

- PA1 实验报告
 - PA1-1 数据的表示和存取
 - 实验代码
 - 运行结果
 - 实验思考题
 - PA1-2 整数的表示和运算
 - 实验代码
 - OF、SF、PF标志寄存器设置
 - 加减运算函数编写
 - 乘除运算
 - 逻辑运算
 - 移位运算
 - 运行结果
 - PA1-3 浮点数的表示和运算
 - 实验代码
 - 浮点数的规范化运算
 - 浮点数的加法
 - 浮点数的减法
 - 浮点数的乘法
 - 运行结果
 - 实验思考题

PA1 实验报告

211180074 彭安澜

2024 年 3 月 24 日

PA1-1 数据的表示和存取

实验代码

在这一节中我们需要在 `pa_nju/nemu/include/cpu/reg.h` 中修改用于模拟CPU中通用寄存器部分的代码，按照合理的方式设置结构体变量，具体代码如下所示：

```
// define the structure of registers
```

```
typedef struct
```

```
{
```

```
    // general purpose registers
```

```
    union
```

```
    {
```

```
        union
```

```
        {
```

```
            union
```

```
            {
```

```
                uint32_t _32;
```

```
                uint16_t _16;
```

```
                uint8_t _8[2];
```

```
            };
```

```
            uint32_t val;
```

```
        } gpr[8];
```

```
    } struct
```

```
    { // do not change the order of the registers
```

```
        uint32_t eax, ecx, edx, ebx, esp, ebp, esi, edi;
```

```
    };
```

// 这个struct被嵌套在了一个union内，而不是在全局命名空间中定义的，因此它的作用域是受限的。并且struct是匿名的，因此这些成员的名称就是它们的标识符，可以在定义它们的union的作用域内直接使用。

```
};
```

// 同理，这个union也是匿名的，最后效果就是可以直接CPU_STATE.gpr[0].val或者CPU_STATE.eax来使用，

// 尽管eax是被多层嵌套的

```
// EIP
```

```
uint32_t eip;
```

```
// EFLAGS
```

```
union {
```

```
    struct
```

```
    {
```

```
        uint32_t CF : 1;
```

```
        uint32_t dummy0 : 1;
```

```
        uint32_t PF : 1;
```

```
        uint32_t dummy1 : 1;
```

```
        uint32_t AF : 1;
```

```
        uint32_t dummy2 : 1;
```

```
        uint32_t ZF : 1;
```

```
        uint32_t SF : 1;
```

```
        uint32_t TF : 1;
```

```
        uint32_t IF : 1;
```

```
        uint32_t DF : 1;
```

```
        uint32_t OF : 1;
```

```
        uint32_t OLIP : 2;
```

```
        uint32_t NT : 1;
```

```
        uint32_t dummy3 : 1;
```

```
        uint32_t RF : 1;
```

```
        uint32_t VM : 1;
```

```
        uint32_t dummy4 : 14;
```

```
    };
```

```
    uint32_t val;
```

```
} eflags;
```

```

#ifdef IA32_SEG
    GDTR gdtr; // GDTR, todo: define type GDTR
    // segment registers, todo: define type SegReg
    union {
        SegReg segReg[6];
        struct
        {
            SegReg es, cs, ss, ds, fs, gs;
        };
    };
    // control registers, todo: define type CR0
    CR0 cr0;
#else
    uint8_t dummy_seg[142]; // make __ref_ instructions safe to use
#endif
#ifdef IA32_PAGE
    // control registers, todo: define type CR3
    CR3 cr3;
#else
    uint8_t dummy_page[4];
#endif

#ifdef IA32_INTR
    // interrupt
    IDTR idtr; // IDTR, todo: define type IDTR
    uint8_t intr;
#else
    uint8_t dummy_intr[7];
#endif
} CPU_STATE;

```

我们重点关注通用寄存器部分的代码，这是一个联合体（**union**）类型的变量，包含 **gpr[8]** 和一个 **struct** 类型的变量总共两个变量，其中这个 **struct** 变量是匿名的，可以直接通过其中成员的变量名访问各个成员。**gpr[8]** 是一个联合体数组，对其中每个联合体成员，又是由一个联合体和一个 **32** 位无符号类型的变量 **val** 组成，容易看出 **gpr[8]** 每个成员的长度应该是取最大变量长度，也就是 **32** 位。而最外围 **struct** 类型的变量中的每个成员也是 **32** 位无符号类型的变量，这就意味着 **struct** 类型中的八个成员变量，与 **gpr[8]** 中的元素是一一对应的。

根据 **union** 类型变量的定义，**eax, ecx, edx, ebx, esp, ebp, esi, edi** 等价于 **gpr[0].val~gpr[8].val**；而通过 **gpr[0]._32** 又可以访问 **eax** 寄存器的全部 **32** 位，通过 **gpr[0]._16** 可以访问 **eax** 寄存器的低 **16** 位，对应于 **ax** 寄存器，通过 **gpr[0]._8[0]**、**gpr[0]._8[1]** 可以分访问 **eax** 寄存器的低 **8** 位和次低 **8** 位，对应于 **al** 和 **ah** 寄存器，以此类推。

```

// general purpose registers
union

```

```

{
    union
    {
        union
        {
            uint32_t _32;
            uint16_t _16;
            uint8_t _8[2];
        };
        uint32_t val;
    } gpr[8];
    struct
    { // do not change the order of the registers
        uint32_t eax, ecx, edx, ebx, esp, ebp, esi, edi;
    };
    // 这个struct被嵌套在了一个union内，而不是在全局命名空间中定义的，因此它的作用域
    // 是受限的。并且struct是匿名的，因此这些成员的名称就是它们的标识符，可以在定义它们的union的
    // 作用域内直接使用。
};
// 同理，这个union也是匿名的，最后效果就是可以直接CPU_STATE.gpr[0].val或者CPU_STATE.eax
// 来使用，
// 尽管eax是被多层嵌套的

