C}^*(t)\mathbf{Z} = \mathbf{K} \exp(\Lambda t) \quad (6.44)$$

Where:

$$\exp(\Lambda t) = \begin{pmatrix} \exp(\lambda_1 t) & 0 & 0 \\ 0 & \exp(\lambda_2 t) & 0 \\ 0 & 0 & \exp(\lambda_3 t) \end{pmatrix}, \text{ where } \lambda_i \text{ stands for the } i^{\text{th}} \text{ Eigen values of } \mathbf{G}_w^*$$

Therefore:

$$\mathbf{C}^*(t) = \mathbf{K} \exp(\Lambda t) \mathbf{Z}^{-1} \quad (6.45)$$

Furthermore, as:

$$\mathbf{C}^*(0) = \mathbf{K} \mathbf{Z}^{-1} \quad (6.46)$$

we obtain:

$$\mathbf{C}^*(t) = \mathbf{C}^*(0) \mathbf{Z} \exp(\Lambda t) \mathbf{Z}^{-1} \quad (6.47)$$

$\mathbf{C}(t)$ is finally obtained by adding the two constants we have subtracted in (6.37) and (6.38). This allows us to express the expected values of local richness $S(t)$ as the following matrix product:

$$\mathbb{E}(S(t)) = \mathbf{C}(t) \mathbf{N}^T \quad (6.48)$$

where \mathbf{N} is the vector defined as $\mathbf{N} = (\|\mathbf{T}_1\|^2, \|\mathbf{T}_2\|^2, \|\mathbf{T}_3\|^2, \|\mathbf{T}_4\|^2)$, where $\|\cdot\|$ denotes the euclidian norm. In our example, we have $\mathbf{N} = (2, 1, 1, 0)$.

6.12.2 Solution for P species

We first build \mathbf{M}_w^{dt} for P species, we then recall equation (6.18) and consider the expression of the conditional probabilities between any pair of states ($\mathbf{Y}_{t+\text{dt}} = \mathbf{T}_i, \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_j$). We assume simultaneous colonization and/or extinction of different species to be neglectable when dt tends towards 0 (this is shown using (6.18), this kind of events are indeed multiplied by dt^m with $m \geq 2$). Consequently, we distinguish the different cases associated to the number of changes in presence status of species. To do so, we consider $\|\mathbf{T}_i - \mathbf{T}_j\|$, note that when $i = j$ (diagonal terms) the island composition is unchanged keep their presence status and so (6.18) becomes:

$$\mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+\text{dt}} = \mathbf{T}_j | \mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_j) = \prod_{i_3 \in I_3} (1 - f_{i_3}(v_{i_3, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w})dt) \prod_{i_4 \in I_4} (1 - g_{i_4}(v_{i_4, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w})dt) \quad (6.49)$$

yielding:

$$\mu_{j,j} = 1 - \sum_{i_3 \in I_3} f_{i_3}(v_{i_3, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w})dt - \sum_{i_4 \in I_4} g_{i_4}(v_{i_4, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w})dt + o(dt) \quad (6.50)$$

when $i \neq j$, we consider three different cases:

$$\|\mathbf{T}_i - \mathbf{T}_j\| = 1, (\mathbf{T}_i - \mathbf{T}_j)_l = 1 \Rightarrow \mu_{j,i} = g_l(v_{l, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w})dt + o(dt) \quad (6.51)$$

$$\|\mathbf{T}_i - \mathbf{T}_j\| = 1, (\mathbf{T}_i - \mathbf{T}_j)_l = -1 \Rightarrow \mu_{j,i} = f_l(v_{l, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w})dt + o(dt) \quad (6.52)$$

$$\|\mathbf{T}_i - \mathbf{T}_j\| > 1 \Rightarrow \mu_{j,i} = o(dt) \quad (6.53)$$

Here l denotes the identity of the species whose presence on the island changes during dt . Then we derive \mathbf{G}_w from the previous results. Let K_1 and K_2 be the groups of states which

respectively corresponds to (6.51) and (6.52). For any state \mathbf{T}_i :

$$\begin{aligned} \mathbb{P}(\mathbf{Y}_{t+dt} = \mathbf{T}_i) &= \sum_{k_1 \in K_1} g_{l(k_1)}(v_{l(k_1)}, \mathbf{T}_{k_1}, \mathbf{w}) dt \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_{k_1}) + \sum_{k_2 \in K_2} f_{l(k_2)}(v_{l(k_2)}, \mathbf{T}_{k_2}, \mathbf{w}) dt \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_{k_2}) \\ &\quad \left(1 - \sum_{i_3 \in I_3} f_{i_3}(v_{i_3, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w}) dt - \sum_{i_4 \in I_4} g_{i_4}(v_{i_4, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w}) dt \right) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_i) + o(dt) \end{aligned} \quad (6.54)$$

Therefore:

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_i)}{dt} &= \sum_{k_1 \in K_1} g_{l(k_1)}(v_{l(k_1)}, \mathbf{T}_{k_1}, \mathbf{w}) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_{k_1}) + \sum_{k_2 \in K_2} f_{l(k_2)}(v_{l(k_2)}, \mathbf{T}_{k_2}, \mathbf{w}) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_{k_2}) \\ &\quad \left(- \sum_{i_3 \in I_3} f_{i_3}(v_{i_3, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w}) - \sum_{i_4 \in I_4} g_{i_4}(v_{i_4, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w}) \right) \mathbb{P}(\mathbf{Y}_t = \mathbf{T}_i) \end{aligned} \quad (6.55)$$

Hence, we can describe the \mathbf{G}_w as follows:

$$\|\mathbf{T}_j - \mathbf{T}_i\| = 1, (\mathbf{T}_j - \mathbf{T}_i)_l = 1 \Rightarrow \gamma_{i,j} = f(v_{l, \mathbf{T}_i}, \mathbf{w}) \quad (6.56)$$

$$\|\mathbf{T}_j - \mathbf{T}_i\| = 1, (\mathbf{T}_j - \mathbf{T}_i)_l = -1 \Rightarrow \gamma_{i,j} = g(v_{l, \mathbf{T}_i}, \mathbf{w}) \quad (6.57)$$

$$\|\mathbf{T}_j - \mathbf{T}_i\| > 1 \Rightarrow \gamma_{i,j} = 0 \quad (6.58)$$

and the diagonal elements:

$$\gamma_{j,j} = \left(- \sum_{i_3 \in I_3} f_{i_3}(v_{i_3, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w}) - \sum_{i_4 \in I_4} g_{i_4}(v_{i_4, \mathbf{T}_j}, \mathbf{w}) \right) \quad (6.59)$$

Finally, the solution of the expected richness is given by following the different steps from (6.33) to (6.48).

ANNEXE III

PROBABILITÉS DE TRANSITION ENTRE RÉSEAUX TROPHIQUES

La TTIB proposée par [Gravel et al. \(2011\)](#) est issue d'une collaboration entre cinq auteurs : Dominique Gravel, François Massol, Elsa Canard, David Mouillot et Nicolas Mouquet. Parmi ces auteurs, François Massol a récemment été invité à soumettre une contribution au volume 56 du journal scientifique *Advances in Ecological Research* traitant du lien entre les réseaux écologiques et l'invasion des espèces, volume dont il est co-éditeur. Ce fut une opportunité pour montrer les possibilités offertes par la TTIB et aussi une occasion de pouvoir revenir en détail sur les mathématiques en arrière du modèle. L'article final, en cours de révision, est une collaboration entre François Massol (premier auteur), Maxime Dubart, Vincent Calcagno, Claire Jacquet, Sonia Kéfi, Dominique Gravel (dernier auteur) et moi-même.

C'est pour mon travail sur l'extension de la TIB présenté au chapitre 1 que j'ai été invité à contribuer à cet article. Ma participation détaille quelques aspects techniques du modèle mathématique ainsi que les nouvelles possibilités qu'il ajoute à la TIB. Dans cette annexe, je présente mon travail tel qu'il était avant d'être intégré dans l'article qui est actuellement en cours de révision. La figure qui y est présentée est de François Massol qui m'a gentiment permis de la réutiliser. La notation \mathbb{P}_X représente la probabilité de l'événement X , c'est donc l'équivalent de la notation $\mathbb{P}(X)$ à l'annexe ??.

7.13 The model

An alternative to study analytically the model of the TTIB proposed by [Gravel et al. \(2011\)](#) is to derive master equations associated to community states (rather than for individual species). The mathematical object is then the random process $(C_{t>0} = \cup_{i=1}^T X_i, i.e. \text{ a vector of 0 and 1 describing the presence and absence of all species at any time } t$. For T species, there are 2^T community states, Table 10 provides an example for species B, C, D and E presented in Figure 25 .

Deriving the master equation associated to a given community state S_k necessitates the consideration of transition probabilities among community states between t and $t + dt$ (where dt is assumed to be small enough to permit only one transition). As all community states are included in the set $S_k, k \in \{1, 2, ..., 2^T\}$, following the law of total probability, for any community states:

$$P_{C_{t+dt}=S_k} = \sum_{l=0}^{2^T-1} P_{C_{t+dt}=S_k|C_t=S_l} P_{C_t=S_l} \quad (7.1)$$

$P_{C_{t+dt}=S_k|C_t=S_l}$ is now assumed to be a linear function of dt , this assumption is needed valid only for a very small time step. For $k \neq l$:

$$P_{C_{t+dt}=S_k|C_t=S_l} = f(S_k, S_l)dt \quad (7.2)$$

and, as $\sum_l P_{C_{t+dt}=S_l|C_t=S_k} = 1$:

$$P_{C_{t+dt}=S_k|C_t=S_k} = 1 - \sum_{l \neq k} f(S_l, S_k)dt \quad (7.3)$$

$f(S_k, S_l)$ reflects how easy the transition between S_k and S_l is, it may be greater than

Table 10: Community states associated to the B-C-D-E network of figure 25. They represent all combinations of presence and absence of species. At any time t , $C_{t>0}$ represents the species composition of the island and thus is in one of the sixteen possible S_k states listed. Here, all communities are considered regardless whether or not they are TTIB-compatible as highlighted in the right column.

