

Rapport Projet PAP

Courbes de Bézier et polices de caractères

XU KEVIN

LI ZIHENG

13 janvier 2019

Sommaire

Préambule	1
1 Les classes (Diagramme UML)	3
1.1 Diagramme UML	3
1.2 Question 1	3
2 Image	3
2.1 Réalisation	3
2.2 Solution	3
3 Point	3
3.1 Solution	3
4 Courbes de Bézier	3
4.1 Algorithme de de Casteljau	3
4.2 Solution	4
5 Police 1	4
5.1 Réalisation	4
5.2 Solution	4
6 Police 2	4
6.1 Solution	4
7 Police 3	4
7.1 Solution	4

Préambule

L'objectif de ce projet est réalisé des polices de caractères en utilisant des courbes de Bézier.

- un actif sans risque : S_t^0 à l'instant t
- un actif risqué (une action) : S_t une variable aléatoire

On va utiliser une fonction $f : \mathbb{R}_+ \rightarrow \mathbb{R}_+$ tout au long du problème. Cette fonction renvoie le montant d'argent gagné pour un certain montant de l'actif risqué en paramètre.

1 Les classes (Diagramme UML)

1.1 Diagramme UML

1.2 Question 1

On a $q_N = \mathbb{Q}(T_1^{(N)} = 1 + h_N)$ donc $1 - q_N = \mathbb{Q}(T_1^{(N)} = 1 + b_N)$ car $T_1^{(N)}$ ne

2 Image

2.1 Réalisation

2.2 Solution

3 Point

3.1 Solution

4 Courbes de Bézier

4.1 Algorithme de de Casteljau

`points_` contient les points de contrôle de la courbe de Bézier et `ratio_` = 0.00001 correspond à la valeur du paramètre lors du calcul du barycentre entre deux points.

Algorithm 1 `getCasteljauPoint`

Require: $c \in \mathbb{N}, index \in \mathbb{N}, t \in \mathbb{R}^*$

Ensure: Point

```
1: function GETCASTELJAUPOINT( $c, index, t$ )
2:   if  $c = 0$  then
3:     return points_[index]
4:   end if
5:   Set a Point in P1 to getCasteljauPoint(c-1, index, t)
6:   Set a Point in P2 to getCasteljauPoint(c-1, index+1, t)
7:   Set a Point in P with  $x = (1 - t) \times (x \text{ of } P1) + t \times (x \text{ of } P2)$  and  $y = (1 - t) \times (y \text{ of } P1) + t \times (y \text{ of } P2)$ 
8:   return  $P$ 
9: end function
```

Algorithm 2 getCurvePoints

Require:

Ensure: A vector *Res* of Points

function GETCURVEPOINTS

2: Set an empty vector *Res* of Points

 Set *S* to the size of the vector *points_*

4: **for** $t = 0$ to 1 with a step of *ratio_* **do**

 Add to the vector *Res* the Point : getCasteljauPoint(*size*-1, 0, *t*)

6: **end for**

return *Res*

8: **end function**

4.2 Solution

5 Police 1

5.1 Réalisation

5.2 Solution

6 Police 2

6.1 Solution

7 Police 3

7.1 Solution