```

综上所述，我们设计了一个CPU_STATE类型的结构体，这个结构体模拟了CPU的全部寄存器信息，包括通用寄存器和标志寄存器（eflags）。在调用时，我们可以使用CPU.*（通用寄存器名称）来指代某一通用寄存器，也可以使用CPU.gpr[*].val（通用寄存器对应序号）来进行指代，进一步我们还可以使用CPU.gpr[*]._32 / _16 / _8[0] / _08[1]来分别访问寄存器特定位数的数值；同时，我们可以使用CPU.eflags.*（标志寄存器）来指代某一标志寄存器。

运行结果

1. 修改 CPU_STATE 结构体中的通用寄存器结构体；
2. make clean 后使用 make 编译项目；
3. 在项目根目录通过 make test_pa-1 命令执行并通过 reg_test() 测试用例。

```

./nemu/nemu --test-reg
NEMU execute built-in tests
reg_test()      pass

```

实验思考题

1. C语言中的 **struct**和 **union**关键字都是什么含义，寄存器结构体的参考实现为什么把部分 **struct**改成了 **union**？

struct关键字用于定义结构体，是一种复合数据类型，它允许将多个不同类型的变量组合到一个单独的类型名称下。结构体中的每个成员可以是不同的数据类型，包括其他的结构体或者数组。结构体的每个成员都有自己的内存空间，成员之间不会相互影响。

union关键字用于定义联合体，也是一种复合数据类型。与结构体不同的是，联合体中的所有成员共享同一块内存空间，这个空间的大小等于联合体中最大成员的大小。任何时候只有一个成员可以有值，对一个成员的更新会覆盖其他成员的值。

在寄存器结构体的参考实现中将部分**struct**改成**union**是结合CPU中寄存器的真实结构而做出的。具体来说将第一个**struct**改为**union**，是因为CPU中的gpr[8]（general purpose register）就对应eax, ecx, edx, ebx, esp, ebp, esi, edi总共8个寄存器，两者指代同一个东西，值应该是始终相同的，所以用**union**；第二个**struct**改成**union**，是因为一个寄存器只会有一个32位的值，因此gpr[8]内的实际数据长度就应该只有32位，除了寄存器的值val，用另一联合体表示寄存器不同位数的值；第三个**struct**改成**union**，则是延续第二个**struct**改成**union**，val和第三个**union**同指向一个内存，而第三个**union**内部又有_32、_16、_8[2]三个变量指向同一个内存（即**union**内存），也就是说通过_32、_16、_8[2]可以访问各个寄存器的值val的全部32位、低16位、低8位、次低8位，也就分别模拟了通用寄存器中的eax、ax、al、ah等寄存器。

PA1-2 整数的表示和运算

实验代码

在这一节中我们需要在 `pa_nju/nemu/src/cpu/alu.c` 中编写用于模拟CPU中算术逻辑单元（alu）部分的代码，对于每种运算函数的编写，基本可以分为1. 得到运算结果；2. 设置标志寄存器，两步来完成。

因此在编写一个alu中的新函数时候，我们在手册上只要重点关注两点：1. 运算是如何定义的；2. 标志寄存器行为是如何定义的，然后完成函数编写即可。

运算的定义在i386手册17.2.2.11 Instruction Set Detail一节，针对每种运算，手册都清楚地给出了Operation、Description、Flags Affected，再结合函数预先设定好的形参和返回值，容易编程得到正确的返回结果。

同样在i386手册的Appendix C一节可以找到各种标志寄存器 CF、PF、ZF、SF、AF、OF 在运算中如何变化的定义，这其中有些寄存器只有比较模糊的定义，如 CF、OF等，因为它们的设定不单纯依赖于结果，还取决于具体的运算类型；而有些寄存器则定义清晰，针对它们的设置情况可以简单由运算结果来设定。另外对于各种运算，会影响到哪些标志寄存器，在Appendix C一节的后一页同样明确说明，根据实验手册，我们无视 AF寄存器的设置。

下面就是进行编程：

OF、SF、PF标志寄存器设置

在开始编写函数前，我们可以先基于Appendix C一节，对一些方便置位的标志寄存器的设置方法用函数封装，提升代码复用性，注意到这些寄存器的设置方法是比较简单的，较复杂的寄存器的设置方法需要在后面根据运算类型单独编程。

```
void set_PF(uint32_t result)
{
    // parity of low-order eight bits
    int cnt = 0;
    for (int i = 0; i < 8; i++)
    {
        if ((result >> i) & 0x00000001)
            cnt++;
    }
    // even number of 1 bits; cleared otherwise
    cpu.eflags.PF = (cnt % 2 == 0);
    return;
}

void set_ZF(uint32_t result, size_t data_size)
{
    // clear data in high part first and then compare the result with 0
    result &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    // Set if result is zero; cleared otherwise.
    cpu.eflags.ZF = (result == 0);
    return;
}

void set_SF(uint32_t result, size_t data_size)
{
    // clear data in high part first
    result &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    // Set equal to the high-order bit of the result
    cpu.eflags.SF = (result >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    return;
}
```

这里我们对输入的操作数高位（32位中高于`data_size`的位）置零，然后按照手册定义（分别是低8位奇偶性、是否为0、正负性）对寄存器完成设置，不好设置的 **CF**、**OF** 寄存器将在后续结合具体运算再设计。