Community states	B	C	D	E	TTIB-compatible
S_0	0	0	0	0	yes
S_1	0	0	0	1	no
S_2	0	0	1	0	yes
S_3	0	0	1	1	yes
S_4	0	1	0	0	yes
S_5	0	1	0	1	yes
S_6	0	1	1	0	yes
S_7	0	1	1	1	no
S_8	1	0	0	0	no
S_9	1	0	0	1	no
S_{10}	1	0	1	0	no
S_{11}	1	0	1	1	yes
S_{12}	1	1	0	0	yes
S_{13}	1	1	0	1	yes
S_{14}	1	1	1	0	yes
S_{15}	1	1	1	1	yes

one as long as $f(S_k, S_l)dt \leq 1$. The TTIB actually acknowledges the existence of trophic interactions since it assumes:

1. $f(S_k, S_l) = 0$ when the transition from S_l to S_k involves the colonization of a predator without any prey,
2. $f(S_k, S_l)dt = 1$ when S_l is a community states where a predator is present without any prey and S_k the same community without the predator.

Plugging the two latter equations in equation (1):

$$\frac{P_{C_{t+dt}=S_k} - P_{C_t=S_k}}{dt} = - \left(\sum_{l \neq k} f(S_l, S_k) \right) P_{C_t=S_k} + \sum_{l \neq k} f(S_k, S_l) P_{C_t=S_l} \quad (7.4)$$

When $dt \rightarrow 0$, it provides the master equation than can be written in a vector format to integrate the dynamics of all community states $\mathbf{P} = (P_{S_1}, P_{S_2}, \dots, P_{S_{2T}})$:

$$\frac{d\mathbf{P}}{dt} = \mathbf{M}\mathbf{P} \quad (7.5)$$

Here \mathbf{P} includes all the community states and the coefficient of the matrix \mathbf{M} are a characteristic of the community. Nevertheless, the solution has a similar expression:

$$\mathbf{P}(t) = e^{t\mathbf{M}}\mathbf{P}_0 \quad (7.6)$$

This actually describes a continuous-time Markov chain. When all the community states are linked (*i.e* the Markov chain is irreducible), an equilibrium \mathbf{P} is reached and given by the vector in the kernel of \mathbf{M} whose elements sum to one.

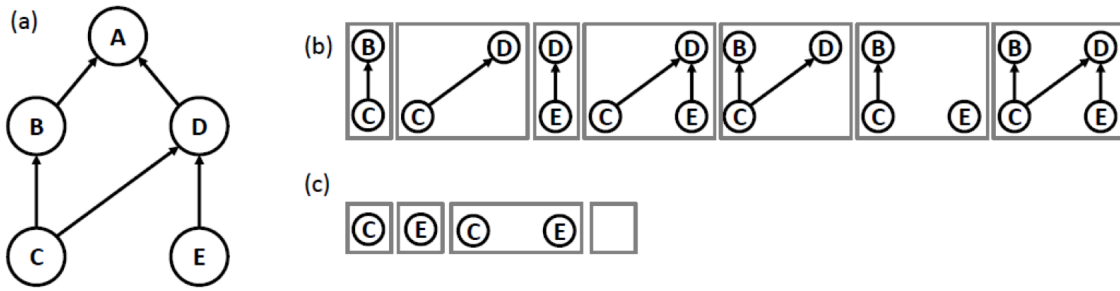


Figure 25: Simple food webs used to illustrate the TTTIB [Gravel et al. \(2011\)](#). (a) The complete food web (on the mainland) consists in five different species (A, B, C, D, E); (b) sub-food webs that species A can colonize; (c) sub-food webs that species A cannot colonize.

7.14 Reasonable approximations

The formulation above allows the study of assemblages of non-independent species but suffers from its generality: for T species, the matrix \mathbf{M} must be filled out with $(2^T - 1) \times (2^T - 1)$ coefficients (‘-1’ acknowledges that for any time t the elements of $\mathbf{P}(t)$ sum to one). Even if the knowledge of a particular network may help finding these coefficients, reasonable assumptions can be made to decrease the complexity of \mathbf{M} . First, community compositions between t and $t + dt$ cannot differ in more than one species, *i.e.* $f(S_k, S_l) = 0$ if $|S_k - S_l| > 1$. This turns \mathbf{M} into a sparse matrix: only $T \times (2^T - 1)$ are not zero. This assumption is not possible in the TTIB as the extinction of a prey leads to more than one extinction. However, this issue is easy to circumvent by allowing the predator to survive a (very) short period alone on the island which would be assumed using large value for $f(S_k, S_l)$ that measures the transition of a community with a predator and the same community without it.

A second hypothesis is that colonization processes may be independent of interactions. That is, a predator may actually colonize an island without any prey. This is reasonable if the extinction probability of this predator on such island is high. Therefore, $f(S_k, S_l) = c$ when $\text{sum}\{S_k - S_l\} = -1$. The latter assumption is also useful to integrate variability among species’ dispersal capacities ([Cazelles et al., 2016b](#)). Tables 11 and 12 present the matrix

\mathbf{M} for species C, D and E, *i.e.* community states from S_0 to S_8 . Once the colonization probability is determined, the remaining $T \times (2^T - 2)$ coefficients needed can be found based on the biological knowledge of species studies, *e.g.* the nature and the strength of interactions.

7.15 Deriving species richness

The solution \mathbf{P} includes the probabilities of all community states at equilibrium. This information is more than the knowledge of individual presences and species richness. In order to obtain the probability of species i being present on the island at equilibrium, the following sum of probabilities is computed:

$$P_{X_i=1} = \sum_{k|S_{k,i}=1} \mathbf{P}_k \quad (7.7)$$

where $S_{i,k}$ is the i^{th} component of S_i (the one pertaining to species i) and \mathbf{P}_i the k^{th} component of \mathbf{P}_i . Similarly, the species richness is given by the sum of \mathbf{P} weighted by the cardinal of the community states it refers to:

$$S = \sum_{k=0}^{2^T-1} |S_k| \mathbf{P}_k \quad (7.8)$$

In a similar fashion, many probabilities can be derived regarding either a particular set of species either a particular property of the community. For instance, this framework allows to derive the probability of finding a given set of predators but also the mean trophic level expected and even the probability of having a trophic chains of at least p levels. In all these situations, calculus necessitate the identification of the community states to be summed.

Table 11: The transition matrix of the continuous-time Markov chain associated to all combinations of C, D and E species (part 1/2). An empty cell means 0.

	S_0	S_1	S_2	S_3
S_0	$1 - c - c - c$	$f(S_1, S_{,0})$	$f(S_2, S_{,0})$	
S_1	c	$1 - f(S_1, S_{,0}) - c - c$		$f(S_3, S_{,1})$
S_2	c		$1 - f(S_2, S_{,0}) - c - c$	$f(S_3, S_{,2})$
S_3		c	c	$1 - f(S_3, S_{,1}) - f(S_3, S_{,2}) - c$
S_4	c			
S_5		c		
S_6			c	
S_7				c

Table 12: The transition matrix of the continuous-time Markov chain associated to all combinations of C,D and E species (part 2/2). An empty cell means 0.

	S_4	S_5	S_6	S_7
S_0	$f(S_4, S_{,0})$			
S_1		$f(S_5, S_{,1})$		
S_2			$f(S_6, S_{,2})$	
S_3				$f(S_7, S_{,3})$
S_4	$1 - f(S_4, S_{,0}) - c - c$	$f(S_5, S_{,4})$	$f(S_6, S_{,4})$	
S_5	c	$1 - f(S_5, S_{,1}) - f(S_5, S_{,4}) - c$		$f(S_7, S_{,5})$
S_6	c		$1 - f(S_6, S_{,2}) - f(S_6, S_{,4}) - c$	$f(S_7, S_{,6})$
S_7		c	c	$1 - f(S_7, S_{,3}) - f(S_7, S_{,5}) - f(S_7, S_{,6})$