加减运算函数编写

首先是无进位加法函数：

```
// DEST ← DEST + SRC
// OF/SF/ZF/PF/CF Modified (ignore AF)
uint32_t alu_add(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_add(src, dest, data_size);
#else
    // When the real size of the data does not correspond to the data_size,
    // the high part should be ignored (Don't leave things undefined!!!)-> this
    // has influence to the eflags
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) + (src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size)));
    // change eflags
    set_CF_add(result, src, data_size);
    set_PF(result);
    set_ZF(result, data_size);
    set_SF(result, data_size);
    set_OF_adx(result, src, dest, data_size);
    // to emulate alu, must cut the result to the right size; high part should
    // only be used for eflags
    return result & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
#endif
}
```

需要注意的点就是对输出的操作数，要按照`data_size`做高位清零操作，同时对返回的结果也要做高位清零；另外这里用到了专为add操作中CF寄存器和adx操作（即add和adc）中OF寄存器的设置的函数，定义如下：

```
void set_CF_add(uint32_t result, uint32_t src, size_t data_size)
{
    // clear data in high part first and then compare the result with src
    result &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    // 是否一定需要做位扩展后再进行比较???
    cpu.eflags.CF = result < src;
    // this won't work for adc, need further modification
    return;
}
```

原理可以结合时钟来理解，在原有位置处再旋转不到一圈，在不溢出时一定比原来值更大，溢出时咋一定比原来值小。

```
void set_OF_adx(uint32_t result, uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
    // this should also work for adc
    // 多了一个1，只在result为最大正数才会溢出，则src和dest必为正号
    // 此时仍然在判定范围内(注意到0也还是正数)
    // clear data in high part first
    result &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    dest &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    // get the sign of src, dest and result
    int sign_src = (src >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    int sign_dest = (dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    int sign_result = (result >> (data_size - 1)) & 0x00000001;    if (sign_src
== sign_dest)
    {
        if (sign_result != sign_src)
            cpu.eflags.OF = 1;
        else
            cpu.eflags.OF = 0;
    }
    else
    {
        cpu.eflags.OF = 0;
    }
    return;
}
```

原理从运算结果的合理性来看，同号相加出现异号就是溢出。

然后是有进位加法函数：

```
// DEST ← DEST + SRC + CF
// OF/SF/ZF/PF/CF Modified (ignore AF)
uint32_t alu_adc(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_adc(src, dest, data_size);
#else
    // printf("\e[0;31mPlease implement me at alu.c\e[0m\n");
    // fflush(stdout);
    // assert(0);
    // return 0;    // result
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) + (src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) + cpu.eflags.CF;
    // change eflags
    set_CF_adc(result, src, data_size);
    set_PF(result);
#endif
}
```



```

        set_ZF(result, data_size);
        set_SF(result, data_size);
        set_OF_adx(result, src, dest, data_size);
        return result & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
#endif
}

```

和无进位加法函数基本一致，但不同的是在进位设置上有所不同——在CF不为0时，原有位置处再加上加数和进位后最大可以转一整圈，这将导致溢出时结果也不比原加数小，需要分情况讨论。

```

void set_CF_adc(uint32_t result, uint32_t src, size_t data_size)
{
    if (cpu.eflags.CF == 0)
    {
        set_CF_add(result, src, data_size);
        return;
    }
    else
    {
        // clear data in high part first and then compare the result with
src
        result &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        // result couldn't equal to src if carry doesn't happen, as there is
an extra 1
        cpu.eflags.CF = result <= src;
        return;
    }
}

```

接着是无借位减法函数：

```

// IF SRC is a byte and DEST is a word or dword
// THEN DEST ← DEST - Sign-extend(SRC)
// ELSE DEST ← DEST - SRC
// OF/SF/ZF/PF/CF Modified (ignore AF)
uint32_t alu_sub(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_sub(src, dest, data_size);
#else
    // result
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) - (src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size)));
    // change eflags
    set_CF_sub(src, dest, data_size);
    set_PF(result);
    set_ZF(result, data_size);

```

```

    set_SF(result, data_size);
    set_OF_sux(result, src, dest, data_size);
    return result & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
#endif
}

```

对应的CF设置函数，原理同add:

```

void set_CF_sub(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
    // clear data in high part first and then compare the dest with src (dest -
src)
    src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    dest &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    // Set if src > dest; cleared otherwise.
    cpu.eflags.CF = src > dest;
    return;
}

```

对应的OF设置函数，原理同adx:

```

void set_OF_sux(uint32_t result, uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
    // this should also work for sbb
    // 多减一个1，只在result为最小负数才会溢出，则src和dest必为一正一负
    // 此时仍然在判定范围内(注意到0也还是正数)
    // clear data in high part first
    result &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    dest &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
    // get the sign of src, dest and result
    int sign_src = (src >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    int sign_dest = (dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    int sign_result = (result >> (data_size - 1)) & 0x00000001;    if
(sign_src != sign_dest) // different sign
    {
        if (sign_result != sign_dest)
            cpu.eflags.OF = 1;
        else
            cpu.eflags.OF = 0;
    }
    else
    {
        cpu.eflags.OF = 0;
    }
    return;
}

```

最后是有借位减法，与sub类似，只要对CF设置函数做出调整：

```
// IF SRC is a byte and DEST is a word or dword
// THEN DEST = DEST - (SignExtend(SRC) + CF)
// ELSE DEST ← DEST - (SRC + CF);
// OF/SF/ZF/PF/CF Modified (ignore AF)
uint32_t alu_sbb(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_sbb(src, dest, data_size);
#else
    // printf("\e[0;31mPlease implement me at alu.c\e[0m\n");
    // fflush(stdout);
    // assert(0);
    // return 0;    // result
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) - ((src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) + cpu.eflags.CF);
    // change eflags
    set_CF_sbb(src, dest, data_size);
    set_PF(result);
    set_ZF(result, data_size);
    set_SF(result, data_size);
    set_OF_sux(result, src, dest, data_size);    return result & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));#endif
}
```

CF设置函数：

```
void set_CF_sbb(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
    if (cpu.eflags.CF == 0)
    {
        set_CF_sub(src, dest, data_size);
        return;
    }
    else
    {
        // clear data in high part first and then compare the dest with src
        (dest - src)
        src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        dest &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        // Set if src >= dest; cleared otherwise.
        cpu.eflags.CF = src >= dest;
        return; }    // clear data in high part first and then compare the
dest with src (dest - src)
        src &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        dest &= (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        // Set if src > dest; cleared otherwise.
        cpu.eflags.CF = src >= dest;
        return;
    }
}
```

乘除运算

乘除运算则按有符号和无符号分为总共四个函数，实现不复杂，涉及的标志寄存器也较少，但规则比较复杂，需要对操作数进行讨论：

mul指令的实现如下所示：

```
// IF byte-size operation
// THEN AX ← AL * r/m8 (AX contains both AL and AH)
// ELSE (* word or doubleword operation *)
// IF OperandSize = 16
// THEN DX:AX ← AX * r/m16
// ELSE (* OperandSize = 32 *)
// EDX:EAX ← EAX * r/m32
// FI;
// 简单总结就是8位乘法要16位存，16位乘法要32位存（DX高16，AX低16），32位乘法要64位存（EDX高32，EAX低32）
// OF/CF Modified ; SF/ZF/PF/AF/CF Undefined
// Undefined means that the value of the flag is not predictable after the operation
uint64_t alu_mul(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_mul(src, dest, data_size);
#else
    uint64_t result = 0;

    // optimization for 0 and 1
    // operand has 0
    if (src == 0 || dest == 0)
    {
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.OF = 0;
        return result;
    }
    // operand has 1
    if (src == 1)
    {
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.OF = 0;
        return dest;
    }
    if (dest == 1)
    {
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.OF = 0;
        return src;
    }
    // operand has 2 -> CF & OF are complex -> ignore

    switch (data_size)
    {
        case 8:{
            // result
```

```

        result = ((src & 0x000000FF) * (dest & 0x000000FF)) &
0x00000000000000FFFF;

        // eflags (OF CF are set 1 when high part is not 0)
        if (result >>8) // AH is not 0
            {cpu.eflags.CF = 1;
             cpu.eflags.OF = 1;}
        else
            {cpu.eflags.CF = 0;
             cpu.eflags.OF = 0;}
        return result;
    }
    case 16:{
        // result
        result = ((src & 0x0000FFFF) * (dest & 0x0000FFFF)) &
0x00000000FFFFFFFF;

        // eflags (OF CF are set 1 when high part is not 0)
        if (result >>16) // DX is not 0
            {cpu.eflags.CF = 1;
             cpu.eflags.OF = 1;}
        else
            {cpu.eflags.CF = 0;
             cpu.eflags.OF = 0;}
        return result;
    }
    case 32:{
        // result
        result = ((uint64_t)src * (uint64_t)dest);
        // eflags (OF CF are set 1 when high part is not 0)
        if (result >>32) // EDX is not 0
            {cpu.eflags.CF = 1;
             cpu.eflags.OF = 1;}
        else
            {cpu.eflags.CF = 0;
             cpu.eflags.OF = 0;}
        return result;
    }
    default:
        return -1;
}

#endif
}

```

编写该函数时为一些特殊操作数（操作数有1或0）提供了优化。

imul指令的实现如下所示：

```

// result ← multiplicand * multiplier;
// IMUL clears the overflow and carry flags under the following conditions:
// Instruction          Form Condition for Clearing CF and OF
// r/m8                  AL = sign-extend of AL to 16 bits
// r/m16                 AX = sign-extend of AX to 32 bits

```

```

// r/m32                                EDX:EAX = sign-extend of EAX to 32 bits
// r16,r/m16                            Result exactly fits within r16
// r/32,r/m32                            Result exactly fits within r32
// r16,r/m16,imm16                       Result exactly fits within r16
// r32,r/m32,imm32                       Result exactly fits within r32
// 计算结果同MUL一样，x位乘，2x位输出结果
// 不知道指令具体形式，简单按照几位乘，结果不超过几位就clear来设计
// 如果没有发生以上情形，是否也不用手动给OF和CF赋值为1???
int64_t alu_imul(int32_t src, int32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_imul(src, dest, data_size);
#else
    src = sign_ext(src, data_size);
    dest = sign_ext(dest, data_size);
    int64_t result = 0;
    // optimization for 0 and 1
    // operand has 0
    if (src == 0 || dest == 0)
    {
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.OF = 0;
        return result;
    }
    // operand has 1
    if (src == 1)
    {
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.OF = 0;
        return dest;
    }
    if (dest == 1)
    {
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.OF = 0;
        return src;
    }
    // src and dest are passed in the form according to the data_size, but all
    treated as 32 bits
    // so must be sign-extended to 32 bits first!!! src & dest could only to 32
    bits multiplication

    result = (int64_t)src * (int64_t)dest;
    // 8位乘法用16位存，其余高位是置零还是不管???
    // 这里多的高位直接置零
    // result = result & (0xFFFFFFFFFFFFFFFF >> (64 - 2 * data_size));
    // 这里多的高位直接不管
    // OF和CF直接按照结果是否超过data_size位来判断
    switch (data_size)
    {
    case 8:
        if (result == (int64_t)(int8_t)(result & 0xFF)) // 发生截断，高位全
        不要，低位机器数不变
        {
            cpu.eflags.CF = 0;
            cpu.eflags.OF = 0;
        }