RÉFÉRENCES

- Albouy, C., Guilhaumon, F., Araújo, M. B., Mouillot, D., and Leprieur, F. (2012). Combining projected changes in species richness and composition reveals climate change impacts on coastal Mediterranean fish assemblages. *Global Change Biology*, 18(10):2995–3003. [97](#), [150](#), [151](#)
- Allesina, S. and Tang, S. (2012). Stability criteria for complex ecosystems. *Nature*, 483(7388):205–208. [20](#), [46](#), [47](#), [149](#)
- Anderson, P. W. (1972). More is different. *Science*, 177(4047):393–396. [150](#)
- Arabidopsis Genome Initiative (2000). Analysis of the genome sequence of the flowering plant *Arabidopsis thaliana*. *Nature*, 408(6814):796–815. [11](#)
- Araújo, M. B. and Luoto, M. (2007). The importance of biotic interactions for modelling species distributions under climate change. *Global Ecology and Biogeography*, 16(6):743–753. [66](#), [75](#)
- Araújo, M. B. and Rahbek, C. (2006). How Does Climate Change Affect Biodiversity? *Science*, 313(5792):1396–1397. [157](#)
- Araújo, M. B. and Rozenfeld, A. (2014). The geographic scaling of biotic interactions. *Ecography*, 37(5):406–415. [37](#), [46](#), [65](#), [66](#), [90](#), [97](#), [101](#), [103](#), [152](#)
- Araújo, M. B., Rozenfeld, A., Rahbek, C., and Marquet, P. A. (2011). Using species co-occurrence networks to assess the impacts of climate change. *Ecography*, 34(6):897–908. [65](#), [74](#), [75](#), [77](#), [86](#), [90](#)
- Baiser, B., Gotelli, N. J., Buckley, H. L., Miller, T. E., and Ellison, A. M. (2012). Geographic variation in network structure of a nearctic aquatic food web. *Global Ecology and Biogeography*, 21(5):579–591. [109](#)
- Balanyá, J., Oller, J. M., Huey, R. B., Gilchrist, G. W., and Serra, L. (2006). Global genetic change tracks global climate warming in *Drosophila subobscura*. *Science (New York, N.Y.)*, 313(5794):1773–5. [21](#)
- Baselga, A. and Araújo, M. B. (2009). Individualistic vs community modelling of species distributions under climate change. *Ecography*, 32(1):55–65. [75](#)
- Baskerville, E. B., Dobson, A. P., Bedford, T., Allesina, S., Anderson, T. M., and Pascual, M. (2011). Spatial guilds in the Serengeti food web revealed by a Bayesian group model. *PLoS computational biology*, 7(12):e1002321. [67](#)
- Beck, J., Ballesteros-Mejia, L., Buchmann, C. M., Dengler, J., Fritz, S. A., Gruber, B., Hof, C., Jansen, F., Knapp, S., Kreft, H., Schneider, A.-K., Winter, M., and Dormann, C. F. (2012). What’s on the horizon for macroecology? *Ecography*, 35(March):001–011. [9](#)

- Beck, J., Böller, M., Erhardt, A., and Schwanghart, W. (2014). Spatial bias in the GBIF database and its effect on modeling species' geographic distributions. *Ecological Informatics*, 19:10–15. [18](#)
- Bell, G. (2005). The co-distribution of species in relation to the neutral theory of community ecology. *Ecology*, 86(7):1757–1770. [80](#)
- Bellard, C., Bertelsmeier, C., Leadley, P., Thuiller, W., and Courchamp, F. (2012). Impacts of climate change on the future of biodiversity. *Ecology letters*, 15:365–377. [8](#)
- Belmaker, J., Zarnetske, P., Tuanmu, M.-N., Zonneveld, S., Record, S., Strecker, A., and Beaudrot, L. (2015). Empirical evidence for the scale dependence of biotic interactions. *Global Ecology and Biogeography*, 24(7):750–761. [37](#), [152](#)
- Berlow, E. L., Dunne, J. A., Martinez, N. D., Stark, P. B., Williams, R. J., and Brose, U. (2009). Simple prediction of interaction strengths in complex food webs. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 106(1):187–191. [89](#), [104](#)
- Black, A. J. and McKane, A. J. (2012). Stochastic formulation of ecological models and their applications. *Trends in ecology & evolution*, 27(6):337–345. [48](#)
- Boulangeat, I., Gravel, D., and Thuiller, W. (2012). Accounting for dispersal and biotic interactions to disentangle the drivers of species distributions and their abundances. *Ecology letters*, 15(6):584–593. [46](#), [65](#), [67](#), [75](#), [77](#), [86](#), [90](#)
- Brooks, T. M., Lamoreux, J. F., and Soberón, J. (2014). Ipbis \neq Ipc. *Trends in Ecology & Evolution*, 29(10):543–545. [153](#)
- Brose, U., Williams, R. J., and Martinez, N. D. (2006). Allometric scaling enhances stability in complex food webs. *Ecology letters*, 9(11):1228–36. [136](#)
- Brown, J. H. (1971). Mechanisms of Competitive Exclusion Between Two Species of Chipmunks. *Ecology*, 52(2):305–311. [19](#), [35](#)
- Brown, J. H. and Gillooly, J. F. (2003). Ecological food webs: high-quality data facilitate theoretical unification. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 100(4):1467–1468. [141](#)
- Brown, J. H., Gillooly, J. F., Allen, A. P., Savage, V. M., and West, G. B. (2004). Toward a metabolic theory of ecology. *Ecology*, 85(7):1771–1789. [39](#), [68](#), [140](#)
- Brown, J. H. and Lomolino, M. V. (1989). Independent Discovery of the Equilibrium Theory of Island Biogeography. *Ecology*, 70(6):1954–1957. [24](#)

- Cahill, A. E., Aiello-Lammens, M. E., Fisher-Reid, M. C., Hua, X., Karanewsky, C. J., Ryu, H. Y., Sbeglia, G. C., Spagnolo, F., Waldron, J. B., Warsi, O., and Wiens, J. J. (2013). How does climate change cause extinction? *Proceedings. Biological sciences / The Royal Society*, 280(1750):20121890. [68](#)
- Calcagno, V., Massol, F., Mouquet, N., Jarne, P., and David, P. (2011). Constraints on food chain length arising from regional metacommunity dynamics. *Proceedings. Biological sciences / The Royal Society*, 278(1721):3042–3049. [63](#)
- Cazelles, K., Araújo, M. B., Mouquet, N., and Gravel, D. (2016a). A theory for species co-occurrence in interaction networks. *Theoretical Ecology*, 9(1):39–48. [72](#), [98](#), [102](#), [103](#), [107](#), [108](#)
- Cazelles, K., Mouquet, N., Mouillot, D., and Gravel, D. (2015). On the integration of biotic interaction and environmental constraints at the biogeographical scale. (October):1–11. [42](#), [134](#), [135](#), [138](#), [139](#), [148](#)
- Cazelles, K., Mouquet, N., Mouillot, D., and Gravel, D. (2016b). On the integration of biotic interaction and environmental constraints at the biogeographical scale. *Ecography*, 39(October):n/a–n/a. [135](#), [191](#)
- Chamberlain, S. A., Bronstein, J. L., and Rudgers, J. A. (2014). How context dependent are species interactions? *Ecology Letters*, 17(7):881–890. [93](#)
- Chamberlain, S. a. and Szöcs, E. (2013). taxize: taxonomic search and retrieval in R. *F1000Research*, 2(0):191. [117](#)
- Chase, J. M. and Leibold, M. A. (2003). *Ecological niches : linking classical and contemporary approaches*. The University of Chicago Press, Chicago. [16](#), [46](#)
- Cirtwill, A. R. and Stouffer, D. B. (2016). Knowledge of predator-prey interactions improves predictions of immigration and extinction in island biogeography. *Global Ecology and Biogeography*, 25(7):900–911. [136](#), [139](#)
- Cirtwill, A. R., Stouffer, D. B., and Romanuk, T. N. (2015). Latitudinal gradients in biotic niche breadth vary across ecosystem types. *Proceedings of the Royal Society B: Biological Sciences*, 282(1819):20151589–20151589. [137](#)
- Clark, J. S., Gelfand, A. E., Woodall, C. W., and Zhu, K. (2014). More than the sum of the parts: forest climate response from joint species distribution models. *Ecological Applications*, 24(5):990–999. [75](#)
- Clavel, J., Julliard, R., and Devictor, V. (2011). Worldwide decline of specialist species: Toward a global functional homogenization? *Frontiers in Ecology and the Environment*, 9(4):222–228. [154](#)

- Connor, E. F., Collins, M. D., and Simberloff, D. (2013). The checkered history of checkerboard distributions. *Ecology*, 94(11):2403–2414. [97](#)
- Connor, E. F. and Simberloff, D. (1979). The Assembly of Species Communities: Chance or Competition? *Ecology*, 60(6):1132. [7](#), [74](#), [76](#), [97](#)
- Connor, E. F. and Simberloff, D. (1983). Interspecific Competition and Species Co-Occurrence Patterns on Islands: Null Models and the Evaluation of Evidence. *Oikos*, 41(3):455. [97](#)
- Cook, W. M., Lane, K. T., Foster, B. L., and Holt, R. D. (2002). Island theory, matrix effects and species richness patterns in habitat fragments. *Ecology Letters*, 5(5):619–623. [25](#), [47](#)
- Costantino, R., Desharnais, R., Cushing, J., and Dennis, B. (1997). Chaotic Dynamics in an Insect Population. [149](#)
- Coyne, J. A. and Orr, H. A. (2004). *Speciation*. [21](#)
- Csárdi, G. and Nepusz, T. (2006). The igraph software package for complex network research. *InterJournal Complex Systems*, 1695:1695. [117](#)
- Davis, A. J., Jenkinson, L. S., Lawton, J. H., Shorrocks, B., and Wood, S. (1998). Making-mistakes when predicting shifts in species range in response to global warming. *Nature*, 391(6669):783–786. [34](#), [68](#), [75](#)
- Davis, M. a., Chew, M. K., Hobbs, R. J., Lugo, A. E., Ewel, J. J., Vermeij, G. J., Brown, J. H., Rosenzweig, M. L., Gardener, M. R., Carroll, S. P., Thompson, K., Pickett, S. T. a., Stromberg, J. C., Del Tredici, P., Suding, K. N., Ehrenfeld, J. G., Grime, J. P., Mascaro, J., and Briggs, J. C. (2011). Don't judge species on their origins. *Nature*, 474(7350):153–4. [154](#)
- DeCandido, R., Muir, A. A., and Gargiullo, M. B. (2004). A First Approximation of the Historical and Extant Vascular Flora of New York City: Implications for Native Plant Species Conservation. *Journal of the Torrey Botanical Society*, 131(3):243. [154](#)
- Desmet, P. and Cowling, R. (2004). Using the species-area relationship to set baseline targets for conservation. *Ecology And Society*, 9(2):1–39. [28](#)
- Diamond, J. M. (1975). Assembly of species communities. In Cody, M. L. and Diamond, J. M., editors, *Ecology and Evolution of Communities*, pages 342–444. Harvard University Press, Cambridge, Massachusetts, USA. [7](#), [74](#), [76](#), [97](#), [103](#)
- Diamond, J. M. and Gilpin, M. E. (1982). Examination of the “null” model of connor and simberloff for species co-occurrences on Islands. *Oecologia*, 52(1):64–74. [63](#), [76](#)