```

```

        else
        {
            cpu.eflags.CF = 1;
            cpu.eflags.OF = 1;
        }
        break;}
case 16:
{if (result == (int64_t)(int16_t)(result & 0xFFFF))
{
    cpu.eflags.CF = 0;
    cpu.eflags.OF = 0;
}
else
{
    cpu.eflags.CF = 1;
    cpu.eflags.OF = 1;
}
break;}
case 32:
{if (result == (int64_t)(int32_t)(result & 0xFFFFFFFF))
{
    cpu.eflags.CF = 0;
    cpu.eflags.OF = 0;
}
else
{
    cpu.eflags.CF = 1;
    cpu.eflags.OF = 1;
}
break;}
default:
    break;
}
return result;
#endif
}

```

虽然乘法指令是两个**32**位乘得到一个**64**位的结果（存放不同寄存器中去），但这里依然设计为去除高位上的结果再返回。

在编写除法函数前，需要先完成mod和imod函数：

```

uint32_t alu_mod(uint64_t src, uint64_t dest)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_mod(src, dest);
#else
    uint32_t result = 0;
    if (src == 0)
    {
        printf("Divided by 0\n");
        fflush(stdout);
    }
}

```

```

        assert(0);
        return 0;
    }
    if (dest == 0)
    {
        return 0;
    }
    if (src == 1)
    {
        return 0;
    }
    result = dest % src;
    return result;
#endif
}

int32_t alu_imod(int64_t src, int64_t dest)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_imod(src, dest);
#else
    if (src == 0)
    {
        printf("Divided by 0\n");
        fflush(stdout);
        assert(0);
        return 0;
    }
    if (dest == 0)
    {
        return 0;
    }
    if (src == 1)
    {
        return 0;
    }
    int32_t result = dest % src;
    return result;
#endif
}

```

完成无符号除法函数，同样对一些特殊情况做了优化，无需设置任何标志位，但注意除0产生异常：

```

// result ← DEST / SRC; remainder ← DEST % SRC;
// no eflags modified
// need to implement alu_mod before testing
uint32_t alu_div(uint64_t src, uint64_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_div(src, dest, data_size);
#else
    uint32_t result = 0;
    // optimization for 0 and 1

```



```

// operand has 0
if (src ==0)
{
    printf("Divided by 0\n");
    fflush(stdout);
    assert(0);
    return 0;
}
if (dest == 0)
{
    return 0;
}
// operand has 1
if (src == 1)
{
    return dest;
}
// result
result = (uint32_t)(dest & (0xFFFFFFFFFFFFFFFF >> (64 - data_size))) / (src
& (0xFFFFFFFFFFFFFFFF >> (64 - data_size)));
return result;
#endif
}

```

最后是有符号除法：

```

// need to implement alu_imod before testing
int32_t alu_idiv(int64_t src, int64_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_idiv(src, dest, data_size);
#else
    // 下面的转换仅适合32位及以下；实际上考虑到手册中说仅关心两个64位整数相除得到一个
    32位整数的话，因此这里不对传入的src和dest进行任何处理
    // src = (int64_t)sign_ext(src, data_size);
    // dest = (int64_t)sign_ext(dest, data_size);
    // optimization for 0 and 1
    // operand has 0
    if (src ==0)
    {
        printf("Divided by 0\n");
        fflush(stdout);
        assert(0);
        return 0;
    }
    if (dest == 0)
    {
        return 0;
    }
    // operand has 1
    if (src == 1)
    {
        return dest;
    }

```

```

    }
    // result
    int32_t result = dest / src;
    return result;
#endif
}

```

逻辑运算

逻辑运算只需要实现and、xor、or三种，同样没太多技巧，按照手册完成即可：

```

// DEST ← DEST AND SRC;
// CF ← 0;
// OF ← 0;
// SF/ZF/PF Modified; CF/OF are set zero
uint32_t alu_and(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_and(src, dest, data_size);
#else
    // result
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) & (src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size)));
    // change eflags
    cpu.eflags.CF = 0;
    cpu.eflags.OF = 0;
    set_PF(result);
    set_ZF(result, data_size);
    set_SF(result, data_size);
    return result;
#endif
}

// DEST ← LeftSRC XOR RightSRC
// CF ← 0
// OF ← 0
// SF/ZF/PF Modified; CF/OF are set zero; AF is undefined
uint32_t alu_xor(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_xor(src, dest, data_size);
#else
    // result
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) ^ (src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size)));
    // change eflags
    cpu.eflags.CF = 0;
    cpu.eflags.OF = 0;
    set_PF(result);
    set_ZF(result, data_size);
    set_SF(result, data_size);
    return result;
#endif
}

```

```

}

// DEST ← DEST OR SRC;
// CF ← 0;
// OF ← 0
// SF/ZF/PF Modified; CF/OF are set zero
uint32_t alu_or(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_or(src, dest, data_size);
#else
    // result
    uint32_t result = (dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) | (src &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size)));
    // change eflags
    cpu.eflags.CF = 0;
    cpu.eflags.OF = 0;
    set_PF(result);
    set_ZF(result, data_size);
    set_SF(result, data_size);
    return result;
#endif
}

```

移位运算

首先是逻辑左移：

```

// 返回将 dest 左移 src 位后的结果， data_size 用于指明操作数长度（比特数）
// SF/ZF/PF/CF/OF modified (OF could be ignored)
// 特别说明：针对上面四个移位操作，约定只影响 dest操作数的低 data_size位，而不影响其高 32
- data_size位。标志位的设置根据结果的低 data_size位来设置。
// dest逻辑左移（补零）src位
// CF ← 最后一次移出dest的位（也就是高位）
uint32_t alu_shl(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_shl(src, dest, data_size);
#else
    // specially for OF
    // For left shifts, the OF flag is set to the exclusive OR of the CF bit
(after the shift) and the most-significant bit (top two bits) of the result.
    if (src == 1)
    {
        // get the CF
        int CF = (dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
        // get the top
        int top = (dest >> (data_size - 2)) & 0x00000001;
        cpu.eflags.OF = (CF != top);
    }
    // result
    // to save the high 32 - datasize bits
    // attention: C语言中,当移位操作数超过了其数据类型的位数时,行为是未定义的。

```



```

if (src == 1)
{
    // get the CF
    int CF = (dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    // get the top
    int top = (dest >> (data_size - 2)) & 0x00000001;
    cpu.eflags.OF = (CF != top);
}
// result
// to save the high 32 - datasize bits
uint32_t high_32_datasize_dest = dest & (0xFFFFFFFF << data_size);
if (data_size == 32)
    high_32_datasize_dest = 0;
// only save the low datasize bits, to be calculated
uint32_t low_detasize_result = 0;
// optimization for src > data_size
if (src > data_size)
{
    // set low detasize bits according to sign
    if ((dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001)
    {
        low_detasize_result = 0xFFFFFFFF >> (32 - data_size);
        cpu.eflags.CF = 1;
        cpu.eflags.PF = 1;
        cpu.eflags.ZF = 0;
        cpu.eflags.SF = 1;
    }
    else
    {
        low_detasize_result = 0;
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.PF = 1;
        cpu.eflags.ZF = 1;
        cpu.eflags.SF = 0;
    }
    // return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result);
    return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result) & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));
    // 实际只返回截断后低data_size位??
}
else
{
    // set low detasize bits according to sign
    // if ((dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001)
    // {
    //     // 左移低位都补0! 无论算术 or 逻辑!!!
    //     // 补位为1 (this is wrong!)
    //     low_detasize_result = ( ((dest & (0xFFFFFFFF >> (32 -
data_size))) << src) | (0xFFFFFFFF >> (32 - src)) ) & (0xFFFFFFFF >> (32 -
data_size));
    //     set_PF(low_detasize_result);
    //     set_ZF(low_detasize_result, data_size);
    //     set_SF(low_detasize_result, data_size);
    //     cpu.eflags.CF = dest >> (data_size - src) & 0x00000001;
    // }
    // else
    // {

```

```

        // 补位为0
        low_detasize_result = ((dest & (0xFFFFFFFF >> (32 -
data_size))) << src) & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        set_PF(low_detasize_result);
        set_ZF(low_detasize_result, data_size);
        set_SF(low_detasize_result, data_size);
        cpu.eflags.CF = dest >> (data_size - src) & 0x00000001;
    // }
    // return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result);
    return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result) & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));
    // 实际只返回截断后低data_size位??
}
#endif
}

```

逻辑右移:

```

// dest逻辑右移src位
// CF ← 最后一次移出dest的位 (也就是低位)
uint32_t alu_shr(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_shr(src, dest, data_size);
#else
    // specially for OF
    // For right shifts, the OF flag is set to the high order of the original
operand.
    if (src == 1)
    {
        // get the OF
        cpu.eflags.OF = (dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001;
    }

    // to save the high 32 - datasize bits
    uint32_t high_32_datasize_dest = dest & (0xFFFFFFFF << data_size);
    if (data_size == 32)
        high_32_datasize_dest = 0;
    // only save the low datasize bits, to be calculated
    uint32_t low_detasize_result = 0;

    // optimization for src > data_size
    if (src > data_size)
    {
        // low_detasize_result = 0;
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.PF = 1;
        cpu.eflags.ZF = 1;
        cpu.eflags.SF = 0;
        // return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result);
        return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result) & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));
        // 实际只返回截断后低data_size位??
    }
}

```

```

    }
    else
    {
        low_detasize_result = ((dest & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size))) >>
src) & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        // change eflags
        cpu.eflags.CF = (dest >> (src - 1)) & 0x00000001;
        set_PF(low_detasize_result);
        set_ZF(low_detasize_result, data_size);
        set_SF(low_detasize_result, data_size);
        // return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result);
        return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result) & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));
        // 实际只返回截断后低data_size位? ? ?
    }
#endif
}

```

算术右移:

```

// dest算术右移src位
// CF ← 最后一次移出dest的位 (也就是低位)
uint32_t alu_sar(uint32_t src, uint32_t dest, size_t data_size)
{
#ifdef NEMU_REF_ALU
    return __ref_alu_sar(src, dest, data_size);
#else
    // specially for OF
    // For sar, the OF flag is cleared.
    if (src == 1)
    {
        // get the OF
        cpu.eflags.OF = 0;
    }

    // to save the high 32 - datasize bits
    uint32_t high_32_datasize_dest = dest & (0xFFFFFFFF << data_size);
    if (data_size == 32)
        high_32_datasize_dest = 0;
    // only save the low datasize bits, to be calculated
    uint32_t low_detasize_result = 0;

    // optimization for src > data_size
    if (src > data_size)
    {
        // set low datasize bits according to sign
        if ((dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001)
        {
            low_detasize_result = 0xFFFFFFFF >> (32 - data_size);
            cpu.eflags.CF = 1;
            cpu.eflags.PF = 1;
            cpu.eflags.ZF = 0;
            cpu.eflags.SF = 1;
        }
    }
}