- Díaz, S., Demissew, S., Carabias, J., Joly, C., Lonsdale, M., Ash, N., Larigauderie, A., Adhikari, J. R., Arico, S., Báldi, A., Bartuska, A., Baste, I. A., Bilgin, A., Brondizio, E., Chan, K. M. A., Figueroa, V. E., Duraiappah, A., Fischer, M., Hill, R., Koetz, T., Leadley, P., Lyver, P., Mace, G. M., Martin-Lopez, B., Okumura, M., Pacheco, D., Pascual, U., Pérez, E. S., Reyers, B., Roth, E., Saito, O., Scholes, R. J., Sharma, N., Tallis, H., Thaman, R., Watson, R., Yahara, T., Hamid, Z. A., Akosim, C., Al-Hafedh, Y., Allahverdiyev, R., Amankwah, E., Asah, T. S., Asfaw, Z., Bartus, G., Brooks, A. L., Caillaux, J., Dalle, G., Darnaedi, D., Driver, A., Erpul, G., Escobar-Eyzaguirre, P., Failler, P., Fouda, A. M. M., Fu, B., Gundimeda, H., Hashimoto, S., Homer, F., Lavorel, S., Lichtenstein, G., Mala, W. A., Mandivenyi, W., Matczak, P., Mbizvo, C., Mehrdadi, M., Metzger, J. P., Mikissa, J. B., Moller, H., Mooney, H. A., Mumby, P., Nagendra, H., Nesshover, C., Oteng-Yeboah, A. A., Pataki, G., Roué, M., Rubis, J., Schultz, M., Smith, P., Sumaila, R., Takeuchi, K., Thomas, S., Verma, M., Yeo-Chang, Y., and Zlatanova, D. (2015). The IPBES Conceptual Framework - connecting nature and people. *Current Opinion in Environmental Sustainability*, 14:1–16. [153](#)
- Dobzhansky, T. (1973). Nothing in Biology Makes Sense except in the Light of Evolution. *The American Biology Teacher*, 35(3):125–129. [5](#)
- Dray, S. and Dufour, A. B. (2007). The ade4 Package: Implementing the Duality Diagram for Ecologists. *Journal of Statistical Software*, 22(4):1 – 20. [117](#)
- Durance, I. and Ormerod, S. J. (2010). Evidence for the role of climate in the local extinction of a cool-water triclade. *Journal of the North American Benthological Society*, 29(4):1367–1378. [68](#)
- Eklöf, A., Jacob, U., Kopp, J., Bosch, J., Castro-Urgal, R., Chacoff, N. P., Dalsgaard, B., de Sassi, C., Galetti, M., Guimarães, P. R., Lomáscolo, S. B., Martín González, A. M., Pizo, M. A., Rader, R., Rodrigo, A., Tylianakis, J. M., Vázquez, D. P., and Allesina, S. (2013). The dimensionality of ecological networks. *Ecology letters*, 16(5):577–583. [67](#)
- Elith, J., H. Graham, C., P. Anderson, R., Dudík, M., Ferrier, S., Guisan, A., J. Hijmans, R., Huettmann, F., R. Leathwick, J., Lehmann, A., Li, J., G. Lohmann, L., A. Loiselle, B., Manion, G., Moritz, C., Nakamura, M., Nakazawa, Y., McC. M. Overton, J., Townsend Peterson, A., J. Phillips, S., Richardson, K., Scachetti-Pereira, R., E. Schapire, R., Soberón, J., Williams, S., S. Wisz, M., and E. Zimmermann, N. (2006). Novel methods improve prediction of species' distributions from occurrence data. *Ecography*, 29(2):129–151. [8](#), [17](#), [97](#), [116](#), [117](#), [150](#)
- Elith, J. and Leathwick, J. R. (2009). Species Distribution Models: Ecological Explanation and Prediction Across Space and Time. *Annual Review of Ecology, Evolution, and Systematics*, 40(1):677–697. [17](#)

- Engelbrecht, B. M. J., Comita, L. S., Condit, R., Kursar, T. a., Tyree, M. T., Turner, B. L., and Hubbell, S. P. (2007). Drought sensitivity shapes species distribution patterns in tropical forests. *Nature*, 447(7140):80–82. [17](#)
- Evans, K. L., Warren, P. H., and Gaston, K. J. (2005). Species–energy relationships at the macroecological scale: a review of the mechanisms. *Biological Reviews*, 80(1):1–25. [137](#)
- Finstermeier, K., Zinner, D., Brameier, M., Meyer, M., Kreuz, E., Hofreiter, M., and Roos, C. (2013). A Mitogenomic Phylogeny of Living Primates. *PLoS ONE*, 8(7):1–10. [14](#)
- Fordham, D. A., Akçakaya, H. R., Brook, B. W., Rodríguez, A., Alves, P. C., Civantos, E., Triviño, M., Watts, M. J., and Araújo, M. B. (2013). Adapted conservation measures are required to save the Iberian lynx in a changing climate. *Nature Climate Change*, 3(10):899–903. [76](#)
- Fussmann, G. F., Ellner, S. P., Shertzer, K. W., and Hairston, N. G. (2000). Crossing the Hopf Bifurcation in a Live Predator-Prey System. *Science*, 290(5495):1358–1360. [149](#)
- Gaüzère, P., Jiguet, F., and Devictor, V. (2015). Rapid adjustment of bird community compositions to local climatic variations and its functional consequences. *Global Change Biology*, pages n/a–n/a. [109](#)
- Gillooly, J. F., Brown, J. H., West, G. B., Savage, V. M., and Charnov, E. L. (2001). Effects of size and temperature on metabolic rate. *Science (New York, N.Y.)*, 293(5538):2248–51. [136](#)
- Gilman, S. E., Urban, M. C., Tewksbury, J., Gilchrist, G. W., and Holt, R. D. (2010). A framework for community interactions under climate change. *Trends in ecology & evolution*, 25(6):325–331. [46](#)
- Gilpin, M. E. and Diamond, J. M. (1982). Factors contributing to non-randomness in species Co-occurrences on Islands. *Oecologia*, 52(1):75–84. [97](#), [100](#), [115](#)
- Godsoe, W. (2010). I can’t define the niche but i know it when i see it: A formal link between statistical theory and the ecological niche. *Oikos*, 119(1):53–60. [97](#), [106](#), [107](#), [150](#)
- Godsoe, W. and Harmon, L. J. (2012). How do species interactions affect species distribution models? *Ecography*, 35(9):811–820. [34](#), [47](#), [63](#)
- Godsoe, W., Murray, R., and Plank, M. J. (2015). The effect of competition on species’ distributions depends on coexistence, rather than scale alone. *Ecography*, 38(11):1071–1079. [150](#), [152](#)
- Gotelli, N. J. (2000). Null model analysis of species co-occurrence patterns. *Ecology*, 81(9):2606–2621. [97](#)

- Gotelli, N. J. and Graves, G. R. (1996). *Null models in ecology*, volume 14. Smithsonian Institution Press, Washington, D.C. [74](#), [76](#)
- Gotelli, N. J., Graves, G. R., and Rahbek, C. (2010). Macroecological signals of species interactions in the Danish avifauna. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 107(11):5030–5035. [37](#), [46](#), [66](#), [75](#), [97](#), [135](#)
- Grant, P. R. and Grant, B. R. (2008). *How and Why Species Multiply: The Radiation of Darwin's Finches*. Princeton Series in Evolutionary Biology. Princeton University Press. [5](#)
- Gravel, D., Canham, C. D., Beaudet, M., and Messier, C. (2006). Reconciling niche and neutrality: the continuum hypothesis. *Ecology letters*, 9(4):399–409. [32](#)
- Gravel, D., Massol, F., Canard, E., Mouillot, D., and Mouquet, N. (2011). Trophic theory of island biogeography. *Ecology Letters*, 14(10):1010–1016. [34](#), [41](#), [45](#), [46](#), [47](#), [49](#), [51](#), [53](#), [64](#), [66](#), [77](#), [86](#), [87](#), [133](#), [135](#), [138](#), [139](#), [150](#), [187](#), [188](#), [191](#)
- Gravel, D., Poisot, T., Albouy, C., Velez, L., and Mouillot, D. (2013). Inferring food web structure from predator-prey body size relationships. *Methods in Ecology and Evolution*, 4(11):1083–1090. [33](#), [68](#), [92](#), [136](#), [139](#)
- Grinnell, J. (1917). The Niche-Relationships of the California Thrasher. *The Auk*, 34(4):427–433. [17](#)
- Guisan, A. and Rahbek, C. (2011). SESAM - a new framework integrating macroecological and species distribution models for predicting spatio-temporal patterns of species assemblages. *Journal of Biogeography*, 38(8):1433–1444. [34](#)
- Guisan, A. and Thuiller, W. (2005). Predicting species distribution: offering more than simple habitat models. *Ecology Letters*, 8(9):993–1009. [75](#)
- Guisan, A., Tingley, R., Baumgartner, J. B., Naujokaitis-Lewis, I., Sutcliffe, P. R., Tulloch, A. I. T., Regan, T. J., Brotons, L., McDonald-Madden, E., Mantyka-Pringle, C., Martin, T. G., Rhodes, J. R., Maggini, R., Setterfield, S. a., Elith, J., Schwartz, M. W., Wintle, B. a., Broennimann, O., Austin, M., Ferrier, S., Kearney, M. R., Possingham, H. P., and Buckley, Y. M. (2013). Predicting species distributions for conservation decisions. *Ecology letters*, 16:1424–1435. [46](#)
- Hairston, N. G., Smith, F. E., and Slobodkin, L. B. (1960). Community Structure, Population Control, and Competition. *The American Naturalist*, 94(879):421. [77](#)
- Hannah, L., Roehrdanz, P. R., Ikegami, M., Shepard, A. V., Shaw, M. R., Tabor, G., Zhi, L., Marquet, P. a., and Hijmans, R. J. (2013). Climate change, wine, and conservation. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 110(17):6907–6912. [8](#)