```

```

    }
    else
    {
        low_detasize_result = 0;
        cpu.eflags.CF = 0;
        cpu.eflags.PF = 1;
        cpu.eflags.ZF = 1;
        cpu.eflags.SF = 0;
    }

    // return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result);
    return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result) & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));
    // 实际只返回截断后低data_size位???
}
else
{
    // set low detasize bits according to sign
    if ((dest >> (data_size - 1)) & 0x00000001)
    {
        // 补位为1, 先截断, 再右移, 再把data_size - src + 1 到
data_size位补1, 最后再截断
        low_detasize_result = (((dest & (0xFFFFFFFF >> (32 -
data_size))) >> src) | ((0xFFFFFFFF >> (32 - src)) << (data_size - src))) &
(0xFFFFFFFF >> (32 - data_size)));
        set_PF(low_detasize_result);
        set_ZF(low_detasize_result, data_size);
        set_SF(low_detasize_result, data_size);
        cpu.eflags.CF = dest >> (src - 1) & 0x00000001;
    }
    else
    {
        // 补位为0
        low_detasize_result = ((dest & (0xFFFFFFFF >> (32 -
data_size))) >> src) & (0xFFFFFFFF >> (32 - data_size));
        set_PF(low_detasize_result);
        set_ZF(low_detasize_result, data_size);
        set_SF(low_detasize_result, data_size);
        cpu.eflags.CF = dest >> (src - 1) & 0x00000001;
    }
    // return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result);
    return (high_32_datasize_dest + low_detasize_result) & (0xFFFFFFFF
>> (32 - data_size));
    // 实际只返回截断后低data_size位???
}
#endif
}

```

在实际操作中遇到了一些异常：

首先是按照实验手册中内容：

特别说明：针对上面四个移位操作，约定只影响 `dest` 操作数的低 `data_size` 位，而不影响其高 `32 - data_size` 位。标志位的设置根据结果的低 `data_size` 位来设置。

在移位操作时应该保证不对高位进行操作，但在实际操作中，必须对高位进行清零操作后再能通过测试案例，而不是保证位移过程中不影响高 `32 - data_size` 位。

然后是移位操作的异常现象：

将一个32位数左移32位后的结果并不是全0，而是全1！根据查阅资料，对一个数位移超过其位数的行为的结果是未定义的，因此在代码中增加了一些对这种情况的特别处理。

运行结果

1. 实现 `nemu/src/cpu/alu.c` 中的各个整数运算函数；
2. 使用

```
make clean
```

```
make
```

命令编译项目；

3. 使用

```
make test_pa-1
```

命令执行NEMU并通过各个整数运算测试用例。

结果如下：

```
./nemu/nemu --test-alu add
NEMU execute built-in tests
alu_test_add() pass
./nemu/nemu --test-alu adc
NEMU execute built-in tests
alu_test_adc() pass
./nemu/nemu --test-alu sub
NEMU execute built-in tests
alu_test_sub() pass
./nemu/nemu --test-alu sbb
NEMU execute built-in tests
alu_test_sbb() pass
./nemu/nemu --test-alu and
NEMU execute built-in tests
```

```
alu_test_and() pass
./nemu/nemu --test-alu or
NEMU execute built-in tests
alu_test_or() pass
./nemu/nemu --test-alu xor
NEMU execute built-in tests
alu_test_xor() pass
./nemu/nemu --test-alu shl
NEMU execute built-in tests
alu_test_shl() pass
./nemu/nemu --test-alu shr
NEMU execute built-in tests
alu_test_shr() pass
./nemu/nemu --test-alu sal
NEMU execute built-in tests
alu_test_sal() pass
./nemu/nemu --test-alu sar
NEMU execute built-in tests
alu_test_sar() pass
./nemu/nemu --test-alu mul
NEMU execute built-in tests
alu_test_mul() pass
./nemu/nemu --test-alu div
NEMU execute built-in tests
alu_test_div() pass
./nemu/nemu --test-alu imul
NEMU execute built-in tests
alu_test_imul() pass
./nemu/nemu --test-alu idiv
NEMU execute built-in tests
alu_test_idiv() pass
```

PA1-3 浮点数的表示和运算

实验代码

整个代码框架已经设计得较为完整，因此主要展示需要完成的部分：

浮点数的规范化运算

在这一部分中需要补充完成的主要是一些右移、返回无穷、返回0、左移、去掉GRS位的操作，其中需要注意的是：

1. 右移时需要对最后一位的sticky bit做特殊处理；但代码在讨论“左移遇到exp=0，需要额外右移”的操作时，也有注释提到需要注意sticky bit的特殊处理，认为这个其实应该是不必要的，因为sticky bit位必然是0；

2. 返回无穷、返回0时要注意根据符号位来进行返回，返回值可以直接用宏定义，如N_INF_F、P_INF_F之类。

浮点数的加法

这一部分需要补充完成的是对阶时的右移位数的确定，而这实际上计算的是真实阶数的差，因此对于非规格化数部分，需要对exp做+1补偿：

```
/* TODO: shift = ? */
shift = (fb.exponent==0 ? fb.exponent+1 : fb.exponent) - (fa.exponent==0 ?
fa.exponent+1 : fa.exponent);
```