- Hanski, I. (1998). Metapopulation dynamics. *Nature reviews*, 396(November):41–49. [30](#)
- Hanski, I. (2010). The Theories of Island Biogeography and Metapopulation Dynamics. In *The Theory of Island Biogeography Revisited*, page 476. Princeton University Press, Princeton, NJ. [28](#)
- Harrell Jr, F. E., with contributions from Charles Dupont, and others., M. (2016). *Hmisc: Harrell Miscellaneous*.
- Harris, D. J. (2015). Estimating species interactions from observational data with Markov networks. *bioRxiv preprint*. [75](#)
- Hatton, I. A., McCann, K. S., Fryxell, J. M., Davies, T. J., Smerlak, M., Sinclair, A. R. E., and Loreau, M. (2015). The predator-prey power law: Biomass scaling across terrestrial and aquatic biomes. *Science*, 349(6252):aac6284–aac6284. [136](#)
- Hawkins, B. A., Field, R., Cornell, H. V., Currie, D. J., Guégan, J.-F., Kaufman, D. M., Kerr, J. T., Mittelbach, G. G., Oberdorff, T., O'Brien, E. M., Porter, E. E., and Turner, J. R. G. (2003). Energy, water and broad-scale geographic patterns of species richness. *Ecology*, 84(12):3105–3117. [137](#)
- He, F. and Hubbell, S. P. (2011). Species-area relationships always overestimate extinction rates from habitat loss. *Nature*, 473(7347):368–71. [28](#)
- Heikkinen, R. K., Luoto, M., Virkkala, R., Pearson, R. G., and Körber, J.-H. (2007). Biotic interactions improve prediction of boreal bird distributions at macro-scales. *Global Ecology and Biogeography*, 16(6):754–763. [37](#)
- Hijmans, R. J., Cameron, S. E., Parra, J. L., Jones, P. G., and Jarvis, A. (2005). Very high resolution interpolated climate surfaces for global land areas. *International Journal of Climatology*, 25(15):1965–1978. [18](#), [116](#)
- Holt, R. D. (2009). Bringing the Hutchinsonian niche into the 21st century: ecological and evolutionary perspectives. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 106 Suppl:19659–65. [34](#)
- Holt, R. D. (2010). Toward a trophic island biogeography. In Losos, J. B. and Ricklefs, R. E., editors, *The Theory of Island Biogeography Revisited*, chapter 5, pages 143–185. Princeton University Press, Princeton, NJ. [135](#), [138](#)
- Holt, R. D. and Barfield, M. (2009). Trophic interactions and range limits: the diverse roles of predation. *Proceedings. Biological sciences / The Royal Society*, 276(1661):1435–1442. [33](#), [46](#), [47](#), [77](#), [90](#), [97](#), [104](#), [152](#)
- Holyoak, M., Leibold, M. A., and Holt, R. D. (2005). *Metacommunities: Spatial Dynamics And Ecological Communities*. University of Chicago Press. [30](#)

- Hortal, J., Diniz-Filho, J. A. F., Bini, L. M., Rodríguez, M. Á., Baselga, A., Nogués-Bravo, D., Rangel, T. F., Hawkins, B. A., and Lobo, J. M. (2011). Ice age climate, evolutionary constraints and diversity patterns of European dung beetles. *Ecology Letters*, 14(8):741–748. [14](#)
- Hubbell, S. P. (1997). A unified theory of biogeography and relative species abundance and its application to tropical rain forests and coral reefs. *Coral Reefs*, 16(5):S9–S21. [31](#), [135](#)
- Hubbell, S. P. (1999). Light-Gap Disturbances, Recruitment Limitation, and Tree Diversity in a Neotropical Forest. *Science*, 283(5401):554–557. [31](#)
- Hubbell, S. P. (2010). Neutral Theory and the Theory of Island Biogeography. In Losos, J. B. and Ricklefs, R. E., editors, *The Theory of Island Biogeography Revisited*, page 479. Princeton University Press, Princeton, NJ. [31](#)
- Hutchinson, G. E. (1957). Concluding remarks. Cold Spring Harbor Symposium. *Quantitative Biology*, 22:415–427. [75](#)
- Jabot, F. and Bascompte, J. (2012). Bitrophic interactions shape biodiversity in space. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 109(12):4521–4526. [34](#), [46](#), [63](#), [134](#)
- Jeschke, J. M. and Strayer, D. L. (2008). Usefulness of bioclimatic models for studying climate change and invasive species. *Annals of the New York Academy of Sciences*, 1134:1–24. [18](#), [34](#), [46](#), [104](#)
- John, R., Dalling, J. W., Harms, K. E., Yavitt, J. B., Stallard, R. F., Mirabello, M., Hubbell, S. P., Valencia, R., Navarrete, H., Vallejo, M., and Foster, R. B. (2007). Soil nutrients influence spatial distributions of tropical tree species. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 104(3):864–869. [32](#)
- Kearney, M. and Porter, W. P. (2004). Mapping the fundamental niche: physiology, climate, and the distribution of a nocturnal lizard. *Ecology*, 85(11):3119–3131. [17](#), [45](#), [107](#)
- Kéfi, S., Berlow, E. L., Wieters, E. A., Joppa, L. N., Wood, S. A., Brose, U., and Navarrete, S. A. (2015). Network structure beyond food webs: mapping non-trophic and trophic interactions on Chilean rocky shores. *Ecology*, 96(1):291–303. [19](#)
- Kéfi, S., Berlow, E. L., Wieters, E. A., Navarrete, S. A., Petchey, O. L., Wood, S. A., Boit, A., Joppa, L. N., Lafferty, K. D., Williams, R. J., Martinez, N. D., Menge, B. A., Blanchette, C. A., Iles, A. C., and Brose, U. (2012). More than a meal... integrating non-feeding interactions into food webs. *Ecology Letters*, 15(4):291–300. [19](#), [46](#)
- Kemeny, J. G. and Snell, J. L. (1983). *Finite Markov Chains: With a New Appendix "Generalization of a Fundamental Matrix"*. Undergraduate Texts in Mathematics. Springer New York. [48](#)

- Kissling, W. D., Dormann, C. F., Groeneveld, J., Hickler, T., Kühn, I., McInerny, G. J., Montoya, J. M., Römermann, C., Schiffers, K., Schurr, F. M., Singer, A., Svenning, J.-C., Zimmermann, N. E., and O'Hara, R. B. (2012). Towards novel approaches to modelling biotic interactions in multispecies assemblages at large spatial extents. *Journal of Biogeography*, 39(12):2163–2178. [34](#), [45](#), [75](#)
- Koh, L. P., Dunn, R. R., Sodhi, N. S., Colwell, R. K., Proctor, H. C., and Smith, V. S. (2004). Species coextinctions and the biodiversity crisis. *Science (New York, N.Y.)*, 305(5690):1632–4. [8](#)
- Kooijman, S. A. L. M. (2000). *Dynamic Energy and Mass Budgets in Biological Systems*. Cambridge University Press, Cambridge. [39](#)
- Lack, D. (1973). The Numbers of Species of Hummingbirds in the West Indies. *Evolution*, 27(2):326. [109](#)
- Lande, R. (1993). Risks of Population Extinction from Demographic and Environmental Stochasticity and Random Catastrophes. *The American Naturalist*, 142(6):911–927. [140](#)
- Lavergne, S., Mouquet, N., Thuiller, W., and Ronce, O. (2010). Biodiversity and Climate Change: Integrating Evolutionary and Ecological Responses of Species and Communities. *Annual Review of Ecology, Evolution, and Systematics*, 41(1):321–350. [7](#), [21](#), [22](#), [45](#), [68](#), [69](#), [134](#)
- Lawton, J. H. (1999). Are There General Laws in Ecology? *Oikos*, 84(2):177. [150](#), [155](#)
- Legendre, P. and Legendre, L. F. J. (2012). *Numerical Ecology*. Developments in Environmental Modelling. Elsevier Science. [74](#), [75](#)
- Leibold, M. a., Holyoak, M., Mouquet, N., Amarasekare, P., Chase, J. M., Hoopes, M. F., Holt, R. D., Shurin, J. B., Law, R., Tilman, D., Loreau, M., and Gonzalez, A. (2004). The metacommunity concept: a framework for multi-scale community ecology. *Ecology Letters*, 7(7):601–613. [30](#), [45](#), [47](#)
- Levins, R. (1969). Some Demographic and Genetic Consequences of Environmental Heterogeneity for Biological Control. *Bulletin of the Entomological Society of America*, 15(3):237–240. [28](#), [30](#)
- Levins, R. and Culver, D. (1971). Regional Coexistence of Species and Competition between Rare Species. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 68(6):1246–1248. [63](#), [67](#)
- Levins, R. and Heatwole, H. (1963). On the distribution of organisms on islands. *Caribbean Journal of Science*, 3:173–177. [24](#)
- Liaw, A. and Wiener, M. (2002). Classification and Regression by randomForest. *R News*, 2(3):18–22. [117](#)

- Lomolino, M. (2000a). Ecology's most general, yet protean pattern : the species area relationship. *Journal of Biogeography*, 27(1):17–26. [27](#), [134](#)
- Lomolino, M. V. (2000b). A call for a new paradigm of island biogeography. *Global Ecology and Biogeography*, 9(1):1–6. [9](#), [148](#), [157](#)
- Lomolino, M. V. and Brown, J. H. (2009). The reticulating phylogeny of island biogeography theory. *Q. Rev. Biol.*, 84(4):357–390. [24](#)
- Losos, J. B. and Ricklefs, R. E., editors (2010). *The Theory of Island Biogeography Revisited*. Princeton University Press, Princeton, NJ. [24](#), [41](#), [135](#)
- MacArthur, R. H. (1972). *Geographical Ecology: Patterns in the Distribution of Species*. Biology / [Princeton University Press]. Princeton University Press. [4](#), [7](#), [19](#), [33](#), [38](#), [75](#), [105](#), [148](#)
- MacArthur, R. H. and Wilson, E. O. (1963). An equilibrium theory of insular zoogeography. *Evolution*, 17(4):373–387. [27](#), [29](#)
- MacArthur, R. H. and Wilson, E. O. (1967). *Theory of Island Biogeography*, volume 1 of *Princeton Landmarks in Biology*. Princeton University Press, Princeton, NJ. [4](#), [5](#), [20](#), [26](#), [27](#), [47](#), [63](#), [78](#), [86](#), [135](#), [138](#), [149](#), [156](#), [173](#)
- MacArthur, R. H., Wilson, E. O., and MacArthur, W. (1967). The theory of island biogeography. [24](#)
- Mariette, M. M. and Buchanan, K. L. (2016). Prenatal acoustic communication programs offspring for high posthatching temperatures in a songbird. *Science*, 353(6301):812–814. [155](#)
- Martín González, A. M., Dalsgaard, B., Nogués-Bravo, D., Graham, C. H., Schleuning, M., Maruyama, P. K., Abrahamczyk, S., Alarcón, R., Araujo, A. C., Araújo, F. P., de Azevedo, S. M., Baquero, A. C., Cotton, P. A., Ingversen, T. T., Kohler, G., Lara, C., Las-Casas, F. M. G., Machado, A. O., Machado, C. G., Maglianesi, M. A., McGuire, J. A., Moura, A. C., Oliveira, G. M., Oliveira, P. E., Ornelas, J. F., Rodrigues, L. d. C., Rosero-Lasprilla, L., Rui, A. M., Sazima, M., Timmermann, A., Varassin, I. G., Vizentin-Bugoni, J., Wang, Z., Watts, S., Rahbek, C., and Martinez, N. D. (2015). The macroecology of phylogenetically structured hummingbird-plant networks. *Global Ecology and Biogeography*, 24(11):1212–1224. [109](#)
- Massol, F., Gravel, D., Mouquet, N., Cadotte, M. W., Fukami, T., and Leibold, M. A. (2011). Linking community and ecosystem dynamics through spatial ecology. *Ecology letters*, 14(3):313–323. [45](#)
- May, R. M. (1973). Stability and complexity in model ecosystems. *Monographs in population biology*, 6:1–235. [19](#)

- May, R. M. (2004). Uses and abuses of mathematics in biology. *Science (New York, N.Y.)*, 303(5659):790–3. [12](#)
- McCann, K. S. (2000). The diversity-stability debate. *Nature*, 405(6783):228–33. [19](#)
- McCann, K. S. (2011). *Food Webs*. Monographs in Population Biology. Princeton University Press. [12](#)
- McGill, B. and Collins, C. (2003). A unified theory for macroecology based on spatial patterns of abundance. *Evolutionary Ecology Research*, 5(4):469–492. [31](#), [32](#)
- McGill, B. J. (2010). Matters of Scale. *Science*, 328(5978):575–576. [35](#), [66](#), [103](#)
- McGill, B. J., Enquist, B. J., Weiher, E., and Westoby, M. (2006). Rebuilding community ecology from functional traits. *Trends in ecology & evolution*, 21(4):178–185. [39](#), [67](#), [156](#)
- McKinney, M. L. (2006). Urbanization as a major cause of biotic homogenization. *Biological Conservation*, 127(3):247–260. [154](#)
- McLachlan, J. S., Hellmann, J. J., and Schwartz, M. W. (2007). A Framework for Debate of Assisted Migration in an Era of Climate Change. *Conservation Biology*, 21(2):297–302. [154](#)
- Meier, E. S., Kienast, F., Pearman, P. B., Svenning, J. C., Thuiller, W., Araújo, M. B., Guisan, A., and Zimmermann, N. E. (2010). Biotic and abiotic variables show little redundancy in explaining tree species distributions. *Ecography*, 33(6):1038–1048. [152](#)
- Milo, R., Shen-Orr, S., Itzkovitz, S., Kashtan, N., Chklovskii, D., and Alon, U. (2002). Network motifs: simple building blocks of complex networks. *Science (New York, N.Y.)*, 298(5594):824–7. [82](#)
- Monod, J. (1970). *Le hasard et la nécessité*. Editions Du Seuil. [25](#)
- Montoya, J., Woodward, G., Emmerson, M. C., and Solé, R. V. (2009). Press perturbations and indirect effects in real food webs. *Ecology*, 90(9):2426–2433. [77](#), [105](#)
- Morales-Castilla, I., Matias, M. G., Gravel, D., and Araújo, M. B. (2015). Inferring biotic interactions from proxies. *Trends in Ecology & Evolution*, 30(6):347–356. [76](#), [92](#), [97](#), [101](#)
- Mouquet, N., Lagadeuc, Y., Devictor, V., Doyen, L., Duputié, A., Eveillard, D., Faure, D., Garnier, E., Gimenez, O., Huneman, P., Jabot, F., Jarne, P., Joly, D., Julliard, R., Kéfi, S., Kergoat, G. J., Lavorel, S., Le Gall, L., Meslin, L., Morand, S., Morin, X., Morlon, H., Pinay, G., Pradel, R., Schurr, F. M., Thuiller, W., and Loreau, M. (2015). REVIEW: Predictive ecology in a changing world. *Journal of Applied Ecology*, 52(5):1293–1310. [8](#), [155](#)

- Myers, R. a., Baum, J. K., Shepherd, T. D., Powers, S. P., and Peterson, C. H. (2007). Cascading effects of the loss of apex predatory sharks from a coastal ocean. *Science (New York, N.Y.)*, 315(5820):1846–50. [156](#)
- Neigel, J. (2003). Species-area relationships and marine conservation. *Ecological Applications*, 13(sp1):138–145. [28](#)
- Oksanen, L., Fretwell, S. D., Arruda, J., and Niemela, P. (1981). Exploitation Ecosystems in Gradients of Primary Productivity. *The American Naturalist*, 118(2):240–261. [77](#)
- Ovaskainen, O., Hottola, J., and Shtonen, J. (2010). Modeling species co-occurrence by multivariate logistic regression generates new hypotheses on fungal interactions. *Ecology*, 91(9):2514–2521. [34](#), [92](#), [97](#), [152](#)
- Paquette, A. and Messier, C. (2011). The effect of biodiversity on tree productivity: from temperate to boreal forests. *Global Ecology and Biogeography*, 20(1):170–180. [xx](#), [111](#), [118](#)
- Park, H.-J. and Friston, K. (2013). Structural and Functional Brain Networks: From Connections to Cognition. *Science*, 342(6158):1238411–1238411. [149](#)
- Pearson, R. G. and Dawson, T. P. (2003). Predicting the impacts of climate change on the distribution of species: are bioclimate envelope models useful? *Global Ecology and Biogeography*, 12(5):361–371. [34](#), [66](#)
- Pelletier, F., Clutton-Brock, T., Pemberton, J., Tuljapurkar, S., and Coulson, T. (2007). The Evolutionary Demography of Ecological Change: Linking Trait Variation and Population Growth. *Science*, 315(5818):1571–1574. [6](#)
- Pelletier, F., Garant, D., and Hendry, A. (2009a). Eco-evolutionary dynamics. *Philosophical Transactions of the Royal Society B: Biological Sciences*, 364(1523):1483–1489. [5](#)
- Pelletier, F., Garant, D., and Hendry, a. P. (2009b). Eco-evolutionary dynamics. *Philosophical transactions of the Royal Society of London. Series B, Biological sciences*, 364(1523):1483–9. [21](#)
- Pellissier, L., Rohr, R. P., Ndiribe, C., Pradervand, J.-N., Salamin, N., Guisan, A., and Wisz, M. (2013). Combining food web and species distribution models for improved community projections. *Ecology and evolution*, 3(13):4572–4583. [64](#), [66](#), [75](#)
- Petchey, O. L., Beckerman, A. P., Riede, J. O., and Warren, P. H. (2008). Size, foraging, and food web structure. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 105(11):4191–4196. [136](#)
- Peterson, A. T. (2003). Predicting the Geography of Species' Invasions via Ecological Niche Modeling. *The Quarterly Review of Biology*, 78(4):419–433. [46](#)