浮点数的减法

这一部分没有要编写的部分，而且可以基于浮点数的加分部分完成，只要需要额外注意一些corner case。

浮点数的乘法

这一部分需要完成的是对计算结果阶数的确定，对这段代码做了详细地论证：

```
// exp=0 and exp=1 means the same thing: 2^-126
// the only diferece is that the hidden bit is 0 or 1
// as we have already set the hidden bit according to the exp, we can just set the
exp to 1
// this has a benefit that we can avoid the special case of exp=0, every exp
substracting 127 is the real exp
if (fa.exponent == 0)
    fa.exponent++;
if (fb.exponent == 0)
    fb.exponent++;
sig_res = sig_a * sig_b; // 24b * 24b
uint32_t exp_res = 0;
/* TODO: exp_res = ? leave space for GRS bits. */

// realexp = (exp_a-127) + (exp_b-127) is the real exp
// and considering .23 * .23 = .46,
// if we still consider that the point is between the 23nd and 24th bit, the exp
should minus 23
// so realexp = (exp_a-127) + (exp_b-127) - 23
// as for exp_res, accoring to the definition of "internal_normalize",
// the real exp is exp_res-127 when exp_res != 0, and the real exp is -126 when
exp_res = 0
// so exp_res = realexp + 127 = (exp_a-127) + (exp_b-127) - 23 + 127 = exp_a +
exp_b - 127 - 23
// should be careful for the corner case
// when exp_a + exp_b - 127 - 23 = 0, the real exp is -127, but the exp_res should
```

```

be 0, indicates real exp is -126
// when exp_a + exp_b - 127 - 23 ≠ 0, the real exp is (exp_a-127) + (exp_b-127) -
23, the exp_res should be exp_a + exp_b - 127 - 23, indicates real exp is exp_a +
exp_b - 127 - 23 -127, the result is the same
// finally need to add 3 for the GRS bits
exp_res = fa.exponent + fb.exponent - 127 - 23 + 3;
// uint32_t sticky = 0;
// if (exp_res == 0) // indicates real exp is -126, while the real exp is actually
-127
// {
//     // sigres shift right once
//     sticky = sig_res & 0x1;
//     sig_res = sig_res >> 1;
//     // sticky bits
//     sig_res |= sticky;
// }

```

这一部分的代码实验者有些不理解，考虑到规格化数和非规格化数在**exp**和阶数真实值的映射法则上有所不同，在最后结果**exp_res = 0**时，代表的真实的阶应该是**-127**，但是按照映射关系将**exp_res**送入**internal_normalize()**做处理时，是按照真实阶是**-126**（也就是非规格化）来处理的，因此应该要额外进行一次右移操作。

但从最后结果来看，加上对**0**的讨论不能通过全部案例，只要注释掉这部分才有正确结果。这一部分让实验者感到很困惑。

运行结果

1. 实现 `nemu/src/cpu/fpu.c` 中的各个浮点数运算函数；
2. 使用

```
make clean
```

```
make
```

命令编译项目；

3. 使用

```
make test_pa-1
```

4. 使用 `make test_pa-1` 命令执行 NEMU 并通过各个浮点数运算测试用例。

```

./nemu/nemu --test-fpu add
NEMU execute built-in tests
fpu_test_add() pass
./nemu/nemu --test-fpu sub

```

```
NEMU execute built-in tests
fpu_test_sub() pass
./nemu/nemu --test-fpu mul
NEMU execute built-in tests
fpu_test_mul() pass
./nemu/nemu --test-fpu div
NEMU execute built-in tests
fpu_test_div() pass
```

实验思考题

1. 为浮点数加法和乘法各找两个例子：**1**) 对应输入是规格化或非规格化数，而输出产生了阶码上溢结果为正（负）无穷的情况；**2**) 对应输入是规格化或非规格化数，而输出产生了阶码下溢结果为正（负）零的情况。是否都能找到？若找不到，说出理由。

对于浮点数加法：

1) 对应输入是规格化数时，两数为最大规格化正数即

`0b0|11111110|111111111111111111111111`，对应数值约为 2×2^{127} ，在实际运算中尾数相加产生进位，需要右规，则此时阶码变为 `0xFF`，同时将尾数清0，发生上溢，得到正无穷；同理取最小规格化数

`0b1|11111110|111111111111111111111111`时，相加发生上溢，得到负无穷；对应输入是非规格化数时，则不会产生上溢，因为数值已经很小。

2) 对应输入是规格化数时，取绝对值最小的规格化数即

`0b0|00000001|000000000000000000000000`，对应数值为 2^{-126} ，即使与 `0b1|00000001|000000000000000000000001` 发生加法运算，得到的结果为 `0b1|00000000|000000000000000000000001` 也不至于下溢；对应输入是非规格化数时，得到的结果一定也能用规格或非规格化数表示。

总结来说，对浮点数加法，存在上溢，不存在下溢，因为对阶码部分，可以超过254后继续增大发生上溢，却没法在变成0后继续减小发生下溢。

对于浮点数乘法：

1) 对应输入是规格化数时，同上，取

`0b0|11111110|111111111111111111111111`就能上溢，即使不右规，阶码也严重上溢了；对应于非规格化数时，则不仅不会上溢，甚至一定会下溢—— 2^{-252} 已经不在float能表示的范围中了。

2) 对应输入是规格化数时, 考虑到float最小也只能表示到 $2^{(-126-23)}$, 因此规格化数也能发生下溢, 如两个数的阶码为 $-75 + 127 = 52$ 时, 相乘之后数量级约在 $2^{(-150)}$, 就会发生下溢, 具体机器级表现就是计算exp_res结果为负数, 对尾数进行右规, 一直规到0也未能使exp_res为0或整数; 对应于非规格化数, 则如前所述, 一定会发生下溢。

总结来说, 对浮点数乘法, 既有可能发生上溢, 也有可能发生下溢。