- Peterson, A. T., Soberon, J., Pearson, R. G., and Martinez-Meyer, E. (2011). *Ecological Niches and Geographic Distributions*, volume 2011. Princeton University Press, Princeton, NJ. [9](#), [45](#), [75](#)
- Phillips, S. J., Anderson, R. P., and Schapire, R. E. (2006). Maximum entropy modeling of species geographic distributions. *Ecological Modelling*, 190(3-4):231–259. [150](#)
- Pielou, D. P. and Pielou, E. C. (1968). Association among species of infrequent occurrence: the insect and spider fauna of *Polyporus betulinus* (Bulliard) Fries. *Journal of theoretical biology*, 21(2):202–16. [76](#)
- Poisot, T., Canard, E., Mouillot, D., Mouquet, N., Gravel, D., and Jordan, F. (2012). The dissimilarity of species interaction networks. *Ecology letters*, 15(12):1353–61. [93](#)
- Poisot, T., Kéfi, S., Morand, S., Stanko, M., Marquet, P. A., and Hochberg, M. E. (2015a). A continuum of specialists and generalists in empirical communities. *PLoS ONE*, 10(5):1–12. [39](#)
- Poisot, T., Stouffer, D. B., and Gravel, D. (2015b). Beyond species: why ecological interactions vary through space and time. *Oikos*, 124:243–251. [39](#), [156](#)
- Pollock, L. J., Tingley, R., Morris, W. K., Golding, N., O’Hara, R. B., Parris, K. M., Vesk, P. A., and McCarthy, M. A. (2014). Understanding co-occurrence by modelling species simultaneously with a Joint Species Distribution Model (JSDM). *Methods in Ecology and Evolution*, 5(5):397–406. [34](#), [64](#), [66](#), [75](#), [97](#), [104](#), [150](#), [152](#)
- Popper, K. R. (1959). *The logic of scientific discovery*. Hutchinson. [12](#)
- Post, D. M. and Palkovacs, E. P. (2009). Eco-evolutionary feedbacks in community and ecosystem ecology: interactions between the ecological theatre and the evolutionary play. *Philosophical transactions of the Royal Society of London. Series B, Biological sciences*, 364(1523):1629–40. [21](#)
- Prasad, A. M., Iverson, L. R., and Liaw, A. (2006). Newer Classification and Regression Tree Techniques: Bagging and Random Forests for Ecological Prediction. *Ecosystems*, 9(2):181–199. [116](#)
- Proulx, S. R., Promislow, D. E. L., and Phillips, P. C. (2005). Network thinking in ecology and evolution. *Trends in ecology & evolution*, 20(6):345–353. [46](#)
- Pulliam, H. R. (2000). On the relationship between niche and distribution. *Ecology Letters*, 3(4):349–361. [97](#), [107](#), [150](#)
- R Core Team (2015). R: A Language and Environment for Statistical Computing. [18](#), [117](#)
- Rabosky, D. L. and Hurlbert, A. H. (2015). Species Richness at Continental Scales Is Dominated by Ecological Limits*. *The American Naturalist*, 185(5):000–000. [138](#)

- Razafindratsima, O. H., Mehtani, S., and Dunham, A. E. (2013). Extinctions, traits and phylogenetic community structure: Insights from primate assemblages in Madagascar. *Ecography*, 36(1):047–056. [14](#)
- Rehfeldt, G. E., Crookston, N. L., Warwell, M. V., and Evans, J. S. (2006). Empirical Analyses of Plant[~~U+2010~~]Climate Relationships for the Western United States. *International Journal of Plant Sciences*, 167(6):1123–1150. [151](#)
- Ricklefs, R. E. (1987). Community Diversity: Relative Roles of Local and Regional Processes. *Science*, 235(4785):167–171. [25](#), [45](#)
- Ricklefs, R. E. (2003). A comment on Hubbell ’s zero-sum ecological drift model. *Oikos*, 1001:185–192. [31](#)
- Ripple, W. J., Estes, J. a., Beschta, R. L., Wilmers, C. C., Ritchie, E. G., Hebblewhite, M., Berger, J., Elmhagen, B., Letnic, M., Nelson, M. P., Schmitz, O., Smith, D. W., Wallach, A., and Wirsing, A. (2014). Status and ecological effects of the world’s largest carnivores. *Science*, 343(6167):1241484. [156](#)
- Robinet, C., Suppo, C., and Darrouzet, E. (2016). Rapid spread of the invasive yellow-legged hornet in France: the role of human-mediated dispersal and the effects of control measures. *Journal of Applied Ecology*. [23](#)
- Rohde, K. (1992). Latitudinal Gradients in Species Diversity: The Search for the Primary Cause. *Oikos*, 65(3):514. [137](#)
- Rohr, R. P., Saavedra, S., and Bascompte, J. (2014). On the structural stability of mutualistic systems. *Science*, 345(6195):1253497–1253497. [149](#)
- Rohr, R. P., Scherer, H., Kehrli, P., Mazza, C., and Bersier, L.-F. (2010). Modeling food webs: exploring unexplained structure using latent traits. *The American naturalist*, 176(2):170–7. [92](#), [93](#)
- Rosindell, J., Hubbell, S. P., He, F., Harmon, L. J., and Etienne, R. S. (2012). The case for ecological neutral theory. *Trends in Ecology and Evolution*, 27(4):203–208. [32](#)
- Saavedra, S., Stouffer, D. B., Uzzi, B., and Bascompte, J. (2011). Strong contributors to network persistence are the most vulnerable to extinction. *Nature*, 478(7368):233–235. [68](#)
- Saccheri, I., Kuussaari, M., Kankare, M., Vikman, P., Fortelius, W., and Hanski, I. (1998). Inbreeding and extinction in a butterfly metapopulation. *Nature*, 392(6675):491–494. [30](#)
- Säterberg, T., Sellman, S., and Ebenman, B. (2013). High frequency of functional extinctions in ecological networks. *Nature*, 499(7459):468–70. [68](#), [143](#)

- Savage, V. M., Gillooly, J. F., Brown, J. H., West, G. B., and Charnov, E. L. (2004). Effects of Body Size and Temperature on Population Growth. *The American Naturalist*, 163(3):429–441. [140](#)
- Schneider, F. D., Scheu, S., and Brose, U. (2012). Body mass constraints on feeding rates determine the consequences of predator loss. *Ecology letters*, 15(5):436–443. [67](#), [136](#)
- Schoener, T. W. (2010). The MacArthur-Wilson Equilibrium Model. In Losos, J. B. and Ricklefs, R. E., editors, *The Theory of Island Biogeography Revisited*, chapter 2, pages 52–87. Princeton University Press, Princeton, NJ. [49](#)
- Schoener, T. W. (2011a). The Newest Synthesis : Understanding Ecological Dynamics. *Science*, 331(January):426–429. [5](#)
- Schoener, T. W. (2011b). The newest synthesis: understanding the interplay of evolutionary and ecological dynamics. *Science (New York, N.Y.)*, 331(6016):426–9. [21](#)
- Sexton, J. P., McIntyre, P. J., Angert, A. L., and Rice, K. J. (2009). Evolution and Ecology of Species Range Limits. *Annual Review of Ecology, Evolution, and Systematics*, 40(1):415–436. [22](#)
- Shaffer, M. L. (1981). Minimum Population Sizes for Species Conservation. *BioScience*, 31(2):131–134. [140](#)
- Shenbrot, G., Krasnov, B., and Lu, L. (2007). Geographical range size and host specificity in ectoparasites: a case study with *Amphipsylla* fleas and rodent hosts. *Journal of Biogeography*, 34(10):1679–1690. [104](#), [152](#)
- Simberloff, D. S. (1974). Equilibrium Theory of Island Biogeography and Ecology. *Annual Review of Ecology and Systematics*, 5(1):161–182. [28](#)
- Simberloff, D. S. and Wilson, E. O. (1969). Experimental Zoogeography of Islands: The Colonization of Empty Islands. *Ecology*, 50(2):278–296. [4](#), [15](#), [27](#), [48](#)
- Sinclair, A. R. E., Mduma, S., and Brashares, J. S. (2003). Patterns of predation in a diverse predator–prey system. *Nature*, 425(6955):288–290. [156](#)
- Solarik, K. A., Gravel, D., Ameztegui, A., Bergeron, Y., and Messier, C. (2016). Assessing tree germination resilience to global warming: a manipulative experiment using sugar maple (*Acer saccharum*). *Seed Science Research*, 26(02):153–164. [8](#)
- Sonne, J., Martín González, A. M., Maruyama, P. K., Sandel, B., Vizentin-Bugoni, J., Schleuning, M., Abrahamczyk, S., Alarcón, R., Araujo, A. C., Araújo, F. P., Mendes de Azevedo, S., Baquero, A. C., Cotton, P. A., Ingwersen, T. T., Kohler, G., Lara, C., Guedes Las-Casas, F. M., Machado, A. O., Machado, C. G., Maglianesi, M. A., Moura, A. C., Nogués-Bravo, D., Oliveira, G. M., Oliveira, P. E., Ornelas, J. F., Rodrigues, L. d. C., Rosero-Lasprilla,

- L., Rui, A. M., Sazima, M., Timmermann, A., Varassin, I. G., Wang, Z., Watts, S., Fjeldså, J., Svenning, J.-C., Rahbek, C., and Dalsgaard, B. (2016). High proportion of smaller ranged hummingbird species coincides with ecological specialization across the Americas. *Proceedings of the Royal Society B: Biological Sciences*, 283(1824):20152512. [109](#)
- Springer, A., Swann, D., and Crimmins, M. (2015). Climate change impacts on high elevation saguaro range expansion. *Journal of Arid Environments*, 116:57–62. [16](#)
- Stephen P. Hubbell (2001). *The unified neutral theory of Biodiversity and Biogeography*. Princeton University Press, Princeton, NJ. [80](#)
- Stevens, G. C. (1989). The Latitudinal Gradient in Geographical Range: How so Many Species Coexist in the Tropics. *The American Naturalist*, 133(2):240–256. [137](#)
- Stone, L. and Roberts, A. (1990). The checkerboard score and species distributions. *Oecologia*, 85(1):74–79. [74](#), [76](#)
- Storch, D., Evans, K. L., and Gaston, K. J. (2005). The species-area-energy relationship. *Ecology Letters*, 8(5):487–492. [137](#)
- Stouffer, D. B. and Bascompte, J. (2010). Understanding food-web persistence from local to global scales. *Ecology Letters*, 13(2):154–161. [82](#)
- Stouffer, D. B., Camacho, J., Jiang, W., and Amaral, L. A. N. (2007). Evidence for the existence of a robust pattern of prey selection in food webs. *Proceedings. Biological sciences / The Royal Society*, 274(1621):1931–1940. [66](#), [82](#)
- Suding, K., Higgs, E., Palmer, M., Callicott, J. B., Anderson, C. B., Baker, M., Gutrich, J. J., Hondula, K. L., LaFevor, M. C., Larson, B. M. H., Randall, A., Ruhl, J. B., and Schwartz, K. Z. S. (2015). Committing to ecological restoration. *Science*, 348(6235):638–640. [154](#)
- Suttle, K. B., Thomsen, M. A., and Power, M. E. (2007). Species interactions reverse grassland responses to changing climate. *Science*, 315(5812):640–2. [68](#)
- Tao, T., Vu, V., and Krishnapur, M. (2010). Random matrices: Universality of ESDs and the circular law. *The Annals of Probability*, 38(5):2023–2065. [20](#)
- Terborgh, J., Lopez, L., Nuñez, P., Rao, M., Shahabuddin, G., Orihuela, G., Riveros, M., Ascanio, R., Adler, G. H., Lambert, T. D., and Balbas, L. (2001). Ecological Meltdown in Predator-Free Forest Fragments. *Science*, 294(5548):1923–1926. [156](#)
- Thébault, E. and Fontaine, C. (2010). Stability of ecological communities and the architecture of mutualistic and trophic networks. *Science*, 329(5993):853–856. [64](#)

- Thomas, C. D., Cameron, A., Green, R. E., Bakkenes, M., Beaumont, L. J., Collingham, Y. C., Erasmus, B. F. N., De Siqueira, M. F., Grainger, A., Hannah, L., Hughes, L., Huntley, B., Van Jaarsveld, A. S., Midgley, G. F., Miles, L., Ortega-Huerta, M. A., Peterson, A. T., Phillips, O. L., and Williams, S. E. (2004). Extinction risk from climate change. *Nature*, 427(6970):145–8. [154](#)
- Thuiller, W., Lavergne, S., Roquet, C., Boulangeat, I., Lafourcade, B., and Araujo, M. B. (2011). Consequences of climate change on the tree of life in Europe. *Nature*, 470(7335):531–534. [97](#)
- Thuiller, W., Lavorel, S., Araújo, M. B., Sykes, M. T., and Prentice, I. C. (2005). Climate change threats to plant diversity in Europe. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 102(23):8245–50. [97](#)
- Thuiller, W., Münkemüller, T., Lavergne, S., Mouillot, D., Mouquet, N., Schiffrers, K., and Gravel, D. (2013). A road map for integrating eco-evolutionary processes into biodiversity models. *Ecology Letters*, 16:94–105. [9](#), [45](#), [67](#), [93](#), [104](#), [134](#), [152](#), [157](#)
- Tingley, M. W., Monahan, W. B., Beissinger, S. R., and Moritz, C. (2009). Birds track their Grinnellian niche through a century of climate change. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 106 Suppl:19637–43. [17](#)
- Trebilco, R., Baum, J. K., Salomon, A. K., and Dulvy, N. K. (2013). Ecosystem ecology: size-based constraints on the pyramids of life. *Trends in Ecology & Evolution*, 28(7):423–431. [136](#), [139](#), [141](#)
- Ulrich, W. and Gotelli, N. J. (2013). Pattern detection in null model analysis. *Oikos*, 122(1):2–18. [77](#)
- Urban, M. C., Leibold, M. A., Amarasekare, P., De Meester, L., Gomulkiewicz, R., Hochberg, M. E., Klausmeier, C. A., Loeuille, N., de Mazancourt, C., Norberg, J., Pantel, J. H., Strauss, S. Y., Vellend, M., and Wade, M. J. (2008). The evolutionary ecology of metacommunities. *Trends in ecology & evolution*, 23(6):311–317. [45](#)
- Vanbergen, A. J. (2013). Threats to an ecosystem service: Pressures on pollinators. *Frontiers in Ecology and the Environment*, 11(5):251–259. [9](#), [22](#)
- Veech, J. A. (2013). A probabilistic model for analysing species co-occurrence. *Global Ecology and Biogeography*, 22(2):252–260. [65](#), [77](#), [90](#), [100](#), [115](#)
- Villemant, C., Barbet-Massin, M., Perrard, A., Muller, F., Gargominy, O., Jiguet, F., and Rome, Q. (2011). Predicting the invasion risk by the alien bee-hawking Yellow-legged hornet *Vespa velutina nigrithorax* across Europe and other continents with niche models. *Biological Conservation*, 144(9):2142–2150. [23](#)

- Villemant, C., Haxaire, J., and Streito, J. (2006). Premier bilan de l'invasion de *Vespa velutina* Lepeletier en France (Hymenoptera, Vespidae). *Bulletin de la Société entomologique de France*, 111(4):535–538. [22](#), [23](#)
- Wacey, D., Kilburn, M. R., Saunders, M., Cliff, J., and Brasier, M. D. (2011). Microfossils of sulphur-metabolizing cells in 3.4-billion-year-old rocks of Western Australia. *Nature Geoscience*, 4(10):698–702. [3](#)
- Waldrop, M. M. (2016). The hundred-year quest for gravitational waves — in pictures. *Nature*. [13](#)
- Wallace, A. R. (1858). On the Tendency of Varieties to depart indefinitely from the Original Type. *Proceedings of the Linnean Society Of London*, 3(July):53–62. [2](#)
- Wallace, A. R. (1860). On the Zoological Geography of the Malay Archipelago. *Journal of the Proceedings of the Linnean Society of London. Zoology*, 4(16):172–184. [3](#)
- Wallace, A. R. (1881). *Island Life: Or, The Phenomena and Causes of Insular Faunas and Floras, Including a Revision and Attempted Solution of the Problem of Geological Climates*. Harper & brothers. [2](#), [3](#)
- Warren, B. H., Simberloff, D., Ricklefs, R. E., Aguilée, R., Condamine, F. L., Gravel, D., Morlon, H., Mouquet, N., Rosindell, J., Casquet, J., Conti, E., Cornuault, J., Fernández-Palacios, J. M., Hengl, T., Norder, S. J., Rijdsdijk, K. F., Sanmartín, I., Strasberg, D., Triantis, K. a., Valente, L. M., Whittaker, R. J., Gillespie, R. G., Emerson, B. C., and Thébaud, C. (2015). Islands as model systems in ecology and evolution: prospects fifty years after MacArthur-Wilson. *Ecology Letters*, 18(2):200–217. [5](#), [8](#), [24](#), [47](#), [134](#), [135](#), [149](#)
- Warton, D. I., Blanchet, F. G., O'Hara, R. B., Ovaskainen, O., Taskinen, S., Walker, S. C., and Hui, F. K. (2015). So Many Variables: Joint Modeling in Community Ecology. *Trends in Ecology & Evolution*, 30(12):766–779. [104](#), [152](#)
- Wennekes, P. L., Rosindell, J., and Etienne, R. S. (2012). The Neutral—Niche Debate: A Philosophical Perspective. *Acta Biotheoretica*, 60(3):257–271. [32](#)
- White, C. R. and Kearney, M. R. (2013). Determinants of inter-specific variation in basal metabolic rate. *Journal of Comparative Physiology B: Biochemical, Systemic, and Environmental Physiology*, 183(1):1–26. [136](#)
- White, E. P., Ernest, S. K. M., Kerkhoff, A. J., and Enquist, B. J. (2007). Relationships between body size and abundance in ecology. *Trends in Ecology and Evolution*, 22(6):323–330. [136](#)
- Wiens, J. J. (2011). The niche, biogeography and species interactions. *Philosophical transactions of the Royal Society of London. Series B, Biological sciences*, 366(1576):2336–2350. [63](#)

- Williams, R. J. and Martinez, N. D. (2000). Simple rules yield complex food webs. *Nature*, 404(6774):180–183. [58](#), [62](#), [88](#), [89](#), [139](#)
- Woodward, G., Ebenman, B., Emmerson, M., Montoya, J., Olesen, J., Valido, A., and Warren, P. H. (2005). Body size in ecological networks. *Trends in Ecology & Evolution*, 20(7):402–409. [136](#), [156](#)
- Wootton, J. T. (1994). Predicting Direct and Indirect Effects: An Integrated Approach Using Experiments and Path Analysis. *Ecology*, 75(1):151. [46](#), [64](#), [77](#)
- Wright, D. H. (1983). Species-Energy Theory: An Extension of Species-Area Theory. *Oikos*, 41(3):496. [137](#)
- Yodzis, P. (1988). The Indeterminacy of Ecological Interactions as Perceived Through Perturbation Experiments. *Ecology*, 69(2):508–515. [77](#)
- Yodzis, P. and Innes, S. (1992). Body Size and Consumer-Resource Dynamics. *The American Naturalist*, 139(6):1151–1175. [136](#)
- Yoshida, T., Jones, L. E., Ellner, S. P., Fussmann, G. F., and Hairston, N. G. (2003). Rapid evolution drives ecological dynamics in a predator-prey system. *Nature*, 424(6946):303–6. [22](#)
- Zhao, L., Zhang, H., O’Gorman, E. J., Tian, W., Ma, A., Moore, J. C., Borrett, S. R., and Woodward, G. (2016). Weighting and indirect effects identify keystone species in food webs. *Ecology Letters*, 19(9):1032–1040. [143](#)